

## **امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة**

الدور الأول - ٢٠١٨/٢٠١٧ للعام الدراسي

## **المادة : التفاضل والتكامل (باللغة الفرنسية)**

التاريخ : ٢٠١٨/٦/٢١

زمن الاجابة : ساعتان



مجموع الدرجات

۴۰

عدد صفحات الكراسة (٢٨) ص  
بخلاف الغلاف (٤) صفح  
وعلى الطالب مسؤولية المراء  
والمتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

رقم المراقبة

1

## مجموع الدرجات بالحرف :

## إمضاءات المراجعين:

**عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة**



نحو ذج

**وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني**  
**متحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة**  
**لعام الدراسي ٢٠١٨/٢٠١٧ - الدور الأول**  
**المادة: الخاضل والتكامل (باللغة الفرنسية)**

التاريخ : ٢٠١٨/٦/٢١

زمن الاحياء : ساعتان

قسم المراقبة

1

اسم الطالب (رباعيًّا) /

المدرسة:

رقم الجلوس:

المدرسة: \_\_\_\_\_ الإدارة: \_\_\_\_\_ المحافظة: \_\_\_\_\_ رقم الجلوس: \_\_\_\_\_

ANSWER

١ - توزيع الملاحظين بصفة البيانات :

**توقيع الملاحظين بصحبة البيانات :  
ومطابقة عدد صفحات كراسة الإجابة  
عند استلامها من الطالب .**

نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٧/٢٠١٨

## نعلمك مهامك

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٨) سؤالاً.

- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.

- تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤوليتك.

- زمن الاختبار (ساعتان).

- الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.

عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

**إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.**

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، وعدم استخدام مزيل الكتابة .

عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب عن المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها .

١  
٢  
٣  
٤

٥  
٦

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن **(A)** أو **(B)** فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت :

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

مثال: **الإجابة الصحيحة (C)** مثلاً

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

**الإجابة الصحيحة مثلاً**

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

**ملحوظة :**

**في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم**

**تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.**

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

٧

1 Si  $x = 2t^3 - 15t^2 + 36t + 1$ ;  
 $y = t^2 - 8t + 11$ ;  
alors cette courbe admet une tangente  
verticale quand  $t = \dots$

- |       |            |
|-------|------------|
| (a) 4 | (b) 3 ou 2 |
| (c) 6 | (d) 8      |

إذا كان  $s = 2n^3 - 15n^2 + 36n + 1 = 0$  ،  
 $n = 8 - 11 = -3$   
فإن هذا المنحنى له مماس رأسي  
عندما  $n = \dots$

- |          |       |
|----------|-------|
| ٢، ٣ (b) | ٤ (c) |
| ٨ (d)    | ٦ (d) |

- 2 Si la fonction  $f$  où  $f'(x) = -2x + 6$ ; alors toutes les phrases suivantes sont correctes sauf.....
- (a) La courbe de la fonction  $f$  est convexe vers le haut dans l'intervalle  $]-\infty; \infty[$
  - (b) La fonction  $f$  admet une valeur minimale relative en  $x = 3$ .
  - (c) La courbe de la fonction  $f$  n'admet pas de points d'inflexion.
  - (d) La fonction  $f$  est décroissante dans l'intervalle  $]3; \infty[$

إذا كانت د دالة بحيث  $d(s) = 2s + 6$

فإن جميع العبارات الآتية صحيحة ما عدا.....

(ا) منحنى الدالة د يكون محدبًا لأن على في الفترة  $[\infty, \infty]$

(ب) الدالة د لها قيمة صغرى محلية عند  $s = 3$

(ج) منحنى الدالة د ليس له نقط انقلاب

(د) الدالة د تناقصية في الفترة  $[\infty, 3]$

3 Si  $y = a x^b$ ; où  $a$  et  $b$  sont deux constants ;

démontrez que

$$\frac{1}{y} \times \frac{dy}{dt} = \frac{b}{x} \times \frac{dx}{dt}$$

إذا كانت  $c = a x^b$  حيث  $a$  ،  $b$  ثابتان فثبت أن

$$\frac{1}{c} \times \frac{dc}{dt} = \frac{b}{x} \times \frac{dx}{dt}$$

4

Trouvez le volume du solide engendré par la rotation de la région limitée par la courbe  $y = x^2 + 2$ ; l'axe des abscisses et les deux droites  $x = -2$ ;  $x = 2$  au cours d'une révolution autour de l'axe des abscisses.

أوجد حجم الجسم الناشئ من دوران المنطقة المحددة بالمنحنى  $y = x^2 + 2$  ، محور السينات والمستقيمين  $x = -2$  ،  $x = 2$  حول محور السينات.

5  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2^x - 1}{3x} = \dots \dots \dots$

(a)  $3 \ln 2$

(b)  $\frac{1}{3} \ln 2$

(c)  $\ln \frac{2}{3}$

(d)  $2 \ln 3$

$\dots \dots \dots = \frac{1 - e^{-\frac{1}{3}}}{\frac{1}{3}}$

$\frac{1}{3} \ln 2 \quad \textcircled{1}$

$\frac{2}{3} \ln 2 \quad \textcircled{2}$

**6** Si  $f(x) = x(a - \ln x)$  où  $a$  est un constant et la courbe admet un point critique en  $x = e$  ; alors  $a = \dots$

(a) 1

(b) zéro

(c) e

(d) 2

إذا كان  $d(s) = s(\frac{1}{s} - \ln s)$  حيث ثابت وكان لمنحنى الدالة نقطة حرجة عند  $s = h$  فإن  $\frac{1}{h}$  =

(+) صفر

(-) هـ

(+) 1

(-) هـ

7

Une plaque métallique sous la forme d'un secteur circulaire d'aire  $4 \text{ cm}^2$ . Trouvez la longueur de rayon du cercle de secteur pour que le périmètre soit minimal et quelle sera la mesure de son angle à ce cas ?

قطعة معدنية على شكل قطاع دائري مساحتها  $4 \text{ سم}^2$  أوجد طول نصف قطر دائرة القطاع الذي يجعل محيطه أقل ما يمكن ، وما قياس زاويته عندئذ؟

8

نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٧/٢٠١٨

8

Trouvez l'aire de la région comprise entre la courbe  $y = 4 - x^2$  et la droite  $y = x + 2$ .

أوجد مساحة المنطقة المحصورة بين المنحني  $y = 4 - x^2$  والمستقيم  $y = x + 2$

**9** Si  $a^y = b^x$  où  $a, b \in \mathbb{R}^+$ ,  $a \neq b$ ,  
alors  $\frac{dy}{dx} = \dots$

- (a)  $\log \frac{a}{b}$
- (b)  $\log_a b$
- (c)  $\log_b a$
- (d)  $\log \frac{b}{a}$

إذا كان  $a^y = b^x$  حيث  $a, b \in \mathbb{R}^+$ ,  
 $a \neq b$  فإن  $\frac{dy}{dx} = \dots$

- (ا)  $\log \frac{a}{b}$
- (ب)  $\log_a b$
- (ج)  $\log_b a$
- (د)  $\log \frac{b}{a}$

**10**

$$\begin{aligned} \text{Si } \int_{-2}^3 f(x) dx &= 12 ; \\ -2 \int_{-2}^5 f(x) dx &= 16 ; \\ \text{alors } \int_3^5 f(x) dx &= ..... \end{aligned}$$

(a) -28

(b) -4

(c) 4

(d) 28

إذا كان  $\int_{-2}^3 d(s) ds = 12$  ،

$\int_{-2}^0 d(s) ds = 16$

فإن  $\int_3^5 d(s) ds = ..... =$

-4 (أ)

28 (ب) 4 (د)

**11** Répondez à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b):

a) Trouvez  $\int x^3 (x^2 + 1)^6 \, dx$

b) Trouvez  $\int (x - 3) e^{2x} dx$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

$$(أ) أوجد \left\{ \begin{array}{l} س^3 \\ س^2 + 1 \end{array} \right\} \text{ لو س}$$

(ب) أوجد  $\int (س - ٣) هـ^٢ سـ٢$  د سـ

12

نسخة للطلبة للمراجعة - الدور الأول ٢٠١٧/٢٠١٨



12  $\int \tan \theta \, d\theta = \dots \dots \dots$

- (a)  $-\ln|\cos \theta| + c$
- (b)  $-\ln \cos \theta + c$
- (c)  $\ln \cos \theta + c$
- (d)  $|\ln \cos \theta| + c$

$$\dots \dots \dots = \theta \operatorname{atan} \theta$$

Ⓐ -  $\ln |\cos \theta| + \theta$

Ⓑ -  $\ln \cos \theta + \theta$

Ⓒ  $\ln |\cos \theta| + \theta$

Ⓓ  $|\ln \cos \theta| + \theta$

13

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{2x - \sin x}{x^2 + \cos x} dx = \dots \dots \dots$$

(a)  $-\pi$

(b) zéro

(c)  $\pi$

(d)  $2\pi$

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{2x - \sin x}{x^2 + \cos x} dx$$

يساوي .....

(b) صفر  $\pi - \odot$

(d)  $\pi$   $\odot$

**14 Répondez à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b):**

- a) trouvez les valeurs maximales et minimales relatives de la fonction  $f$  où  $f(x) = x^3 - 3x - 2$ ; ainsi les points d'inflexion de Sa courbe (s'ils existent).
- b) Trouvez les valeurs extrémales de la fonction  $f$  où  $f(x) = x(x^2 - 12)$  dans l'intervalle  $[-1; 4]$

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

- (أ) أوجد القيم العظمى المحلية والصغرى المحلية للدالة  $d$  حيث  $d(s) = s^3 - 3s - 2$  وكذلك نقط الانقلاب لمنحنى الدالة «إن وجدت».
- (ب) أوجد القيم القصوى المطلقة للدالة  $d$  حيث  $d(s) = s(s^2 - 12)$  في الفترة  $[4, -1]$ .



15 Soient  $f'(x) = x f(x)$  et  $f(3) = -5$  ;  
alors  $f''(3) = \dots$

(a) -50

(b) 4

(c) 15

(d) 27

إذا كانت  $d(s) = s d(s)$  وكانت  
 $\dots = 5$  فإن  $d'(3) = \dots$

(e) 4

(f) 50 -

(g) 27

(h) 15

16 La Courbe de la fonction  $f(x) = (x - 2)e^x$  est Convexe vers le haut dans l'intervalle

- (a)  $] -1 ; 2 [$
- (b)  $] -\infty ; 0 [$
- (c)  $] 0 ; \infty [$
- (d)  $] 0 ; 2 [$

منحنى الدالة د حيث  
د (س) = (س - ٢) هـ يكون محدبًا  
لأعلى في الفترة .....

- [ ٢ ، ١ - ] (ا)
- [ ٠ ، \infty - ] (ب)
- [ \infty ، ٠ [ (ج)
- [ ٢ ، ٠ [ (د)

- 17** Trouvez les équations de la tangente et de la normale à la courbe  $x = \sec \theta ; y = \tan \theta$  en  $\theta = \frac{\pi}{6}$

**18** Si  $\sin y + \cos 2x = 0$  démontrez que

$$\frac{d^2y}{dx^2} - \left(\frac{dy}{dx}\right)^2 \tan y = 4 \cos 2x \sec y$$

إذا كان جا ص + جتا ٢ س = .

فأثبت أن

$$\frac{\frac{d^2y}{dx^2}}{\frac{dy}{dx}} - \left(\frac{dy}{dx}\right)^2 \tan y = 4 \cos 2x \sec y$$