

كل ما يحتاجه الطالب في جميع الصفوف من أوراق عمل واختبارات ومذكرات، يجده هنا في الروابط التالية لأفضل مواقع تعليمي إماراتي 100 %

<u>تطبيق المناهج الإماراتية</u>	<u>الاجتماعيات</u>	<u>الرياضيات</u>
<u>الصفحة الرسمية على التلغرام</u>	<u>الاسلامية</u>	<u>العلوم</u>
<u>الصفحة الرسمية على الفيسبوك</u>	<u>الانجليزية</u>	
<u>التربية الاخلاقية لجميع الصفوف</u>	<u>اللغة العربية</u>	
<u>التربية الرياضية</u>		
<b>مجموعات التلغرام.</b>	<b>مجموعات الفيسبوك</b>	<b>قنوات تلغرام</b>
<u>الصف الأول</u>	<u>الصف الأول</u>	<u>الصف الأول</u>
<u>الصف الثاني</u>	<u>الصف الثاني</u>	<u>الصف الثاني</u>
<u>الصف الثالث</u>	<u>الصف الثالث</u>	<u>الصف الثالث</u>
<u>الصف الرابع</u>	<u>الصف الرابع</u>	<u>الصف الرابع</u>
<u>الصف الخامس</u>	<u>الصف الخامس</u>	<u>الصف الخامس</u>
<u>الصف السادس</u>	<u>الصف السادس</u>	<u>الصف السادس</u>
<u>الصف السابع</u>	<u>الصف السابع</u>	<u>الصف السابع</u>
<u>الصف الثامن</u>	<u>الصف الثامن</u>	<u>الصف الثامن</u>
<u>الصف التاسع عام</u>	<u>الصف التاسع عام</u>	<u>الصف التاسع عام</u>
<u>الصف التاسع متقدم</u>	<u>الصف التاسع متقدم</u>	<u>الصف التاسع متقدم</u>
<u>الصف العاشر عام</u>	<u>الصف العاشر عام</u>	<u>الصف العاشر عام</u>
<u>الصف العاشر متقدم</u>	<u>الصف العاشر متقدم</u>	<u>الصف العاشر متقدم</u>
<u>الحادي عشر عام</u>	<u>الحادي عشر عام</u>	<u>الحادي عشر عام</u>
<u>الحادي عشر متقدم</u>	<u>الحادي عشر متقدم</u>	<u>الحادي عشر متقدم</u>
<u>ثاني عشر عام</u>	<u>الثاني عشر عام</u>	<u>الثاني عشر عام</u>
<u>ثاني عشر متقدم</u>	<u>الثاني عشر متقدم</u>	<u>الثاني عشر متقدم</u>

# الرياضيات

الوحدة الرابعة الفصل الدراسي الثاني

الصف الثاني عشر متقدم

الاستاذ محمود مراد

العام الدراسي 2018-2019



السؤال الاول :

(1) أوجد التقريب الخطي للدالة  $f(x) = \sin 2x$  عند قيمة  $x_0 = \frac{\pi}{6}$  و استخدمه لتقريب  $\sin 2$

(2) استخدم التقريبات الخطية لتقدير

a)  $\cos(0.1)$

b)  $\sqrt[4]{628.8}$

c)  $\sqrt[3]{-8.12}$

(3) إستخدم طريقة نيوتن لحساب جذر تقريبي للمعادلة  $x^3 + 4x^2 - 3x + 1 = 0$

احسب كل من  $x_1$  ,  $x_2$

(4) قدرت احد الشركات انة يمكن بيع  $f(x)$  الف قطعة ما بسعر  $x$  درهم كمايلي

$x$	20	30	40
$f(x)$	18	14	12

اولا: قدر عدد القطع التي يمكن بيعها بسعر 24 درهم .

ثانيا: قدر عدد القطع التي يمكن بيعها بسعر 36 درهم

## قاعدة لوبيتال

الصيغة التي نستخدم فيها قاعدة لوبيتال

$$\frac{0}{0}, \frac{\infty}{\infty}, \infty - \infty, 0(\infty), (1)^\infty, (0)^0, (\infty)^0$$

$$\lim_{x \rightarrow c} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow c} \frac{f'(x)}{g'(x)}$$

السؤال الثاني : أوجد النهايات التالية

$$1) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x + \sin 3x}{x \cos x}$$

$$2) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \tan^{-1} x}{\sin x}$$

$$3) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \sin 3x}{e^{3x} - 1}$$

$$4) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x \sin x}$$

$$5) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 1}{x}$$

$$6) \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln x}{\csc x}$$

$$7) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^x}{x}$$

$$8) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{e^x}$$

$$9) \lim_{x \rightarrow 0} \left[ \frac{1}{\ln(x+1)} - \frac{1}{x} \right]$$

---

$$10) \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{1}{x} \ln(x) \right)$$

$$11) \lim_{x \rightarrow 1^+} (x)^{\frac{1}{x-1}}$$

$$12) \lim_{x \rightarrow 0^+} (\sin x)^x$$

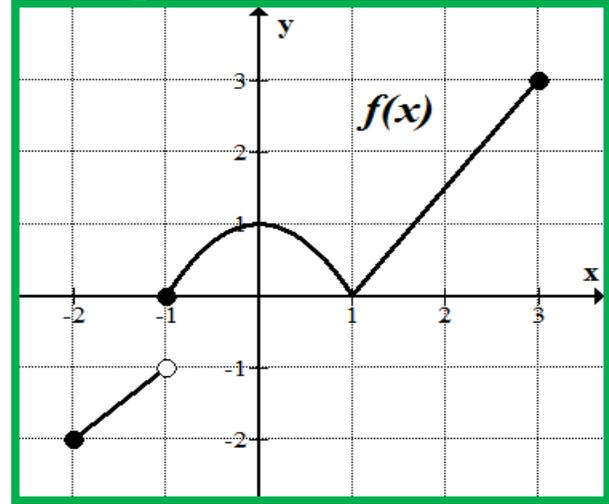
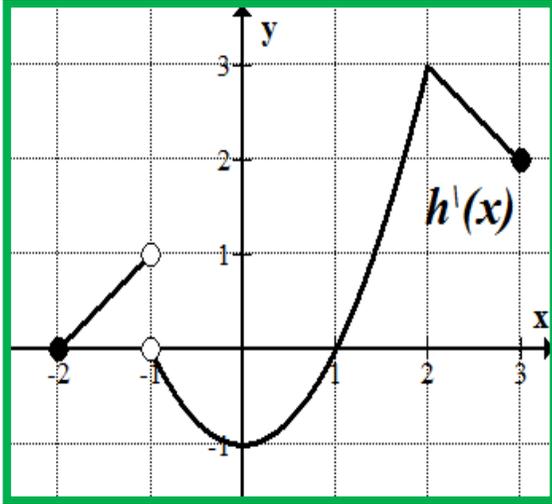
$$13) \lim_{x \rightarrow \infty} (x + 1)^{\frac{2}{x}}$$

$$14) \lim_{x \rightarrow \infty} (x^2 + 1)^{\frac{1}{\ln x}}$$

$$15) \lim_{x \rightarrow 0^+} (\sin x)^{\frac{3}{\ln x}}$$

## السؤال الثالث

اولاً: تأمل الاشكال التالية  
و اكمل الجداول حيث  $h$  دالة متصلة على مجالها



$h(x)$	$f(x)$	الدالة قيم $x$ التي يكون للدالة عندها
		نقاط حرجة
		قيمة عظمى محلية
		قيمة صغرى محلية
		فترات تزايد
		فترات تناقص
		فترات التقعر للاعلى
		فترات تقعر للأسفل
		نقطة الانقلاب

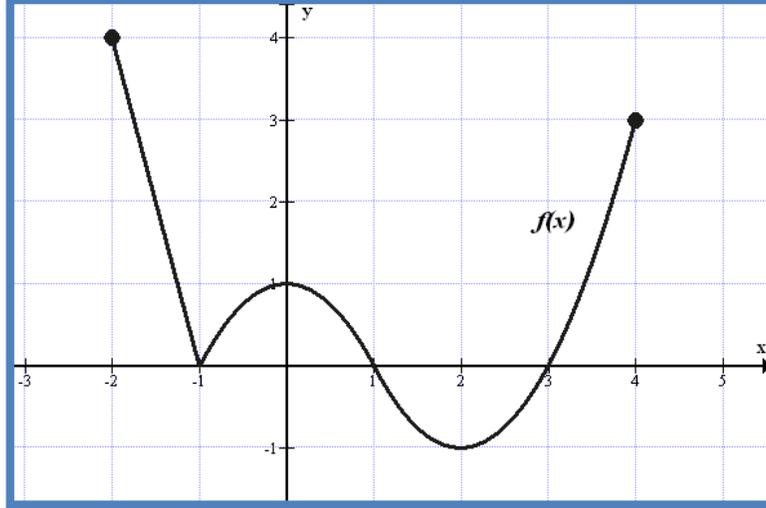
أكمل الجدول التالي بوضع (+ أو - أو 0)

X	$f(x)$	$f'(x)$	$f''(x)$	$h(x)$	$h'(x)$
0					
2					
0.5					
-0.5					

- ثانيا: اذا علمت ان للدالة  $f(x) = x^3 + ax + b$  قيمة قصوى محلية تساوي 2 عند  $x = 1$  أجب
- (1) أوجد قيمة الثابتين  $a, b$
  - (2) عين نوع هذه القيمة القصوى المحلية
  - (3) اوجد نقطة الانقلاب
  - (4) ارسم بيان الدالة

## T:Mahmoud Murad

ثالثا : اذا كانت للدالة  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$  لها قيمة صغرى محلية عند  $x = 4$ , نقطة انعطاف عند  $x = 1$  فأوجد قيمة الثوابت  $a, b$



رابعاً) تأمل الشكل التالي الذي يمثل بيان الدالة  $f(x)$  ثم أجب

1 اوجد قيم  $x$  التي تكون عندها  $f(x)$  لها

نقاط حرجة	قيمة عظمى محلية	قيمة صغرى محلية	قيمة عظمى مطلقة	قيمة صغرى مطلقة

2) اوجد الفترات التي تكون عليها  $f(x)$

متزايدة	متناقصة	مقعرة للاعلى	مقعرة للاسفل

3) اوجد القيمة العظمى المحلية

اوجد القيمة الصغرى المطلقة

خامسا:  
أ) اوجد القيم القصوى المطلقة للدالة التالية وبين نوها

$$h(x) = \begin{cases} \frac{x^3}{3} - x & ; -2 \leq x \leq 3 \\ x^2 - 2x + 3 & ; 3 \leq x \leq 5 \end{cases}$$

ب) لتكن  $f(x) = \frac{6x-10}{x^2-1}$  فأوجد

جميع مميزات الدالة  $f(x)$  ثم الرسم الدالة  $f(x)$  في مستوى الاحداثيات

ج) إذا كانت  $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$  وكان للدالة  $f$  نقطة حرجة عند  $x = -1$  ولها قيمة قصوى محلية تساوي  $-26$  عند  $x = 3$  فأوجد قيمة الثوابت  $a, b, c$

د) بفرض ان  $f$  دالة حدودية و الارتباط بين  $f$  ,  $f'$  يحقق الجدول التالي

$X$	-2	-1	-0.5	0	0.5	1	2
$f(x)$	45	9	0	-3	0	9	45
$f'(x)$	-48	-24	-12	0	12	24	48

أوجد

(1) قيم  $x$  التي تكون عندها للدالة  $f$  نقطة حرجة

(2) فترات التزايد و فترات التناقص للدالة  $f$

---



---

(3) القيم القصوى المحلية للدالة  $f$  وبين نوعها

---



---

(4) نقطة الانقلاب

---

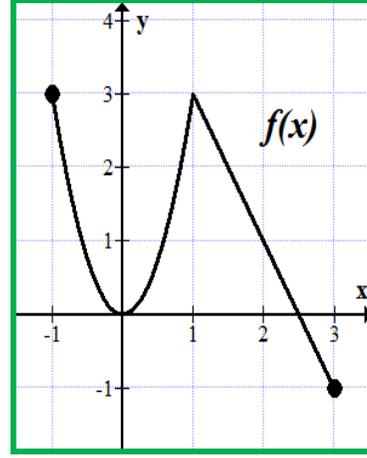
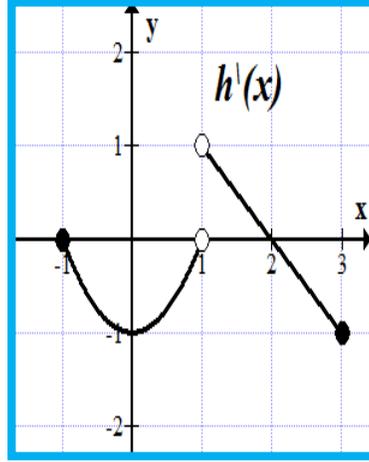
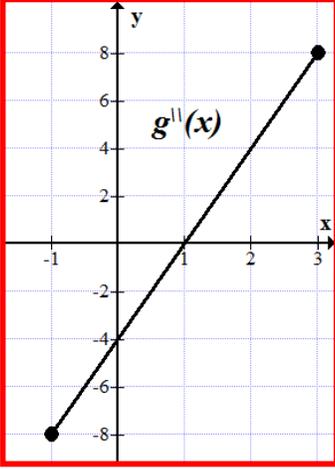
(5) فترات تقعر منحنى الدالة  $f$  للأعلى

---

(6) فترات تقعر منحنى الدالة  $f$  للأسفل

سادسا

كل من الدوال  $f, g, h$  متصلة على  $[-1, 3]$  و كانت  $g'(0) = g'(2) = 0$  تأمل الاشكال التالية وأجب عن قيم  $x$  فيما يلي



T:Mahmoud Murad

$g(x)$	$h(x)$	$f(x)$	
			نقاط حرجة
			فترات التزايد
			فترات التناقص
			قيمة عظمى محلية
			قيمة صغرى محلية
			فترات تقعر للأعلى
			فترات تقعر للأسفل
			نقاط الانقلاب

سابعاً : في كل من الدوال التالية اوجد ان امكن

- (1) الاعداد الحرجة (2) فترات التزايد وفترات التناقص (3) القيم القصوى المحلية  
(4) نقاط الانعطاف (5) فترات تقعر منحنى الدالة (6) ارسم في مستوى الاحداثيات بيان الدالة

$$1) f(x) = \sqrt[3]{x^2 - x - 2}$$

$$2) f(x) = |9 - x^2|$$

$$3) f(x) = \ln(x^2 - 4)$$

$$4) f(x) = e^{x^2+1}$$

$$5) f(x) = \sqrt{x^2 - 9}$$

ثامنا : لتكن  $f(x) = \sqrt{2} \cos x - x + 1$  حيث  $0 \leq x \leq \pi$   
فأوجد

- (1) الاعداد الحرجة (2) فترات التزايد وفترات التناقص (3) القيم القصوى المحلية  
(4) نقاط الانعطاف (5) فترات تقعر منحنى الدالة (6) القيم القصوى المطلقة

**T:Mahmoud Murad**

**0506565584**

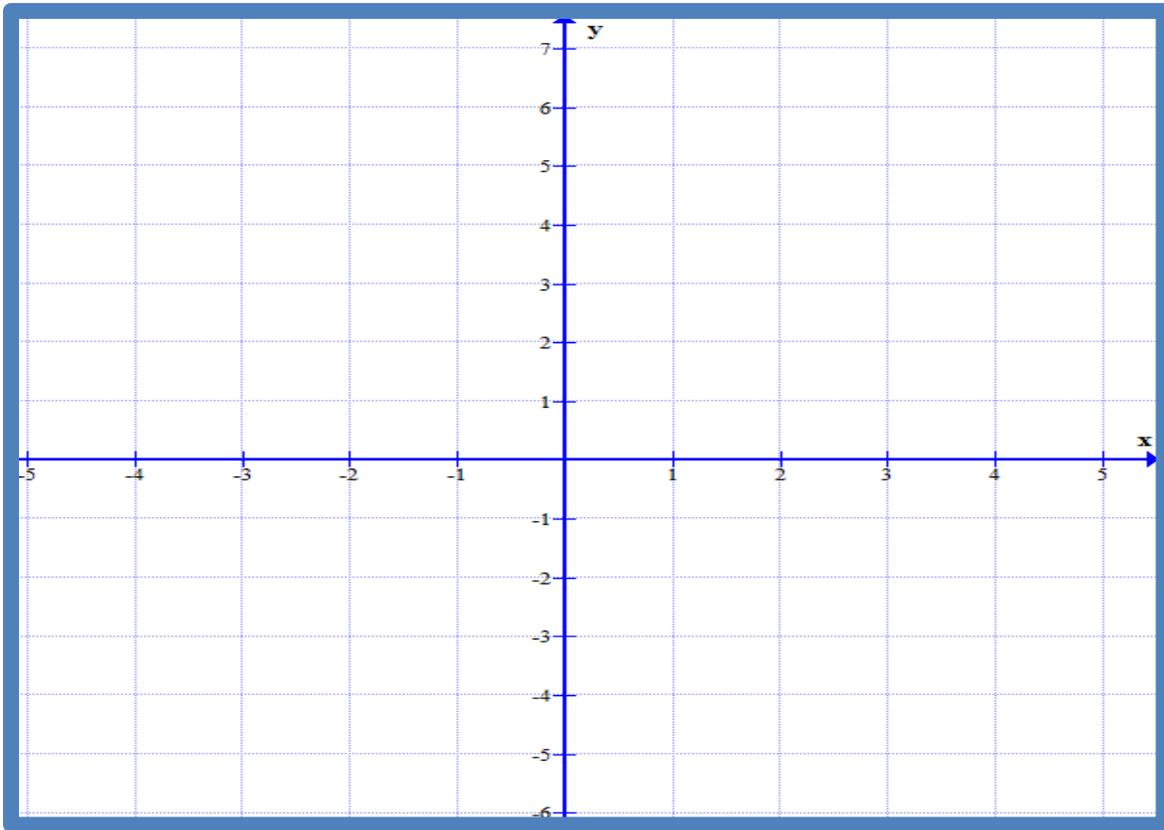
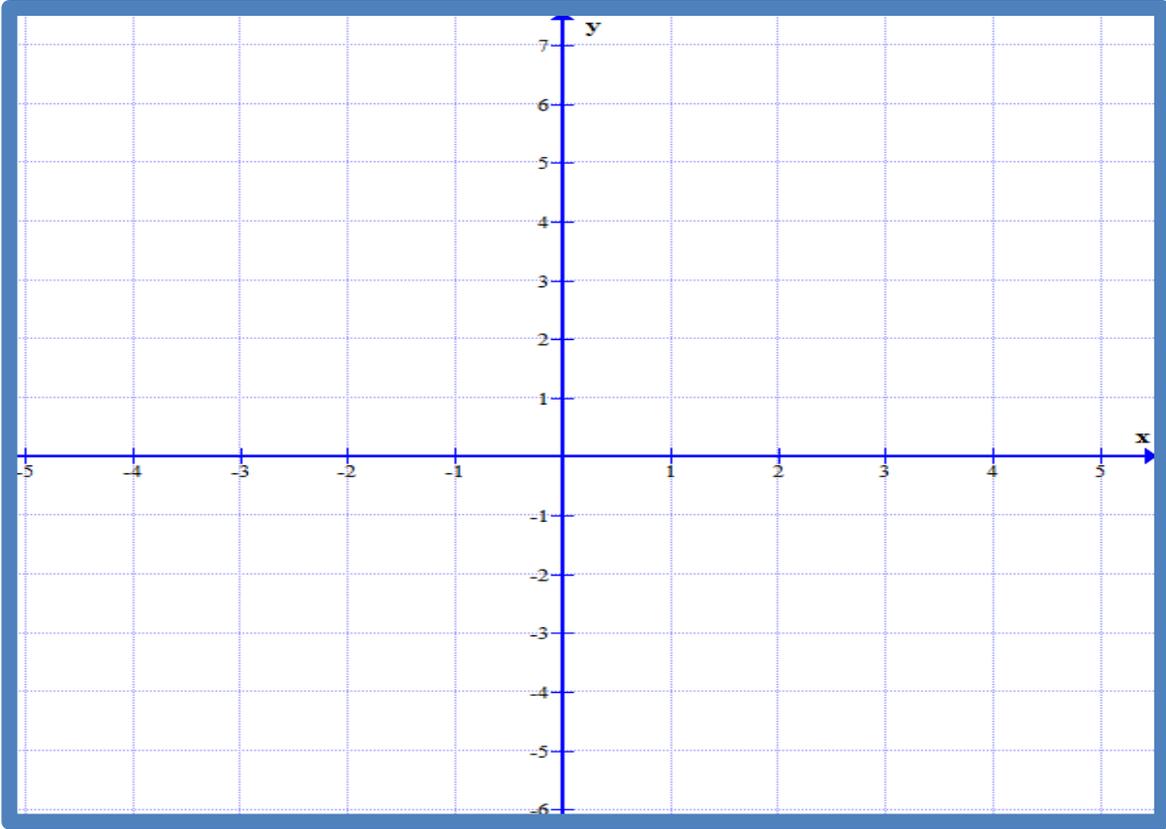
(1) باستخدام المشتقة الثانية اوجد القيم القصوى المحلية للدالة

$$f(x) = x^4 - 8x^2 + 10$$

(2) اذكر مميزات كل من الدوال التالية ثم ارسم منحنى لدالة

$$1) f(x) = \frac{4x}{x^2 - 4}$$

$$2) f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 1}$$



عاشرا : في الاسئلة التالية لكل سؤال اربع فقرات واحدة فقط صحيحة اختر الفقرة الصحيحة

1) الاعداد الحرجة للدالة  $f(x) = \frac{2x^2}{x+3}$  هي

- a) -6, 0      b) 3, 6      c) 6, -3      d) 0, 6

2) الفترة التي تكون عليها الدالة  $f(x) = x^3 + 3x^2$  متناقصة

- a) (1, ∞)      b) (-∞, -2)      c) (0, ∞)      d) (-2, 0)

3) أي من الدوال التالية لها نقطة انعطاف واحدة فقط

- a)  $f(x) = x^2 - 4$       b)  $f(x) = x^4 - 8x^2$       c)  $f(x) = \sqrt[3]{x}$       d)  $f(x) = \frac{1}{x}$

4) الدالة  $f(x) = \frac{1}{x^2}$  متزايدة على الفترة

- a) (-∞, 0)      b) (0, ∞)      c) (-∞, ∞)      d) (-∞, 0) ∪ (0, ∞)

5) أي من النهايات التالية تساوي  $e^6$

- a)  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n$       b)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+2}{x+4}$       c)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x+2}{x-4}$       d)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^x}{4x}$

6) النهاية  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x} \ln(x+1)$  تساوي

- a) 1      b) 0      c) ∞      d) غير موجودة

7) النهاية تساوي  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4e^x}{x}$

- a) 1                      b) 0                      c)  $\infty$                       d) غير موجودة

8) الاعداد الحرجة للدالة  $f(x) = \sqrt[3]{x^2}$  هي

- a)  $\frac{-1}{3}$                       b) 0                      c) 1                      d) لا يوجد

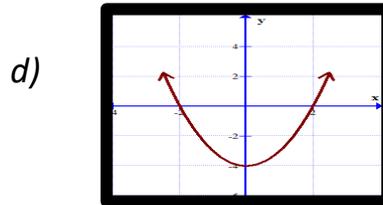
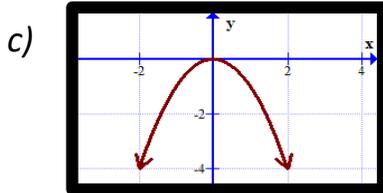
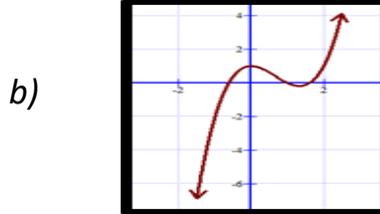
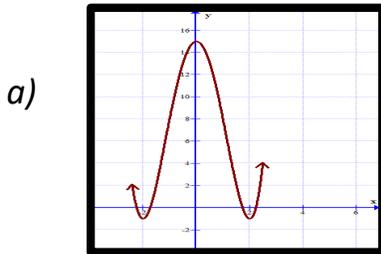
9) القيمة العظمى المطلقة للدالة  $f(x) = 2\sin x$  هي

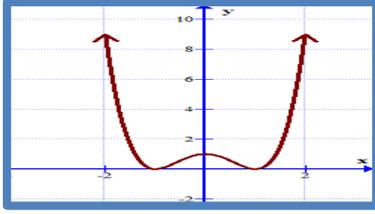
- a) -1                      b) -2                      c) 1                      d) 2

10) للدالة  $f(x) = 5$

- a) لا يوجد قيمة قصوى مطلقة و يوجد قيم قصوى محلية  
b) لا يوجد قيم قصوى مطلقة  
c) يوجد قيم قصوى محلية  
d) لا يوجد قيمة قصوى محلية و يوجد قيم قصوى مطلقة

11) ايا من الدوال التالية لها قيمة عظمى مطلقة





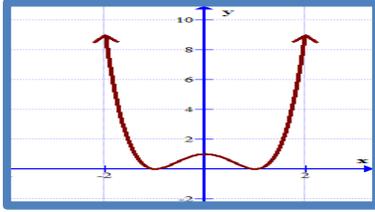
(12) عدد نقاط الانعطاف في الشكل المجاور هو

a) 1

b) 3

c) 0

d) 2



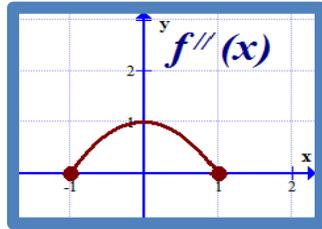
(13) عدد الاعداد الحرجة في الشكل المجاور هو

a) 1

b) 3

c) 0

d) 2



(14) الدالة  $f(x)$  متصلة على  $[-1, 1]$  و الشكل المجاور

يمثل بيان  $f''(x)$  فإن منحنى  $f(x)$  مقعرا للأسفل على

a)  $(-1, 1)$

b)  $(-1, 0)$

c)  $(0, 1)$

d) لا يوجد

(15) أوجد التقريب الخطي للدالة  $f(x) = \sqrt{2x - 1}$  عند قيمة  $x_0 = 5$  هو

a)  $y = 3x - \frac{5}{3}$

b)  $l(x) = x + 4$

c)  $y = \frac{1}{3}x + \frac{4}{3}$

d) 1

**T:Mahmoud Murad**

**0506565584**

الشكل المجاور يمثل بيان  $f'(x)$  والدالة  $f(x)$  متصلة على  $[-5,3]$

اجب كل مما يلي عند قيم

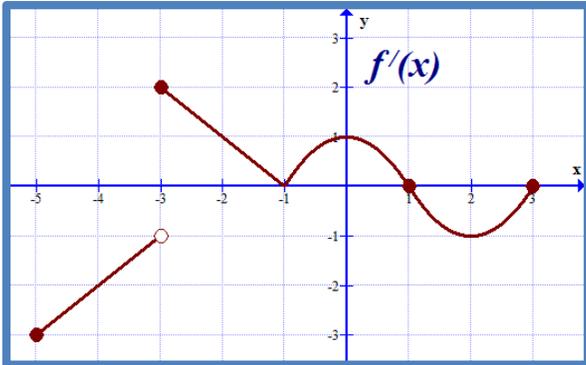
اولا : الاعداد الحرجة للدالة  $f(x)$

ثانيا : فترات التزايد للدالة  $f(x)$

ثالثا : فترات تقعر منحني  $f(x)$  للاعلى

رابعا : نقاط الانعطاف للدالة  $f(x)$

خامسا : القيمة الصغرى المحلية للدالة  $f(x)$



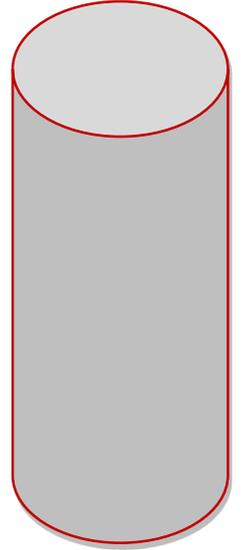
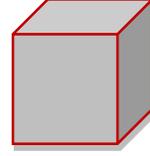
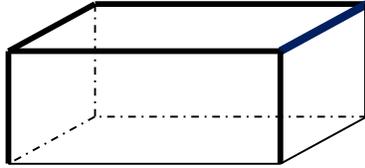
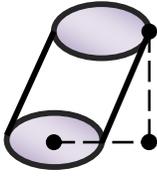
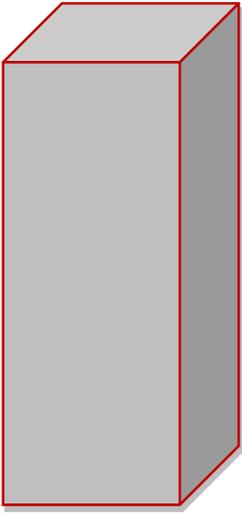
**T:Mahmoud Murad**

**0506565584**

## قوانين المحيط و المساحة و الحجم

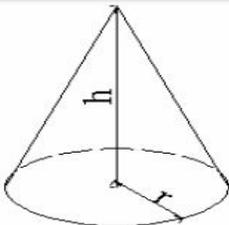
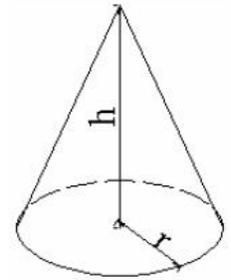
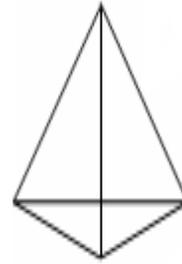
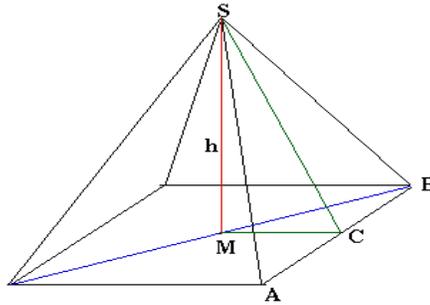
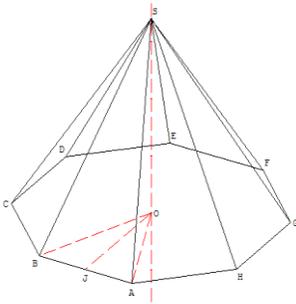
المستطيل X Y	المربع X X	المثلث القائم Y X	المثلث Y Z X h	الدائرة r	الشكل و الاسم
$A = X \cdot Y$	$A = X^2$	$A = \frac{1}{2} X \cdot Y$	$A = \frac{1}{2} X \cdot h$	$A = \pi r^2$	المساحة
$P = 2X + 2Y$	$P = 4X$	$P = X + Y + S$	$P = X + Y + z$	$p = 2\pi r$	المحيط

المجسم الاسطواني ( الاسطوانة الدائرية القائمة - المنشور )



المساحة الجانبية = ( محيط القاعدة ) ( الارتفاع )  
 المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين  
 الحجم = ( مساحة القاعدة ) ( الارتفاع )

المجسم المخروطي ( المخروط الدائرية القائمة - الهرم )



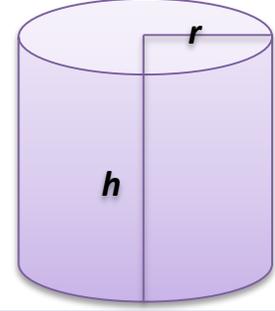
$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \text{حجم المخروط الدائري القائم}$$

$$\frac{1}{3} (\text{الارتفاع}) (\text{مساحة القاعدة}) = \text{حجم المجسم المخروطي}$$

المساحة الجانبية للاسطوانة  $A = 2\pi r \cdot h$

المساحة الكلية للاسطوانة  $A = 2\pi r \cdot h + 2\pi r^2$

الحجم للاسطوانة  $v = \pi r^2 h$

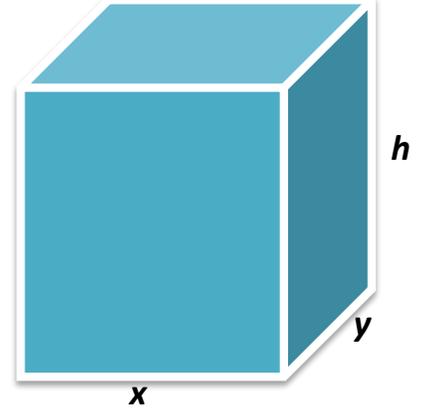


### قاعدة المشور القائم مستطيل

المساحة الجانبية للمشور  $A = 2(x + y) \cdot h$

المساحة الكلية للمشور  $A = 2(x + y) \cdot h + 2xy$

الحجم المشور  $v = x y h$

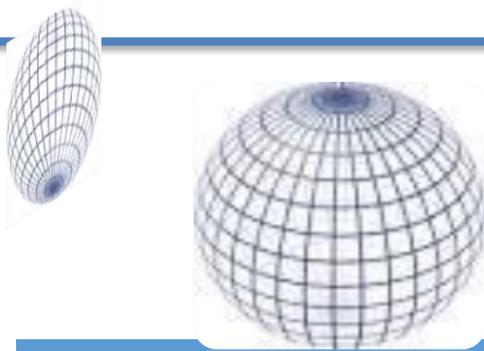
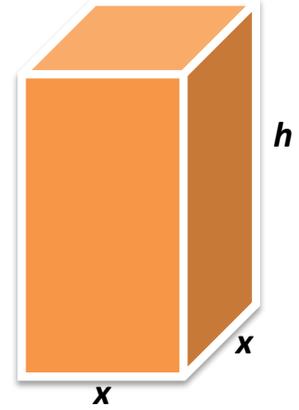


### قاعدة المشور القائم مربع

المساحة الجانبية للمشور  $A = 4x \cdot h$

المساحة الكلية للمشور  $A = 4x \cdot h + 2x^2$

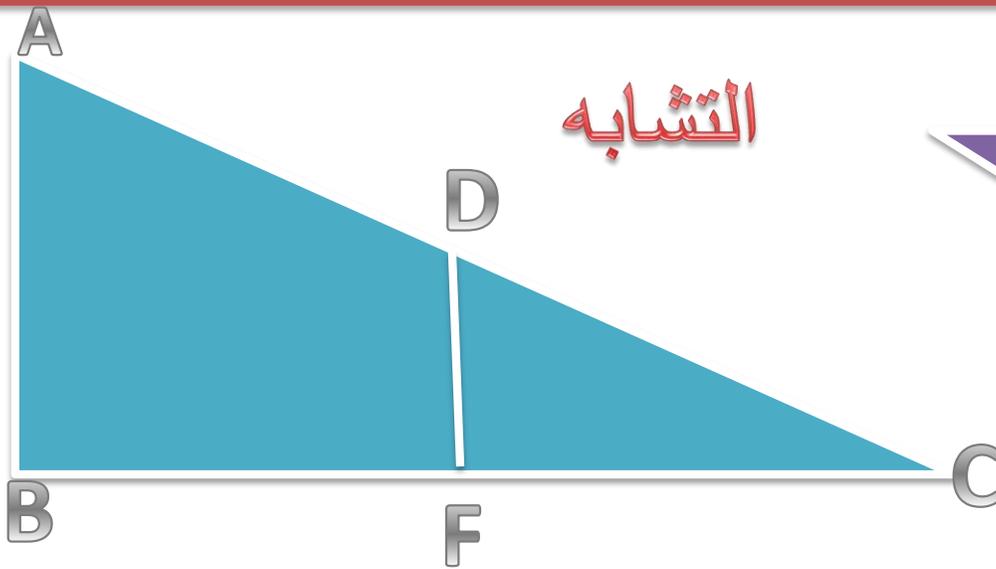
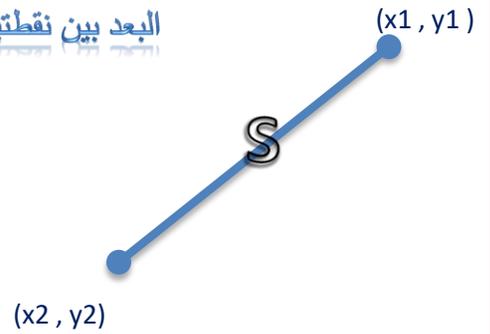
الحجم المشور  $v = x^2 h$



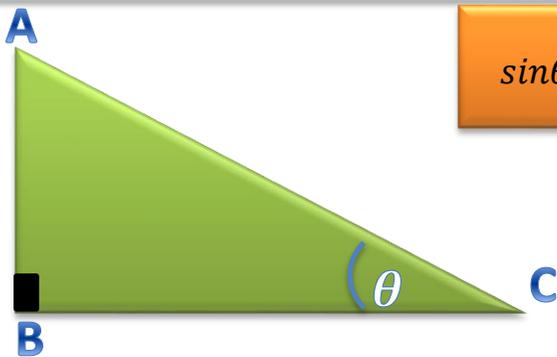
$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \text{حجم الكرة}$$

$$A = 4 \pi r^2 = \text{المساحة السطحية الكروية}$$

$$s = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$



$$\frac{FC}{BC} = \frac{FD}{BA} = \frac{DC}{AC}$$



$$\sin \theta = \frac{AB}{AC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\cos \theta = \frac{BC}{AC} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$\tan \theta = \frac{AB}{BC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

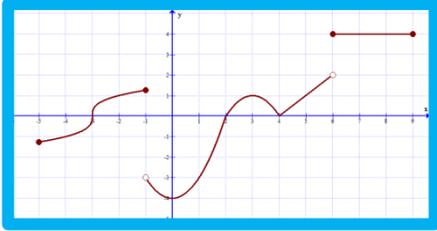
$$AC = \sqrt{(AB)^2 + (BC)^2}$$

$$(AB)^2 = (AC)^2 - (BC)^2$$

$$BC = \sqrt{(AC)^2 - (AB)^2}$$

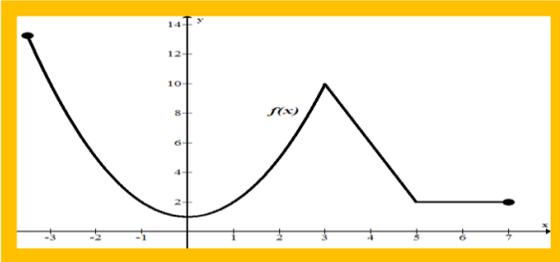
$$AB = \sqrt{(AC)^2 - (BC)^2}$$

# نظريات و مفاهيم



(1) يكون للدالة  $f$  من الاعداد الحرجة اذا حقق شرطين هما  
 اولاً :  $x = c$  عدد في مجال الدالة  $f$   
 ثانياً: ان تكون  $f'(c) = 0$  or  $f'(c)$  او غير موجودة

فهي تحقق قيمة عظمى مطلقة و



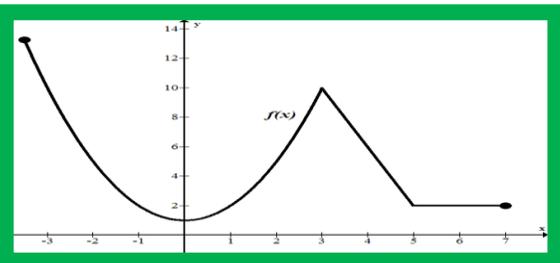
(2) اذا كانت  $f(x)$  دالة معرفة و متصلة على  $[a, b]$   
 قيمة صغرى مطلقة في الفترة  $[a, b]$

(3) عند كل قيمة عظمى أو صغرى محلية يوجد عدد حرج

(4) اذا كانت الدالة  $f(x)$  قابلة للاشتقاق على مجالها

اولاً: وكانت  $f'(x) > 0$  لجميع قيم  $x$  في مجالها فان  $f(x)$  تكون متزايدة في مجالها

ثانياً: وكانت  $f'(x) < 0$  لجميع قيم  $x$  في مجالها فان  $f(x)$  تكون متناقصة في مجالها





T. Mahmoud Murad

New

# الرياضيات

الصف الثاني عشر متقدم

الفصل الدراسي الثاني

2018-2019

الوحدة الرابعة

إعداد الأستاذ: محمود مراد



## التواصل

**T:Mahmoud Murad**  
**0506565584**  
**0528113301**  
**xmmx22@hotmail.com**

مع تمنياتي للجميع بالتوفيق و التفوق