

نعلمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٣) سؤالاً.
- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
- تأكّد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤليتك.
- زمن الاختبار (ساعة ونصف).
- الدرجة الكلية للاختبار (٢٥) درجة.

عزيز ي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفكّر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، وعدم استخدام مزيل الكتابة.

عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة

أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من

إجابة سوف يتم تقييرها .

مثال:

١

٢

٣

٤

٥

٦

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن **(A)** أو **(B)** فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت :

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

مثال: الإجابة الصحيحة **(C)** مثلاً

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

الإجابة الصحيحة مثلاً

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

ملحوظة :

في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم

تكرار الإجابة ، تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

جدول المساحات أسفل المنحنى الطبيعي المعياري موجود في آخر صفحة .

(μ) La moyenne arithmétique (l'espérance) ; (σ^2) la variance ; (σ) l'écart-type ;
(r) le coefficient de corrélation .

٧

٨

٩

1 Soient $P(A|B) = \frac{1}{3}$ et $P(B) = \frac{12}{25}$;
alors $P(A \cap B) = \dots \dots \dots$

(a) $\frac{4}{25}$

(b) $\frac{1}{4}$

(c) $\frac{25}{36}$

(d) $\frac{16}{25}$

إذا كان $P(A|B) = \frac{1}{3}$ ، $P(B) = \frac{12}{25}$ فإن $P(A \cap B) = \dots \dots \dots$

(b) $\frac{1}{4}$

(c) $\frac{4}{25}$

(d) $\frac{16}{25}$

(e) $\frac{25}{36}$

- 2** Si X est une variable aléatoire discrète dont l'ensemble image $\{0 ; 1 ; 2\}$; alors toutes les fonctions suivantes ne représentent pas sa distribution de probabilité sauf la fonction.....

- (a) $f(x) = \frac{x^2+1}{8}$ (b) $f(x) = \frac{2x+1}{3}$
 (c) $f(x) = \frac{1}{x+2}$ (d) $f(x) = \frac{3x+1}{6}$

إذا كان سـ متغيراً عشوائياً متقطعاً مـداه $\{2, 1, 0\}$ فإن جميع الدوال الآتية لا تمثل دالة التوزيع الاحتمالي له مـاعدا الدالة

$$\text{(i)} \quad d(s) = \frac{1+s^2}{8} \quad \text{(b)} \quad d(s) = \frac{1+s}{3}$$

$$\text{(c)} \quad d(s) = \frac{1+s^3}{6} \quad \text{(d)} \quad d(s) = \frac{1}{s+2} \quad \rightarrow$$

3 Répondez seulement à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b) :

- a) Si X est une variable aléatoire normale de moyenne $\mu = 15$ et d'écart-type $\sigma = 5$ tel que $P(x < k) = 0,1587$, trouvez la valeur de K .
- b) Si les tailles de 1500 élèves suivent une distribution normale de moyenne 175 cm et d'écart-type 5 cm, trouvez le nombre des élèves dont la taille dépasse 180 cm.

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

(أ) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً طبيعياً وسطه الحسابي لمـ = ١٥ ، وأنحرافه المعياري $\sigma = ٥$ بحيث لـ (سـ < كـ) = ٠,١٥٨٧ .
أوجد قيمة كـ.

(ب) إذا كانت أطوال طلـ تبع توزيعاً طبيعياً متوسطه ١٧٥ سـ وأنحرافه المعياري ٥ سـ . فأوجد عدد الطلـ الذين تزيد أطوالهم على ١٨٠ سـ.

4

Soient A et B deux événements indépendants tel que $P(A) = 0,2$; $P(B) = 0,6$; alors $P(A \cup B) = \dots$

- (a) 0,12 (b) 0,32
 (c) 0,68 (d) 0,8

إذا كان: A ، B حدثين مستقلين وكان:
 $P(A) = 0,2$ ، $P(B) = 0,6$ فإن:
 $P(A \cup B) = \dots$

- ① 0,32 ② 0,12
 ③ 0,68 ④ 0,8

6

5 Soit y une variable normale réduite tel que

$$P(-a \leq y \leq a) = 0,874 ; \text{ alors } a = \dots\dots\dots$$

إذا كان ص متغيراً طبيعياً معيارياً بحيث

$$P(-\mu \leq \text{ص} \leq \mu) = 0,874$$

فإن $\mu = \dots\dots\dots$

(a) 0,437

(b) 1,53

١,٥٣

(ب)

٠,٤٣٧

(١)

(c) 1,5

(d) 0,53

٠,٥٣

(د)

١,٥

(٢)

6

D'après le tableau suivant :

من بيانات الجدول الآتي:

X	60	50	10	20	30	40
Y	80	90	50	60	70	80

Calculez le coefficient de corrélation des rangs de Spearman entre X et Y en déterminant sa nature.

احسب معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين س ، ص . وحدد نوعه .

7

Trouvez la moyenne et l'écart-type de la distribution de probabilité suivante :

أوجد المتوسط والانحراف المعياري من التوزيع الاحتمالي الآتي:

x_r	0	1	2	3
$f(x_r)$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{5}{12}$

- 8** A l'expérience de jeter une pièce de monnaie deux fois successivement; alors la probabilité d'obtenir une pile au deuxième jet si la face est apparue au premier jet égale à

(a) $\frac{1}{4}$

(b) $\frac{1}{2}$

(c) $\frac{3}{4}$

(d) 1

في تجربة إلقاء قطعة نقود منتظمة مرتين متتاليتين، احتمال ظهور كتابة في الرمية الثانية إذا ظهرت صورة في الرمية الأولى يساوي

(ا) $\frac{1}{2}$

(ب) $\frac{1}{4}$

(ج) $\frac{3}{4}$

(د) 1

9

Si X est une variable aléatoire normale de moyenne μ et d'écart-type σ ; alors $P(X \geq \mu + 1,5\sigma) = \dots$

- (a) 0,4332
- (b) 0,9332
- (c) 0,5668
- (d) 0,0668

إذا كان سـ متغيراً عشوائياً طبيعياً
متوسطه μ وانحرافه المعياري σ
فإن $P(S \leq \mu + 1,5\sigma) = \dots$

- (1) ٠,٩٣٣٢
- (2) ٠,٤٣٣٢
- (3) ٠,٥٦٦٨
- (4) ٠,٠٦٦٨

- 10** Soient $\sum x = 6$; $\sum y = 21$; $\sum x^2 = 76$;
 $\sum y^2 = 91$; $\sum xy = 56$ et $n = 6$

Répondez à l'une de deux parties suivantes :

Premièrement): Calculez le coefficient de corrélation linéaire entre x et y

Deuxièmement): Trouvez l'équation de la droite de régression de y en x

إذا كان $\bar{x} = 6$ ، $\bar{y} = 21$ ،
 $s_x^2 = 76$ ، $s_y^2 = 91$ ،
 $s_{xy} = 56$ ، $n = 6$

فأجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

أولاً: أوجد معامل الارتباط الخطي بين س، ص.

ثانياً: أوجد معادلة خط انحدار ص على س.

11 Si D est la différence entre les rangs de variables X et Y et $\sum D^2 = \text{zéro}$; alors le coefficient de corrélation (r) entre X et Y est égal à.....

- (a) -1
- (c) $\frac{1}{2}$

- (b) zéro
- (d) 1

إذا كانت ف هي الفرق بين رتب القيم المتناظرة للمتغيرين س ، ص وكان $\sum D^2 = \text{صفر}$ ، فإن معامل الارتباط (س) بين س ، ص يساوى

- (١) ١ - الدور الأول (ب) صفر
- (٤) $\frac{1}{2}$ (د) \rightarrow

- 12** Une boite contient cinq cartes identiques numérotées de 1 à 5. On tire par hasard deux cartes l'une après l'autre avec remise.

Calculez la probabilité pour que :

- (i) La somme de deux nombres apparus sur les deux cartes soit un nombre premier.
- (ii) Le produit de deux nombres apparus sur les deux cartes soit plus petit que 7 si leur somme soit un nombre premier.

صندوق به خمس بطاقات متماثلة مرقمة من 1 إلى 5 سحبت بطاقتان واحدة تلو الأخرى مع الإلحاد، أوجد احتمال:

- (i) أن يكون مجموع العددين الظاهرين على البطاقتين عدداً أولياً.
- (ii) أن يكون حاصل ضرب العددين الظاهرين على البطاقتين أقل من 7 إذا كان مجموعهما أولياً.

13 Si X est une variable aléatoire continue dont la fonction de densité est :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x+1}{12} & ; \quad 0 \leq x \leq 4 \\ 0 & ; \quad \text{autrement} \end{cases}$$

trouvez: i) $P(x < 2)$

ii) $P(2 < x < 5)$

إذا كان x متغيراً عشوائياً متصلأً دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$d(x) = \begin{cases} \frac{1+x}{12} & , \quad x \geq 0 \\ 0 & , \quad \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$$

فأوجد (i) $P(x > 2)$
(ii) $P(2 < x < 5)$