التحويلات النقطية

f تحويل نقطي الذي يرفق بكل نقطة $M(z)$ النقطة $M'(z')$.

M' هي صورة (محوّلة) النقطة M : $M'=f(M)$

العبارة المركبة للتحويل: $\boxed{z'=az+b}$

1) $a=1$ $\boxed{z'=z+b}$

f **انسحاب** شعاعه $\vec{U}$ حيث العدد المركب b هو لاحقة $\vec{U}$. مثال: $z'=z+2-i$

2) $a\in\mathbb{R}^*-\{1\}$ $\boxed{z'-\omega=a(z-\omega)}$ $\boxed{\overrightarrow{\Omega M'}=a\overrightarrow{\Omega M}}$

f **تحاكي** نسبته a ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$.

مثال: $z'=2z-3+4i$

3) $a\in\mathbb{C}^*$ و $|a|=1$ و $\theta\neq k\pi$ $\boxed{z'-\omega=e^{i\theta}(z-\omega)}$

f **دوران** زاويته $\theta=\arg(a)$ ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$.

مثال: $z'=iz+4$ و $\Omega M'=\Omega M$ $\left(\overrightarrow{\Omega M};\overrightarrow{\Omega M'}\right)=\theta$

إذا كان $z'=e^{i\theta}z$ فإن f دوران مركزه O وزاويته θ.

4) $a\in\mathbb{C}^*$ و $|a|\neq 1$ و $\theta\neq k\pi$

f **تشابه مباشر** نسبته $|a|$ وزاويته $\theta=\arg(a)$ ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$. مثال: $z'=(1+i)z-2+5i$

- التشابه المباشر يحافظ على نسب المسافات ويحافظ كذلك على الزوايا الموجهة.
- الانسحاب والتحاكي والدوران عبارة عن تشابهات مباشرة.
- الانسحاب والدوران عبارة عن تقايس: $M_1M_2=M_1'M_2'$

إعداد: عبد المطلب بوزريعة: صفر 1432هـ

التحويلات النقطية

f تحويل نقطي الذي يرفق بكل نقطة $M(z)$ النقطة $M'(z')$.

M' هي صورة (محوّلة) النقطة M : $M'=f(M)$

العبارة المركبة للتحويل: $z'=az+b$

1) $a=1$ $z'=z+b$

f انسحاب شعاعه $\vec{U}$ حيث العدد المركب b هو لاحقة $\vec{U}$. مثال: $z'=z+2-i$

2) $a\in\mathbb{R}^*-\{1\}$ $z'-\omega=a(z-\omega)$ $\overrightarrow{\Omega M'}=a\overrightarrow{\Omega M}$

f تحاكي نسبته a ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$.

مثال: $z'=2z-3+4i$

3) $a\in\mathbb{C}^*$ و $|a|=1$ و $\theta\neq k\pi$ $z'-\omega=e^{i\theta}(z-\omega)$

f دوران زاويته $\theta=\arg(a)$ ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$.

مثال: $z'=iz+4$ و $\Omega M'=\Omega M$ $\left(\overrightarrow{\Omega M};\overrightarrow{\Omega M'}\right)=\theta$

إذا كان $z'=e^{i\theta}z$ فإن f دوران مركزه O وزاويته θ.

4) $a\in\mathbb{C}^*$ و $|a|\neq 1$ و $\theta\neq k\pi$

f تشابه مباشر نسبته $|a|$ وزاويته $\theta=\arg(a)$ ومركزه النقطة الصامدة Ω ذات اللاحقة $\omega=\frac{b}{1-a}$. مثال: $z'=(1+i)z-2+5i$

- التشابه المباشر يحافظ على نسب المسافات ويحافظ كذلك على الزوايا الموجهة.
- الانسحاب والتحاكي والدوران عبارة عن تشابهات مباشرة.
- الانسحاب والدوران عبارة عن تقايس: $M_1M_2=M_1'M_2'$