

(واجب تحليل عددي)

((بسم الله الرحمن الرحيم))

1) ارسم منحنى الدالة المعطاة على الفترة المحدودة ثم حدد في أي فتره جزئيه تقع أصفار الدالة المعطاة .

الدوال:-

$$1) f(x) = \exp(x) - 4x^2, [-1, 5]$$

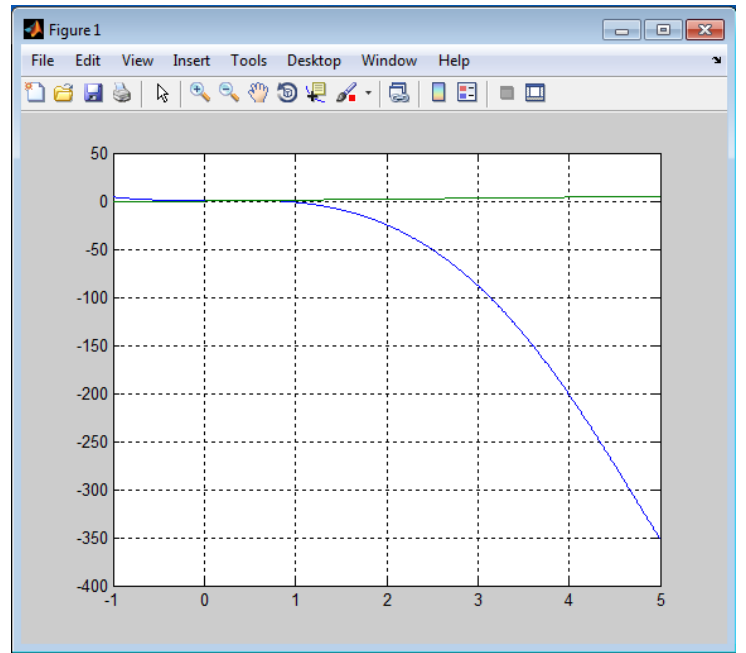
$$x = -1:0.01:5;$$

$$\gg z = x;$$

$$\gg y = (\exp(x) - 4 * x.^3);$$

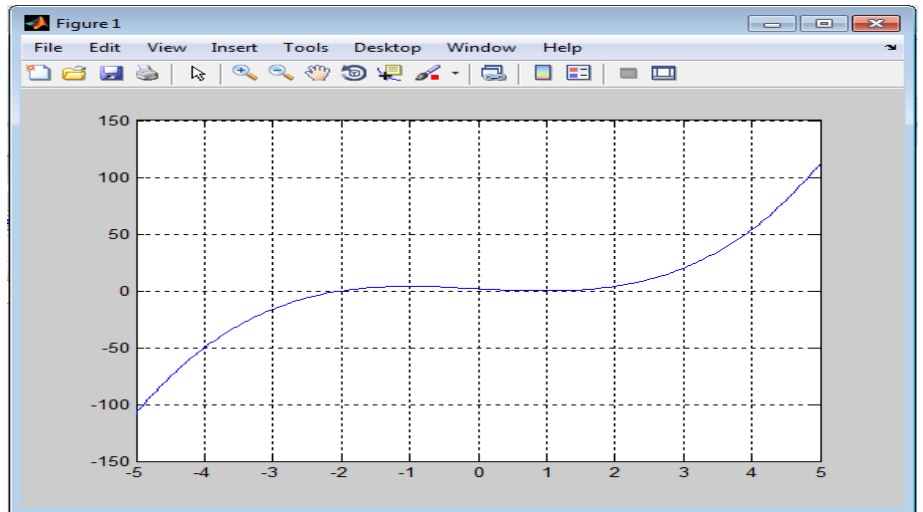
$$\gg \text{plot}(x, y, x, z);$$

$$\gg \text{grid}$$



$$\text{fplot}('x^3 - 3x + 2', [-5, 5])$$

$$\text{grid}$$



سنة:- الرابع

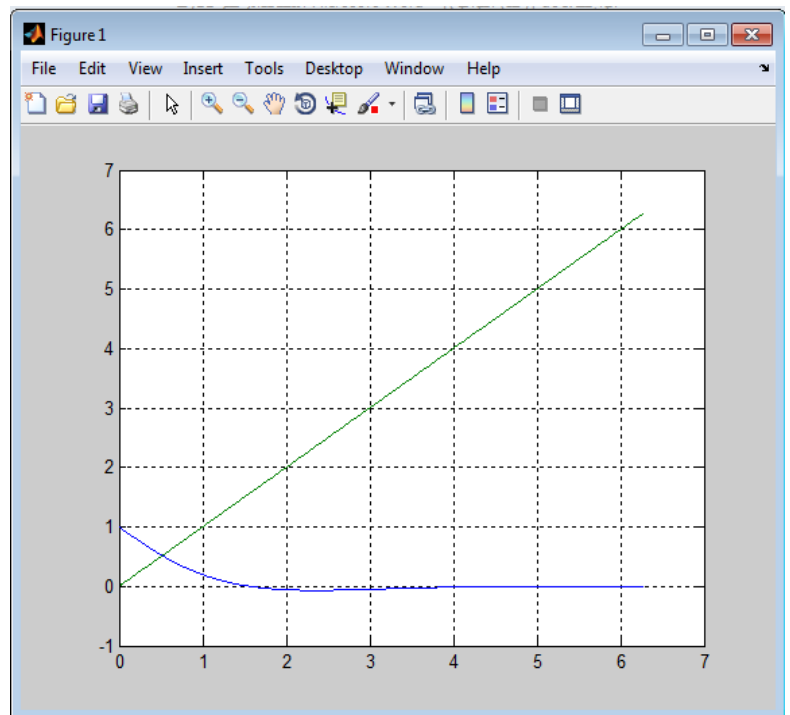
الاسم:- سهام علي يحيي عبد الله عامر

المادة:- تحليل عددي (معمل)

قسم :- الرياضيات (الحاسوب)

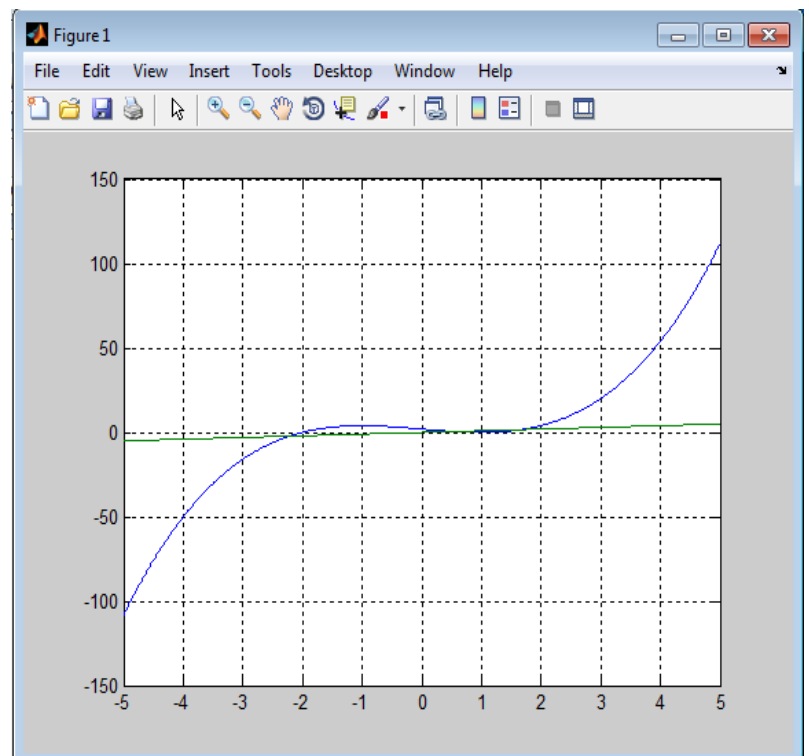
2) $\exp(-x)\cos(x)$, $[0, 2\pi]$

```
>> x=0:0.01:2*pi;  
>> z=x;  
>> y=exp(-x).*cos(x);  
>> plot(x,y,x,z);  
>> grid
```



3) $x^3 - 3x + 2$, $[-5, 5]$

```
>>x=-5:0.01:5;  
>>z=x;  
>>y=x.^3-3*x+2;  
>>plot(x,y,x,z);  
>>grid
```



٢) باستخدام طريقة التنصيف أوجد قيمة تقريبه لاصفار الداله بدقه في حدود (10^{-2})

1) $f(x) = \exp(x) - 4x^3$, $[-1, 5]$

```
a=-1;b=5;
sh=1.e-2;i=1;x=b-a;
n=(log(x)-log(sh))/log(2);
ceil(n);
disp(['      i      A      B      P      '])
while i<n
    p=a+(b-a)/2;
    fp=exp(p)-4*p^3;
    disp([i      a      b      p ] )
    if (fp==0) | (b-a)/2<sh
        p
        break
    end
    oo=exp(a)-4*a^3;
    if (oo* fp)>0
        a=p;
    else
        b=p;
    end
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

| (I | A | B | P) |
|--------|---------|---------|---------|
| 1 | -1 | 5 | 2 |
| 2.0000 | -1.0000 | 2.0000 | 0.5000 |
| 3.0000 | -1.0000 | 0.5000 | -0.2500 |
| 4.0000 | -1.0000 | -0.2500 | -0.6250 |
| 5.0000 | -1.0000 | -0.6250 | -0.8125 |
| 6.0000 | -1.0000 | -0.8125 | -0.9063 |
| 7.0000 | -1.0000 | -0.9063 | -0.9531 |
| 8.0000 | -1.0000 | -0.9531 | -0.9766 |
| 9.0000 | -1.0000 | -0.9766 | -0.9883 |

2) $\exp(-x) \cdot \cos(x)$, $[0, 2\pi]$

```
a=0;b=2*pi;sh=1.e-2;i=1;
x=b-a;
n=(log(x)-log(sh))/log(2);
ceil(n);
disp([' * ( I      A      B      P      ) * '])
while i<n
    p=a+(b-a)/2;
    fp=exp(-p)*cos(p);
    disp([ i      a      b      p      ] )
    if (fp==0) | (b-a)/2<sh
        p
        break
    end
    fo=exp(-a)*cos(a);
    if (fo* fp)>0
        a=p;
    else
        b=p;
    end
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

```
* ( I      A      B      P      ) *
1.0000      0  6.2832  3.1416
2.0000      0  3.1416  1.5708
3.0000  1.5708  3.1416  2.3562
4.0000  1.5708  2.3562  1.9635
5.0000  1.5708  1.9635  1.7671
6.0000  1.5708  1.7671  1.6690
7.0000  1.5708  1.6690  1.6199
8.0000  1.5708  1.6199  1.5953
9.0000  1.5708  1.5953  1.5831
```

2) x^3-3x+2 , [-5,5]

```
a=-5;b=5;er=1e-2;i=1;
x=b-a;
n=(log(x)-log(ee))/log(2);
ceil(n);
disp([' *( I A B P )*'])
while i<n
    p=a+(b-a)/2;
    fp=p^3-3*p+2;
    disp([ i a b p ] )
    if (fp==0) |(b-a)/2<er
        p
        break
    end
    fw=a^3-3*a+2;
    if (fw* fp)>0
        a=p;
    else
        b=p;
    end
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

```
*( I A B P )*
1 -5 5 0
2.0000 -5.0000 0 -2.5000
3.0000 -2.5000 0 -1.2500
4.0000 -2.5000 -1.2500 -1.8750
5.0000 -2.5000 -1.8750 -2.1875
6.0000 -2.1875 -1.8750 -2.0313
7.0000 -2.0313 -1.8750 -1.9531
8.0000 -2.0313 -1.9531 -1.9922
9.0000 -2.0313 -1.9922 -2.0117
```

٣) باستخدام طريقة نيوتن والقيمة الابتدائية التي حصلت عليها
في الفقرة (ب) للحصول على تقريب بدقة (10^{-12})

1) $f(x) = \exp(x) - 4x^3$, $[-1, 5]$

```
sh=1.e-12;i=0;x=2;n=20;
disp( [' *( N          P ) *' ] )
disp([i          x] )
i=i+1;
while i<n
    fx=exp(x)-4*x^3;
    f2x=exp(x)-12*x^2;
    p=x-(fx/f2x);
    if abs(p-x)<sh
        p
        break
    end;
    x=p;
disp([i          p] )
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

*(N P) *

0 2

1.0000 1.3940

2.0000 1.0412

3.0000 0.8759

4.0000 0.8337

5.0000 0.8310

6.0000 0.8310

7.0000 0.8310

p =

0.8310

2) $\exp(-x) \cdot \cos(x)$, [0,2*pi]

```
sh=1.e-12;i=0;x=pi;n=30;
disp(['*(N          PN)*' ] )
disp([i          x] )
i=i+1;
while i<n
    fp0=exp(-x)*cos(x);
    f2x=-exp(-x)*sin(x)-exp(-x)*cos(x);
    p=x-(fp0/f2x);
    if abs(p-x)<sh
        p
        break
    end
    x=p;
disp([i          p] )
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

```
*(N          PN)*
      0  3.1416
1.0000  4.1416
2.0000  4.5326
3.0000  4.6864
4.0000  4.7117
5.0000  4.7124
6.0000  4.7124
p =
4.7124
```

3)x^3-3x+2 , [-5,5]

```
sh=1e-12;i=0;x=0;n=30;
disp([' * (N          PN) * ' ] )
disp([i          x] )
i=i+1;
while i<n
    fx0=(x^3)-3*x+2;
    f2p0=3*(x^2)-3;
    p=x-(fx0/f2p0);
    if abs(p-x)<sh
        p
        break
    end
    x=p;
disp([i          p] )
    i=i+1;
end
```

😊(تابع التطبيق الكود)

```
23.000  1.0000
24.0000  1.0000
25.0000  1.0000
26.0000  1.0000
27.0000  1.0000
p = 1.0000
```

😊(التطبيق الكود)

```
*(N      PN)*
0  0
1.0000  0.6667
2.0000  0.8444
3.0000  0.9244
4.0000  0.9627
5.0000  0.9815
6.0000  0.9908
7.0000  0.9954
8.0000  0.9977
9.0000  0.9988
10.0000  0.9994
11.0000  0.9997
12.0000  0.9999
13.0000  0.9999
14.0000  1.0000
15.0000  1.0000
16.0000  1.0000
17.0000  1.0000
18.0000  1.0000
19.0000  1.0000
20.0000  1.0000
21.0000  1.0000
22.0000  1.0000
23.0000  1.0000
```


٤) باستخدام طريقة القاطع والقيمة الابتدائية التي حصلت عليها في
الفقرة (ب) للحصول على تقريب بدقة (10^{-12})

1) $f(x) = \exp(x) - 4x^3$, $[-1, 5]$

```
n0=25; sh=1.e-12; x=-1; p0=5;
v=[ '* ( P , I ) * ' ]
w=0;
x0=exp(x) - 4*x^3;
q0=exp(p0) - 4*p0^3;
i=2;
while i <= n0
    p=p0 - (q0*(p0-x) / (q0-x0));
    if abs(p-p0) < sh
        p
        break
    end
    disp([ p , i ])
    x=p0;
    x0=q0;
    p0=p;
    q0=exp(p) - 4*p^3;
    i=i+1;
end
```

😊 (التطبيق الكود)

```
v =
*( P I)*
-0.9264 2.0000
-0.8667 3.0000
-0.5394 4.0000
-0.3209 5.0000
0.2097 6.0000
-1.6643 7.0000
0.3384 8.0000
0.4821 9.0000
2.6849 10.0000
0.5225 11.0000
0.5602 12.0000
1.1424 13.0000
0.7176 14.0000
0.7890 15.0000
0.8394 16.0000
0.8305 17.0000
0.8310 18.0000
0.8310 19.0000
0.8310 20.0000
p = 0.8310
```

2) $\exp(-x) \cdot \cos(x)$, [0, 2*pi]

```
n0=25; sh=1e-12; er=0; p0=2*pi;
v=[ ' * (P'      , ' T) * ' ]
g=0;
q0=exp(-er) * cos(er);
q1=exp(-p0) * cos(p0);
i=2;
while i <= n0
    p=p0 - (q1 * (p0 - er) / (q1 - q0));
    if abs(p - p0) < sh
        p
        break
    end
    disp([ p      , i ])
    er=p0;
    q0=q1;
    p0=p;
    q1=exp(-p) * cos(p);
    i=i+1;
end
```

☺ (التطبيق الكود)

```
v =
* (P T) *
6.2949      2.0000
7.2832      3.0000
7.5320      4.0000
7.7411      5.0000
7.8260      6.0000
7.8511      7.0000
7.8539      8.0000
7.8540      9.0000
7.8540     10.0000
7.8540     11.0000

p =
7.8540
```

3) x^3-3x+2 , [-5,5]

```
n0=30;sh=1e-12;p0=-5;p1=5;
v=[ '* ( P , I ) * ' ]
W=0;
q0=p0^3-3*p0+2;
q1=p1^3-3*p1+2;
i=2;
while i<= n0
p=p1- (q1*(p1-p0)/(q1-q0));
if abs(p-p1)<sh
p
break
end
disp([ p , i ])
p0=p1;
q0=q1;
p1=p;
q1=p^3-3*p+2;
i=i+1;
end
```

😊 (تابع التطبيق الكود)

```
0.9999 22.0000
1.0000 23.0000
1.0000 24.0000
1.0000 25.0000
1.0000 26.0000
1.0000 27.0000
1.0000 28.0000
1.0000 29.0000
1.0000 30.0000
```

😊 (التطبيق الكود)

```
v =
*( P I)*
-0.0909 2.0000
-0.1963 3.0000
0.6831 4.0000
0.7856 5.0000
0.8784 6.0000
0.9246 7.0000
0.9542 8.0000
0.9718 9.0000
0.9827 10.0000
0.9893 11.0000
0.9934 12.0000
0.9959 13.0000
0.9975 14.0000
0.9984 15.0000
0.9990 16.0000
0.9994 17.0000
0.9996 18.0000
0.9998 19.0000
0.9999 20.0000
0.9999 21.0000
```