

مشروع الوحدة

زمن الارتداد

يطبق الطلاب ما تعلموه عن المثلثات المتشابهة لتحديد مسار كرة سلة أثناء درجتها باتجاه حائط يزاوية معينة.

- يشارك كل طالب مع زميل له لإجراء هذه التجربة وسوف يحتاج كرة سلة، أو أي نوع كرة آخر مشابه، بالإضافة إلى مسطرة قياس متيرة، وكوب ورق، وشريط لاصق، وقلم تحديد.

- حدد على حائط مستوى، نقطتين قريبتين من الأرض مستخدماً قطعة من الشريط (النقطة A). قيس مسافة تبلغ 4 أمتار وحدد نقطة ثالثة باستخدام الشريط على الحائط القريب من الأرضية (النقطة B). قس مترين إضافيين وحدد علامة ثالثة بقطعة من الشريط مجددًا على الحائط القريب من الأرضية (النقطة C).

- بجوار النقطة A. قس للخارج مسافة عمودية مع الحائط تبلغ 5 أمتار وضع قطعة من الشريط اللاصق على الأرضية وقم بسميتها "نقطة البدء".

- كيف يمكنك الاعتماد على خواص المثلثات المتشابهة لتحديد مدى اليد الذي يتعين عنده وضع كوب ورق متواضع مع الحائط عن النقطة C بحيث إذا دحرجت الكرة من نقطة البدء إلى النقطة B. فردد الكرة عدد ارتطامها بالحائط وشحط فوق الكوب؟

- ماذا يحدث عندما تغير مسافة بعد نقطة البدء عن الحائط؟

- سجل نتائجك، وقم بإعداد رسم مقاييس تفصيلي لتجربتك وأعرض عملك على الفصل.



14

التشابه والتحويلات والترازير

المادة	الحال	السابق
الرياضة يمكن استخدام المثلثات المتشابهة في الرياضة ليحدد بطارقة مثل المبرورة المراده التي تتعطل بين شخصين لا غير.	في هذه الوحدة ستد	لقد درست موضوع

- تمتد المساحات المتشابهة وتشتمل على الصيغة والنسب في حل المسائل.
- تشتمل وتشتمل تحويلات المثلث.
- تشتمل المقادير المثلثية المترابطة والنسبيات ذات المطلب التعميم في حل المسائل.

- لقد درست موضوع الصيغة والنسب في تحويلات من المثلثات اليهيد.

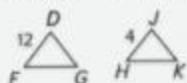
أ**سؤال:** ما معامل قياس $\triangle DFG \sim \triangle DFG$ بالنسبة إلى $\triangle JHK$ ؟ $\frac{12}{4}$ أو $\frac{3}{4}$

ما معامل قياس $\triangle JHK \sim \triangle DFG$ بالنسبة إلى $\triangle DFG$ ؟ $\frac{4}{12}$ أو $\frac{3}{1}$

المفردات الأساسية قدم المفردات الأساسية في الوحدة متبوعاً النظام التالي.

عَرْف: معامل المقياس هو نسبة أطوال الأضلاع المتناظرة في مضلعين متشابهين.

مثال: في الرسم التخطيطي، $\triangle DFG \sim \triangle JHK$



الاستعداد للوحدة

١

الكتاب الدراسي الاختياري

ثم بالتدريب المموج أدناه وبعد إلى المراجعة المسرعية للمساعدة.

تدريب سريع	مراجعة سريعة
<p>مثال ١ (مستخدم بالدروس من ١٤-١ إلى ١٤-٧)</p> $\frac{4x - 3}{5} = \frac{2x + 11}{3}$ <p>أوجد حل المعادلة الأصلية.</p> $3(4x - 3) = 5(2x + 11)$ <p>الضرب التلقائي</p> $12x - 9 = 10x + 55$ <p>خاصية التوزيع</p> $2x = 64$ <p>اجمع</p> $x = 32$ <p>بسط.</p>	<p>أوجد حل كل معادلة مما يلي.</p> <ol style="list-style-type: none"> ١. $\frac{3x}{8} = \frac{6}{x}$ أو -٤ ٢. $\frac{7}{3} = \frac{x - 4}{6}$ ١٨ ٣. $\frac{x + 9}{2} = \frac{3x - 1}{8}$ -٣٧ ٤. $\frac{3}{2x} = \frac{3x}{8}$ أو -٢ <p>٥. التسليم نسبة طلاب إلى المعلمين في إحدى المدارس الثانوية هي ١٧ إلى ١. فإذا كان عدد الطلاب في المدرسة هو ١٠٨٨ طالباً، فكم يبلغ عدد المعلمين؟ ٦٤</p> <p>الجبر في الشكل التالي، \overline{BC} و \overline{CD} هما شعاعان متقابلان، $\angle ABD$ ينحني.</p> <p>في الشكل، \overline{OP} و \overline{OQ} هما ضلعان متقابلان، و $\angle TQF$ ينحني.</p> $m\angle TQR = 4x - 14$ $m\angle SQR = 6x + 8$ $m\angle SQT =$ <p>أوجد</p> <p>مثال ٢ (مستخدم في الدرس ١٤-٥)</p> <p>$m\angle SQT = 2(m\angle TQR)$. فإن TQ ينحني.</p> <p>$m\angle SQR = 2(m\angle TQR)$ تبرير منتصف الزاوية</p> $6x + 8 = 2(4x - 14)$ <p>التبسيط</p> $6x + 8 = 8x - 28$ <p>خاصية التوزيع</p> $-2x = -36$ <p>طرح</p> $x = 18$ <p>بسط.</p> <p>إذا كان $m\angle ABD = x + 14$ ، $m\angle ABF = 3x - 8$. فإذا كان $m\angle ABF = 10x - 1$ ، $m\angle FBC = 2x + 25$. فإذا كان $m\angle DBF = 64.5$.</p> <p>٦. إذا كان $m\angle ABD = x + 14$ ، $m\angle ABF = 3x - 8$. فإذا كان $m\angle ABF = 10x - 1$ ، $m\angle FBC = 2x + 25$. فإذا كان $m\angle DBF = 64.5$.</p> <p>٧. أرسمة حول ناقورة كما هو مبين في الشكل التالي. إذا كان \overline{BA} و \overline{BC} هما شعاعان متقابلان، و \overline{BD} ينحني، $\angle ABD = 4x + 10$ ، $\angle ABC = 6x$.</p>

859

الأسئلة الأساسية

- ما الذي يجعل الأشكال متشابهة؟ الإجابة المودجية: تشابه الأشكال عندما يكون لها نفس الشكل بالضبط. وليس من الضروري أن تكون ينبع منها.
- كيف ثبت أن الأشكال متشابهة؟ الإجابة المودجية: إحدى الطرق هي إثبات أن جميع الأضلاع متناسبة.
- كيف يستخدم مفهوم التشابه في الحياة اليومية؟ الإجابة المودجية: يستخدم التشابه في إعداد رسوم مقاييس ونماذج لحل مسائل تتضمن قيائماً غير مباشرة.

المطويات منظم الدراسة
المطويات® دينا زايك

التوكيز يكتب الطلاب ملاحظات عن كل درس في هذه الوحدة.

التدريس اطلب من الطلاب عمل المطويات وسميتها حسبما هو موضح.

يستخدم الطلاب مطوياتهم في عمل الملاحظات، وحل المسألة، وتحديد الأوصاف. بينما يقوم الطلاب بالقراءة، والعمل في كل درس من هذه الوحدة، اطلب منهم تدوين أسلوبهم. وبينما يتعلم الطلاب المزيد من النسب والتشابه، شجّعهم على إجابة أسئلتهم؛ حيث يحدّ طرح الأسئلة على الذات إستراتيجية تساعد الطلاب في الحفاظ على تركيزهم خلال القراءة.

وقت الاستخدام استخدم الأجزاء المناسبة أثناء تناول الطلاب لكل درس في هذه الوحدة. ويمكن للطلاب الإضافة إلى جزء المفردات أثناء كل درس.

التدريس المتماهي

 **مسرد مصطلحات** الطالب

يكلّم الطلاّب المخاطط عن طريق تقديم تعريف كل مصطلح وطرح مثال عليه أثناء التقدّم في الوحدة 14. هذه الوسيلة الدراسية يمكن استخدامها أيضًا في المراجعة استعدادًا لاختبار الوحدة.

البدء في هذه الوحدة

سوف تتعلم عدة مفاهيم ومهارات ومفردات جديدة أثناء دراستك للوحدة 14. ولكي تستعد، حدد المفردات المهمة ونظم مواردك. قد تحتاج إلى العودة إلى الوحدة 0 لمراجعة المهارات المطلوبة.

المفردات الجديدة

	المفردات الجديدة
dilation	تقدير الأبعاد (النسبة)
similarity	التشابه
transformation	التحول
enlargement	التكبير
reduction	التصغير
line of reflection	خط الانكماش
center of rotation	مركز الدوران
angle of rotation	زاوية الدوران
composition of transformations	تركيب التحويلات
symmetry	التناظر
line symmetry	تناظر معور
line of symmetry	محور التناظر

المطويات منظم الدراسة

الناسب والتشابه يساعدك تكون هذه المطوية في تنظيم ملاحظاتك الخاصة بالوحدة 14 من النسب والبعضات المتاظرة، وتحويلات التشابه. ابدأ باربع صفحات من المفتر.



- 1 أطوي الورقات الأربع
عند المنتصف.



- 2 أقطع بذلة قبة الورق.
وتبعد الورق من الداخل.
لعمل كتاب.



- 3 أقطع الجانب الآخير من كل
ورقة لعمل تبويب لكل فصل.



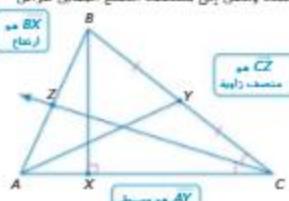
- 4 اكتب على كل تبويب
رقم الدروس، كما هو موضح.

مراجعة المفردات

الزاويا هو عبارة عن قطعة مستقيمة مرسومة من أحد رؤوس المثلث وعمودية على المستقيم المحتوى على الصانع المقابل للرأس.

نصف الزاوية هو عبارة عن شعاع يقسم الزاوية إلى زاويتين متاظرتين.

الوسيد هو عبارة عن قطعة مستقيمة مرسومة من أحد رؤوس المثلث وتصل إلى منتصف الصانع المقابل للرأس.



المثلثات المتشابهة

١٤-١٤

١ التركيز

التخطيط الرأسى

قبل الدرس ١٤-١ تطبيق خواص أشيه المتعرج وأشكال الطائرة الورقية.

الدرس ١٤-١ تحديد المثلثات المتشابهة باستخدام مسلمة تشابه مثلثين من خلال قياس زاويتين مت対اظرين فيما (زاوية-زاوية) ونظرية التشابه (ضلع-ضلع-ضلع) ونظرية التشابه (ضلع-زاوية-ضلع). استخدم المثلثات المتشابهة لحل المسائل.

بعد الدرس ١٤-١ تحليل علاقات تشابه المثلثات.

٢ التدريس

الأسئلة الداعمة

كلف الطلاب بقراءة القسم **لماذا؟** الوارد في هذا الدرس.

اطرح الأسئلة التالية:

ما وجه المقارنة بين زوايا مثلثين؟
متطابقة

هل المثلث الجديد متطابق للمثلث الأصلي لا. فأطوال الضلع ليست متطابقة.

نصح على زاويتين من المثلث الأصلي هل الزاوية الثالثة هي نفس الزاوية في كل مثلث؟ لماذا؟ نعم، لأن مجموع قياسات الزاوية يبلغ 180°.



لماذا؟

السالى

السابق

يرتكب على في رسم نسخة متشابهة لشماري على التزلج المفترض فيه على ملمس إسلام، ورسم أولاً ممتداً في أسفل المنسوب الإلمازي، بعد ذلك، استخدم قياسات المثلث الأصلي لمعلم مصدرين للزوايا المتساويتين، وأخيراً، قد الجواب غير المفترض للزوايا.

- تمديد المثلثات
- المثلثات المتشابهة باستخدام مسلمة تشابه زاويتين (AA)
- ونظرية تشابه المثلثات الأساسية (SSS)
- وتطبيقات ملهمين وزاوية (SSA) (SAS) لثبات تطابق المثلثات.

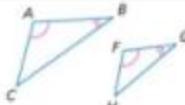
- استخدمت مطريات
- تطابق زاويتين وضعاف (AAS) وتطابق الأسلال الثالثة (SSS)
- وتطابق ملهمين وزاوية (SAS)
- لثبات تطابق المثلثات.



٢ استخدام المثلثات
التشابه لحل المسائل.

١ تحديد المثلثات المتشابهة يشير المثال إلى أن المثلثين يكونان متشابهين إذا كان زوجان من الزوايا المتناظرة فيما متطابقتان.

مسلمة ١٤.١ تشابه زاويتين (AA)



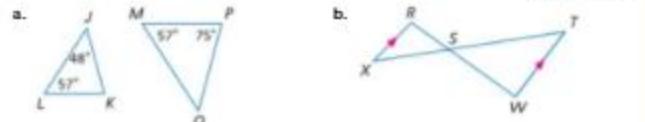
إذا تطابقت زاويتان في مثلث مع زاويتين في مثلث آخر.

إذًا يكون المثلثان متشابهين.

مثلاً إذا كان $\angle A \cong \angle F$, $\angle B \cong \angle G$, $\angle C \cong \angle H$ ، فإن $\triangle ABC \sim \triangle FGH$.

مثال ١ استخدام مسلمة تشابه زاويتين (AA)

حدد إذا ما كان المثلثان متشابهين. وإذا كانت كذلك، فاكتتب عبارة تشابه.



a. س. إن $J = 57^\circ$ ، $K = 48^\circ$ ، $L = 75^\circ$ ، حسب نظرية مجموع زوايا المثلث $= 180$. إذًا $J \cong M$ ، $K \cong N$ ، $L \cong O$ ، حسب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

b. س. إن $R = 75^\circ$ ، $S = 57^\circ$ ، $T = 57^\circ$ ، حسب نظرية زوايا المتعاكسة على الماء. إذًا $R \cong S$ ، $T \cong R$ ، حسب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

ن. $\angle LJK \cong \angle LPO$ ، $\angle L \cong \angle L$ ، $\angle K \cong \angle P$ ، $\triangle LJK \sim \triangle LPO$ ، حسب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

أ. $\angle KLP \cong \angle QLP$ ، $\angle K \cong \angle Q$ ، $\angle L \cong \angle L$ ، $\triangle KLP \sim \triangle QLP$ ، حسب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

تمرين موعد

1A.

إذا لا يتوفّر زوجان من $\triangle A \cong \triangle B$.

1B.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1C.

إذا $\triangle KLP \sim \triangle LOP$.

تمرين موعد

1D.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1E.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1F.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1G.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1H.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1I.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1J.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1K.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1L.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1M.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1N.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1O.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1P.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1Q.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1R.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1S.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1T.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1U.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1V.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1W.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1X.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1Y.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1Z.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1AA.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1BB.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1CC.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1DD.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1EE.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1FF.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1GG.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1HH.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1II.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1JJ.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1KK.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1LL.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1MM.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1NN.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1OO.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1PP.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1QQ.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1RR.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.

تمرين موعد

1SS.

إذا $\triangle LOP \sim \triangle KLP$.
تمرين موعد

الكتاب المدرسي (Bridges to Mathematics) © 2018 McGraw-Hill Education. All rights reserved.

١ تحديد المثلثات المتشابهة

الأمثلة-3 ١- توضح كيفية استخدام النظريات وال المسلمات الجديدة للبرهنة على تشابه المثلثات. **المثلثان ٤ و ٥** يوضحان كيفية استخدام خواص المثلثات المتشابهة لإيجاد الأطوال المجهولة.

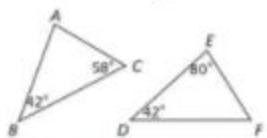
التقويم التكعيبي

استخدم التمارين الواردة في القسم "تمرين موجة" بعد كل مثال للوقوف على مدى استيعاب الطلاب للمفاهيم.

مثال إضافي

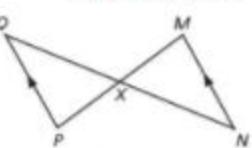
١ حدد إذا كان المثلثان متشابهين. وإذا كان كذلك، فاكتب عبارة تشابه. واشرح استنتاجك.

a.



بحسب نظرية مجموع زوايا المثلث، فإن $m\angle A = 80$ درجة. بما أن $\angle B \cong \angle D$ و $\angle A \cong \angle E$. فإن $\triangle ABC \sim \triangle EDF$ بالتشابه (زاوية-زاوية).

b.



بحسب نظرية الزوايا المتطابقة $\angle QXP \cong \angle NXM$. بما أن $\angle Q \cong \angle N$ ، وبما أن $PQ \parallel MN$. فإن $\triangle QXP \sim \triangle NXM$ إذا، بالتشابه (زاوية-زاوية).

يمكنك استخدام مسلمة تشابه زاويتين (AA) لإثبات التشابه بين المثلثين.

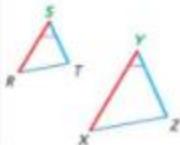
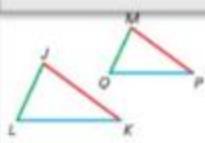
نظريات تشابه المثلثات

١٤.١ تشابه الأضلاع الثلاثة (SSS)

إذا كانت أطوال الأضلاع الم対اظرة في مثلثين متناسبة. فإذا تكون المثلثان متشابهين.
مثال إذا كان $\frac{JK}{KL} = \frac{MP}{PQ} = \frac{LQ}{QM}$. فإن $\triangle JKL \sim \triangle MPQ$.

١٤.٢ تشابه ضلعين وزاوية (SAS)

إذا كان طولًا ضلعين مع زاوية بينهما متناسبين في مثلث متناسبين مع طولين ضلعين متناظرين في مثلث آخر وكانت الزوايا المحسوبة بين كل زوج من هذه الأضلاع متطابقتين. فإذا تكون المثلثان متشابهين.
مثال إذا كان $\frac{RS}{XY} = \frac{ST}{YZ}$. فإن $\triangle RST \sim \triangle XYZ$.



برهان التنظيرية ١٤.١

ال前提是: $\frac{AB}{FG} = \frac{BC}{GH} = \frac{AC}{IH}$:
البطول: $\triangle ABC \sim \triangle FGH$

فكرة البرهان:

تصنيحة دراسية
الأشلاع المتناظرة تتحدد
الأشلاع المتطابقة في مثلثين.
إذا بحثنا عن أطوال ضلعين
ثم اللذين يليها طولان وأسيرا
قانون بين المثلثان متشابهين.

منذ موقع J على \overline{FG} بحيث يكون $JG = AB$ ، ثم منصفة $JK \parallel FH$ بحيث يكون $JK \cong BC$. بما أن $\angle GJK \cong \angle GHF$ ، بما أن $\angle G \cong \angle G$ ، حسب عاصفة الاعتكاف، $\angle G \cong \angle G$ ، $\angle G \cong \angle G$ ، حسب مسلمة الزوايا المتناظرة. فإن $\triangle GJK \sim \triangle GHF$ حسب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

وبحسب تعريف المثلثات المتشابهة، $\frac{JG}{FG} = \frac{GK}{GH} = \frac{JK}{FH}$. وبالتالي،

$$\frac{AB}{FG} = \frac{GK}{GH} = \frac{JK}{FH}$$

وبما أن المثلثيات تقول أيضًا إن $\frac{AB}{FG} = \frac{AC}{IH}$. يمكننا العدل إلى $\frac{JK}{FH} = \frac{AC}{IH}$. بما أن $JK \cong AC$ ، $GK \cong BC$. إذا $JK = AC$ ، $GK = BC$. بما أن $\frac{JK}{FH} = \frac{AC}{IH}$ ، هذا يعني أن $FH = IH$.

بحسب نظرية الأضلاع الثلاثة (SSS)، $\triangle ABC \cong \triangle JHK$.

حسب مسلمة تطابق الأجزاء المتناظرة في المثلثات المتناظرة (CPCTC). بما أن $\angle A \cong \angle J$ ، $\angle B \cong \angle H$ ، $\angle C \cong \angle K$. فإن $\angle A \cong \angle F$. بما أن $\angle A \cong \angle F$ ، حسب عاصفة التعدي، وبحسب مسلمة تشابه زاويتين (AA). $\triangle ABC \sim \triangle FGH$.

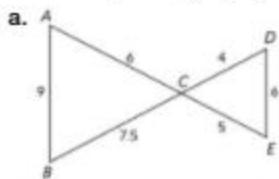
٨٦٢ | الدرس ١٤-١ | المثلثات المتشابهة

التركيز على محتوى الرياضيات

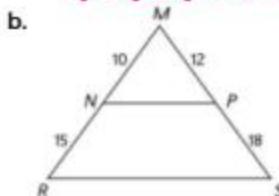
المقارنة وضح أوجه التشابه والاختلاف بين مسلمات ونظريات تطابق المثلثات. ومسلمات ونظريات التشابه في هذه الوحدة. أكد أنه على الرغم من ضرورة وجود زوجين من الزوايا المتناظرة فقط للمثلثين حتى يكونا متشابهين، إلا أن الأزواج الثلاثة للأضلاع المتناظرة يجب أن تكون متناسبة.

أمثلة إضافية

حدد إذا كان المثلثان متشابهين.
إذا كانا كذلك، فاكتب عبارة
تشابه، واشرح استنتاجك.



$\triangle ABC \sim \triangle DEC$ بموجب نظرية
التشابه (ضلع-ضلع-ضلع).



$\triangle MNP \sim \triangle MRS$ بموجب
نظرية التشابه (ضلع-زاوية-ضلع)

تمرين على الاختبار المعياري 3
كان المثلثان $\triangle XYZ$ و $\triangle RST$ متشابهين
يتحقق فيما $\frac{RS}{XY} = \frac{2}{3}$
فأي مما يلي يكون كافياً للبرهنة
أن المثلثان متشابهان؟

A $\frac{RT}{XZ} = \frac{ST}{YZ}$ C $\angle R \cong \angle S$

B $\frac{RS}{XY} = \frac{RT}{XZ} = \frac{ST}{YZ}$ D $\frac{RS}{RT} = \frac{XY}{XZ}$

اتبه!

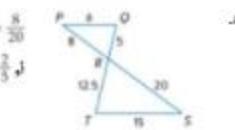
الزوايا المتطابقة يمكن استخدام
نظرية التشابه (ضلع-زاوية-ضلع)
فقط إذا كانت الزاوية واقعة بين
الضلعين المتاظرين في كل مثلث.

مثال 2 استخدام نظريتي تشابه الأضلاع الثلاثة (SSS) وتشابه ضلعين وزاوية (SAS)

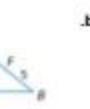
حدد إذا كان المثلثان متشابهين. وإذا كان كذلك، فاكتب عبارة تشابه، واشرح استنتاجك.

$$\frac{QR}{TR} = \frac{5}{12.5} = \frac{50}{125} = \frac{2}{5} \quad \text{أو} \quad \frac{PQ}{ST} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5} \quad \text{أو} \quad \frac{PR}{SR} = \frac{8}{20} = \frac{2}{5}$$

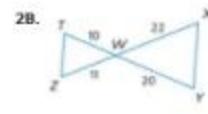
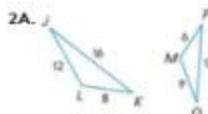
لـ $\frac{2}{5}$ إذا $\triangle PQR \sim \triangle STR$ حسب نظرية تشابه الأضلاع الثلاثة (SSS).



حسب خاصية الانعدام، $\angle A \cong \angle A$
 $\frac{AE}{AC} = \frac{8}{8+4} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$ أو $\frac{AF}{AB} = \frac{10}{10+5} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$
ما أن أطوال الأضلاع التي تنصب الزاوية $\angle A$ متناسبة، فإن $\triangle AEF \sim \triangle ACB$ حسب نظرية تشابه ضلعين وزاوية (SAS).



تمرين موجّه



تصنيحة دراسية
رسم الأشكال التخطيطية
من المفيد ذلك لأن تجنب رسم
البنوك المتشاهدة من تكون
أطوال الأضلاع المتناظرة
بعض الاتجاه.

$\triangle JLK \sim \triangle QMP$: 2A
حسب نظرية تشابه الأضلاع
الثلاثة (SSS) لأن

$$\frac{JL}{QM} = \frac{LK}{MP} = \frac{JK}{QP} = \frac{4}{3}$$

$\triangle TWZ \sim \triangle YWX$: 2B

حسب نظرية تشابه
ضلعين وزاوية (SAS) لأن
 $\angle TWZ = \angle YWX$
و $\angle W = \angle W$

$$\frac{TW}{YX} = \frac{WZ}{WX} = \frac{1}{2}$$

مثال 3 على الاختبار المعياري شروط كافية

في الشكل، هو مثلث $\triangle ADB$ هو مثلث قائم أي من المعلومات
القائمة لن تكون كافية لإثبات أن $\triangle ADB \sim \triangle CDB$ ؟



A $\frac{AD}{BD} = \frac{BD}{CD}$

B $\frac{AB}{BC} = \frac{BD}{CD}$

C $\angle ABD \cong \angle C$

D $\frac{AD}{BD} = \frac{BD}{CD} = \frac{AB}{BC}$

قراءة فقرة الاختبار

أمّا معلومات تحول إن $\angle ADB$ زاوية قائمة وملتبس بذلك تحديد أي من المعلومات الإضافية لن تكون
كافية لإثبات أن $\triangle ADB \sim \triangle CDB$.

خل فقرة الاختبار

ما أن $\angle ADB$ مثلث قائم، فإن $\angle CDB$ مثلث قائم أيضاً، بما أن كل الزوايا القائمة تكون متطابقة، فإن
 $\angle ADB \cong \angle CDB$ ، وإنما $\angle ADB \cong \angle CDB$ يعني كل الخيارات حين تجد أحدها الذي لا يخدم شرطنا إساقتنا بكتاب إثبات أن
 $\triangle ADB \sim \triangle CDB$.

الخيار A: إذا كان $\angle ADB \cong \angle CDB$ ، فإن $\triangle ADB \sim \triangle CDB$ حسب نظرية تشابه ضلعين
وزاوية (SAS).

الخيار B: إذا كان $\frac{AD}{BD} = \frac{BD}{CD}$ ، فإن $\triangle ADB \sim \triangle CDB$ حسب نظرية تشابه ضلعين
الضلعين AD و BD ليسا زاويتين، فإذا الإجابة هي B.

تصنيحة عدد حل الاختبار

تحديد أملأة خارجة عن
الصرف أصلان تتطلب
استدلالاً معملاً مثل أن تذكر
متلاً عارضاً عن التبرير، كما
في هذه المسألة.

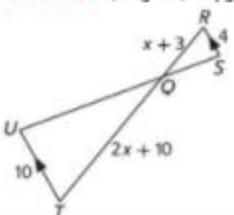
مثل إضافي

4 سؤال جبوري إذا كان $\overline{RS} \parallel \overline{UT}$

$$RQ = x + 3 \text{ و } RS = 4$$

$$UT = 10 \text{ و } QT = 2x + 10 \text{ و}$$

$$20 : 8 \cdot QT = RQ \text{ فأوجد } RQ$$



تمرين موجه

إذا كان $\triangle FGH \sim \triangle KJI$ مثليان فيها $\angle F \cong \angle J$. فلأى من الآتي يمكن إثبات أن المثلثين متشابهان؟

F. $\frac{KJ}{GH} = \frac{JI}{FH}$

G. $\frac{JI}{JK} = \frac{FH}{FG}$

H. $\frac{JK}{FG} = \frac{KI}{GH}$

J. $\frac{JI}{JK} = \frac{GH}{FG}$

استخدام المثلثات المتشابهة

كما هو الحال في تطبيق المثلثات، فإن تشابه المثلثات يكون اعتماداً على معايير المثلثات المتشابهة.

نظريّة 14.3 خواص التشابه

$$\triangle ABC \sim \triangle ABC$$

خاصية انعكاس التشابه

$$\triangle DEF \sim \triangle ABC \text{ إذن } \triangle ABC \sim \triangle DEF$$

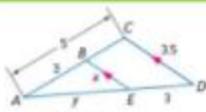
خاصية تناظر التشابه

$$\triangle DEF \sim \triangle XYZ \text{ إذن } \triangle ABC \sim \triangle DEF$$

خاصية التعدي في التشابه

$$\triangle ABC \sim \triangle XYZ \text{ إذن }$$

مثال 4 أجزاء المثلثات المتشابهة



أوجد AD و BE

$\angle AEB \cong \angle EDC$ إذن $\overline{BE} \parallel \overline{CD}$ فإن $\angle ABE \cong \angle BCD$ و $\angle BEC \cong \angle CED$ لأنهما زاويتان متطابقتان. وحسب مبدأ متشابه المثلثات المتشابه $\triangle ABE \sim \triangle ACD$ (AA).

$$\begin{aligned} \frac{AB}{AC} &= \frac{BE}{CD} \\ \frac{3}{5} &= \frac{x}{3.5} \end{aligned}$$

تمرين المثلثات المتشابهة

$$AC = 5, CD = 3.5, AB = 3, BE = x$$

خاصية الضرب القابلعي

2.1 $= x$ نساوي

$$\begin{aligned} \frac{AC}{AB} &= \frac{AD}{AE} \\ \frac{5}{3} &= \frac{y+3}{y} \\ 5 \cdot y &= 3(y+3) \\ 5y &= 3y + 9 \\ 2y &= 9 \\ y &= 4.5 \end{aligned}$$

تمرين المثلثات المتشابهة

$$AC = 5, AB = 3, AD = y + 3, AE = y$$

خاصية الضرب القابلعي

خاصية التوزيع

بتطرح $3y$ من كل طرف

$$2y = 9 \text{ أو } y = 4.5$$

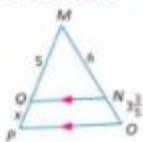
نصيحة دراسية

النطاقات تتناسب إضلاعها

يطبق على مثال 4 هو

$$\frac{AC}{CD} = \frac{AB}{BE}$$

4A. $OP = MP = 3; OQ = 8$



تمرين موجه
أوجد قياس كل مما يلي.

4B. $WR = 8; RT = 10$



مثال إضافي

5 **ناظرات الصحاب** يرغيب عبد الله في قياس ارتفاع برج سيرز في شيكاغو استخدم عبد الله عمود إبرارة طوله 12 مترا وقياس ظله عند الساعة 1 P.M بلغ طول الظل مترين. ثم قاس طول ظل برج سيرز وببلغ 242 مترا في نفس الوقت. فكم يبلغ ارتفاع برج سيرز؟



الارتفاع الحقيقي: 1452 m
الارتفاع المترافق: 1450 m

مثال 5 من الحياة اليومية التفاصيل غير المباشرة

قطارات البلاهي تقدر ثوراً ارتفاع لعبة قطار البلاهي العملاق في ميتشنلبل، ميريلاند، ويبلغ طول ثوراً هنا واحداً و 57.5 cm وبلغ طول ظلها 0.9 متراً. فإذا كان طول ظل هذه اللعبة هو 12 قدماً، فكم يبلغ طول اللعبة؟

القطر سيم رسماً تصويرياً لهذه الحالات. متراً واحداً و 57.5 متراً يعادل 1.575 متراً.



الخطيب في مسالٍ للظل، يمكنك أن تفترض أن الزوايا المتكونة من أشعة الشمس، مع أي شبيه آخر، تكون متطابقة وأن الشبيهين يشكلان أضلاع متناظر قائم الزاوية.

إذاً زوجين من الزوايا متطابقان، فالمثلثات المترافقون تكون متشابهة حسب معلمة زوايا زوايا (AA). إذاً يمكننا كتابة التساوي التالي.

$$\frac{\text{ارتفاع ثورا}}{\text{ارتفاع ظل ثورا}} = \frac{\text{ارتفاع اللعبه}}{\text{ارتفاع ظل اللعبة}}$$

حل نؤسس من القسم المعرفة والمترافق أن $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$.

$$\frac{1.575}{3} = \frac{0.9}{12}$$

خاصية الضرب التناطحي

$$0.9 \cdot x = 12 \cdot 1.575$$

$$0.9x = 18.9$$

$$x = 21$$

نقسم كل طرف على 3

يبلغ طول لعبة قطار البلاهي 21 متراً.

تحقق يبلغ طول ظل اللعبة $\frac{21}{0.9} \approx 23.3$ متراً أو حوالي 13.3 مرة من طول ظل ثوراً. تتحقق من أن ارتفاع اللعبة يصل إلى حوالي 13.3 مرة من طول ثوراً.

تقرير وجة
5. عيادي يقف عمر بمطار مدين البالديتو في كولومبيا، بكاريابانا الجنوبية. ويبلغ طول عمر 1.80 متراً وطول ظله 2.7 متراً. فإذا كان طول ظل هذا العين هو 96.75 متراً، فكم يبلغ طوله؟

تحصيده في حل المسائل
إيات متعلقة عندما تصل مسافة راجع إيات متعلقة من مسافة في هذا النطاق.
ظل ثوراً أكبر قليلاً من سبع مذواياً. وكذلك يزيد طول ظل اللعبة قليلاً عن سبع الطول، الذي حسبته. لذلك، الإجابة متطابقة.

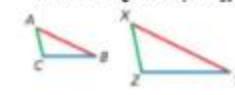
ملخص المنهج تشابه المثلثات

معلمة تشابه زاويتين (AA)



إذا كان $\angle C \cong \angle Z$, $\angle A \cong \angle X$
 $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$

نظرية تشابه الأضلاع الثلاثة (SSS)



إذا كان $\frac{AB}{XY} = \frac{BC}{YZ} = \frac{CA}{ZX}$
 $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$

نظرية تشابه ضلعين وزاوية (SAS)



إذا كان $\frac{AB}{XY} = \frac{CA}{ZX}$, $\angle A \cong \angle X$
 $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$



لقد استكشفت الطلاب النسب والمثلثات المترافقون ونظرية التشابه.
أسأل:

• كيف يمكن إيجاد القياسات المجهولة في المثلثات المترافقون؟ **الإجابة الموزجية:** كتابة وحل مسألة تناسب تربط بين ضلعين متناظرين بقياسات معلومة وبين ضلعين متناظرين مع وجود ضلع معلوم وضلع غير معلوم.

• كيف يمكن البرهنة على أن المثلثين مترافقين؟ **الإجابة الموزجية:** استخدام معلمة AA (زاوية-زاوية) أو نظرية SSS (ضلعين متساوين-ضلعين متساوين) أو نظرية SAS (ضلعين متساوين-زوايا متساوية).

3 التمرين

التقويم التكويني

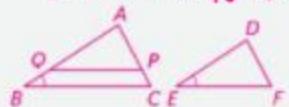
استخدم التمارين من 1 إلى 8 للتحقق من استيعاب الطلاب.
استخدم المخطط أسفل هذه الصفحة لتخصيص واجبات الطلاب.

إجابات إضافية

المعطيات: 24. $\angle B \cong \angle E$, $\overline{OP} \parallel \overline{BC}$

$$\overline{OP} \cong \overline{EF}, \frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF}$$

المطلوب:



البرهان:

العبارات (المبررات)

$\angle B \cong \angle E$, $\overline{OP} \parallel \overline{BC}$, $\overline{OP} \cong \overline{EF}$, . 1

$$\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} \quad (\text{معطى})$$

$\angle APQ \cong \angle C$, $\angle AQP \cong \angle B$. 2

(ملائمة لـ الزوايا المتناظرة)

$\angle AQP \cong \angle E$. 3

(خاصية التعدي)

$\triangle ABC \sim \triangle AQP$. 4

(تشابه زاوية-زاوية)

$$(\triangle) \frac{AB}{AQ} = \frac{BC}{QP} . 5$$

$AB \cdot QP = AQ \cdot BC$; $AB \cdot$. 6

$$EF = DE \cdot BC$$

(بالضرب التناصفي)

$QP = EF$. 7

(تعريف القطع)

\triangle المستقيمة المتطابقة (=)

$$AB \cdot EF = AQ \cdot BC . 8$$

(بالتعويض)

$$AQ \cdot BC = DE \cdot BC . 9$$

(بالتعويض)

$$AQ = DE . 10$$

$\overline{AQ} \cong \overline{DE}$. 11

(تعريف القطع)

\triangle المستقيمة المتطابقة (\cong)

$\triangle AQP \cong \triangle DEF$. 12

(تشابه زاوية-ضلع)

$\angle APQ \cong \angle F$. 13

(الأجزاء المتناظرة من مثلثين متطابقين متطابقة)

$\angle C \cong \angle F$. 14

(خاصية التعدي)

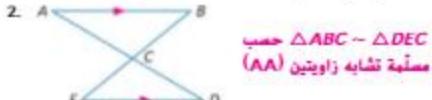
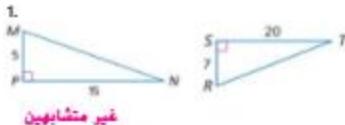
$\triangle ABC \sim \triangle DEF$. 15

(زاوين AA)

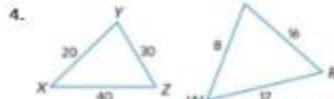
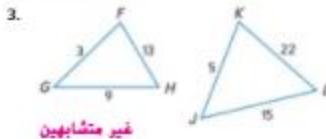
25. (انظر الإجابة في صفحة 868).

التحقق من فهمك

السؤال 1 حدد إذا كان المثلثان متشابهين. وإذا كان كذلك، فاكتب عبارة تشابه.
السؤال 2 وارجع استنتاجك.



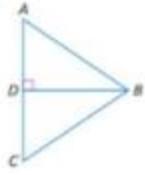
حسب ملائمة تشابه زاويتين (AA)
ملائمة تشابه زاويتين (AA)



حسب نظرية المثلثة (SSS)
تشابه الأضلاع الثلاثة (SSS)

5. اختر من متعدد في المذكرة، يكون AB متعددا على BD . أي من المعلومة الإضافية التي ستكون كافية لإثبات أن

$$D \in \triangle ABC - \triangle DEC$$

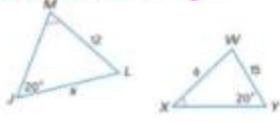


- A $m\angle A = 60^\circ$
- B $m\angle ABD = m\angle BDC$
- C $\overline{AB} \cong \overline{BC}$
- D BD ينصف AC

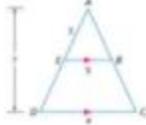
الجبر حدد المثلثان المتشابه. وأوجد كل قيس.

مثال 3

6. $\triangle ABE \sim \triangle ACD$, $x = \frac{35}{3}$



7. $\triangle WXY \sim \triangle MLJ$, $x = 30$

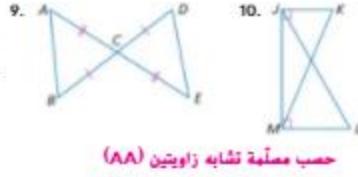


8. حيوانات أليفة تسمى سالي مع قطتها ماكس، فإذا كان طول مالى يبلغ 160 سم، طول قطتها هو 95 سم، وكان طول مالى هو 45 سم، فإن طول قطة ماكس هو؟
يبلغ طول ماكس حوالي 75 سم.

مثال 5

التمرين وحل المسائل 1-3

حدد إذا ما كان المثلثان متشابهين. وإذا كان كذلك، فاكتب عبارة تشابه. وإن كانت غير ذلك، فها المعلومات التي ستكون كافية لإثبات تشابه المثلثين؟ اخرج استنتاجك.



حسب ملائمة تشابه زاويتين (AA)

9. $\triangle JKL \sim \triangle MNL$

حسب نظرية المثلثة (SSS)
تشابه وزاوية (SAS)

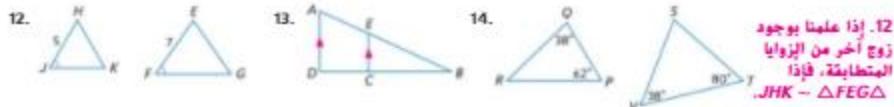
10. إذا عملينا أن $\frac{JK}{MN} = \frac{KL}{NL}$ فإن إثبات أن

$WXY \sim \triangle TRS$. 11

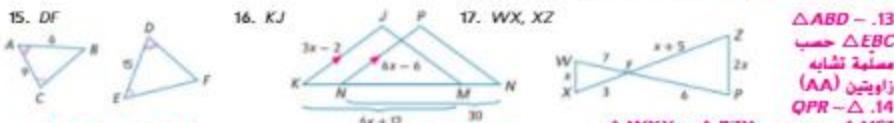
الدرس 14-1 المثلثات المتشابهة

خيارات الواجب المنزلي المتمايز

الخيارات اليومية	الواجب	المستوى
10-24 37, 39-41, 46-56	9, 23, 42-45 فردي	مبتدئ AL
25-37, 39-41, 46-56	9-24, 42-45 فردي	أساسي OL
	25-55, (56: اختياري)	متقدم BL

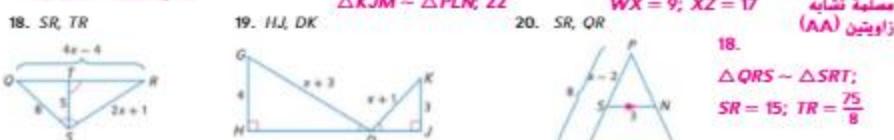


12. إذا علمتنا بوجود زوج آخر من الإيزويا المتطابقة، فإذا $\triangle JHK \sim \triangle FEG$



15. $\triangle ABC \sim \triangle DFE$; 10

الجبر: سد المثلثات المتشابهة. ثم أوجد كـ، تماًساً.



18. $\triangle SRQ \sim \triangle TRS$

19. $\triangle HJD \sim \triangle KJM$; $KJ = 22$

20. $\triangle SQR \sim \triangle PQR$

مثال 4

$\triangle ABD \sim \triangle EBC$ حسب

ممتلكة ثانية (AA)

زاوتيـن (AAA)

$\triangle PQR \sim \triangle TUV$ حسب

ممتلكة ثانية (AA)

زاوتيـن (AAA)

16. $\triangle KJL \sim \triangle PLN$

17. $\triangle WXZ \sim \triangle PZY$

$WX = 9$; $XZ = 17$

مثال 5

18. $\triangle QRS \sim \triangle SRT$

الأبراج

يقف عدنان بمصوارع هائـف علـويـ، فـلـذـا كان مـطـولـ عـدـنـانـ هوـ 18ـ مـتـرـ وـطـولـ يـدـهـ 45ـ سـنـتمـترـ، وـكـانـ مـطـولـ عـلـىـ سـارـيـةـ

ظلـ الـبـرـعـ هوـ 16.5ـ مـتـرـ، فـيـ مـطـولـ الـبـرـعـ 66ـ مـتـرـ

21. الأعلام عندما قـدـمـتـ رـبـةـ الـبـالـغـ مـصـارـيـةـ الـعـالمـ، طـلـعـ مـطـولـ ظـلـ الـبـالـغـ 57.5ـ cm، وـكـانـ مـطـولـ عـلـىـ سـارـيـةـ

472.5ـ cm، فـيـ مـطـولـ سـارـيـةـ الـعـالمـ 5.43ـ مـتـرـ

22. التـقـيـيـدـ يـسـتـخدـمـ عـيـسـىـ الصـلـامـ ذـيـ عـلـمـ الـبـالـغـ 159ـ cm، بمـصـارـيـةـ عـلـمـ، طـلـعـ مـطـولـ ظـلـ الـبـالـغـ 57.5ـ cm، وـكـانـ مـطـولـ عـلـىـ سـارـيـةـ

يـسـتـخدـمـهـ الصـلـامـ معـ الـأـرـضـ مـسـاوـيـةـ 65ـ درـجـةـ، وـمـنـذـ يـسـتـخدـمـهـ الصـلـامـ عـلـىـ مـنـزـلـ يـهـدـهـ الـرـازـيـ بـيـنـ الصـلـامـ الـبـالـغـ مـطـولـهـ 4.50ـ مـتـرـ

أـرـتـاعـ 4.08ـ مـتـرـ، فـيـ الـأـرـتـاعـ الـذـيـ يـسـكـنـ إـلـيـهـ سـلـمـ مـطـولـهـ 6ـ مـتـرـ، 5.43ـ مـتـرـ

البرهان اكتب برهاناً من عمودين 24-25. انظر الهاوش.

14.3 نظرية 24. نظرية 25.

البرهان اكتب برهاناً من عمودين 26-27. انظر ملحق إجابات الوحدة 14.



14.3. المعطيات: $BD \perp AC$

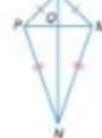
$\frac{AB}{AC} = \frac{AD}{DC}$

المطلوب: $\triangle ABD \sim \triangle CBD$

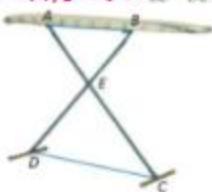
27. المعطيات: عـلـىـ شـكـلـ LMNPـ مـطـلـقـةـ وـرـقـيـةـ.

$\frac{AP}{AM} = \frac{PQ}{QM}$

المطلوب:



28. **المهام المتزوجة** ينصح ارتفاع مذكرة الكي المبنية على المبار بأنه قابل للتعديل، إذا كانت مذكرة الكي متوازية مع الأرضية، فلذلك أن $\frac{AE}{EC} = \frac{AB}{DC}$ انظر ملحق إجابات الوحدة 14.

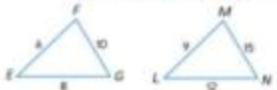


الهندسة الإحداثية المثلثان $\triangle ABC$ و $\triangle EBF$ لها الرؤوس $A(1, -7)$, $B(7, 5)$, $C(1, 8)$, $E(3, -3)$, $F(3, 7)$.

29. مثل المثلثين متساوية، وسدد ما إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle EBF$. انظر ملحق إجابات الوحدة 14.

30. أوجد معامل المقياس ونسبة ممحيطين المثلثين المتساوين.

$$\text{معامل المقياس} = \frac{2}{3}, \text{نسبة المحيطين} = \frac{2}{3}$$



31. **التزلج** يرتفع ذارس على صعدة تزلج وبعد أن تجاوز 6 أمتر على الصعدة، بلغ ارتفاعه 15 مترا فوق الأرض، استخدم مثلثات متشابهة لاكتشاف ارتفاع ذارس فوق الأرض، بعد تجاوز 15 مترا على الصعدة. **3.75** أمتر



برهان ألم مثلاً مصاد قدم إثبات أو مثلاً مضاداً لكل من العبارات التالية.

32. كل المثلثات المتساوية تكون متشابهة. البرهان: لا بد أن يكون للمثلثات المتساوية متساوية

الساقين زوايا بالقياسات 90-45-45، إذا في كلها متشابهة بموجب مسلمة تشابه زاويتين (AA).

34. كل المثلثات متساوية الأضلاع تكون متشابهة. البرهان: كل المثلثات متساوية الأضلاع لها زوايا قياسها 60 كذا هو الحال مع كل مثلث، وحسب مسلمة تشابه زاويتين (AA)، لا بد أن تكون هذه المثلثات متشابهة.

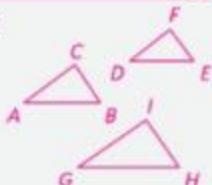
35. **ال旆يات المتعددة** في هذه المسألة، سوف تستكشف ممحيطات المثلثات المتشابهة.

a. هندسياً ارسم ثلاثة مثلثات متشابهة لـ $\triangle ABC$ سم المثلثات $\triangle EFG$, $\triangle LMN$, $\triangle XYZ$. سع أطوال كل الأضلاع. **الجابة التنموذجية:**

b. هندسياً ارسم ثلاثة مثلثات متشابهة لـ $\triangle ABC$ سم المثلثات $\triangle EFG$, $\triangle LMN$, $\triangle XYZ$. سع أطوال كل الأضلاع. **الجابة التنموذجية:**

c. هندسياً ارسم ثلاثة مثلثات متشابهة لـ $\triangle ABC$ سم المثلثات $\triangle EFG$, $\triangle LMN$, $\triangle XYZ$. سع أطوال كل الأضلاع. **الجابة التنموذجية:**

25.



الخاصية العكسية في الشاه

المعطيات: $\triangle ABC$

المطلوب: $\triangle ABC \sim \triangle ABC$

البرهان:

العبارات (المبررات)

$\triangle ABC \sim \triangle ABC$.1 (معطى)

$\angle B \cong \angle B, \angle A \cong \angle A$.2

(خاصية الانعكاس)

$\triangle ABC \sim \triangle ABC$.3

(تشابه ضلع-ضلعاً)

خاصية الناظر في الشاه

المعطيات: $\triangle ABC \sim \triangle DEF$

المطلوب: $\triangle DEF \sim \triangle ABC$

العبارات (المبررات)

$\triangle ABC \sim \triangle DEF$.1 (معطى)

$\angle A \cong \angle D, \angle B \cong \angle E$.2

(تعريف المثلثات المتشابهة تقريباً -)

$\angle E \cong \angle B, \angle D \cong \angle A$.3 (خاصية التبادل)

$\triangle DEF \sim \triangle ABC$.4

(تشابه زاوية-زاوية)

خاصية التحدي في الشاه

المعطيات: $\triangle ABC \sim \triangle DEF$

المطلوب: $\triangle DEF \sim \triangle GHI$

العبارات (المبررات)

$\triangle DEF \sim \triangle GHI, \triangle ABC \sim \triangle DEF$.1 (معطى)

$\angle B \cong \angle E, \angle A \cong \angle D$.2

$\angle E \cong \angle H, \angle D \cong \angle G$

(تعريف المثلثات المتشابهة تقريباً -)

$\angle B \cong \angle H, \angle A \cong \angle G$.3 (خاصية التبادل)

$\triangle ABC \sim \triangle GHI$.4 (تشابه زاوية-زاوية)

المعطيات: $\triangle ABC$

المطلوب: $\triangle ABC \sim \triangle ABC$

العبارات (المبررات)

$\triangle ABC \sim \triangle ABC$.1 (معطى)

$\angle A \cong \angle A, \angle B \cong \angle B$.2

(خاصية الانعكاس)

$\triangle ABC \sim \triangle ABC$.3 (تشابه زاوية-زاوية)

$\frac{\text{محيط } \triangle EFG}{\text{محيط } \triangle ABC}$ متساوية	$\frac{\text{محيط } \triangle EFG}{\text{محيط } \triangle LMN}$ متساوية	$\frac{\text{محيط } \triangle EFG}{\text{محيط } \triangle XYZ}$ متساوية	$\frac{\text{محيط } \triangle LMN}{\text{محيط } \triangle XYZ}$ متساوية
2	24	2	$\triangle LMN$
$\frac{\text{محيط } \triangle LMN}{\text{محيط } \triangle ABC}$ متساوية	$\triangle LMN$	$\triangle ABC$	$\triangle LMN$
3	36	3	$\triangle XYZ$
$\frac{\text{محيط } \triangle XYZ}{\text{محيط } \triangle ABC}$ متساوية	$\triangle XYZ$	$\triangle ABC$	$\triangle XYZ$
4	48	4	

التمثيلات المتعددة

يستخدم الطلاب في التمرين 35 الرسومات الهندسية والجداول والأوصاف الكلامية لاستكشاف علاقات تناسب أجزاء المثلثات.

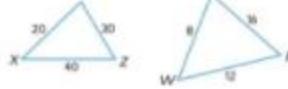
$\triangle EFG$ محيد $\triangle ABC$ محيد	$\triangle EFG$ محيد	$\triangle EFG$ محيد	$\triangle EFG$ محيد
$\triangle LMN$ محيد $\triangle ABC$ محيد	$\triangle LMN$ محيد	$\triangle LMN$ محيد	$\triangle LMN$ محيد
$\triangle XYZ$ محيد $\triangle ABC$ محيد	$\triangle XYZ$ محيد	$\triangle XYZ$ محيد	$\triangle XYZ$ محيد

c. لفظياً عن شيء حول العلاقة بين محيدات المثلثات المتشابهة.
محيدات المثلثات المتشابهة لها نفس معامل مقياس المثلثات المتشابهة.

مسائل مهارات التفكير العليا استخدم مهارات التفكير العليا

36. الكتابة في الرياضيات قارن وقابل بين المثلثات المتشابهة والمثلثات المتطابقة. يكون للمثلثات المتشابهة والمثلثات المتطابقة نفس الزوايا. ويكون للمثلثات المتشابهة أضلاع متناسبة، بينما تكون للمثلثات المتطابقة أضلاع متطابقة.

37. مسألة غير محددة الإجابة ارسم مثلثين متشابهين ليتحققوا. اشرع كيف يمكنك التأكد من أنهما متشابهان.



الإجابة النموذجية: أعلم أنها متشابهان لأن كل الأضلاع متناسبة.

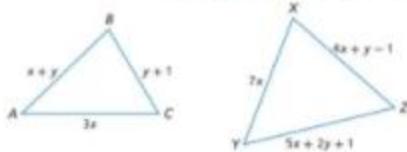
38. الاستنتاج حدد ما إذا كانت المبارزة التالية صحيحة أم لا. إنها لم غير صحيحة على الإطلاق. اشرع استنتاجك.

المثلثان المتطابقان يمكن أن يكونا متشابهين.
دليلاً، لأن المثلثين المتطابقين يجب أن تكون بهما زوايا متطابقة.

لذا فهما يحققان معلمة تشابه زاويتين (AA).

التحدي إذا كان $\triangle ABC \sim \triangle XYZ$. فاستخدم الرسم التخطيطي

أنهاء لإيجاد ذيقيتي $x = 3$, $y = 4$. $x = y + 1$



40. الكتابة في الرياضيات أوضح ما المعلومات التي تساعد إليها لإثبات تشابه أي مثلثين. تتمثل إحدى طرق إثبات تشابه مثلثين في إظهار تطابق زاويتين في كل منها. وتتمثل طريقة أخرى في إظهار تناسب كل الأضلاع الثلاثة. وتتمثل الطريقة الأخيرة في إظهار تناسب ضلعين وتطابق الزاوية المحصورة بينهما.

التوسيع اطلب من الطلاّب رسم مثلث قائم الزاوية على مستوى إحداثي وتسمية كل رأس بزوج مترتب.
ثم اطلب منهم رسم مثلث قائم الزاوية آخر أكبر ويتناصف معه. الإجابة النموذجية: نظراً لأن أطوال ضلعي المثلث متناسبة مع أطوال الضلعين المتناظرين لمثلث آخر علاوة على تطابق الزاوية المحيطة، فإن المثلثين متشابهان.

4 التقويم

بطاقة التحقق من استيعاب الطالب
اطلب من الطالب أن يوضحوا كيف أن المثلثات المتشابهة يمكن استخدامها في إيجاد ارتفاع شجرة طويلة. اطلب منهم أن يخبروك قبل انتهاء الدرس والمغادرة.

إجابات إضافية

45. $\{k \mid 10 < k \leq 16\}$



46. $\{d \mid d \leq 5 \text{ أو } d > 7\}$



47. $\{x \mid 3 < x < 9\}$



48. \emptyset



49. $\{h \mid h < -1\}$



50. $\{y \mid 3 < y < 6\}$



52. **المبرهنة الخامسة** شرارة مخصوصة في أمن المطرال تقدم أنظمة أدلة معاشر. AED 5 في الأسوع زائد رسم التراكيب. وتبليغ الكلمة الإجمالية للتراكيب 12. أسبوعاً من الحددة 210. AED. اكتب، معاذة في سبعة النصائح والمبادرات الرسم الإجمالية لا يزيد عدد من الأسابيع x ما قبل رسم التراكيب؟
 $y - 210 = 5(x - 12)$; AED 150



52. مربع اللغز الصعب يكتوي بغاز التانيرام من سبع خطوط، مربع سفیر، مربع مغير، مثليث متغير، فالدين الزاوية ومتطبقين، مثليث كثيرون فالدين الزاوية ومتطبقين، مثليث متغيّر الحجم ثالث الزاوية، والشكل الرباعي. كيف يمكنك تحديد شكل رباعي؟ انظر **النظرية الخامسة**.

حدد المسألة التي يمكن استخدامها لإثبات أن المثلثين متطابقان. وإذا لم يكن ممكناً إثبات النطاق، فاكتب لا يمكن.



لا يمكن



لا يمكن



نظرية تشابه
الأخلاع الثلاثة (SSS)

مراجعة المهارات



53. اكتب برهاناً من معلومين. انظر **النظرية الخامسة**.

$r \parallel t; \angle 5 \cong \angle 6$

المطلوب:

$\angle 4 \cong \angle 6$

870 | الدرس 14-1 المثلثات المتشابهة

5. $m\angle 4 + m\angle 6 = 180$ (التعويض)

6. الزاويتان $\angle 4$ و $\angle 6$ متكاملتان.

(تعريف الزوايا المتكاملة)

7. $\angle 4 + \angle 5 = 180$ (إذا كانت الزوايا الداخلية المتتالية \parallel)

5. متكاملة، فإن الخطوط المستقيمة \parallel

52. **الإجابة المودجة:** إذا كان هناك زوج واحد من الأضلاع المتناظرة متتطابقة ومتوازية، فإن رباعي الأضلاع يكون متوازي أضلاع.

56. **المعطيات:** $\angle 5 \cong \angle 6; r \parallel t$

المطلوب: $\ell \parallel m$



البرهان:

العيارات (المبرهنات)

$\angle 5 \cong \angle 6; r \parallel t$ (معطى)

$\angle 1 \cong \angle 2$ و $\angle 5 \cong \angle 6$ متكاملتان.

(نظريّة الزوايا الداخلية المتتالية)

$m\angle 1 + m\angle 2 = 180$ (تعريف الزوايا المتكاملة)

$m\angle 5 = m\angle 6$ (4) (تعريف الزوايا المتطابقة)

870 | الدرس 14-1 المثلثات المتشابهة

1 التركيز

الهدف استخدام نشابة المثلثات لإثبات معيار الميل للمستقيمات المتعامدة والمتوافرة.

المواد الخاصة لكل مجموعة

- منقلة
- مسحورة تقويم

نصيحة للتدرس

أسأل الطلاب عن تقييمات
(نشابة زاوية-زاوية، ضلع-ضلع-ضلع،
ضلع-زاوية-ضلع) التي تعلموها إلى الآن
والتي يمكن استخدامها لإثبات نشابة
مثلثين.

2 التدريس

العمل في مجموعات متعاونة

نظم الطلاب في مجموعات متنوعة
القدرات كل منها من طالبين. اطلب
منهم بعد ذلك إكمال المشاطط.

تمرين اطلب من الطلاب إتمام التمرينين
1 و 2.

التركيز على محتوى الرياضيات

إيجاد الميل في النشاط 1. ميل \overleftrightarrow{AC}
سالب لأن الارتفاع الذي شاً من A إلى
في الاتجاه السالب على المسافة الأفقية
من B إلى C في الاتجاه الموجب.

مختبر الهندسة بواهين المستقيمات المتعامدة والمستقيمات المتوازية

14-1

لقد علمت أن المستقيمين اللذين لعباً أثراً أو لعباً دافعاً يكونان متباينين خطأ
في حالة إذا كان يائع ضرب ميليهما يساوي -1 في هذا الشاطط، من المستحسن مثلاً
مشابهة في إثبات النصف الأول من هذه النظرية، إذا كان هناك مستقيمان متباينان
لذان يائع ضرب ميليهما يساوي -1.

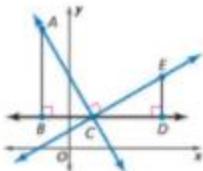
لقد علمت أن المستقيمين اللذين لعباً أثراً أو لعباً دافعاً يكونان متباينين خطأ
في حالة إذا كان يائع ضرب ميليهما يساوي -1 في هذا الشاطط، من المستحسن مثلاً
مشابهة في إثبات النصف الأول من هذه النظرية، إذا كان هناك مستقيمان متباينان
لذان يائع ضرب ميليهما يساوي -1.

النشاط 1 المستقيمات المتعامدة

$$\overrightarrow{AC} \perp \overrightarrow{CE} \text{ و } \overrightarrow{CE} = m_2 \text{ ميل } \overrightarrow{AC} = m_1 \text{ و ميل } m_1 m_2 = -1$$

الخطوة 1

في المستوى الإحداثي، تم بإنشاء المستقيم \overrightarrow{BD} $\overrightarrow{AC} \perp \overrightarrow{CE}$ والمعطى $\overrightarrow{BD} \perp \overrightarrow{AC}$. ثم تم بإنشاء المثلث المتساوٍ $\triangle ABC$ بحيث يكون الوتر هو \overrightarrow{AC} وبالمثلث المتساوٍ $\triangle EDC$ بحيث يكون الوتر هو \overrightarrow{CE} . من المفترض أن تكون $\angle BCA \cong \angle ECD$ كلاً المثلثين مع المضادتين X و Z كلاً هو موضع.



الخطوة 2

أوجد ميل المستقيم \overrightarrow{AC} والميل المضاد \overrightarrow{CE} .

$m_1 = \frac{\text{ارتفاع}}{\text{أرتفاع}} = \frac{AB}{BC}$	$m_2 = \frac{\text{ارتفاع}}{\text{أرتفاع}} = \frac{DE}{CD}$
قانون الميل	قانون الميل

ميل \overrightarrow{AC}

قانون الميل

$$m_1 = \frac{AB}{BC}$$

ارتفاع

ارتفاع

$m_2 = \frac{\text{ارتفاع}}{\text{أرتفاع}} = \frac{DE}{CD}$	$m_2 = \frac{\text{ارتفاع}}{\text{أرتفاع}} = \frac{DE}{CD}$
قانون الميل	قانون الميل

ميل \overrightarrow{CE}

قانون الميل

$$m_2 = \frac{DE}{CD}$$

ارتفاع

ارتفاع

الخطوة 3

أوضح أن $\triangle ABC \sim \triangle CDE$.

سأ أن $\triangle ABC$ مثلث قائم به الزاوية الثالثة B . فإن $\angle BAC \cong \angle ECD$ متناظمة مع $\angle BCA$. ومن المعطيات أن $\angle BCA \cong \angle ECD$. فإذاً ضمن تعلم أن $\angle ACE \cong \angle BCD$ ، وحسب الإنشاء، الزاوية $\angle BCD$ هي عبارة عن زاوية ممتدة. فإذاً $\angle BCA \cong \angle ECD$ متناظمة مع $\angle ECD$. وبما أن الزوايا المكملة لبعض الزوايا تكون متطابقة، فإن $\angle BAC \cong \angle ECD$. لذلك، حسب مصلحة نشابة زاويتين (AA). $\triangle ABC \sim \triangle CDE$.



الخطوة 4

استخدم المعطيات في إثبات أن $m_1 m_2 = -1$ $\triangle ABC \sim \triangle CDE$

$$\text{ما أن } m_1 m_2 = \left(\frac{AB}{BC} \right) \left(\frac{DE}{CD} \right) \text{، فإذاً } m_2 = \frac{DE}{CD}, m_1 = \frac{AB}{BC} \text{، وبما أن المثلثين المتشابهين يشتملان على أضلاع متناسبة، فإن } \frac{AB}{BC} = \frac{CD}{DE} \text{، لذلك بالتجويع نجد أن } m_1 m_2 = \left(\frac{CD}{DE} \right) \left(\frac{DE}{CD} \right) = -1.$$

إجابة إضافية

بما أن $\angle D \cong \angle B$ و $\angle A \cong \angle E$ زاويتان فائضتان، فإن $\angle B \cong \angle D$. وبحسب نظرية النشابة (ضلع-زاوية-ضلع)، فإن $\triangle ABC \sim \triangle CDE$. بما أن $\angle B$ زاوية فائضة، فإن $\angle BAC \cong \angle BCA$ و $\angle DCE \cong \angle BCE$. وبالاستبدال، فإن $\angle BCA \cong \angle DCE$ و $\angle BCE \cong \angle BCE$. وبحسب تعریف التكامل، فإن $m\angle DCE + m\angle BCA = 90$ و $m\angle DCE + m\angle BCA = 180$ وبما أن $m\angle BCA = 90$. لذلك $m\angle DCE + m\angle ACE + m\angle BCA = 180$ أو $m\angle DCE + m\angle ACE + m\angle BCA = 180$ (أو $m\angle DCE + m\angle BCA + m\angle ACE = 180$). وبالتجويع، فإن $m\angle ACE = 90$. لذلك $m\angle ACE = 90 + m\angle ACE = 180$ وبحسب التعريف فإن الزاوية $\angle ACE$ تكون زاوية فائضة. بما أن $\overrightarrow{CE} \perp \overrightarrow{AC}$ وبتقاطعها ليشكلا الزاوية $\angle ACE$ القائمة. فإن $\overrightarrow{CE} \perp \overrightarrow{AC}$.

$$\begin{aligned} 1. \text{ ميل } \overrightarrow{CE} &= m_1 = \frac{DE}{CD} \\ \text{و ميل } \overrightarrow{AC} &= m_2 = -\frac{AB}{BC} \\ m_1 m_2 &= -1 \\ \left(\frac{DE}{CD} \right) \left(-\frac{AB}{BC} \right) &= -1 \\ \left(\frac{DE}{CD} \right) \left(\frac{AB}{BC} \right) &= 1 \\ \text{اضرب } & \\ \frac{DE}{CD} &= \frac{BC}{AB} \\ \text{بسط.} & \end{aligned}$$

المستقيمات المتوازية والأجزاء المتناسبة

14-2

1 التركيز

الخطيط الرأسي

قبل الدرس 14-2 استخدام النسبات لحل المسائل بين المثلثات المتشابهة بين المثلثات المتوازية.

الدرس 14-2 استخدام الأجزاء المتناسبة ضمن المثلثات مع المستقيمات المتوازية.

بعد الدرس 14-2 تحديد التحويلات المتشابهة.

2 التدريس

الأسئلة الداعمة

لكل الطالب بقراة القسم **لهاذا!** الوارد في هذا الدرس.

اطرح الأسئلة التالية:

- صف المسافة بين مستقيمين متوازيين.

دالها نفس المسافة

- لماذا تبدو المسافة بين خطى سكة القطار تتناقص شيئاً فشيئاً؟

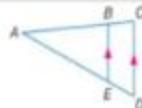
الإجابة المموجة: يقترب المستقيمان في الصورة إلى بعضهما.

- هل المستقيمان المبيتان في الصورة والمشكلا من خطى سكة الحديد متوازيان؟ **نعم**



السابق	الحالي	لهاذا!
استخدام الأجزاء المتناسبة داخل المثلثات.	استخدام الأجزاء المتناسبة مع المستقيمات المتوازية.	لقد استخدمنا النسبات في حل المسائل بين المثلثات المتشابهة.
1	2	

الأجزاء المتناسبة داخل المثلثات عندما يحتوي مثلث على ممتد يوازي أحد أضلاعه، فيمكن باستخدام معلمة تشابه الزوايا إثبات تشابه المثلثين المتكrossين، بما أن المثلثين متشابهان، فإن أعلاهم متناسبة.



النظرية 14.4 نظرية تناسب المثلثات

إذا توازى ممتد مع أحد أضلاع المثلث وكان ينصف السطرين الآخرين، فإنه يقسم هذين السطرين إلى قطع متناسبة أطوالها متناسبة.

مثلث إذا كان $\overline{CD} \parallel \overline{BE}$ ، فإن $\frac{AB}{BC} = \frac{AE}{EC}$.

القواعد الجديدة

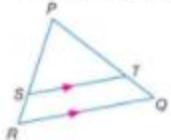
منتصف ساق المثلث
midsegment of a triangle

يلات تطبيقات حول المثلثات.
استخدم معلمات المثلثات
والتطابق بالتصنيف المثلثات
لحل المسائل وإثبات العلاقات
في الأشكال الهندسية.
فهم طبيعة المثلثات والمثلثة
في عمليه.
بناء فرجينيات عملية والتعميم
على طريقته استنتاج الآخرين.

مثال 1 أوجد طول الخط

في $\triangle PQR$ ، تجد أن $\overline{ST} \parallel \overline{RQ}$. فإذا كان $TQ = 7.5$ و $PT = 5$ ، و $SR = 2.5$ ، فأوجد PS .

استخدم نظرية تناسب المثلثات.



$$\frac{PS}{SR} = \frac{PT}{TQ}$$

نظرية تناسب المثلثات

$$\frac{PS}{2.5} = \frac{7.5}{3}$$

عوishi.

$$PS \cdot 3 = (2.5)(7.5)$$

خاصية الضرب التناعدي

$$3PS = 18.75$$

اضرب.

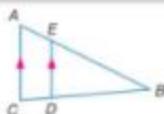
$$PS = 6.25$$

اقسم الطرفين على 3

ćوين موجة

6. إذا كان $PS = 12.5$ ، $PT = 15$ ، $SR = 5$ ، $TQ = 5$ ، فأوجد 6 .

مكوس، النسبة 14.4 صحيح أيضًا ويمكن إثباته باستخدام الأجزاء المتناسبة في المثلث.



النظرية 14.5 مكوس نظرية تناسب المثلثات

إذا قطع مستقيم شاملاً في مثلث وقتو المثلثين إلى قطع متناسبة متاظنة متناسبة، فإن هذا المستقيم يكون موازياً للצלل الثالث في المثلث.

$$\text{مثال: إذا كان } \frac{AE}{EC} = \frac{CD}{DB}, \text{ فإن } DE \parallel AB.$$

الربط تاريخ الرياضيات

بابلو غاليليو (1564-1612)
ولد غاليليو في مدينة بيزا بإيطاليا وقد درس الفلسفة والديناميك والرياضيات، وأدّى إسهامات كبيرة في المثلثات الثالثة عموماً، راجع المبرهنة 39.

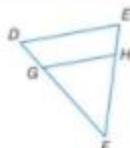
الأجزاء المتناسبة ضمن المثلثات

الأمثلة 3-3 توضيح كيفية استخدام النظريات التي تتطوّر على أجزاء متناسبة في مثلثات لإيجاد قياسات مجهولة.

التقويم التكويني

استخدم النتائين الواردة في القسم “تمرين موجه” بعد كل مثال للوقوف على مدى استيعاب الطلاب للمفاهيم.

مثال 2 تحديد ما إذا كان المستقيمان متوازيين أم لا



في $\triangle DEF$ ، $DG = 9$ و $EH = 3$. $\triangle DEF$ يمثل ثلث طول \overline{GH} . هل

باستخدام مكوس، نظرية تناسب المثلثات، وإثبات أن $\frac{DG}{GH} = \frac{EH}{HF}$ ، يجب أن ثبت أن

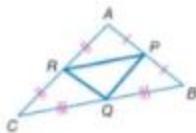
$DG = x$ كل نسبة ومتطابقة، افترض أن $GF = 3x$ ، فإن

$$\frac{DG}{GF} = \frac{3}{3x} \Rightarrow \frac{1}{3}$$

$\frac{EH}{HF} = \frac{1}{3}$ و $\frac{1}{3}$ ، والأصل متناسبة، فإن

تمرين موجه

٢. يمثل نصف ملول $DG = 2$ ، $EH = 6$ و $HF = 10$. هل $\overline{GH} \parallel \overline{EF}$ ؟



نصف صافي المثلث هو قطعة مستقيمة يقع طرفاها على نصفين منتصفين صافيين المثلث، يوجد في كل مثلث ثلاثة منصفات للصافين، منصفات الصافيان في $\triangle ABC$ هي PQ و RQ و RP .

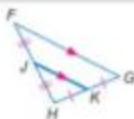
نظرية تناسب منصفات ساقين المثلثات هي حالة خاصة من نظرية تناسب المثلثات.

تصنيحة دراسية
نصف صافي المثلث
ن تكون منصفات ساقين المثلث
الثلاثة مثلث المنصفات.

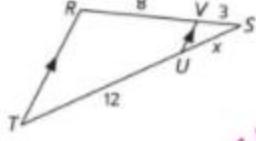
النظرية 14.6 نظرية منصفات ساقان المثلثات

يكون منصف صافي المثلث موازياً لأحد أضلاع المثلث، ويبلغ ملوله نصف ملول هذا الضلع.

مثال: إذا كان L و K هما نقطتين المنصف للصلفين JH و JF على الترتيب، فإن $\overline{LK} \parallel \overline{FH}$ و $\overline{LK} = \frac{1}{2}\overline{FG}$.

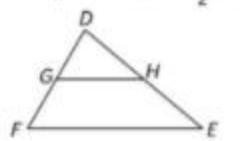


١. في $\triangle RST$ ، $\overline{RT} \parallel \overline{VU}$ ، $SV = 3$ و $UT = 12$ و $VR = 8$. أوجد x .



$4\frac{1}{2}$

٢. في $\triangle DEF$ ، $HE = 36$ و $DH = 18$. $\overline{GH} \parallel \overline{FE}$. هل $DG = \frac{1}{2}GF$ و



نعم، من المعلومات المعطاة.

$\frac{DG}{GH} = \frac{DH}{HE}$. ولأن القطع المستقيمة $\overline{GH} \parallel \overline{FE}$ متناسبة، فإن

تصحية دراسية

البنصف نظرية منصمات المثلث.
المثلث ثالثة نظرية منصمات
متصل فيه المترافق، والتي
تدرس على أن منصب
متصل شبه المترافق، يوازي
المنصمات، ويلغى طوله نسبة
مجموع طولين الماندين.



$$EF \parallel AB \parallel DC$$

$$EF = \frac{1}{2}(AB + DC)$$

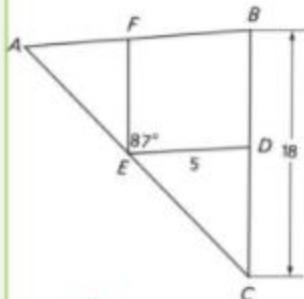
أنتبه!

أطوال متناسبة الأطوال المتناسبة

عند استخدام الطلاب لنظرية
متناسب المثلثات، وتجدهم إلى
كتابة تناسب. وذُكرهم أنهما إذا
كانوا يجدون طول ضلع كامل في
مثلث، فعليهم استخدام طول ضلع
المثلث المشابه بكماله.

مثال إضافي

- 3 في الشكل، \overline{EF} و \overline{DE} هما منصمات $\triangle ABC$ لسيقان $\triangle RST$. أوجد كل قياس
ما يلي.



- a. AB 10
b. FE 9
c. $m\angle AFE$ 87

مثال 3 استخدام نظرية منصمات المثلث

في الشكل، \overline{XY} و \overline{XZ} هما منصمات لسيقان $\triangle RST$.

أوجد كل قياس مما يلي.

a. XZ

$$XZ = \frac{1}{2}RT$$

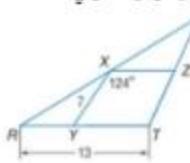
نظرية منصمات سيان المثلثات

$$XZ = \frac{1}{2}(13)$$

عوين

$$XZ = 6.5$$

بسط



b. ST

$$XY = \frac{1}{2}ST$$

نظرية منصمات سيان المثلثات

$$7 = \frac{1}{2}ST$$

عوين

$$14 = ST$$

لضرب الطرفين في 2.

c. $m\angle RYX$

يستخدم نظرية منصمات سيان المثلثات.

$$\angle RYX \cong \angle YXZ$$

نظرية الزوايا الداخلية المتبادلة

$$m\angle RYX = m\angle YXZ$$

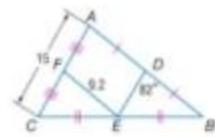
تمرين التطابق

$$m\angle RYX = 124$$

عوين

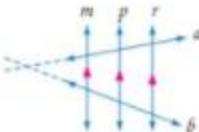
تمرين موجدة

أوجد قياس كل مما يلي.



الاجزاء المتناسبة مع المستقيمات المتوازية

هي حالة خامسة أخرى من نظرية تناوب المثلثات.
وتحضن ثلاثة مستقيمات متوازية أو أكثر يقطعها قاطعان.
لاخت أنه عدد المقطعين a و b فإنها يكتبان مثبات
مع المستقيمات المتوازية.



اللازمة 14.1 الأجزاء المتناسبة للمستقيمات المتوازية

عند تناول ثلاثة مستقيمات متوازية أو أكثر مع
قطاعين فإنها تنصم العاطفين إلى أجزاء متناسبة.

$$\frac{AB}{BC} = \frac{EF}{FG} = \frac{AC}{CG}$$

تصحية دراسية
متناسبات أخرى يمكن كتابة
تصنيف أجزاء المثلث في

$$\text{النسبة } 7.1$$

$$\frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG} = \frac{AC}{CG}$$

2 الأجزاء المتناسبة التي تشكلها المستقيمات المتقاطعة

يوضح المثلثان 4 و 5 كيفية إيجاد القطع المستقيمة المتناسبة والمتطابقة عن طريق استخدام النظريات الواردة في هذا الدرس.

مثال إضافي

4 الخرائط بالحياة اليومية
لكي يظهر الرسم شكل الأماء ثلاث الأبعاد، بقدم المتر معدة لإشارات تصورية.

- * الصمم - الأشياء البعيدة تبدو أقرب.
- * الواقع - الأشياء الأقرب تبدو أكثر ت רקزاً.
- * التماضير - الأشياء الفربة تكون لها هيبة وكل بينها الأشياء البعيدة تكون تدريباً مختلفة.

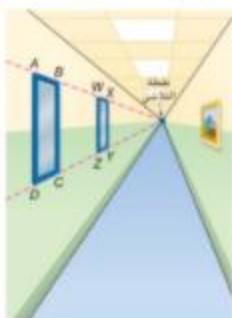


32

التركيز على محتوى الرياضيات

المستقيمات المتقاطعة إن ممكوس
النتيجة 14.2 صحيح أيضاً. إذا قطعت ثلاثة مستقيمات كل قاطع إلى قطع مستقيمة متطابقة، فإنها تقطع المستقيمة المتقاطعة على أي مستقيم عمودي على كل من المستقيمات المقابلة. وهذا يعني أن المستقيمات الثلاثة تحصل بينها المسافة نفسها ولذلك فهي متساوية.

مثال 4 من الحياة اليومية استخدام القطع المستقيمة المتناسبة للقاطعين



الآن ترسم ربيعاً دوافاً بمنشور النقطة الواحدة، وتستخدم الخطوط التوجيهية الموضحة لرسم تقاطعين على الحداد الأرضي. إذا كانت القطع المستقيمة \overline{AD} و \overline{BC} و \overline{WX} و \overline{ZY} جميعاً متساوية، $AB = 8$ سنتيمترات، و $ZY = 5$ سنتيمترات، فما هي المسافة WX ؟

وقد النتيجة 7.1 إذا كان $\overline{XY} \parallel \overline{WX}$

$$\frac{AB}{WX} = \frac{DC}{ZY}$$

$$\frac{8}{WX} = \frac{9}{5}$$

$$8 \cdot 5 = 9 \cdot WX$$

$$40 = 9 \cdot WX$$

من المفترض للمسافة بين W و X أن تكون $40/9$ أو حوالي 4.4 سنتيمترات.

التحقق نسبة DC إلى ZY تساوي 9 إلى 5 بمعنى 10 إلى 5 تقريباً أو 2 إلى 1. نسبة AB إلى WX تساوي 8 إلى 4.4 أو حوالي 8 إلى 4، إلى 1 أبداً.
إذن الإجابة مخطأ.



الربط بالحياة اليومية

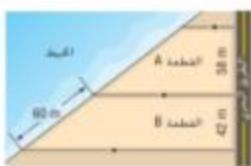
لكي يظهر الرسم شكل الأماء ثلاث الأبعاد، بقدم المتر معدة لإشارات تصورية.

* الصمم - الأشياء البعيدة تبدو أقرب.

* الواقع - الأشياء الأقرب تبدو أكثر تراكضاً.

* التماضير - الأشياء الفربة تكون لها هيبة وكل بينها الأشياء البعيدة تكون تدريباً مختلفة.

البعض، مثلاً، شر لفادة الإمام



تمرين موجه

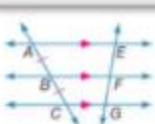
4. المغارات الواجهية هي قباب طول حد المغار الذي يطل على منظر معين مثل شارع أو بحيرة أو محيطة أو غيره. أوجد طول واجهة المحيط المسطحة A معرفةً إلى أقرب جزء من عشرة من المتر. **92.9 متراً**

إذا كان معامل النسبي للقطع المستقيمة المتناسبة هو 1، فإنها تقسم القاطعين إلى أجزاء متطابقة.

النتيجة 14.2 الأجزاء المتطابقة للمستقيمات المتقاطعة

إذا أحدثت ثلاثة مستقيمات متساوية أو أكثر قطعاً مستقيمة متطابقة على قاطع ما، فإنها تحدث قطعاً مستقيمة متساوية على كل القوام.

مثال إذا كان $\overline{AB} \parallel \overline{EF}$ و $\overline{BC} \parallel \overline{FG}$ و $\overline{AC} \parallel \overline{EG}$ ، فإن $\overline{AF} \parallel \overline{CG}$

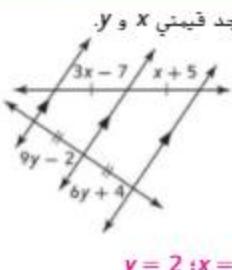


الدرس 2-14 | المستقيمات المتقاطعة والأجزاء المتناسبة 876

التدريس المتمايز

المتعلمون أصحاب النطح البصري اطلب من الطلاب ابتكار رسم يستخدم نقطة ثالثة وناقش التوازي الرياضية التي ينطوي عليها ذلك.

مثال إضافي



انتبه!

الإجابة عن الأسئلة نوع الحذر.
في الإجابة عن السؤال المطروح.
في المثال 5، عليك إيجاد قيمتي x و y وليس طولي القطعتين
المستقيمتين.

مثال 5 من الحياة اليومية استخدام القطع المستقيمة المتطابقة للقططتين

الجبر أو جد قيمة x و y .

ما أن $\overline{MP} \cong \overline{PQ}$ ، $\overline{JM} \parallel \overline{KP}$ و $\overline{JK} \parallel \overline{KL}$
فإن النسبة 7.2

تعريف التطابق

عوشن

اطرح 5x من الطرفين.

اجمع 5 إلى الطرفين.

قسم الطرفين على 2.

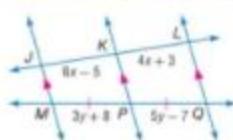
تعريف التطابق

عوشن

اطرح 7z من الطرفين.

اجمع 7 إلى الطرفين.

قسم 2 على الطرفين.



$$JK = KL$$

$$6x - 5 = 4x + 3$$

$$2x - 5 = 3$$

$$2x = 8$$

$$x = 4$$

$$MP = PQ$$

$$3y + 8 = 5y - 7$$

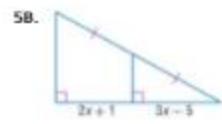
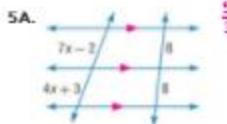
$$8 = 2y - 7$$

$$15 = 2y$$

$$7.5 = y$$

ć تطرين موجة

6

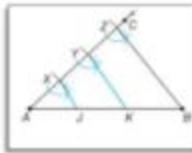


من الممكن تقسيم قطعة مستقيمة إلى جزأين متطابقين عن طريق إنشاء منصف عمودي على القطعة المستقيمة. إلا أنه لا يمكن تقسيم القطعة المستقيمة إلى ثلاثة أجزاء متطابقة بإنشاء منصافات عمودية. وذلك، يجب عليك استخدام المستقيمات المدوارة والتنبعة.

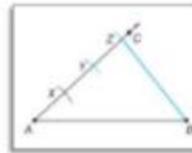
الاشتاء تقسيم القطعة المستقيمة إلى ثلاثة أجزاء

ارسم القطعة المستقيمة \overline{AB} . ثم استخدم النتيجة 14.2 لتقسيم \overline{AB} إلى ثلاثة أجزاء.

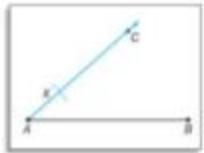
3.4.1 ارسم مستقيمين متوازيان بين \overline{YX} و \overline{ZB} . ثم بحث بوازنان \overline{JK} الأكتب على خطوط المقطع على \overline{AB} المرافقين J و K .



3.4.2 استخدم نفس وضعيه الفرجار \overline{JK} و \overline{YX} و \overline{ZB} بحث يكون $\overline{JK} \cong \overline{XY} \cong \overline{ZB}$. ثم ارسم $\overline{AX} \cong \overline{XB} \cong \overline{ZC}$.



3.4.3 ارسم \overline{JK} . ثم ضع الفرجار على A . ورسم ذوقنا بخط \overline{JK} عند X .



877

التدريس المتمايز

BL

DL

AL

المتعلمون بالطريقة الحسية الحركية اطلب من الطلاب استخدام خيط وشريط لاصق والأرضية البليطة لتعليم قطع مستقيمة متطابقة على خطوط متوازية يتم تشكيلها بواسطة الشريط اللاصق على الأرضية. استخدم الخيط لتوضح أنه إذا شكلت ثلاث مستقيمات متوازية قطعاً مستقيمة متطابقة على قاطع واحد، فإنها تشكل قطعاً مستقيمة متطابقة على قاطع آخر.

3 التمارين

الكتاب التكويني

استخدم النماذج 1-9 للتحقق من
استيعاب الطلاب.

استخدم المخطط أصل هذه الصفحة
لتحصيص واجبات الطلاب.



يستكشف الطلاب المستقيمات المتوازية
والأجزاء المتناسبة.

اطرح السؤال التالي:

- ما العلاقة بين المستقيمات المتوازية
والنسبة؟

الإجابة المودجة: عدد تقاطع ثلاثة
مستقيمات متوازية أو أكثر مع قاطعين.
فإن القطع المتاظرة التي تقاطع كل
قاطع متناسبة.

14. نعم، لأن $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$

15. لا، لأن $\frac{AD}{DB} \neq \frac{AE}{EC}$

16. لا، لأن $\frac{AD}{DB} \neq \frac{AE}{EC}$

17. نعم، لأن $\frac{AD}{DB} = \frac{AE}{EC}$

التحقق من فهمك

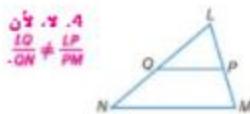


5. إذا كان $ED = 12$, $AE = 1$, $AB = 3$ ، فإن $AD =$ **1**.

مكال 1

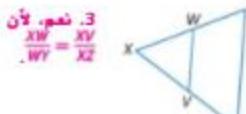
6. إذا كان $AC = 28$, $AE = 2$, $AB = 7$ ، فإن $ED =$ **2**.

$LP = 6$ ، فإذا كان $\triangle LMN \sim \triangle LPN$
 $LN = 43$, $LQ = 14$, $LM = 22$ ،
فمحمد ما إذا كان $\overline{QP} \parallel \overline{LM}$.



7. إذا كان $XY = 76$, $XZ = 72$, $XW = 18$, $XV = 19$ ،
فمحمد ما إذا كان $\overline{ZW} \parallel \overline{XY}$.

مكال 2



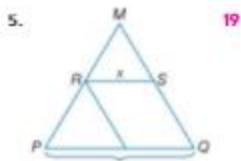
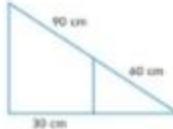
8. إذا كان \overline{RS} هو منصف ساقي $\triangle MPQ$. أوجد قيمة x .

مكال 3



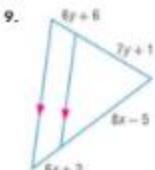
9. الرياحات بين جبال متعددة للدرجات بالأبعاد الموسعة.
إذا كانت الدعامة مواربة لظاهر المحدون، فما طول المسافة
من مقدمة المتندر إلى الدعامة؟ **20 cm**

مكال 4



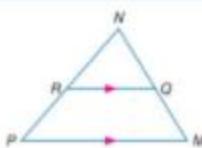
19

10. إذا كان RS هو منصف ساقي $\triangle MPQ$. أوجد قيمة x .



11. الجبر أوجد قيمة x و y .

مكال 5



التمرين وحل المسائل

60. إذا كان $PR = 74$, $MQ = 30$, $WQ = 37$ ، فإن $RN =$ **10**.

مكال 1

61. إذا كان $MQ = 34$, $PR = 22$, $MQ = 44$ ، فإن $RN =$ **68**.

62. إذا كان $RN = 18$, $PR = 94$, $MQ = 47$, $NQ = 18$ ، فإن $MQ =$ **36**.

63. إذا كان $RN = 30$, $PR = 20$, $MQ = 60$ ، فإن $QN =$ **90**.

878 | الدرس 2-14 | المستقيمات المتوازية والأجزاء المتناسبة

خيارات الواجب المنزلي المتباينة

الخيار اليومي

الواجب

المستوى

10-24 زوجي 48, 49, 51,
52, 57-73

11-25، 53, 56

10-25, 48, 49, 51-73

مبتدئ AL

26-49, 51, 52, 57-73

10-25, 53-56

11-47، 48, 49, 51-73

أساسي OL

(اختياري) 26-66، 67-73

متقدم BL

مكال 2

حدد إذا كان $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ ببرهانك.

$$\overline{EC} = 80, \overline{AE} = 76, \overline{DR} = 20, \overline{AD} = 19 \rightarrow .14$$

$$\overline{EC} = 6, \overline{AE} = 13, \overline{DR} = 25, \overline{AD} = 52 \rightarrow .15$$

$$\overline{EC} = 18, \overline{AE} = 52, \overline{DR} = 19, \overline{AD} = 26 \rightarrow .16$$

$$\overline{EC} = 14, \overline{AE} = 23, \overline{DR} = 42, \overline{AD} = 69 \rightarrow .17$$

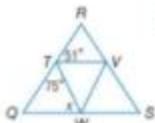
انظر الامثل



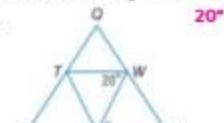
مكال 3

أوجد قيمة x . من خطوط ساقين في $\triangle RQS$ متضarity \overline{TW} , \overline{VW} , \overline{TV}

18.

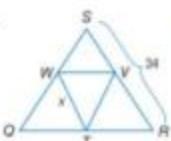


54°

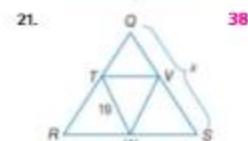


20°

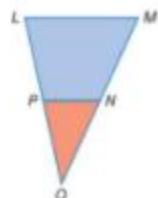
20.



17



38

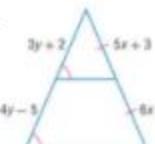


مكال 4

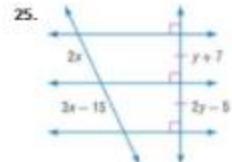
الروح المدرسية تسمى نحلة لذلة لتجمع طلابي شعبي

إذا كان $LM = 26 \text{ cm}$, $PN = 13 \text{ cm}$, $MO = 48 \text{ cm}$, $MN = 13 \text{ cm}$, $PO = 50 \text{ cm}$ 23. التكبير أثاء التكبير، يريد عامر تضييف خطوط بين إحدى الأشجار وحفرة إناء الماء. إذا كانت المسافة بين قمة الشجرة وحفرة إناء الماء تساوي 12 متراً، فكم تبعد قبة خطوط بين حفرة الإناء **12 متراً**.

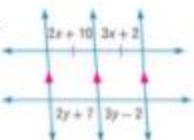
24.



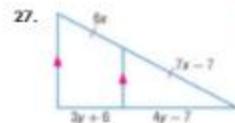
$$x = 3, \\ y = 7$$

أوجد قيمة x و y .
الجواب

26.



$$x = 8, \\ y = 9$$

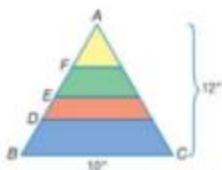


$$x = 15, \\ y = 12$$

27.

$$x = 7, \\ y = 13$$

43 **الفن** كجزء من مشروع ذي، سمي أحد مظللة متضمني الماقن من فحصات ورقية ملؤنة بألوان مختلفة. إذا كانت كل قسمة ورقية لها نفس المعرف، فلما جد أطوال BD و EF و DE و JA .



الإنشاء أنشئ كل قطعة مستقيمة حسبما هو موضع. 44-46. انظر الهاشم.

44. قطعة مستقيمة مقسمة إلى خمس قطع متطابقة.

45. قطعة مستقيمة مقسمة إلى قطعتين النسبة بين مطوليها تبلغ 1 إلى 3.

46. قطعة مستقيمة مطولها 8 سنتيمترات مقسمة إلى أربع قطع متطابقة.

47. التمثيلات المتعددة في هذه المسألة، سوف تستكشف متصفات

الماكن للثلثات التشابهة.

8. هندسيًا ارسم ثلاثة مثلثات قائمة مع متصفات الماكن لها.

قم بتنمية المثلثات ABC ومتضمني الماقن MLP .

ثم قم بقياس مطولي كل متضمن صافين وتصبيه. انظر ملحق إجابات الوحدة 14.

ج. جدولًا أنسع الجدول التالي وأكمله. انظر ملحق إجابات الوحدة 14.

المثلث	هل $\triangle MLP$ مثلث قائم؟	م	L	P	M
1					
2					
3					

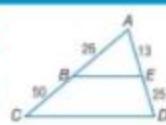
c. لقطلا عن شيك حول تعرف متضمنات الماقن للثلث الماكن.

متضمنات الماقن في المثلث القائم تشكل مثلث قائمًا.

مسائل مهارات التفكير العليا استخدم مهارات التفكير العليا

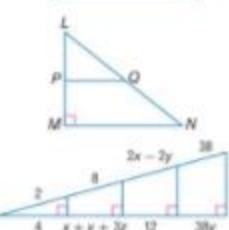
48. أدم على
صواب لأن

$$\frac{AB}{BC} = \frac{AE}{ED}$$

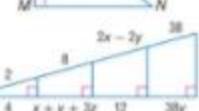


48. تحويل الخطأ بسؤال إبراهيم وأسامي الشاشاف.
ما إذا كان $CD \parallel BE$. يعتقد إبراهيم أن BE ليس موازياً لـ CD . ولكن أسامي يعتقد أنهما موازيان.
أي منها على صواب؟ انحرف إجابتك.

49. تبرير إذا كان ΔLMN مطولاً فائضاً فيه PQ متضمن صافن.
فهل تكون زاوية LPO زاوية قليلة؟ اشرح إجابتك. نعم.
لأن $\angle LMN < \angle LPO$ زاويتان متناقضتين.



50. تحدّ أنت من بالرسم التخطيطي أدناه لإيجاد x و y و z .
 $x = 5, y = 2, z = 3$



51. مسألة غير محددة الإجابة قم برسم وتنمية المثلث ABC مع متضمن الماقن PQ المواري لـ BC .
حيث يكون $AP = 3$ و $QC = 4$. انظر ملحق إجابات الوحدة 14.

52. الكتابة في الرياضيات ذارون وقارن بين النتيجة 14.1 والنتيجة 14.2.

- 52. تتعلق الازمة بالمهمات المترادفة والعلاقات بين القطع المتضمنات.**
14.1 التناول اللازمة فقط التناول التناوب بينما التناول اللازمة 14.2 التطابق.

ملاحظات لحل التمرين

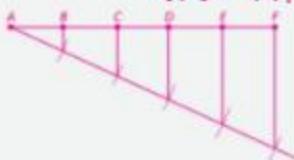
مسطرة التقويم و المثلثة تطلب
النمارين 44-47 استخدام مسطرة
عدلة و مثلثة.

التمثيلات المتعددة

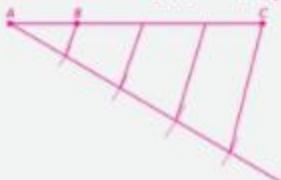
في التمرين 47. يستخدم الطلاب رسوماً
هندسية وجداول إضافة إلى الوصف
اللقطي لاستكشاف متصفات الزوايا
والنسبات.

إجابات إضافية

44. الإجابة التموذجية:



45. الإجابة التموذجية:



46. الإجابة التموذجية:



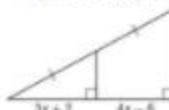
4 التقويم

عین مصطلح الرياضيات اطلب من الطلا ب شرح نظرية تناسب المثلثات باستخدام خواص شبه المثلثات.

إجابات إضافية

53. الإجابة التصصيرة ما تبيه ٩٥٤
 $\triangle RST \sim \triangle RSQ$: فإن $RS = QT$ لأن $RS = \sqrt{26}$ و $QT = \sqrt{26}$.

54. إذا كانت رؤوس المثلث JKL هي $(0, 0)$, $(0, 10)$, $(10, 10)$ فإن مساحة المثلث JKL هي 25 وحدة مربعة.
 A $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ B $\frac{8}{3}$ C 40 D 20 E 50 F 30



55. الجير يبلغ نسبة حبوب الأرز والقمح والشوفان البكتونية ٢:٤:١. إذا كانت المقدمة المحسنة تبلغ ملليمتر ١١٠ كيلومترات من القمح، فما عدد كيلومرات الأرز المستخدمة؟
 A 120 kg B 220 kg C 160 kg D 240 kg E 440 kg

56. إذا كانت مساحة المثلثة تبلغ ١٦ متراً مربعاً، فما طول نصف قطر المثلث بالمتر؟
 A $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ B $\frac{8}{3}$ C 40 D 20 E 50

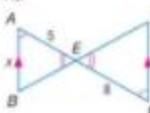
57. حسب مسلسلة شبه زاويتين (AA)، $\triangle ABE \sim \triangle CDE$. حسب نظرية شبه ضلعين وزاوية (SAS)، $\triangle RSW \sim \triangle TRW$.
 6.25 $\triangle RSW \sim \triangle TRW$.
 57 $\triangle ABE \sim \triangle CDE$ حسب شبه زاويتين (AA).
 15, 20 $\triangle RSW \sim \triangle TRW$ حسب شبه ضلعين وزاوية (SAS).

مراجعة شاملة

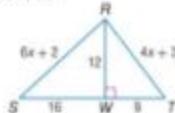
الجبر حدد المثلثات المتشابهة. ثم أوجد قياس (قياسات) القطعة (القطع)
 المستقيمة المهيأة. (الدرس ٩٤-١)

7.5 AA حسب شبه $\triangle WZT \sim \triangle WXY$

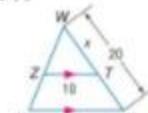
57.



58.



59.



60. كرة السلة في كرة السلة، الرمية البررة تساوي مسافة واحدة والميدان إما أنه يساوي مقطعين أو ثلاثة مقطعين. في أحد الأشواط، سهل تم داكن للاعب طريق من أسطواني وسيور إجمالي 1342 نقطة. وبلغ إجمالي عدد الأهداف الميدانية ذات المقطعين والأهداف الميدانية ذات النطاط ثلاث، 517 هدفاً، وربع إجمالي رمية من أصل 455 مقطولة. أوجد عدد الأهداف الميدانية ذات المقطعين والأهداف الميدانية ذات النطاط الثلاث التي سهلها داكن في هذا الشوط.

514 هدفاً ميدانياً ذات المقطعين؛ 3 أهداف ميدانية ذات النطاط الثلاث

الهندسة الإحصائية بالنسبة لكل شكل رباعي له رؤوس معلومة، تتحقق ما إذا كان الشكل الرابع يعني هذا شبه مترافق، وحدد ما إذا كان الشكل شبه المترافق متساوي الساقين أم لا. انظر الهاشم.

61. $Q(-12, 1)$, $R(-9, 4)$, $S(-4, 3)$, $T(-11, -4)$

62. $A(-3, 3)$, $B(-4, -1)$, $C(5, -1)$, $D(2, 3)$

حل كل متابعة مما يلي. وتحقق من حلتك.

63. $3y - 4 > -37$ ($y | y > -11$)

64. $-5q + 9 > 24$ ($q | q < -3$)

65. $-2k + 12 < 30$ ($k | k > -9$)

66. $5q + 7 \leq 3(q + 1)$ ($q | q \leq -2$)

67. $\frac{z}{4} + 7 \geq -5$ ($z | z \geq -48$)

68. $8c - (c - 5) > c + 17$ ($c | c > 2$)

مراجعة المهارات

حل كلًا من النسبيات التالية.

69. $\frac{1}{3} = \frac{5}{2}$ $\frac{2}{3}$

70. $\frac{3}{4} = \frac{3}{5}$ 6.7

71. $\frac{2.3}{4} = \frac{2}{3}$ 2.1

72. $\frac{1-2}{2} = \frac{4}{5}$ 3.6

73. $\frac{7}{12-3} = \frac{8}{3}$ 8.7

882 | الدرس 2-14 | المستديمات المتوازية والأجزاء المتناسبة

التدريب المنهجي

BL

OL

التلوّن يقع برج مياه إحدى البلدات في المقاطة A . شكل حدود البلدة مثلثاً باستخدام النقاط B و C وبرج المياه D . نقع المقاطعة D في المنتصف بين برج المياه والمقاطعة B . وتقع المقاطعة E في المنتصف بين برج المياه والمقاطعة C . وقدر المسافة من D إلى E بـ ١٨.٩ كيلو متراً. فما المسافة من المقاطعة C إلى المقاطعة B ؟ 37.8 كيلو متراً.

26. البرهان:

العبارات (المبررات)إذا كان BD عمودياً على AC (مقطعي).

2.

 $m\angle BDA = m\angle BDC = 90^\circ$ (خطان متوازيان على زوايا قائمة). $\frac{AB}{BC} = \frac{AD}{BD}$ (مقطعي).

3.

 $\triangle ABD \sim \triangle BCD$ (تشابه ضلعين وزاوية محصورة).

27. البرهان:

العبارات (المبررات)1. $LMNP$ شكل طائرة ورقية (مقطعي). $AP = AM$ (تعريف شكل الطائرة الورقية). $PQ = QM$ (يتصف قطر الطائرة ببعضها بعض). $AQ = AQ$ (خاصية التعاكس). $\triangle APQ \sim \triangle AMQ$ (تشابه أضلاع المثلث الثلاثة).

5.

 $\frac{AP}{AM} = \frac{PQ}{QM}$ (تعريف تشابه المثلثات).

3.

28. البرهان: بما أن طاولة الكي موازية للأرض، ومن ثم فإن

4.

 $\angle A \cong \angle C$ و $\angle B \cong \angle D$ لأنهما زاويتان متداخلاً متبادلان.ومن ثم ووفقاً للتشابه زاوية-زاوية، فإن $\triangle ABE \sim \triangle CDE$. وبما أن $\frac{AE}{EC} = \frac{AB}{DC}$ (المثلثان متباينان، فإن

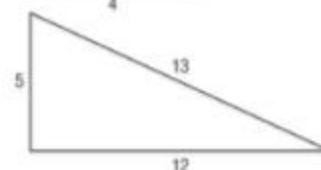
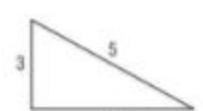
5. الحل: المثلثان غير متباين).

 $AB = \sqrt{(7-1)^2 + (5-7)^2} = \sqrt{261}$, $AC = \sqrt{(1-1)^2 + (8-7)^2} = 15$, $BC = \sqrt{(7-8)^2 + (5-1)^2} = \sqrt{17}$, $EB = \sqrt{(7-3)^2 + (5-3)^2} = \sqrt{80}$, $FB = \sqrt{(7-3)^2 + (5-7)^2} = \sqrt{20}$.

غير متناسبة، والمثلثان غير متباينين.

32. الإجابة النموذجية:

المثال المضاد:

31. المقطعيات: $\frac{DB}{AD} = \frac{EC}{AE}$

المطلوب إثبات:

البرهان:

العبارات (المبررات) $\frac{DB}{AD} = \frac{EC}{AE}$ (مقطعي).

1.

$$AB = AD + DB, AC = AE + EC \quad .4$$

$$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE} \quad .5$$

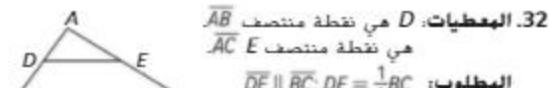
$$\angle A \cong \angle A \quad .6$$

$$\triangle ADE \cong \triangle ABC \quad .7$$

$$\angle ADE \cong \angle ABC \quad .8$$

$$\text{إذا كانت الزاويتان المتوازنات } \overline{DE} \parallel \overline{BC} \quad .9$$

المستقيمان متوازيان //).

32. المقطعيات: D هي نقطة منتصف \overline{AB} هي نقطة منتصف \overline{AC} (مقطعي). $\overline{AD} \cong \overline{DB} \quad \overline{AE} \cong \overline{EC}$ (نظريّة نقطة منتصف). $AD = DB, AE = EC$ (تعريف $AD = DB, AE = EC$).

$$AB = AD + DB, AC = AE + EC \quad .4$$

الخاصية الثالثة

$$AB = AD + AD, AC = AE + AE \quad .5$$

(بالنحوين) $AB = 2AD, AC = 2AE$.

$$\frac{AB}{AD} = 2, \frac{AC}{AE} = 2 \quad .7$$

$$\frac{AB}{AD} = \frac{AC}{AE} \quad .8$$

(خاصية التعدّي).

$$A \cong \angle A \quad .9$$

$$\triangle ADE \sim \triangle ABC \quad .10$$

$$\angle ADE \cong \angle ABC \quad .11$$

$$\text{إذا كانت الزاويتان المتوازنات } \overline{DE} \parallel \overline{BC} \quad .12$$

المستقيمان متوازيان //).

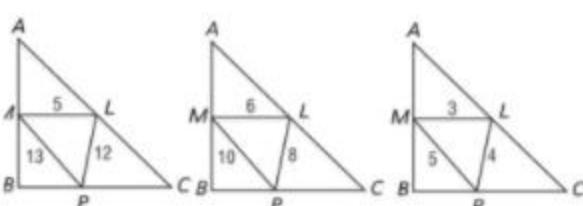
$$\frac{BC}{DE} = \frac{AB}{AD} \quad .13$$

(تعريف المثلثات المتشابهات) $\frac{BC}{DE} = 2$.

$$2DE = BC \quad .15$$

$$DE = \frac{1}{2}BC \quad .16$$

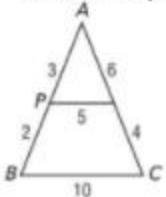
الإجابة النموذجية: .47a



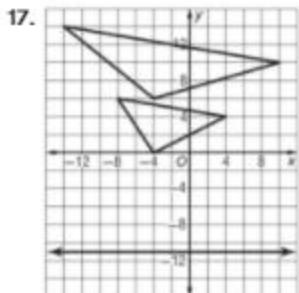
.47b

$\triangle MLP$ قائم الزاوية؟	MP	LP	ML	المثلث
نعم	13	12	5	1
نعم	5	4	3	2
نعم	10	8	6	3

51. الإجابة التموذجية:



الصفحتان 887-888. الدرس 3



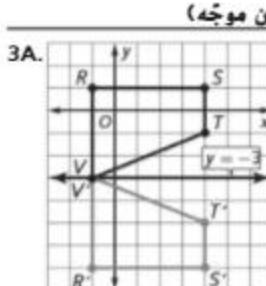
$$\begin{aligned} \overline{JK} &= 2\sqrt{37}, \overline{KM} = 2\sqrt{17}, \overline{JM} = 4\sqrt{2}, \overline{RS} = 4\sqrt{37}, \\ \overline{ST} &= 4\sqrt{17}, \overline{RT} = 8\sqrt{2} \\ \frac{RS}{JK} &= 2, \frac{ST}{KM} = 2, \frac{RT}{JM} = 2 \end{aligned}$$

وحيث إن

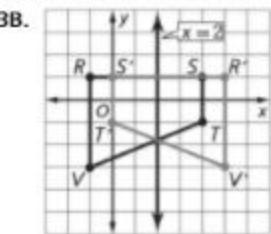
$$\frac{RS}{JK} = \frac{ST}{KM} = \frac{RT}{JM} \text{ حسب مسلمة تساوي الأضلاع الثلاثة.}$$

$$\therefore LMN \sim LPQ$$

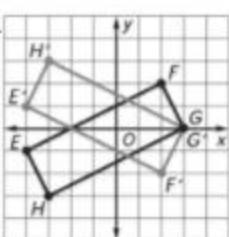
17.



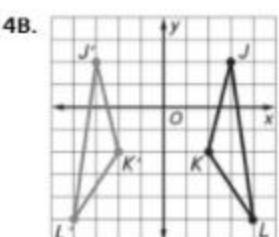
3B.



4A.

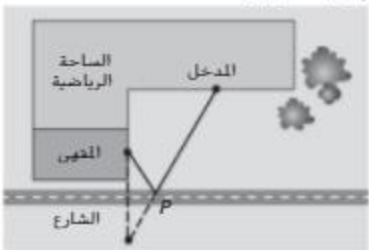


4B.



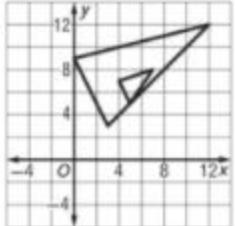
الصفحة 894-896. الدرس 4 (تمرين موجه)

4. الإجابة التموذجية:



961B

14.

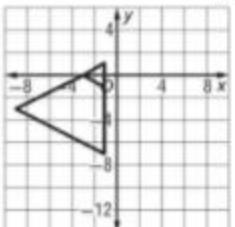


$$\begin{aligned} \overline{AB} &= \sqrt{5}, \overline{BC} = 3\sqrt{2}, \overline{AC} = \sqrt{17}, \overline{EF} = 3\sqrt{5}, \overline{FG} = 9\sqrt{2}, \\ \overline{EG} &= 3\sqrt{17} \\ \frac{AB}{EF} &= 3, \frac{BC}{FG} = 3, \frac{AC}{EG} = 3 \end{aligned}$$

وحيث إن

$$\frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG} = \frac{AC}{EG} \text{ حسب مسلمة تساوي الأضلاع الثلاثة. إذا } ABC \sim EFG \text{ الأضلاع الثلاثة. فإذا }$$

15.

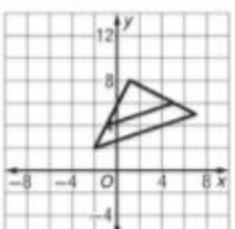


$$\begin{aligned} \overline{XY} &= \sqrt{5}, \overline{YZ} = \sqrt{5}, \overline{ZX} = \sqrt{5}, \overline{XW} = 4\sqrt{5}, \overline{WV} = 4\sqrt{5}, \\ \overline{VX} &= 4\sqrt{5} \\ \frac{XW}{XY} &= 4, \frac{WV}{YZ} = 4, \frac{VX}{ZX} = 4 \end{aligned}$$

وحيث إن

$$\frac{AB}{EF} = \frac{BC}{FG} = \frac{AC}{EG} \text{ حسب مسلمة تساوي الأضلاع الثلاثة. } XYZ \sim XWV$$

16.



$$\begin{aligned} \overline{LM} &= 2\sqrt{5}, \overline{MN} = 2\sqrt{10}, \overline{LN} = 2\sqrt{5}, \overline{LP} = 3\sqrt{5}, \overline{PO} = 3\sqrt{10}, \\ \overline{LO} &= 3\sqrt{5} \\ \frac{LM}{LP} &= \frac{2}{3}, \frac{MN}{PO} = \frac{2}{3}, \frac{LN}{LO} = \frac{2}{3} \end{aligned}$$