

**التركيز تضييق النطاق**

تُركز هذه الوحدة على المحتوى في موضوع النسب و علاقات التناسب.

**الترابط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها****الدقة اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيق**

تشير المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة الموجودة على مدار هذه الوحدة إلى مدى تقدم التدريبات من الفهم النظري والمهارة والتمرس الإجرائيات إلى التطبيق والتفكير النقدي.

**بدء الوحدة****الرياضيات في الحياة اليومية**

**التهود الصيادة** دع الطلاب ينشئون رسوماً بيانية بالأعمدة متنوعة لإيجاد المسافة التي سيقطعها الفهد الصياد في فترات زمنية مختلفة. ثم اطلب منهم استكشاف أقصى سرعة يركض بها حيوان آخر ثم مقارنة المسافة التي يقطعها هذا الحيوان بأقصى سرعة مع المسافة التي يقطعها الفهد الصياد.

في هذا النص، راجع الرموز التالية لإيجاد الإستراتيجيات المختلفة لتلبية احتياجات جميع المتعلمين.

**AL** متعلمون قريبون من المستوى

**OL** متعلمون ضمن المستوى

**BL** متعلمون أعلى من المستوى

**LA** التحصيل اللغوي

**النسب وعلاقات التناسب****السؤال الأساسي**

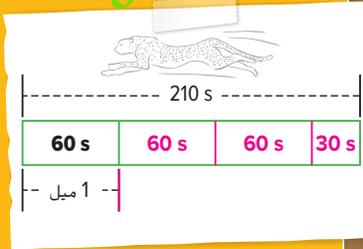
كيف تستخدم المعدلات المكافئة في الحياة اليومية؟

**ممارسات رياضية**  
1, 3, 4, 5, 6, 7, 8

**الرياضيات في الحياة اليومية**

**التهود الصيادة** هي أسرع الحيوانات البرية. فهي تستطيع أن تركض بسرعة 60 ميلاً في الساعة عند مطاردة فريستها.

يستطيع الفهد الصياد الحفاظ على أعلى سرعات له لفترة قصيرة فقط. في حالة أن فهد صياد ركض مسافة ميل واحد في 60 ثانية، املاً المخطط التالي لتوضيح المسافة التي سيركضها الفهد في 210 ثوانٍ.

**مطويات**  
**منظم الدراسة**

**1** قص المطوية الموجودة في الصفحة FL3 من هذا الكتاب.

**2** ضع مطويتك في الجانب الخلفي.

**3** استخدم المطوية طوال هذه الوحدة لتساعدك على التعرف على النسب والمعدلات.

الوحدة 1 النسب والمعدلات 3

## ما الأدوات التي تحتاج إليها؟

### نشاط المفردات

**LA** بينما تتقدم في الوحدة، قدم كل مفردة باستخدام النظام التالي. اطلب من الطلاب أن يرددوا كل مفردة بعد أن تقولها.

**عرّف:** النسبة المكافئة هي النسبتان اللتان تعبران عن علاقة مماثلة بين كميتين.

**مثال:** النسبة 12:6 تكافئ النسبة 20:10

**اطرح الأسئلة التالية:**

- ما هي النسبة المكافئة للنسبة 9:81؟ **نماذج إجابة:** 6:54, 5:45, 12:108

### دراسة الرياضيات

**LA** اطلب من الطلاب قراءة قسم "المفردات الجديدة" ومراجعة الأسئلة ومخطط الكلمات.

**اطرح الأسئلة التالية:**

- لماذا يجب عليك ربط الكلمات الجديدة بالمعلومات التي تعرفها بالفعل بدلاً من حفظ التعريف؟ **نموذج إجابة:** يساعدني ربط الكلمات الجديدة بالمعلومات التي أعرفها بالفعل على استيعاب المفاهيم المهمة والمسائل اللغوية.
- ما أجزاء مخطط الكلمات؟ **نموذج إجابة:** كلمة من المفردات، تعريف الكلمة من النص، تعريفها بكلمات من عندي ثم الإتيان بأمثلة مرتبطة بالتعريف وأمثلة غير مرتبطة بالتعريف
- في الشكل، في أي مربع توضع الكلمة؟ **المربع في المنتصف**

## ما الأدوات التي تحتاج إليها؟

### المفردات

سعر الوحدة (unit price)	نقطة الأصل (origin)	المستوى الإحداثي (coordinate plane)
معدل الوحدة (unit rate)	التحليل إلى عوامل أولية (prime factorization)	النسبة المكافئة (equivalent ratio)
المحور الأفقي x (x-axis)	المعدل (rate)	الرسم البياني (graph)
الإحداثي x (x-coordinate)	النسبة (ratio)	العامل المشترك الأكبر (greatest common factor)
المحور الرأسي y (y-axis)	جدول النسب (ratio table)	المضاعف المشترك الأصغر (least common multiple)
الإحداثي y (y-coordinate)	المقياس (scaling)	الزوج المرتب (ordered pair)

### مهارات دراسية: دراسة الرياضيات

المفردات الجديدة مصطلحات المفردات الجديدة هي إشارات للمفاهيم مهمة. ويُعد تعلم كلمات المفردات الجديدة أكبر من مجرد حفظ التعريف. فلتعلمها ترى كلمة من المفردات الجديدة، أسأل نفسك	التعريف من النص العمل، مقارنة تم بالنسبة بين كميتين من أنواع مختلفة من الوحدات.	بكلمات من عندك يتارن المعدل بين كميتين بوحدات مختلفة باستخدام النسبة.
• كيف تتوافق مع ما أعرفه بالفعل؟	مثال • 45 ميلاً في الساعة • 16 كتاباً لثمانية طلاب	المعدل لا مثال خارجة عن التعريف • 5 فطط سوداء من أصل 15 فطة • 3 كعكات بالسكر من أصل 9 كعكات

• كيف تتوافق مع ما أعرفه بالفعل؟

• كيف تتشابه مع شيئاً ما تعلمته من قبل أو تختلف عنه؟

• نظم إجاباتك في مخطط كلمات مثل المخطط البوض.

كوّن مخطط كلمات للكسر العادي.

تقدّم نماذج لبعض الإجابات.

التعريف <b>هو الكسر الذي يكون فيه البسط أصغر من المقام.</b>	الكسر العادي	بكلمات من عندك <b>هو كسر لا يمكن كتابته على هيئة عدد كسري.</b>
مثال 1 2 35 39	لا مثال خارجة عن التعريف 8 2 43 39	

## ماذا تعرف بالفعل؟

يقوم الطلاب في هذا النشاط معرفتهم السابقة عن طريق اختيار وجه ما يمثل معرفتهم بالمفاهيم الواردة في الوحدة. بعد إكمال الوحدة، اطلب من الطلاب العودة إلى هذه الصفحة وإعادة تقييم مستوى معرفتهم بالمحتوى.

## متى تستخدم ذلك؟

### النشاط

يجب على الطلاب أن يفهموا أنهم عندما يقارنون بين أسعار العناصر في المتجر، فإنهم في حقيقة الأمر يقارنون بين المعدلات.

## ما الذي تعرف بالفعل؟

ضع علامة أسفل الوجه الذي يعبر عن مقدار معرفتك بكل مفهوم. ثم اقرأ الوحدة سريعاً للبحث عن تعريف أو مثال على ذلك. راقب عمل الطلاب. ليست لدي فكرة. سمعت عنه. أعرفه!

النسب والمعدلات			
المفهوم	😊	😐	😞
العامل المشترك الأكبر (greatest common factor)			
الأزواج المرتبة (ordered pairs)			
التحليل إلى عوامل أولية (prime factorization)			
النسب (ratios)			
المستوى الإحداثي (the coordinate plane)			
معدلات الوحدات (unit rates)			
التعريف أو مثال			

## متى تستخدم ذلك؟

فيما يلي مثال على طريقة استخدام معدلات الوحدات في الحياة اليومية.

**نشاط** استخدم جريدة للعثور على إعلان لمتجري بغالة مختلفين. وانظر إن أمكنك العثور على عرض للمنتج نفسه. كيف تقارن الأسعار؟ ما العرض الذي تعتقد أنه الأفضل؟ اشرح استنتاجك.

**اطلع على أعمال الطلاب.**

---



---



---



---



---



---



---

## هل أنت مستعد؟

استخدم هذه الصفحة لتحديد ما إن كان الطلاب يمتلكون المهارات اللازمة من أجل الوحدة أم لا.

### مراجعة سريعة

يمكن للطلاب ذوي المعلومات الرياضية القوية اختيار الانتقال مباشرة إلى التدريب السريع.

### تدريب سريع

إذا وجد الطلاب صعوبة في التمارين، فقدم مثلاً آخر لتوضيح أية مفاهيم خاطئة.

التمارين 1-3

أوجد.  $5 \overline{)245}$  49

التمارين 4-7

اكتب.  $\frac{18}{45}$  في أبسط صورة  $\frac{2}{5}$

## هل أنت مستعد؟



حاول الإجابة عن أسئلة التدريب السريع التالي.

### مراجعة سريعة

مثال 1

$$\begin{array}{r} 6 \overline{)348} \\ \underline{58} \\ 6 \overline{)348} \\ \underline{-30} \\ 48 \\ \underline{-48} \\ 0 \end{array}$$

أوجد

اقسم كل موضع للقيمة المكانية من اليسار إلى اليمين.

بما أن  $0 = 48 - 48$ ، إذا لا يوجد باق.

مثال 2

اكتب  $\frac{40}{64}$  في أبسط صورة.

$$\frac{40}{64} = \frac{5}{8}$$

اقسم كلًا من البسط والمقام على العامل المشترك الأكبر (GCF)، 8.

بما أن "ع. م." للعددين 5 و 8 هو 1، فإن الكسر  $\frac{5}{8}$  في أبسط صورة.

### تدريب سريع

قسمة الأعداد الكلية أوجد ناتج قسمة كل مما يلي.

$$\begin{array}{r} 3 \overline{)87} \\ \underline{29} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 8 \overline{)584} \\ \underline{73} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 52 \overline{)312} \\ \underline{6} \end{array}$$

اكتب  
الحل  
هنا.

تبسيط الكسور اكتب كل كسر مما يلي في أبسط صورة.

$$4. \frac{32}{48} = \frac{2}{3}$$

$$5. \frac{7}{28} = \frac{1}{4}$$

$$6. \frac{15}{25} = \frac{3}{5}$$

7. قطعت طائرة مسافة 260 ميلاً من إجمالي مسافة الرحلة التي تبلغ 500 ميل. ما أبسط كسر يمثل المسافة المقطوعة من الرحلة؟

$\frac{13}{25}$

ما المسائل التي أجبت عنها بشكل صحيح في التدريب السريع؟ ظلل أرقام هذه التمارين فيما يلي.

1 2 3 4 5 6 7

كيف أبلت؟

## العوامل والمضاعفات

## المفردات الرئيسية



العامل المشترك: عدد يُعد عاملاً لعددتين أو أكثر.  
ويُسمى أكبر العوامل المشتركة بين عددين أو أكثر **العامل المشترك الأكبر (GCF)**.

أما أصغر عدد غير الصفر من مضاعفات عددين كليين أو أكثر يسمى **المضاعف المشترك الأصغر (LCM)** لتلك الأعداد.

أكمل المخططات التالية. تُقدّم نماذج لبعض الإجابات.

LCM	GCF
• يشير إلى:	• يشير إلى:
<b>المضاعف المشترك الأصغر (LCM)</b>	<b>العامل المشترك الأكبر (GCF)</b>
• عرّف:	• عرّف:
• المضاعف	• العامل
<b>العدد الأقل من بين مجموعة قيم.</b>	<b>العدد الأكبر من بين مجموعة قيم.</b>
• المشترك	• المشترك
<b>السمة ذاتها بين عدة أعداد.</b>	<b>السمة ذاتها بين عدة أعداد.</b>
• الأصغر	• الأكبر
<b>حاصل ضرب عدد في أي عدد صحيح.</b>	<b>العدد الذي يتم ضربه في عدد آخر.</b>

## مسائل من الحياة اليومية

يرتب "عبد الله" مجموعة من البالونات. لديه 8 بالونات زرقاء و12 بالونة خضراء. ما أكبر عدد من المجموعات الهلثية يمكن الحصول عليه إذا كان يرغب في ترتيبها في مجموعات متماثلة؟ **4 مجموعات مرتبة**

## ما من الممارسات الرياضية التي استخدمتها؟

ظل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- 1 المتابعة في حل المسائل
- 2 التفكير بطريقة تجريدية
- 3 بناء فرضية
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 5 استخدام أدوات الرياضيات
- 6 مراعاة الدقة
- 7 الاستفادة من البنية
- 8 استخدام الاستنتاجات المتكررة

## التركيز على تضييق النطاق

**الهدف** إيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF) والمضاعف المشترك الأصغر (LCM).

## التربط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

## السابق

حدد الطلاب العوامل المشتركة لمجموعة من الأعداد.

## الحالي

على الطلاب إيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF) والمضاعف المشترك الأصغر (LCM) لمجموعة من الأعداد الكلية.

## التالي

سيستخدم الطلاب بطاقات العد لتمثيل النسب.

## الدقة اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 11.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - عمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.



## مناقشات ثنائية

اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات لإكمال خرائط المفاهيم الخاص بالعامل المشترك الأكبر (GCF) والمضاعف المشترك الأصغر (LCM). ثم اطلب منهم تبادل خرائط المفاهيم مع ثنائي آخر من الزملاء ومناقشة أي اختلافات بينهما. **1, 3, 5**

## الإستراتيجية البديلة

إذا كان الطلاب يواجهون صعوبة، فأعطهم جدول الأعداد من 1-50. اطلب من الطلاب يرسمون دائرة حول عوامل العدد 36. واطلب منهم تحويط عوامل العدد 48 بلون آخر. أخبرهم أن الأعداد التي رسموا حولها دائرة مرتين هي العوامل المشتركة للعددين 36 و 48. **1, 5, 8**

## الدرس 1 العوامل والمضاعفات 7

## 2 تلقين المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعليم.

## أمثلة

1. أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF).

AL • ما الذي يجب علينا إيجاده للإجابة على السؤال؟ العامل المشترك الأكبر (GCF)

للأعداد 10, 15, 20

OL • ما عوامل العدد 10؟ 1, 2, 5, 10

• ما عوامل العدد 15؟ 1, 3, 5, 15

• ما عوامل العدد 20؟ 1, 2, 4, 5, 10, 20

BL • ما العوامل المشتركة؟ 1 و 5

• ما العامل المشترك الأكبر (GCF)؟ 5

• ما أكبر عدد من الأطباق يمكن أن يحتوي عليها كل صف؟ 5

هل تحتاج لمثال آخر؟

لدى محمد 60 قطعة جزر و42 عود كرفس. ويريد أن يضعهم في أكياس من البلاستيك بحيث يحتوي كل كيس على عدد متساوٍ من قطع الجزر وأعواد الكرفس. ما أكبر عدد من الأكياس يمكن وضعها فيها؟ 6

2. أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) باستخدام العوامل الأولية.

AL • كيف يمكنك تحليل العددين 12 و 18 إلى العوامل الأولية؟ صمم شجرة العوامل

OL • ما عاملي العدد 12؟ نموذج إجابة: 6 و 2

• ما عاملي العدد 18؟ نموذج إجابة: 9 و 2

• هل هذه الأعداد أولية؟ إن لم تكن كذلك، فما المطلوب عمله في الخطوة

التالية؟ العدد 2 عدد أولي، أما العددين 6 و 9 فهما عددين مركبان، فيجب

علينا إكمال شجرة العوامل من خلال إيجاد العوامل الأولية للعددين 6 و 9.

BL • وبعيد إكمال شجرة العوامل، ما العوامل المشتركة؟ 2 و 3

هل تحتاج لمثال آخر؟

أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) للأعداد 20 و 32 و 36. 4

## منطقة العمل

## الأعداد الأولية

تذكر أن العدد الأولي هو عدد كلي له عاملان فقط، العدد 1 والعدد نفسه.

## إيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF)

يمكنك استخدام العوامل المشتركة أو العوامل الأولية لإيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF).

## مثال

الكعك	النوع	عدد الأطباق
رخامي	10	
مخيلي أحمر	15	
شوكولاتة	20	

1. توجد أطباق من ثلاثة أنواع من الكعك على الطاولة، بكل طبق قطعة واحدة. يوجد في كل صف عدد متساوٍ من الأطباق ونوع واحد فقط من الكعك. ما أكبر عدد من قطع الكعك يمكن وضعه في كل صف؟

لحل هذه المسألة، استخدم العوامل المشتركة.

عوامل العدد 10: 1, 2, 5, 10

عوامل العدد 15: 1, 3, 5, 15

عوامل العدد 20: 1, 2, 4, 5, 10, 20

العامل المشترك الأكبر (GCF) للأعداد 10 و 15 و 20 هو العدد 5. إذاً، أكبر عدد من قطع الكعك يمكن وضعه في كل صف هو 5.

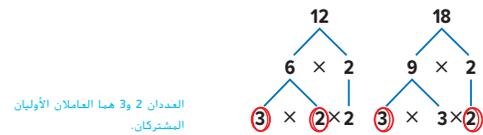
تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

a. كسبت مريم AED 49 يوم الأحد وAED 42 يوم الاثنين وAED 21 يوم الثلاثاء من بيع الأضواء. علماً بأنها باعت كل أسورة بنفس المبلغ. ما أكبر مبلغاً يمكن أن يكون ثمن للاسورة الواحدة؟

a. AED 7

## مثال

2. أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) للعددين 12 و 18.

إذاً، العامل المشترك الأكبر (GCF) للعددين 12 و 18 هو  $2 \times 3 = 6$ .

تأكد من فهمك

أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) لكل مجموعة من الأعداد.

b. 12, 66

c. 18, 30

d. 32, 48

b. 6

c. 6

d. 16

## إيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM)

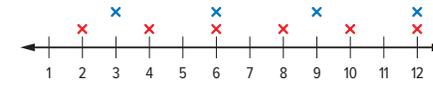
يمكنك إيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) باستخدام خط الأعداد أو وضع قائمة أو باستخدام العوامل الأولية.

## أمثلة

3. أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 3.

**الطريقة 1** استخدام خط الأعداد.

ضع علامة X حمراء فوق كل مضاعف غير صفري للعدد 2، وعلامة X زرقاء فوق كل مضاعف غير صفري للعدد 3.



اصغر عدد عليه علامات X حمراء وزرقاء على حد سواء هو 6.

إذًا، العدد 6 هو المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 3.

**الطريقة 2** استخدام القائمة الهرتية.

اذكر المضاعفات غير الصفرية للعددين 2 و 3 في قائمة.

مضاعفات العدد 2: 2, 4, 6, 8, 10, 12, ...

مضاعفات العدد 3: 3, 6, 9, 12, 15, ...

لاحظ أن العددين 6 و 12 مضاعفان مشتركان.

إذًا، المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 3 هو 6.

4. أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 14 و 21 باستخدام طريقة التحليل إلى عوامل أولية.

اكتب نتائج التحليل إلى عوامل أولية لكل عدد.



العدد 7 هو العامل الأولي المشترك الوحيد.

اضرب العوامل الأولية مستخدمًا كل عامل مشترك مرة واحدة فقط.

إذًا، المضاعف المشترك الأصغر (LCM) هو  $7 \times 2 \times 3$  أو 42.

## تأكد من فهمك

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) لكل مجموعة من الأعداد.

e. 2, 6

f. 4, 5, 10

g. 3, 5, 7

## أمثلة

3. أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) باستخدام خط الأعداد أو قائمة الأعداد.

• **AL** كيف يمكننا تحديد مضاعفات العدد 2 على خط الأعداد؟ **نموذج إجابة:**  
استخدم علامة X الحمراء

• كيف يمكننا تحديد مضاعفات العدد 3 على خط الأعداد؟ **نموذج إجابة:** استخدم  
علامة X الزرقاء

• **OL** كم علامة من علامات المضاعفات ينبغي أن نضعها إلى اليمين على خط الأعداد؟ **نموذج إجابة:** يجب علينا تحديد أربع أو خمس مضاعفات للعدد 2، ثم نحدد مضاعفات العدد 3. في حالة عدم وجود أي أعداد محددة بعلامة X الحمراء والزرقاء على خط الأعداد، فيجب علينا وضع مزيد من المضاعفات للعددين 2 و 3.

• **BL** لما لا نحتاج إلى تحديد المزيد من مضاعفات العددين 2 و 3؟ **نموذج إجابة:** إننا نحاول إيجاد أقل عدد يشترك فيه العددين 2 و 3. وبمجرد أن نجد الموضع الأول على خط الأعداد محدد بعلامة X الحمراء والزرقاء، فلا حاجة لنا في الاستمرار أكثر من ذلك.

هل تحتاج لمثال آخر؟

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 9 و 21. 63

4. أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) باستخدام التحليل إلى العوامل الأولية.

• **AL** ما عاملي العدد 14؟ 7 و 2؟ 21؟ 7 و 3

• **OL** هل توجد عوامل أخرى يمكننا تحديدها؟ لا، تلك هي عوامل العددين 14 و 21 فقط.  
• ما العامل المشترك؟ 7

• لماذا ينبغي علينا ضرب العدد 7 مرة واحدة فقط؟ العدد 7 هو العامل المشترك، لذا، نضرب فيه مرة واحدة فقط.

• **BL** لما لا يمكننا ضرب العدد 14 في العدد 21 فحسب لإيجاد المضاعف؟  
ضرب العدد 14 في العدد 21 ينتج عنه مضاعف العددين، وليس المضاعف الأصغر المشترك بينهما.

هل تحتاج لمثال آخر؟

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للأعداد 4 و 6 و 8. 24

الكتب  
الحل  
هنا.

e. 6

f. 20

g. 105

## مثال

5. استخدم المضاعف المشترك الأصغر (LCM).

- AL • ما الذي يجب علينا إيجاده لحل المسألة؟ المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 5.
- OL • ما الطرق التي يمكن استخدامها لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM)؟ استخدم **خط الأعداد أو قائمة منظمة أو شجرة العوامل.**
- ما بعض مضاعفات العدد 2؟ **نموذج إجابة: 2، 4، 6، 8، 10، 12، 14، ...**
- ما بعض مضاعفات العدد 5؟ **نموذج إجابة: 5، 10، 15، 20، 25، 30، ...**
- ما المضاعف المشترك الأصغر (LCM)؟ **10**
- BL • هل توجد طريقة أسرع لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 5؟ **نعم، حيث إن العددين 2 و 5 عددان أوليان، يمكننا ضربهما لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM)**

هل تحتاج لمثال آخر؟

أثناء الافتتاح الكبير لأحد المتاجر، يحصل كل زبون سادس يدخل المتجر على شهادة هدية قيمتها 10 AED ويحصل كل زبون تاسع على قسيمة خصم بنسبة 10% على إجمالي المشتريات. من سيكون أول زبون يحصل على الهديتين معاً؟ **الزبون رقم 18.**

## تمرين موجه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقوّم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتميزة الواردة أدناه.

- LA AL • **فكّر - اعمل في ثنائيات - شارك** اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات. امنحهم دقيقة للتفكير في إجاباتهم على التمارين 1-3. دعهم يتشاركون الإجابات مع زملائهم. ثم ادع أحد الطلاب لمشاركة إجابته مع مجموعة صغيرة أو مجموعة كبيرة. كرر النشاط مع التمارين 4-6. **1، 3، 4، 6**

- LA BL • **تبادل المسائل** يؤلف كل طالب مسألة مشابهة للتمرين 7 لحلها. يتبادل الطلاب مسائلهم وكل طالب يحل مسألة زميله ثم يقارنون الحلول. إن لم تتفق الحلول، يعمل الطلاب معاً على اكتشاف الأخطاء. **1، 3، 4**

## مثال



5. يحضر حمدان درساً في الرسم كل أسبوعين. أما سيف فيحضر درساً في صناعة الخزف كل 5 أسابيع. تقابل كل من حمدان وسيف في مبنى الفنون لحضور درس هذا الأسبوع. كم عدد الأسابيع التي ستمر حتى يلتقيا مرة أخرى؟

مضاعفات العدد 2: ... 2، 4، 6، 8، 10، 12، 14، ...

مضاعفات العدد 5: ... 5، 10، 15، 20، 25، 30، ...

المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 2 و 5 هو 10. إذا، سيتقابل حمدان وسيف مرة أخرى بعد 10 أسابيع.



## تمرين موجه

أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) لكل مجموعة من الأعداد. (المثالان 1 و 2)

1. 8، 32 **8**

2. 24، 60 **12**

3. 3، 12، 18 **3**



أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) لكل مجموعة من الأعداد. (المثالان 3 و 4)

4. 7، 9 **180**

5. 6، 15 **30**

6. 9، 12، 15 **63**

7. تمنح السينما قسيمة بقيمة 5 AED عند شراء 4 تذاكر لحضور الأفلام، وتمنح كيساً من العشار عند شراء 3 تذاكر. كم إجمالي عدد التذاكر التي يجب أن تشتريها للحصول على قسيمة بقيمة 5 AED وكيس من العشار في نفس الوقت؟ (المثال 5)

12 تذكرة

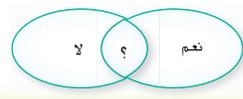
8. **الاستفادة من السؤال الأساسي** كيف يساعد إيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF) على حل مسائل من الحياة اليومية؟

**الإجابة النموذجية:** بإمكان العامل المشترك الأكبر (GCF) مساعدتك على تقسيم عدد

ما إلى عناصر مختلفة بالتساوي بين مجموعة من الأشخاص.

**أوجد قيمة نفسك!**

هل أنت مستعد للمناقشة؟ ظلل القسم المناسب.



## 3 التمرين والتطبيق

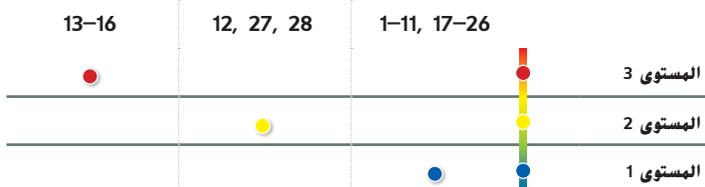
## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات تمرين ذاتي بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمرين الإضافي للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين



## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

## خيارات الواجب المنزلي المتميزة

خيارات الواجب المنزلي المتميزة	قريب من المستوى	ضمن المستوى	أعلى من المستوى
1-11, 13, 14, 16, 27, 28	AL		
1-11, 12-14, 16, 27, 28, فردي		OL	
12-16, 27, 28			BL

## تمرين ذاتي

أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) لكل مجموعة من الأعداد. (مثال 2)

1. 8, 14 <sup>3</sup> \_\_\_\_\_



2. 21, 24, 27 <sup>2</sup> \_\_\_\_\_

3. 21, 35, 49 <sup>2</sup> \_\_\_\_\_

4. 12, 18, 26 <sup>7</sup> \_\_\_\_\_

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) لكل مجموعة من الأعداد. (المثالان 3 و4)

5. 5, 6 <sup>18</sup> \_\_\_\_\_

6. 6, 9 <sup>30</sup> \_\_\_\_\_

7. 6, 12, 15 <sup>45</sup> \_\_\_\_\_

8. 3, 9, 15 <sup>60</sup> \_\_\_\_\_

9. لدى البستاني 27 زهرة من البنفسج و 36 زهرة من البابونج. ويوزع عدداً متساوياً من كل نوع من الزهور في كل صف. فما أكبر عدد ممكن من زهور الثالوث في كل صف؟ (مثال 1)

9 زهور من الثالوث

10. سيتم تقسيم 14 ولداً و 21 بنتاً بالتساوي إلى مجموعات متجانسة. أوجد أكبر عدد من المجموعات يمكن الحصول عليه في حالة عدم غياب أي شخص. (مثال 1)

7 مجموعات

التمرين (التمارين)	التركيز على
15	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
16	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة تفكير الآخرين.
13	4 استخدام نماذج الرياضيات.
12, 14, 26	8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عن ذلك.

تعد الممارسات الرياضية 4, 3, 1 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص ليزل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.

### مهارات التفكير العليا

11. تسقي لطيفة نباتاتها كل يومين. وتشدبها كل 15 يوماً. واليوم، قامت لطيفة بسقي النباتات وتشدبها. فمتى ستفعل ذلك مرة أخرى؟ (البنال 5) **30 يوماً**

جدول الرحلة	الرحلة	وقت المغادرة
A	كل 6 دقائق	
B	كل 9 دقائق	

12. **تحديد الاستنتاجات المتكررة** يقدم أحد البطارات رحلتي سفر ذهاباً وإياباً كما في الجدول المجاور. فإذا غادرت الرحلتان المطار الساعة 4:00 مساءً، فمتى ستفقدان معاً مرة أخرى؟

**4:18 مساءً**

13. **استخدام نماذج الرياضيات** اكتب مسألة من الحياة اليومية يمكن حلها باستخدام العامل المشترك الأكبر (GCF) لعددين وأوجد حلها.

**الإجابة النموذجية: لدى البستاني 27 زهرة من البابونج و36 زهرة القطيفة.**

**تبت زراعة عدد متساوٍ من كل زهرة في كل صف. فما أكبر عدد من زهور القطيفة في كل صف؟**

**9 زهور قطيفة**

14. **تحديد الاستنتاجات المتكررة** كيف يمكنك استخدام الأنماط العددية لإيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 120 و360؟

**الإجابة النموذجية: يمكنك قسمة كلا العددين على 10 والتفكير في المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 12 و36.**

**وبما أن العدد 36 هو المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للعددين 12 و36، فإن العدد 360 هو المضاعف**

**المشترك الأصغر للعددين 120 و360.**

15. **المثابرة في حل المسائل** إذا كان العامل المشترك الأكبر (GCF) لعددين هو 1، فهما عدنان أوليان نسبياً فيما بينهما. أوجد ثلاث مجموعات من الأعداد الأولية النسبية.

**7 و5 و20، و4 و8، و9**

16. **استخدام مثال مضاد** حدد ما إذا كانت كل عبارة تالية صحيحة أم خاطئة. إذا كانت صحيحة، فوضح السبب. وإذا كانت خاطئة، فاضرب مثالاً مضاداً.

a. العامل المشترك الأكبر (GCF) لأي عددين زوجيين زوجي دائماً.

**صحيحة: الإجابة النموذجية: تحتوي جميع الأعداد الزوجية على العدد 2 كعامل لها. وبالتالي، سيحتوي العامل المشترك**

**الأكبر (GCF) على العدد 2 باعتباره عاملاً. ولذا، فإن العامل المشترك الأكبر (GCF) لأي عددين زوجيين زوجي دائماً.**

b. العامل المشترك الأكبر (GCF) لأي عددين فرديين فردي دائماً.

**صحيحة: الإجابة النموذجية: العدد الفردي لا يحتوي على العدد 2 كعامل له. ولذا، فلن يحتوي العامل المشترك**

**الأكبر (GCF) لأي عددين فرديين على العدد 2 باعتباره عاملاً، وبالتالي يكون دائماً فردياً.**

c. العامل المشترك الأكبر (GCF) لعدد زوجي وعدد فردي زوجي دائماً.

**خاطئة: الإجابة النموذجية: العامل المشترك الأكبر (GCF) للعددين 45 و60 هو 15.**

### التقويم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل انصراف الطلاب من فصلك.

**بطاقة**  
التحقق من استيعاب الطلاب

اطلب من الطلاب إيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) للأعداد 10 و12 و15. **60**

## تمرين إضافي

أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) لكل مجموعة من الأعداد.

17. 15, 20 5مساعدة  
هي الواجب  
المنزلي

عوامل العدد 15: 1, 3, 5

عوامل العدد 20: 1, 2, 4, 5, 10, 20

العوامل المشتركة هي 1 و 5.

العامل المشترك الأكبر (GCF) هو 5.

18. 30, 48, 60 619. 24, 30, 42 620. 24, 40, 56 8

أوجد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) لكل مجموعة من الأعداد.

21. 3, 5 15

مضاعفات العدد 3: 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24, 27, 30

مضاعفات العدد 5: 5, 10, 15, 20, 25, 30

المضاعفات المشتركة هي 15 و 30.

المضاعف المشترك الأصغر (LCM) هو 15.

24. 9, 12, 18 3023. 5, 10, 15 36

25. لدى عامل في محل بقالة 16 برتقالة و 20 تفاحة و 24 كمثرى.

يحتاج العامل لأن يضع عددًا متساويًا من التفاح والبرتقال والكمثرى في كل سلة. ما أكبر عدد من السلات يمكن الحصول عليه بحيث لا تبقى أي ثمرة؟

4 سلات

26. م: تحديد الاستنتاجات المتكررة بشئري قسم العلوم الادوات الموضحة في الجدول. هذا العام، اشترى القسم الادوات الثلاثة جميعها. كم عدد الأعوام التي ستمر لشراء الادوات الثلاثة جميعها مرة أخرى؟

20 عامًا

وقت الشراء	الجهاز
كل 5 أعوام	مجاهر
كل 4 أعوام	نظارات سلامة
كل عامين	أنابيب اختبار

## انطلق! تهرين على الاختبار

يُعد التمرينان 27 و 28 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

27.	تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يشرحوا المفاهيم الرياضية ويطبقوها ويحلوا المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.
عمق المعرفة	DOK1
ممارسة رياضية	م. ر 4
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يجب اختيار الشهرين 18 و 36 للحصول على درجة.

28.	تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يحلوا مسائل واقعية معقدة ويحلوها من خلال استخدام أدوات ونماذج الرياضيات.
عمق المعرفة	DOK3
ممارسات رياضية	م. ر 1، م. ر 4، م. ر 5
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجتان	يجب على الطلاب رسم الأنماط للنقطة 1 بطريقة صحيحة وكتابة العدد 10 في مربع الإجابة.
درجة واحدة	يرسم الطالب النمط بطريقة صحيحة أو يكتب العدد 10 في مربع الإجابة.

## انطلق! تهرين على الاختبار

27. تستبدل أمانتي مصباح الإضاءة في خزانة الصالة كل 9 شهور، وتستبدل مرشح الهواء كل 6 أشهر. هذا الشهر، استبدلت أمانتي الاثنتين معاً، فكم شهراً سيمر لتستبدل كلاً من مصباح الإضاءة ومرشح الهواء؟ حدد كل ما ينطبق.

12 شهراً  18 شهراً  36 شهراً  48 شهراً

28. ترسم عائشة تصميمًا يحتوي على نظامين مكررين، يتكرر نمطًا كل 8 بوصات، ويتكرر الآخر كل 12 بوصة، وابتدأ طول التصميم إلى 19 قدمًا، ويبدأ كلا النمطين من المكان نفسه. استخدم قطع النمط لإنشاء نموذج للتصميم.

12 in. 8 in. **10 مرات** واستخدم النموذج لتحديد عدد مرات بدء النمطين في المكان نفسه.

نمط 8 بوصات:

نمط 12 بوصة:

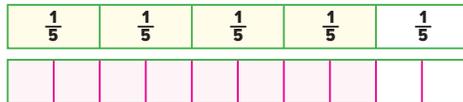
## مراجعة شاملة

اكتب كل كسر في أبسط صورة.

29.  $\frac{9}{18} = \frac{1}{2}$

30.  $\frac{21}{35} = \frac{3}{5}$

31.  $\frac{36}{48} = \frac{3}{4}$



32. ركضت هبة  $\frac{4}{5}$  ميل. فكم جزءًا من عشرة يساوي  $\frac{4}{5}$  ميل؟ استخدم رسمًا بيانيًا شريطيًا لإيجاد الإجابة.

33. يقطع "بيتزا بالاس" البيتزا الوسط إلى 8 قطع، أما "بيتزا بايونيرز" فيقطع الحجم نفسه إلى 16 قطعة. أكلت ياسمين 4 قطع من البيتزا الوسط في "بيتزا بايونيرز". فإلى الكسر من بيتزا مطعم "بيتزا بالاس" الذي يساوي  $\frac{4}{16}$ ؟ اشرح.

$$\frac{4}{16} \div \frac{2}{2} = \frac{2}{8} \div \frac{2}{2} = \frac{1}{4} \div \frac{1}{1} = \frac{1}{4}$$



## التركيز تضييق النطاق

الهدف تمثيل النسب باستخدام النماذج المجردة.

## الترابط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

## التالي

سيضرب الطلاب أمثلة للنسب على هيئة الكسر.

## الحالي

يستخدم الطلاب بطاقات العد لتمثيل النسب.

## الدقة اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 17.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 نشاط عملي

تهدف الأنشطة 1-3 لاستخدامها كأششطة جماعية. تم تصميم النشاط 1 لتقديم مزيد من الإرشادات للطلاب أكثر من النشاطين 2 و 3.

المواد: بطاقات العد

## 1 نشاط عملي

AL LA التعاون الثنائي اجعل كل طالب يتعاون مع أحد زملاءه لإكمال الخطوة 1 و 2. اطلب منهم الإجابة عن الأسئلة التالية. 1, 3, 5

اطرح الأسئلة التالية:

- ما مدى تشابه مجموعات القطع في الخطوتين 1 و 2؟  
نموذج إجابة: العدد الإجمالي للقطع هو نفس العدد. إجمالي عدد القطع الحمراء هو نفس العدد وإجمالي عدد القطع الصفراء هو نفس العدد.
- ما مدى اختلاف مجموعات القطع في الخطوتين 1 و 2؟ نموذج إجابة: في الخطوة 1، المقارنة بين 3 قطع حمراء و 6 صفراء. في الخطوة 2، المقارنة في كل مجموعة بين قطعة واحدة حمراء وقطعتين صفراوين.

النسب وعلاقات التناسب

## مختبر الاستكشاف

### النسب

**الاستكشاف**

كيف يمكنك استخدام الجداول للربط بين الكميات؟

لدى فيصل 3 كتب روائية و 6 كتب غير روائية سيترع بها لمركز اجتماعي. ويريد أن يحزمها في مجموعات بحيث يوجد في كل مجموعة عدد متساوٍ من الكتب الروائية وغير الروائية. كما يريد أن يكون لديه أكبر عدد ممكن من الحزم. فكم يكون عدد الكتب في كل مجموعة؟

ما المعطيات التي تعرفها؟ **لدى فيصل 3 كتب روائية و 6 كتب غير روائية. ويرغب في الحصول على أكبر عدد ممكن من المجموعات المتساوية.**

ما الذي تحتاج للتوصل إليه؟ **عدد الكتب في كل مجموعة**

ممارسات رياضية 1, 3, 4



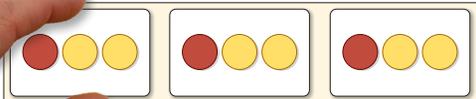
**الخطوة 1**

استخدم 3 قطع حمراء من قطع العد الملونة لتمثيل الكتب الروائية. واستخدم 6 قطع صفراء من قطع العد الملونة لتمثيل الكتب غير الروائية.



**الخطوة 2**

حد أصغر عدد ممكن للمجموعات متساوية الحجم. استخدم القطع البلاستيكية لتقسيم قطع العد الملونة إلى المجموعات.



تحتوي كل مجموعة على عدد متساوٍ من الكتب الروائية وعدد متساوٍ من الكتب غير الروائية.

فكل مجموعة تحتوي على **1** من الكتب الروائية و **2** من الكتب غير الروائية.



## 2 تعاون

أعدت أقسام استقصاء و التحليل والتفكير لاستخدامها كمجموعات صغيرة للاستكشاف. أعد قسم الابتكار لاستخدامه كتمارين حرة.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.



**LA AL** دور المدرب اطلب من الطلاب التعاون مع زملائهم لإكمال التمارين من 1-4. بصم الطالب الأول الموقف مستخدماً بطاقات العدّ وشرح العملية التي يقوم بها بصوت عالٍ. بينما يشاهده الطالب الثاني ويستمع إليه ويدربه. اجعل الطلاب يتبادلوا دور "المدرب" في كل تمرين. ثم دعهم يكملوا التمارين 5-7 باستخدام العمليات المماثلة. يكمل الطالب الأول جدول الضرب وشرح العملية التي يقوم بها بصوت عالٍ. بينما يشاهده الطالب الثاني ويستمع إليه ويدربه. يتبادل الطلاب الأدوار في كل تمرين.

1, 3, 5

**LA BL** مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لتحديد طريقة لاستكمال التمارين من 5-7 دون استخدام بطاقات العدّ أو جدول الضرب. واطلب منهم مشاركة الطريقة المختارة مع مجموعة ثنائية أخرى والتحقق من مدى دقة كل طريقة ثم تحديد الطريقة المفضلة لديهم.

1, 3, 5, 6

تعاون مع زميل. حدد عدد الفواكه التي ينبغي أن توضع في كل مجموعة. كؤن أكبر عدد ممكن من المجموعات المتساوية الحجم باستخدام الفواكه كلها. ارسم قطع العد الملونة واستخدمها لتمثيل الفاكهة.

1. 3 ثمرات نجاج و9 ثمرات كبرى  
2. 4 ثمرات خوخ و6 ثمرات برتقال



3. 4 ثمرات برفوق و7 ثمرات موز  
4. 6 ثمرات مشمش و9 ثمرات مانجو



تعاون مع زميل. استخدم جدول الضرب لحل المسائل التالية.

5. تريد دانة الحصول على مجموعات بها 3 دفاتر و5 أقلام. ولديها بالفعل 12 دفترًا.

فكم عدد الأقلام التي ستحتاج إليها؟ **20 قلمًا**

الدفاتر	3	6	9	12	15	18	21	24	27	30
الأقلام	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50

6. يريد حسين الحصول على مجموعات من 6 زهور من البابونج و8 زهور من الزنبق لعمل باقات من الزهور.

ولديه بالفعل 24 زهرة بابونج. فكم عدد زهور الزنبق التي ستحتاج إليها؟ **32 زهرة زنبق**

زهور البابونج	6	12	18	24	30	36	42	48	54	60
زهور الزنبق	8	16	24	32	40	48	56	64	72	80

7. لدى سلمى 77 ثمرة فراولة. فسّمهم إلى مجموعتين بحيث يوجد مقابل كل 4 ثمرات فراولة في المجموعة الأولى 7 ثمرات فراولة في المجموعة الثانية.

المجموعة الأولى	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
المجموعة الثانية	7	14	21	28	35	42	49	56	63	70

## التحليل والتفكير



**LA AL** مراجعة ثنائية اطلب من الطلاب العمل مع زملائهم لإكمال التمارين 8 و 9. يفكر الطالب الأول في حل التمرين 8 بينما يفكر الطالب الثاني في حل التمرين 9. ثم يعرض كل طالب إجابته على التمرين. يسأل الطلاب يطرح الطلاب أسئلة توضيحية على بعضهم البعض. لكي يتأكدوا من فهم كل طالب لتمرين وإجابة الطالب الآخر. ثم يسجل الطالب الثاني إجابات التمرين 8 بينما يسجل الطالب الأول إجابات التمرين 9. وفي النهاية، دع كل طالب يعبر إجابة الآخر ويحدد ما إن كان متفقاً معه أم لا. دعهم يحلوا أي اختلافات. **1, 3**

## ابتكار

**LA BL** جولة في المعرض دع الطلاب يرسموا نماذج قطع عدّ أو جداول ضرب تمثل كل مسألة من المسائل الموجودة في التمارين 10-12. ثم اطلب منهم نشر النماذج أو الجداول حول الغرفة. اطلب من الطلاب السير حول الغرفة وتحديد إذا ما كان كل نموذج أو جدول يمثل التمرين 10 أم 11 أم 12. اطلب منهم تحليل الإجابة. **1, 3, 5**

## الاستكشاف

ينبغي أن يكون الطلاب قادرين على الإجابة عن "كيف يمكنك استخدام الجداول لربط الكميات؟" تحقق من مدى فهم الطلاب وقدم لهم التوجيه، إذا لزم الأمر.

## التحليل والتفكير



نماذج الإجابة: 8:13

**8.** تحديد الاستنتاجات المتكررة وضح الأنماط المستخدمة في الجداول في النشاطين 2 و3. **بين كل صف في الجداول مضاعفات عدد معين.**  
**ويمكنك جمع أو طرح هذه المضاعفات لإيجاد العدد في مجموعة واحدة أو إيجاد العدد الكلي في كلا المجموعتين.**

**9.** الاستدلال الاستقرائي كيف يساعدك إيجاد المضاعف المشترك الأصغر (LCM) عند قسمة العناصر إلى مجموعات متساوية؟ **يشرح المضاعف المشترك الأصغر (LCM) إلى أن المجموعات يمكن أن تكون متساوية ويبين عدد العناصر في كل مجموعة.**

## ابتكار



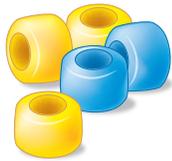
**10.** استخدام نماذج الرياضيات اكتب مسألة كلامية فيها 3 حبات خرز صفراء لكل حبتين زرقاوين وأوجد حلها. **الإجابة النموذجية: لدى منى 30 حبة خرز صفراء.**  
**وترغب في صنع سلسلة متناهي بها 3 حبات خرز صفراء مقابل كل حبتين خرز زرقاء.**  
**فكم عدد حبات الخرز الزرقاء التي تحتاج إليها؟ 20 حبة خرز زرقاء.**

**11.** استخدام نماذج الرياضيات اكتب مسألة كلامية من الحياة اليومية فيها 3 طاولات لكل 8 مقاعد وأوجد حلها. **الإجابة النموذجية: سوف يكون هناك 40 ضيفاً على مائدة نادي التنس.**  
**ويمكن أن يجلس 8 أشخاص على كل 3 طاولات.**  
**فكم عدد الطاولات التي سيحتاجونها؟ 15 طاولة**

**12.** استخدام نماذج الرياضيات اكتب مسألة كلامية من الحياة اليومية فيها 3 فطائر لكل شخص وأوجد حلها. **الإجابة النموذجية: يصنع سليم الإفطار لأسرته ولديه ما يكفي من المكونات لعمل 15 فطيرة.**  
**فيذا كان كل فرد سيتناول 3 فطائر،**  
**فكم عدد أفراد الأسرة؟ 5 أشخاص**

## الاستكشاف

**13.** كيف يمكنك استخدام الجداول للربط بين الكميات؟ **يمكنك استخدام الجداول لإيضاح المضاعفات المشتركة لعددين.**  
**وبإمكان الجداول أيضاً مساعدتك على المقارنة بين مجموعات من الأعداد.**



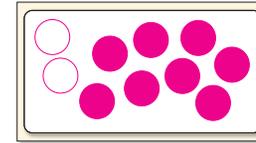
alManahj.com/ae

## النسب

## مسائل من الحياة اليومية

القطط: تمتلك السيدة شمسة قطتين كبيرتين و8 قطط صغيرة.

قارن بين عدد القطط الصغيرة وعدد القطط الكبيرة. استخدم قطع العد الصفراء لتمثيل القطط الكبيرة. واستخدم قطع العد الحمراء لتمثيل القطط الصغيرة. ارسـم قطع العد الملونة في المربع.



هناك **6** قطط صغيرة أكثر من القطط الكبيرة.  $2 + 4 = 8$

يزيد عدد القطط الصغيرة عن القطط الكبيرة بمقدار **4** مرات.  $2 \times 4 = 8$

هناك **6** قطط كبيرة أقل من القطط الصغيرة.  $8 - 2 = 6$

عدد القطط الكبيرة يساوي  $\frac{1}{4}$  عدد القطط الصغيرة.  $8 \div 4 = 2$

ما **٢٠٤** المهارسات الرياضية التي استخدمتها؟  
ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- |                           |                                |
|---------------------------|--------------------------------|
| ① المتابعة في حل المسائل  | ⑤ استخدام أدوات الرياضيات      |
| ② التفكير بطريقة تجريدية  | ⑥ مراعاة الدقة                 |
| ③ بناء فرضية              | ⑦ الاستعانة من البنية          |
| ④ استخدام نماذج الرياضيات | ⑧ استخدام الاستنتاجات المتكررة |

## التركيز تضييق النطاق

الهدف ضرب أمثلة على النسب في صورة كسور واستخدام النسب لمقارنة الكميات.

## الترباط المنطقي الربط داخل الصنف وبينها

## السابق

استخدم الطلاب النماذج لتمثيل النسب.

## الحالي

يكتب الطلاب النسب ويستخدمونها لمقارنة البيانات.

## التالي

سيوجد الطلاب معدلات الوحدة ويستخدمونها.

## الدقة اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 23.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد يُود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.

**LA** مناقشة ثنائية اطلب من الطلاب إكمال التمارين من 1-4 في ثنائيات ومناقشة أوجه الاختلاف والتشابه لكل مقارنة. **٢٠٤** 1, 3, 5



## الإستراتيجية البديلة

**LA AL** مناقشة مدى اختلاف معاني كلمة مقارنة عند استخدامها في سياقات مختلفة. اطلب منهم التفكير في مواقف حيث قد يمثل هذا المصطلح إحدى الحالات التي تستخدم الرمز < أو >. وعندما يمثل المصطلح موقفاً تكون فيه إحدى الكميتين ضعف الأخرى. **٢٠٤** 1, 3, 6



## 2 تلقين المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعليم.

## مثال

1. اكتب النسبة في أبسط صورة واشرح معناها.

AL • كم عدد مشابك الورق الحمراء؟ والزرقاء؟ 2، 6

• إذا قسمت مشابك الورق الحمراء والزرقاء إلى مجموعات متساوية، بحيث تحتوي كل مجموعة على نفس العدد من مشابك الورق الحمراء ونفس العدد من مشابك الورق الزرقاء، فكم عدد مشابك الورق الحمراء والزرقاء في كل مجموعة؟ **مشبك أحمر واحد و3 مشابك زرقاء.**

OL • ما النسبة التي تقارن إجمالي عدد المشابك الحمراء إلى الزرقاء؟  $\frac{2}{6}$  2 إلى 6؛ 2:6

• اكتب النسبة في أبسط صورة.  $\frac{1}{3}$  1 إلى 3؛ 1:3

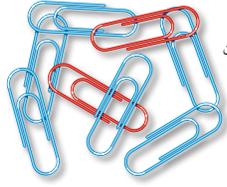
BL • اشرح معنى النسبة. **تعني أنه يوجد لكل مشبك ورق أحمر واحد 3 مشابك ورق زرقاء.**

هل تريد مثلاً آخر؟

اكتب النسبة التي تقارن عدد كرات البيسبول إلى عدد كرات القدم في أبسط صورة. ثم وضع دلالتها.  $\frac{2}{5}$ ؛ تعني أنه يوجد لكل كرتين من كرات القاعدة 5 كرات قدم.



## كتابة النسبة في أبسط صورة



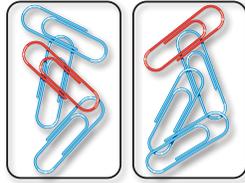
توجد طرق كثيرة مختلفة لمقارنة المقادير أو الكميات. والنسبة هي مقارنة بين كميتين عن طريق القسمة. يمكن كتابة النسبة بين مشابك الورق الحمراء إلى 6 من المشابك الزرقاء بثلاث طرق.

$$2 \text{ إلى } 6 \quad 2:6 \quad \frac{2}{6}$$

كما هو الحال مع الكسور، يمكن كتابة النسب غالباً في أبسط صورة.

## مثال

1. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين عدد مشابك الورق الحمراء إلى مشابك الورق الزرقاء في أبسط صورة. ثم وضع دلالتها.



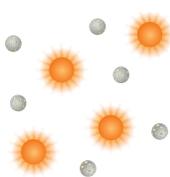
اكتب النسبة على هيئة كسر. ثم بسطه.

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

العامل المشترك الأكبر  
(GCF) للعددين 2 و6  
هو 2.

نسبة مشابك الورق الحمراء إلى الزرقاء هي  $\frac{1}{3}$ ، أو 1 إلى 3، أو 1:3. هذا يعني أن لكل مشبك ورق أحمر يوجد 3 مشابك ورق زرقاء.

تأكد من فهمك أوجد حلًا للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.



a. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين عدد الشمس وعدد الأقمار في أبسط صورة. ثم وضع دلالتها.

## منطقة العمل

هذا العمل

$\frac{2}{3}$ ؛ ويعني أنه  
يوجد 3 أقمار مقابل  
كل شمسيتين.

a. \_\_\_\_\_

alManahj.com/ae

## أمثلة

2. استخدم النسبة لمقارنة البيانات المصنفة في فئات.

AL • كم عدد الطلاب الذين تم استطلاع رأيهم؟  $9 + 8 + 3 + 1 = 21$

• كم عدد الطلاب الذين اختاروا فاكهة؟ 3

OL • ما النسبة، في أبسط صورها، التي تقارن عدد الطلاب الذين اختاروا الفاكهة إلى

إجمالي عدد الطلاب؟  $\frac{1}{7}$ ، 1 إلى 7: 1

BL • ما النسبة التي تقارن عدد الطلاب الذين لم يختاروا الفاكهة إلى إجمالي عدد

الطلاب؟ اكتب في أبسط صورة.  $\frac{4}{7}$ ، 4 إلى 7: 4

هل تريد مثلاً آخر؟

طُلب من الطلاب ذكر اسم الكتاب المفضل لديهم. اختار سبعة من الطلاب كتب الرياضة.

واختار تسعة كتب التاريخ، واختار أربعة كتب الألفاظ، واختار خمسة كتب الخيال. ما النسبة،

في أبسط صورها، التي تقارن عدد الطلاب الذين اختاروا كتب الخيال إلى إجمالي عدد

الطلاب؟  $\frac{1}{5}$ ، 1 إلى 5: 1 أو 5: 1

3. استخدم النسبة لمقارنة البيانات المصنفة في فئات.

AL • كم كان عدد إجمالي المبيعات؟ 24

• كم كان عدد المبيعات من ثمر الفراولة؟ 8

OL • ما النسبة، في أبسط صورها، التي تقارن عدد المبيعات من ثمر الفراولة إلى

إجمالي عدد المبيعات؟  $\frac{1}{3}$ ، 1 إلى 3: 3

BL • ما النسبة التي تقارن عدد مبيعات زبادي التوت البري إلى عدد مبيعات زبادي

الفانيليا؟ اكتب في أبسط صورة.  $\frac{6}{7}$ ، 6 إلى 7: 6

هل تريد مثلاً آخر؟

أجرى متجر دراسة لتحديد ما تشتريه فئة عمرية من متجرهم. اكتب النسبة التي تقارن عدد

العملاء الذين يتراوح عمرهم ما بين 0-17 عامًا إلى عدد العملاء الإجمالي.  $\frac{3}{22}$ ، 3 إلى 22:

أو 22: 3

العدد	الفئة العمرية
15	0-17
55	18-30
24	31-45
16	46+

النسب وعلاقات التناسب

استخدام النسب لمقارنة البيانات النوعية

يمكن تعيين كل معلومة من البيانات النوعية إلى مجموعة واحدة. ويمكن استخدام المخططات بالأعمدة والجدول التكرارية لتمثيل البيانات النوعية. يمكن استخدام النسب للمقارنة بين البيانات.

أمثلة

2. حددت العديد من الطالبات نكهة العلكة المفضلة لديهن. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين الطالبات اللاتي اخترن نكهة الفواكه وإجمالي عدد الطالبات.

الفواكه: 3  
إجمالي:  $1 + 3 + 8 + 9 = 21$

العامل المشترك الأكبر (GCF) للعددين 3 و 21 هو 3.

النسبة هي  $\frac{1}{7}$ ، أو 1 إلى 7، أو 1:7.

إذا، واحدة من كل 7 طالبات فضلن نكهة الفواكه.

نكهة العلكة المفضلة	النكهة	عددالتفضيلات
9	التنعان الغوي	
8	الرفة	
3	الفواكه	
1	التنعان الخفيف	

3. تم تسجيل مبيعات الزبادي في يوم الاثنين في الجدول. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين مبيعات الزبادي بطعم الفراولة إلى إجمالي المبيعات. ثم وضع دلالتها.

الفراولة: 8  
إجمالي:  $7 + 6 + 3 + 8 = 24$  أو 8: 24

الزبادي بطعم الفراولة المبيع  $\frac{8}{24} = \frac{1}{3}$  أو 1 إلى 3 إجمالي المبيعات

إذا، بيع عدد 1 علبه زبادي بطعم الفراولة من كل 3 علب زبادي.

النكهة	العدد المبيع
خوخ	3
توت بري	6
فانيليا	7
فراولة	8

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

b. باع متجر للحيوانات الأليفة الحيوانات الواردة في الجدول في أسبوع واحد. اكتب نسبة القطط إلى الحيوانات الأليفة المبيعة هذا الأسبوع. ثم وضع دلالتها.

الحيوان	العدد المبيع
عصافير	10
سلاحف	14
قطط	8

الدفقة (Accuracy)

من المهم أن نقرأ المسألة كاملة بحيث يمكن تحديد إجابة دقيقة.

## مثال

4. استخدم النسبة للتقسيم إلى مجموعات متساوية.

AL • كيف يوضح الرسم البياني بالأعمدة النسبة 2 إلى 3؟ يوجد عمودان في أعلى

الرسم البياني و3 أعمدة في أسفل الرسم البياني.

OL • إذا كان يجب أن يكون إجمالي الأقسام 30 زهرة، فكم عدد الزهور الموجودة في كل قسم من أقسام الرسم البياني بالأعمدة؟ 6 زهور.

• كم عدد الزهور التي يجب أن تكون في كل مجموعة؟ يوجد 12 زهرة في مجموعة واحدة و18 في المجموعة الأخرى

BL • أرادت هند تقسيم 30 زهرة لديها إلى مجموعتين، بحيث تكون النسبة 3 إلى 4. هل هذا ممكن؟ اشرح. لا، إجمالي الأعمدة سيكون 3+4 أو 7 والعدد 30 لا يقبل النسبة على 7 بشكل متساوٍ. لن تكون هند قادرة على وضع أعداد كلية من الزهور في مجموعتين بمثل هذه النسبة.

هل تريد مثلاً آخر؟

قسمت 35 علب من الطعام إلى مجموعتين بحيث تكون النسبة 3 إلى 4. 15 علبة في المجموعة الأولى و20 علبة في المجموعة الثانية.

## تمرين موجّه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقويم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض الطلاب غير مستعدين للواجبات، فاستخدم النشاط المتميز الوارد أدناه.



AL LA مناقشات جماعية بالنسبة للتمارين من 1-3. اطلب من الطالب الأول في المجموعة ذكر اسم الجزء الأول من النسبة وعدده. يوضح الطالب الثاني ما إذا كان الجزء الثاني من النسبة ينبغي أن يكون عدد أحد العناصر أم إجمالي عدد العناصر ثم يذكر الجزء الثاني من النسبة. ثم يذكر الطالب التالي النسبة، يُبسّط الطالب التالي النسبة أو يذكر أنها في أبسط صورة بالفعل. يعتبر الطالب الأخير عن النسبة في صورة عدد عشري مقرب إلى أقرب جزء من مئة، إذا لزم الأمر. ثم يكمل الطلاب التمرينان 4 و5 معاً. 1, 7

## مثال



4. تريد سميرة أن تقسم 30 زهرة لديها إلى مجموعتين، بحيث تكون النسبة 2 إلى 3.

6 6

6 6 6

30 زهرة

الخطوة 1 استخدم مخطط شريطي لتمثيل النسبة 2 إلى 3.

الخطوة 2 يوجد 5 أقسام متساوية، إذا، يمثل كل قسم 5 ÷ 30 أو 6 زهور.

يوجد 12 زهرة في مجموعة واحدة و18 في المجموعة الأخرى.



## تمرين موجّه

اكتب كل نسبة على هيئة كسر في أبسط صورة، ثم وضع دلالتها. (مثال 1)

1.  $\frac{3}{4}$ ; يعني أنه يوجد 4 أقلام رصاص مقابل كل 3 أقلام حبر.  
2.  $\frac{1}{3}$ ; يعني أنه يوجد 3 فساتين مقابل كل درهم.



الدرهم : الفلوسات



الأقلام الحبر إلى الأقلام الرصاص

3. أكل أدهم الشهر الماضي 9 ثمرات تفاح و5 ثمرات موز و4 ثمرات خوخ و7 ثمرات برتقال. أوجد نسبة الموز إلى إجمالي الفواكه، ثم وضع دلالتها. (المثالان 2 و3)

$\frac{1}{5}$  أو 1 إلى 5، أو 1:5؛ أي، أدهم تناول ثمرة موز من كل 5 ثمرات فاكهة تناولها.

4. قسمت 28 علبة من الصودا إلى مجموعتين بحيث تكون

النسبة 3 إلى 4. (مثال 4) 12 في المجموعة الأولى و16 صورة في المجموعة الثانية.

5. الاستفادة من السؤال الأساسي كيف يمكنك استخدام الرياضيات الذهنية لتحديد هل النسبة في أبسط صورة لها أم لا؟

الإجابة النموذجية: إذا كان الكسر في أبسط صورة، فإن العامل المشترك الأكبر (GCF)

لكل من البسط والمقام هو 1.

## قيّم نفسك!

ما مدى فهمك لموضوع النسب؟ ظلل الحلقة المناسبة.



مخطويات حان وقت تحديث مخطوياتك!

## 3 التمرين والتطبيق

## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمرين الإضافي للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

تمارين			
8-10	6, 7, 16-19	1-5, 11-15	المستوى 3
			المستوى 2
			المستوى 1

## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

خيارات الواجب المنزلي المتميزة		
AL	قريب من المستوى	1-5, 7, 8, 10, 18, 19
OL	ضمن المستوى	1-5 فردي, 6-8, 10, 18, 19
BL	أعلى من المستوى	6-10, 18, 19

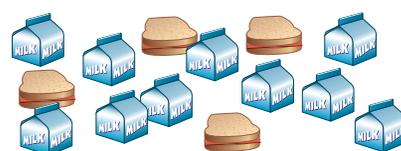
الاسم \_\_\_\_\_

الواجبات المنزلية \_\_\_\_\_

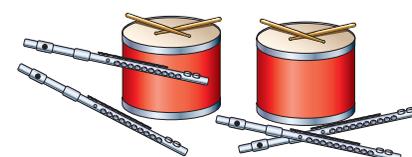
## تمارين ذاتية

اكتب كل نسبة على هيئة كسر في أبسط صورة. ثم وضح دلالتها. (مثال 1)

1.  $\frac{2}{1}$ : لكل مزمارين يوجد طبلية واحدة.  
2.  $\frac{2}{5}$ : تعني أنه يوجد 5 علب حليب لكل شطيرتين.

الكعب  
الجل  
هنا.

الشطائر إلى علب الحليب



المزامير، الطبول

3. يحتوي فصل على 6 أولاد و15 بنتًا. فما هي نسبة الأولاد إلى البنات؟

(مثال 2)  $\frac{2}{5}$ : لكل ولد، يوجد 5 فتيات في الوحدة.

4. يوضح الجدول عدد الكتب التي قرأها "سامي". أوجد نسبة كتب المغامرة إلى إجمالي الكتب. وضح دلالتها. (مثال 3)

عدد الكتب	النوع
10	المغامرة
7	غير رواي
5	خيال علمي
2	الغرب الأمريكي

$\frac{5}{12}$ ، أو 5 إلى 12، أو 5:12، أي أن 5 كتب من كل 12 كتابًا كانوا من نوع الغموض.

5. قسم 33 صورة إلى مجموعتين بحيث تكون النسبة 4 إلى 7. (مثال 4)

12 صورة في المجموعة الأولى و21 صورة في المجموعة الثانية.

6. استخدام نماذج الرياضيات ارجع إلى الإطار البصور الرسومي أدناه للتمرينين a و b.



a. في كل متجر، ما هي نسبة عدد العلب إلى السعر؟

التوفير المدهش:  $\frac{24}{5}$ ؛ تسوق بذكاء:  $\frac{16}{3}$ ؛ محطم الأسعار:  $\frac{4}{1}$ ؛ AED

b. ما هي نسبة عدد العلب إلى السعر في عرضي "التوفير المدهش" و"محطم الأسعار" إذا استخدمت قسيمة

بقيمة 1 AED من إجمالي الشراء؟ التوفير المدهش:  $\frac{16}{3}$ ؛ محطم الأسعار:  $\frac{9}{2}$ ؛ AED

التمرين (التمارين)	التركيز على
9, 10	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
17	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
6, 8	4 استخدام نماذج الرياضيات.
7	5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية.

تعد الممارسات الرياضية 4, 3, 1 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية.



7. استخدام أدوات الرياضيات يوضح الرسم البياني عدد بطولات ويمبلدون في العديد من البلدان.  
a. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين البطولات التي فازت بها أستراليا وإجمالي البطولات التي فازت بها الولايات المتحدة في أبسط صورة. ثم وضع دلالتها.

$\frac{2}{5}$  أو 2 إلى 5، أو 2:5 من 1968 إلى 2012. فازت الولايات المتحدة بـ

5 بطولات مقابل كل بطولتين فازت بهما أستراليا.

b. اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين البطولات التي فازت بها أستراليا وإجمالي عدد البطولات. ثم وضع دلالتها.

$\frac{6}{41}$  أو 6 إلى 41، أو 6:41. ما بين 1968 و2012، فازت أستراليا بـ 6 بطولات من أصل 41 بطولة.

### مهارات التفكير العليا

8. استخدام نماذج الرياضيات أنشئ ثلاث رسومات مختلفة تشير إلى عدد مستطيلات والدوائر بحيث تكون نسبة المستطيلات إلى الدوائر فيها 3:1.

الإجابة النموذجية:



9. المثابرة في حل المسائل أوجد العدد المفقود في النمط التالي. اشرح استنتاجك.

12, 24, 72, 288, 1,440

النسب هي 1:2، و3:1، و4:1، و5:1.

الوقت (min)	النشاط
25	جهاز الجري
35	رفع الأثقال

10. المثابرة في حل المسائل يوضح الجدول كيف يقضي زيد وقته في صالة الألعاب الرياضية. على مدار الأسبوع، يحتاج إلى قضاء 600 دقيقة في صالة الألعاب الرياضية. فكم من الوقت سيضفيه في رفع الأثقال زيادة عن استعماله لجهاز الجري؟ اشرح استنتاجك.

100 دقيقة؛ لقد قضى 60 دقيقة على جهاز الجري ورفع الأثقال. نسبة الوقت الذي أمضاه على جهاز

الجري هي 25:60 أو 250:600. وبالتالي، يوف يضي 250 دقيقة على جهاز الجري و 350 دقيقة في رفع

الأثقال. وهكذا سوف يضي 350 - 250 أو 100 دقيقة زائدة.

### التقويم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل انصراف الطلاب من فصلك.

### بطاقة التحق من استيعاب الطلاب

ارسم مثلثين وأربعة مربعات وست دوائر على السبورة. اطلب من الطلاب كتابة نسبة المربعات إلى إجمالي عدد الأشكال في أبسط صورة. 1:3

### انتبه!

خطأ شائع دكر الطلاب أن النسب تعبر عن مقارنة جزء إلى جزء أو مقارنة جزء إلى الكل. قد ترغب في أن تدع الطلاب يكتبوا النسب وفقاً للسؤال المطروح ثم ملء القيم الرقمية أثناء تطبيقها.

الاسم \_\_\_\_\_

واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

## تمرين إضافي

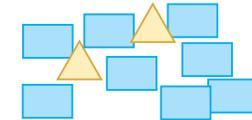
اكتب كل نسبة على هيئة كسر في أبسط صورة. ثم وضع دلالتها.

11.  $\frac{1}{4}$  : يوجد 4 مستطيلات مقابل كل مثلث. 12.  $\frac{3}{5}$  : يوجد 5 كرات مخصصة للعبة كرة القدم مقابل كل 3 كرات

مخصصة للعبة كرة القدم الأمريكية.

ساعدواجب  
التمرين

الكرات المخصصة للعبة كرة القدم : الكرات المخصصة للعبة البيسبول



مثلثات إلى مستطيلات

يوجد مثلثان و8 مستطيلات.

$$\frac{2}{8} \cdot \frac{2}{8} \div \frac{2}{2} = \frac{1}{4} = \text{النسبة هي}$$

13. يحتوي مأوى للحيوانات على 36 قطة صغيرة و12 عصفورًا معروضين للاقتناء. ما هي نسبة العصفور إلى القطط؟

 $\frac{1}{3}$  : مقابل كل 3 قطط صغيرة متاحة للاقتناء، يوجد عصفور واحد.

14. أوجد نسبة أغطية الهواتف المحمولة السوداء البيعة إلى إجمالي عدد أغطية الهواتف المحمولة البيعة في الأسبوع الماضي. ثم وضع دلالتها.

 $\frac{2}{9}$  أو 2 إلى 9، أو 2:9؛ من بيع كل 9 أغطية هواتف محمولة بيع غطيان أسودان.

15. في اليوم الأول من حملة التبرع بالطعام، أحضرت صفوف السيدة ليس أصنافًا من الطعام تمثلت في 6 علب مملوءة بالفاكهة و4 علب مملوءة بالفاصولياء و7 أوعية مملوءة بالمعكرونة و4 علب مملوءة بالحساء. أوجد نسبة علب الفاكهة إلى إجمالي أصناف الطعام المجمعة. ثم وضع دلالتها.

 $\frac{2}{7}$  أو 2 إلى 7، أو 2:7؛ أي. يوجد علبتان فاكهة من كل 7 أصناف طعام تم التبرع.

عدد أغطية الهواتف المحمولة البيعة	اللون
5	أخضر
6	فضي
3	أحمر
4	أسود



16. توضح الصورة ارتفاع السقف واتساعه. تساوي درجة ميل السقف نسبة الارتفاع إلى نصف الامتداد. فإذا كان الارتفاع يساوي 8 أقدام والامتداد 30 قدمًا، فكم تساوي درجة الميل في أبسط صورة؟

$$\frac{8}{15}$$

17. تقرير الاستنتاجات وجدت داليا 6 طلاب من أصل 24 طالبًا في فصلها يمتلكون هاتفًا محمولًا. فما نسبة الطلاب الذين يمتلكون هاتفًا محمولًا إلى الطلاب الذين لا يمتلكون واحدًا؟ اشرح استنتاجك لأحد الزملاء.

 $\frac{1}{3}$  أو 1:3؛ أو 1 إلى 3؛ الإجابة النموذجية: إذا كان هناك 6 طلاب يمتلكون هاتفًا محمولًا، فإن 24 - 6 = 18 طالبًا لا يمتلك واحدًا. النسبة هي  $\frac{6}{18}$  أو  $\frac{1}{3}$ .

## انطلق! تميّن على الاختبار

يُعد التمرينان 18 و 19 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

18. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يستنتجوا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK2
ممارسات رياضية	م.ر 1، م.ر 4، م.ر 6
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجتان	يتعرف الطلاب على إجمالي 6 نسب بشكل صحيح.
درجة واحدة	يتعرف الطلاب على 4 أو 5 نسب بشكل صحيح.

19. تتطلب فقرة الاختبار هذه من الطلاب أن يشرحوا مفاهيم الرياضيات ويطبقوها ويحلوا المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.

عمق المعرفة	DOK1
ممارسات رياضية	م.ر 4
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يجب أن يكتب الطلاب $\frac{7}{50}$ للحصول على الدرجة.

## انطلق! تميّن على الاختبار

18. في ملعب الجولف الصغير، توجد 50 كرة جولف صفراء و45 كرة جولف حمراء و65 كرة جولف زرقاء و40 كرة جولف برتقالية و60 كرة جولف خضراء. حدد النسبة الصحيحة المطلوبة لإكمال الجدول.

8:13	4:5
5:6	3:4
10:9	12:13

النسبة	المقارنة	النسبة	المقارنة
3:4	اللون الأحمر إلى اللون الأخضر	10:9	اللون الأصفر إلى اللون الأحمر
4:5	اللون البرتقالي إلى اللون الأصفر	5:6	اللون الأصفر إلى اللون الأخضر
8:13	اللون البرتقالي إلى اللون الأزرق	12:13	اللون الأخضر إلى اللون الأزرق

19. يوضح الجدول العدد المعاكس لكل نوع من البطاقات الرياضية التي جمعها ياسمين.

كرة البيسبول	كرة السلة	كرة القدم الأمريكية	كرة القدم
45	14	20	21

اكتب النسبة التي تمثل المقارنة بين عدد بطاقات لعبة كرة السلة إلى إجمالي عدد البطاقات في أبسط صورة.  $\frac{7}{50}$

## مراجعة شاملة

أوجد الكسر المكافئ:

$$20. \frac{3}{7} = \frac{9}{21}$$

$$21. \frac{-1}{6} = \frac{4}{24}$$

$$22. \frac{4}{5} = \frac{28}{35}$$



23. تسافر عائلة سلطان لتضاء عطلة. فإذا قادوا السيارة لمدة 3 ساعات حسب السرعة المقررة، فكم عدد الأميال التي سيقطعونها؟

195 ميلاً

24. أحرز إسلام  $\frac{3}{5}$  من الرميات التي صوبها، لنفرض أنه قد صوب 60 رمية، فكم عدد الرميات التي أحرزها؟

36 رمية

25. يوجد 36 طالبًا في فصل الصف السادس الذي تُشرف عليه الأستاذة أمل. فإذا كان  $\frac{5}{12}$  من طلابها فتيات، فكم عدد الفتيات في فصلها؟

15 فتاة

## مختبر الاستكشاف

## معدلات الوحدة



كيف تستطيع استخدام الرسم البياني بالأعمدة للمقارنة بين الكميات في مواقف من الحياة اليومية؟

ممارسات رياضية  
1, 3, 8

مارس أحمد وأمجد رياضة التزلج على الجلات. لقد تزلجا مسافة 14 ميلاً في ساعتين. فإذا كانا قد تزلجا بمعدل ثابت، فكم عدد الأميال المقطوعة في ساعة واحدة؟

ما المعطيات التي تعرفها؟ تزلج أحمد وأمجد مسافة 14 ميلاً في ساعتين.

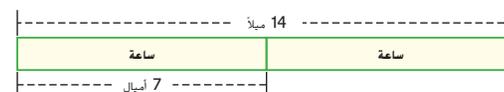
ما الذي تحتاج للتوصل إليه؟ عدد الأميال المقطوعة في الساعة الواحدة

## نشاط عملي 1

استخدم رسماً بيانياً شريطياً لتمثيل 14 ميلاً. ينقسم الشريط إلى قسمين متساويين لتمثيل الساعتين.



يُمثل كل قسم ساعة واحدة. حدد عدد الأميال المقطوعة في الساعة الواحدة.



إذاً، لقد قطعنا 7 أميال في الساعة الواحدة.



## التركيز تضييق النطاق

الهدف استخدام النماذج لإيجاد معدلات الوحدة.

## الترابط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

## الحالي

يستخدم الطلاب الرسم البياني بالأعمدة ويرسمونها لإيجاد معدلات الوحدة.

## التالي

سيعطي الطلاب أمثلة للمعدلات.

## الدقة اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 29.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء النشاط العملي

تهدف الأنشطة 1-3 لاستخدامها كأشعة جماعية. تم تصميم النشاط 1 لتقديم مزيد من الإرشادات للطلاب أكثر من النشاطين 2-3.

## نشاط عملي 1

**LA AL مناقشات جماعية** قسّم الطلاب إلى مجموعات صغيرة لحل الأسئلة التالية. يناقش الطلاب إجاباتهم في مجموعاتهم. ثم تناوب المجموعات الأدوار للإجابة شغوياً من خلال اختيار متحدث باسم المجموعة. **1, 3**

اطرح الأسئلة التالية:

- في الخطوة 1، لماذا ينقسم الرسم البياني بالأعمدة إلى قسمين متساويين؟ **ليمثل ساعتين**
- في الخطوة 2، كيف يمكننا تحديد أن عدد الأميال المقطوعة في ساعة واحدة هو 7 أميال؟ **اقسم 14 على 2.**
- كيف نتحقق أن الإجابة منطقية؟ **نموذج إجابة: اضرب 7 في 2 للحصول على الناتج 14، أو اجمع 7 + 7 للحصول على الناتج 14.**

## نشاط عملي 2

**LA AL** مناقشات جماعية دع الطلاب يواصلوا العمل في مجموعات صغيرة كما في النشاط 1. ينبغي طرح كل سؤال على الملأ وناقش الطلاب الإجابات في مجموعاتهم. ثم تناوب المجموعات الأدوار للإجابة شفويًا من خلال اختيار متحدث باسم للمجموعة. **3 1** اطرح الأسئلة التالية:

- في الخطوة 1. لم ينقسم الرسم البياني بالأعمدة إلى 5 أقسام متساوية؟ **لتمثيل 5 قطع من البسكويت.**
- في الخطوة 2. كيف نوجد عدد السرعات الحرارية في قطعة البسكويت الواحدة؟ **اقسم 205 على 5.**
- كيف يمكنك تمثيل 205 سعر حراري في 5 قطع بسكويت على هيئة نسبة. ليست في أبسط صورة؟  
 $\frac{205}{5}$  : 205 إلى 5. **205:5**

**LA BL** مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لإجابة الأسئلة التالية. دعهم يعللوا إجاباتهم على كل سؤال. **3 1**

اطرح الأسئلة التالية:

- كيف يمكنك استخدام الرسم البياني بالأعمدة لإيجاد عدد السرعات الحرارية في 3 قطع بسكويت؟ **تحتوي كل قطعة بسكويت على 41 سعرًا حراريًا، لذا، نضرب 41 في 3. تحتوي 3 قطع بسكويت على 123 سعرًا حراريًا.**
- كيف يمكنك إيجاد عدد السرعات الحرارية الموجودة في 3 عبوات بسكويت؟ **تحتوي العبوة الواحدة من البسكويت على 205 سعر حراري، لذا نضرب 205 في 3. تحتوي 3 عبوات بسكويت على 615 سعرًا حراريًا.**

## نشاط عملي 3

**LA BL** استشارات ثنائية دع الطلاب يستخدموا الإنترنت أو أي مصدر آخر لتحديد عنصر معروض للبيع. ينبغي إدراج سعر البيع للعنصر وعدد الأوقيات (أو أي وحدات قياس أخرى) متضمنة في العنصر. ثم دع الطلاب يرسموا رسمًا بيانيًا عمودياً يمكن استخدامه لتحديد سعر الأوقية (أو وحدة القياس الأخرى). **5 1**

## نشاط عملي 2

عبوة مكونة من 5 قطع بسكويت تحتوي على 205 سرعات حرارية. فكم يكون عدد السرعات الحرارية في قطعة البسكويت الواحدة؟

**الخطوة 1** صمم رسمًا بيانيًا شريطيًا لتمثيل 205 سرعات حرارية. قسّم الرسم البياني بالأعمدة إلى 5 أقسام متساوية لتمثيل قطع البسكويت الخمس.



**الخطوة 2** ضع للقسّم الأول اسم "قطعة بسكويت واحدة". حدد عدد السرعات الحرارية في قطعة البسكويت الواحدة.

إذا تحتوي قطعة بسكويت واحدة على **41** من السرعات الحرارية.

## نشاط عملي 3

تبلغ تكلفة عبوة غسول الجسم AED 2.88 وتحتوي على 12 أونصة. فكم تبلغ تكلفة الأونصة الواحدة؟

**الخطوة 1** ارسم رسمًا بيانيًا بالأعمدة لتمثيل AED 2.88. قسّم الرسم البياني بالأعمدة إلى **12** أقسام متساوية لتمثيل **12** أونصة.



**الخطوة 2** ضع للقسّم الأول اسم "أونصة واحدة". حدد تكلفة أونصة واحدة من غسول الجسم.

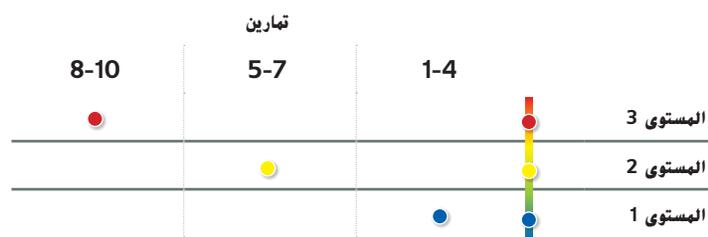
إذا، تبلغ تكلفة أونصة واحدة من غسول الجسم AED **0.24**.

## 2 تعاون

تم إعداد أقسام استقصاء والتحليل والتفكير لاستخدامها كمهمات استكشاف جماعي صغيرة.  
تم إعداد قسم الابتكار لاستخدامه كتمارين مستقلة.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة



**فكر - اعمل في ثنائيات - اعمل منفرداً** دع الطلاب يفكروا في إجاباتهم على تمرين 1 ثم اطلب منهم مناقشة أفكارهم مع أحد الزملاء، دون تسجيل أي شيء، ينبغي عليهم مناقشة عدد الأقسام التي يجب رسمها على الرسم البياني بالأعمدة وكيفية تحديد القيمة الرقمية لكل قسم. ثم اطلب منهم إكمال التمرين 1 منفردين. اطلب منهم تكرار هذه العملية في التمارين 1-4. **م. 1, 3**

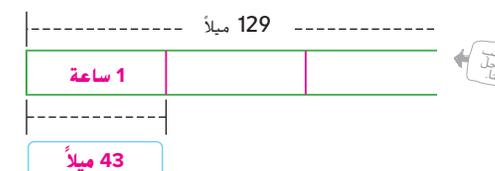
**أوجد الخطأ** **LA BL** دع الطلاب يعملوا مع أحد الزملاء لابتكر أمرين حقيقيين وخطأ واحد في كل تمرين. على سبيل المثال، قد تكون إحدى الحقائق في تمرين 1 أن سيف قطع أثناء قيادة السيارة مسافة قدرها 43 ميلاً في الساعة. قد يكون الخطأ الوحيد في تمرين 1 هو أن سيف قطع مسافة قدرها 80 ميلاً في ساعتين. دع كل ثنائي من الطلاب يشاركا الحقائق والأخطاء مع ثنائي آخر من الزملاء. ينبغي أن يحدد كل ثنائي الحقائق والأخطاء لدى الثنائي الآخر. **م. 1, 3**

مختبر استكشاف معدلات الوحدة 29



تعاون مع زميلك للوصول إلى الحل. استخدم رسماً بيانياً شريطياً.

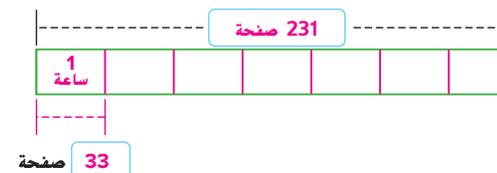
1. قاد عمر لمسافة 129 ميلاً في 3 ساعات، فإذا كانت القيادة بسرعة ثابتة، فكم عدد الأميال التي قطعها في ساعة واحدة؟ **43 mi**



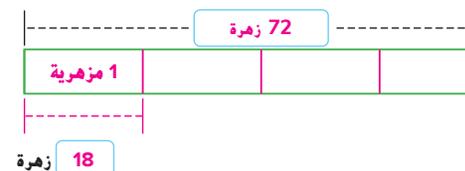
2. تبلغ تكلفة ست برتقالات AED 5.34. فكم تبلغ تكلفة البرتقالة الواحدة؟ **AED 0.89**



3. قرأ فهد 231 صفحة في 7 ساعات، فإذا قرأ العدد نفسه من الصفحات في كل ساعة، فكم عدد الصفحات التي قرأها في ساعة واحدة؟ **33 صفحة**



4. تضع بديرة 72 زهرة في 4 مزهريات، فإذا كانت تضع عدد الزهور نفسه في كل مزهرية، فكم عدد الزهور في المزهرية الواحدة؟ **18 زهرة**



## التحليل والتفكير



**LA AL مناقشات ثنائية** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لإكمال التمرينين 5 و 6. أعطهم عملات اللعب التي يمكنهم استخدامها للتعامل مع الأشياء بشكل حقيقي. دعهم يجيبوا عن الأسئلة الإرشادية التالية. **م. 1, 5**

### اطرح الأسئلة التالية:

- كم عدد الأنواع المختلفة الموجودة من العملات المعدنية؟ **درهم فئة 25 فلسًا وفئة 10 فلس**
- كم عدد العملات فئة 25 فلسًا معًا؟ وكم عدد العملات فئة 10 فلس؟ **13, 13**
- كم عدد العملات المعدنية التي ينبغي توفرها في كل مجموعة؟ وكم عدد العملات فئة 10 فلس؟ **1, 1**

**LA BL** دع الطلاب يغيروا السيناريو في تمرين 5 بحيث تحتوي علبة البسكويت على 12 وجبة. دع الطلاب يناقشوا طريقة تحديد التكلفة الجديدة لكل وجبة، إلى أقرب فلس. **م. 1, 3**



**LA BL مناقشات المائدة المستديرة** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات صغيرة لإكمال تمرين 8. يجب أن يكتب كل طالب القاعدة الخاصة به، ثم يشاركها مع المجموعة. يجب أن يعرب أعضاء المجموعة عن الموافقة على كل قاعدة (برفع الإبهام لأعلى) أو عدم الموافقة (بخفض الإبهام لأسفل). في حالة عدم الموافقة، يناقش أعضاء المجموعة مدى عدم صواب القاعدة وكيفية تعديلها لتكون صوابًا. **م. 1, 2, 3**



يجب أن يكون الطلاب قادرين على إجابة السؤال "كيف يمكن استخدام الرسم البياني بالأعمدة لمقارنة الكميات في مواقف من الحياة اليومية؟" تحقق من مدى فهم الطلاب وقدم لهم التوجيه، إذا لزم الأمر.

## التحليل والتفكير



تعاون مع زميلك لإكمال المسألة.

5. في المخبر، بلغ ثمن علبة البسكويت AED 4.75 وتحتوي على 13 عبوة. تساوي العملات المعدنية الظاهرة أدناه AED 4.75. قسّم هذه العملات إلى 13 مجموعة لتحديد تكلفة كل عبوة. ارسم دائرة على كل مجموعة. **AED 0.35**



6. **م. الاستدلال الاستقرائي** كيف يساعد تقسيم العملات المعدنية إلى مجموعات على حل المسألة؟

يوضح وضع دائرة حول المجموعات المتساوية تكلفة كل عبوة، ومع عدد

13 مجموعة تتأكد صحة الحل.

7. **م. تقرير الاستنتاجات** المقارنة بين الأبعاد والساعات في النشاط 1 هي 14:2. ويمكن تبسيطها إلى 7:1. كيف يكون التبسيط مشابهًا للنسبة؟

ملاحظة إيجابية: عند تبسيط النسبة، يمكنك قسمة المواصل المشتركة. وبما أن  $14 \div 2 = 7$  و  $2 \div 2 = 1$ ،

فيمكن تبسيط النسبة إلى 7:1.

## ابتكار



الإجابات النموذجية: 8-10

8. **م. تحديد الاستنتاجات المتكررة** اكتب قاعدة عن كيفية إجراء مقارنة بين كميتين بحيث تساوي قيمة الكمية الثانية 1. دون استخدام رسم بياني.

عندما يكون العدد الثاني عاملاً للعدد الأول، فاقسم العدد الأول على العدد الثاني.

9. **م. استخدام نماذج الرياضيات** اكتب مسألة كلامية من الحياة اليومية يساوي معدل الوحدة فيها 6 أميال في الساعة.

تزلج ماجد بحذاء التزلج مسافة 12 ميلاً لساعتين. فإذا كان التزلج بسرعة ثابتة،

فكم عدد الأميال التي تزلجها في ساعة واحدة؟ 6 أميال

10. **م. الاستكشاف** كيف تستطيع استخدام الرسم البياني بالأعمدة للمقارنة بين الكميات في مواقف من الحياة اليومية؟

يمكنك استخدام المخططات الشريطية للمقارنة بين عدد الأميال الكلي المتطوعة في رحلة بالسيارة لمدة

ثلاث ساعات و عدد الأميال المتطوعة في ساعة واحدة.

## المعدلات

## المفردات الرئيسية

استخدم القاموس الذي يبدأ في الصفحة GL1، لإكمال تعريفات المفردات في الجدول.

أمثلة	التعريف
$\frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{9}{12}, \frac{45}{3}$	<b>الكسور:</b> رقم يمثل جزءاً من كل أو جزءاً من مجموعة.
2 من 2.3 إلى 3، $\frac{2}{3}$ ، 2.3	<b>النسبة:</b> مقارنة بين كميتين باستخدام القسمة.
$\frac{36}{3}$ ميلاً 3 ساعات 36 ميلاً لكل 3 ساعات 62 AED مقابل 5 حقائب 19 أغنية في 5 دقائق	<b>المعدل:</b> النسبة تقارن بين كميتين من أنواع مختلفة من الوحدات.
$\frac{12}{1}$ ميلاً، 12 ميلاً في الساعة 1 ساعة 02.5 AED مقابل الحقيبة الواحدة 3.8 أغنية في الدقيقة الواحدة	<b>معدل الوحدة:</b> معدل تم تبسيطه بحيث يصبح مقام 1.

## مسائل من الحياة اليومية

كتب دينا رسالة نصية من 15 حرفاً في 5 ثوان.

1. اكتب المعدل الذي كتبت به دينا على هيئة كسر.  
حرفاً  ثوان

2. ما العملية الحسابية التي ستستخدمها لكتابة الكسر في أبسط صورة؟ **التبسيط**

## ما المهارات الرياضية التي استخدمتها؟

ظل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- 1 المثابرة في حل المسائل
- 2 التفكير بطريقة تجريدية
- 3 بناء فرضية
- 4 استخدام نماذج الرياضيات
- 5 استخدام أدوات الرياضيات
- 6 مراعاة الدقة
- 7 الاستعانة من البنية
- 8 استخدام الاستنتاجات المنكورة

## التركيز تضييق النطاق

**الهدف** اضرب أمثلة على المعدلات واكتب المعدلات في صورة معدلات وحدة.

## التربط المنطقي الربط داخل الصنف وبينها



## الدقة اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في الصفحة 35.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.

**LA التعاون الجاهي** اطلب من مجموعات من الطلاب إكمال النشاط. خصص لكل طالب رقمًا. اطلب من الطلاب مناقشة كيفية إكمال النشاط لضمان فهم كل عضو من أعضاء المجموعة. استعد رقمًا معينًا ليشترك إجابات المجموعة مع الفصل.  
1, 3, 5

## الإستراتيجية البديلة

**LA AL** قدم للطلاب حصيلة لغوية من المصطلحات التي يمكنهم استخدامها لإكمال النشاط.  
1, 5, 6

**LA BL** ناقش الكلمة في وطريقة استخدامها عند وصف المعدل. اطلب منهم التفكير في طرق أخرى للتعبير عن نفس الفكرة. مثل 60 ميلاً في الساعة، أو 4 قطع بسكويت لكل طالب.  
1, 6



## مثال

3. استخدم معدلات الوحدة للمقارنة.

- AL** • لم لا يمكننا مقارنة عدد النبضات 2100 و 2600. عدد الدقائق مختلف.
- ما النسبة التي تقارن عدد دقات قلب الشخص البالغ إلى عدد الدقائق؟  $\frac{2,100}{30}$  ،  $2,100$  إلى  $30$  أو  $2,100:30$
- ما النسبة التي تقارن عدد دقات قلب الطفل إلى عدد الدقائق؟  $\frac{2,600}{20}$  ،  $2,600$  إلى  $20$  أو  $2,600:20$
- OL** • ما معدلات الوحدة؟ **الشخص البالغ: 70 دقة** ، **الطفل: 130 دقة** **وحدة واحدة**
- والآن نعرف معدلات الوحدة، فكيف نوجد عدد دقات القلب لكل منهما
- في 60 دقيقة؟ **اضرب 70 في 60 واضرب 130 في 60.**
- كم عدد دقات قلب الشخص البالغ في 60 دقيقة؟ **وكم عدد دقات قلب الطفل في 60 دقيقة؟** **4,200 دقة، 7,800 دقة**
- كم يزيد عدد دقات قلب الطفل في 60 ثانية عن عدد دقات قلب الفرد البالغ؟ **3,600 دقة**
- BL** • صف طريقة أخرى يمكنك حل المسألة بها؟ **نموذج إجابة: أوجد الفرق في معدلات الوحدة. يدق قلب الطفل 70 - 130 أو 60 دقة في الدقيقة أكبر من قلب الشخص البالغ. اضرب هذا الرقم في 60 للحصول على الفرق في دقات القلب لمدة 60 دقيقة.**
- $60 \times 60 = 3,600$

هل تحتاج لمثال آخر؟

يبلغ معدل دقات قلب القطعة 3,600 مرة كل 30 دقيقة.

بينما يبلغ معدل دقات قلب الحصان 1,320 مرة كل 30 دقيقة.

بكم يزيد عدد دقات قلب القطعة في 60 دقيقة عن عدد دقات قلب الحصان؟ **4,560 مرة**

النسب وعلاقات التناسب

## مثال



3. يبلغ معدل دقات القلب في الفرد البالغ 2,100 مرة كل 30 دقيقة. بينما يبلغ معدل دقات قلب الطفل 2,600 مرة كل 20 دقيقة. بكم يزيد عدد دقات قلب الطفل في 60 دقيقة عن عدد دقات قلب الفرد البالغ؟

**الخطوة 1** أوجد معدلات الوحدة.

$$\frac{\text{الفرد البالغ: } 2,100 \text{ دقة}}{30 \text{ دقيقة}} \text{ أو } \frac{70 \text{ دقة}}{1 \text{ دقيقة}}$$

$$\frac{\text{الطفل: } 2,600 \text{ دقة}}{20 \text{ دقيقة}} \text{ أو } \frac{130 \text{ دقة}}{1 \text{ دقيقة}}$$

**الخطوة 2** استخدم معدل الوحدة مع كل منها، وحدد عدد الدقات في 60 دقيقة.

$$\text{الفرد البالغ: } 4,200 = 70 \times 60 \text{ دقة}$$

$$\text{الطفل: } 7,800 = 130 \times 60 \text{ دقة}$$

**الخطوة 3** أوجد الفرق بينهما.

$$7,800 - 4,200 = 3,600$$

إذا، تزيد دقات قلب الطفل عن دقات قلب الفرد البالغ بمعدل 3,600 دقة في 60 دقيقة.

**تأكد من فهمك** أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

c. يبلغ معدل دقات قلب الطائر الطنان أثناء الراحة 7,500 دقة كل 30 دقيقة. بكم يزيد عدد دقات قلب الطائر الطنان في 60 دقيقة عن عدد دقات قلب الطفل البشري؟

## إيجاد سعر الوحدة

يمكنك استخدام الحقائق التي تعرفها عن معدلات الوحدة لإيجاد سعر الوحدة.

**سعر الوحدة** هو تكلفة كل وحدة. لكتابة السعر في شكل سعر الوحدة، اقسم بسط المعدل ومقامه على المقام.

$$\frac{\text{AED } 36}{4 \text{ تذاكر}} = \frac{\text{AED } 9}{1 \text{ تذكرة}}$$

على سبيل المثال، تبلغ تكلفة 4 تذاكر سينما AED 36. إذا، تساوي تكلفة كل وحدة، أو كل تذكرة، AED 9.

## مثال

4. أوجد سعر الوحدة.

AL • كيف يمكنك كتابة المعدل في صورة كسر؟  $\frac{AED 88}{4}$

• كيف يمكنك كتابة المعدل على هيئة معدل الوحدة؟ اقسّم البسط والمقام على 4.

OL • ما سعر الوحدة؟ AED 22.00

• كم تبلغ تكلفة خمسة أصص نباتات، وفقاً لهذا المعدل؟ كيف يساعدك سعر الوحدة على إيجاد الإجابة؟ AED 110.00، بمجرد الحصول على سعر الوحدة أولاً.

يمكنني ضرب السعر الناتج في أي عدد من النباتات.

BL • إذا كان هناك متجر مختلف يفرض سعراً قدره AED 70.50 مقابل ثلاثة أصص نباتات، فأي من المتاجر يفرض سعراً أفضل؟ اشرح. المتجر الأول، حيث يفرض المتجر الثاني سعراً قدره AED 23.50 مقابل أصيص النبات وهذا السعر أكبر من السعر الذي يفرضه المتجر الأول.

هل تحتاج لمثال آخر؟

أنفقت شمس AED 96 على أربع تذاكر لحضور الحفل. فكم ثمن كل تذكرة؟ AED 24

## تمرين موجه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقوّم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتمايزة الواردة أدناه.



AL LA • **فكّر - اعمل في ثنائيات - شارك** امنح الطلاب دقائق قليلة للتفكير في حلولهم المستخدمة في التمارين 6-1. ثم اطلب من الطلاب العمل معاً في ثنائيات لتحديد الحل. استدع ثنائي من الطلاب لمشاركة حلولهم مع الفصل في كل تمرين. 3, 1

BL LA • **أوجد الخطأ** دع الطلاب يعملوا مع أحد الزملاء لكتابة أمرين حقيقيين وخطأً واحد في تمرين 6. دع الطلاب يتبادلوا الحقائق والأخطاء مع ثنائي آخر من الطلاب. يتعرف كل ثنائي على حقائق وخطأً ثنائي الآخر. 3, 1

## مثال



4. المعرفة المالية تبلغ تكلفة أربعة نباتات موضوعة في أصيص AED 88. فما سعر كل نبات؟

اكتب المعدل في هيئة كسر. قارن إجمالي التكلفة إلى عدد النباتات. ثم استخدم عملية القسمة.

$$\frac{AED 88}{4 \text{ نباتات}} = \frac{AED 22}{1 \text{ نبات}}$$

إذا، يبلغ سعر أصيص النبات AED 22.



## تمرين موجه

اكتب كل معدل في هيئة معدل وحدة. (المثالان 1 و2)

2. 125 قدماً في 5 نوايا =  $\frac{ft 25}{s 1}$

1. 44 نقطة في 4 أرباع =  $\frac{11 \text{ نقطة}}{1 \text{ ربع}}$

4. 12 متراً في 28 ثانية =  $\frac{3}{7} m$  في الثانية الواحدة

3. 360 هجلاً مكتوبين باستخدام 12 جالوناً من البنزين =  $30 \text{ ميل لكل جالون}$

5. سددت ريف 20 رمية في 4 دقائق. وسدد أحمد 42 رمية في 6 دقائق. فيكم تزيد عدد الرميات التي سدها أحمد في الدقيقة؟ (مثال 3) **دميتان في الدقيقة**

6. في يوم تخرج مروة، اصطحبتها والدتها مع 4 من أصدقائها إلى حديقة الألعاب المائية. دفعت الوالدة AED 40 مقابل الحصول على 5 من التذاكر المخصصة للطلاب. فما السعر المحدد لكل تذكرة واحدة مخصصة للطلاب؟ (مثال 4)

AED 8

7. الاستعادة من السؤال الأساسي كيف ترتبط المعدلات والنسب ببعضها؟

الإجابة النموذجية: المعدل هو نسبة تقارن بين كميتين لهما أنواع مختلفة من

الوحدات، مثل الميل لكل ساعة.

### قيم نفسك!

أفهم كيفية إيجاد معدل الوحدة.

رائع! أنت جاهز للمتابعة

لا يزال لدي بعض الأسئلة حول المعدلات.

## التمرين والتطبيق

3

## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمرين الذاتي بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة الممارسة الإضافية لتعزيز الإيضاح أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين

تمارين	11-13	8-10, 21-24	1-7, 14-20	المستوى
المستوى 3	●		●	3
المستوى 2		●	●	2
المستوى 1			●	1

## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

## خيارات الواجب المنزلي المتميزة

خيارات الواجب المنزلي المتميزة	المستوى	AL
1-7, 9, 11, 13, 23, 24	قريب من المستوى	AL
1-5 فردي, 7-11, 13, 23, 24	ضمن المستوى	OL
7-13, 23, 24	أعلى من المستوى	BL

## تمارين ذاتية

اكتب كل معدل في هيئة معدل الوحدة. (المثالان 1 و2)

$$1. 72 \text{ أونصة في } 6 \text{ شرايح لحم} = \frac{12 \text{ oz}}{1 \text{ شريحة}}$$

اكتب الحل هنا

$$2. 162 \text{ زجاجة مياه في } 9 \text{ صناديق} = 18 \text{ زجاجة ماء في كل صندوق}$$

4. صنع مطعم "خيرات الإمارات" 27 شطيرة باستخدام 12 رطلاً من لحم الديك الرومي. فما مقدار لحم الديك الرومي المستخدم في الشطيرة الواحدة؟ (مثال 2)

استخدم المطعم  $\frac{4}{9}$  رطل من لحم الديك الرومي في الشطيرة.

3. قسّمت منيرة 408 جالوناً من الطلاء على 8 علب. فكم يبلغ مقدار الطلاء في كل علب؟ (مثال 1)

$$1.5 \text{ gal} = 1 \text{ عبوة}$$

5. بين الجدول نتائج سباق السيارات. حدد من كان الأسرع. اشرح ذلك.

(مثال 3) اقسّم الوقت على عدد الأشواط. كان إبراهيم الأسرع في القيادة حيث استغرق 2.3 دقيقة في الشوط الواحد.

أوقات السائقين		
السائق	عدد الأشواط	الوقت (min)
كمال	35	84
إبراهيم	42	96.6
محمد	38	102.6

6. اشترت والدة حمزة من المتجر صندوقاً مكوناً من ثماني علب عصير مغايل 4 AED. فأوجد معدل الوحدة لصندوق العصير. (مثال 4)

AED 0.50 لصندوق العصير الواحد

7. تعهد ابن عم حسن بدفع 12 AED لتغذية خيرية محددة لممارسة رياضة المشي. فإذا قطع حسن مسافة 3 أميال. كم دفع ابن عمه مغايل كل ميل؟ (مثال 4)

AED 4 للميل الواحد

8. **م.ز.** تبرير الاستنتاجات تباع "شركة ثمار الليمون" إبريقاً من عصير الليمون بحجم 4 جالونات مغايل 24 AED. بينما تباع "شركة حلو ولاذع" عبوة مكون من ثماني زجاجات من عصير الليمون بحجم ربع جالون مغايل 16 AED. فأي شركة لديها سعر وحدة أعلى؟ اشرح إجابتك. شركة حلو ولاذع؛ الإجابة النموذجية: يبلغ سعر الوحدة فيها

AED 2 لربع الجالون مقارنة بـ 1.50 AED لشركة ثمار الليمون.

9. يُعد "قطار شنغهاي المغناطيسي المعلق" واحداً من أسرع القطارات في العالم، حيث يقطع حوالي 2,144 ميلاً في 8 ساعات.

a. فكم عدد الأميال التي يقطعها في ساعة واحدة؟ 268 ميلاً

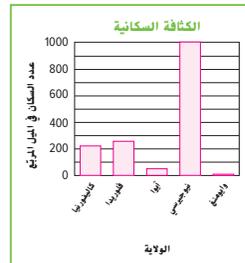
b. تقدر المسافة الواصلة بين نيوجرسي وكاليفورنيا وفلوريدا بحوالي 249 ميلاً. فكم عدد الساعات التي سيستغرقها

القطار للانتقال بين هذه المدن؟ تقريباً 2 h

التمرين (التمارين)	التركيز على
12	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
8, 10, 11, 13	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.

تعد الممارسات الرياضية 4, 3, 1 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسألتهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية.

الولاية	تقدير السكان (حسب عام 2005)	المساحة (البرية بالأميال)
كاليفورنيا	36,500,000	163,707
فلوريدا	18,300,000	65,758
أيووا	2,990,000	56,276
نيوجيرسي	8,690,000	8,722
وايومنغ	522,000	97,818



10. التمثيلات المتعددة يُظهر الجدول عدد السكان التقريبي ومساحات خمس ولايات. تمثل الكثافة السكانية عدد الأشخاص لكل وحدة مربعة في مساحة ما.

a. الأعداد أوجد الكثافة السكانية في كل ولاية. قَرّب إلى أقرب جزء من عشرة.  
كاليفورنيا:  $20.78 \text{ فرْدًا/} \text{sq mi}$ ; فلوريدا:  $340.14 \text{ فرْدًا/} \text{sq mi}$

أيووا:  $124.7 \text{ فرْدًا/} \text{sq mi}$

نيوجيرسي:  $306.4 \text{ فرْدًا/} \text{sq mi}$ ; وايومنغ:  $107.9 \text{ فرْدًا/} \text{sq mi}$

b. التمثيل البياني ارسم رسماً بيانياً شريطياً يتناول الكثافات السكانية الخمس.

c. الألفاظ يوجد في ولاية عجمان عدد السكان نفسه الموجود في ولاية أيوا تقريباً. لكن تبلغ مساحتها 103.5 أميال مربعة. فارق الكثافة السكانية في ولاية عجمان إلى الكثافة السكانية في ولاية أيوا بدون عملية حسابية. علل إجابتك.

الإجابة النموذجية: عجمان لها كثافة سكانية أعلى لأن تقريباً العدد نفسه من السكان

موزع على مساحة أصغر.

### مهارات التفكير العليا

11. اكتشاف الخطأ كتبت جملة المعدل AED 108 في 6 أسابيع على هيئة معدل وحدة. اكتشف خطأها

$$\frac{\text{AED } 18}{6 \text{ أسابيع}} = \frac{\text{AED } 108}{6 \text{ أسابيع واحد}}$$



$$\frac{\text{AED } 108}{3 \text{ أسابيع}} = \frac{\text{AED } 54}{6 \text{ أسابيع}}$$

12. المثابرة في حل المسائل نسبة حبوب حلوى الجيلي الحمراء إلى حبوب حلوى الجيلي الصفراء في أحد الأطباق هي 3:4. فإذا أكل أكرم 3 من حبوب حلوى الجيلي الحمراء و6 من حبوب الصفراء، فإن النسبة تصبح 4:5. فكم عدد حبوب حلوى الجيلي الصفراء التي كانت في الطبق في الأصل؟

36 حبة جيلي صفراء

13. تَبْرير الاستنتاجات إذا قطعنا مسافة بمعدل 45 ميلاً في الساعة، فكم عدد الدقائق التي ستستغرقها لقطع مسافة ميل واحد؟ علّل إجابتك.

$$\frac{1}{3} \text{ min. أو تقريباً } 1 \text{ 45 :min. } 20 \text{ s } \frac{45}{60} \text{ mi mph في الثانية، إذاً يمثل الكسر } \frac{60}{45} \text{ عدد الثواني في كل ميل}$$

### التقييم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل انصراف الطلاب من فصلك.

### بطاقة التحقّق من استيعاب الطلاب

- أخبر الطلاب أن الدرس التالي يركز على استخدام جدول النسبة لإيجاد النسب. اطلب منهم كتابة بعض الجمل عن مدى تهيئة دروس النسب والمعدلات لتمكينهم من استخدام جداول النسب. حسب رأيهم. اطلب منهم استخدام محفزات الكتابة الواردة أدناه. **راقب عمل الطلاب.**
- في الدرس السابق، تعلمت...
  - في هذا الدرس، تعلمت...
  - ما تعلمته في هذا الدرس والدرس السابق سيساعدني في الدرس التالي لأن...

### التفكير

خطأ شائع يحتوي معدل الوحدة على مقام العدد 1. شجع الطلاب على التفكير في أحد معدلات الوحدة مثل التكلفة والمسافة والوقت، لكل وحدة من وحدات المقام.

36 الوحدة 1 النسب والمعدلات

الاسم \_\_\_\_\_

واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

## تبرين إضافي

اكتب كل معدل في هيئة معدل وحدة.

14. طبع يوسف 24 صورة في 8 دقائق، فكم عدد الصور التي طبعها في الدقيقة؟

3 صور في الدقيقة

$$\frac{24 \text{ صورة}}{8 \text{ دقائق}} = \frac{3 \text{ صور}}{1 \text{ دقيقة}}$$

مسلمة  
الواجب المنزلي

15. زرعت صفية 48 زهرة توليب في 12 دقيقة، فكم عدد أزهار التوليب التي زرعتها في الدقيقة؟

4 أزهار توليب في الدقيقة

17. قطعت صفاء مسافة 45 ميلاً بالدراجة في 3 ساعات، فكم عدد الأميال التي قطعتها بالدراجة في الساعة؟

15 ميلاً في الساعة

16. زينت شبيخة 72 قطعة بسكويت في 36 دقيقة، فكم عدد قطع البسكويت التي زينتها في الدقيقة؟

قطعتان بسكويت في الدقيقة

18. يحرك طائر الطنان ياقوتي الحنجرة جناحيه بمعدل 159 مرة في 3 ثوانٍ، فكم عدد المرات التي يحرك فيها طائر

الطنان ياقوتي الحنجرة جناحيه في الثانية؟ 53 ضربة في الثانية

19. اشترت عائلة عبد الودود أربع تذاكر لحضور حفلة موسيقية مقابل AED 252، فما السعر المحدد

لكل تذكرة؟ 63 AED للتذكرة

20. يطرف الغرد البالغ بعينه 450 مرة في 30 دقيقة، بينما يطرف الغرد البالغ من العمر 12 عامًا 150 مرة في 15

دقيقة، فبكم يزيد عدد المرات التي يطرف فيها الغرد البالغ في 60 دقيقة عن الغرد البالغ من العمر 12 عامًا؟ 300 طرفة عين

21. أوجد عدد الأمتار التي ركضها كل صاحب رقم قياسي في الثانية الواحدة في كل حدث، فترّب إلى أقرب جزء من عشرة.

a. ركض يوسين بولت من جامايكا مسافة 200 متر في 19.30 من الثانية

b. ركض مايكل جونسون من الولايات المتحدة الأمريكية مسافة 400 متر في 43.18 من الثانية

c. ركض يوسين بولت من جامايكا مسافة 100 متر في 9.69 من الثانية

22. تبرير الاستنتاجات باع 24 طابلاً في فصل السيد إسماعيل 72 اشتراكاً للمجلات، بينما باع 28 طابلاً في فصل السيدة نهي 98 اشتراكاً للمجلات، فما الوحدة الذي باع عدداً أكبر من اشتراكات المجلات لكل طالب؟

اشرح استنتاجك. السيدة نهي؛

باع فصل السيد إسماعيل 3 اشتراكات لكل طالب، بينما باع فصل السيدة نهي 3.5 اشتراكات لكل طالب.

alManahj.com/ae

Copyright © 2016 Education Services Center, Ministry of Education, United Arab Emirates

## انطلق! تهرين على الاختبار

يُعد التمرينان 23 و 24 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

23.	تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يشرحوا المفاهيم الرياضية ويطبقوها ويحلوا المسائل بدقة مع الاستفادة من البنية.
عمق المعرفة	DOK 2
ممارسات رياضية	م.ر 6 و م.ر 7
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجتان	يحدد الطالب الوجبات الخفيفة التي تبلغ تكلفة 4 وجبات منها 6 AED ويذكر قيمة المبلغ الذي سيتم توفيره.
درجة واحدة	يحدد الطالب الوجبات الخفيفة التي ينبغي شراؤها بشكل صحيح ويحقق في ذكر المبلغ الذي سيتم توفيره.

24.	تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يحلوا مسائل الحياة اليومية معقدة ويحلوها من خلال استخدام أدوات ونماذج الرياضيات.
عمق المعرفة	DOK 3
ممارسات رياضية	م.ر 1، م.ر 4، م.ر 6
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجتان	يحدد الطالب المعدلات بطريقة صحيحة ويكتب يوم "الخميس" في مربع الإجابة.
درجة واحدة	يرسم الطالب المعدلات بطريقة صحيحة أو يكتب يوم "الخميس" في مربع الإجابة.

## انطلق! تهرين على الاختبار

23. تحتوي علب على وجبات خفيفة من الفواكه معروضة للبيع في محل البقالة. العلب متساوية في الحجم. نحتاج إحدى العائلات إلى شراء 24 علية.



أي من الوجبات الخفيفة ينبغي عليها شراؤها إذا كانت ترغب في إنفاق مبلغ أقل؟

**تلك التي تكلف 6 AED لكل 4 علب**

كم ستوفر من المال؟ **AED 4**

24. تتدرب عداة حتى تتمكن من بلوغ نصف الماراثون. ويبين الجدول التدريب الزمني لها. ارسم معدلات الوحدة لكل يوم بيانتًا وحددها على خط الأعداد.

اليوم	المسافة (mi)	الوقت (min)
الثلاثاء	4	38
الأربعاء	6	72
الخميس	4	37
السبت	3	31.5
الأحد	12	138



أي يوم ركضت فيه أسرع؟ **الخميس**

## مراجعة شاملة

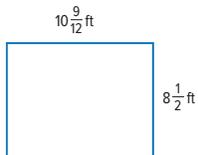
حوّل كل كسر إلى أبسط صورة.

$$25. \frac{16}{80} = \frac{1}{5}$$

$$26. \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

$$27. \frac{48}{200} = \frac{6}{25}$$

28. ترغب نهلة في تحديد سقف غرفتها بورق الحائط. بالأبعاد الموضحة على اليسار. فكم قدمًا نحتاجها لعمل الحدود؟



**قدم 38 1/2**

## جداول النسب

## مسائل من الحياة اليومية

**الهرطبات** تستخدم إحدى وصفات العصائر وعاء واحدًا من الصودا وثلاثة أوعية من العصير لصنع زجاجة من عصير الكوكيتيل.

1. ارسم قطع عد باللون الأحمر لتوضيح عدد أوعية الصودا. وارسم قطع عد باللون الأصفر لتوضيح عدد أوعية العصير اللازمة لصنع زجاجتين من الكوكيتيل.

الصودا ← 2  
العصير ← 6



2. ارسم قطع عد باللون الأحمر لتوضيح عدد أوعية الصودا. وارسم قطع عد باللون الأصفر لتوضيح عدد أوعية العصير اللازمة لصنع 3 زجاجات من الكوكيتيل.

الصودا ← 3  
العصير ← 9



3. أوجد نسبة الصودا إلى العصير اللازمة لصنع زجاجة، وزجاجتين و3 زجاجات من الكوكيتيل. في أبسط صورة. ما الذي تلاحظه؟

1:3؛ النسب 1:3، 2:6، 3:9 نسب متكافئة.

ما المهارات الرياضية التي استخدمتها؟  
ظلل الدائرة (الدوائر) التي تطبق.

- |   |                              |
|---|------------------------------|
| 1 | المثابرة في حل المسائل       |
| 2 | التفكير بطريقة تجريدية       |
| 3 | بناء فرضية                   |
| 4 | استخدام نماذج الرياضيات      |
| 5 | استخدام أدوات الرياضيات      |
| 6 | مراعاة الدقة                 |
| 7 | الاستفادة من البنية          |
| 8 | استخدام الاستنتاجات المتكررة |

## التركيز تضييق النطاق

**الهدف** استخدام الجداول لحل المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات.

## الترابط المنطقي الربط داخل الصنف وبينها

## السابق

أعط الطلاب أمثلة على المعدلات وأوجدوا معدلات الوحدة.

## الحالي

يمثل الطلاب المسائل المتضمنة للنسب والمعدلات باستخدام الجداول.

## التالي

سيمثل الطلاب المسائل الحياة اليومية التي تتضمن النسب والمعدلات باستخدام تمثيلات بيانية.

## الدقة اتباع المفاهيم والترسب والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 43.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.



**LA التعاون الجاهي** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات لإكمال التمارين 1-3. يُخصص رقم لكل طالب. ينبغي أن يسأل كل عضو من أعضاء المجموعة عدة أسئلة للتأكد من استيعابه للمسألة وتقديم المساعدة لغيره من أعضاء المجموعة بحيث يفهم جميع أعضاء المجموعة مدى مكافئة النسب 2:6 و 3:9 للنسبة 1:3. 1، 5

## الإستراتيجية البديلة

**BL** أبلغ الطلاب أنه، تبلغ نسبة التفاح، في وعاء الموز والتفاح، 2:8 إلى إجمالي نسبة ثمرات الفاكهة. اطلب منهم تحديد نسبة الموز إلى التفاح. ثم اطلب منهم كتابة النسبة في أبسط صورة. 1، 5 6:2، 3:1

## 2 تلقين المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعلیم.

## أمثلة

1. استخدم جدول النسبة والنسب المكافئة لحل المسائل الحياة اليومية.

- **AL** ما النسبة التي تمثل الكميات التي نعرفها؟  
6 قطرات من الملون الغذائي إلى كوب واحد من مسحوق السكر
- ما المطلوب لإجاده؟ عدد قطرات الملون الغذائي التي تتم إذابتها مع 5 أكواب من السكر المخفوق
- **OL** لماذا نضرب كل كمية في 5؟  $1 \times 5 = 5$
- كم عدد قطرات الملون الغذائي التي نحتاج إلى تذويبها مع 5 أكواب من السكر المسحوق؟ 30 قطرة
- **BL** إذا قمت بإذابة 35 قطرة من الملون الغذائي مع 5 أكواب من السكر المخفوق، فهل سيكون اللون الناتج أفتح من مسحوق السكر الأصفر أو نفس لونه أو أغمق منه؟ اشرح. أغمق، حيث يكون تركيز الملون الغذائي أكبر.

هل تحتاج لمثال آخر؟

تتطلب الوصفة 5 أكواب من الماء لكل كوب من الفاصوليا السوداء. فكم عدد أكواب الماء التي يجب استخدامها لعمل 4 أكواب من الفاصوليا السوداء؟ 20 كوباً

2. استخدم جدول النسبة والنسب المكافئة لحل المسائل الحياة اليومية.

- **AL** ما النسبة التي تمثل الكميات التي نعرفها؟ 66 شطيرة إلى 12 دقيقة
- **OL** لما نستخدم القسمة؟ نريد أن نصل إلى الكمية المستخدمة في دقيقتين كما أننا بدأنا بـ 12 دقيقة.
- **BL** كم عدد الدقائق التي استغرقها سلطان تقريباً لتناول كل شطيرة؟ اشرح. يمكنه تناول 11 شطيرة في دقيقتين ومن ثم يستطيع تناول 5.5 شطائر في 60 ثانية. هذا يعني أن بإمكانه تناول كل شطيرة في حوالي  $60 \div 5.5$ ، أو حوالي 11 ثانية.

هل تحتاج لمثال آخر؟

يوجد 50 بتلة في 10 أزهار برنتال. تحتوي كل زهرة برنتال على نفس عدد البتلات. أوجد عدد البتلات في الزهر الواحدة من أزهار البرنتال. 5 بتلات

## منطقة العمل

## النسب المكافئة

يمكن تنظيم الكميات الموجودة في النشاط الأول بداخل جدول. ويُسمى هذا الجدول باسم **جدول النسب** نظراً لتعبئة الأعمدة بزوجين من الأعداد التي لها النسبة نفسها.النسب  $\frac{1}{3}$  و  $\frac{2}{6}$  و  $\frac{3}{9}$  نسب متكافئة نظراً لإمكانية تبسيط كل منها إلى النسبة  $\frac{1}{3}$ 

الصدوا	1	2	3
العصير	3	6	9

تعبر **النسب المكافئة** عن العلاقة نفسها بين الكميات.

## أمثلة

1. لصنع كريمة سكر صفراء، تُخلط 6 قطرات من الملونات الغذائية الصفراء مع كوب واحد من كريمة السكر البيضاء، فما مقدار الملونات الغذائية الصفراء التي يجب عليك خلطها مع 5 أكواب من كريمة السكر البيضاء للحصول على نفس الدرجة.

استخدم جدول النسب، بما أن  $1 \times 5 = 5$ .

فاضرب كل كمية في 5.

قطرات الملون الأصفر	6	30
أكواب كريمة السكر	1	5

إذاً، أضف 30 قطرة من الملون الغذائي الأصفر إلى 5 أكواب من كريمة السكر.

2. في السوات الأخيرة، فاز سلطان عبد الملك بمسابقة تناول الشطائر بتناوله 66 شطيرة في 12 دقيقة تقريباً، فإذا كان قد تناولها بمعدل ثابت، فحدد عدد الشطائر التي تناولها كل دقيقتين.

الشطائر	66	33	11
الوقت (min)	12	6	2

اقسم كل كمية على واحد أو أكثر من العوامل المشتركة حتى تصل إلى الكمية المتناولة في دقيقتين.

إذاً، تناول 11 شطيرة كل دقيقتين.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

a. يحصل المريض على لتر واحد من سوائل الحقن الوريدي كل 8 ساعات، بناءً على ذلك المعدل، أوجد عدد الساعات التي يستغرقها المريض للحصول على 4 لترات من سوائل الحقن الوريدي.

سوائل حقن الوريدي (L)	1	4
الزمن (h)	8	32

b. لصنع مربى الثوت البري، تحتاج إلى 12 كوباً من السكر لكل 16 كوباً من الثوت البري. أوجد كمية السكر اللازمة لـ 4 أكواب من الثوت البري.

السكر (c)	12	6	3
الثوت البري (c)	16	8	4

## تحقق من الدقة

للتحقق من إجابتك على المثال 2، تأكد مما إذا كانت نسبة الكيتينين الجديدين متكافئة مع نسبة الكيمات الأصلية أم لا.

$$\frac{11}{2} \times \frac{6}{6} = \frac{66}{12}$$

هنا الحل القبول

a. 32 h

b. 3 c

## أمثلة

3. استخدم القياس لحل مسألة من الحياة اليومية.

AL • ما النسبة التي تمثل الكميات التي نعرفها؟ 10 علب مقابل 4 AED

• ما المطلوب إيجادها؟ تكلفة 15 علبة

OL • لماذا نحتاج إلى خفض قيمة العدد إلى 5 قبل زيادته؟ لا يوجد عدد كلي تستطيع ضرب العدد 10 فيه للحصول على العدد 15.

• لماذا نضرب في 3؟ نحاول الوصول إلى 15 علبة. حيث  $15 = 3 \times 5$ . يمكننا ضرب 2 في 3 أيضاً.

BL • ما الطريقة الأخرى لحل هذه المسألة؟ نموذج إجابة: إذا كانت تكلفة 10 علب تقدر بـ 4 AED، فعندئذ، تبلغ تكلفة كل علبة بـ 0.40 AED. إذاً ستبلغ تكلفة 15 علبة 6 AED.

هل تحتاج لمثال آخر؟

استخدمت لطيفة 12 متراً من القماش لصنع 9 بلوزات. أوجد عدد البلوزات التي يمكن صنعها باستخدام 20 متراً من القماش. 15 بلوزة

أمتار القماش	12	4	20
عدد البلوزات	9	3	15

4. استخدم القياس لحل مسألة من الحياة اليومية.

AL • ما النسبة التي تمثل الكميات التي نعرفها؟ 14 ساعة إلى 8 بسايتين

OL • لماذا نحتاج إلى خفض قيمة العدد قبل زيادة قيمته؟ لا يوجد عدد كلي نستطيع ضرب العدد 14 فيه للحصول على العدد 49.

• إلى أي عدد يمكننا خفض القيمة؟ اشرح. 7، العدد 7 هو أحد عوامل العدد 14 والعدد 49.

BL • ما معامل المقياس الذي نستخدمه عند التصغير من 14 إلى 7؟ اشرح لماذا لا يكون معامل المقياس 2. معامل المقياس هو  $\frac{1}{2}$ ، نموذج إجابة: معامل المقياس هو العدد الذي تضرب فيه. القسمة على 2 هي نفس نتيجة الضرب في  $\frac{1}{2}$ .

هل تحتاج لمثال آخر؟

يقرأ عبد الرحمن 30 صفحة من كتابه في 10 دقائق. وإذا استمر في القراءة بهذا المعدل، فما المدة التي سيستغرقها قراءة 45 صفحة؟ 15 دقيقة

الصفحات التي قرئت	30	15	45
الوقت (بالدقيقة)	10	5	15

النسب وعلاقات التناسب

## استخدام المقياس

المقياس: ضرب كميتين مرتبطين أو قسمتهما على العدد نفسه. وفي بعض الأحيان، قد نحتاج إلى خفض القيمة ثم زيادتها لإيجاد نسبة متكافئة.

## أمثلة

3. تُعرض علبة الذرة للبيع مقابل 4 AED لكل 10 علب. أوجد تكلفة 15 علبة.

علب الذرة	10	15
التكلفة بالدرهم	4	

لا يوجد عدد كلي نستطيع ضرب العدد 10 فيه للحصول على العدد 15. إذاً اخفض قيمة العدد إلى 5 ثم زد قيمته إلى 15.

اقسم كل كمية على العامل المشترك. 2 بعد ذلك، ونظراً لأن  $15 = 3 \times 5$ . اضرب كل كمية في العدد 3.

علب الذرة	10	5	15
التكلفة بالدرهم	4	2	6

إذا، ستبلغ تكلفة 15 علبة من الذرة 6 AED.

4. يجز سليم البسايتين خلال إجازة الصيف لجني المال لقد استغرق 14 ساعة الأسبوع الماضي لجز 8 بسايتين. بناءً على هذا المعدل، كم عدد البسايتين التي يمكن أن يجزها في 49 ساعة؟

هل يوجد عدد كلي نستطيع ضرب العدد 14 فيه للحصول على العدد 49؟ لا إذا، اخفض قيمة العدد إلى 7، ثم زد قيمته إلى 49.

عدد الساعات	14	7	49
عدد البسايتين	8	4	28

إذا، يستطيع سليم جز 28 من البسايتين في 49 ساعة.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتأكد أنك فهمت.

c. تبلغ طول قامة الطفل 105 سنتيمترات، قدر طول قامته بالبوصات.

الطول (cm)	25	5	105
الطول (in.)	10	2	42

c. حوالي 42 in

## مثال

5. استخدم القياس لحل مسألة من الحياة اليومية.

AL • ما النسبة التي تمثل الكميات التي نعرفها؟ AED 50 مقابل AED 60

• ما المطلوب إيجادها؟ ما المبلغ الذي ستحصل عليه بدرجة مقابل AED 20

OL • لماذا نحتاج إلى خفض قيمة العدد قبل زيادة قيمته؟ لا يوجد عدد كلي نستطيع

ضرب العدد 50 فيه للحصول على العدد 20.

• إلى أي عدد يمكننا خفض القيمة؟ اشرح. إلى العدد 5، حيث إن العدد 5 هو

عامل العدد 50 و العدد 20.

BL • كيف نتأكد أن الإجابة منطقية؟ نموذج إجابة: يتم تبسيط كلتا النسبتين  $\frac{AED50}{AED60}$  و  $\frac{AED20}{AED24}$  إلى  $\frac{AED5}{AED6}$

هل تحتاج لمثال آخر؟

يستغرق العامل 70 دقيقة لتعبئة 120 كرتونة من الكتب. يتبقى 14 دقيقة من وقت عمل العامل. استخدم جدول النسبة لتحديد عدد كرتونات الكتب التي يستطيع العامل تعبئتها خلال 14 دقيقة. 24 كرتونة

## تمرين موجه

التقويم التكويني

استخدم هذه التمارين لتقوم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس. إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتمايزة الواردة أدناه.



AL LA • **فكر - اعمل في ثنائيات - اعمل منفرداً** امنح الطلاب دقائق قليلة للتفكير في إجاباتهم على التمارين من 1-4. ثم اطلب منهم العمل مع زميل لهم لإكمال التمارين 1 و 2. اطلب من كل طالب العمل بفرده لإكمال التمارين 3 و 4. ثم اطلب منهم مراجعة الإجابات مع أحد الزملاء لمشاركتها ومناقشتها وحسم أي اختلافات. 3, 1

BL LA • **التشاور بين المجموعات الثنائية** اطلب من الطلاب كتابة مسائل الحياة اليومية يُطلب فيها التفسير قبل التكبير. ثم دعهم يحددوا معامل المقياس. 4, 1

## مثال

5. في أثناء قضاء عطلتها، استبدلت منى AED 50 وحصلت على AED 60. استخدم جدول النسب لاستنتاج عدد الريالات السعودية التي ستحصل عليها مقابل AED 20.

أنشئ جدول النسب. استخدم القياس لإيجاد الكمية المطلوبة.

اقسم كل كمية على العامل المشترك، 10.  
بعد ذلك، ونظراً لأن  $20 = 4 \times 5$ ، اضرب كل كمية في العدد 4.

ريال سعودي	60	6	24
درهم إماراتي	50	5	20

ستحصل منى على AED 24 مقابل AED 20.

## تمرين موجه



(AED) الإعانة المالية	7	14	21	28
عدد الأسابيع	1	2	3	4

أكمل كل جدول من جداول النسب لحل كل مسألة من المسائل.

1. يحصل خالد على إعانة مالية تقدر بحوالي AED 7 أسبوعياً. فكم المبلغ الإجمالي الذي يحصل عليه بعد 4 أسابيع؟ (مثال 1)

AED 28

(km) مسافة الركض	8	4	2
(min) الوقت	60	30	15

2. يقطع سلمان مسافة 8 كيلومترات في 60 دقيقة. بناءً على هذا المعدل، كم الـدّة التي يستغرقها ركض 2 كيلومتر؟ (مثال 2)

15 min

عدد عبب العصير	12	1	8
(AED) السعر	48	4	32

3. تشتري إسماعيل 12 عبوة من عبب العصير المعروضة للبيع وتدفع مبلغاً إجمالياً قدره AED 48. استخدم جدول النسب لتحديد المبلغ الذي ستدفعه إسماعيل مقابل شراء 8 عبوات إضافية من عبب العصير من المتجر نفسه. (المثال 5)

AED 32

4. الاستعادة من السؤال الأساسي كيف يمكنك تحديد إذا ما كانت النسبتان متكافئتين؟

**الإجابة النموذجية:** تكون النسبتان متكافئتين إذا تم تبسيطهما إلى النسبة ذاتها. على

سبيل المثال: 1:3، و2:6، و3:9 نسب متكافئة نظراً لإمكانية تبسيطها إلى 1:3.

## قيم نفسك!

ما مدى فهمك لجدول النسب؟ ارسم دائرة حول الصورة المناسبة.



واضح  
واضح  
واضح

محتويات: جان وقت تحديث مطوبتك!

## 3 المهارة والتطبيق

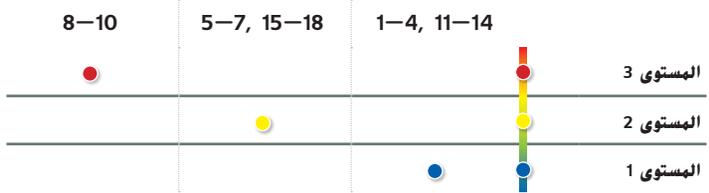
## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمرين الذاتي بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمرين الإضافي للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين



## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه لتحديد التمارين التي تناسب احتياجات طلابك.

خيارات الواجب المنزلي المتميزة		
1-5, 7, 9, 10, 17, 18	قريب من المستوى	AL
6, 7, 9, 10, 17, 18, 5-1 فردي	ضمن المستوى	OL
6-10, 17, 18	ما وراء المستوى	BL

## الدرس 4 جداول النسب 43

## تمارين ذاتية

أكمل كل جدول من جداول النسب لحل كل مسألة من المسائل.

1. لصنع 5 فطائر من التفاح، تحتاج إلى رطلين من التفاح تقريباً. فكم عدد أرطال التفاح التي تحتاج إليها لصنع 20 فطيرة تفاح؟ (مثال 1)

8 أرطال

2. تستخدم أربع كرات من الصوف في صنع 8 قبعات منسوجة. فكم عدد كرات الصوف التي ستحتاج إليها إذا أردت صنع 6 قبعات؟ (البتلان 3 و4)

3 كرات من الصوف

3. قبل سفر حسين لزيارة المكسيك، استبدل 270 دولاراً أمريكياً وحصل على 3000 بيزو مكسيكي. وعند عودته من المكسيك، كان قد تبقى معه 100 بيزو. فما مقدار النقود التي سيحصل عليها عندما يستبدل عملات البيزو بالدولارات؟ (مثال 2)

AED 9

4. في رحلة يقوم بها برندي عبر الإمارات العربية المتحدة بالدراجة، يلاحظ أنه قطع 190 ميلاً تقريباً في 4 أيام. فإذا واصل رحلته بهذا المعدل، استخدم جدول النسب لتحديد كم عدد الأيام التي يمكنه قطعها بالدراجة في 6 أيام. (البتلان 5)

285 mi

5. تحديد الاستنتاجات المتكررة تتطلب إحدى وصفات العصائر التي تكفي 24 شخصاً 4 لترات من صودا الليمون و2 باينت من الشربات و6 أكواب من الثلج.

من قُدِّم لهم المشروب	24
لترات الصودا	4
باينتات الشربات	2
أكواب الثلج	6

- a. أكمل جدول النسب لتمثيل هذه الحالة.  
b. ما المقدار الذي يلزمك من كل مكون لتصنع وصفة مماثلة تكفي 12 شخصاً؟ أو تكفي 36 شخصاً؟

2 L صودا، 1 pt شربات، 3 c ثلج، 6 L صودا، 3 pt شربات، 9 c ثلج

- c. ما المقدار الذي يلزمك من كل مكون لتصنع وصفة مماثلة تكفي 18 شخصاً؟ اشرح استنتاجك.

3 L صودا، 1.5 pt شربات، 4.5 c ثلج؛ الإجابة النموذجية: بما أن العدد 18 هو نصف العدد 36، فإن نصف

مقدار الوصفة التي تكفي 36 شخصاً سوف تكفي 18 شخصاً.

3 L ÷ 2 = 1.5 pt، و 6 L ÷ 2 = 3 pt، و 9 c ÷ 2 = 4.5 c

التمرين (التمارين)	التركيز على
8	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
9, 16	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
10	5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية.
7	7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.
5	8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عن ذلك.

تعد الممارسات الرياضية 4, 3, 1 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية.

#### التقييم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل مغادرة الطلاب للفصل.

#### بطاقة التحقّق من استيعاب الطلاب

اطلب من الطلاب الربط بين مدى المساعدة التي قدمتها لهم الدروس السابقة عن النسب والمعدلات في استيعاب المفاهيم في هذا الدرس. **راقب عمل الطلاب.**

#### انتبه!

**خمسًا شائعًا** ذكّر الطلاب أنه من أجل إكمال بعض جداول النسب، قد يكون من الضروري تبسيط النسبة من خلال القسمة قبل الضرب لإيجاد حل لوحدة غير معروفة في النسبة.

#### 44 الوحدة 1 النسب والمعدلات

عدد الرحلات الجوية	40	2	10
الدقائق	360	3	15

6. تصل الرحلات الجوية في أحد المطارات المحلية - في اليوم العادي بمعدل 10 رحلات جوية كل 15 دقيقة. بهذا المعدل، كم عدد الرحلات الجوية التي تتوقع أن تصل خلال ساعة؟

#### 40 رحلة جوية

7. **تصديق الهئية** أكمل الشكل لكي تُوضّح طريقة استخدام النسب المكافئة لإيجاد الكميات الأكبر والكميات الأصغر.



#### مهارات التفكير العليا

أرطال لحم الديك الرومي المفروم	15	1	2
من قُدّم لهم الطعام	19	5	6

8. **اكتشاف الخطأ** استخدمت رفا جدول النسب الموجود على اليسار لإيجاد عدد الأفراد الذين قدّم إليهم 15 رطلًا من لحم الديك الرومي المفروم. اكتشف خطأها وضحها.

لقد استخدمت الطرح والجمع عند إنشاء جدول النسبة بدلاً من التسمية والضرب. سوف يكفي خمسة عشر رطلًا من لحم الديك الرومي المفروم إتمام 45 شخصًا.

الثيران	22	2	18
الأبقار	55	5	45

9. **تبرير الاستنتاجات** يوجد في إحدى المزارع 18 نوزًا و45 بقرة. فإذا أُضيف 4 ثيران و4 أبقار أخرى، فهل ستظل نسبة الثيران إلى الأبقار هي ذاتها؟ برر إجابتك باستخدام جدول النسب.

لا: الإجابة النموذجية: إذا أُضيف 4 ثيران و4 أبقار أخرى، فسيصل عددها في المزرعة إلى 22 نوزًا و49 بقرة. وباستخدام جدول النسب، ينبغي أن يكون هناك 55 بقرة مقابل 22 نوزًا.


10. **استخدام أدوات الرياضيات** أكمل جدول النسب لتوضيح علاقة من الحياة اليومية بين كميتين يكون فيها معامل القياس 4. **راقب عمل الطلاب.**

## تمرين إضافي

أكمل كل جدول من جداول النسب لحل كل مسألة من المسائل.

11. تتطلب إحدى حدائق الحيوان أن يقوم فرد بالغ واحد باصطحاب كل 7 طلاب يزورون حديقة الحيوان. فكم عدد البالغين الذين يجب أن يصطحبوا 28 طالبًا؟ **4 بالغين**

عدد البالغين	1	2	3	4
عدد الطلاب	7	14	21	28

عدد حبات الخبز	200	100	25
التكلفة بالدرهم	48	24	6

12. اشترت هدى 200 حبة خبز مقابل AED 48 لصنع فلاتات. إذا لزمها شراء 25 حبة خبز أخرى، فكم ستدفع إذا حوسبت بنفس السعر؟ **AED 6**

أونصات الرحيق	16	2	12
عدد الطيور التي تتلقى الغذاء	80	10	60

13. إذا كان الطائر الطنان يحصل على كل احتياجاته الغذائية من جهاز التغذية، فيمكن لجهاز التغذية بالرحيق الذي يبلغ 16 أونصة تغذية حوالي 80 طائرًا طنانًا في اليوم. كم عدد الطيور الطنانة التي تتوقع أن تكون قادرة على تلقي غذائها باستخدام جهاز تغذية يبلغ 12 أونصة؟ **60 طائرًا**

14. عند تصوير صورة أو تكبيرها، تظل نسبة طولها إلى عرضها هي ذاتها عادة. ترغب أريج في تكبير صورة بحجم 4 بوصات في 6 بوصات بحيث يبلغ عرضها 15 بوصة. استخدم جدول النسب لتحديد الطول الجديد للصورة.

الطول (in.)	4	2	10	
العرض (in.)	6	3	15	

**10 in.**

15. يمتلك شوقي سيارة هجينة متعددة الأغراض يمكنها أن تقطع مسافة 400 ميل باستخدام خزان بحتوي على 15 جالونًا من الوقود. حدد عدد الأميال التي يمكن أن يقطعها باستخدام 6 جالونات. **160 mi**

16. **تمرين الاستنتاجات** يحتاج طبيب بيطري إلى معرفة وزن أحد الحيوانات بالكيلوجرامات. فإذا كان مقدار 20 رطلاً يساوي حوالي 9 كيلوجرامات ووزن الكلب 30 رطلاً، فاستخدم جدول النسب لإيجاد وزن الكلب بالكيلوجرامات. اشرح استنتاجك.

الأرطال	20	60	30
الكيلوجرامات	9	27	13.5

إذا كان  $20 \text{ kg} \approx 9 \text{ lb}$ ، فإن  $60 \text{ lb}$  يساوي تقريبًا  $27 \text{ kg}$ . وبما أن  $30$  هو نصف العدد  $60$ ، فإن الكلب الذي يزن  $30$  رطلاً يساوي نصف  $27 \text{ kg}$  أو  $27 \div 2$ ، أي  $13.5 \text{ kg}$ .

alManahj.com/ae

## انطلق! تمارين على الاختبار

يُعد التمرينان 17 و 18 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

17. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يستنتجوا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK2
ممارسات رياضية	ممارسة رياضية 1، ممارسة رياضية 4
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يجب أن يكتب الطلاب 7.5 للدرجة.

18. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يستنتجوا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK1
ممارسات رياضية	ممارسات رياضية 2، ممارسات رياضية 7
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يجب الطلاب إجابة صحيحة على كل جزء من السؤال.

## انطلق! تمارين على الاختبار

17. تصنع نهاد البسكويت حسب الوصفة.

**بسكويت التيم الكامل**

كوبان	دقيق قمح كامل
4 ملاعق صغيرة	مسحوق الخبز
نصف ملعقة صغيرة	ملح
ملاعقتان صغيرتان	سمن
كوب	لين
1	بيضة

لصنع 8 قطع بسكويت

7.5 c

فكم كوباً من الدقيق يلزمها لصنع 30 قطعة من البسكويت؟

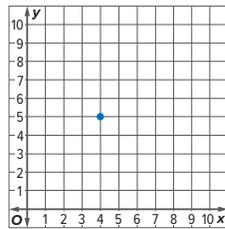
18. قطعت ربا 3 بنايات مشياً خلال 15 دقيقة. بناء على هذا المعدل. حدد هل كل عبارة صحيحة أم خاطئة.

- a. تقطع ربا 9 بنايات مشياً خلال 45 دقيقة.  صواب  خطأ
- b. تقطع ربا 4 بنايات مشياً خلال 25 دقيقة.  صواب  خطأ
- c. تقطع ربا 8 بنايات مشياً خلال 40 دقيقة.  صواب  خطأ
- d. تقطع ربا 12 بناية مشياً خلال 60 دقيقة.  صواب  خطأ

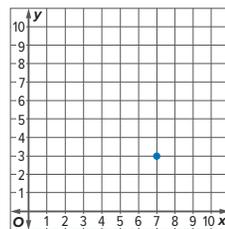
## مراجعة شاملة

حدد كل نقطة موضحة على التمثيل البياني.

19. ( 4 , 5 )



20. ( 7 , 3 )



21. يقوم تيم برسم خريطة، ويحتاج إلى رسم 4 نقاط لتحديد 4 أماكن على تلك الخريطة. ارسم النقاط التالية وسّمها.

- a. المكتبة عند النقطة (3, 2)
- b. المدرسة عند النقطة (6, 4)
- c. الحديقة عند النقطة (8, 1)
- d. بيت تيم عند النقطة (2, 8)

## الدرس 5

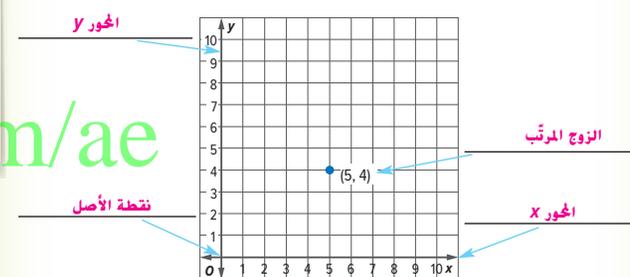
## تمثيل جداول النسب بيانياً

## المفردات الرئيسية

يتشكل **المستوى الإحداثي** عندما يتقاطع خطان عموديان عند نقطة الصفر، وهذه النقطة تسمى **نقطة الأصل**. ويُعرف خط الأعداد الأفقي باسم **المحور x**، وخط الأعداد الرأسي باسم **المحور y**. أما **الزوج المرتب**، مثل (2, 3)، فهو زوج من الأعداد يستخدم لتحديد مكان نقطة على المستوى الإحداثي.

أكمل الفراغات بالكلمات المظللة أعلاه.

## المستوى الإحداثي



## مسائل من الحياة اليومية

تستطيع سلعفاة الغاية الأمريكية الشمالية أن تقطع 17 ياردة في 3 دقائق، فإذا كان المحور الأفقي  $x$  يمثل الدقائق والمحور الرأسي  $y$  يمثل الياردات، فاكتب زوجاً مرتباً يمثل هذا الموقف.

الدقائق الياردات ( 3 , 17 )

ما المهارات الرياضية التي استخدمتها؟  
ظل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- |                           |                                |
|---------------------------|--------------------------------|
| ① الثابرة في حل المسائل   | ⑤ استخدام أدوات الرياضيات      |
| ② التفكير بطريقة تجريدية  | ⑥ مراعاة الدقة                 |
| ③ بناء فرضية              | ⑦ الاستغادة من البنية          |
| ④ استخدام نماذج الرياضيات | ⑧ استخدام الاستنتاجات المتكررة |

## التركيز تضيق النطاق

**الهدف** استخدام التمثيلات البيانية لتمثيل المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات.

## الترباط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

## السابق

قام الطلاب بتمثيل المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات باستخدام الجداول.

## الحالي

ينشئ الطلاب التمثيلات البيانية من خلال الاستعانة بجداول النسب.

## التالي

سُوجد الطلاب النسب والمعدلات المكافئة.

## الدقة اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في الصفحة 51.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - عمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.

**LA مناقشات ثنائية** اطلب من الطلاب أن يعملوا مع زميل لهم لتسمية المستوى الإحداثي. اطلب منهم التفكير في عبارات وكلمات أخرى يمكنهم استخدامها لتساعدهم على تذكر جميع مصطلحات المفردات. 1, 5, 6

## الإستراتيجيات البديلة

**LA AL** زود الطلاب بحصيلة لغوية من المصطلحات عند مواجهة أي صعوبات في تسمية المستوى الإحداثي. 1, 6

**LA BL** اطلب من الطلاب الاستقصاء من أصل النظام الإحداثي الديكارتي وعالم الرياضيات الفرنسي رينيه ديكارت. اطلب منهم تحضير عرض شفوي موجز لتقديمه أمام الفصل. 1, 3

## الدرس 5 تمثيل جداول النسب بيانياً 47

## 2 تلقين المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعلم.

## أمثلة

1. مثل بيانيًا زوجًا مرتبًا من الجدول.

- **AL** أي الإحداثيات نحدد موقعه أولاً؟ الإحداثي  $x$
- **OL** للبدء في تحديد موضع النقطة  $(1, 3)$ . إلى أي مدى على المحور الأفقي  $x$ . وفي أي اتجاه. يجب أن تتحرك من نقطة الأصل؟ مسافة وحدة واحدة تجاه اليمين
- **BL** كيف يبدو موضع النقطة  $(1, 3)$  مختلفًا عن موضع النقطة  $(1, 3)$ ؟ توجد النقطة  $(1, 3)$  على مسافة وحدة واحدة إلى يمين نقطة الأصل و3 وحدات لأعلى. توجد النقطة  $(1, 3)$  على مسافة 3 وحدات إلى يمين نقطة الأصل ووحدة واحدة لأعلى.

2. صف النمط الموجود في التمثيل البياني.

- **AL** كيف يمكنك التعبير عن ظهور التقاط المراد إسقاطها على أحد الأسطر؟ الإجابة النموذجية: قم بتوصيل النقاط.
- **OL** ما النمط الموجود على التمثيل البياني؟ وتقع كل نقطة على مسافة وحدة واحدة إلى اليمين وثلاث نقاط إلى الأعلى من النقطة السابقة.
- ماذا يعني هذا النمط في سياق المسألة؟ تزيد التكلفة بنسبة 3 دولارات لكل قرص مدمج.

- **BL** إذا وصلنا بنفس النمط. فما الخطوتان التاليتان؟  $(4, 12)$  و  $(5, 15)$

هل تحتاج لمثال آخر؟

يوضح الجدول المسافة التي سافرتها مريم بدراجتها الصغيرة. كما يوضح الجدول أيضًا هذه المعلومات في صورة زوج مرتب (الزمن بالثواني، والمسافة بالقدم). a. مثل الأزواج المرتبة بيانيًا. b. ثم فسر النمط الموجود على التمثيل البياني. انظر ملحق الإجابات.

الزمن، $x$	المسافة، $y$	الزوج المرتب $(x, y)$
1	4	(1, 4)
2	8	(2, 8)
3	12	(3, 12)
4	16	(4, 16)

## منطقة العمل

## تمثيل الأزواج المرتبة بيانيًا

يمكنك استخدام الزوج المرتب لتحديد أي نقطة على المستوى الإحداثي. أول عدد في الزوج المرتب هو الإحداثي  $x$  والعدد الثاني هو الإحداثي  $y$ .

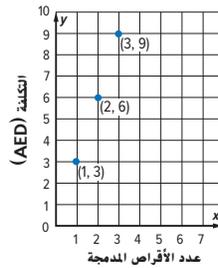


يمكنك التعبير عن المعلومات في جدول على شكل مجموعة من الأزواج المرتبة. ولرؤية الأنماط، مثل بيانيًا الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي.

## أمثلة

عدد الأقراص المدمجة، $x$	التكلفة بالدرهم، $y$	الزوج المرتب $(x, y)$
1	3	(1, 3)
2	6	(2, 6)
3	9	(3, 9)

يوضح الجدول تكلفة إنشاء أقراص مدمجة للصور الرقمية بالدرهم في أحد استوديوهات التصوير. يوضح الجدول أيضًا هذه المعلومات على شكل أزواج مرتبة (عدد الأقراص المدمجة، التكلفة بالدرهم).



1. مثل الأزواج المرتبة بيانيًا. ابدأ من نقطة الأصل. استخدم الإحداثي  $x$  وتحرك على طول المحور الأفقي. ثم استخدم الإحداثي  $y$  وتحرك على طول المحور  $y$ . وارسم علامة عند كل نقطة.

2. صف النمط الموجود في التمثيل البياني.

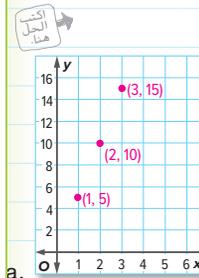
تظهر النقاط في شكل خط. وتقع كل نقطة على مسافة وحدة واحدة إلى اليمين وثلاث وحدات إلى الأعلى من النقطة السابقة. إذا، تزيد التكلفة بنسبة 3 AED لكل قرص مدمج يتم إنشاؤه.

## تأكد من فهمك

يوضح الجدول أرباح هديل خلال ساعة وساعتين و3 ساعات. كما يدرج الجدول هذه المعلومات على شكل أزواج مرتبة (الساعات، الأرباح).

أرباح هديل	الزوج المرتب $(x, y)$	الساعات، $x$	الدرهم المكتسبة، $y$
1	(1, 5)	1	5
2	(2, 10)	2	10
3	(3, 15)	3	15

- a. مثل الأزواج المرتبة بيانيًا.
- b. صف النمط الموجود في التمثيل البياني.



- b. يبين الرسم البياني تزايد أرباح هديل بمقدار 5 AED في كل ساعة.

## أمثلة

3-5. أنشئ جدولاً و تمثيلاً بيانياً لمقارنة النسب.

- **AL** ما إجمالي عدد الصور في الصفحة الواحدة لدى سلمى؟ 4 صفحات؟ 8 ثلاث صفحات؟ 12 أربع صفحات؟ 16
- ما إجمالي عدد الصور في الصفحة الواحدة لدى منى؟ 6 صفحات؟ 12 ثلاث صفحات؟ 18 أربع صفحات؟ 24
- **OL** ما الأزواج المرتبة لدى سلمى؟ منى؟ سلمى: (1, 4), (2, 8), (3, 12), (4, 16), (1, 4), منى: (1, 6), (2, 12), (3, 18), (4, 24)
- في التمثيل البياني، ماذا تمثل النقاط الزرقاء؟ دفتر قصاصات سلمى
- ماذا تمثل النقاط الحمراء؟ دفتر قصاصات منى
- كيف يمكنك استخدام الجدول أو التمثيل البياني لتوقع عدد الصور التي سيستخدمها كل صديق في 15 صفحة؟ الإجابة النموذجية: وسع النمط الوجود في الجدول أو على الرسم البياني. تستخدم سلمى من الصور 4 مرات أضعاف عدد الصفحات، لذا، ستستخدم  $4 \times 15 = 60$  صورة. تستخدم منى من الصور 6 أمثال عدد الصفحات، لذا، ستستخدم  $6 \times 15 = 90$  صورة.

- **BL** ادرس التمثيل البياني. بزيادة عدد الصفحات، ما الذي يحدث للمسافة الرأسية بين تمثيل سلمى البياني وتمثيل منى البياني؟ ما معنى هذا في سياق المسألة؟ أصبحت النقاط التي تمثل كتاب قصاصات منى أبعد بكثير من كتاب قصاصات سلمى. والسبب وراء ذلك هو أن منى تستخدم صورتين في كل صفحة أكبر من سلمى. فكلما زاد عدد الصفحات، كلما استخدمت منى صوراً أكثر بكثير من سلمى.

هل تحتاج لمثال آخر؟

سنان شوت هي خدمة صور رقمية تبلغ تكلفتها 20 فلساً للصورة الواحدة. تبلغ تكلفة ماي بيكس 12 فلساً للصورة الواحدة. ارسم جدولاً لكل خدمة بحيث يوضح إجمالي التكلفة لصورة وصورتان و3 صور و4 صور. أدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة (الصور، التكلفة). ثم مثل الأزواج المرتبة بيانياً لكل خدمة على نفس المستوى الإحداثي. كيف تتم مقارنة نسبة تكلفة كل صورة في كل خدمة؟ انظر ملحق الإجابات.

## تفكير

تصنع هاجر أيضاً دفتر قصاصات، وتضع 5 صور في كل صفحة. كيف تُقارن نسبة الصور إلى كل صفحة في دفترها ودفتر دنيا ودفتر سمية؟

نسبة الصور إلى الصفحات في دفتر هاجر هي 5:1. وسيظهر الخط أكثر انحداراً على الرسم البياني من خط دنيا، ولكن أقل انحداراً من خط سمية.

النسب وعلاقات التناسب

## مقارنة النسب

يمكنك استخدام الجداول والتمثيلات البيانية لمقارنة النسب. كلما زادت النسبة، زاد انحدار الخط.

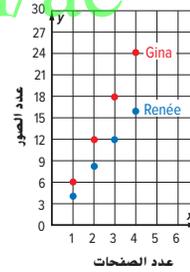
## أمثلة

3. تصنع صديقتان دفترتي قصاصات. وتضع دنيا 4 صور في كل صفحة من صفحات دفتر القصاصات الخاص بها. وتضع سمية 6 صور في كل صفحة من صفحات دفتر القصاصات الخاص بها.
3. ارسم جدولاً لكل دفتر من دفترتي القصاصات بحيث يوضح إجمالي عدد الصور التي وضعت، إذا كان كل دفتر يحتوي على صفحة واحدة أو صحتين أو 3 أو 4 صفحات. أدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة (الصفحات، الصور).

دفتر قصاصات سمية		
الصفحات، x	الصور، y	(x, y)
1	6	(1, 6)
2	12	(2, 12)
3	18	(3, 18)
4	24	(4, 24)

دفتر قصاصات دنيا		
الصفحات، x	الصور، y	(x, y)
1	4	(1, 4)
2	8	(2, 8)
3	12	(3, 12)
4	16	(4, 16)

4. مثل الأزواج المرتبة بيانياً لكل صديقة على نفس المستوى الإحداثي.
- مثل الأزواج المرتبة بيانياً لدفتر قصاصات دنيا باللون الأزرق.
- مثل الأزواج المرتبة بيانياً لدفتر قصاصات سمية باللون الأحمر.



5. كيف تُقارن نسب الصور إلى كل صفحة لكل منهما؟ كيف يظهر ذلك على التمثيل البياني؟

نسبة الصور إلى الصفحات الخاصة بدفتر قصاصات دنيا هي 4:1. في حين أن النسبة الخاصة بدفتر قصاصات سمية هي 6:1. تظهر كلتا المجموعتين من النقاط على حد سواء في شكل خط مستقيم على التمثيل البياني، ولكن يزيد انحدار خط سمية عن خط دنيا.

## تمرين موجّه

**التقويم التكويني** استخدم هذه التمارين لتقويم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتميزة الواردة أدناه.



**LA AL** حلقة نقاش جماعي اطلب من الطلاب العمل في مجموعات من 3 أو 4 طلاب لإكمال التمارين 1-4. اطلب من الطالب الأول قراءة التمرين بصوت عالٍ. الطالب الثاني يكمل الخطوات القليلة الأولى من التمرين. على سبيل المثال، في التمرين 1، يكمل الطالب الثاني العمود الأول من كل جدول. الطالب الثالث يكمل باقي التمرين. أما الطالب الرابع، إن وجد، يُبدي رأيه بالموافقة أو عدم الموافقة على الحل النهائي. في حالة عدم الموافقة، يشرح الطالب الرابع كيفية تغيير الحل. يستبدل الطلاب الأدوار في كل التمارين التالية. 1, 3

**LA BL** جولة في المعرض اطلب من الطلاب العمل مع زميل لكتابة مسائل الحياة اليومية مشابهة للمسائل المطروحة في التمارين 1-4. انشر المسائل حول الغرفة. يتمشى الطلاب حول الغرفة ويختارون المسألة، على ألا تكون المسألة التي كتبوها. وبالعمل مع زملائهم، يقوم الطلاب بتصميم جدول وتمثيل بياني ويحددون الحل. اطلب منهم الرجوع إلى الثنائي الذي كتب المسألة للتحقق من عملهم. 1, 3, 4, 5

## تمرين موجّه



يدخر صديقان المال في حسابهما المصرفي. يدخر عبد الرحمن 10 AED كل أسبوع، في حين يدخر علي 15 AED كل أسبوع.

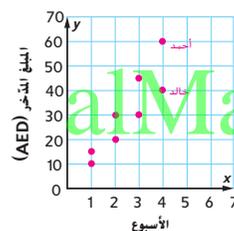
(الأمثلة 1-5)

1. ارسم جدولاً لكل صديق بحيث يوضح إجمالي المبلغ المدخر في أسبوع وأُسبوعين و3 أسابيع و4 أسابيع. أدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة (الأسابيع، إجمالي الدراهم المدخرة).

علي			عبد الرحمن		
الأسابيع، $x$	الإجمالي المدخر (AED)، $y$	$(x, y)$	الأسابيع، $x$	الإجمالي المدخر (AED)، $y$	$(x, y)$
1	15	(1, 15)	1	10	(1, 10)
2	30	(2, 30)	2	20	(2, 20)
3	45	(3, 45)	3	30	(3, 30)
4	60	(4, 60)	4	40	(4, 40)

اكتب هنا الحل.

2. مملّ الأزواج المرتبة بيانياً لكل صديق على نفس المستوى الإحداثي.



3. كيف تُقارن نسب مدخرات عبد الرحمن ومدخرات علي؟ كيف يظهر ذلك على التمثيل البياني؟

**الإجابة النموذجية:** تزداد مدخرات علي، 15 AED كل أسبوع، بمعدل أعلى من مدخرات

عبد الرحمن، 10 AED كل أسبوع. وتظهر كل مجموعة من النقاط على شكل خط

مستقيم، ولكن تظهر مدخرات علي على الرسم البياني في شكل خط أكثر انحداراً.

### قيم نفسك!

ما مدى فهمك لموضوع تمثيل النسب بيانياً؟ ضع علامة في المربع المناسب.



محتويات خان وقت تحديث مطوبتك!

4. الاستعادة من السؤال الأساسي كيف يمكن أن يساعد التمثيل بيانياً في حل المسألة التي تتضمن نسباً؟

**الإجابة النموذجية:** يظهر الرسم البياني أي النسب أكبر عند المقارنة بين نسبتين.

## انتبه!

**خطأ شائع** ذكّر الطلاب بمدى أهمية الترتيب الذي يتم إدراج الإحداثيات به. سيظل الطلاب يرسمون خطأً إذا تم تغيير قيم موضع الأزواج المرتبة، لكن هذا الخط سيكون غير صحيح. شجّع الطلاب على "حساب التغير الأفقي" على طول المحور الأفقي  $x$  ثم "حساب التغير الرأسى" للوصول إلى القيمة  $y$ .

50 الوحدة 1 النسب والمعدلات

## 3 الممارسة والتطبيق

## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحات التمارين الإضافية للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني..

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين

تمارين	المستوى 3	المستوى 2	المستوى 1
8-10	●		
6, 7, 16, 17		●	
1-5, 11-15			●

## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

## خيارات الواجبات المنزلية المتميزة

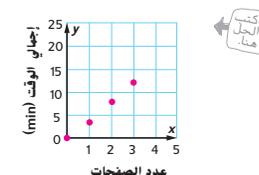
خيارات الواجبات المنزلية المتميزة	قريب من المستوى	ضمن المستوى	أعلى من المستوى
1-5, 7, 10, 16, 17	AL		
6, 7, 10, 16, 17, فردي 1-5		OL	
6-10, 16, 17			BL

الدرس 5 تمثيل جداول النسب بيانياً 51

## تمارين ذاتية

يوضح الجدول إجمالي الوقت الذي استغرقه سبير في قراءة 0 من الصفحات وصحة وصحتين و3 صفحات من الكتاب. يدرج الجدول أيضًا هذه المعلومات على شكل أزواج مرتبة (عدد الصفحات، إجمالي الدقائق). (المثالان 1-2)

1. مثل الأزواج المرتبة بيانياً.



2. صف النمط الموجود في التمثيل البياني.

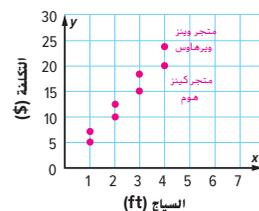
يوضح الرسم البياني أن سبير قرأ صفحة واحدة كل 4 دقائق.

في متجر "زيد لمستزمات المنازل"، يتكلف كل قدم من السياج 5 AED. ويفرض متجر "يا هلا" 6 AED مقابل كل قدم من السياج. (الأمثلة 3-5)

3. ارسم جدولاً لكل متجر بحيث يوضح إجمالي التكلفة لقدم أو قدمين أو 3 أو 4 أقدام من السياج، وادرج المعلومات على شكل زوج مرتب (أقدام السياج، التكلفة الإجمالية).

متجر "يا هلا"	السياج (ft), x	التكلفة (AED), y	(x, y)
	1	6	(1, 6)
	2	12	(2, 12)
	3	18	(3, 18)
	4	24	(4, 24)

متجر "زيد لمستزمات المنازل"	السياج (ft), x	التكلفة (AED), y	(x, y)
	1	5	(1, 5)
	2	10	(2, 10)
	3	15	(3, 15)
	4	20	(4, 20)



4. مثل الأزواج المرتبة بيانياً لكل متجر على نفس المستوى الإحداثي.

5. باستخدام الجداول والتمثيلات البيانية، اكتب بعض الجمل للمقارنة بين نسب المبلغ المخروض على كل قدم من السياج لكل من المتجرين. كيف يظهر ذلك على التمثيل البياني؟  
الإجابة النموذجية: كلما ازداد عدد أقدام السياج، ارتفعت التكلفة في متجر "يا هلا" بمعدل أسرع عن التكلفة في متجر "زيد لمستزمات المنازل". وتظهر التكلفة في متجر "يا هلا" على الرسم البياني على هيئة خط أكثر انحداراً.

التمرين (التمارين)	التركيز على
9, 10	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
6, 15	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
7, 8	4 استخدام نماذج الرياضيات.

تعد الممارسات الرياضية 4, 3, 1 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف الحياة اليومية.

6. **تبرير الاستنتاجات** صنع محل "بسام للفطائر" فطيرتي خوخ باستخدام 10 أكواب من الخوخ. وصنع 3 فطائر باستخدام 15

كوبًا من الخوخ. و4 فطائر باستخدام 20 كوبًا من الخوخ. ختن عدد أكواب الخوخ اللازمة لصناعة 9 فطائر. اشرح.

45 كوبًا؛ توضح النسب  $\frac{2}{10}$ ،  $\frac{3}{15}$ ،  $\frac{4}{20}$  عدد الفطائر إلى عدد أكواب الخوخ.  $\frac{2}{10} = \frac{3}{15} = \frac{4}{20} = \frac{1}{5}$  كما أن

النسبة  $\frac{9}{45}$  مكافئة أيضًا للنسبة  $\frac{1}{5}$ . وتعني النسبة  $\frac{9}{45}$  أنه يلزم 45 كوبًا من الخوخ لعمل 9 فطائر.

(x, y)	العرض، y	الطول، x
(1,618, 1)	1	1,618
(2,326, 2)	2	3,236
(3,485, 3)	3	4,854
(4,642, 4)	4	6,472

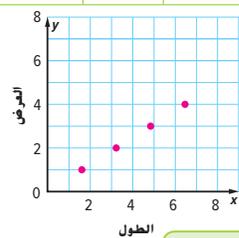
7. **التمثيلات المتعددة** المستطيل الذهبي عبارة عن مستطيل تبلغ فيه نسبة الطول إلى العرض 1.618 إلى 1 تقريبًا. وتُعرف هذه النسبة باسم نسبة ذهبية.

a. **الجدول** ارسم جدول نسب بحيث يوضح الأطوال التقريبية للمستطيلات الذهبية المحدد عروضها بوحدة ووحدين و3 و4 وحدات. وأدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة (الطول، العرض).

b. **التمثيل البياني** مثل الأزواج المرتبة بيانيًا على المستوى الإحداثي.

c. **التحليل** كيف تتغير مساحة كل مستطيل مع تغير الأبعاد؟

تبلغ مساحة المستطيل الأول في الجدول 1.618 وحدة مربعة، وتزداد المساحات إلى 6,472 و14,562 و25,888.



### مهارات التفكير العليا

8. **استخدام نماذج الرياضيات** اكتب مسألة من الحياة اليومية باستخدام النسب أو المعدلات التي يمكن تمثيلها على المستوى الإحداثي. **الإجابة النموذجية:** تتقاضى إيليام 7 AED مقابل التدريس لمدة ساعة. ارسم جدولاً يوضح

العلاقة بين عدد الساعات التي تدريسها والمبلغ الذي تتقاضاه.

9. **المثابرة في حل المسائل** أوجد إحداثيات النقطة الواقعة في

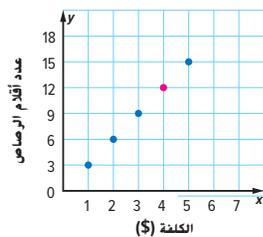
المنتصف بين الزوجين (2, 1) و(2, 4) و(2, 2.5).

10. **المثابرة في حل المسائل** يوضح التمثيل البياني تكلفة شراء الأقلام الرصاص من مكتب

المدرسة. هناك نقطة مفقودة بالتمثيل البياني تشير إلى تكلفة 12 قلماً رصاصاً. أكمل التمثيل البياني من خلال رسم المعلومة الناقصة. اشرح إجابتك.

**الإجابة النموذجية:** تمثل النقاط (1, 3) و(2, 6) و(3, 9) و(5, 15) معدلًا متكافئًا مع 1:3. والمعدل

4:12 متكافئ مع 1:3. إذاً، تكلفة 12 قلماً رصاصاً هي 4 AED.



### التقييم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل انصراف الطلاب من فصلك.

### بطاقة التحقّق من استيعاب الطلاب

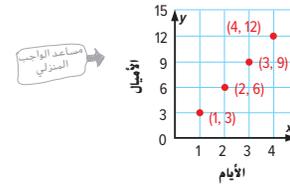
اطلب من الطلاب تصميم مستوى إحداثي بهذه الأزواج المترتبة (3, 27) و(9, 1) و(2, 18) و(1, 9).  
اطلب منهم إيجاد القيمة المفقودة في (6, 9) إذا وصلنا بنفس النمط. 54

## تمرين إضافي

يوضح الجدول إجمالي عدد الأميال التي يركضها أحمد لعدة أيام.  
يدرج الجدول أيضاً هذه المعلومات على شكل أزواج مرتبة (عدد الأيام، إجمالي الأميال).

11. مثل الأزواج المرتبة بيانياً.

سجل الجري لأحمد		
الأيام، $x$	الأميال، $y$	$(x, y)$
1	3	(1, 3)
2	6	(2, 6)
3	9	(3, 9)
4	12	(4, 12)



12. صف النمط الموجود في التمثيل البياني. يوضح الرسم البياني أنه كلما ازداد عدد الأيام بمقدار 1،

يزداد عدد الأميال بمقدار 3.

يوجد حارسان لكل نمر في معرض النمر بحديقة الحيوان المحلية، ويوجد أربعة حراس لكل فيل في معرض الأفيال.

13. ارسم جدولاً لكل حيوان بحيث يوضح إجمالي عدد الحراس لكل حيوان واحد أو حيوانين أو 3 أو 4 حيوانات. وأدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة (عدد الحيوانات، عدد الحراس).

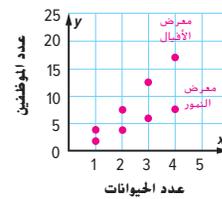
معرض الأفيال			معرض النمر		
الحيوانات، $x$	الحراس، $y$	$(x, y)$	الحيوانات، $x$	الحراس، $y$	$(x, y)$
1	4	(1, 4)	1	2	(1, 2)
2	8	(2, 8)	2	4	(2, 4)
3	12	(3, 12)	3	6	(3, 6)
4	16	(4, 16)	4	8	(4, 8)

14. مثل الأزواج المرتبة بيانياً لكل معرض على نفس المستوى الإحداثي.

15. **تبرير الاستنتاجات** باستخدام الجداول والتمثيلات البيانية. اكتب بعض الجمل التي تقارن نسب عدد الحراس لكل حيوان. كيف يظهر ذلك على التمثيل البياني؟

**الإجابة النموذجية:** يزداد عدد الحراس في معرض الأفيال بمعدل أسرع من عدد الحراس في

معرض النمر. والخط الذي يمثل معرض الأفيال هو الخط الأكثر انحداراً.



## انطلق! تمارين الاختبار

يُعد التمرينان 16 و 17 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

16. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يستنتجوا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK1
ممارسات رياضية	م.ر 4، م.ر 6
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يحدد الطالب الاختيار لعدد من الطلاب لكل معلم في مدرسة عبد الله بن الزبير الإعدادية.

17. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يدعموا استنتاجاتهم أو يقيموا استنتاجات الآخرين عن طريق تبرير إجاباتهم وتكوين براهين لها.

عمق المعرفة	عمق المعرفة 3
ممارسات رياضية	م.ر 2، م.ر 3، م.ر 4
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجتان	يذكر الطالب أن ندى ستحتاج إلى جز العشب في 8 بساتين ويشرح السبب وراء احتياجها لجز العشب في 8 بساتين بدلاً عن أي عدد آخر من البساتين.
درجة واحدة	يذكر الطالب أن ندى ستحتاج إلى جز العشب في 8 بساتين.

## انطلق! تمارين على الاختبار

16. يوضح الجدول نسبة المعلمين إلى الطلاب في مدرسة النهضة الإعدادية. وفي مدرسة السلام الإعدادية، تبلغ نسبة المعلمين إلى الطلاب 12 إلى 312. فأَي العبارتين تعبران النسبة بين المعلمين والطلاب في كلتا المدرستين على نحو صحيح؟

مدرسة النهضة الإعدادية	المدرسون، y	الطلاب، x
	1	24
	2	48
	3	72
	4	96

عدد الطلاب لكل معلم في مدرسة السلام الإعدادية أكبر من عدد لطلاب لكل معلم في مدرسة النهضة الإعدادية.

المدرستان لهما نسبة متكافئة من عدد الطلاب إلى المعلمين.

عدد طلاب مدرسة السلام الإعدادية أكبر من عدد الطلاب في مدرسة النهضة الإعدادية.

عدد الطلاب لكل معلم في مدرسة النهضة الإعدادية أكبر من عدد لطلاب لكل معلم في مدرسة السلام الإعدادية.

17. تكسب نهال 15 AED مقابل كل ياردة تجز العشب عنها. وتريد شراء فستان بسعر 109 AED. فكم عدد الياردات

تحتاج إلى جز 8 بساتين. ستجني نهال 120 AED من جز 8 بساتين. ويعد هذا أكثر مما تحتاجه، لكن إذا جُرّت 7 بساتين فقط، فستجني 105 AED وهذا لن يكون كافياً.

## مراجعة شاملة

بسّط الكسور التالية.

$$18. \frac{13}{78} = \frac{1}{6}$$

$$19. \frac{26}{130} = \frac{1}{5}$$

$$20. \frac{20}{240} = \frac{1}{12}$$

21. يوجد 270 طالبًا من طلاب الصف السادس و45 مرافقًا ذاهبين في رحلة ميدانية. فكم عدد الطلاب الذين سيكوّنون مع كل مرافق إذا قُسمت المجموعات بالتساوي؟ **6 طلاب**

22. تم استطلاع رأي العديد من الطلاب بشأن الصف المفضل لديهم. وتظهر النتائج في الجدول. ما الكسر الذي يمثل الطلاب الذين اختاروا الموسيقى باعتبارها المادة المفضلة لديهم؟ اكتب الكسر في أبسط صورة.

الصف المفضل	العدد
التربية الفنية	26
اللغة الإنجليزية	19
الرياضيات	21
الموسيقى	16
العلوم	32

$\frac{8}{57}$

النسب وعلاقات التناسب

## استقصاء حل المسائل خطة الخطوات الأربع

ممارسات رياضية  
1, 3, 4

### المسألة رقم 1 حمى المقصورات

في أحد المخيمات الصيفية، كانت نسبة المقصورات إلى المخيميين 15 إلى 180. سيقيم عدد متساوٍ من المخيميين في كل مقصورة. فكم عدد المخيميين في كل مقصورة؟

#### 1 الفهم ما الحقائق؟

- أنت تعلم بأن هناك 15 مقصورة لعدد 180 مخيمياً.
- يلزمك أن تعرف عدد المخيميين في كل مقصورة.

#### 2 التخطيط ما الإستراتيجية التي ستستخدمها لحل هذه المسألة؟

اقسم العدد 180 على 15. وقبل إجراء العملية الحسابية، وجد إجابة تقديرية.

$$\text{احسب تقديرياً } 10 = 20 \div 200$$

#### 3 الحل كيف يمكنك تطبيق الإستراتيجية؟

استخدم القسمة المطولة لإيجاد عدد المخيميين في كل مقصورة.

$$\begin{array}{r} 12 \\ 15 \overline{)180} \\ \underline{-15} \phantom{0} \\ 30 \\ \underline{-30} \\ 0 \end{array}$$

يوجد 12 من المخيميين في كل مقصورة.

#### 4 التحقق هل الإجابة صحيحة؟

تحقق باستخدام الضرب. بما أن  $12 \times 15 = 180$ ، إذاً، الإجابة صحيحة.

#### تحليل الإستراتيجية

تبرير الاستنتاجات إذا كانت نسبة المقصورات إلى المخيميين 15 إلى 255، فكم عدد المخيميين الذين سيكونون في كل مقصورة؟ اشرح.

15 مخيمياً؛ الإجابة النموذجية: استخدم القسمة المطولة لإيجاد الحل.

$$225 \div 15 = 15$$

### التركيز تضييق النطاق

**الهدف** حل المسائل باستخدام خطة الخطوات الأربع. يؤكد هذا الدرس على **ممارسة رياضية 3** تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.

**خطة الخطوات الأربع** يمكن حل المسائل في الغالب باستخدام إستراتيجيات مختلفة. وأحياناً يمكن حل تلك المسائل بسهولة أكبر باستخدام إحدى الإستراتيجيات من حلها باستخدام إستراتيجية أخرى.

### التربط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

التالي

سوف يطبق الطلاب الخطة ذات الخطوات الأربع لحل مسائل من الحياة اليومية.

الحالي

يحل الطلاب المسائل غير الروتينية.

### الدقة اتباع المفاهيم والتدريس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 57.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

تم إعداد المسائل الواردة في صفحة 55 وصفحة 56 لاستخدامها كمناقشة جماعية كاملة حول كيفية حل المسائل غير الروتينية وتصميمها لحل توجيه قائم على دعائم تعليمية. تبين المسألة التي في صفحة 55 للطلاب طريقة الحل. أما المسألة في صفحة 56 فتطلب من الطلاب تقديم حلول من أنفسهم.

### المسألة رقم 1 حمى المقصورات

**BL** اطلب من الطلاب حل السؤال الوارد أدناه. **1**

اطرح الأسئلة التالية:

- هل سيكون لدى جميع المقصورات الـ 15 نفس عدد المخيميين إذا كانت النسبة 15 إلى 200؟ اشرح استنتاجك. لا، نموذج إجابة: حيث إن العدد 200 لا يقبل القسمة على 15 بالتساوي، فلن يكون هناك نفس عدد المخيميين في كل مقصورة.

استقصاء حل المسائل خطة الخطوات الأربع 55

## المسألة رقم 2 أرني المال

**LA AL** مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات لمشاركة خطة الخطوات الأربع واستراتيجيتهم في كل خطوة. يشرح طالب واحد ويشارك كيفية إكمالها للخطوة الأولى. الفهم. يشرح طالب ثانٍ ويشارك كيفية إكمالها للخطوة الثانية. الخطة. ثم يشرح الطالب الأول ويشارك كيفية إكمالها للخطوة الثالثة. الحل. ويشرح الطالب الثاني ويشارك كيفية إكمالها للخطوة الأخيرة. التحقق. **1, 3, 5**

**LA BL** تبادل المسائل اطلب من الطلاب تكوين مسائلهم الخاصة. المشابهة للمسألة رقم 2. يتبادل الطلاب مسائلهم وكل طالب يحل مسألة زميله ثم يقارنون الحلول. إن لم تتفق الحلول، يعمل الطلاب معًا على اكتشاف الأخطاء. **1, 3, 4**

### هل تحتاج لمثال آخر؟

لدى مدرسة السعيدية الإعدادية 360 طالبًا مقسمين بالتساوي على أربعة صفوف. كم عدد الطلاب في كل صف؟ **90 طالبًا**



**المسألة رقم 2 أرني المال**  
يوضح الجدول المصروف الأسبوعي لكريمة.

الجم	10	11	12	13
المصروف الأسبوعي (AED)	2	4	6	■

فإذا استمر النمط، فكم سيبلغ مصروف كريمة عندما تتم 13 عامًا؟

### 1 الفهم

اقرأ المسألة. ما الذي يُطَلَب منك البحث عنه؟

يلزمني البحث عن **المبلغ الذي ستحصل عليه كريمة عندما تبلغ 13 عامًا.**

ضع خطأ أسفل القيم والكلمات الأساسية في المسألة. ما المعلومات التي تعرفها؟

يوضح الصف العلوي زيادة في الأعمار بمقدار **1**. ويوضح الصف السفلي زيادة في الدراهم بمقدار **2** في العام.

### 2 التخطيط

اختر عملية.

سأستخدم **الجمع** لحل هذه المسألة.

### 3 الحل

وضح النمط الموجود في الجدول. ثم أكمله باستخدام إستراتيجيتك لحل المسألة.

كل عام، يزداد مصروفها بمقدار **2 AED**.

		+1	+1	+1
الجم	10	11	12	13
المصروف الأسبوعي (AED)	2	4	6	8
		+2	+2	

$6 + 2 = 8$  إذا، ستحصل كريمة على **8 AED** عندما تبلغ 13 عامًا.

### 4 التحقق

استخدم المعلومات الموجودة في المسألة للتحقق من إجابتك.

استخدم عملية الطرح للتحقق من إجابتك.  $8 - 2 = 6$

## 2 نشاط تعاوني

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

تمارين



**LA AL** "فكر- تبادل-شارك" اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات. امنح الطلاب دقيقة واحدة للتفكير في إجاباتهم على المسائل 3-6. اطلب منهم مشاركة الإجابات مع زملائهم. ثم ناقش التالي في مجموعة كبيرة. **3, 1**

اطرح الأسئلة التالية:

• هل استخدم كل ثنائي من الطلاب نفس الإستراتيجية لحل المسائل 3-6؟ **نموذج الإجابة: لا**

• ما الذي يمكنك استنتاجه بشأن حل المسألة الكلامية وخطة الخطوات الأربع؟ **نموذج إجابة: توجد طرق مختلفة لحل المسألة الكلامية. يمكنك استخدام خطة الخطوات الأربع للوصول إلى الإستراتيجية الصحيحة.**

**LA BL** مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لمناقشة طريقتهم في حل المسائل 3-6. ثم ادع أحد الطلاب لمشاركة إجابته مع مجموعة صغيرة أو مجموعة كبيرة. **3, 1**

## النسب وعلاقات التناسب



تعاون مع مجموعة صغيرة لحل المسائل التالية. اكتب الحل على ورقة منفصلة.

## المسألة رقم 3 المشي

تستخدم خلود عداد الخطوات لمعرفة عدد الخطوات التي تمشيها في كل يوم دراسي. مشيت خلود 32410 خطوة خلال 5 أيام. ومشيت عدد الخطوات نفسه كل يوم وكانت كل خطوة بمقدار 28 بوصة.

فكم عدد الأميال التي قطعتها سيرا على الأقدام يوم الاثنين؟ قَرِّب إلى أقرب جزء من مئة. (تلميح: يوجد 5280 قدماً في الميل الواحد).

2.86 mi

## المسألة رقم 4 المهدخوات

يكسب أيمن التفود لكي يشتري دراجة بقيمة 100 AED. انقضت والدته معه على أن تعطيه درهماً مقابل كل درهم يكسبه. لقد كسب حتى الآن 14 AED من قص الحشائش، و 7 AED من غسل السيارات.

فكم عليه أن يكسب أكثر لكي يشتري الدراجة؟

AED 29

## المسألة رقم 5 الأموال

اشترت السيدة خولة تذاكراً جديداً بشاشة كبيرة. وقدمت دفعة أولية بقيمة 50 AED ودفعت إجمالي 890 AED على مدى 12 شهراً.

فكم دفعت كل شهر؟

AED 70

## المسألة رقم 6 المعدات الرياضية

تمتلك السيدة بدرية 130 AED لتشتري كرات السلة لمدرسة دبي الوطنية.

فكم كرة سلة يمكن أن تشتريها إذا كانت سعر الوحدة 15 AED؟ فسر الباقي.

**8 كرات سلة، والباقي 10. لذا، سيتبقى معها 10 AED.**



## اختبار نصف الوحدة

إذا واجه الطلاب صعوبة في التمارين 8-1، قد يكونون بحاجة إلى مساعدة في المفاهيم التالية.

المفهوم	التمرين (التمارين)
النسب (الدرسان 2 و 4)	1, 5, 8
العامل المشترك الأكبر (GCF) (الدرس 1)	2, 4
المضاعف المشترك الأصغر (LCM) (الدرس 1)	3
معدلات الوحدة (الدرس 3)	6
التمثيلات البيانية للأزواج المرتبة (الدرس 5)	7

### نشاط المفردات

**LA التعاون الجماعي** اطلب من الطلاب العمل في مجموعة صغيرة لإكمال التمرين 1. يُخصص رقم لكل طالب. الطلاب مسؤولون عن تأكيد استيعاب كل فرد في المجموعة تعريف النسبة. ينبغي على الطلاب طرح الأسئلة على بعضهم البعض للحصول على التوضيح والمساعدة. عند الحاجة. استدع طالبًا واحدًا من خلال الرقم ليشارك إجابته مع الفصل. 1, 3, 6

### الإستراتيجية البديلة

**AL** اطلب من الطلاب ابتكار عدة أمثلة على النسبة.

## اختبار نصف الوحدة

### مراجعة المفردات



1. أكمل الفراغ في الجملة أدناه بالمصطلح الصحيح. (الدرس 2)  
النسبة هي مقارنة بين كميتين عن طريق القسمة.

### مراجعة المهارات وحل المسائل

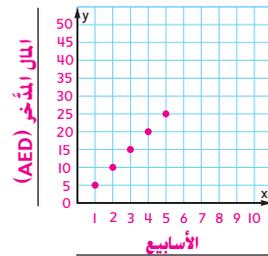
أوجد العامل المشترك الأكبر (GCF) أو المضاعف المشترك الأصغر (LCM) لكل مجموعة من الأعداد. (الدرس 1)

2. 18 و 24 العامل المشترك الأكبر (GCF) = 6  
المضاعف المشترك الأصغر (LCM) = 60  
3. 12 و 20  
4. 16 و 32 العامل المشترك الأكبر (GCF) = 16

5. اكتب 15 قطعة بسكويت إلى 40 كعكة على شكل نسبة في أبسط صورة. (الدرس 2) 3:8

6. اكتب 17 ميلًا في 3 ساعات كمعدل وحدة. (الدرس 3)  $\frac{57}{1h} = mi$

7. استخدم أدوات الرياضيات بين الجدول أدناه المبلغ الموجود في حساب خالد كل أسبوع. أدرج المعلومات على شكل أزواج مرتبة ثم مثل هذه الأزواج المرتبة بيانيًا. صف النمط الموجود في التمثيل البياني. (الدرس 5)



الأسبوع، x	المدخرات (AED)، y	زوج المرتب (x, y)
1	5	(1, 5)
2	10	(2, 10)
3	15	(3, 15)
4	20	(4, 20)
5	25	(5, 25)

يوضح الرسم البياني أن خالدًا ادخر 5 AED في كل أسبوع.

8. المتأثرة في حل المسائل تستخدم فتانة ثلاثة ألوان مختلفة في صورة مرسومة بالفسيفساء. ونسبة بلاطات اللون الأخضر إلى الأزرق إلى الأصفر في الصورة المرسومة بالفسيفساء هي 4:6:9. ولديها 42 بلاطة زرقاء سوف تستخدمها. فكم عدد البلاطات الخضراء والصفراء التي تحتاج إليها؟ (الدرس 4)

28 بلاطة خضراء، و 63 بلاطة صفراء

## النسب المتكافئة

## مسائل من الحياة اليومية

**التصوير** أنفقت أماني درهين ليعمل 10 نسخ مصورة في أحد أكشاك التصوير. ثم أنفقت 6 AED ليعمل 30 نسخة.

عدد النسخ المصورة	التكلفة (AED)
10	2
30	6

1. عبّر عن العلاقة بين عدد النسخ المصورة التي حصلت عليها وإجمالي التكلفة لكل حالة على هيئة معدل في شكل كسر.

10 نسخ مصورة  $\frac{10}{2}$  و 30 نسخة مصورة  $\frac{30}{6}$  درهمان

2. قارن العلاقة بين قيمتي البسط لكلا المعدلين في التمرين 1. قارن العلاقة بين مقامَي هذين المعدلين.

**الإجابة النموذجية:** يبلغ البسط في المعدل الثاني 3 أضعاف البسط في المعدل الأول. ويبلغ المقام في المعدل الثاني 3 أضعاف المقام في المعدل الأول.

3. ما معدل الوحدة لعشر نسخ مصورة؟  $\frac{5 \text{ نسخ مصورة}}{2 \text{ درهم واحد}} = \frac{10 \text{ نسخ مصورة}}{4 \text{ درهماً}}$

4. ما معدل الوحدة لثلاثين نسخة مصورة؟  $\frac{5 \text{ نسخ مصورة}}{6 \text{ درهم واحد}} = \frac{30 \text{ نسخة مصورة}}{36 \text{ درهماً}}$

5. هل المعدلان الموجودان في التمرين 1 متكافئان؟ اشرح.

**نعم؛ الإجابة النموذجية:** المعدلان لهما معدل الوحدة ذاته، وهو 5 نسخ مصورة لكل درهم.

**ما دور الممارسات الرياضية التي استخدمتها؟**  
**ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.**

- |                                |                           |
|--------------------------------|---------------------------|
| ⑤ استخدام أدوات الرياضيات      | ① المتابعة في حل المسائل  |
| ⑥ مراعاة الدقة                 | ② التفكير بطريقة تجريدية  |
| ⑦ الاستعادة من البنية          | ③ بناء فرضية              |
| ⑧ استخدام الاستنتاجات المتكررة | ④ استخدام نماذج الرياضيات |

## التركيز تضييق النطاق

**الهدف** أوجد النسب والمعدلات المتكافئة باستخدام معدلات الوحدة والكسور المتكافئة.

## الترباط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

**السابق** قام الطلاب بتمثيل مسائل واقعية تتضمن النسب باستخدام الجداول والتمثيلات البيانية.

**الحالي** يوجد الطلاب النسب والمعدلات المتكافئة ويستخدمونها لحل المسائل.

**التالي** سيصمم الطلاب نماذج لمسائل النسب والمعدلات.

## الدقة اتباع المفاهيم والتربس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في صفحة 63.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.

**LA** **فكر - اعمل في ثنائيات - اعمل منفرداً** اطلب من الطلاب العمل في ثنائيات لإكمال التمرينين 1 و 2. ثم اطلب منهم إكمال التمارين 3-5 منفردين. اطلب منهم مشاركة إجاباتهم مع زميلهم بعد الانتهاء لمناقشة أي اختلافات وحلها. 1, 3

## الإستراتيجيات البديلة

**AL** اطلب من الطلاب الحل بترتيب عكسي في الجدول لإيجاد تكلفة النسخة المصورة الواحدة. اطلب منهم مقارنة هذه الخطوة بالإجابة التي توصلوا إليها في التمرين 3. 1, 3, 5

**BL** اطلب من الطلاب توسيع نطاق المسألة من خلال توجيه أسئلة مثل كم تبلغ تكلفة 60 نسخة و 80 نسخة و 100 نسخة إذا وصلنا بهذا النمط. 1, 8

## الدرس 6 النسب المتكافئة 59

## 2 تعليم المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعليم.

## أمثلة

1. استخدم معدلات الوحدة لتحديد المعدلات المتكافئة.
  - AL • كيف يمكنك كتابة 20 ميلًا في 5 ساعات على هيئة كسر؟ 45 ميلًا في 9 ساعات؟  
 $\frac{20 \text{ ميلًا}}{5 \text{ ساعات}} = \frac{45 \text{ ميلًا}}{9 \text{ ساعات}}$
  - OL • ما معدل الوحدة لكل منها؟  $\frac{20 \text{ أميال}}{5 \text{ ساعات}}$ ؛  $\frac{45 \text{ أميال}}{9 \text{ ساعات}}$
  - هل المعدلات متكافئة؟ الشرح. لا، المعدلات ليست لديها نفس معدل الوحدة.
  - BL • كيف يمكنك تعديل أحد المعدلات بحيث يصبح زوج المعدلات متكافئًا؟ نموذج إجابة: يمكن أن يكون المعدل الثاني 36 ميلًا في 9 ساعات.

هل تحتاج لمثال آخر؟

حدد إذا كانت 20 بكرة مقابل 5 AED تكافئ 48 بكرة مقابل 12 AED. اشرح استنتاجك. نعم،  
بما أن المعدلات هي نفسها،  $\frac{4 \text{ بكرات}}{1 \text{ AED}}$ ، إذًا، فإن المعدلات متكافئة.  
 $\frac{20 \text{ بكرة}}{5 \text{ AED}} = \frac{48 \text{ بكرة}}{12 \text{ AED}}$

2. استخدم معدلات الوحدة لتحديد المعدلات المتكافئة.

- AL • كيف يمكنك كتابة 21 AED مقابل 3 قبصان على هيئة كسر؟ 35 AED مقابل 5 قبصان؟  
 $\frac{21 \text{ AED}}{3 \text{ قبصان}} = \frac{35 \text{ AED}}{5 \text{ قبصان}}$
- OL • ما معدل الوحدة لكل منها؟  $\frac{7 \text{ AED}}{3 \text{ قبصان}}$ ؛  $\frac{7 \text{ AED}}{5 \text{ قبصان}}$
- هل المعدلات متكافئة؟ الشرح. نعم، المعدلات لها نفس معدل الوحدة.
- BL • بهذا المعدل، كم تبلغ تكلفة 7 قبصان؟ 49 AED

هل تحتاج لمثال آخر؟

حدد إذا كان المعدل 42 شخصًا مقسمين على 7 فرق يكافئ المعدل 64 شخصًا على 8 فرق. اشرح استنتاجك. لا، بما أن معدلات الوحدة،  $\frac{6 \text{ أشخاص}}{7 \text{ فريق واحد}}$ ؛  $\frac{8 \text{ أشخاص}}{8 \text{ فريق واحد}}$ ، ليست هي نفسها، إذًا، فالمعدلات ليست متكافئة.

## منطقة العمل

## استخدام معدلات الوحدة

هناك طرق مختلفة لتحديد هل النسبتان أو المعدلان متكافئان أم لا. وإحدى هذه الطرق هي من خلال فحص معدلات الوحدة. ومن خلال مقارنة الكميّتين على هيئة معدّلين في أبسط صورة، يمكنك تحديد ما إذا كانت العلاقة بين الكميّتين ستبقى كما هي أم لا.

$$\frac{5 \text{ نسخ مصورة}}{\text{درهم واحد}} = \frac{10 \text{ نسخ مصورة}}{\text{درهمان}} \quad \text{أو} \quad \frac{30 \text{ نسخة مصورة}}{\text{AED 6}} = \frac{5 \text{ نسخ مصورة}}{\text{درهم واحد}}$$

وبما أن المعدلات لديها معدل الوحدة ذاته، فهي نسب متكافئة.

## أمثلة

1. حدد هل كل زوج من المعدلات متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك.  
20 ميلًا في 5 ساعات و 45 ميلًا في 9 ساعات  
اكتب كل معدل في هيئة كسر، ثم أوجد معدل الوحدة.

$$\frac{20 \text{ ميلًا}}{5 \text{ ساعة واحدة}} = \frac{4 \text{ أميال}}{\text{ساعة واحدة}}$$

$$\frac{45 \text{ ميلًا}}{9 \text{ ساعات}} = \frac{5 \text{ أميال}}{\text{ساعة واحدة}}$$

وبما أن المعدلات ليس لديها معدل الوحدة ذاته، فهي ليست متكافئة.

2. 3 قبصان قصيرة الأكام ببلغ 21 AED و 5 قبصان قصيرة الأكام ببلغ 35 AED

$$\frac{21 \text{ AED}}{3 \text{ قبصان قصيرة الأكام}} = \frac{7 \text{ AED}}{\text{قبص واحد قصير الأكام}} \quad \frac{35 \text{ AED}}{5 \text{ قبصان قصيرة الأكام}} = \frac{7 \text{ AED}}{\text{قبص واحد قصير الأكام}}$$

وبما أن المعدلين لهما معدل الوحدة نفسه، فهما إذاً، متكافئان.

تأكد من فهمك أوجد حلًا للنسبة التالية لتأكد أنك فهمت.

حدد هل كل زوج من المعدلات متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك.

- a. 36 قبصًا قصير الأكام في 3 صناديق و 60 قبصًا قصير الأكام في 6 صناديق
- b. 42 زهرة في 7 مزهريات و 54 زهرة في 9 مزهريات

## معدلات الوحدة

معدل الوحدة في المثال 2.  
AED 7

قبص واحد قصير الأكام  
يسمى سعر الوحدة حيث إنه يقدم  
سعر الوحدة الواحدة.

أ: بما أن معدلات الوحدة  
12 قبصًا قصير الأكام  
صندوق واحد

10 قبصان قصيرة الأكام  
صندوق واحد

يست واحدة، فإن المعدلين غير متكافئين.

هنا الحل

ب: نعم: بما أن معدلات  
الوحدة هي،  
6 زهور

مزهريّة واحدة  
فإن المعدلين متكافئان.

## أمثلة

3. استخدم معدلات الوحدة لتحديد المعدلات المتكافئة.

AL • كيف يمكنك كتابة 60 صفحة تمت قراءتها في غضون 3 أيام على هيئة كسر؟

90 صفحة في غضون 6 أيام؟  $\frac{60 \text{ صفحة}}{3 \text{ أيام}}$ ؛  $\frac{90 \text{ صفحة}}{6 \text{ أيام}}$

OL • هل معدلات الوحدة هي نفسها؟ اشرح. لا؛ نموذج إجابة: معدل القراءة لدى

فاتن يصل إلى 20 صفحة في اليوم و 15 صفحة في اليوم، وهما ليسا متكافئين.

BL • كيف يمكنك حل هذه المسألة بطريقة مختلفة؟

نموذج إجابة: 6 أيام ضعف 3 أيام، بينما 90 صفحة ليست ضعف

60 صفحة، لذا، فالمعدلات ليست متكافئة.

هل تحتاج لمثال آخر؟

يمكنك شراء 3 من البيتزا متوسطة الحجم من محل البيتزا بسعر 18 AED أو 5 من البيتزا

متوسطة الحجم بسعر 30 AED. هل معدلات البيع هذه متكافئة؟ اشرح استنتاجك. نعم، بما

أن معدلات الوحدة هي نفسها،  $\frac{6 \text{ AED}}{\text{واحد من البيتزا}}$ ، فإن المعدلات متكافئة.

4. استخدم الكسور المتكافئة لتحديد ما إذا كانت النسب والمعدلات متكافئة أم لا.

AL • كيف يمكنك كتابة 3 رميات حرة من 7 محاولات على هيئة كسر؟  $\frac{3 \text{ رميات حرة}}{7 \text{ محاولات}}$

• كيف يمكنك كتابة 9 رميات حرة من 14 محاولة على هيئة كسر؟  $\frac{9 \text{ رميات حرة}}{14 \text{ محاولة}}$

OL • هل هذان الكسران متكافئان؟ الشرح. لا، لأن بسط ومقام الكسر الأول لا يمكن

ضربهم في نفس العدد لينتج عنه الكسر الثاني.

BL • كيف يمكنك حل هذه المسألة بطريقة مختلفة؟ نموذج إجابة: العدد 7 نصف

14، بينما 3 ليست نصف 9، لذا، فإن المعدلات ليست متساوية.

هل تحتاج لمثال آخر؟

حدد إذا كان تسجيل 5 لغات سباحة في 8 دقائق و 11 لغة في 16 دقيقة متكافئين.

اشرح استنتاجك.

لا، بما أن الكسور ليست متكافئة، إذاً فإن النسب ليست متكافئة.

## النسب وعلاقات التناسب

## مثال

3. قرأت فاتن أول 60 صفحة من أحد الكتب في 3 أيام. وقرأت آخر 90 صفحة في 6 أيام. هل معدلات القراءة هذه متكافئة؟ اشرح استنتاجك.

$$\frac{20 \text{ صفحة}}{\text{يوم واحد}} = \frac{60 \text{ صفحة}}{3 \text{ أيام}} \quad \frac{15 \text{ صفحة}}{\text{يوم واحد}} = \frac{90 \text{ صفحة}}{6 \text{ أيام}}$$

وبما أن المعدلات ليس لديها معدل الوحدة ذاته، فهي ليست متكافئة. إذاً، معدلات فاتن في القراءة ليست متكافئة.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

c. صنعت ليلي 10 أساور لخمس صديقات. وصنعت جنى 12 أسورة لأربع صديقات. فهل هذان المعدلان متكافئان؟ اشرح استنتاجك.

d. جمع النادي A مبلغ 168 AED من غسل 42 سيارة. وجمع النادي B مبلغ 152 AED من غسل 38 سيارة. فهل معدلا جمع التبرعات هذان متكافئان؟ اشرح استنتاجك.

## استخدام الكسور المتكافئة

إذا لم يتم إيجاد معدل الوحدة بسهولة، فاستخدم الكسور المتكافئة لتحديد هل النسب أو المعدلات متكافئة أم لا.

## أمثلة

حدد هل كل زوج من النسب أو المعدلات متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك.

4. 3 رميات حرة من أصل 7 محاولات؛  
9 رميات حرة من أصل 14 محاولة

اكتب كل نسبة على هيئة كسر.

$$\frac{3 \text{ رميات حرة}}{7 \text{ محاولات}} \quad \frac{9 \text{ رميات حرة}}{14 \text{ محاولة}}$$

إذًا، الكسران غير متكافئين.

بما أن الكسرين غير متكافئين، فإن النسب غير متكافئة.

## التناسب

التناسب هو معادلة تنص على أن النسبتين أو المعدلين متكافئان.

c. لا؛ بما أن معدلات الوحدة هي 2 سوار و 3 أساور صديقة واحدة، فإنها ليسا متساويين، وبالتالي تكون معدلات غير متكافئة.

d. نعم، بما أن معدلات الوحدة هي ذاتها  $\frac{4 \text{ AED}}{\text{سيارة واحدة}}$ ، فإن المعدلين متكافئان.

Manahj.com/ae

## مثال

5. استخدم الكسور المتكافئة لتحديد التكافؤ.

AL • كم تبلغ تكلفة المجموعة المكونة من 6 أقراص مدمجة؟ 3 أقراص مدمجة؟

AED 90 و AED 45

• إذا اشترت مجموعتين تتكونان من 3 أقراص مدمجة، فكم عدد الأقراص المدمجة التي ستشترىها معاً؟ وكم ستكون التكلفة؟ **6 أقراص مدمجة بتكلفة AED 90**

OL • هل المعدلات متكافئة؟ اشرح. نعم، حيث إن البسط والمقام مقسومان على نفس العدد، 2.

• كيف يمكننا كتابة الكسور المتكافئة؟ **6 أقراص = 3 أقراص**  
**AED 90 = AED 45**

BL • إذا كانت تكلفة المجموعة المكونة من 8 أقراص مدمجة تبلغ AED 80، فهل يكافئ

هذا المعدل المعدل الواردان في المثال؟ اشرح. لا؛ نموذج إجابة: لا يمكن ضرب البسط والمقام في نفس معامل القياس. ينبغي أن تصل تكلفة 8 أقراص مدمجة إلى AED 120 حتى تتكافأ المعدلات.

هل تحتاج لمثال آخر؟

حدد إذا كانت النسبة 8 إسطيلات بيا 56 حصاناً تكافئ النسبة 4 إسطيلات بيا 28 حصاناً.

اشرح استنتاجك. نعم، بما أن  $\frac{8 \text{ إسطيلات} \div 2}{56 \text{ حصاناً} \div 2} = \frac{3 \text{ إسطيلات}}{28 \text{ حصاناً}}$ ، إذًا، فالمعدلات متكافئة.

## تمرين موجه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقويم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتميزة الواردة أدناه.



LA • **فكر - اعمل في ثنائيات-شارك** امنح الطلاب بضع دقائق للتفكير في

حلولهم المستخدمة في التمارين 1-5. ثم اطلب من كل ثنائي من الطلاب تحديد الحلول. استعد مجموعة ثنائية منهم لمشاركة حلولها مع المجموعة ومع الفصل ومناقشة أي اختلافات وحلها.

3, 1

BL • **تبادل المسائل** اطلب من كل طالب كتابة معدل وحدة وثلاثة معدلات من

المحتبل أن تكون متكافئة بحيث لا يتكافأ إلا أحدهم فقط. ثم اطلب منهم تبادل المسائل مع زميل واطلب من هذا الزميل تحديد المعدل المكافئ. اطلب منهم تحليل الإجابة. 4, 3, 1

5. تقارن صابرين تكلفة مجموعتين من الأقراص المدمجة. تحتوي مجموعة منهما على 6 أقراص مدمجة بتكلفة AED 90، والأخرى تحتوي على 3 أقراص مدمجة بتكلفة AED 45. فهل المعدلان متكافئان؟ اشرح استنتاجك.

اليسيط والمقام مقسومان على العدد نفسه. إذا، الكسور متكافئان.

بما أن الكسور متكافئان، إذًا، فالنسب متكافئة.



لا، بما أن  
4 فتيات  $\neq$  12 فتاة،  
8 طالبات  $\neq$  16 طالبة  
فإن النسب غير متكافئة.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

e. لدى السيدة مئة 12 فتاة من أصل 16 طالبة في مجلس الطلاب. وتضم لجنة يوم الأرض 4 فتيات من أصل 8 طالبات. فهل النسبتان متكافئتان؟ اشرح استنتاجك.



## تمرين موجه

حدد هل كل زوج من النسب أو الأسعار متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك.

1. توفير AED 24 بعد 3 أسابيع؛ توفير AED 52 بعد 7 أسابيع  
(البتالان 1 و 2)  
لا؛ بما أن معدلات الوحدة هي ذاتها، أي  $\frac{AED 8}{3 \text{ أسابيع}} = \frac{AED 7.45}{3 \text{ أسابيع}}$ ، فإن المعدلات متكافئة؛ وجبة واحدة.  
ليست متساوية، فإن المعدلات غير متكافئة.
2. 270 سعراً حرارياً في 3 وجبات؛ و 450 سعراً حرارياً في 5 وجبات (البتالان 1 و 2)  
نعم، بما أن معدلات الوحدة هي ذاتها، أي  $\frac{90 \text{ سعراً حرارياً}}{3 \text{ وجبات}} = \frac{450 \text{ سعراً حرارياً}}{5 \text{ وجبات}}$ ، فإن المعدلات متكافئة؛ وجبة واحدة.

3. يستطيع مروان أن يؤدي 75 مرة من تمارين الضغط في 3 دقائق. ويستطيع إيهاب أن يؤدي

130 مرة من تمارين الضغط في 5 دقائق. فهل هذان المعدلان متكافئان؟ اشرح. (مثال 3)

لا؛ فمعدل الوحدة لمروان يساوي  $\frac{25 \text{ مرة}}{3 \text{ دقائق}}$  ومعدل الوحدة لإيهاب فهو  $\frac{26 \text{ مرة}}{5 \text{ دقائق}}$ ، فمعدلان غير متكافئين.

4. يتنفس الإنسان البالغ حوالي 16 مرة في 60 ثانية. ويتنفس الجرو حوالي 8 مرات في 15 ثانية. فهل هذان المعدلان متكافئان؟ اشرح استنتاجك. (البتالان 4 و 5)

لا، بما أن  $\frac{16 \text{ تنفساً}}{60 \text{ ثانية}} \neq \frac{8 \text{ تنفساً}}{15 \text{ ثانية}}$ ، فالمعدلان غير متكافئين.

5. الاستفادة من السؤال الأساسي كيف يمكنك تحديد إذا ما كانت النسبتان متكافئتين؟ الإجابة النموذجية: يمكنك إيجاد معدل الوحدة لكل نسبة والمقارنة بينهما.

## قيم نفسك!

هل أنت مستعد للمتابعة؟ ظلل القسم المناسب.



مطويات | حان وقت تحديث مطوبتك!

## 3 التمرين والتطبيق

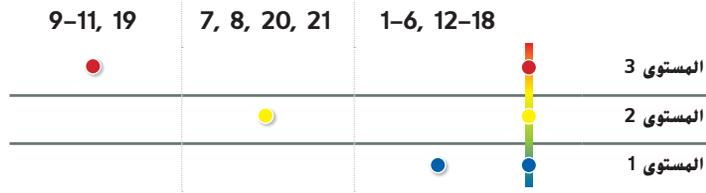
## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمرين الإضافي للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين



## الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

## خيارات الواجب المنزلي المتميزة

خيارات الواجب المنزلي المتميزة	قريب من المستوى	AL
1-7, 10, 11, 20, 21	قريب من المستوى	AL
1-5 فردي, 7, 8, 10, 11, 20, 21	ضمن المستوى	OL
7-11, 20, 21	أعلى من المستوى	BL

## الدرس 6 النسب المتكافئة 63

## تمارين ذاتية

حدد هل كل زوج من النسب أو المعدلات متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك. (الأمثلة 1-2، 4-5)

1. 3 AED مقابل 6 فطائر، و 9 AED مقابل 24 فطيرة

لا، بما أن معدلات الوحدة،  $\frac{AED 0.50}{\text{فطيرة واحدة}}$  و  $\frac{AED 0.38}{\text{فطيرة واحدة}}$ ،

ليست واحدة، فإن المعدلين غير متكافئين.

2. 12 AED مقابل 3 كتب بغلاف ورقي، و 28 AED مقابل 7 كتب بغلاف ورقي

نعم، بما أن معدلات الوحدة هي ذاتها،  $\frac{AED 4}{\text{كتاب واحد}}$ ، فإن النسب متكافئة؛

$\frac{AED 12}{3 \text{ كتب}} = \frac{AED 28}{7 \text{ كتب}}$

3. 3 ساعات عمل مقابل 12 AED، و 9 ساعات عمل مقابل 36 AED

نعم، بما أن  $\frac{3 \text{ h}}{AED 12} = \frac{9 \text{ h}}{AED 36}$ ، فإن الكسور متكافئة؛

$\frac{3 \text{ h}}{AED 12} = \frac{9 \text{ h}}{AED 36}$

4. 12 دقيقة لاجتياز 30 شوطاً بالسيارة و 48 دقيقة لاجتياز 120 شوطاً بالسيارة

نعم، بما أن  $\frac{12 \text{ m} \times 4}{30 \times 4} = \frac{48 \text{ min}}{120 \text{ شوطاً}}$ ، فإن الكسرين متكافئان

$\frac{12 \text{ m}}{30 \text{ شوطاً}} = \frac{48 \text{ min}}{120 \text{ شوطاً}}$

5. تقارن ريم بين تكلفة مجموعتين من الجوارب. تضم إحدى المجموعتين 8 أزواج من الجوارب

مقابل 12 AED. وتضم الأخرى 3 أزواج من الجوارب مقابل 6 AED. فهل المعدلان متكافئان؟ اشرح استنتاجك.

لا، الإجابة النموذجية: حيث إن  $\frac{8 \text{ أزواج}}{AED 12} \neq \frac{3 \text{ أزواج}}{AED 6}$ ، فإن النسب غير متكافئة.

6. قام جمال بتكبير الصورة الفوتوغرافية الموضحة على اليسار

إلى حجم الملصق. ويبلغ حجم الملصق 60 بوصة في 100 بوصة. فهل نسبة طول الملصق وعرضه متكافئة مع نسبة طول الصورة الفوتوغرافية وعرضها؟ اشرح استنتاجك. (مثال 3)

نعم، نسبة الطول إلى العرض لكل من الصورة الفوتوغرافية والملصق تشكل كسوراً متكافئة.

3 in.



5 in.

7. تحرير الاستنتاجات في أحد اختبارات الرياضيات. استغرقت عبير 30 دقيقة لحل 6

مسائل، وأنهت هالة حل 18 مسألة في 40 دقيقة. فهل استخدمت الطالبتان المعدل نفسه أثناء الحل؟ اشرح استنتاجك.

لا، الإجابة النموذجية: حلت عبير  $\frac{6 \text{ مسائل}}{30 \text{ دقيقة}}$  أو  $\frac{\text{مسألة واحدة}}{5 \text{ دقائق}}$

وحلت هالة  $\frac{18 \text{ مسألة}}{40 \text{ دقيقة}}$  أو  $\frac{9 \text{ مسائل}}{20 \text{ دقيقة}}$ . إذن، فالنسب ليست متكافئة.

## الممارسات الرياضية

التمرين (التمارين)	التركيز على
9, 11	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
7, 19	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
8	6 مراعاة الدقة.
10	7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.

تعد الممارسات الرياضية 1 و 3 و 4 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.

8. كن دقيقاً راجع الإطار المصور الرسومي التالي للتمرينين "a" و "b".



a. ما سعر الوحدة لعلب عصير الليمون في كل متجر؟  
**التوفير المدهش: 0.21 AED للعبوة؛ تسوق بذكاء: 0.19 AED للعبوة؛  
 محطم الأسعار: 0.25 AED لكل عبوة**

b. من أي متجر ينبغي على عمرو وشريف وعلي شراء علب عصير الليمون؟ اشرح.  
**ينبغي عليهم شراء عبوات عصير الليمون من عرض "تسوق بذكاء". ففي هذا العرض،  
 تكلفة كل عبوة هي الأقل سعراً.**

مهارات التفكير العليا

9. أي مما يلي لا ينتمي للمجموعة؟ حدد المعدل الذي لا يتناسب مع المعدلات الثلاثة الأخرى. علّل إجابتك.

4.5 أقدام في الثانية	112.5 قدمًا في 25 ثانية	86.4 قدمًا في 18 ثانية	54 قدمًا في 12 ثانية
----------------------	-------------------------	------------------------	----------------------

**86.4 قدمًا في 18 ثانية؛ الإجابة النموذجية: المعدلات الثلاثة الأخرى متكافئة.**

10. تحديد البنية اكتب نسبتين مكافئتين للكسر  $\frac{5}{7}$ .

**الإجابة النموذجية:  $\frac{10}{14}$  و  $\frac{15}{21}$**

11. المثابرة في حل المسائل نسبة البنات إلى البنين في مرحلة التعليم الابتدائي هي 5 إلى 7. وفي بداية العام الدراسي، كان هناك 72 طالبًا في هذه المرحلة. ووصلت نسبة البنات إلى البنين 3 إلى 4 في نهاية العام. فإذا كان هناك 48 ولدًا ملتحقًا بهذه المرحلة الآن، فكم يبلغ عدد البنات الملتحقات بتلك المرحلة خلال هذا العام الدراسي؟

**6 بنات**

## التقييم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقييم مرحلي نهائي قبل مغادرة الطلاب الفصل.

## بطاقة التحقّق من استيعاب الطلاب

أخبر الطلاب أن الدروس التالية تركز على حل مسائل من الحياة اليومية عن النسبة والتناسب. اطلب منهم كتابة بعض الجمل عن كيف يمكنهم استخدام النسب والمعدلات المتكافئة لحل مسائل النسبة والتناسب، حسب رأيهم. **راقب عمل الطلاب.**

## انتبه!

**خطأ شائع** لمنع تحويل النسب، اقترح على الطلاب أن يُسموا الوحدات الموجودة في البسط والمقام وأن يحتفظوا بمكان ثابت للوحدة في النسبة التالية.

## 64 الوحدة 1 النسب والمعدلات

الاسم \_\_\_\_\_

واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

## تمرين إضافي

حدد هل كل زوج من النسب أو المعدلات متكافئ أم لا. اشرح استنتاجك.

12. تم رصد 16 نقطة في 4 ألعاب، وتم رصد 48 نقطة في 8 ألعاب  
 لا:  $\frac{6 \text{ نقاط}}{\text{لعبة واحدة}} = \frac{48 \text{ نقطة}}{8 \text{ ألعاب}} = \frac{4 \text{ نقاط}}{\text{لعبة واحدة}}$  و  $\frac{16 \text{ نقطة}}{4 \text{ ألعاب}} = \frac{4 \text{ نقاط}}{\text{لعبة واحدة}}$ ؛ وبما أن المعدلات الوحدة ليست  
 متساوية، فإن المعدلان غير متكافئين.

مساعدة  
الواجب المنزلي

13. 96 كلمة مكتوبة في 3 دقائق؛ و 160 كلمة مكتوبة في 5 دقائق  
 نعم؛ بما أن معدلات الوحدة هي ذاتها  $\frac{32 \text{ كلمة}}{\text{دقيقة واحدة}}$ ، فإن المعدلان متكافئان:

$$\frac{96 \text{ كلمة}}{3 \text{ دقائق}} = \frac{160 \text{ كلمة}}{5 \text{ دقائق}}$$

14. جهاز كمبيوتر موزع على 45 طالبًا و 45 جهاز كمبيوتر موزع على 135 طالبًا

نعم؛ بما أن  $\frac{45 \text{ جهاز كمبيوتر}}{135 \text{ طالبًا}} = \frac{15 \times 3 \text{ جهاز كمبيوتر}}{45 \text{ طالبًا}} = 3$ ، فإن الكسرين متكافئان:

$$\frac{45 \text{ جهاز كمبيوتر}}{135 \text{ طالبًا}} = \frac{15 \times 3 \text{ جهاز كمبيوتر}}{45 \text{ طالبًا}}$$

15. 16 طالبًا من بين 28 طالبًا يمتلك حيوانات أليفة؛ و 240 طالبًا من بين 560 طالبًا يمتلك حيوانات أليفة

لا؛ بما أن  $\frac{16 \text{ طالبًا}}{28 \text{ طالبًا}} = \frac{240 \text{ طالبًا}}{560 \text{ طالبًا}}$ ، فإن النسب غير متكافئة.

16. 288 ميلًا مقطوعًا مقابل 12 جالونًا من الوقود؛ و 240 ميلًا مقطوعًا مقابل 10 جالونات من الوقود

$$\frac{288 \text{ mi}}{12 \text{ gal}} = \frac{240 \text{ mi}}{10 \text{ gal}}$$

نعم؛ بما أن النسبتين تشاركان معدل الوحدة نفسه، فإن عدد الأميال المقطوعة وعدد جالونات الوقود المستخدمة تشكلان نسب متكافئة:

17. يصمم فهد نموذجًا لغرفة معيشة. يبلغ طول الأريكة المدرجة في نمودجه 16 بوصة ويبلغ عرضها 7 بوصات. بينما تبلغ أبعاد الأريكة في الواقع 80 بوصة من حيث الطول و 35 بوصة من حيث العرض. فهل نسبة أبعاد الأريكة المدرجة في النموذج متكافئة مع نسبة أبعاد الأريكة في الواقع؟ اشرح استنتاجك.

نعم، تشكل نسبة الطول والعرض لكل من الأريكة في النموذج والأريكة في الواقع كسرين

متكافئين.

18. يبيع المتجر "أ" 12 زجاجة عصير مقابل AED 4 ويبيع المتجر "ب" 18 زجاجة عصير مقابل AED 6. فهل المعدلان متكافئان؟ اشرح استنتاجك.

نعم؛ بما أن  $\frac{12 \text{ زجاجة}}{\text{AED 4}} = \frac{3 \text{ زجاجات}}{\text{درهم واحد}}$  و  $\frac{18 \text{ زجاجة}}{\text{AED 6}} = \frac{3 \text{ زجاجات}}{\text{درهم واحد}}$ ، فإن الكسرين متكافئان.

19. تبرير الاستنتاجات ادخرت رغبة AED 35 في 5 أسابيع. بينما ادخرت أختها AED 56 في 56 يومًا. فهل النسب التي ادخرت بها الأختان متكافئة؟ اشرح استنتاجك.

نعم؛ الإجابة النموذجية:  $\frac{\text{AED 35}}{5 \text{ أسابيع}} = \frac{\text{AED 7}}{\text{أسبوع واحد}}$  و  $\frac{\text{AED 56}}{56 \text{ يومًا}} = \frac{\text{AED 1}}{8 \text{ أسابيع}}$

أو  $\frac{\text{AED 7}}{8 \text{ أسابيع}}$

alManahj.com/ae

Copyright © 2016 by McGraw-Hill Education. All rights reserved.



النسب وعلاقات التناسب

## مختبر الاستكشاف

مسائل النسب والمعدلات

الاستكشاف

استقصاء كيف يمكنك استخدام معدلات الوحدة وعملية الضرب لإيجاد التياسات الممتودة في مسائل النسب المكافئة؟

ممارسات رياضية  
1, 3, 4, 5, 8

يتنافس أس وسامي في سباق السيارات الصغيرة "جو كارت". أكمل أس 6 أشواط في 12 دقيقة. فإذا كان سامي قد بدأ السباق بنفس المعدل، فكم عدد الدقائق التي استغرقها لإكمال 3 أشواط؟ ما المعطيات التي تعرفها؟ **أكمل أس 6 أشواط في 12 دقيقة. تسابق سامي بالمعدل نفسه.**

ما الذي تحتاج للتوصل إليه؟ **الهدء التي استغرقها سامي لإكمال 3 أشواط**

## نشاط عملي 1

**الخطوة 1** استخدم رسمًا بيانيًا شريطيًا لتمثيل عدد الأشواط التي أكملها أس. الوقت المستغرق لتطع 6 لفات هو 12 دقيقة.

سباق أس	1 لفة					
---------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

**الخطوة 2** يمثل كل قسم شوطًا واحدًا. حدد عدد الدقائق التي استغرقها أس لإكمال شوط واحد.

أكمل أس كل شوط في  $6 \div 12$ ، أو **2** دقيقة.

**الخطوة 3** حدد عدد الدقائق التي استغرقها سامي لإكمال 3 أشواط.



سباق أس	1 لفة					
---------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

سباق سامي	1 لفة	1 لفة	1 لفة
-----------	-------	-------	-------

تم إكمال كل شوط في **2** دقيقة.

إذا، الوقت الذي استغرقه سامي هو  $2 \times 3$ ، أو **6** دقائق.

## التركيز تضييق النطاق

**الهدف** استخدام النماذج لحل مسائل من الحياة اليومية تتضمن النسب والمعدلات.

## الترابط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

التالي

الحالي

سيحل الطلاب مسائل النسب والمعدلات. يستخدم الطلاب الرسم البيانية بالأعمدة لحل مسائل النسب والمعدلات.

## الدقة اتباع المهام والتمرس والتطبيق

انظر الرسم البياني الخاص بمستويات الصعوبة في الصفحة 69.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء النشاط العملي

تهدف الأنشطة 1-3 لاستخدامها كأشطة جماعية. تم تصميم النشاط 1 لتقديم مزيد من الإرشادات للطلاب أكثر من النشاطين 2 و 3.

## نشاط عملي 1

**AL LA** دور المدرب اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لإكمال الخطوات 1-3. اطلب من أحد الطلاب قراءة كل خطوة بصوت عالٍ وتناولها بالشرح في عبارات من عنده بينما يشاهده (المدرب) ويستمع إليه ويشجعه. يستبدل الطلاب الأدوار في كل الخطوات التالية. **1**

**BL LA** مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب مدّ المسألة من خلال تكليفهم بتحديد الوقت الذي قد تستغرقه سارة لإنهاء 4 دورات. اطلب منهم توضيح كيف يساعدهم الرسم البياني بالأعمدة في تحديد هذه المعلومات. **1, 3, 5**

**8 دقائق؛ نموذج إجابة: يعرض الرسم البياني بالأعمدة عدد الدقائق (دقيقتين) لكل دورة، ومن ثمّ يمكنني ضرب هذا العدد في 4 دورات.**

مختبر الاستكشاف مسائل النسب والمعدلات 67

## نشاط عملي 2

**LA BL** **فكر - اعمل في ثنائيات - ارسم** اطلب من الطلاب العمل مع أحد الزملاء لإكمال النشاط 2. ينبغي على كل طالب قراءة سيناريو المسألة في صمت والتفكير في إجابته على الخطوتين 1 و 2 بمفرده. ثم اطلب منهم مشاركة إجابتهم مع زملائهم. وفي النهاية، اطلب منهم تصميم الرسم البياني بالأعمدة وحل المسألة بمفردهم. ثم اطلب منهم العمل مع أحد الزملاء لمناقشة أي اختلافات وحلها. **1, 3, 5**

**اطرح الأسئلة التالية:**

- في الخطوة 1، لم ينقسم الرسم البياني بالأعمدة إلى 4 أقسام متساوية؛ ليمثل 4 أحواض
- كيف يمكنك استخدام الرسم البياني بالأعمدة لإيجاد عدد الأسماك الموجودة في الحوض الواحد؟ **اقسم 184 على 4 للحصول على الناتج 46.**
- بمجرد حصولك على عدد الأسماك الموجودة في الحوض الواحد، فماذا عساك أن تفعل لإيجاد عدد الأسماك الموجودة في 3 أحواض؟ **اضرب 46 في 3 للحصول على الناتج 138.**

## نشاط عملي 3

**LA BL** **فكر - اعمل في ثنائيات - دوّن** اطلب من الطلاب العمل مع أحد الزملاء لإكمال النشاط 3. ثم اطلب منهم مدّ النشاط من خلال تكليفهم بتحديد عدد الأميال التي يقطعها سميح بسيارته أكبر من أيمن في 10.5 ساعات. اطلب منهم التفكير أولاً في كيفية حل المسألة. ثم اطلب منهم مناقشة إجابتهم مع زملائهم. في النهاية، اطلب من كل واحد منهم أن يوضح كيف حل المسألة بمفرده. **1, 3, 5**

**598.5 - 619.5 أو 21 ميلاً، راجع تفسيرات الطالب.**

## نشاط عملي 2

يوجد 184 سمكة ذهبية في متجر للحيوانات الأليفة. توجد هذه الأسماك الذهبية في 4 أحواض. يحمل كل حوض عدد الأسماك نفسه. حدد كم عدد الأسماك الموجودة في 3 أحواض.

**الخطوة 1** استخدم رسماً بيانياً بالأعمدة لتمثيل إجمالي عدد الأسماك الذهبية.



**الخطوة 2** ضع اسماً لكل قسم "حوض واحد". يوجد إذاً:

$$184 \div 4$$

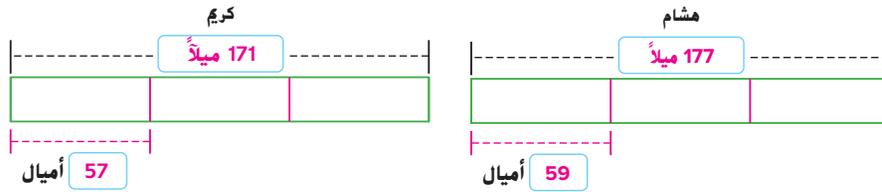
أو **46** سمكة ذهبية في كل حوض.

بالتالي، يوجد **3** × 46، أو **138** سمكة ذهبية في كل حوض.

## نشاط عملي 3

قطع كريم 171 ميلاً في 3 ساعات. وقطع هشام 177 ميلاً في 3 ساعات. بهذه المعدلات، كم عدد الأميال التي يستطيع هشام أن يقطعها أكثر من كريم في 7 ساعات؟

**الخطوة 1** استخدم رسوماً بيانية بالأعمدة لتمثيل عدد الأميال التي قطعها كل من كريم وهشام.



**الخطوة 2** ضع اسماً لكل قسم "ساعة واحدة". في ساعة واحدة، قطع كريم  $171 \div 3$ ، أو:

$$57 \text{ ميلاً وقطع هشام } 177 \div 3 \text{، أو } 59 \text{ ميلاً.}$$

سيقطع كريم  $57 \times 7$ ، أو **399** ميلاً في 7 ساعات. أما هشام فسيقطع  $59 \times 7$ ، أو **413** ميلاً في

7 ساعات. إذاً، سيقطع هشام **399** - **413** أو **14** ميلاً أكثر من كريم في 7 ساعات.





## التحليل والتفكير

تعاون

**LA AL مناقشات ثنائية** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لإكمال التمارين 9-11. إذا واجه الطلاب صعوبة كبيرة في التمرينين 10 و 11، فاطلب منهم تصميم الرسم البياني بالأعمدة أولاً. ثم اطلب منهم إدراج العمليات التي قاموا بتنفيذها بمجرد رسم الرسم البياني بالأعمدة لمساعدتهم في الإجابة على التمرينين 10 و 11. **٣٠ م** 1, 5, 7

**LA BL تبادل المسائل** اطلب من الطلاب إكمال التمارين 9-11 مع أحد الزملاء. اطلب من الطلاب تحديد الطريقة التي يمكن استخدامها لحل المسألة دون تصميم رسم بياني بالأعمدة. عندئذ اطلب منهم كتابة مسألة من الحياة اليومية. ثم اطلب من كل ثنائي تبادل المسائل مع ثنائي آخر. ينبغي على كل ثنائي استخدام طريقتهم الخاصة لتحديد إذا كان بإمكان هذه الطريقة فعلاً حل المسألة التي كتبها الثنائي الآخر أم لا. واطلب منهم تعديل طريقتهم في حل المسألة، إذا لزم الأمر. **٣٠ م** 1, 4, 7



## الإبتكار

شأناً فردياً

**LA AL فُكِّر - اعمل في ثنائيات - ارسِم** اطلب من الطلاب العمل مع أحد الزملاء لإكمال التمرين 12. يكتب الطالب الأول مسألة من الحياة اليومية. يرسم الطالب الثاني رسماً بيانياً بالأعمدة يمثل المسألة. ثم اطلب منهم تكرار العملية مع الطالب الثاني حيث يكتب مسألة مختلفة من الحياة اليومية. **٣٠ م** 1, 4, 5

## الاستكشاف

ينبغي على الطلاب أن يكونوا قادرين على إجابة السؤال "كيف يمكنك استخدام معدلات الوحدات والضرب لإيجاد القياسات المفقودة في مسائل النسبة المتكافئة؟" اختبر مدى فهم الطلاب وقدم توجيه إذا لزم الأمر.

## التحليل والتفكير



نشاط تعاوني

تعاون مع زميلك. راجع التمرين 4 في الصفحة السابقة.

9. افترض أن راشد يقدم ورق بعدل 9 ورقات في 18 دقيقة. فكم تزيد المدة التي سيستغرقها لتقديم 100 ورقة مقارنة بالمدة التي سيستغرقها لتقديم 72 ورقة؟ علّل إجابتك.

**56 min**: الإجابة النموذجية: يستغرق الأمر 144 min لتقديم 72 ورقة، و 200 min لتقديم 100 ورقة؛ إذ  $144 = 56 \times 2$

10. كيف يمكنك أن تحدد الوقت المستغرق لتقديم ورقة واحدة دون تصميم رسم بياني بالأعمدة؟  
**الإجابة النموذجية: بما أن  $2 = 9 \div 18$ ، إذًا يستغرق الأمر 2 min لتقديم ورقة واحدة.**

11. اشرح كيف يمكنك حل مسألة المقارنة التالية دون استخدام رسم بياني بالأعمدة. ثم قدم حلاً للمسألة. يقدم رامي ورق بعدل 6 ورقات في 24 دقيقة. فكم تزيد المدة التي سيستغرقها لتقديم 56 ورقة مقارنة بالمدة التي سيستغرقها لتقديم 41 ورقة؟

**الإجابة النموذجية: بما أن  $4 = 6 \div 24$ ، فأننا نعلم أن الأمر يستغرق 4 min لتقديم ورقة واحدة.**

**الإجابة النموذجية: بما أن  $4 = 6 \div 24$ ، فأننا نعلم أن الأمر يستغرق 4 min لتقديم ورقة واحدة. إذًا يمكننا إيجاد  $4 \times 56 = 224$  و  $4 \times 41 = 164$  والمقارنة بينهما عن طريق الطرح. سوف يستغرق الأمر منه  $224 - 164 = 60$  دقيقة زائدة.**

## الإبتكار



نشاط فردي

12. **٣٠ م** استخدم نماذج الرياضيات لتقرأ علا بعدل 1100 كلمة في 5 دقائق. اكتب مسألة لفظية تتضمن هذه المعلومات ثم حلها.

**الإجابة النموذجية: تستطيع علا قراءة 1100 كلمة في 5 دقائق. بناءً على هذا المعدل، كم عدد الكلمات التي تستطيع قراءتها في 9 دقائق؟ 1980 كلمة**

13. **٣٠ م** استخدم نماذج الرياضيات تستخدم مها 42 جالوناً من الماء في الاستحمام لمدة 10 دقائق. اكتب مسألة تنبؤ تتضمن هذه المعلومات ثم حلها.

**الإجابة النموذجية: تستخدم مها 42 جالوناً من الماء في 10 دقائق. بناءً على هذا المعدل، كم عدد الجالونات التي سوف تستخدمها في 8 دقائق؟ 33.6 جالوناً**

14. **الاستكشاف** كيف يمكنك استخدام معدلات الوحدة وعمليات الضرب لإيجاد القياسات المفقودة في مسائل النسب المتكافئة؟

**الإجابة النموذجية: عند معرفة المعدل البديلي، أوجد معدل الوحدة عن طريق إنشاء مخطط عمودي. ثم اضرب معدل الوحدة لإيجاد القياس المفقود.**

## مسائل النسب والمعدلات

## مسائل من الحياة اليومية

## السؤال الأساسي

كيف تستخدم المعدلات المكافئة في الحياة اليومية؟

ممارسات رياضية  
1, 3, 4, 5, 7

**الألعاب** تبيع إحدى صالات الألعاب نقود رمزية خاصة بالألعاب في شكل فردي أو في مجموعات. تقدم الصالة خصمًا على أسعار المجموعات من النقود الرمزية كما هو مبين أدناه.

النوع	عدد المجموعات	السعر (AED)
1	5	5
2	10	10
3	15	15

1. كم عدد مجموعات النقود الرمزية التي يمكنك شراؤها مقابل 20 AED؟ 4  
25 AED؟ 5  
اشرح.

**تكلف كل مجموعة 5 AED. إذا قسم الإجمالي على 5 AED.**

2. كم يبلغ سعر الوحدة؟

**5 AED للمجموعة**

3. كم تبلغ تكلفة شراء 6 مجموعات من النقود الرمزية؟

**30 AED**

4. تبيع صالة الألعاب نقودًا رمزية فردية مقابل 0.25 AED للقطعة. فإذا كانت مجموعة النقود الرمزية تحتوي على 25 عملة، فكم ستوفر عند شرائك مجموعة بها 25 عملة بدلاً من شرائك 25 عملة بالقطعة؟ اشرح.

**1.25 AED؛ تكلف المجموعة التي تحتوي على 25 عملة رمزية 5 AED أما تكلفة**

**25 عملة فردية فتبلغ 1.25 AED = 5.00 AED - 6.25 AED**

**ما من الممارسات الرياضية التي استخدمتها؟  
ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.**

- |                           |                                |
|---------------------------|--------------------------------|
| ① المذاكرة في حل المسائل  | ⑤ استخدام أدوات الرياضيات      |
| ② التفكير بطريقة تجريدية  | ⑥ مراعاة الدقة                 |
| ③ بناء فرضية              | ⑦ الاستعانة من البنية          |
| ④ استخدام نماذج الرياضيات | ⑧ استخدام الاستنتاجات المتكررة |

## التركيز تضييق النطاق

الهدف حل المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات.

## التربط المنطقي الربط داخل الصفوف وبينها

## السابق

استخدم الطلاب الرسوم البيانية بالأعمدة لحل المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات.

## الحالي

يحل الطلاب المسائل التي تتضمن النسب والمعدلات.

## التالي

سيحول الطلاب الوحدات ضمن نظام القياس.

## الدقة اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيق

انظر المخطط البياني الخاص بمستويات الصعوبة في الصفحة 75.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

## أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط ذاتي.

**LA التعاون الجماعي** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات صغيرة لإكمال التمارين 1-4. يُخصص لكل طالب عدد. الطلاب مسؤولون عن استيعاب كل عضو من أعضاء المجموعة لكل تمرين قبل الانتقال إلى التمرين الذي يليه. استدع طالبًا مختلفًا من خلال الرقم بشكل عشوائي ليشارك إجابات مجموعته مع الفصل. 1

## الإستراتيجية البديلة

**AL LA** ساعد الطلاب على الحل بترتيب عكسي في الجدول لتحديد تكلفة الوحدة قبل إكمال التمرين 1.

## 2 تعليم المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعليم.

## أمثلة

1. حل مسائل النسبة.

AL • إلى كم قسم يمكننا تقسيم الرسم البياني بالأعمدة؟ اشرح. 3. لتمثيل 3 طلاب في

النسبة

OL • عند إنشاء الكسور المتكافئة، كيف يمكننا معرفة ما إذا كنا نضع القيمة المجهولة

في بسط النسبة الثانية أم في مقامها؟ حيث إن النسبة الأولى هي  $\frac{2}{3}$ ، إذا

فالبسط يمثل الطلاب الذين يفضلون معجون أسنان جل. في الكسر الثاني،

يمثل الطلاب الذين يفضلون معجون أسنان جل القيمة المجهولة، لذا، نضع

القيمة المجهولة في البسط.

BL • قارن بين الطريقتين وتبين الفرق بينهما. أي طريقة تفضلها؟ نموذج إجابة: يكون

الرسم البياني بالأعمدة مرئيًا أكثر، لكن إنشاء الكسور المتكافئة غالبًا ما يكون

أسرع، راجع ما يفضله الطلاب.

هل تحتاج لمثال آخر؟

لدى المدرسة السعيدية الإعدادية 300 طالب. في فصل سندهس، يشترك طالبان من أصل خمسة طلاب في النادي. استخدم هذه النسبة لتخمين عدد الطلاب المشتركين في النادي من المدرسة. 120

2. حل مسائل النسبة.

AL • ما الكسر الأول في مجموعة الكسور المتكافئة؟ وما الكسر الثاني؟  $\frac{3}{4}$ ؛  $\frac{18}{24}$ 

OL • ما العدد الذي نضرب فيه بسط ومقام الكسر الأول للحصول على الكسر الثاني؟ 6

BL • كيف نعرف أن الإجابة منطقية؟ نموذج إجابة: يمثل العدد 18 ستة أضعاف

العدد 3 و 24 ستة أضعاف العدد 4.

هل تحتاج لمثال آخر؟

في استطلاع رأي، تمثل نسبة الطلاب الذين يفضلون كرة القدم إلى من يفضلون كرة البيسبول 2 إلى 3. حيث يبلغ عدد الأشخاص الذين يفضلون كرة القدم 36 شخصًا. كم عدد الأشخاص الذين يفضلون كرة البيسبول وفقًا لاستطلاع الرأي؟ 54 شخصًا

## منطقة العمل

## حل مسائل النسب

يمكنك استخدام الرسوم البيانية بالأعمدة أو المعادلات مع النسب المكافئة لحل مسائل النسب والمعدلات.

## أمثلة

1. يوجد 150 طالبًا في مدرسة آل نهيان الإعدادية. ويوجد طالبان من كل ثلاثة طلاب في فصل الأستاذة منيرة يفضلون معجون الأسنان الجل. استخدم هذه النسبة لتتنبأ بعدد الطلاب الذين يفضلون معجون الأسنان الجل في هذه المدرسة الإعدادية بأكملها.

الطريقة 1 استخدام رسم بياني بالأعمدة.

150 طالبًا		
50	50	50
لا يفضل الجل	يفضل الجل	يفضل الجل

الخطوة 1 صمم رسمًا بيانيًا بالأعمدة.

الخطوة 2 حدد عدد الطلاب الموجودين في كل قسم.

الطريقة 2 استخدام الكسور المكافئة.

اكتب نسبة متكافئة.

$$\frac{2}{3} = \frac{100}{150}$$

يفضل الجل →  $\frac{2}{3} = \frac{100}{150}$  ← يفضل الجل  
الإجمالي →  $\frac{2}{3} = \frac{100}{150}$  ← الإجمالي

بما أن  $3 \times 50 = 150$ ، بضرب 2 في 50.

إذا، سيكون هناك 100 طالب يفضلون معجون الأسنان الجل.

2. نسبة عدد الرسائل النصية التي أرسلها شادي إلى عدد الرسائل النصية التي أرسلتها أخته هو 3 إلى 4. فإذا أرسل شادي 18 رسالة نصية، فكم عدد الرسائل النصية التي أرسلتها أخته؟

الطريقة 1 استخدام رسم بياني بالأعمدة.

الخطوة 1 صمم رسمًا بيانيًا بالأعمدة.

الخطوة 2 حدد عدد الرسائل النصية الموجودة في كل قسم.

18 رسالة نصية				24 رسالة نصية			
6	6	6	6	6	6	6	6
شادي				أخته			

## الطريقة 2 استخدام الكسور المكافئة.

اكتب نسبة متكافئة.

$$\frac{3}{4} = \frac{18}{24}$$

شادي →  $\frac{3}{4} = \frac{18}{24}$  ← شادي  
أخته →  $\frac{3}{4} = \frac{18}{24}$  ← أخته

بما أن  $18 = 3 \times 6$  فاضرب 4 في 6.

إذا، أرسلت أخت شادي 24 رسالة نصية.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للنسبة التالية لتتأكد أنك فهمت.

- a. كشف أحد استطلاعات الرأي أن أربعة من بين خمسة أفراد يفضلون زبدة الفول السوداني الكريمية على زبدة الفول السوداني المحشوة بقطع. هناك 120 شخصاً يتسوق في أحد متاجر البقالة. استخدم هذا الاستطلاع لتخمين عدد الأفراد، في المتجر، الذين سيختارون زبدة الفول السوداني الكريمية.
- b. كشف أحد استطلاعات الرأي أن 12 من بين كل 15 فرداً في الولايات المتحدة الأمريكية يفضلون تناول الطعام في المطعم على الطهي في المنزل. فإذا حدد 400 فرد بالاستطلاع تفضيل تناول الطعام في المطعم، فكم عدد الأفراد الذين أجروا الاستطلاع؟

## حل مسائل المعدلات

يمكنك استخدام خطوط أعداد مزدوجة أو معادلات لحل مسائل المعدلات.

## مثال



3. قطع عمال المطاحن 105 أميال بالسيارة بـ 4 جالونات من الغاز. بناءً على هذا المعدل، كم عدد الأميال التي يقطعونها بـ 6 جالونات من الغاز؟

ارسم خط أعداد مزدوجاً.

$$105 \div 4 = 26.25 \quad \text{أوجد معدل الوحدة.}$$

$$26.25 \times 6 = 157.5 \quad \text{اضرب.}$$



إذا، يمكن لعمال المطاحن أن يقطعوا 157.5 ميلاً بـ 6 جالونات من الغاز.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للنسبة التالية لتتأكد أنك فهمت.

- c. يوجد 810 سعرات حرارية في 3 ملاعق من مثلجات الفانيليا. فكم عدد السعرات الحرارية الموجودة في 7 ملاعق من الآيس كريم؟

## تفكر وفكر

ما العلاقة بين النسب والكسور؟

الإجابة النموذجية:  
يمكن كتابة النسب على هيئة كسور. يمكن استخدام الكسور المتكافئة لحل مسائل النسب.

اكتب الجواب هنا

a. شخصاً 96

b. شخص 500

c. 1.890 Cal

## مثال

3. حل مسألة النسبة.

AL • ما المطلوب لإجاده؟ عدد الأميال التي يقطعها عمال المطاحن باستهلاك 6 جالونات من البنزين

6 جالونات من البنزين

• كم عدد الأميال التي يقطعها عمال المطاحن باستهلاك 4 جالونات من البنزين؟ 105 أميال

105 أميال

OL • كيف يمكنك إيجاد عدد الأميال التي قطعها باستهلاك جالون واحد من البنزين؟ أوجد  $4 \div 105$ ، حيث يكون الناتج 26.25.

أوجد  $4 \div 105$ ، حيث يكون الناتج 26.25.

• كيف يمكنك إيجاد عدد الأميال التي قطعها باستهلاك 6 جالونات من البنزين؟ اضرب 26.25 في 6.

اضرب 26.25 في 6.

كيف يساعدك خط الأعداد المزدوج على إيجاد الإجابة؟ نموذج إجابة: يساعدني

خط الأعداد على معرفة احتياجي إلى خفض قيمة عدد جالونات البنزين

إلى جالون واحد. عندئذٍ، يمكنني زيادة القيمة إلى 6 جالونات من البنزين.

BL • إذا قطعوا مسافة قدرها 26.25 ميلاً باستهلاك جالون واحد فقط، فكم المسافة التي يقطعونها باستهلاك 6 جالونات من البنزين؟ 157.5 ميلاً

التي يقطعونها باستهلاك 6 جالونات من البنزين؟ 157.5 ميلاً

هل تحتاج لمثال آخر؟

يوجد 57 أونصة من بسكويت الكلاب في 5 صناديق. وفقاً لهذا المعدل، كم عدد الأونصات الموجودة من بسكويت الكلاب في 8 صناديق؟ 91.2 أونصة

الموجودة من بسكويت الكلاب في 8 صناديق؟ 91.2 أونصة

## مثال

4. حل مسألة المعدل.

AL • لماذا نقسم على العدد 3 للحصول على معدل وحدة راشد؟

لأن 3 ساعات ÷ 3 = ساعة واحدة

• ما ناتج قسمة 120 على 3؟ 40

OL • ما معدل الوحدة لدى راشد؟ 40 ميلاً في الساعة

كم عدد الأميال التي يمكن أن يقطعها دراجته البخارية في 5 ساعات؟ 200 ميل

BL • إذا كان بإمكان كمال، صديق راشد، قيادة دراجته البخارية لمسافة قدرها 132 ميلاً

في 3 ساعات، فما مقدار زيادة سرعة معدل كمال عن معدل راشد؟ أسرع بمقدار

4 أميال في الساعة

هل تحتاج لمثال آخر؟

مخبز يصنع 15 كعكة في 3 ساعات، وفقاً لهذا المعدل، كم عدد الكعكات التي يمكن صناعتها

في 8 ساعات؟ بأي معدل يصنع هذه الكعكات؟ 40 كعكة، 5 كعكات في الساعة

## تمرين موجّه

التقويم التكويني استخدم هذه التمارين لتقوّم استيعاب الطلاب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض من طلابك غير مستعدين لإنجاز الواجبات، فاستخدم الأنشطة المتميزة الواردة أدناه.



LA AL • مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب إكمال التمارين 1-4 من خلال

العمل في مجموعات من 4 طلاب، بالنسبة للتمارين 1-3، اطلب من الطالب الأول إنشاء رسم

بياني بالأعمدة. يكتب الطالب الثاني التناسب. يستخدم الطالب الثالث الرسم البياني بالأعمدة

والتناسب لتحديد الحل. يتحقق الطالب الرابع من مدى منطقية الحل. اطلب من الطالب

تبادل الأدوار في كل تمرين من التمارين اللاحقة. 1, 3, 5

LA BL • تبادل المسائل اطلب من الطلاب كتابة مسائلهم الواقعية الخاصة.

المشابهة للتمرين 3، ودعمهم بتبادلون التعبيرات مع زملائهم. يحل كل زميل مسألة زميله

الأخر. اجعل الطلاب يناقشون ويعملون على تسوية أية اختلافات. 1, 3, 4

## مثال



4. قاد عثمان دراجته النارية 120 ميلاً في 3 ساعات. بناءً على هذا المعدل، كم عدد الأميال التي يمكن أن يقودها في 5 ساعات؟ وما المعدل الذي قاد به دراجته النارية؟

$$\frac{120 \text{ ميلاً}}{3 \text{ ساعة}} = \frac{40 \text{ ميلاً}}{\text{ساعة واحدة}} \quad \frac{120 \text{ ميلاً}}{3 \text{ ساعة}} = \frac{120 \text{ ميلاً}}{3 \text{ ساعة}}$$

$$5 \text{ ساعات} = 200 \text{ ميل} \times \frac{40 \text{ ميلاً}}{\text{ساعة واحدة}}$$

إذا، يمكن لعثمان أن يقود 200 ميل في 5 ساعات بمعدل 40 ميلاً في الساعة.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

d. STEM • بينما يستريح الإنسان فإنه يستنشق 5 لترات من الهواء في 30 ثانية. بناءً على هذا المعدل، كم عدد لترات الهواء الذي يستنشقها الإنسان في 150 ثانية؟

هذا الحل انسخه

d. 25 L

## تمرين موجّه

1. تم الاستطلاع آراء 30 طالباً ووجد أن 17 طالباً من بينهم لديهم قط. استناداً إلى هذه النتائج،

ختن عدد الطلاب من بين 300 طالب في المدرسة الذين لديهم قطط؟ (مثال 1)

170 طالباً

2. إذا شارك طالب واحد من بين 12 طالباً في المدرسة خزانته، فكم عدد الطلاب الذين

يشاركون خزانتهم في مدرسة بها 456 طالباً؟ (مثال 2)

38 طالباً

3. تركض صابرين مسافة قدرها ميلين في 30 دقيقة. بهذا المعدل، ما المسافة التي ستركضها في 90 دقيقة؟ وما المعدل الذي كانت تركض به في كل ساعة؟ (المثالان 3 و 4)

6 mi؛ 4 أميال في الساعة

4. الاستفادة من السؤال الأساسي كيف يمكنك استخدام الرسوم البيانية والمعادلات لحل مسائل النسب والمعدلات؟

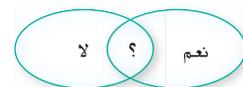
الإجابة النموذجية: يمكنك تقسيم المخطط البياني الشريطي إلى

العدد الكلي من الأقسام لإيجاد معدل الوحدة. ثم استخدام معدل

الوحدة لحل مسألة النسبة والمعدل.

## قيم نفسك!

هل أنت مستعد للمتابعة؟ ظلل القسم المناسب.



مخطوبات! جان وقت تحديث مطوبتك!

## 3 التمرين والتطبيق

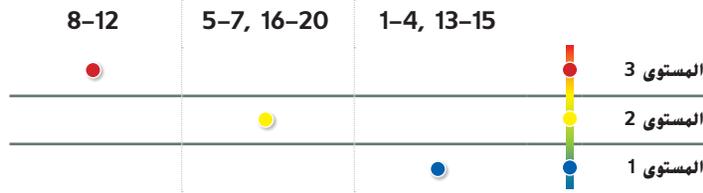
## تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحات التمارين الإضافية للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

## مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3، حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

## تمارين



## الواجبات المقترحة

يمكن استخدام الجدول أدناه الذي يشمل جميع التمارين من كافة مستويات الصعوبة لتحديد التمارين المناسبة لاحتياجات الطلاب.

## خيارات الواجب المنزلي المتميزة

خيارات الواجب المنزلي المتميزة	قريب من المستوى	AL
1-5, 7-10, 12, 19, 20	قريب من المستوى	AL
1, 3, 5-10, 12, 19, 20	ضمن المستوى	OL
5-12, 19, 20	أعلى من المستوى	BL

## تمارين ذاتية

1. إذا تم تقديم 45 كعكة لـ 15 طالبًا، فكم عدد الكعك الذي يجب تقديمه لـ 30 طالبًا؟

(المثالان 1 و 2)

90 كعكة

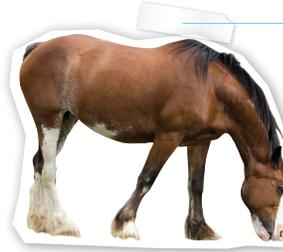
الكتب  
الجل  
هنا.

2. أنفق أربعة طلاب 12 AED في وجبة الغداء المدرسية. بهذا المعدل، أوجد المبلغ الذي سينفقه 10 طلاب على نفس وجبة الغداء المدرسية. (مثال 3)

AED 30

3. يشرب علاء ما يقرب من 120 جالونًا من الماء كل 4 أيام. بهذا المعدل، كم عدد جالونات الماء التي يشربها علاء في 28 يومًا؟ (مثال 3)

840 gal



4. **STEM** ينبض القلب 700 نبضة في 10 دقائق. وبهذا المعدل، كم عدد الدقائق التي ينبض فيها القلب 140 نبضة؟ وما معدل نبض القلب؟ (مثال 4)

2 min; 70 مرة في الدقيقة

5. **ملاحظة** توقع بيّن الجدول المواد الدراسية التي يفضلها مجموعة من الطلاب. ختّن عدد الطلاب الذين سيختارون العلوم باعتبارها المادة المفضلة من بين 400 طالب.

المادة المفضلة	عدد التفضيلات
الرياضيات	6
العلوم	3
الإنجليزية	4
التاريخ	7

60 طالبًا

6. تتنفس سهام 4 مرات كل 10 ثوانٍ أثناء رياضة اليوغا. بهذا المعدل، كم عدد المرات التي تتنفسها سهام في دقيقتين من ممارسة رياضة اليوغا؟

48 نفسًا

7. **ملاحظة** استخدام أدوات الرياضيات ابحث عن تقرير في صحيفة أو مجلة أو على شبكة الإنترنت يستخدم نتائج مستخلصة من أحد الاستطلاعات، ثم أوجد قيمة طريقة استخدام المسح للنسب للتوصل إلى استنتاجات.

راقب عمل الطلاب.

التمرين (التمارين)	التركيز على
11, 12	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
5, 9, 10, 16	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
7	5 استخدام الأدوات البلاستيكية بطريقة إستراتيجية.
8	7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.

تعد الممارسات الرياضية 1 و 3 و 4 جوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.

### مسائل مهارات التفكير العليا

8. **م.ن. تحديد البنية** إذا كان أحد معدلات نسبة متكافئة هو  $\frac{9}{n}$ . فحدد المعدلين الآخرين. بحيث يمكن حل أحدهما باستخدام الكسور المتكافئة والآخر باستخدام معدلات الوحدة. **الإجابة النموذجية: الكسور المتكافئة:  $\frac{18}{20} = \frac{9}{n}$ ;  $n = 10$ . معدلات الوحدة:  $\frac{18}{6} = \frac{3}{1} = \frac{9}{n}$ ;  $n = 3$ .**



9. **م.ن. اكتشاف الخطأ** تعلم والدة لميس في مدرسة رياض الأطفال. تخصص هذه المدرسة مدرساً واحداً لكل 12 طالباً. ويوجد 276 طالباً في تلك المدرسة. تنشئ لميس نسبة مكافئة لإيجاد عدد المدرسين في تلك المدرسة. اكتشف خطأها وضحها.

**لم تنشئ لميس النسب المتكافئة بالترتيب الصحيح.**

**كان عليها إنشاؤها بالشكل  $\frac{1}{12} = \frac{1}{276}$  يوجد إذاً 23 مدرساً في مدرسة رياض الأطفال.**

$$\frac{12}{1} = \frac{276}{x}$$

10. **م.ن. الاستنتاج الاستقرائي** وضع هل العبارة التالية صحيحة دائماً أو أحياناً أم أبداً وذلك فيما يتعلق بالأعداد الأكبر من الصفر. اشرح.

في النسب المتكافئة، إذا كان بسط النسبة الأولى أكبر من مقامها، فمن ثم يصبح بسط النسبة الثانية أكبر من مقام هذه النسبة الثانية.

**دائماً؛ كي تكون النسب نسباً متكافئة، فيجب أن تكون الكسور متكافئة وبالتالي يتم تبسيطها إلى الكسر نفسه.**

11. **م.ن. المثابرة في حل المسائل** افترض أن هناك 25 من بين 175 فرداً ذكروا أنهم يحبون لعب قرص الجولف وأن هناك 5 لاعبين من بين كل 12 لاعباً لديهم أقراص طائرة شخصية. بهذا المعدل، ختم عدد الأفراد المتوقع أن يكون لديهم أقراص طائرة شخصية ضمن مجموعة مكونة من 252 فرداً. اشرح.

**15 شخصاً؛ فمعدل الوحدة للأفراد الذين ذكروا حبهم للعب قرص الجولف هو  $\frac{1}{7}$ . ومن بين مجموعة بها 252 شخصاً، إذاً  $252 \div 7 = 36$  فرداً يحب لعب قرص الجولف. وباستخدام النسب المتكافئة،  $\frac{5}{12} = \frac{x}{36}$  يكون 25 شخصاً إذاً لديهم أقراص طائرة شخصية.**

12. **م.ن. المثابرة في حل المسائل** ستقطع سيارة مسافة قدرها 76 قدماً في الثانية بسرعة معينة. فكم عدد الأميال التي ستقطعها هذه السيارة في 3.1 ساعات إذا ظلت تسير بنفس السرعة؟ فترّب إلى أقرب جزء من عشرة. (تلميح: يوجد 5,280 قدماً في الميل الواحد.) **160.6 mi**

### التقويم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقويم تكويني ختامي قبل مفادرة الطلاب الفصل.

### بطاقة التحق من استيعاب الطلاب

اطلب من الطلاب أن يشرحوا كيف ساعدتهم الدرس السابق عن النسب والمعدلات المتكافئة على استيعاب هذا الدرس الذي يتناول حل مسائل النسب والمعدلات. **راقب عمل الطلاب.**

### انتبه!

**خطأ شائع** أثناء كتابة النسب المتكافئة بكمية غير معروفة، انصح الطلاب باستخدام كميات الوحدة المعروفة لاستنتاج العامل أو المقسوم عليه لإيجاد كمية الوحدة المجهولة.

### 76 الوحدة 1 النسب والمعدلات

الاسم \_\_\_\_\_ واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

## تهرين إضافي

13. أفاد أحد استطلاعات الرأي بأن 9 من بين 50 مرهفًا ذكروا أنهم يطلعون على الأخبار من الصحف. بهذا المعدل، كم عدد المرهفين من بين 300 مرهق المتوقع أن يطلعوا على الأخبار من الصحف؟ **54 مرهفًا**

$$\frac{50}{9} = \frac{300}{54}$$

مساعد  
الواجبات المنزلية

14. اشترت ندى قرصين DVD مقابل AED 28. بهذا المعدل، ما هي تكلفة شراء 5 أقراص DVD؟ وما المعدل الذي أنفقت به المال؟ **AED 70؛ AED 14 لكل قرص DVD**

15. إذا كان وزن 15 كرة بيسبول هو 75 أونصة، فكم عدد كرات بيسبول تزن 15 أونصة؟ **3 كرات بيسبول**

16. **م: توقع** افترض أن هناك 8 من بين 20 طالبًا يتغيبون عن المدرسة أقل من خمسة أيام سنويًا. ختن عدد الطلاب الذين سيتغيبون عن المدرسة أقل من خمسة أيام سنويًا من بين 40,000 طالب. **16,000 طالب**

17. في مسابقة نظمها أحد المتاجر، سيحصل 4 من بين كل 65 زائرًا للمتجر على قرص DVD مجاني. فإذا كان هناك 455 زائرًا للمتجر، فكم عدد أقراص DVD التي تم منحها؟ **28 قرص DVD**

الماشية التي يتم تسميتها	
الكسر المعبر من إجمالي الماشية	فئة الوزن
$\frac{1}{5}$	أقل من 600 رطل
$\frac{11}{50}$	600 - 699 رطلاً
$\frac{2}{5}$	700 - 799 رطلاً
$\frac{9}{50}$	800 رطل أو يزيد

18. تم تسمين 340,000 من الماشية. اكتب نسبة متكافئة يمكن أن تُستخدم لإيجاد عدد المواشي التي تراوح وزنها بين 700 و 799 رطلاً. ثم احسب عدد المواشي التي تراوح وزنها بين 700 و 799 رطلاً من 340,000 ماشية تم تسميتها؟

$$\frac{2}{5} = \frac{x}{340,000}; 136,000$$



## انطلق! تمرين على الاختبار

يُعد التمرينان 19 و 20 الطلاب لتفكير ضروري أكثر دقة.

19. تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يشرحوا المفاهيم الرياضية ويطبقوها ويحلوا المسائل بدقة مع الاستفادة من البنية.	
عمق المعرفة	DOK1
ممارسات رياضية	م.ر. 4، م.ر. 7
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يجب كتابة العدد 18 في مربع الإجابة.

20. تتطلب فترة الاختبار هذه من الطلاب أن يشرحوا المفاهيم الرياضية ويطبقوها ويحلوا المسائل بدقة مع الاستفادة من البنية.	
عمق المعرفة	DOK1
ممارسات رياضية	م.ر. 1، م.ر. 4، م.ر. 5
<b>معايير رصد الدرجات</b>	
درجة واحدة	يحدد الطالب الإجابة بالصواب أو الخطأ لكل عبارة من 5 عبارات بشكل صحيح.

## انطلق! تمرين على الاختبار

19. في إحدى محطات الحافلات، تقادر الحافلات بمعدل 3 كل 10 دقائق. بناءً على هذا المعدل، حافلة تقادر في ساعة واحدة. **18**

20. يبيع مجلس الطلاب زجاجات مياه في المنافسة التشجيعية كما هو مبين في الجدول. حدد ما إذا كانت كل عبارة مما يلي صحيحة أم خاطئة.

الزجاجات المباعة	3	6
الوقت (min)	20	40

- a. تُباع 27 زجاجة في 3 ساعات.  صواب  خطأ
- b. تُباع 12 زجاجة في ساعة واحدة و 20 دقيقة.  صواب  خطأ
- c. تُباع 18 زجاجة في ساعتين.  صواب  خطأ
- d. تُباع 24 زجاجة في ساعتين و 40 دقيقة.  صواب  خطأ
- e. تُباع 36 زجاجة في 3 ساعات و 20 دقيقة.  صواب  خطأ

## مراجعة شاملة

اكتب كل كسر على هيئة كسر الوحدة.

21.  $\frac{12}{84} = \frac{1}{7}$

22.  $\frac{13}{143} = \frac{1}{11}$

23.  $\frac{23}{138} = \frac{1}{6}$

24. جرى مازن بالكرة 64 ياردة في 16 تمريرة بمباراة كرة قدم أقيمت مؤخراً. أوجد نسبة الiardات لكل تمريرة.

**4 ياردات لكل تمريرة**

25. يقوم النادي المسرحي بغسل السيارات لصالح إحدى الفعاليات الخيرية. إذا استمر المعدل، فكم يكون عدد السيارات التي سيغسلها في 4 ساعات؟

**32 سيارة**

الساعات	السيارات المغسولة
1	8
2	16
3	24

26. اتبع القاعدة لإيجاد الأعداد الثلاث التالية في النمط. صف النمط باستخدام المصطلحين زوجي وفردي.

أضف 5: ... 26, 21, 16, 11, 6, 1

**بعد كل عنصرين يأتي عدد زوجي.**

# 21 مهن القرن الواحد والعشرين في مجال الكيمياء

## كيميائي مستحضرات التجميل

هل أنت شخصية فضولية وتحليلية بطبعك؟ وهل تحب استكشاف الأشياء الجديدة؟ إذا كنت كذلك، فقد تكون مهنة كيميائي مستحضرات التجميل اختيارًا مناسبًا لك. فكيمياء مستحضرات التجميل يتصون وفتهم في إجراء أبحاث عن التركيبات الجديدة وخلقها واختبارها، بحيث تصبح مستحضرات التجميل فعالة وآمنة. وأوضح أحد كيميائي مستحضرات التجميل "أنه عندما تعد مستحضرًا جديدًا، فإنك تتلاعب بنسب المواد الكيميائية ونسب التوازن ليصبح المنتج ملائمًا. وهذا في الأساس يعتمد على مبدأ المحاولة والخطأ".



## هل هذه هي المهنة التي تلائمتك؟

هل أنت مهتم بمهنة كيميائي مستحضرات التجميل؟ يمكنك إذن دراسة المواد التالية في المدرسة الثانوية.

- ◆ الجبر
- ◆ الأحياء
- ◆ العلوم الكيميائية
- ◆ الكيمياء
- ◆ الإحصاء

اكتشف كيف يرتبط علم الرياضيات بمهنة معينة في مجال الكيمياء.

## التركيز تضييق النطاق

**الهدف** تطبيق الرياضيات على المسائل التي تظهر في بيئة العمل. يركز هذا الدرس على **المهارات الرياضية 4** استخدام نماذج الرياضيات.

## الترابط المنطقي الربط داخل الصنف وبينها

### الحالي

يطبق الطلاب معايير المحتوى لحل المسائل في بيئة العمل.

### السابق

استخدم الطلاب النسب والتناسب لحل المسائل.

## الدقة اتباع المفاهيم والتمرس والتطبيق

راجع مشروع المهن في صفحة 80.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

## 1 بدء الدرس

اطلب من الطلاب قراءة المعلومات الموجودة في صفحة الطالب عن مستحضرات التجميل ثم الإجابة عن الأسئلة التالية.

### اطرح الأسئلة التالية:

- ما نوع المواد الواجب عليك دراستها لتصبح كيميائي مستحضرات تجميل؟ **الجبر والأحياء والعلوم الكيميائية والكيمياء والإحصاء**
- ما الدور الذي يقوم به كيميائي مستحضرات التجميل؟ **يُجري الأبحاث ويخلط المواد الكيميائية ويُجري اختبارات على مركبات مستحضرات التجميل للتحقق من أمنها وفعاليتها**

## 2 نشاط تعاوني

**AL LA** **فكر - اعمل في ثنائيات - اكتب** بعد كتابة الطلاب إجابات التمارين 6-1. اطلب منهم العمل في ثنائيات ثم يقرأ كل منهما إجابة الآخر. بعد قراءة الإجابات، اطلب من كل ثنائي مناقشة حلولهم. استخدم الأسئلة التالية للمساعدة علي تسهيل المناقشة. **3, 1** **AL LA** **اطرح الأسئلة التالية:**

- ما الذي تحتاج إلى معرفته من الوصفات لحل التمرين 3؟ **يقدّر وزن الكمية الإجمالية من بلسم الشفاة بالأونصات.**
- كيف يمكنك إيجاد المعلومات الناقصة من جدول النسبة في التمرين 6؟ **نموذج إجابة: استخدم القياس لحل هذه المسألة. اقسّم لخفض القيمة واضرب لزيادة القيمة.**

**BL LA** **حوط المتميز** اطلب من الطلاب العمل في فرق مكونة من 3-5 طلاب. أجر استطلاع رأي لمعرفة من كان قادرًا على حل التمارين 5 و 6. ينتشر هؤلاء الطلاب (المتميزون) حول الغرفة. اطلب من الفرق الانفصال عن بعضهم مع ذهاب كل فرد من أفراد الفريق إلى طالب متميز مختلف، إن أمكن. اطلب من الطلاب المتميزين شرح طريقة إكمال التمارين في حين يستمع إليه زملاءه ويترحون الأسئلة ويدونون الملاحظات. **3, 1**

## ملف مهني

بعد أن يكمل الطلاب هذه الصفحة، اجعلهم يضيفوها إلى ملفهم المهني.

## حقائق مهنية

في عام 2005، استخرج عالم آثار وعاء صغيرًا في جنوب لندن. وكان بداخله كريم رمادي اللون لا تزال تتواجد عليه بصمات الأصابع! وبعد تحليل الكريم، اكتشف العلماء أنه كان نوعًا من مستحضرات تجميل الوجه الذي كانت تستخدمه امرأة في القرن الثاني. تمكن الكيميائيون من تحليل الكريم القديم وأعادوا إنتاجه باستخدام مكونات جديدة.

## 3. المتعة الحقيقية في غزارة العلم

استخدم المعلومات الواردة في التركيبات المذكورة أدناه لحل كل مسألة.

5. استخدم تركيبة الصابون في كتابة نسبة معينة تقارن بين كمية زيت لب النخيل والحلالة المائية المستخرجة من الورد في أبسط صورة للكسر.

شمع الفربيون	2	4	6	8	10
زبدة الشيا	6	12	18	24	30

6. ازدادت تركيبة الصابون بحيث يلزم استخدام 75 جرامًا من زبدة الشيا. أكمل جدول النسب للوصول إلى كمية هيدروكسيد الصوديوم اللازمة. **105 g**

زبدة الشيا	30	5	75
هيدروكسيد الصوديوم	42	7	105

2. اكتب نسبة تقارن بين كمية زيت الجوجوبا وإجمالي كمية المقادير المستخدمة في تركيبة بلسم الشفاة.  $\frac{3}{5}$

3. تكلف تركيبة بلسم الشفاة ما يقرب من 16 AED. فما تكلفة كل أونصة؟ **AED 0.80**

4. تُستخدم تركيبة الصابون لتجهيز 4 قلع صابون. فما وزن كل قطعة؟ **3.75 oz**

صابون زبدة الشيا		بلسم الشفاة	
110 g من الحلالة المائية المستخرجة من الورد	4 oz من شمع العسل	66 g من زيت لب النخيل	2 oz من شمع الفربيون
42 g من هيدروكسيد الصوديوم	5 oz من زيت الجوجوبا	3 ملاعق صغيرة من آزريون CO <sub>2</sub>	3 oz من زيت الزيتون
30 g من زبدة الشيا	6 oz من زبدة الشيا	$\frac{3}{4}$ ملعقة صغيرة من الزيت الأساسي المستخلص من الورد	20 oz إجمالي
66 g من زيت جوز الهند			
150 g من زيت الزيتون			
الإجمالي: 15 oz			

## 3. مشروع مهنة

لقد حان الوقت لتحديث أوراقك المهنية! هناك أنواع عديدة ومختلفة من الوظائف في مجال كيمياء مستحضرات التجميل. ابحث عن إحدى هذه الوظائف واكتب الوصف الوظيفي في جملتين أو ثلاث.

اذكر مهنة أخرى قد يعمل بها شخص مهتم بمجال الكيمياء.

## مراجعة المفردات

**LA** **نقاش الهائدة المستديرة** اطلب من الطلاب العمل في فرق مكونة من 3-4 طلاب لإكمال مراجعة المفردات. يُكَلَّف أحد الطلاب للقيام بدور المُسجِّل. ثم يُذكر المُسجِّل الإجابة شفهيًا. يجب على أعضاء الفريق رفع الإبهام للموافقة أو خفضه للأسفل لعدم الموافقة على إجابة المُسجِّل. يجب أن يوافق جميع أعضاء الفريق على الإجابة قبل أن يكتبها المُسجِّل. **م. 1, 5, 6**

## الإستراتيجية البديلة

**AL** **LA** ربما ترغب في منح الطلاب قائمة مصطلحات يمكن أن يختاروا منها إجاباتهم لمساعدتهم. ستتضمن قائمة المصطلحات لهذا النشاط المصطلحات التالية.

- التمثيل البياني (graph) (الدرس 5)
- الزوج المرتب (ordered pair) (الدرس 5)
- نقطة الأصل (origin) (الدرس 5)
- معدل (rate) (الدرس 3)
- نسبة (ratio) (الدرس 2)
- جدول النسبية (ratio table) (الدرس 4)
- القياس (scaling) (الدرس 4)
- سعر الوحدة (unit price) (الدرس 3)
- معدل الوحدة (unit rate) (الدرس 3)
- المحور  $x$  ( $x$ -axis) (الدرس 5)
- الإحداثي  $x$  ( $x$ -coordinate) (الدرس 5)
- المحور  $y$  ( $y$ -axis) (الدرس 5)
- الإحداثي  $y$  ( $y$ -coordinate) (الدرس 5)

## الوحدة 1 مراجعة 81

النسب وعلاقات التناسب

**مراجعة على الوحدة**

**مراجعة على المفردات**

أكمل الكلمات المتقاطعة باستخدام قائمة المفردات المذكورة في بداية الوحدة.

**رأسي**

1. الخط الرأسى على المستوى الإحداثى
2. الرقم الأول من زوج مرتب
4. نسبة تقارن بين كميتين من أنواع مختلفة من الوحدات
5. ضرب كميتين في العدد نفسه أو قسمتهما على العدد نفسه
6. معدل تم تبسيطه بحيث تصبح قيمة المقام 1
7. أعمدة مملوءة بأزواج الأعداد التي تحيل النسبة ذاتها
10. (0, 0)

**أفقي**

1. الرقم الثاني من زوج مرتب
2. الخط الأفقى على المستوى الإحداثى
3. يستخدم لتحديد موقع نقطة على المستوى الإحداثى
8. مقارنة تتم بين كميتين من خلال قسمتهما
9. يستخدم لوضع علامة عند النقطة التي يحددها زوج مرتب
11. تكلفة الوحدة الواحدة

مراجعة على الوحدة 81

081\_084\_UAE\_Math\_Grade\_6\_Vol\_1\_SE\_ch1\_718138.indd 81
8/14/2016 5:28:06 PM

## مراجعة على المفاهيم الأساسية

**مطويات LA** ينبغي أن تتضمن المطوية الكاملة لهذه الوحدة على مراجعة تمثيل النسب المكافئة باستخدام الأعداد والرسومات والجداول والتمثيلات البيانية.

إذا اخترت عدم استخدام هذه المطوية، اطلب من الطلاب كتابة مراجعة موجزة عن المفاهيم الأساسية الموجودة في الوحدة مع إعطاء مثال عن كل منها.

### أفكار يمكن استخدامها

**LA جولة في المعرض** اطلب من الطلاب العمل مع أحد الزملاء لمشاركة المطويات الكاملة. عندئذٍ، اطلب من كل طالب جمع أي من مطوياتهم أو تعديلها وفقًا للمناقشة التي تُجرى مع الزملاء. اعرض جميع المطويات في أنحاء الغرفة واطلب من الطلاب السير فيها لدراسة كل مطوية من المطويات. ثم اطلب منهم تحديد إذا كان ينبغي عليهم جمع أي شيء إلى مطويتهم وذلك بناءً على ما رأوه في مطويات الزملاء الآخرين. 1, 3, 5

### تأكد من فهمك

إذا واجه الطلاب صعوبة في التمارين 1-6، قد يكونون بحاجة إلى مساعدة في المفاهيم التالية.

المفهوم	التمرين (التمارين)
النسب المكافئة (الدرس 6)	1-6

## مراجعة على المفاهيم الأساسية

### استخدم مطويات

استخدم المطوية في مراجعة الوحدة.

الصق هنا

الصق هنا

مثال

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$$

مثال

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6}$$

النسب المكافئة

مثال

x		
y		

مثال

### تأكد من فهمك

وصّل كل نسبة بنسبة متكافئة معها.

- |   |   |
|---|---|
| <p>a. <math>\frac{2}{5}</math></p> <p>b. <math>\frac{2}{3}</math></p> <p>c. <math>\frac{1}{3}</math></p> <p>d. <math>\frac{1}{6}</math></p> <p>e. <math>\frac{1}{4}</math></p> <p>f. <math>\frac{1}{2}</math></p> | <p>1. 65:390</p> <p>2. <math>\frac{64}{256}</math></p> <p>3. 156:390</p> <p>4. <math>\frac{204}{306}</math></p> <p>5. 56:84</p> <p>6. <math>\frac{87}{174}</math></p> |
|---|---|

## انطلق! مهمة تقييم الأداء

يتطلب هذا التقييم القائم على الأداء حل مسائل ذات خطوات متعددة من خلال الاستدلال المجرد والدقة والمثابرة. يمكن استخدام سيناريو هذا التمرين لمساعدة الطلاب على الاستعداد لمهارات التفكير التي سستخدم في التقييم.

يمكن إيجاد معايير رصد الدرجات الكاملة مع الإجابات على التمارين في ظهر الكتاب.

النسب وعلاقات التناسب

## انطلق! مهمة تقييم الأداء

### حفلة مجتمعية

ستقيم أحد الأندية المحلية حفلاً في صالة الألعاب الرياضية بالمدرسة. خلال الحفل، سيقيم النادي فترة ترفيهية ووجبات للأطفال بهدف إقامة الروابط مع المجتمع. وسيبدأ الحفل في الساعة 6 مساءً وتبدأ الألعاب في الساعة 6:30 مساءً.

الأعمار	عدد الأطفال الذين وصلوا في الساعة 6:00 مساءً	عدد الأطفال الذين وصلوا في الساعة 6:30 مساءً
10-6	18	6
14-11	12	4

اكتب إجابتك في ورقة أخرى. اكتب جميع خطوات الحل لتحصل على الدرجة كاملة.

### الجزء أ

بصفتك مساعداً لمدير الحفلة، يجب أن تقسم الأطفال إلى مجموعات. بحيث تحتوي كل مجموعة على عدد متساوٍ من الأطفال. ويجب أن تحتوي كل مجموعة على نفس عدد الأطفال من كل مرحلة عمرية. بحلول الساعة 6:00 مساءً، ما أكبر عدد من المجموعات التي يمكن إنشاؤها؟ كم عدد الأطفال - المدرجين في كل مرحلة عمرية - الذين تم تمثيلهم في كل مجموعة؟

### الجزء ب

إذا كان هناك أطفال آخرون يصلون في الساعة 6:30 مساءً، فما أكبر عدد من المجموعات التي يمكن إنشاؤها باستخدام التوجيهات نفسها للجزء "أ"؟

### الجزء ج

بدأ الطلاب يلعبون الألعاب. وكانت كل لعبة تستغرق 10 دقائق حتى يتم اكتمالها. ويوجد خمس محطات للألعاب بحيث يمكن لعب خمس ألعاب في وقت واحد. بناءً على إجابتك عن الجزء "ب"، ما الوقت الذي ستستغرقه كافة المجموعات للعب جميع الألعاب؟ اشرح إجابتك.

### الجزء د

حصل جميع الأطفال على وجبات مكونة من شطيرة برجر وكيس بسكويت مملح ومشروب للأطفال الذين تتراوح أعمارهم بين 6 و 10 سنوات، ووجبات مكونة من شطيرة برجر وكيسين بسكويت مملح ومشروب للأطفال الذين تزيد أعمارهم عن 10 سنوات. يتحمل النادي 0.80 AED مقابل كل شطيرة برجر، و 0.35 AED مقابل كل كيس بسكويت مملح، و 0.60 AED مقابل كل مشروب. فاحسب تكلفة الوجبة لكل فئة عمرية، بالإضافة التكلفة الإجمالية لتقديم وجبات لجميع الأطفال.

## التفكير

### الإجابة عن السؤال الأساسي

استخدم القواعد التي تعلمتها فيما يتعلق بالنسب والمعدلات لإكمال الشكل.

الإجابات النموذجية مقدمة.

### السؤال الأساسي

كيف تستخدم المعدلات المتكافئة في الحياة اليومية؟

المعدل	النسبة
ما هي؟ يقارن المعدل بين كميتين من أنواع مختلفة من الوحدات.	ما هي؟ مقارنة بين كميتين تتم عن طريق القسمة.
أمثلة السير 9 أميال في ساعتين	أمثلة حضور 4 من 5 طلاب صف مادة العلوم
أمثلة خارجة عن التعريف حصول 20 من 25 طالبًا على درجة امتياز	أمثلة خارجة عن التعريف ركض 7 طلاب مسافة ميل واحد

كيف تتشابه المعدلات والنسب؟

كلاهما يقارن بين كميتين.

كيف تختلف المعدلات والنسب؟

في النسبة، يمكنك إيجاد الوحدة المشتركة بين كميتين. أما المعدل فيقارن بين كميتين من وحدات مختلفة.

أجب على السؤال الأساسي. كيف تستخدم المعدلات المتكافئة في الحياة اليومية؟  
راقب عمل الطلاب.

### الإجابة عن السؤال الأساسي

قبل الإجابة عن السؤال الأساسي، اطلب من الطلاب مراجعة إجاباتهم على تمارين الاستفاضة من السؤال الأساسي الموجودة في كل درس من دروس الوحدة.

- كيف يساعد إيجاد العامل المشترك الأكبر (GCF) على حل مسائل من الحياة اليومية؟
- كيف يمكنك استخدام الرياضيات الذهنية لتحديد إذا كانت النسبة في أبسط صورة أم لا؟
- كيف ترتبط المعدلات والنسب؟
- كيف يمكنك تحديد إذا كانت النسبتان متكافئتين؟
- كيف يساعد إنشاء الرسوم البيانية على حل المسألة المتضمنة للنسب؟
- كيف يمكنك تحديد إذا كانت النسبتان متكافئتين؟
- كيف يمكنك استخدام المخططات والمعادلات لحل مسائل النسب والمعدلات؟

### أفكار يمكن استخدامها

**LA** **فكر** - **اعمل في ثنائيات** - شارك اطلب من الطلاب أن يعملوا في مجموعات ثنائية، اطرح السؤال الأساسي. امنح الطلاب دقيقة واحدة للتفكير في كيفية إكمالهم خريطة المفاهيم. ثم اطلب منهم مشاركة أجوبتهم مع زميلٍ قبل إكمال خريطة المفاهيم. 1, 5