



## تعليمات مهمة

- عدد صفحات كراسة الامتحان : ( ١٣ ) صفحة .
- عدد أسئلة كراسة الامتحان : ( ١٨ ) سؤالاً .
- زمن الاختبار : ساعتان .
- الدرجة الكلية للامتحان : ( ٣٠ ) درجة .
- تأكد جيداً من عدد صفحات كراسة الامتحان ، و ترقيم الأسئلة ، فهي مسؤليتك.

**عزيزي الطالب:**

١. اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو في مقدمة الأسئلة ، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة .
  ٢. اقرأ السؤال بعناية، وفك فيه جيداً قبل البدء في إجابته .
  ٣. استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات ، ولا تستخدم مزيل الكتابة .
  ٤. تعتبر الإجابة ملغاة إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم تكرار الإجابة في الأسئلة الموضوعية ( الاختيار من متعدد ) ، وفي حالة حدوث ذلك يجب عليك أيها الطالب أن تكتب كلمة ( ملغاة ) أمام أي اختيار زائد عن المطلوب حتى لا تفقد درجة السؤال في حال كانت الإجابة صحيحة .
- 

ملغاة
٥. عند إجابتك عن الأسئلة المقالية ، أجب في المساحة المخصصة للإجابة ، وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى ، يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها في المكان المخصص للإجابة عن السؤال الأصلي .
  ٦. بالنسبة للأسئلة المقالية فإن إجابتك عنها بإجابتين سوف يتم تقديرها ، وفي الأسئلة الاختيارية منها أجب عن ( ١ ) أو ( ٢ ) فقط .
  ٧. يسمح باستخدام الآلة الحاسبة

## أجب عن الأسئلة التالية:

.١ مثلث مساحته ثابتة وتساوي ١ متر مربع ، إذا كان ارتفاع المثلث يتناقص بمعدل  $1 \text{ m/s}$  ، فإن معدل تزايد قاعدته عند اللحظة التي يكون فيها ارتفاعه نصف متر يساوى

- (أ)  $1 \text{ m/s}$
- (ب)  $2 \text{ m/s}$
- (ج)  $4 \text{ m/s}$
- (د)  $8 \text{ m/s}$

$$\text{.٢} \quad \frac{\ln(3+s) - \ln(3-s)}{s}$$

- (أ)  $\frac{1}{3}$
- (ب)  $\frac{2}{3}$
- (ج)  $-\frac{2}{3}$
- (د) ٠

$$\text{.٣} \quad \frac{s}{e^s + 1}$$

- (أ)  $e^s + 1$
- (ب)  $e^s + 1$
- (ج)  $e^s + 1$
- (د)  $e^{-s} + 1$

المساحة المحصورة بين المنحنى  $y = \frac{2}{x}$  ومحور السينات في الفترة [١ ، ٢] .٤

تساوي

(أ)  $2\text{ لـ هـ}^2$  وحدة مساحة(ب)  $2\text{ لـ هـ}^2$  وحدة مساحة(ج)  $\frac{1}{2}\text{ لـ هـ}^2$  وحدة مساحة(د)  $4\text{ وحدة مساحة}$ 

$$= \frac{2}{3}(s+6)(6-s)^{\frac{2}{3}} - \frac{2}{3}(s-6)(6-s)^{\frac{2}{3}}$$

(أ)  $12\text{ هـ}^4$ (ب)  $12\text{ هـ}^4 - 1$ (ج)  $6\text{ هـ}^4 - 6$ (د)  $(12\text{ هـ}^4 - 1)$ ٦ ميل المماس للمنحنى  $y = s^2 + s$  عندما  $s = 1$ (أ)  $\frac{9}{2}$ (ب)  $\frac{2}{9}$ (ج)  $\frac{9}{2}$ (د)  $\frac{2}{9}$

.٧  $\int_{-1}^3 (x^4 - 3x^2) dx =$

- (أ)  $x^4 - 3x^2 + C$
- (ب)  $x^2 - 3x^4 + C$
- (ج)  $x^6 + C$
- (د)  $x^3 - 3x^4 + C$

.٨ إذا كانت د :  $x \rightarrow h$  ، حيث  $D(x) = x^3 - 3x$  ، فإن

- (أ) منحنى الدالة له نقطة انقلاب ومحدب لأعلى في الفترة  $[2, \infty)$
- (ب) منحنى الدالة له نقطة انقلاب ومحدب لأسفل في الفترة  $[0, 2]$
- (ج) الدالة د تناقصية في الفترة  $[0, 2]$
- (د) لمنحنى الدالة د مماس رأسي عند النقطة  $(1, 2)$

.٩ إذا كانت د :  $x \rightarrow h$  ، حيث  $D(x) = x \ln x$  ، فإن

- (أ) الدالة تزايدية على الفترة  $[h, \infty)$
- (ب) الدالة تزايدية على الفترة  $[0, \frac{1}{h}]$
- (ج) الدالة تناقصية على الفترة  $[0, \frac{1}{h}]$
- (د) الدالة تناقصية على الفترة  $[h, \infty)$

. ١٠ . إذا كانت  $\lim_{s \rightarrow \infty} \left( \frac{s}{s+k} \right)^s = h$  ، فإن  $h$  تساوى

١ - (أ)

٢ - (ب)

٣ - (ج)

٤ - (د)

. ١١ . أجب عن أحد المطلوبين فقط في السؤال التالي:

أوج حجم المجسم الناشئ من الدوران دورة واحدة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة  
بالمنحنى  $s = \sqrt{3}x$  ومحور السينات

١ والمماس للمنحنى عند  $s = 3$

٢ العمودي على المنحنى عند  $s = 3$

.١٢

أوجد أصغر بعد بين نقطة الأصل والمنحنى

$$س = ٢ جان - جا ٢ ن ، ص = ٢ جتان - جتا ٢ ن$$



.١٣

ملعب على شكل مستطيل ونصف دائريين مرسومتين على ضلعين متتقابلين للمستطيل كما في

الشكل



إذا كان محيط الملعب ٤٠٠ متر ، فأوجد أكبر مساحة للمستطيل



**٤١. أجب عن أحد المطلوبين فقط في السؤال التالي:**

$$\text{أو جد مساحة المنطقة المحددة بالمنحنين } s = 9 - s^2, \text{ ص} = s^2 + 1.$$

**١** والمستقيمين س = ، س =

**٢** والمستقيمين  $s = 0$  ،  $s = 3$  ، محور السينات

١٥. أحسب قيمة التكامل الآتى على الفترة  $[10, 11]$  [  $\int_{10}^{11} (x^2 + 1) dx$  ]

$$\left[ \frac{x^3}{3} + x \right]_0^{11}$$

١٦. أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة  $y = x^3$  عندما  $x = \pi$

١٧. تحرك نقطة (س ، ص ) على منحنى الدائرة

$$س^2 + ص - ٨ س + ٤ = ١٠٨$$

معدل تغير الإحداثي السيني بالنسبة للزمن يساوى معدل تغير الإحداثي الصادى بالنسبة للزمن عين موضع النقطة (س ، ص ) على منحنى الدائرة عند اللحظة التى يكون فيها

.١٨ أحسب قيمة التكامل

$$\frac{3}{4} \sin^3 \theta$$

مع أطيب التمنيات بالتوفيق،،،

**مسودة**

**مسودة**

**مسودة**



الثانية  
جـ / عبد الله عطية