

Determine the values of m and n that  
make the function

$$h(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - mx + 2}{x-1}, & x \neq 1 \\ n, & x = 1 \end{cases}$$

continuous at  $x = 1$ .

a.  $m = 3, n = -1$

حدد قيم m و n التي تجعل الدالة

$$h(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - mx + 2}{x-1}, & x \neq 1 \\ n, & x = 1 \end{cases}$$

متصلة عند  $x = 1$ .



إيجاد نهاية دالة نسبية 1

Evaluate  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\frac{x+2}{x} - 2}{x} \right)$ , if it exists.

a.  $-\frac{1}{4}$

b. 0

أوجد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 0} \left( \frac{\frac{1}{x+2} - \frac{1}{2}}{x} \right)$  إن وجدت.



## تركيب دالتين 1

If  $f(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$  and  $g(x) = x^2 - 2$ ,  
find  $(g \circ f)(x)$ , with  $x \neq \pm 1$ .

إذا كانت  $g(x) = x^2 - 2$  و  $f(x) = \frac{1}{x^2 - 1}$   
 $x \neq \pm 1$  حيث  $(g \circ f)(x)$  أوجد.

a.  $(g \circ f)(x) = \frac{1}{x^2 - 1} - 2$



b.  $(g \circ f)(x) = \frac{1}{(x^2 - 2)^2 - 1}$



If  $f(x) = x^4 - 5x$  then

$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f'(x) - f'(2)}{x - 2}$  equals:

إذا كانت  $f(x) = x^4 - 5x$  فإن

تساوي:  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f'(x) - f'(2)}{x - 2}$

## نظريه الشطيرة 1

If  $|g(x) - 4| \leq 2(2-x)$  is true for all values of  $x$ , evaluate  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x)$ .

إذا كانت  $|g(x) - 4| \leq 2(2-x)$  صحيحة لجميع قيم  $x$  ، أوجد  $\lim_{x \rightarrow 2} g(x)$ .



a. 4



b. -4



## مشتقة الدوال الأسيّة واللّوغاريتميّة ١

almanahj.com/ae

**Find the derivative of  $f(x) = e^x \ln x$ .**

أوجد مشتقة  $f(x) = e^x \ln x$ .

a.  $f'(x) = \frac{e^x}{x}$

b.  $f'(x) = e^x \left( \frac{1}{x} + \ln x \right)$

## تطبيقات فيزيائية على المشتقات

A ball is thrown upward then moves according to the relation

$S(t) = 56t - 4t^2$  where  $t$  is in seconds and  $S$  in meters. What is the maximum height the ball can reach?

تم قذف كرة لأعلى فتحركت حسب العلاقة  $S(t) = 56t - 4t^2$  حيث  $t$  بالثواني

و  $S$  بالأمتار. ما أقصى ارتفاع يمكن أن تصل إليه الكرة؟

- a. 392 m



قابلية الاشتتقاق 1

The function  $f(x) = \sqrt{|x - 1|}$   
is defined for all  $x$ . Which of the  
following statements is true?

a.  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x) \neq 0$



- b.  $f$  is continuous and not differentiable at  $x = 1$ .



الدالة  $f(x) = \sqrt{|x - 1|}$  معرفة لجميع  
قيم  $x$ . أي من الجمل الآتية صحيحة؟

معادلة مماس عند نقطة 1

i

Find the equation of the tangent line

to the function  $f(x) = \sqrt{x + 3}$

at  $x = -2$ .

أوجد معادلة المماس للدالة

$f(x) = \sqrt{x + 3}$  عند  $x = -2$

a.  $y = 4(x + 2) + 2$



b.  $y = \frac{1}{2}(x - 2) + 1$



$$\text{Given that } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 + mx^4 - 2x^3 - 1}{2x^4 + 2x^3 - x} = 4,$$

### **Find the constant m.**

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 + mx^4 - 2x^3 - 1}{2x^4 + 2x^3 - x} = 4 \quad \text{إذا كانت} \\ \text{أوجد قيمة الثابت } m.$$

- 5

**Find the exponential function of the form  $f(x) = ae^{bx}$  that passes through the points  $(0, 4)$  and  $(2, 2)$ .**

أوجد الدالة الأسية بالصورة  $f(x) = ae^{bx}$  التي تمر بال نقطتين  $(0, 4)$  و  $(2, 2)$ .

a.

$$f(x) = 4e^{(\ln \frac{1}{2})x}$$



↑

b.

$$f(x) = 4e^{\frac{1}{2}\ln x}$$



## مشتقة الدوال المثلثية العكسية ١

Find the derivative of  $\tan^{-1}(x^3)$

أوجد مشتقة  $\tan^{-1}(x^3)$

a. 
$$\frac{-1}{\sqrt{1-x^6}}$$



b. 
$$\frac{1}{1+x^6}$$



٣٠٢

## مشتقة دوال مثلثية نسبية 1

almanahj.com/ae

**Find the derivative of  $f(x) = \frac{\sin x^2}{x^2}$ .**

**أوجد مشتقة  $f(x) = \frac{\sin x^2}{x^2}$**

a.   $f'(x) = \frac{2x^3 \cos x^2 - 2x \sin x^2}{x^4}$  

b.  $f'(x) = \frac{2x^3 \cos x^2 + 2x \sin x^2}{x^4}$  

## نهاية دالة مثلثية نسبية 1

almanahj.com/ae

Evaluate  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{x \sin x}$ , if it exists.

أوجد قيمة  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{x \sin x}$  إن وجدت.



غير موجودة

a.

**does not exist**



Find an equation of the line

perpendicular to  $y = 3(x - 2) + 1$   
and intersecting the line at the  
point  $(0, 3)$ .

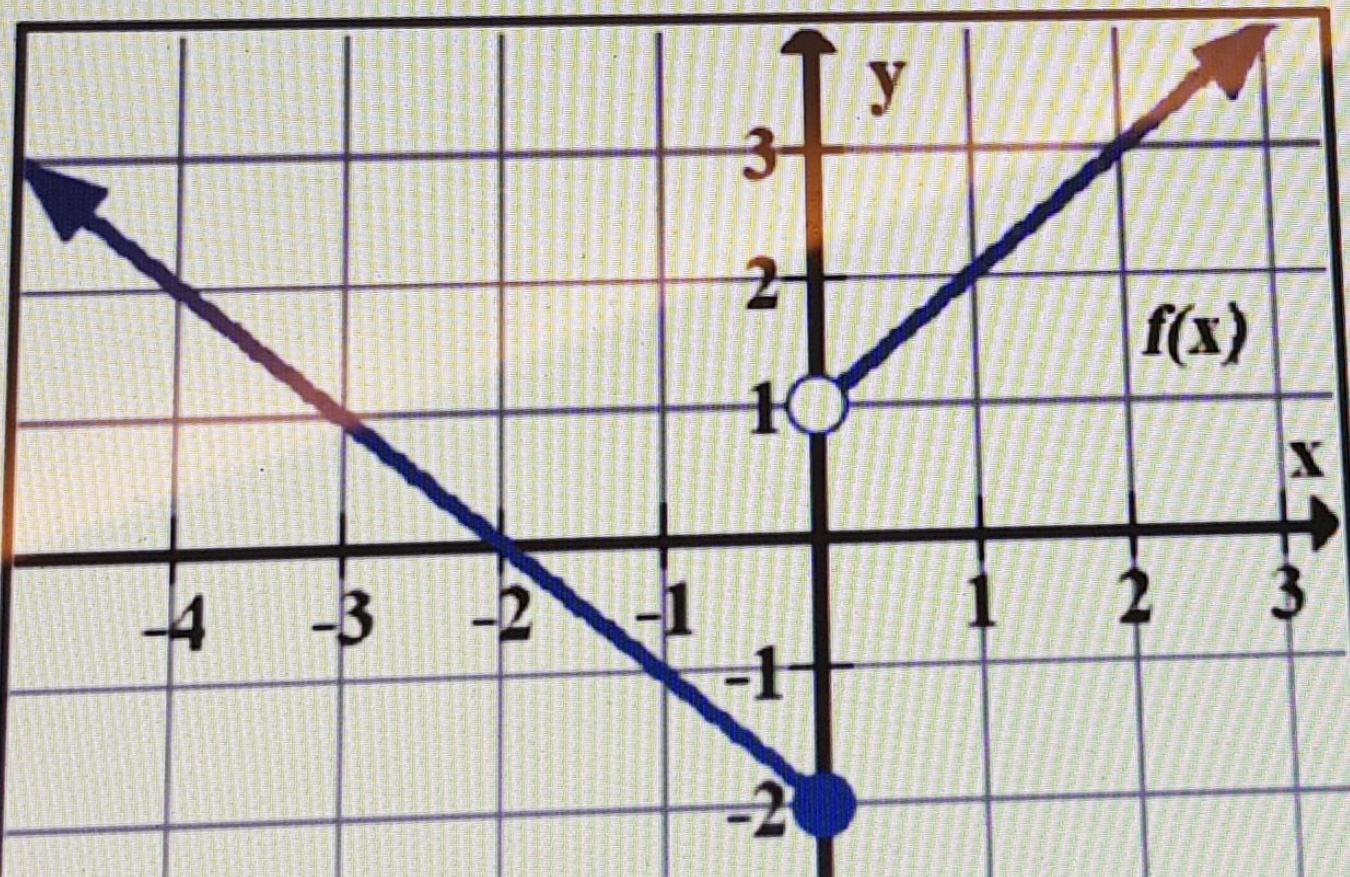
a.  $y = -\frac{1}{3}x + 3$

أوجد معادلة مستقيم عمودي على  
 $y = 3(x - 2) + 1$  ويقطع المستقيم عند  
النقطة  $(0, 3)$ .

**Use the graph shown below to determine  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ .**

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

استخدم التمثيل البياني أدناه لتحديد  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$



## معكوس الدالة

Find the inverse of the function

$$f(x) = \sqrt[3]{\frac{x-1}{2}}$$

almanahfj.com/ae

أوجد معكوس الدالة

$$\cdot f(x) = \sqrt[3]{\frac{x-1}{2}}$$

a.  $f^{-1}(x) = x^3 + 1$



b.  $f^{-1}(x) = \left(\frac{x-1}{2}\right)^3$



حل المعادلة المثلثية 1

Find all solutions of the equation  
 $\sin 2x - \cos x = 0$  in the interval  
[0, 360°].

a.  $60^\circ, 120^\circ, 180^\circ$

b.  $30^\circ, 90^\circ, 150^\circ, 270^\circ$

أوجد جميع حلول المعادلة  
 $\sin 2x - \cos x = 0$  في الفترة [0, 360°].

If  $h'(x) = n\sqrt{h(x)}$ , where  $n > 0$ ,  
and  $h''(x) = 18$  at a given point  $x$ ,  
find the value of  $n$ .

إذا كانت  $n > 0$ , حيث  $h'(x) = n\sqrt{h(x)}$   
و  $h''(x) = 18$  عند نقطة معطاة  $x$ .  
أوجد قيمة  $n$ .

a. 3

b. 36

**Find all points at which the tangent line to the curve  $x^2 + y^2 - 2y = 0$  is horizontal.**

أوجد جميع النقاط التي يكون عندها المماس للمنحنى  $x^2 + y^2 - 2y = 0$  أفقياً.



- a.  $(0, 0), (0, -2)$