

## الرياضيات المتقدمة

### النهايات والإتصال

الثاني عشر المتقدم 2017-2018

تمارين عامة للوحدة الثانية

[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

مدرس المادة :- صكبان صالح محمد

تتكون الأسئلة من مجموعتين . الأولى اختيار من متعدد . الثانية أسئلة تحليلية .

السؤال الأول :- :- ضع دائرة حول الإجابة الصحيحة لكل مما يلي :- ( لكل إجابة درجتان ) .

1)  $\lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 + ax - 12}{x + 4}$  إذا كانت النهاية التالية موجودة فإن قيمة  $a =$

- 1) ① 1      2) -3      3) 4      4) -3

2)  $f(x) = \frac{4x^2 + 5x + 3}{-x^2 + 4}$  المقارب الأفقي للدالة

- 1)  $\frac{1}{4}$       2)  $\frac{3}{4}$       3) ③ -4      4)  $-\frac{1}{4}$

3)  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{-5 \sin|x|}{x} =$

- 1) 0      2) غير موجودة      3) ③ 5      4) -5

[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

4)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x + x \cos x}{4x} =$

- 1)  $\frac{1}{4}$       2) ②  $\frac{1}{2}$       3)  $\infty$       4) 0

5)  $\lim_{x \rightarrow a} p(x) =$  لأي كثيرة حدود  $p(x)$  وأي عدد حقيقي  $a$  يكون

- 1)  $p(x)$       2) ②  $p(a)$       3)  $a \times p(x)$       4)  $x \times p(a)$

6)  $\lim_{x \rightarrow a} f(p(x)) =$  فإن  $\lim_{x \rightarrow p(a)} f(x) = L$  إذا كانت  $p$  كثيرة حدود وكانت

- 1) ①  $L$       2)  $p(x)$       3)  $\frac{1}{L}$       4)  $p(a)$

7) الخط التقاربي الرأسي للدالة هو  $f(x) = \frac{x-1}{x-2}$

- 1)  $x=1$       2)  $y=2$       3)  $x=2$       4)  $x=-2$

8) لكي يكون للدالة مقارب أفقي واحد عند  $y=2$  ومقاربان رأسيان عند  $f(x) = \frac{x^2-4}{g(x)}$

$g(x) =$  يجب أن تكون  $x = \pm 3$

- 1)  $g(x) = 2x^2 - 9$       2)  $g(x) = 2(x^2 - 9)$   
3)  $g(x) = \frac{x^2 - 9}{2}$       4)  $g(x) = \frac{2}{x^2 - 9}$

9)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \sin(\tan^{-1} x) =$

- 1) 1      2)  $\infty$       3)  $\frac{\pi}{2}$       4)  $-\frac{\pi}{2}$

10)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \tan^{-1}(\ln x) =$

- 1)  $\frac{\pi}{2}$       2)  $-\frac{\pi}{2}$       3)  $\infty$       4)  $-\infty$

11)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \sec^{-1}\left(\frac{x^2+1}{x+1}\right) =$

- 1)  $\infty$       2)  $-\infty$       3)  $\frac{\pi}{2}$       4) 0

12)  $f(x) = \sqrt{\sin x}$  لتكن

فإن المدى للدالة  $f^{-1}(x)$  هو

- 1)  $[0,1]$       2)  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right]$       3)  $\left(2n\pi, \frac{5}{2}n\pi\right)$       4)  $\left[2n\pi, \frac{5}{2}n\pi\right]$

13)  $f(x) = \frac{\ln(x^2 - 1)}{\sqrt{x^2 - 2x}}$  الفترة التي تكون عليها الدالة التالية متصلة هي :-

1)  $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$       ②  $(-\infty, -1) \cup (2, \infty)$

3)  $(-\infty, -1) \cup (1, \infty) / 2$       4)  $(-\infty, -1] \cup [1, \infty) / 2$

14)  $g(x) = \cos^{-1}(x - 4)$  الفترة التي تكون عليها الدالة التالية متصلة هي :-

1)  $[0, \pi]$       2)  $[0, 4]$       ③  $[3, 5]$       4)  $[-5, -3]$

15)  $g(x) = \ln(\cos x)$  الفترة التي تكون عليها الدالة التالية متصلة هي :-

1)  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right] + 2n\pi$       2)  $\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right] + 2n\pi$

③  $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right) + 2n\pi$       4)  $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right) + n\pi$

16)  $f(x) = \frac{2x - 6}{x^2 - 9}$  للدالة إنفصال لانهايي عند :-

①  $x = -3$       2)  $x = 3$       3)  $x = -9$       4)  $x = 9$

17)  $f(x) = \frac{|2-x|}{2x-4}$  نوع إنفصال الدالة التالية عند  $x = 2$  هو :-

② نتيجة فجوة      ③ نتيجة قفزة      ④ لانهايي      ⑤ تذبذبي

18)  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{9-x^2}}$  الخط التقاربي الأفقي للدالة التالية يمكن أن يكون :-

1)  $y = \pm 1$       2)  $x = \pm 3$

③ لا يوجد مقارب أفقي      4)  $y = \pm 3$

19)  $\lim_{x \rightarrow 0} \sin^{-1}\left(\frac{x + \sqrt{3}}{2}\right) =$  قيمة النهاية :-

- 1)  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       2)  $\frac{\pi}{6}$       3)  $\frac{\pi}{3}$       4)  $\frac{\pi}{4}$

20)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)} =$  فإن قيمة  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$  ،  $\lim_{x \rightarrow \infty} g(x) = \infty$  إذا كانت

- 1)  $\infty$       2)  $-\infty$       3)  $0$       4) غير موجودة

21) للدالة  $f(x) = \frac{3}{\ln x^2}$  انفصال عند  $x = 0, x = \pm 1$  وانفصال على شكل فجوة عند

- 1)  $x = 1$       2)  $x = -1$       3)  $x = 0$       4) 1.5

22) لكي تتحقق قيمة النهايتين  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{20x^{-0.4} + 16}{g(x)} = 5$  و  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{20x^{-0.4} + 16}{g(x)} = 4$

$g(x) =$  يجب أن تكون

- 1)  $5x^{-0.4} + 4$       2)  $4x^{0.4} + 4$       3)  $4x^{-0.4} - 4$       4)  $4x^{-0.4} + 4$

23) المقارب الرأسي للدالة  $f(x) = \frac{5}{e^x - 3}$  هو

- 1)  $x = 3$       2)  $x = \ln 3$       3) لا يوجد مقارب رأسي      4)  $-\frac{5}{3}$

24) المقارب الأفقي للدالة  $f(x) = 2e^{\frac{1}{x}}$  هو :-

- 1)  $y = 1$       2)  $y = 0$       3)  $y = 2$       4) لا يوجد مقارب أفقي

25)

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x-1}{3-\sqrt{10-x}}$$

أوجد قيمة النهاية التالية :-

26)

بين أن  $g(x) = 2x$  وكانت  $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \neq 0 \\ 4, & x = 0 \end{cases}$  نتكن

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(g(x)) \neq f(\lim_{x \rightarrow 0} g(x))$$

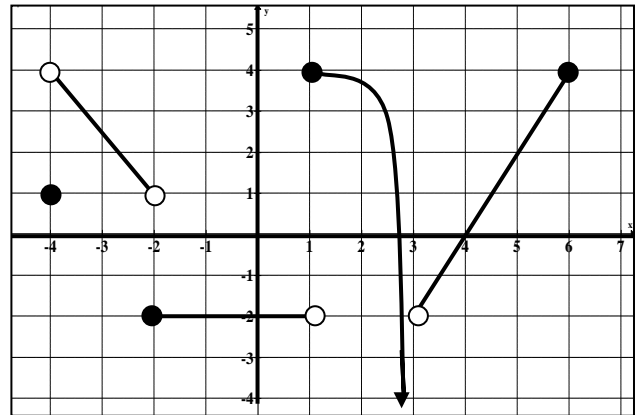
[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

27)

الشكل المجاور يمثل بيان الدالة  $f(x)$  والمطلوب :-

1) قيم  $x$  التي عندها الدالة منفصلة

وما نوع هذا الإنفصال



2)  $\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) =$

3)  $\lim_{x \rightarrow -4^+} f(x) =$

4) أكتب جميع الفترات التي تكون عليها الدالة متصلة .