

الباب السادس

ضبط جودة الخرسانة إحصائياً

Statistical Quality Control

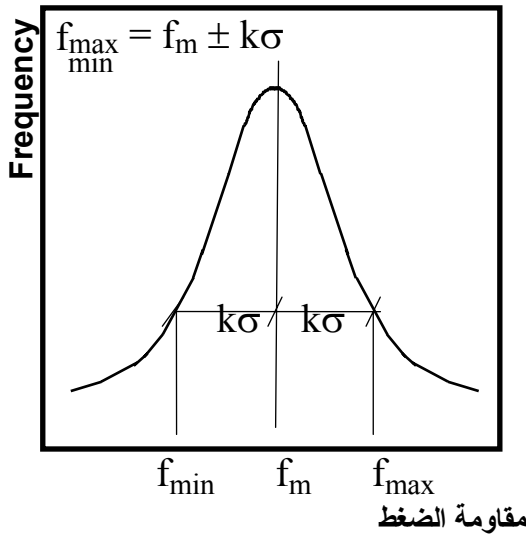
١-٦ التغير في مقاومة الخرسانة

غالباً فإن مقاومة الخرسانة المنتجة في الموقع تكون متغيرة من خلطة إلى خلطة وأيضا خلال الخلطة الواحدة. ويرجع هذا التغير إلى عوامل عديدة منها:

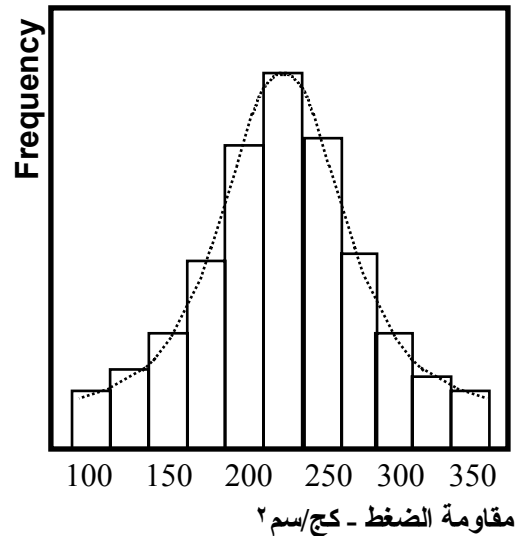
- ١ - إختلاف جودة وخواص المكونات (أسمنت - ركام - ماء - إضافات).
- ٢ - التغير في نسبة الماء بالخلطة.
- ٣ - التغير في خطوات صناعة الخرسانة (طريقة الخلط - النقل - الصب - الدمك - المصنعية).
- ٤ - التغير في درجة الحرارة أو عملية المعالجة.
- ٥ - التغير نتيجة أخطاء في صناعة قوالب الصب.
- ٦ - وجود أخطاء أثناء الإختبار (سرعة الماكينة - عدم مركزية العينة - الماكينة غير معايرة).

٢-٦ منحني التوزيع التكراري

الغرض من ضبط جودة الخرسانة إحصائياً هو تحليل النتائج للوقوف على مدى تجانس وجودة الخرسانة و مطابقتها للمواصفات. فعندما يكون عدداً كبيراً من النتائج (مقاومة الضغط) فإنه يكون من المفيد تنظيم مجموعة البيانات على شكل توزيع تكراري (هستوجرام) كما في شكل (١-٦) حيث يمثل المحور الأفقي قيمة المقاومة (عبارة عن فترات فاصلة) ويمثل المحور الرأسى عدد العينات (التكرار) عند كل مقاومة معينة.



شكل (٢-٦) منحني التوزيع التكراري



شكل (١-٦) هستوجرام التكرار

عندما يصل عرض الفترة إلى قيمة صغيرة جداً (\cong صفر) ويكون عدد العينات كبير جداً ($\cong \infty$) فإن:



الهيستوجرام يتحول إلى منحنى يعرف بإسم منحنى التوزيع التكراري **Distribution Curve**.

وعندما تكون النتائج على أبعاد متساوية من القيمة المتوسطة و يكون أكبر عدد من العينات له قيمة مساوية للمتوسط فإن:



التوزيع يكون طبيعي ويعرف المنحنى بإسم منحنى التوزيع التكراري الطبيعي **Normal Distribution Curve** ويكون شكله على شكل الجرس **Bell Shape** كما في شكل (٦-٢).
وخصائص منحنى التوزيع التكراري الطبيعي تعتمد على قيمتي المتوسط (f_m) والانحراف المعياري (σ).

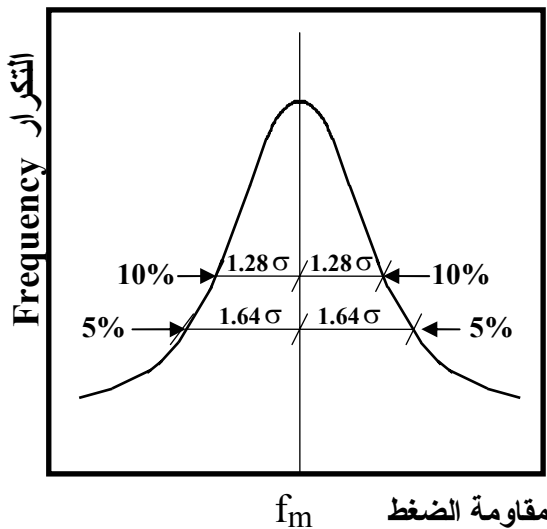
$$f_{\max} = f_m \pm k \sigma$$

$$f_{\min}$$

حيث k هي معامل الإحتمالات ويعبر عن إحتمال وقوع مقاومة معينة خارج الحدود ($f_m \pm k \sigma$) و σ هي الانحراف المعياري. أما f_m فتمثل القيمة المتوسطة. وقيمة الانحراف المعياري تعرف على أنها جذر متوسط مربع قيمة الانحرافات

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n-1}} \quad \text{or} \quad \sigma = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}}$$

$n > 20$ $n \leq 20$



جدول (٦-١) قيمة معامل الإحتمالات

k	احتمال وقوع مقاومة معينة خارج ($f_m \pm k \sigma$)	احتمال وقوع مقاومة معينة خارج ($f_m - k \sigma$)
٣,١	٠,٢%	٠,١%
٢,٣٣	٢%	١%
١,٦٤	١٠%	٥%
١,٢٨	٢٠%	١٠%
١,٠	٣١,٨%	١٥,٩%

شكل (٦-٣) خصائص منحنى التوزيع الطبيعي.

٣-٦ المقاومة المتوسطة والمقاومة المميزة

١-٣-٦ المقاومة المميزة (رتبة الخرسانة) (f_{cu}) Characteristic Strength

هي قيمة إجهاد كسر المكعب الخرساني القياسي الذي من غير المحتمل أن يقل عنه أكثر من ٥% من عدد نتائج إختبارات تحديد المقاومة أثناء التنفيذ (درجة ثقة=٩٥%). والمقاومة المميزة هي المقاومة التي يجرى على أساسها المهندس الإنشائي حساباته.

٢-٣-٦ متوسط المقاومة المستهدف (f_m) Target Mean Strength

تصمم خلطة الخرسانة بتحديد محتويات مكوناتها بحيث يكون متوسط المقاومة المستهدف مساويا لمجموع المقاومة المميزة (f_{cu}) مضافاً إليه هامش أمان (M) يكفل الحصول على المقاومة المميزة المطلوبة

$$f_m = f_{cu} + M$$

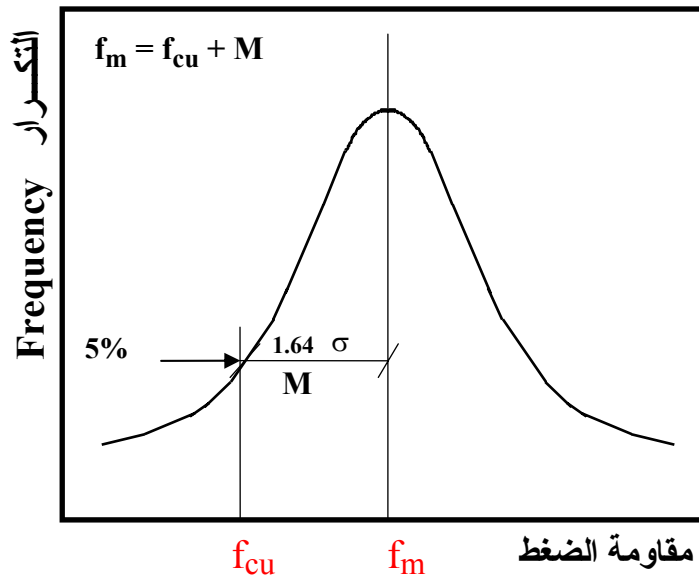
ويمكننا تخيل قيمة (f_m) ، (f_{cu}) على منحنى التوزيع التكرارى كما يلي:

* فى حالة أن يكون مطلوب درجة ثقة Confidence ٩٥% فإن $k = 1.64$ ويكون

$$f_m = f_{cu} + 1.64 \sigma$$

* فى حالة أن يكون مطلوب درجة ثقة Confidence ٩٠% فإن $k = 1.28$ ويكون

$$f_m = f_{cu} + 1.28 \sigma$$



شكل (٦-٤) المقاومة المميزة والمقاومة المتوسطة.

٤-٦ مستويات التحكم في الجودة

استخدم الانحراف المعياري (σ) كمقياس لدرجة ضبط الجودة للخرسانة حيث أنه كلما زادت قيمة σ دل ذلك على ضعف التحكم في الجودة والعكس صحيح ويمثل جدول (٦-٢) قيم σ المناظرة لدرجة التحكم في الجودة:

جدول (٦-٢) مستويات التحكم في جودة الخرسانة طبقاً لمعهد أبحاث الخرسانة الأمريكي.

درجة التحكم	ممتازة	جيدة جداً	جيدة	مقبولة	رديئة
σ كج/سم ^٢	أقل من ٢٨	٣٥-٢٨	٤٢-٣٥	٤٩ - ٤٢	أكبر من ٤٩

ونظراً لأن قيمة الانحراف المعياري تعتمد على قيمة المقاومة فقد وُجد أنها تكون كبيرة نسبياً في حالة الخرسانة عالية المقاومة وبالتالي يكون من الأفضل استخدام معامل الاختلاف (v) بدلاً من الانحراف المعياري (σ) في تحديد مستوى التحكم في الجودة كما في جدول (٦-٣).

$$v = \frac{\sigma}{f_m}$$

$$f_m = f_{cu} + k v f_m \quad \rightarrow \quad f_{cu} = f_m (1 - kv)$$

$$f_m = \frac{f_{cu}}{1 - kv}$$

فإذا كانت درجة الثقة ٩٥ % فإن قيمة k تكون ١,٦٤.

أما إذا كانت درجة الثقة ٩٠ % فإن قيمة k تكون ١,٢٨.

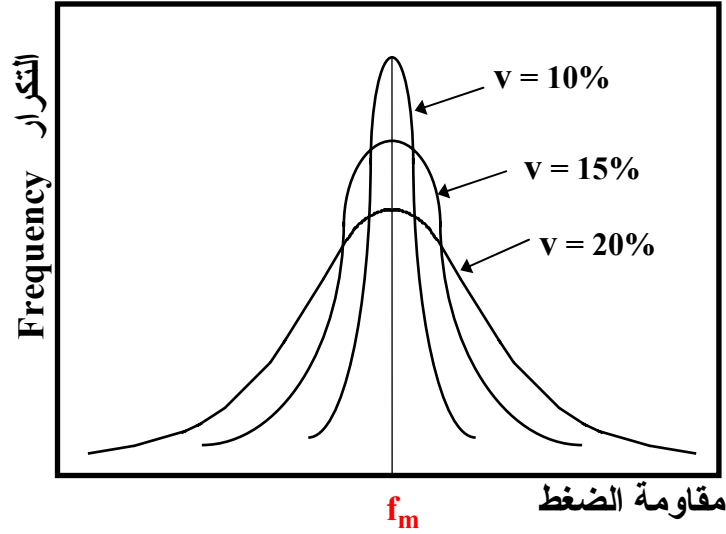
تدريب: أحسب كلاً من قيمتي الانحراف المعياري (σ) ومعامل الاختلاف (v) للمجموعتين الآتيتين وعلق على النتائج.

المجموعة الأولى خرسانة تقليدية: ٢٠٠ ، ٢١٠ ، ٢٢٠ كج/سم^٢

المجموعة الثانية خرسانة عالية المقاومة: ١٠٠٠ ، ١٠٥٠ ، ١١٠٠ كج/سم^٢

جدول (٦-٣) مستويات التحكم في جودة الخرسانة طبقاً لقيمة معامل الاختلاف.

درجة التحكم	ممتازة	جيدة	مقبولة	ضعيفة
v %	أقل من ١٠	١٥ - ١٠	٢٠ - ١٥	أكبر من ٢٠



شكل (٥-٦) تأثير معامل الإختلاف على شكل منحني التوزيع.

ومن الجدير بالذكر أن شكل منحني التوزيع التكراري يتأثر كثيراً نتيجة التغير في قيمة معامل الإختلاف (v) حيث يزداد تدبيراً كلما قل التغير في قيمة مقاومة الضغط وبالتالي قلت قيمة (v) كما بالشكل (٥-٦).

٥-٦ الحكم على نتيجة إختبار الخرسانة

وعموماً فإن الكود المصرى لتصميم وتنفيذ المنشآت الخرسانية قد أعتبر الخرسانة مستوفية لرتبة الخرسانة المميزة المطلوبة أثناء التنفيذ إذا تحقق مايلى:

١- إذا كان عدد مكعبات الضغط للخرسانة أكثر من ٢٠ عينة فيشترط أن لا تزيد عدد نتائج إختبارات المكعبات التى تقل عن المقاومة المميزة المطلوبة على قراءة واحدة لكل عشرين قراءة (٥٪) كما يشترط أن لا يزيد الفرق بين أكبر قراءة وأصغر قراءة (المدى) على ٢٥٪ من متوسط جميع القراءات.

٢- إذا كان عدد مكعبات الضغط للخرسانة أقل من ٢٠ مكعب فيشترط أن لا تقل أية نتيجة إختبار عن المقاومة المميزة المطلوبة كما يشترط أن لا يزيد الفرق بين أكبر قراءة وأصغر قراءة (المدى) على ٢٥٪ من متوسط جميع القراءات.

٦-٦ تطبيقات

١-٦-٦ تصميم الخلطة الخرسانية اللازمة لمشروع جديد

هنا يكون المطلوب هو حساب قيمة المقاومة المتوسطة f_m التي تحقق قيمة معينة للمقاومة المميزة f_{cu} (بمعنى قيمة المقاومة التي من المحتمل أن لا يقل عنها إلا نسبة معينة) وذلك بدلالة درجة التحكم المتوقع في الجودة.

مثال ١: أوسط (المقاومة المتوسطة المطلوبة لتصميم خلطة خرسانية) (وإن كانت قيمة المقاومة المميزة التي صمم عليها المشروع هي ٢٥٠ كجم/سم^٢ (لا يقل عنها أكثر من ٥٪ من النتائج) وذلك في حالتى ورجة تحكم في الجودة جيدة ومقبولة.

الحل

أ- حالة تحكم جيدة ($v=0.125$)

$$f_m = \frac{f_{cu}}{1 - 1.64v} = \frac{250}{1 - 1.64 (0.125)} = 314.5 \text{ kg / cm}^2$$

ب- حالة تحكم مقبولة ($v=0.175$)

$$f_m = \frac{f_{cu}}{1 - 1.64v} = \frac{250}{1 - 1.64 (0.175)} = 350.6 \text{ kg / cm}^2$$

٢-٦-٦ تعيين قيمة المقاومة المميزة

إذا كانت قيمة المقاومة المتوسطة لعدد من العينات معروفة عند درجة معينة من التحكم في الجودة فما هي قيمة المقاومة المميزة التي يتم تصميم المشروع إنشائياً عليها (التي يتوقع أن لا يقل عن قيمتها إلا نسبة معينة من النتائج).

مثال ٢: (وإن كان متوسط مقاومة الضغط لخلطة خرسانية هو ٢٧٥ كجم/سم^٢ وكان (الإحصائيات) (المعيارى) مساوياً ٢٠ كجم/سم^٢). فما هي قيمة المقاومة التي يتوقع أن لا يقل عن قيمتها أكثر من ١٠٪ من النتائج (٩٠٪ ورجة ثقة).

الحل

$$f_{cu} = f_m (1 - kv) \quad \text{or} \quad f_{cu} = f_m - k \sigma$$

في حالة درجة ثقة ٩٠٪ فإن قيمة k تساوى ١,٢٨

$$f_{cu} = 275 - 1.28 (20) = 249.4 \text{ kg/cm}^2$$

٦-٦-٣ الحكم على صلاحية خرسانة منشأ

يمكن الحكم على صلاحية خرسانة منشأ قائم بالفعل وذلك بحساب قيمة التغير في مقاومة الضغط (التي يمكن قياسها باستخدام الإختبارات غير المتلفة مثل مطرقة شميدت) وحساب المقاومة التي تحقق درجة ثقة ٩٥% ثم مقارنتها بقيمة المقاومة المميزة التي تم التصميم عليها بالفعل وبالتالي الحكم بقبول أو رفض الخرسانة.

مثال ٣: عند الحكم على صلاحية خرسانة اللبشة العاوية لمرسة إبترائية بالرقهلية تم قياس مقاومة الضغط لعمود ١٧ مكعب مختلف وكانت المقاومة كما يلي:

٢١٨ - ١٨٤ - ١٧٧ - ٢١٥ - ١٨٦ - ١٧٣ - ٢٠٩ - ١٤٢ - ١٥٣ - ١٨٧ - ١٨١ - ١٩٣ - ١٤٧ - ٢١٣ - ٢٣١ - ٢٠٠ - ٢٢١.

نما هي قيمة المقاومة الفعلية للخرسانة (ورجة ثقة ٩٥%) وهل تقبل الخرسانة أم تُرفض (إذا كانت المقاومة المميزة التي تم التصميم على أساسها هي ٢٠٠ كج/سم^٢) ؟

الحل

ابتداءً فإن الخرسانة مرفوضة ولا تحقق الشروط التي صُممت من أجلها وذلك لوجود أكثر من نتيجة قيمتها أقل من قيمة المقاومة المميزة التي تم التصميم على أساسها وهي ٢٠٠ كج/سم^٢ وذلك ضمن عدد عينات أقل من عشرين عينة. أما لحساب قيمة المقاومة الفعلية للمجموعة فينبغي حساب قيمة الإحتراف المعياري كما يلي:

$$\sigma = \sqrt{\frac{11172}{17}} = 25.6 \text{ kg/cm}^2$$

$$v = 25.6 (100) / 190 = 13.5 \%$$

$$f_{cu} = f_m (1 - kv)$$

$$f_{cu} = 190 (1 - 1.64 \times 0.135) = 147.9 \text{ kg/cm}^2 < 200$$

∴ الخرسانة ترفض ويمكن إعاوة حسابات التصميم على أساس مقاومة مميزة ١٤٧,٩ فقط بدلاً من ٢٠٠ كج/سم^٢.

المفردات	الإحتراف	مربع الإحتراف
٢١٨	٢٨+	٧٨٤
١٨٤	٦-	٣٦
١٧٧	١٣-	١٦٩
٢١٥	٢٥+	٦٢٥
١٨٦	٤-	١٦
١٧٣	١٧-	٢٨٩
٢٠٩	١٩+	٣٦١
١٤٢	٤٨-	٢٣٠٤
١٥٣	٣٧-	١٣٦٩
١٨٧	٣-	٩
١٨١	٩-	٨١
١٩٣	٣+	٩
١٤٧	٤٣-	١٨٤٩
٢١٣	٢٣+	٥٢٩
٢٣١	٤١+	١٦٨١
٢٠٠	١٠+	١٠٠
٢٢١	٣١+	٩٦١
المتوسط = ١٩٠	صفر	المجموع = ١١١٧٢

٧-٦ التحليل الإحصائي لمجموعة البيانات المفردة

١-٧-٦ مقاييس المركزية

$$\bar{X} = \frac{\sum x}{n} \quad \text{أ - المتوسط Average}$$

مميزاته : هو أكثر المقاييس شيوعاً - سهل الفهم - يأخذ جميع البيانات في الاعتبار.
عيوبه : يتأثر بالقيم المتطرفة.

مثال : $21, 20, 19 \Leftrightarrow$ المتوسط = 20
 $21, 20, 19, 4 \Leftrightarrow$ المتوسط = 16
 $76, 21, 20, 19 \Leftrightarrow$ المتوسط = 34

ب - الوسيط Median

هو القيمة التي عندها عدد البيانات الأقل منها يساوى عدد البيانات الأكبر منها أو هو قيمة الحد الذى ترتيبه $(\frac{N+1}{2})$.

مميزاته : لا يتأثر بالقيم المتطرفة - يمكن فهمه بسهولة.
عيوبه : يحتاج إلى ترتيب البيانات تنازلياً أو تصاعدياً حتى يمكن حسابه .

مثال : $15, 12, 10, 5, 9 \Leftrightarrow$ الوسيط = 10
 $10, 19, 11, 17, 13 \Leftrightarrow$ الوسيط = 13

ج - المنوال Mode

المنوال هو القيمة الأكثر تكراراً فى المجموعة.

مميزاته : لا يتأثر بالقيم المتطرفة - يمكن فهمه بسهولة (مثل الوسيط).
عيوبه : فى كثير من الأحيان لا يوجد منوال حيث لا يتكرر العدد أكثر من مرة وفى حالات أخرى يكون هناك أكثر من منوال.

٦-٧-٢ مقياس التشتت

أ - المدى = القيمة القصوى - القيمة الصغرى.

ب- الانحراف المعياري (σ) هو الجذر التربيعي لمتوسط مربع انحراف المفردات عن المتوسط.

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n}}$$

و الانحراف المعياري له نفس وحدات المفردات ويتأثر بقيم المفردات.

ج- معامل الإختلاف هو مقياس للتشتت النسبي أو الإنحراف النسبي.

$$v = \frac{\sigma}{\bar{X}}$$

مثال : احسب قيم σ , v للمجموعتين الآتيتين:

- ١- خرسانة معتادة ٢٠٠ ، ٢١٠ ، ٢٢٠ كج/سم^٢.
٢- خرسانة عالية المقاومة ١٠٠٠ ، ١٠٥٠ ، ١١٠٠ كج/سم^٢.

الحل

المجموعة الأولى: المتوسط = $(220 + 210 + 200) \div 3 = 210$ كج/سم^٢

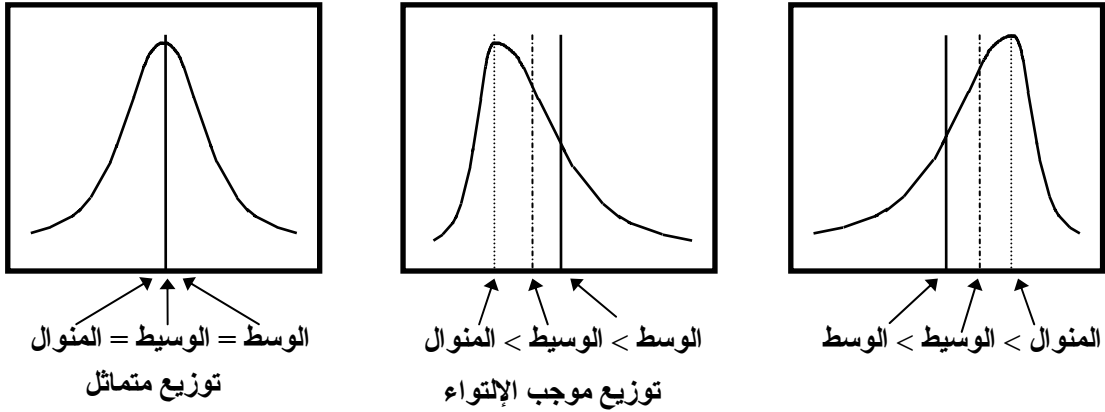
$$\sigma = \sqrt{\frac{(10)^2 + (-10)^2 + (0)^2}{3}} = 8.16 \text{ kg/cm}^2$$

$$v = \frac{8.16}{210} \times 100 = 3.89 \%$$

المجموعة الثانية: المتوسط = $(1100 + 1050 + 1000) \div 3 = 1050$ كج/سم^٢

$$\sigma = \sqrt{\frac{(50)^2 + (-50)^2 + (0)^2}{3}} = 40.82 \text{ kg/cm}^2$$

$$v = \frac{40.82}{1050} \times 100 = 3.89 \%$$



شكل (٦-٦) أشكال الإلتواء المختلفة

٦-٧-٣ أشكال التوزيعات التكرارية

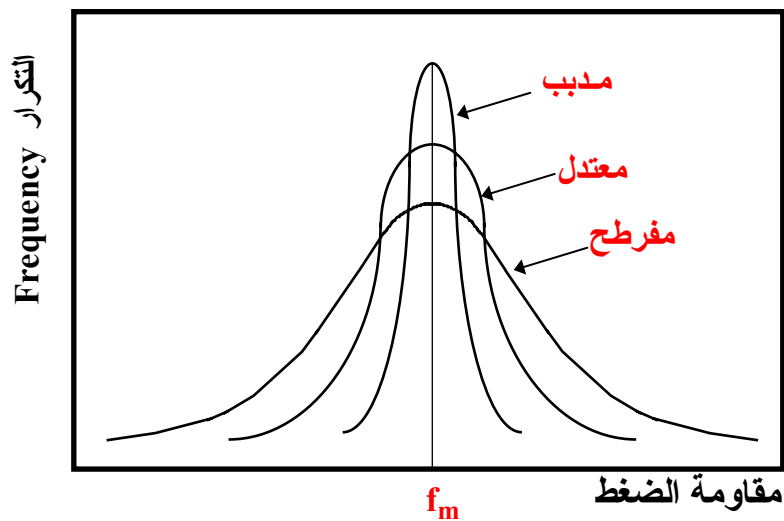
أ- الإلتواء : يكون الإلتواء صفراً إذا كان التوزيع متماثل حول الوسط الحسابي ويكون التوزيع موجب الإلتواء عندما يكون الوسط < الوسيط < المنوال ويكون التوزيع سالباً الإلتواء عندما يكون الوسط > الوسيط > المنوال

$$\text{معامل الإلتواء} = \frac{3(\text{المتوسط} - \text{الوسيط})}{\sigma}$$

ب - التفرطح

معامل التفرطح للتوزيع المعتدل = ٣
المفرطح > ٣
المدبب < ٣

$$\text{معامل التفرطح} = \frac{\sum (x - \bar{x})^4}{\sigma^4}$$



شكل (٦-٧) أشكال التوزيعات التكرارية من حيث التفرطح.

مثال : أحسب قيم المدلولات التى يمكن منها تقييم نتائج مقاومة الضغط للمجموعات التالية من عينات الخرسانة : المجموعة الأولى (٤١٠ - ٤١٢ - ٣٩٥ - ٤١٥ كج/سم^٢) المجموعة الثانية (٣٨٥ - ٤٠٢ - ٣٠٥ - ٥٤٠ كج/سم^٢) ثم احسب قيمة المقاومة التى تحقق درجة ثقة ٩٠٪ بالنسبة للمجموعة الثانية.

الحل

المجموعة الثانية	المجموعة الأولى		
٥٤٠ ، ٤٠٢ ، ٣٨٥ ، ٣٠٥	٤١٥ ، ٤١٢ ، ٤١٠ ، ٣٩٥	المفردات مرتبة	
٤٠٨	٤٠٨	كج/سم ^٢	المتوسط
٢٣٥ (٥٧,٦٪ من المتوسط)	٢٠ (٤,٩٪ من المتوسط)	كج/سم ^٢	المدى
١٣٢ ، ٦- ، ٢٣- ، ١٠٣-	٧+ ، ٤+ ، ٢+ ، ١٣ -	كج/سم ^٢	الإتحرافات
٨٤,٦	٧,٧	كج/سم ^٢	الإتحراف المعياري
٢٠,٧	١,٩	%	معامل الإختلاف
رديئة	ممتازة	درجة التحكم فى الجودة	
٢٦٩	٣٩٥	كج/سم ^٢	المقاومة المميزة

القيمة التى تعطى درجة ثقة ٩٠٪ فى المجموعة الثانية:

$$f_{cu} = f_m (1 - kv) = 408 (1 - 1.28 * 0.207) \cong 300 \text{ kg/cm}^2$$

٨-٦ توزيع البيانات

إذا كان عندنا مجموعة من البيانات كثيرة العدد نسبياً ومطلوب إستخلاص المدلولات الفنية والحكم على هذه المجموعة ومدى تجانسها فإنه يمكن توزيعها على هيئة شرائح أو فئات بإتباع الخطوات الآتية:

- ١- نوجد المدى الذى يقع داخله جميع القراءات (المدى = أكبر قيمة - أقل قيمة)
- ٢- نحدد عرض الشريحة الذى يجعل عدد الشرائح دائماً = 10 ± 2

$\frac{\text{المدى}}{\text{عدد الشرائح} - 1} = \text{أو عرض الشريحة}$	$1 + \frac{\text{المدى}}{\text{عرض الشريحة}} = \text{عدد الشرائح}$
---	--

مثال: إذا كان المدى = ١٦٠ كج/سم^٢ فإن عرض الشريحة = ١٦٠ ÷ (عدد الشرائح - ١) = ٩ وعرضها ٢٠ كج/سم^٢ أو نأخذ عدد الشرائح = ١١ وعرضها ١٦ كج/سم^٢

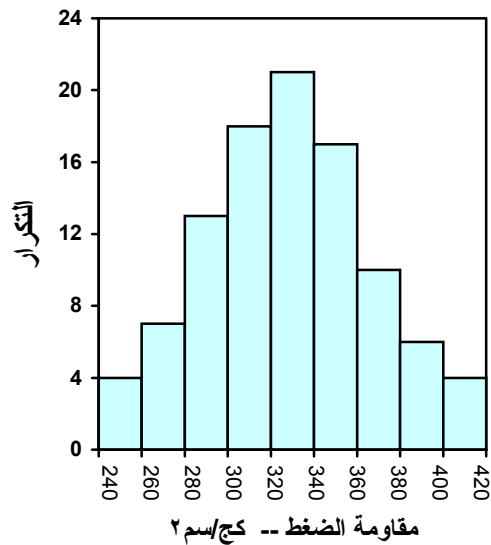
أما إذا كان المدى = ١٦٣ كج/سم^٢ ففي هذه الحالة يمكننا توزيع الـ ٣ فى أول شريحة وآخر شريحة بمعنى أننا عندنا شريحة زيادة دائماً لمثل هذه الفروق (نضع نصف شريحة فى الأول ونصف شريحة فى النهاية) وسنرى ذلك فى مثال شامل فيما بعد.

٣- نعمل جدول مختصر وفيه نضع جميع الأرقام على صورة شرائح أو فئات

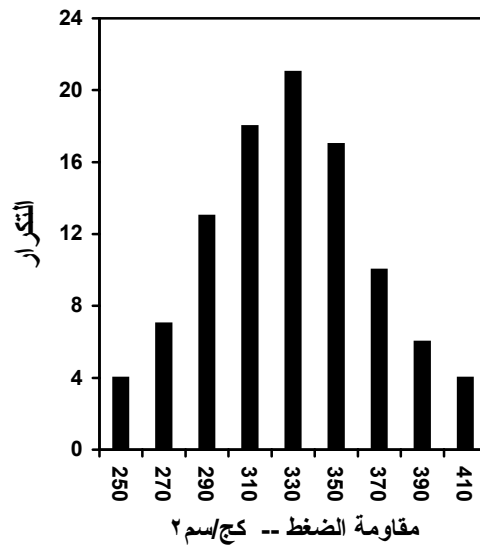
رقم الشريحة	حدود الشريحة	المتوسط	التكرار
١	٢٤٥ - ٢٥٥	٢٥٠	٤
٢	٢٥٥ - ٢٦٥	٢٦٠	٦
:	:	:	:
:	:	:	:
٩	٣٢٥ - ٣٣٥	٣٣٠	٢

٤- يترجم الجدول السابق إلى الرسومات البيانية الآتية:

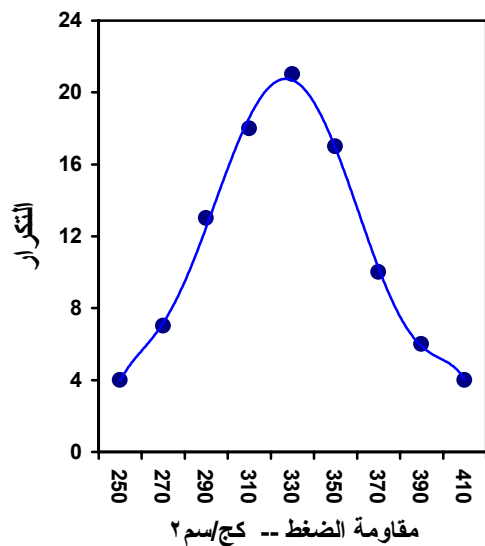
- أ - لوحة قضبان التكرار (بين المتوسط والتكرار)
- ب- مضع التكرار أو المنحنى التكرارى (" " ")
- ج- هيستوجرام التكرار (بين حدود الشريحة والتكرار)
- د- المنحنى التكرارى التجميعى (" " " " ")



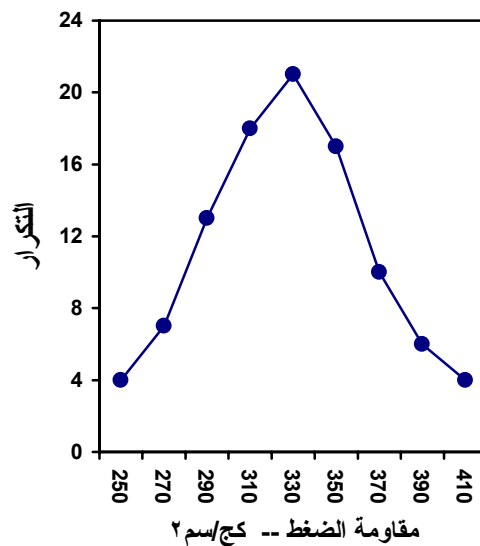
ب- هيستوجرام التكرار



أ- لوحة قضبان التكرار

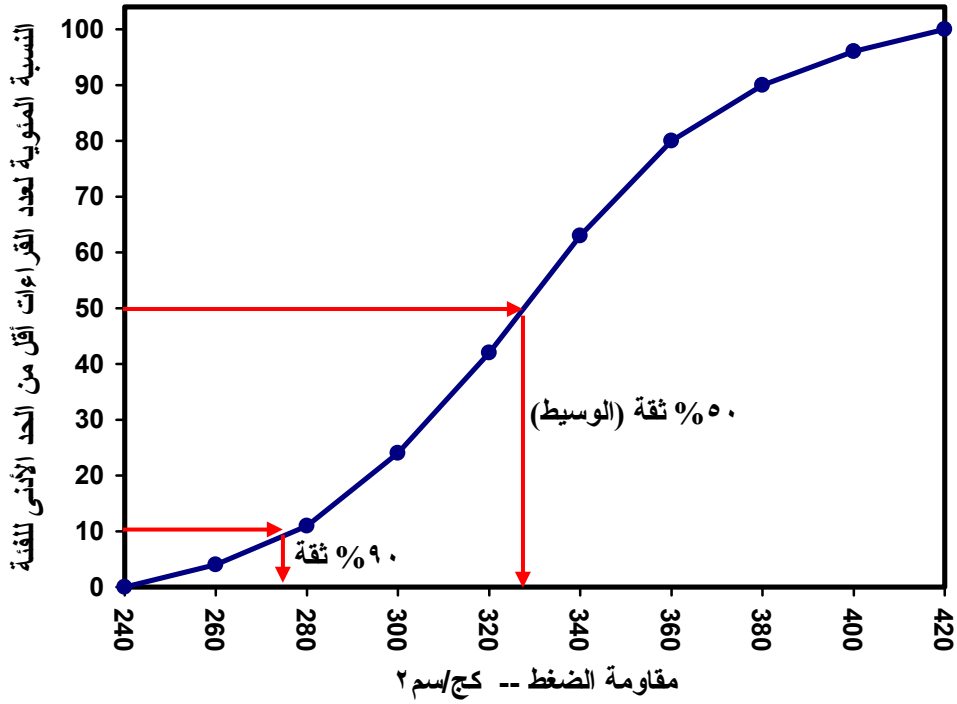


د- المنحنى التكراري



ج- مضع التكرار

شكل (٦-١) الأشكال البيانية المختلفة للتوزيعات التكرارية.



شكل (٦-٩) المنحنى التكرارى التجميعى.

مثال: إذا كان لدينا عدد ٢٥٠ قراءة لمقاومة الضغط وكان أقل القراءات هو ٢٥١ كج/سم^٢ وأكبرها ٣٤٨ كج/سم^٢ حدد عدد الشرائح المناسب وحدود أول شريحة وآخر شريحة حتى يمكننا تحليلها إحصائياً.

الحل

$$\text{عدد الشرائح} = 1 + \frac{\text{المدى}}{\text{عرض الشريحة}}$$

$$\text{المدى} = 348 - 251 = 97 \text{ كج/سم}^2$$

هنا نفترض جدلاً أن المدى = ١٠٠ بدلاً من ٩٧ وذلك فى حالة تنظيم الشرائح فقط .
بمعنى أن المدى = (٢٥٠-٣٥٠) بحيث نضع أى فرق فى نصف الشريحة الأولى ونصف الشريحة الأخيرة.

$$\text{عدد الشرائح} = 1 + \frac{100}{\text{عرض الشريحة}}$$

$$\text{و العدد} = 11 \text{ شريحة}$$

$$\therefore \text{ نأخذ عرض الشريحة} = 10 \text{ كج/سم}^2$$

- بداية أول شريحة = أصغر قيمة (مفترضة) - نصف عرض شريحة
 $250 - 5 = 245$ كج/سم²
 ∴ حدود الشريحة الأولى = 245 إلى 255

- نهاية الشريحة الأخيرة = أكبر قيمة (مفترضة) + نصف عرض شريحة
 $350 + 5 = 355$ كج/سم²
 ∴ حدود الشريحة الأخيرة = 345 إلى 355

مثال: لضبط جودة خرسانة صهريج مياه أخذت عينات من الخرسانة أثناء مراحل التنفيذ واختبرت مقاومة الضغط للعينات القياسية فكانت وفقاً للجدول الآتى:

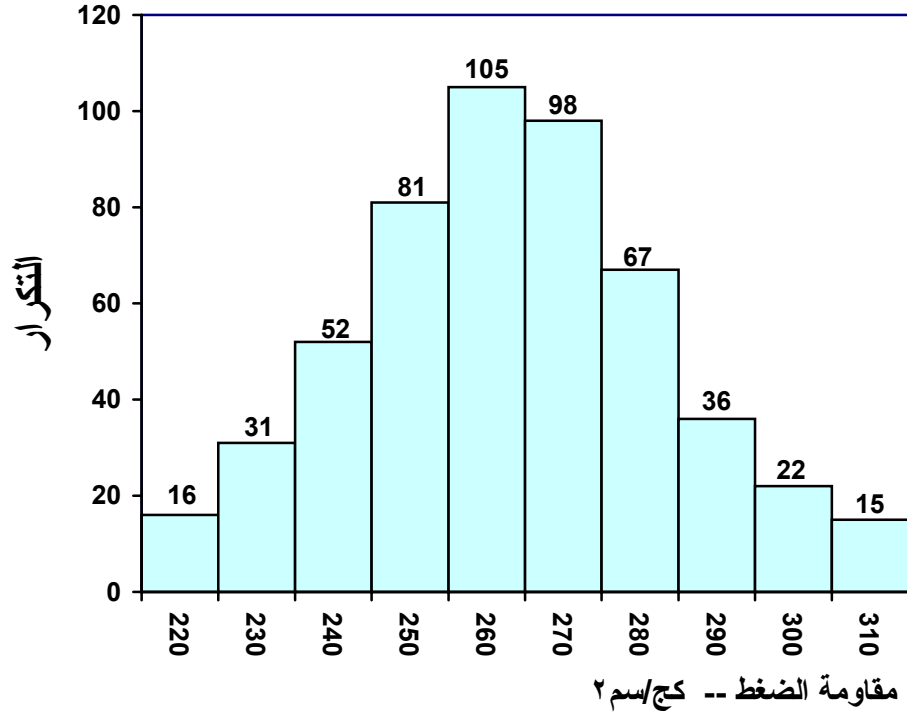
رقم الفئة	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
حدود الفئة	٢١٥	٢٢٥	٢٣٥	٢٤٥	٢٥٥	٢٦٥	٢٧٥	٢٨٥	٢٩٥	٣٠٥
كج/سم ²	٢٢٥	٢٣٥	٢٤٥	٢٥٥	٢٦٥	٢٧٥	٢٨٥	٢٩٥	٣٠٥	٣١٥
التكرار	١٦	٣١	٥٢	٨١	١٠٥	٩٨	٦٧	٣٦	٢٢	١٥

إرسم كلاً من هيستوجرام التكرار ومنحنى التكرار التجميعي ومنحنى التوزيع التكراري ثم استخلص المدلولات التي يمكن منها معرفة مستوى إنتاج هذه الخرسانة ومدى إنتظامها ودرجة جودتها. إحسب أيضاً قيمة المقاومة عند درجة ثقة ٩٠% ، ٩٥%.

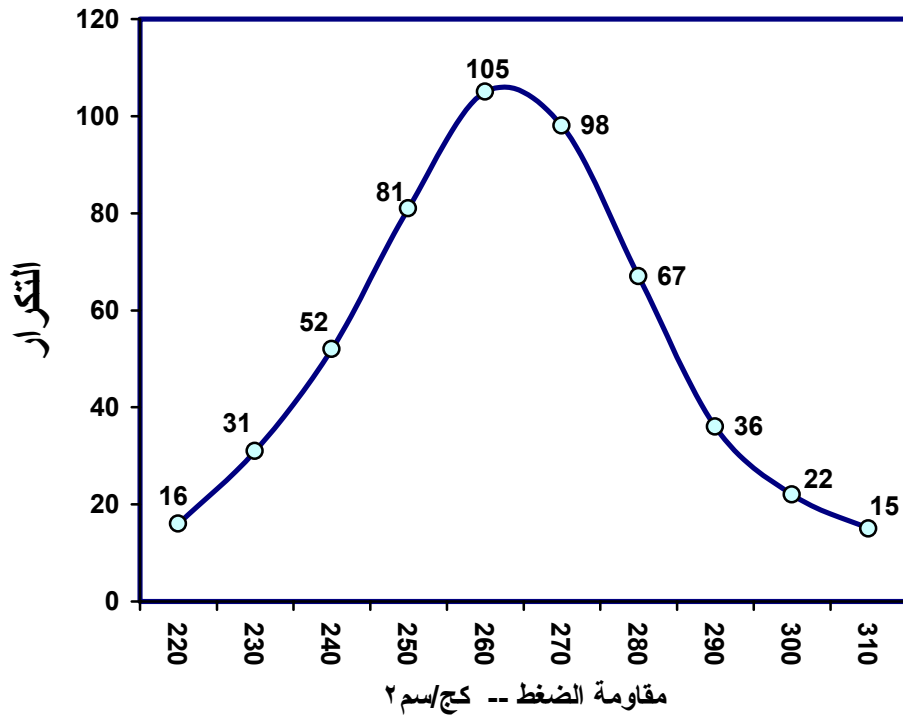
الحل

أولاً نكون الجدول الآتى:

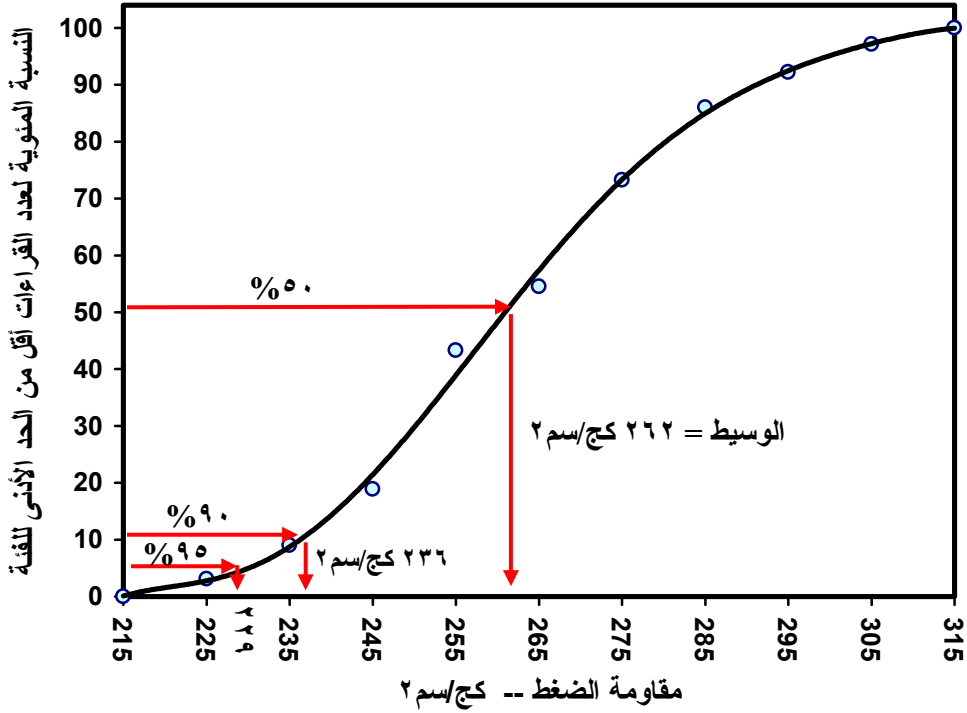
الحد الأدنى للشريحة	٢١٥	٢٢٥	٢٣٥	٢٤٥	٢٥٥	٢٦٥	٢٧٥	٢٨٥	٢٩٥	٣٠٥	٣١٥
عدد القراءات أقل من الحد الأدنى	صفر	١٦	٤٧	٩٩	١٨٠	٢٨٥	٣٨٣	٤٥٠	٤٨٦	٥٠٨	٥٢٣
عدد القراءات %	صفر	٣,١	٩	١٨,٩	٤٣,٣	٥٤,٥	٧٣,٢	٨٦,٠	٩٢,٢	٩٧,١	١٠٠



هستوجرام التكرار



المنحنى التكراري



منحنى التوزيع التكراري التجميعي.

ثانياً مقاييس المركزية:

حيث	X	متوسط الفئة	$\bar{X} = \frac{\sum nx}{N}$ <p>١- المتوسط</p>
	n	تكرار الفئة	
	N	العدد الكلي للعينات	

$$263,08 \text{ كج/سم}^2 = \frac{220 \times 16 + 230 \times 31 + \dots + 310 \times 15}{523}$$

٢- الوسيط = ٢٦٢ كج/سم^٢ (من منحنى التكرار التجميعي)

٣- المنوال = ٢٦٠ كج/سم^٢ (من جدول التكرار أو هيستوجرام التكرار)

ومن هنا يتضح أن المنحنى موجب الإلتواء حيث أنه يميل قليلاً جداً ناحية القيم الأقل من المتوسط.

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum n(x - \bar{x})^2}{N - 1}} \quad 1 - \text{الانحراف المعياري}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{16(220 - 263.8)^2 + 31(230 - 263.8)^2 + \dots + 15(310 - 263.8)^2}{523 - 1}} = 20.5 \text{ kg/cm}^2$$

$$2 - \text{معامل الإختلاف} = \frac{\text{الانحراف المعياري}}{\text{المتوسط}} = \frac{100 \times 20.5}{263.08} = 7.79\%$$

إذن طبقاً لتقييم ACI فإن التحكم في ضبط الجودة ممتاز

رابعاً حساب قيمة المقاومة التي تعطى درجة ثقة معينة تحليلياً وبيانياً:

أ- تحليلياً:

- درجة ثقة ٩٠%

$$f_{cu} = f_m (1 - kv) = 263.08 (1 - 1.28 * 0.0779) = 236.85 \text{ kg/cm}^2$$

- درجة ثقة ٩٥%

$$f_{cu} = f_m (1 - kv) = 263.08 (1 - 1.64 * 0.0779) = 229.47 \text{ kg/cm}^2$$

ب- بيانياً:

من منحنى التكرار التجميعي

$$f_{cu} (90\%) \cong 236 \text{ kg/cm}^2$$

$$f_{cu} (95\%) \cong 229 \text{ kg/cm}^2$$

وبصفه عامة فإنه طبقاً للتقييم بكل من σ ، v فإن درجة التحكم في الجودة تعتبر ممتازة حيث الإنحراف المعياري (σ) أقل من ٢٨ كج/سم^٢ و معامل الإنحراف (v) أقل من ١٠%.

أما عن مدى إنتظام النتائج فيوجد التواء خفيف جداً في المنحنى ناحية القيم الأقل من المتوسط.
