

## المجتهد في

## الرياضيات

## الصف (السادس) الإبتدائي

## الفصل الدراسة الأول

## إعداد

أ/مصطفى حسنين

أ/عبد الفتاح جمعة

٢

## الفهرس

الوحدة الأولى النسبة ٢٧:٣

الدرس الأول : معنى النسبة

الدرس الثاني : خواص النسبة

الدرس الثالث : تدريبات متنوعة على النسبة وخواصها

الدرس الرابع : النسبة بين ثلاث أعداد

الدرس الخامس : المعدل

مراجعة عامة للوحدة الأولى

اختبار الوحدة الأولى

٢٧

الوحدة الثانية التناسب ٧٤:٢٨

الدرس الأول : معنى التناسب

الدرس الثاني : خواص التناسب

الدرس الثالث : مقياس الرسم

الدرس الرابع : التقسيم التناسبي

الدرس الخامس : حساب المائة

الدرس السادس : تطبيقات على حساب المائة

مراجعة الوحدة الثانية

اختبار الوحدة الثانية

٧١

الوحدة الثالثة الهندسة والقياس ١٠٧:٧٣

الدرس الأول : العلاقات بين الأشكال الهندسية

الدرس الثاني : الأغاط البصرية

الدرس الثالث : الحجم

الدرس الرابع : حجم متوازي المستطيلات

الدرس الخامس : حجم المكعب

الدرس السادس : السعة

مراجعة الوحدة الثالثة

اختبار الوحدة الثالثة

١٠٧

الوحدة الرابعة الاحصاء ١١٥:١٠٨

الدرس الأول : أنواع البيانات الاحصائية

الدرس الثاني : جميع البيانات الاحصائية الوصفية

الدرس الثالث : جميع البيانات الاحصائية الكمية

الدرس الرابع : تمثيل البيانات الاحصائية بالمنحنى التكراري

مراجعة واختبار الوحدة الرابعة

نموذجان لامتحان نصف العام (كتاب مدرسي) ١١٦:١٢٠

١١٢

٢

الدرس الأول: معنى النسبة

مقدمة:

قد لاحظت يوماً ما والدك تضع شيئاً من المسحوق على ماء ساخن للفسيل ← المقارنة هنا بين المسحوق والماء تسمى نسبة - أيضاً عند توزيع ورق اختبار ما - من ورقة واحدة - على تلاميذ فصل ما فإن عدد الورق يكون مساوياً لعدد التلاميذ

من الأمثلة السابقين يتضح لنا معنى النسبة

النسبة هي: المقارنة بين كميتين أو عددين من نفس النوع ولهما نفس الوحدات

العدد الأول  
العدد الثاني

مثله توضيحية

أعطاك والدك مبلغ ٢ جنيه وأعطى أخيك مبلغ ٤ جنيه عند المقارنة ← يمكنك القول (١) أنك أقل من أخيك فيما تملك (٢) أخيك أكثر منك فيما يملك (أيضاً) مامعك  $\frac{2}{4}$  مامع أخيك  $\frac{4}{2}$  مامعك

الكسر الناتج السابق يسمى النسبة

التعبير عن النسبة

يمكن التعبير عن النسبة بإحدى طريقتين:

(١) صورة كسرية ←  $\frac{2}{4}$  (٢) صورة نسبية ← ٢ : ٤ (تقرأ ٢ إلى ٤)

في الأمثلة السابقين :-

٢ يسمى مقدم النسبة أو حدها الأول  
٤ يسمى تالي النسبة أو حدها الثاني

مثال :- أكمل الجدول التالي

اجتهد (١) اكمل الجدول التالي

المقدم	التالي	صور التعبير	المقدم	التالي	صور التعبير
٣	٤	$\frac{3}{4}$	٤	٣	$\frac{4}{3}$
١	٢	$\frac{1}{2}$	٢	١	$\frac{2}{1}$
٥	٧	$\frac{5}{7}$	٧	٥	$\frac{7}{5}$
٣	٧	$\frac{3}{7}$	٧	٣	$\frac{7}{3}$
٥	٦	$\frac{5}{6}$	٦	٥	$\frac{6}{5}$

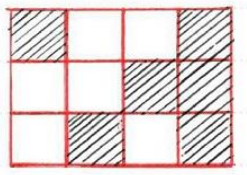
تذكر إذا كتب أمامك : عدد الأول  $\frac{3}{4}$  عدد البنات فالبسط لما كتب أولاً والمقام لما كتب ثانياً

مثال في أحد فصول الصف الأول الابتدائي إذا كان عدد البنين ١٥ تلميذاً ، وعدد البنات ٢٠ تلميذة فاحسب النسبة بين عدد البنين وعدد البنات

عدد البنين وعدد البنات

الحل (١) النسبة بين عدد البنين وعدد البنات =  $\frac{15}{20} = \frac{3}{4}$  أو ٣ : ٤ (٢) النسبة بين عدد البنات وعدد البنات =  $\frac{20}{15} = \frac{4}{3}$  أو ٤ : ٣ (٣) النسبة بين عدد البنين وعدد البنات =  $\frac{15}{20} = \frac{3}{4}$  أو ٣ : ٤

اجتهد (٢) في الشكل المقابل أكمل :-



(١) عدد الأجزاء المظلمة : عدد الأجزاء الكلية =  $\frac{5}{9}$   
(٢) عدد الأجزاء الغير مظلمة : عدد الأجزاء الكلية =  $\frac{4}{9}$   
(٣) عدد الأجزاء المظلمة : عدد الأجزاء الغير مظلمة =  $\frac{5}{4}$

إذا طلب منك أن تعبر عن العدد ٣ ، ٤ بطريقتين مختلفتين كنسبة . فكيف تعبر عن ذلك ؟

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = للصف (السادس) = منتقري توجيه (الرياضيات) = (١) حاول لووول

مصطفى صالحي 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

مثال ٣ :- بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل :-

علماً بأن المسافة بين كل نقطتين عبارة  
عن وحدة واحدة

النسبة بين طولي  $\overline{p}$  ،  $\overline{h}$  =النسبة بين طولي  $\overline{u}$  ،  $\overline{s}$  =النسبة بين طولي  $\overline{h}$  ،  $\overline{p}$  =

تذكر محيط المربع = طول الضلع  $\times$  ٤ ، أما مساحة المربع = طول الضلع  $\times$  نفسه  
محيط المستطيل = (الطول + العرض)  $\times$  ٢ ، أما مساحة المستطيل = الطول  $\times$  العرض

اجتهد ٣ بالاستعانة بالأشكال المقابلة أكمل :-

محيط المربع = .....  
مساحة المربع = .....  
محيط المستطيل = .....  
مساحة المستطيل = .....

النسبة بين محيط المربع : محيط المستطيل =

النسبة بين مساحة المربع : مساحة المستطيل =

النسبة بين طول ضلع المربع : محيطه =

اجتهد ٤ أكمل مايلي :-

النسبة بين عددين =

مقدم النسبة ٤ : ٣ هو

الحدا الثاني للنسبة ٧ : ٥ هو

إذا كان مقدم النسبة ٩ وتاليها ١١ فإن النسبة هي

النسبة بين طول ضلع المربع ومحيطه =

النسبة ٥ : ٣ حدها الأول وحدها الثاني

تدريبات الدرس الأول معنى النسبة

السؤال الأول : أكمل جدول التالي :-

المقدم	التالي	صور التعبير عن النسبة
١	٣	٧ =
١٢	٣١	٢ : ٩
١٣ : ٦		

السؤال الثاني : جامع أميرة ١٥ جنيهاً وجامع عبدالله ٢٠ جنيهاً ،

فاحسب النسبة بين .....

١ جامع أميرة : جامع عبدالله ٢ جامع أميرة : جامعها معاً

السؤال الثالث : بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل

١ نسبة الكرات المظلمة : الكرات الغير مظلمة =

٢ نسبة لكرات المظلمة : لكرات جميعها =

٣ نسبة الكرات الغير مظلمة : لكرات جميعها =

السؤال الرابع : أكمل مايلي :-

١ النسبة هي

٢ في النسبة ٩ : ٧ يكون المقدم هو ، التالي

٣ الحد الأول للنسبة ٥ : ٢ هو

٤ النسبة بين طول ضلع المثلث المتساوي الأضلاع ومحيطه =

فكر اكتشف الخطأ في العبارات التالية وصوبها

١ النسبة ٣ : ١ = النسبة ١ : ٣

٢ إذا كان جامع زاد  $\frac{1}{3}$  جامع زامل فإن النسبة بين جامع زاد إلى جامعها معاً = ٢ : ٢

٣ في النسبة ٧ : ١٥ يكون مقدم النسبة هو ١٥

## الدرس الثاني: خواص النسبة

## خاصية ١

النسبة لها نفس خواص الكسر الاعتيادي من حيث الاختصار والتبسيط والمقارنة

## مثال ١

أدخرك عمر ٣٢ جنيهًا، وأدخرك خالد ٤٨ جنيهًا. أوجد النسبة بين ما ادخركه عمر إلى ما ادخركه خالد ؟

## الحل

$$\frac{\text{ما ادخركه عمر}}{\text{ما ادخركه خالد}} = \frac{32}{48} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

## مثال ٢

ضع كلا من النسب الآتية في أبسط صورة :

١٨ : ٢٤ (ب) ١٢ : ١٥ (ب)

## الحل

٢٤ : ١٨ = ٣ : ٤ (٦ ÷)  
١٥ : ١٢ = ٥ : ٤ (٣ ÷)

## اجتهد ١

ضع كلا من النسب الآتية في أبسط صورة :

١٠ : ٢٠ (ب) ٧ : ٢١ (ب)

مثال ٣ ← أوجد النسبة بين الكسرين  $\frac{3}{4}$  و  $\frac{5}{6}$  (في أبسط صورة)

(لاحظ أنك درست سابقًا قسمة الكسر الاعتيادي)

$$\frac{5}{6} \div \frac{3}{4} = \frac{5}{6} : \frac{3}{4}$$

$$= \frac{5}{6} \times \frac{4}{3} = \frac{20}{18} = \frac{10}{9}$$

اجتهد ٢ :- أوجد النسبة بين الكسرين

١ :  $\frac{1}{2}$  (ب)  $\frac{3}{4} : \frac{2}{8}$  (ب)

## مثال ٤

ضع النسب الآتية في أبسط صورة :  
١ :  $\frac{1}{2}$  (ب)  $\frac{1}{3} : \frac{2}{3}$  (ب)

$$1 : \frac{1}{2} = \frac{2}{2} : \frac{1}{2} = \frac{2}{1} : \frac{1}{1} = 2 : 1$$

اجتهد ٣ :- ضع النسب الآتية في أبسط صورة :

٢ :  $\frac{1}{5}$  (ب)  $\frac{3}{5} : \frac{2}{3}$  (ب)

## مثاله

ضع النسب الآتية في أبسط صورة :  
٢٥ : ٦٥ (ب) ١٥ : ٢٥ (ب)

٢٥ : ٦٥ = ١ : ٣ (١٠ ÷)  
١٥ : ٢٥ = ٣ : ٥ (٥ ÷)

## الحل

$$\frac{2}{5} = \frac{4}{10} = \frac{1}{16} \times \frac{74}{10} = \frac{17}{10} \div \frac{74}{10} = \frac{17}{1} : \frac{74}{10}$$

اجتهد ٤ آتب النسب الآتية في أبسط صورة

١٢ : ١٤ (ب)

١٤ : ٣٦ (ب)

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = للصف (السادس) = منتزى تجميعه (الرياضيات) = (١٠) عاوي (١٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالمعز حماد 01125333012

## خاصية ٢

« حد ١ النسبة يجب أن يكونا عددين صحيحين »

ملاحظة: إذا كان حد من النسبة عددين

عشريين وثريد تحويلهم إلى عددين

صحيحين نضرب بالضرب  $10 \times$  أو  $100 \times$  أو  $1000 \times$

لتحريك العلامة جوة اليمين

أو بالقسمة على  $10$  أو  $100$  أو  $1000$

لتحريك العلامة جوة اليسار

## مثال ٦

اكتب النسب الآتية في أبسط صورة:

١)  $2, 1, 4$  :  $1$  و  $4$

الحل ←

$2, 1, 4$  :  $1$  و  $4$   $(10 \times)$

$12$  :  $14$   $(2 \div)$

$7$  :  $7$

اجتهد: اكتب في أبسط صورة :-

٢)  $8$  و  $4$  :  $8$  و  $1$

## مثال ٧

اكتب النسب الآتية في أبسط صورة:

٣)  $1/3$  :  $1/3$

٤)  $1/4$  :  $3/4$

الحل ←

$2/3$  :  $4/3$  =  $2/3 \div 4/3 = 2/3 \times 3/4 = 1/2$

$1/6$  =  $1/4 \times 4/6 = 1/6$

$8/9$  =  $2/3 \times 4/3 = 8/9$

اجتهد: اكتب النسب الآتية في أبسط صورة :-

٥)  $1/3$  :  $2/3$

٦)  $1/2$  :  $1/2$

٧)  $1/4$  :  $1/4$

٨)  $1/4$  :  $1/4$

## خاصية ٣

عند مقارنة كميتين لتكوين نسبة بينهما يجب أن

تكون وحدات قياسهما من نفس النوع

من خلال ما درسته سابقاً يمكننا أن نتذكر

الفدان = ٢٤ قيراط	٤	القيراط = ٢٤ سهم
كم = ١٠٠٠ م	٤	م = ١٠٠ سم
يوم = ٢٤ ساعة	٤	الساعة = ٦٠ دقيقة
جنيه = ١٠٠ قرش	٤	الليرة = ١٠٠٠ حل

مثال ٨ :- اكتب النسب الآتية في أبسط صورة :-

١) نصف كيلومتر : ٢٥٠ مترًا

٢) ١٢٥ قرشًا : ٥ جنيهات

٣) ١٥٠ جرامًا : ربع كيلوجرام

الحل

١) نصف كيلومتر : ٢٥٠ مترًا

٢) ١٢٥ قرشًا : ٥ جنيهات

٣) ١٥٠ جرامًا : ربع كيلوجرام

٤) ٢,٢٥ فدان : ١٦ قيراطًا

٥) ١٢٥ : ٥

٦) ٢٥ : ٥

٧) ١٦ : ٥٤

٨) ٢٧ : ٨

٩) ١٥٠ : ١٥

١٠) ٥ : ٣

لاحظ أنه يمكن حل أي مسألة من خطوة واحدة أو أكثر حسب ما تستطيع

من جدول الضرب ولا يحتمل من كثرة الخطوات (القسمية) ولكن تأكد من نتائجك

اجتهد ٧ :- اكتب النسب التالية في أبسط صورة

١)  $1/2$  ساعة : ١٥ دقيقة

٢)  $1/4$  كم : ١٥٠ م

٣) ٢٥٠ قرش :  $1/3$  جنيه

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتدَى تجميع الرياضيات = (الصف الأول)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

**خاصية ٤**

النسبة بين مقدارين من نفس النوع عد ليس له وحدة ( أي لا تميز لها )

لاحظ : من خلال الخاصية السابقة وبعد تحويل الكليتين لنفس الوحدات لذلك لا تميز للنسبة لأدخا من نفس النوع .

مثال ٩ ← أوجد في أبسط صورة :-

٢ متر ، ٥ سم

الحل ←

متر : ٥ سم ( لاحظ تحويل المتر إلى سم بالضرب × ١٠٠ )

١٠٠ : ٥ ( بالقسمة ÷ ٥ )

٢٠ : ٥ ( بالقسمة ÷ ٥ )

٤ : ١

لاحظ : بعد الاختصار لا تميز للنسبة

**ملاحظات هامة**

١ النسبة بين طول ضلع المربع ومحيطه = ١ : ٤

٢ النسبة بين طول ضلع المثلث المتساوي الاضلاع ومحيطه = ١ : ٣

٣ النسبة بين طول نصف قطر الدائرة ومحيطها = ٢ : ٢٢

٤ النسبة بين طول قطر الدائرة ومحيطها = ٢ : ٢٢

توضيح بسيط

لماذا النسبة بين طول ضلع المربع ومحيطه ٤ : ١

لان محيط المربع عبارة عن طول ضلع مكرر أربع مرات ويمكنك ان تقوم بذلك مع أي مربع ستجد أن النسبة في النهاية ثابتة وهي ٤ : ١

**تدريبات على خواص النسبة**

السؤال الأول : أكمل مايلي :-

١ النسبة بين طول المربع ، ومحيطه = :-

٢ النسبة بين محيط الدائرة وطول قطرها = :-

٣ النسبة بين طول ضلع مثلث متساوي الاضلاع ومحيطه = :-

السؤال الثاني : اختر الصحيح مما بين القوسين :-

١  $\frac{2}{3} : \frac{4}{5} = \frac{3}{4}$  ( )

٢ (٢١ : ٢٠) في أبسط صورة = ( )

٣ (١,٧٥ : ٣,٥) = ( )

السؤال الثالث : أوجد في أبسط صورة النسبة بين كل مما يلي :-

١ ٢٥٠ قرشاً : ٧ ١/٢ جنيهًا

٢ ٨ ساعات : ٣ ١/٢ يوم

٣ ١٦ قيراط : فدان

٤ ٢٤ شهر : ٣ سنوات

٥ ٧٥ سم : ٢,٢٥ متر

٦ ٢ كم : ٢٢٥٠ متر

السؤال الرابع : مهندس نظافة يتقاضى راتباً شهرياً مقداره ٤٠٠٠ جنيهًا ، يصرف منها ٣٤٠٠ جنيهًا ويوفر الباقي .

- أوجد :-
- ١ نسبة ما يصرفه إلى ما يتقاضاه .
- ٢ نسبة ما يوفره إلى ما يتقاضاه .
- ٣ نسبة ما يوفره إلى ما يصرفه .

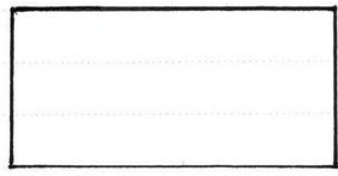
فكر في الشكل المقابل مستطيل

عرضه ٣,٥ سم ، وطوله ٧ سم ، أوجد

١ نسبة طول المستطيل إلى عرضه .

٢ نسبة عرضه المستطيل إلى محيطه .

٣ نسبة طول المستطيل إلى محيطه .



٧ سم

المجتهد في الرياضيات = منتقري توجيه الرياضيات = (١٩) عالم (١٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالمفتاح جمعه 01125333012

## الدرس الثالث: تدريبات متنوعة على النسبة وخواتمها

مقدمة:

أعلم عزيزي التلميذ ... عزيزي التلميذة وقبل الشروع للدرس أن:-  
للرياضيات أكثر من طريق للوصول للحل الصحيح فلا تغتر بما  
تعلمته فقط فهناك أكثر لتتعلمه .

أما عن درسنا اليوم الشيق بما تحمله الكلمة حيث أننا  
لنستخدمه في حياتنا اليومية

وللوصول إلى أقصر استفادة من هذا الدرس تذكر مفاتيح ثلاث:-

- ١) كمية معينة ← تُقسَّم على عدد أجزاء نفس الكمية
- ٢) مجموع كميات ← تُقسَّم على مجموع أجزاء نفس الكميات
- ٣) الفرد في كميات ← تُقسَّم على الفرق في الأجزاء لنفس الكميات

مثال ١: إذا كانت النسبة بين وزن هاني ووزن أحمد هي ٦ : ٥  
وكان وزن أحمد ٦٠ كجم . احسب وزن هاني ؟

الحل :- تذكر أن قيمة أحمد (وزن) = ٦٠ كجم  
الأجزاء الخاصة به = ٦ أجزاء

$$\begin{aligned} \text{قيمة الجزء الواحد} &= 60 \div 6 = 10 \text{ كجم} \\ \text{وزن هاني} &= 10 \times 5 = 50 \text{ كجم} \end{aligned}$$

مثال ٢: إذا كانت النسبة بين عمر طفل إلى أبيه تساوي ٢ : ١٣ ،  
وكان عمر الطفل ٦ سنوات . أوجد عمر أبيه ؟

الحل :-

$$\begin{aligned} \text{قيمة الجزء الواحد} &= 6 \div 2 = 3 \text{ سنوات} \\ \text{عمر الأب} &= 3 \times 13 = 39 \text{ سنة} \end{aligned}$$

اجتهد ١ :- النسبة بين ارتفاع عمارة وعمارة أخرى هي  $\frac{2}{3}$  فإذا  
كان ارتفاع العمارة الأولى ٤٨ مترًا فأوجد ارتفاع العمارة  
الأخرى .

اجتهد ٢ :- إذا كانت هبة تملك  $\frac{2}{5}$  ما يملكه حازم وكان  
مبلغ هبة ٥٠ جنيهًا فأحسب مبلغ حازم ؟

مثال ٣ :- مدرسة مشتركة عدد تلاميذها ٤٥٠ تلميذ وتلميذة  
فإذا كان عدد البنين  $\frac{2}{5}$  عدد البنات فأحسب عدد  
كل البنين والبنات .

الحل :- تذكر :- المدرسة (بنين وبنات)  $\frac{\text{عدد}}{\text{تلاميذها}} = 450$   
الأجزاء الخاصة بالبنين والبنات معًا ←  $9 = 5 + 4$

$$\begin{aligned} \text{قيمة الجزء الواحد} &= 450 \div 9 = 50 \text{ تلميذ (فرضًا إذا 9)} \\ \text{عدد البنين} &= 50 \times 4 = 200 \text{ تلميذ (فرضًا إذا 4x)} \\ \text{عدد البنات} &= 50 \times 5 = 250 \text{ تلميذة (فرضًا إذا 5x)} \end{aligned}$$

مثال ٤ :- إذا كانت النسبة بين بعدي مستطيل هي ٣ : ٤  
وكان محيطه ١٤٠ سم أوجد مساحته ؟

الحل :- تذكر :- بعدا المستطيل هذا ما يعني فقط نصف المحيط  
وليس المحيط كاملًا

$$\begin{aligned} \text{قيمة الجزء الواحد} &= 70 \div 7 = 10 \text{ سم} \\ \text{الطول} &= 10 \times 4 = 40 \text{ سم} \\ \text{العرض} &= 10 \times 3 = 30 \text{ سم} \\ \text{المساحة} &= 30 \times 40 = 1200 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

اجتهد ٣ :- إذا كانت نسبة مامع أحمد إلى مامع سميرة هي  $11:7$  فإذا كان مامعها  $360$  جنيهًا أوجد مامع كل منهما؟

اجتهد ٤ :- مثلث قائم الزاوية النسبة بين قياسي زاويتي الحادتين  $1:2$  فأوجد قياس كل من الزاويتين الحادتين.

مثال ٥ :- عمارتان بإحدى المناطق السكنية بين ارتفاعيهما  $4:7$  فإذا كان الفرق بين ارتفاعيهما هو  $9$  أمتار. أوجد ارتفاع كل من العمارتين؟

الحل  $\downarrow$   
تذكر  $\leftarrow$  كلمات ارشادية إن وجدت بالمسألة فإنها تدل على الفرق ( الفرق بينهما / يزيد عن / يقل عن )

قيمة الجزء الواحد =  $9 \div 3 = 3$  متر ( فسر لماذا  $3 \div$  )  
ارتفاع العارة الأولى =  $3 \times 4 = 12$  متر ( فسر لماذا  $4 \times$  )  
ارتفاع العارة الثانية =  $3 \times 7 = 21$  متر ( فسر لماذا  $7 \times$  )

مثال ٦ :- النسبة بين طولي طريقين  $2:5$  فإذا كان الفرق بين طولي الطريقين يساوي  $2$  كم أوجد طول كل من الطريقين.

الحل  $\downarrow$   
قيمة الجزء الواحد =  $2 \div 2 = 1$  كم  
طول الطريق الأول =  $1 \times 2 = 2$  كم  
طول الطريق الثاني =  $1 \times 5 = 5$  كم

اجتهد ٥ :- قطعة أرض مستطيلة الشكل نسبة طولها إلى عرضها  $9:7$  فإذا كان الفرق بين طولها وعرضها  $18$  م احسب كل من :-

طولها / عرضها / محيطها / مساحتها

تدريبات الدرس الثالث تدريبات على النسبة

السؤال الأول : أجب عما يلي :-

١ إذا كانت النسبة بين عددين هي  $7:5$  وكان مجموع العددين  $120$  أوجد العددين .

٢ إذا كانت النسبة بين ماتملكه مكة إلى ماتملكه سجي  $3:5$  وكانت ماتملكه سجي  $250$  جنيهًا فأوجد ماتملكه مكة .

٣ في إحدى المدارس الابتدائية إذا كانت النسبة بين عدد البنين وعدد البنات  $6:11$  وكان عدد البنات يزيد عن عدد البنين بمقدار  $75$  فأوجد العدد الكلي للبنين وبنات هذه المدرسة .

السؤال الثاني : تخير الصحيح مما بين القوسين :-

١ مدرسة بها  $500$  تلميذ فإذا كان عدد البنين  $\frac{2}{3}$  عدد البنات فإن عدد البنات = ..... (  $500$  ،  $200$  ،  $300$  ،  $100$  )

٢ عددان مجموعهما  $560$  وكانت النسبة بينهما  $4:5$  فإن أكبرهما يساوي ..... (  $135$  ،  $108$  ،  $60$  ،  $300$  )

٣ إذا كان وزن فارس  $\frac{3}{2}$  وزن هاشم وكان وزن هاشم  $42$  كجم فإن وزن فارس = ..... كجم (  $77$  ،  $32$  ،  $30$  ،  $11$  )

السؤال الثالث :- أكمل خطوات الحل بعد قراءة السؤال التالي جيدًا

حلب كرة قدم على شكل مستطيل النسبة بين بعديه  $3:8$  وكان البعد الأول يساوي  $75$  مترًا فأوجد البعد الثاني ومساحة الملعب.

الحل  $\downarrow$   
قيمة الجزء الواحد =  $75 \div \dots = \dots$  مترًا  
البعد الثاني للملعب =  $25 \times \dots = \dots$  مترًا  
مساحة الملعب =  $\dots \times \dots = \dots$  ح



## الدرس الرابع: النسبة بين ثلاثة أعداد

مقدمة:

بمراجعة الدرس الماضي جيدًا هذا سيساعدك كثيرًا في فهم هذا الدرس بنفس أفكاره وربما الزيادة لن تكون كثيرة ولا مُتعبة .

**مثال ١** :- إذا كانت النسبة بين قياسات زوايا مثلث ما هي  $٥ : ٦ : ٧$  وكان قياس الزاوية الأولى  $٥٠$  احسب قياس كل من الزاويتين الأخرتين .

الحل:

قيمة الجزء الواحد =  $٥٠ \div ٥ = ١٠$  (يمكنك تفسير ذلك)  
 قياس الزاوية الثانية =  $١٠ \times ٦ = ٦٠$   
 قياس الزاوية الثالثة =  $١٠ \times ٧ = ٧٠$

هل تعلم... ابن العزير، ابن العزيرة حال وجود نسبة بين زوايا المثلث المشوثة فلسنا بحاجة إلى معرفة أي زاوية فلقد درسنا بالصف الرابع أن مجموع زوايا المثلث الداخلة =  $١٨٠$

نفس المثال السابق بشكل آخر

إذا كانت النسبة بين قياسات زوايا أحد المثلثات هي  $٥ : ٦ : ٧$  احسب قياس كل زاوية من زوايا المثلث .

الحل:

قيمة الجزء الواحد =  $١٨٠ \div ١٨ = ١٠$  (فسر لماذا  $١٨$  ولماذا  $١٠$ )  
 قياس الزاوية الأولى =  $١٠ \times ٥ = ٥٠$   
 قياس الزاوية الثانية =  $١٠ \times ٦ = ٦٠$   
 قياس الزاوية الثالثة =  $١٠ \times ٧ = ٧٠$

**مثال ٢** ← إذا كانت النسبة بين ارتفاعات ثلاث عمارات هي  $٣ : ٤ : ٥$  وكان ارتفاع العمارة الأولى هو  $١٢$  مترًا فاحسب ارتفاع العمارتين الثانية والثالثة؟

الحل:

قيمة الجزء الواحد =  $١٢ \div ٣ = ٤$  م  
 ارتفاع العمارة الثانية =  $٤ \times ٤ = ١٦$  م  
 ارتفاع العمارة الثالثة =  $٤ \times ٥ = ٢٠$  م

**اجتهد ١** ← أسرة من ثلاثة أفراد ، إذا كان طول الأب  $٨$  م ، طول الأم  $٦$  م ، طول الابن  $٢$  م ، احسب النسبة بين الأطوال الثلاثة؟

**اجتهد ٢** ← إذا كانت النسبة بين مامع رنا ابو مامع رزان إلى مامع عبدالله هي  $٤ : ٥ : ٦$  وكان مامع عبدالله  $٦٠$  جنيهًا فأوجد مامع كل من رنا ورزان .

**مثال ٣** ← إذا كانت النسبة بين أعمار هدى إلى منى إلى علا هي  $٢ : ٤ : ٥$  وكان الفرق بين عمر هدى وعمر منى هو  $٨$  سنوات فاحسب عمر كلا من هدى ومنى وعلا؟

الحل:

قيمة الجزء الواحد =  $٨ \div ٢ = ٤$  سنوات (فسر لماذا)  
 عمر هدى =  $٤ \times ٢ = ٨$  سنوات  
 عمر منى =  $٤ \times ٤ = ١٦$  سنة  
 عمر علا =  $٤ \times ٥ = ٢٠$  سنة

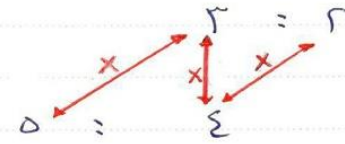
**اجتهد ٣** ← مثلث  $٢٠$  فيه  $٥ : ٦ : ٧$  فإذا كان الفرق بين طول  $٢٠$  ،  $٦$  هو  $٤$  سم فأوجد محيط  $\Delta$   $٢٠$ ؟

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) - منتدَى توعية (الرياضيات) - مصطفى حساني &amp; 01125442929 &amp; 01125333012 عبدالمفتاح جمعه &amp; 01125442929 &amp; 01125333012

مثال ٤ ← إذا كانت النسبة بين طول خالد إلى طول أحمد  $2:3$  ، والنسبة بين طول أحمد إلى طول هاني  $4:5$  ، فأحسب النسبة بين خالد وأحمد وهاني .

الحل:

خالد : أحمد : هاني



$$15 : 12 : 8$$

مثال ٥ ← إذا كان عُمر سلمى  $\frac{2}{3}$  عمر أحمد ، عُمر سلمى  $\frac{1}{3}$  عُمر هاني ، فإذا كان مجموع أعمارهم ٣٦ ، أوجد عُمر كل منهم

الحل:

قيمة الجزء الواحد =  $36 \div 9 = 4$  سنوات  
عُمر سلمى =  $2 \times 4 = 8$  سنوات  
عُمر أحمد =  $3 \times 4 = 12$  سنة  
عُمر هاني =  $6 \times 4 = 24$  سنة

$$8 : 12 : 24$$

اجتهد ٤ ← ثلاثة أعداد  $a, b, c$  ، فإذا كان  $\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$  وكان  $b = \frac{c}{4}$  فأوجد النسبة بين الأعداد  $a, b, c$  ؟

اجتهد ٥ ← أوجد النسبة بين طول كل من سحر ونهى وعلا إذا كان طول سحر : طول نهى =  $2:3$  ، طول نهى : طول علا =  $6:5$  .

## تدريبات النسبة بين ثلاث أعداد

السؤال الأول: اختر الصحيح مما بين القوسين :-

١)  $8:6=4$  ( )  $4:6=2$  ( )  $2:3=4$  ( )  $4:3=2$  ( )

٢)  $1/2 = 1/3 = 1/4$  ( )  $2:6=3$  ( )  $3:4=2$  ( )  $4:3=2$  ( )

٣) إذا كان  $2:5=3:4$  ،  $2:5=5:2$  ، فإن  $2 > 3$  ( )

٤) إذا كان  $5:2=3:4$  ،  $2:2=5:2$  ، فإن  $2 > 3$  ( )

٥) إذا كان  $3:2=5:4$  ،  $1:2=3:4$  ، فإن  $2 > 3$  ( )

٦)  $1:3$  ( )  $1:6$  ( )  $5:4$  ( )  $3:4$  ( )

## السؤال الثاني أكمل ما يلي :-

١)  $3/4 : 5/2 = 7$  ( )

٢) إذا كان  $2/3 = 5/7$  ،  $2/3 = 5/7$  ، فإن  $2 > 3$  ( )

٣) إذا كان  $2:5=3:4$  ،  $2:5=3:4$  ، فإن  $2 > 3$  ( )

٤) إذا كان  $3:2=5:4$  ،  $3:2=5:4$  ، فإن  $3 > 5$  ( )

## السؤال الثالث :-

١) لدى بائع فاكهة ثلاثة أنواع من الفاكهة ( موز ، عنب ، جوافة ) فإذا كان وزن الموز  $\frac{1}{3}$  وزن العنب ، وزن العنب  $\frac{1}{4}$  وزن الجوافة فأوجد لنسبة وزن الموز إلى وزن العنب إلى وزن الجوافة .

٢) ثلاث قطع من الخشب النسبة بين أطوالهم  $3:7:5$  وكانت القطعة الثانية تزيد عن القطعة الثالثة بمقدار ١٠ م فأوجد طول كل قطعة من القطع الثلاث .

حل: مدرسة ابتدائية عدد تلاميذ صفوفها الثلاثة (الأول والثاني والثالث) ٤٧٧ تلميذاً فإذا كان عدد تلاميذ الصف الأول  $\frac{2}{3}$  عدد تلاميذ الصف الثاني وعدد تلاميذ الصف الثالث  $\frac{5}{9}$  عدد تلاميذ الصف الثاني . احسب عدد تلاميذ كل صف من الصفوف الثلاثة

## الدرس الخامس: المعدل

**المعدل**: النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين .

والمعدل وحدة هي : عدد وحدات الكمية الأولى لكل وحدة من الكمية الثانية

**مقدمة**

أقام كريم حفلاً ودعا ٦ من أصدقاء له ، وقام بتوزيع ١٢ قطعة جاتوه على ستة أضياف بواقع قطعتين لكل ضيف .

نسبة ١٢ قطعة جاتوه إلى ستة أضياف تكتب  $\frac{١٢}{٦} = ٢$  قطعة لكل لحوم . أي أن ٢ قطعة لكل لحوم ( تسمى بالمعدل ) وتكتب ٢ قطعة / الحبق

**مثال ١** ← إذا قطعت سيارة مسافة ١٨٠ كيلومترا في ثلاث ساعات

$$= \frac{١٨٠ \text{ كيلومتر}}{٣ \text{ ساعات}} = ٦٠ \text{ كيلومتر / ساعة}$$

أي أنها تسير بسرعة ٦٠ كيلومتر في الساعة ( يسمى المعدل )

**مثال ٢** ← طابعة كمبيوتر تطبع ٥٠ ورقة في خمس دقائق احسب معدل عمل الطابعة

$$\text{معدل عمل الطابعة} = \frac{٥٠ \text{ ورقة}}{٥ \text{ دقائق}} = ١٠ \text{ ورقات / دقيقة}$$

**اجتهد** :- تقطع سيارة مسافة ٤٠ كيلومترا في ٣ ساعات احسب معدل سير السيارة .

مثال ٣

المعدل		العبرة
لفظيا	رمزيا	
تقطع سيارة مسافة ٤٠ كيلومترا في ٣ ساعات	$\frac{٤٠}{٣} = ١٣ \frac{٢}{٣}$ كم / ساعة	٨٠ كم لكل ساعة
تصرف أسرة مبلغ ٥٠ جنيها في ٧ أيام	$\frac{٥٠}{٧} = ٧ \frac{١}{٧}$ جنيه / يوم	٥٠ جنيه لكل يوم
تكتب سكرتيرة ٣٢٠ سطرا خلال ٤ ساعات	$\frac{٣٢٠}{٤} = ٨٠$ سطرا / ساعة	٨٠ سطرا لكل ساعة
تصب حنفية مياه ٣٦٠ لتر في الساعة	$\frac{٣٦٠}{٦٠} = ٦$ لتر / دقيقة	٦ لتر لكل دقيقة
يبيع جزار ١٠٨ كجم من اللحم خلال ٩ ساعات	$\frac{١٠٨}{٩} = ١٢$ كجم / ساعة	١٢ كجم لكل ساعة

**اجتهد ٢** :- يصرف حسن ٤٥ جنيها في ٥ أيام .

احسب معدل ما يصرفه حسن في اليوم الواحد ؟

**اجتهد ٣** : محراث للأرض الزراعية يحرث ٦ أفدنة في ٣ ساعات

وإذا حرث محراث آخر ١٠ أفدنة في ٤ ساعات

فأي المحراثين أفضل ؟

مسطفي حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

مسطفي حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

مسطفي حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

مسطفي حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

## تدريبات على المعدل

السؤال الأول: أكمل ما يأتي :-

- المعدل هو نسبة بين كميتين من نوعين .....
- مصنع ينتج ٤ علبه عصير في ٨ ساعات فإن معدل الإنتاج لكل ساعة .....
- قطعت سيارة مسافة ٨٠ كم في ٣ ساعات فإن معدل أداء السيارة = .....
- ماكينة تنتج ٤ متر من القماش في ٥ ساعات فإن معدل الإنتاج الماكينة = .....
- وحدة قياس المعدل هي وحدة المقدار ..... لكل وحدة من المقدار .....

السؤال الثاني: أجب عما يلي :-

- طابعة كمبيوتر ألوان تطبع ١٢ ورقة كل ٤ دقائق. احسب معدل الأداء لهذه الطابعة .
- إذا كان حازم يشرب ٤ كؤوبا من الحليب في ٦ أيام احسب ما يشربه حازم في اليوم الواحد .
- آلة زراعية تحرث ٨ أفدنة في ٤ ساعات . احسب معدل أداء هذه الآلة .

**فكر** : مصنع ينتج ٦٠٠ قطعة صابون في  $\frac{1}{3}$  ساعة. ومصنع ينتج ٤٠٥ قطعة صابون من نفس النوع في  $\frac{1}{4}$  ساعة. أي المصنعين أكبر في معدل الإنتاج ؟

## تدريبات الوحدة الأولى عامة مراجعة

السؤال الأول: اختر الصحيح مما بين القوسين :-

- $\frac{2}{3} = \frac{3}{4}$  ..... ( ٢:١ ، ٥:٢ ، ١٠:١ ، ٥:١ )
- ٢٠٠ جم : ١,٥ كجم = ..... ( ٢:١ ، ٢٠:١ ، ١٠:١ ، ٥:١ )
- مستطيل طوله ٦ سم ومساحته ٢٤ سم<sup>٢</sup> فتكون النسبة بين محيطه وطوله = : ..... ( ١:٤ ، ٣:١٠ ، ٥:١٢ ، ٢:٣ )
- النسبة بين العددين  $\frac{1}{3}$  و  $\frac{2}{5}$  = ٩,٦٢ ..... (  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{2}{5}$  ،  $\frac{1}{4}$  ،  $\frac{2}{3}$  )
- إذا كانت النسبة بين قياسات زوايا مثلث ٢ : ٣ : ٤ فإن قياس أكبر زواياه = ..... ( ١٢٠ ، ٨٠ ، ٤٠ ، ١٨٠ )
- يقطع متسابق ١٥٪ من مسافة السباق في ٣ دقائق فإذا استمر بنفس المعدل فإن الزمن اللازم بالدقائق ليقطع المسافة كلها هو ..... ( ٢٠ ، ١٨ ، ١٥ ، ١٠ )
- النسبة بين ١٥٠ سم : ٣ أمتار = ..... ( ٢:١ ، ٥:١ ، ١٥:١ ، ٣٠:١ )
- $\frac{1}{4} = \frac{3}{8}$  = ..... ( ١:٣ ، ٢:١ ، ٢:٢ ، ٣:٢ )
- عددان مجزوعهما ١,٥ ، النسبة ، النسبة بينهما ٢ : ٣ فإن أصغرهما = ..... ( ٢١ ، ٤٢ ، ٦٣ ، ٨٤ )
- إذا كان ٢ = ب = ١ ، ٢ = ١ = ب ، فإن ٢ = ب = ..... ( ١:١ ، ٢:٢ ، ٢:١ ، ٤:١ )
- إذا كان ١٠٠ جم من الشيكولاتة تعطى ٣٠ سعر حراري ، فما عدد السعرات التي تكون في ٢٠ جرامًا من الشيكولاتة ؟ ..... ( ٩٠ ، ١٠٠ ، ٩٠٠ ، ٩٠٠٠ )
- النسبة بين ٢٧ شهرًا و ٣ سنوات هي ..... ( ١:٩ ، ١٠:٩ ، ٤:٣ ، ٢٧:٢٠ )
- مستطيل محيطه ٤٨ سم والنسبة بين بعديه ٥ : ٧ فإن طوله = ..... سم ( ٢٤ ، ١٠ ، ١٢ ، ١٤ )
- متسابق يجري ٢٧٠ في ٤ دقائق ، يكون معدل المسافة التي يقطعها في كل دقيقة = ..... م / دقيقة ( ١٥٠ ، ١٥٠٠ ، ١٧٥ ، ٢٠٠ )

## السؤال الثاني : أكمل مايلي :-

- ١ النسبة بين ١٨ ساعة ويوم واحد (في أبسط صورة) هي :-
- ٢ تنتج آلة ٦٠٠ متر من النسيج بانتظام في ساعة ونصف فإن معدل إنتاج الآلة بالمتر في الساعة = :-
- ٣ إذا كان  $٢ = ٢ : ٢$  ،  $٤ = ٤ : ٢$  ، فإن  $٧ = ٦ : ٢$  ؛ :-
- ٤ النسبة بين طول ضلع المربع ومحيطه = :- ؛ :-
- ٥ ١٨ قيراطاً : ٢ فدان = :- ؛ :-
- ٦ النسبة بين العددين  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{1}{4}$  = :- ؛ :-
- ٧  $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$  ؛ :- ؛ :-
- ٨ طابعة كمبيوتر ألوان تطبع ٦٠ ورقة كل ٥ دقائق ، فإن عمل هذه الطابعة = :- ورقة / دقيقة
- ٩ إذا كانت  $٢ : ٣ = ٧ : ٥$  فإن  $(٣ - ٢) : ٣ = :-$  ؛ :-
- ١٠  $٨ : ١٠ = :-$  ؛ :- (في أبسط صورة)
- ١١ النسبة بين طول قطر الدائرة ومحيطها = :- ؛ :-
- ١٢ إذا كانت  $٢ : ٣ = ٥ : ٢$  ،  $٥ : ٢ = ٥ : ٢$  ، فإن  $٧ : ٥ = ٢ : ١$  ؛ :- ؛ :-
- ١٣ النسبة بين عدد البنين وعدد تلاميذ مدرسة مشتركة  $٧ : ٣$  فإن النسبة بين عدد البنين : عدد البنات = :- ؛ :-
- ١٤ هو النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين :- ؛ :-
- ١٥  $\frac{1}{2}$  متر : ١٢٥ سم = :- ؛ :-
- ١٦  $\frac{1}{3} : ٢ = :-$  ؛ :- (في أبسط صورة)
- ١٧ إذا كان  $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$  ،  $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$  ، فإن  $٢ : ٣ = ٤ : ٦$  ؛ :- ؛ :-
- ١٨ آلة تحرث ١٢ فداناً في ٣ ساعات فإن معدل عمل الآلة = :- فدان / ساعة
- ١٩ إذا كان  $٢ : ٣ = ١ : ٣$  وكان  $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$  ، فإن  $٢ : ٣ = ٤ : ٦$  ؛ :- ؛ :-
- ٢٠ إذا كان عرض المستطيل  $\frac{3}{2}$  طوله فإن عرض المستطيل = :- محيطه
- ٢١ ٧٥ سم : متر = :- ؛ :- (في أبسط صورة)
- ٢٢ مساحة مربع طول ضلعه ٤ سم : مساحة مستطيل بعديه ٦ سم : ٣ سم = :- ؛ :-

## السؤال الثالث : أجب مايلي :-

- ١ عدد تلاميذ الصف السادس بإحدى المدارس ٣٦٠ تلميذاً وتلميذة وكانت النسبة بين عدد البنين إلى عدد البنات هي  $٧ : ٦$  فأوجد عدد البنين وعدد البنات في هذا الصف .
  - ٢ إذا كانت النسبة بين قياس الزاويتين الحادتين في مثلث قائم الزاوية يساوي  $٧ : ١١$  فأوجد قياس كل منهما .
  - ٣ آلة زراعية تحرث ٦ أفدنة في ٣ ساعات ، أوجد معدل هذه الآلة وإذا حرثت آلة أخرى ٦ قراريط في ١٠ دقائق فأَي الآلتين أفضل في الأداء؟
  - ٤ مستطيل عرضه  $\frac{3}{4}$  في طوله ، محيطه ٤٤ م احسب مساحته .
  - ٥ إذا كانت النسبة بين ثلاثة أجهزة كهربائية (تلفاز - بوتاجاز - ثلاجة) هي  $٤ : ٥ : ٨$  وكان الفرق بين سعري البوتاجاز والثلاجة هو ٣٠٠ حينها . احسب سعر كل جهاز من الأجهزة الثلاثة .
  - ٦ مصنع ينتج ٤٠٠ علبة عصير في ٥ ساعات احسب معدل الإنتاج لكل ساعة .
  - ٧ في امتحان ما كانت نسبة الطلاب دون المستوى إلى الطلاب المتوسطين إلى الطلاب المتفوقين هي  $١ : ٤ : ٣$  فإذا كان عدد طلاب الفصل ٣٢ طالباً فأحسب عدد طلاب كل مستوى .
- فكر** قطعة من السلك طولها ٣٠ سم قسمت إلى جزأين بنسبة  $٢ : ٣$  وصنع من الجزء الأصغر مربع ، ومن الجزء الأكبر مثلث متساوي الأضلاع أوجد طول ضلع المربع وطول ضلع المثلث المتساوي الأضلاع .

## اختبار الوحدة الأولى

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس :-

- ١) ٣٠٠ جم : ١٥ كجم = ...  
 ٢) عدنان مجموعهما ٧٥ النسبة بينهما ٢ : ٣ فإن أكبرهما ...  
 ٣) إذا كان ٢ = ٥ : ٣ ، ٣ = ٢ : ٥ ، فإن ٣ : ٥ = ...  
 ٤) يصرف بيتر ٦٠ جنيهًا في يومان فإن معدل صرفه لليوم الواحد بالجنيه = ...

السؤال الثاني: أكمل ما يلي :-

- ١) النسبة بين محيط المربع وطول ضلعه = ... : ...  
 ٢) النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين ...  
 ٣) ٤ : ٨ = ... : ... (في أبسط صورة)  
 ٤) إذا كان ٢ = ٣ : ١ ، ٣ = ١ : ٢ ، فإن ٣ : ١ = ... : ...

السؤال الثالث في أحد فصول الأول الابتدائي إذا كان عدد البنين ٥ (تلميذًا) وعدد البنات ٢ تلميذة فاحسب :-

- ١) النسبة بين عدد البنين وعدد البنات  
 ٢) النسبة بين عدد البنين والفصل  
 ٣) النسبة بين عدد البنات وعدد البنين  
 ٤) النسبة بين عدد البنات والفصل

السؤال الرابع مستطيل عرضه  $\frac{2}{3}$  طوله ، محيطه ٤٤ م احسب مساحته .

السؤال الخامس قطعة من السلك طولها ٢٠ سم قسمت إلى جزئين بنسبة ٢ : ٣ وصنع من الجزء الأصغر مربع ، ومن الجزء الأكبر مثلث متساوي الأضلاع . أوجد طول ضلع المربع وطول ضلع المثلث المتساوي الأضلاع .

## الوحدة الثانية

## الدرس الأول: معنى التناسب

مقدمة:

كلمة التناسب قريبة جدًا لكاتبه ونطقًا من كلمة النسبة فهل هناك علاقة بين المعنيين ... هذا ما سنتعرف عليه في الأسطر القادمة

**التناسب هو تساوي نسبتين أو أكثر .**

مثال ١ ← ذهبت أنت وصديقك محمد ومصطفى لشراء حوز وعند سؤال البائع الكريم عن ثمن الكيلوجرام الواحد من الموز كان جوابه ١٠ جنيهات . الجدول التالي يوضح مشتريات الأصدقاء الثلاثة

عدد الكيلوجرامات	١	٣	٤
الثمن	١٠	٣٠	٤٠

من الجدول نلاحظ أن ثمن ١ كجم ١٠ جنيهات ، ثمن ٣ كجم ٣٠ جنيهًا ، ثمن ٤ كجم ٤٠ جنيهًا (ماذا فهمت؟)

← اسمح لي أن أساعدك →

إذا وضعنا  $\frac{1}{10}$  ،  $\frac{3}{30}$  ،  $\frac{4}{40}$  بهذا الشكل ستجد في الأخير نسبيًا متساوية وهذا ما يعرف (بالتناسب)

مثال ٢ ← إذا كان ثمن القلم الواحد ٣ جنيهات فأكمل الجدول التالي ثم اكتب صور التناسب:

العدد	١	٢	٣	٤	٥	٧
الثمن	٣	٦	٩	١٥	٢١	٢١

صور التناسب ←  $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} = \frac{4}{12} = \frac{5}{15}$

اجتهد ١ ← إذا علمت أن سعر قسمة هو ٧ جنيهاً فأكمل الجدول التالي مع كتابة صور التناسب .

عدد القصص	٢	٤	...
الثمن	٢١	٤٩	...

صور التناسب هي:  $7x$   $7 \div$

اجتهد ٢ ← أكمل  $\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10} = \frac{6}{12}$

مثال ٣ ← أكمل المخطط المقابل، ثم اكتب بعض صور التناسب

١٢	٦,٥
١٥	٧,٥
٢,٧٥	١٢

الجدول:  $\frac{12}{15} = \frac{2,75}{3,75} = \frac{6}{7,5} = \frac{8}{10} = \frac{10}{12,5}$

للوصول إلى العدد المضروب قيمي يمكننا ذلك من خلال قسمة  $6,5 \div 2 = 3,25$

$$\frac{12}{15} = \frac{2,75}{3,75} = \frac{6}{7,5} = \frac{8}{10} = \frac{10}{12,5}$$

١٢	٦,٥
١٥	٧,٥
٢,٧٥	١٢
٣,٢٥	١٥
٤,٥	١٨

اجتهد ٣ ← أكمل الجدول التالي لتكون الأعداد المتناظرة متناسبة ثم اكتب التناسب

٢	٦	١٥	٣٠
٤	١٢	٢٨	٤٢

التناسب:  $\frac{2}{4} = \frac{6}{12} = \frac{15}{30} = \frac{3}{6}$

تدريبات على معنى التناسب

١ أكمل الجدول الآتي لتكون الأعداد المتناظرة في صفي الجدول متناظرة ثم اكتب صور التناسب .

٢	٥	٨
١٢	٣٦	٦٠

التناسب:  $\frac{2}{12} = \frac{5}{30} = \frac{8}{40} = \frac{10}{60} = \frac{15}{90}$

٢ إذا كان تمن الكيلو جرام من التفاح ٨ جنيهاً فأكمل الجدول التالي ثم اكتب التناسب الناتج

١	٢	٤	٧	٨
٨	٤	٤٠	٤٨	٨

التناسب:  $\frac{1}{8} = \frac{2}{16} = \frac{4}{32} = \frac{7}{56} = \frac{8}{64}$

أكمل المخطط المقابل و اكتب صور التناسب .

٦	١٥
١٥	٣٠
٦٤	١٥

التناسب:  $\frac{6}{15} = \frac{10}{25} = \frac{12}{30} = \frac{14}{35} = \frac{16}{40}$

إذا علمت أنه  $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$  هل يمكنك إيجاد قسمة س؟

المجتهد في الرياضيات (السابع) - منتزى توعية (الرياضيات) - (أول عاين أول)

مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبد الفتاح جمعه

مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبد الفتاح جمعه

## الدرس الثاني: خواص التناسب

**خاصية ١** « عند ضرب (أو قسمة) حدى النسبة في عدد لا يساوى الصفر فإنه ينتج نسبة أخرى تساوى النسبة الأولى (وتساوى النسبتين يكون تناسبًا) »

مقدمة

لاحظ من خزل الشكل التالي

$$\frac{10}{15} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$$

إذا ضربنا حدى النسبة  $\frac{2}{3}$  في (٤) فينتج التناسب  $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$

لاحظ أيضا :-

من التناسب  $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$  الأعداد ٢، ٣، ٨، ١٢ توصف بأنها متناسبة وتسمى حدود التناسب «

١٢	٨	٣	٢
الحد الرابع	الحد الثالث	الحد الثاني	الحد الأول

ويسمى الحدان (١٢، ٢) بالطرفين ويسمى الحدان (٨، ٣) بالوسطين

$$\frac{12}{2} = \frac{8}{3}$$

الطرفان

الوسطان

لاحظ من خزل الشكل التالي

إذا قسمنا حدى النسبة  $\frac{4}{12}$  على (٤) فينتج التناسب  $\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$

$$\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$$

لاحظ أيضا :-

من التناسب  $\frac{1}{3} = \frac{4}{12}$  الأعداد ٤، ١٢، ١، ٣ توصف بأنها متناسبة وتسمى «حدود التناسب»

٣	١	١٢	٤
الحد الرابع	الحد الثالث	الحد الثاني	الحد الأول

ويسمى الحدان (٣، ٤) بالطرفين ويسمى الحدان (١، ١٢) بالوسطين

$$\frac{3}{1} = \frac{12}{4}$$

الطرفان

الوسطان

مثال (١) :- اكتب حدود التناسب في كلامي يأتي ثم استخراج الطرفان والوسطان

$$\frac{4}{5} = \frac{2}{5} \quad \text{①}$$

الحل

$$\frac{4}{5} = \frac{2}{5}$$

الحد الأول = ٢، الحد الثاني = ٥

الحد الثالث = ٤، الحد الرابع = ٥

الطرفان = ٢، ٤ الوسطان = ٥، ٥

$$\frac{9}{18} = \frac{3}{6} \quad \text{②}$$

الحل

$$\frac{9}{18} = \frac{3}{6}$$

الحد الأول = ٣، الحد الثاني = ٦

الحد الثالث = ٩، الحد الرابع = ١٨

الطرفان = ٣، ٩ الوسطان = ٦، ١٨

المجتهد في الرياضيات == للصف (السادس) == منتقى توجيه (الرياضيات) == اعاد (١٩) ==

مصطفى حساني 01125442929 &amp; 01125333012 عبد الفتاح حمزة



اجتهد ١ :- أكتب حدود التناسب والطرفان والوسلان في كل مما يلي

$$\textcircled{1} \quad \frac{4}{12} = \frac{5}{6}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{7}{10} = \frac{3}{5}$$

مثال ٢ :- أكمل ما يأتي ١-

$$\text{في التناسب} \quad \frac{4}{10} = \frac{2}{5}$$

- ١ مجموع الحدين الأول والرابع = .....  
 ٢ مجموع الحدين الثاني والثالث = .....  
 ٣ مجموع الطرفان = مجموع الوسلان = .....

**الحل**

$$\textcircled{1} \quad 12 = 10 + 2$$

$$\textcircled{2} \quad 9 = 10 + 2$$

اجتهد ٢ :- في التناسب  $\frac{7}{8} = \frac{3}{4}$

- ١ مجموع الحدين الأول والرابع .....  $\textcircled{2}$  مجموع الحدين الثاني والثالث .....  
 ٢ مجموع الطرفان .....  $\textcircled{4}$  مجموع الوسلان .....

**فكر** - يبيع صاحب مكتبة علبة الألوان بمبلغ ٣ جنيهات  
 أكتب بعض صور التناسب .

خاصية ٢ :- إذا تساوت نسبتين فإن حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين

مثال ٣ :- حدد أي النسب الآتية تمثل تناسبًا :-

$$\textcircled{1} \quad \frac{1}{4} \text{ و } \frac{2}{8} \quad \textcircled{2} \quad \frac{3}{5} \text{ و } \frac{9}{15} \quad \textcircled{3} \quad \frac{3}{7} \text{ و } \frac{4}{12}$$

**الحل**

١ حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين

$$\textcircled{1} \quad (8 = 4 \times 2) = (8 = 8 \times 1) \quad \text{إذن تمثل تناسب}$$

$$\textcircled{2} \quad (45 = 5 \times 9) = (45 = 15 \times 3) \quad \text{إذن تمثل تناسب}$$

$$\textcircled{3} \quad (24 = 6 \times 4) \neq (24 = 12 \times 3) \quad \text{إذن لا تمثل تناسب}$$

اجتهد ٣ :- حدد أي النسب الآتية تمثل تناسبًا

$$\textcircled{1} \quad \frac{4}{7} \text{ و } \frac{2}{3} \quad \textcircled{2} \quad \frac{3}{5} \text{ و } \frac{6}{12} \quad \textcircled{3} \quad \frac{2}{4} \text{ و } \frac{7}{17}$$

مثال ٤ :- أوجد الحد الناقص والذي رمزته (س) في التناسب التالي

$$\frac{10}{5} = \frac{7}{س} \quad \text{الحل}$$

$$س = \frac{10 \times 7}{5} = 14$$

اجتهد ٤ :- أوجد المردس في التناسب التالي

$$\textcircled{1} \quad \frac{4}{5} = \frac{2}{3} \quad \textcircled{2} \quad \frac{8}{5} = \frac{1}{3}$$

مصطفى حساني (الرياضيات) - = منتدَى تجميع (الرياضيات) = = عاون (وول)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

مثال ٥: إذا كانت الأعداد ٢، ٤، ٦، ٨ متناسبة. أوجد قيمة س

الحل

$$\frac{2}{4} = \frac{4}{8} = \frac{6}{s} = \frac{8}{s}$$

مثال ٦: أوجد العدد الناقص س لكي تكون الأعداد التالية متناسبة:

٦، ٨، ٣، ١٠

الحل

$$\frac{6}{8} = \frac{3}{10} = \frac{7}{s} = \frac{10}{s}$$

اجتهد ٥: أوجد قيمة س حتى تكون الأعداد متناسبة

١) ٤، ١٦، ١، س

مثال ٧: أوجد قيمة العدمس في كلا مما يلي

٢) ٣ : ٤ = س : ١٠      ٣) ١٠ : ٥ = س : ٧

الحل

٢)  $\frac{3}{4} = \frac{10}{s} = \frac{30}{4} = \frac{15}{2} = 7.5$

٣)  $\frac{10}{5} = \frac{1}{s} = \frac{10}{1} = 10$

٤)  $\frac{1}{2} = \frac{7+s}{36} = \frac{7+s}{72} = \frac{36}{72} = \frac{7+s}{72}$

اجتهد ٦: أوجد قيمة العدمس في كلا من التناسبات التالية

١) ٣ : ٥ = ٧ : س      ٢) ٤ : ٥ = س : ١٠      ٣) ١٠ : ٩ = س : ٨

## تدريبات على خواص التناسب

السؤال الأول: اختر الاجابة الصحيحة مما بين القوسين :-

- ١) تساوي نسبتين أو أكثر يسمى ..... (نسبة ، تناسب ، تماثل ، غير ذلك)
- ٢) إذا كان ٣، ٧، ٤، ١٠ متناسبة فإن س = ( ٢ ، ١ ، ٧ ، ٥ )
- ٣) الرابع متناسب للأعداد ٢، ٣، ٤، ٦ هو ( ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٦ )
- ٤) إذا كان  $\frac{٦}{٣} = \frac{٨}{س}$  فإن س = ( ٥ ، ٧ ، ٨ ، ٩ )
- ٥) إذا كان  $\frac{٣}{٤} = \frac{٧}{س}$  فإن س = ( ٧ ، ١٠ ، ٢٠ ، ٧٠ )

السؤال الثاني: اكمل ما يأتي

- ١) إذا كان  $\frac{٢}{٣} = \frac{٤}{س}$  فإن س = .....
- ٢) مجموع الطرفين في الأعداد متناسبة ٢، ٤، ٦، ١٢ هو .....
- ٣) إذا كان  $\frac{٣}{٤} = \frac{٦}{س}$  فيكون ٣ × س = ٨ × س = .....
- ٤)  $\frac{١٢+s}{٦} = \frac{٤}{س}$  فإن س = .....

السؤال الثالث: أوجد قيمة س في كل من التناسبات الآتية

١)  $\frac{٦}{٤} = \frac{٢}{س}$   
 ٢)  $\frac{١}{٢} = \frac{٤}{س}$   
 ٣)  $\frac{١٢}{٤} = \frac{٧+s}{٢}$

السؤال الرابع: أوجد قيمة س، ص في الجدول التالي

ص	٦	١
١٦	س	٢

فكر: أوجد نسبة تساوي النسبة  $\frac{٣}{٥}$  ومجموع حديها ٢٤.

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) -- منتقى تجميعه (الرياضيات) -- (١٠٠) حلول (١٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

## الدرس الثالث: مقياس الرسم

مقدمة:

إذا طلب منك يومًا ما رَسِّمْ ملعب كرة قدم هل يمكنك رسمه بأبعاده الحقيقية **بالطبع لا** ، أيضًا إذا طلب منك رسم حشرة صغيرة هل سترسُمها بأبعادها كما هي **بالطبع لا** في الحالة الأولى سترسُم الملعب مصفراً في الحالة الثانية سترسُم الحشرة مكبرة

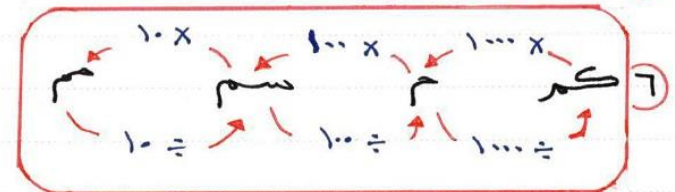
مما سبق ...

كانت الحاجة إلى وجود طريقة رسم ذلك سواء مكبرًا أو مصفراً مع الحفاظ على نسبة الأبعاد كما هي ...

**مقياس الرسم** نسبة الطول في الرسم إلى الطول في الحقيقة

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول في الحقيقة}}$$

- 1) مقياس الرسم عبارة عن نسبة ينطبق عليه خواص النسبة من الاختصار وأن يكون لها نفس الوحدة وليس لها تمييز (هذا النسبة)
- 2) إذا كان مقياس الرسم  $< 1$  فإنه يدل على التكبير
- 3) إذا كان مقياس الرسم  $> 1$  فإنه يدل على التصغير
- 4) للتحويل من كم إلى سم نضرب  $\times 1000$
- 5) للتحويل من سم إلى كم نضرب  $\times 10$



مثال 1 ← إذا كانت المسافة بين مدينتين على خريطة 3 كم، والمسافة بينهما في الحقيقة هي 9 كم أوجد مقياس رسم هذه الخريطة

الحل:

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول في الحقيقة}}$$

$$\text{الطول في الرسم} = 3 \text{ كم}$$

$$\text{الطول في الحقيقة} = 9 \text{ كم}$$

$$= \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$$

مثال 2 ← رسم أحمد صورة لأخيه بمقياس رسم 1 : 6. فإذا كان الطول الحقيقي لأخيه 160 سم فما طول الصورة؟

الحل:

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{1}{6}$$

$$\text{الطول في الصورة} = س$$

$$\text{الطول في الحقيقة} = 160 \text{ سم}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{س}{160}$$

$$\text{الطول في الرسم} = \frac{160 \times 1}{6} = 26.67 \text{ سم}$$

اجتهد 1 ← إذا كانت المسافة بين مدينتين 180 كم أوجد المسافة بينهما على خريطة رسمت بمقياس رسم 1 : 9000

اجتهد 2 ← إذا كانت المسافة بين مدينتين على الخريطة 5 سم ، والمسافة بينهما في الحقيقة 75 كم أوجد مقياس رسم الخريطة

س أكمل :-

إذا كان الطول في الرسم 2 سم والطول الحقيقي 6 م فإن مقياس الرسم =

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = منتدَى تَوْجِيه (الرياضيات) = (أولاً) حلول (أولاً)

مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

**مثال ٣** ← إذا كان طول قنء السويس على خريطة مقياس رسمها ١ : ١٠٠٠٠ هو ١٥ سم أوجد طولها الحقيقي بالكيلومترات .

$$\begin{aligned} \text{مقياس الرسم} &= \frac{1}{100000} \\ \text{الطول في الرسم} &= 15 \text{ سم} \\ \text{الطول الحقيقي} &= \text{س} \end{aligned}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

لاحظ أننا قمنا الصفة = ١٠٠٠٠٠ للتحويل مباشرة إلى كم ونفس الخطوة

$$\frac{1}{100000} = \frac{15}{\text{س}}$$

$$\text{الطول الحقيقي} = \frac{100000 \times 15}{1} = 1650 \text{ كم}$$

**اجتهد ٣** ← إذا كانت المسافة بين مدينتين على خريطة ١٠ سم والمسافة بينهما في الحقيقة ١٢٠ كم أوجد مقياس الرسم الذي رسمت به هذه الخريطة وإذا كان البعد بين مدينتين على نفس الخريطة هو ٦ سم احسب البعد الحقيقي بين المدينتين .

**مثال ٤** ← تم التقاط صورة لإحدى الحشرات الدقيقة جدًا بنسبة ١ : ١٠٠ فإذا كان طول الحشرة في الصورة هو ٢,٥ سم فما هو الطول الحقيقي للحشرة ؟

$$\begin{aligned} \text{مقياس الرسم} &= \frac{1}{100} \\ \text{الطول في الرسم} &= 2,5 \text{ سم} \\ \text{الطول الحقيقي} &= \text{س} \end{aligned}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول في الحقيقة}}$$

$$\frac{1}{100} = \frac{2,5}{\text{س}}$$

$$\text{الطول الحقيقي} = \frac{1 \times 2,5}{100} = 0,025 \text{ سم}$$

**اجتهد ٤** ← التقطت صورة مكبرة لحشرة بألة تصوير بنسبة ٤ : ١ أوجد الطول الحقيقي للحشرة إذا كان طولها في الصورة ٨ ١/٤ سم .

**مثال ٥** ← قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها ١٢٠٠ م<sup>٢</sup> رسمت بمقياس رسم ١ : ٢٠٠ فكان طولها في الرسم ٢٠ سم أوجد :  
الطول الحقيقي والعرض الحقيقي لقطعة الأرض .

$$\begin{aligned} \text{المساحة} &= 1200 \text{ م}^2 \\ \text{مقياس الرسم} &= 1 : 200 \\ \text{الطول في الرسم} &= 20 \text{ سم} \\ \text{الطول الحقيقي} &= \text{س} \\ \text{العرض الحقيقي} &= \text{حد} \end{aligned}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\frac{1}{200} = \frac{20}{\text{س}}$$

$$\text{الطول الحقيقي} = \frac{200 \times 20}{1} = 40 \text{ م}$$

$$\text{العرض الحقيقي} = \text{المساحة} \div \text{الطول} = 1200 \div 40 = 30 \text{ م}$$

**مثال ٦** ← نموذج لملاعب كرة قدم رسم بمقياس رسم ١ : ٥٠٠ وكانت أبعاد الملعب في النموذج ٢ سم ، ٤ سم أوجد :  
أبعاد الملعب الحقيقية ، مساحة الملعب بالأمتار المربعة .

$$\begin{aligned} \text{مقياس الرسم} &= 1 : 500 \\ \text{الطول في الصورة} &= 2 \text{ سم} \\ \text{العرض في الصورة} &= 4 \text{ سم} \\ \text{الطول الحقيقي} &= \text{س} \\ \text{العرض الحقيقي} &= \text{حد} \end{aligned}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول في الصورة}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\frac{1}{500} = \frac{2}{\text{س}}$$

$$\text{س} = \frac{500 \times 2}{1} = 1000 \text{ م}$$

$$\frac{1}{500} = \frac{4}{\text{حد}} \Rightarrow \text{حد} = \frac{500 \times 4}{1} = 2000 \text{ م}$$

$$\begin{aligned} \text{مساحة الملعب} &= \text{الطول} \times \text{العرض} = 1000 \times 2000 = 2000000 \text{ م}^2 \\ \text{محيط الملعب} &= 2 \times (\text{الطول} + \text{العرض}) = 2 \times (1000 + 2000) = 6000 \text{ م} \end{aligned}$$

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتقى تجميعه (الرياضيات) = (أول عاقل) (أول)

مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبد الفتاح جمعه

تدريبات حقياس الرسم

السؤال الأول : أكمل مايلي :-

- حقياس الرسم =  $\frac{\text{.....}}{\text{.....}}$
- إذا كان مقياس الرسم  $< 1$  فإنه يدل على .....
- إذا كان الطول في الرسم 2 سم والطول الحقيقي 6 م فإن مقياس الرسم = .....

السؤال الثاني :- أجب عما يلي :-

- مصور جغرافي لعدد من المدن مرسوم بمقياس رسم 1 : 1000 فإذا كانت المسافة الحقيقية بين مدينتين 36 كم فأوجد المسافة بينهما على المصور الجغرافي .
- استخدمت عدسة في تكبير حشرة طولها الحقيقي 6.0 ملليمتر وكان طولها بعد التكبير 6.8 سم 10 حسب نسبة التكبير .
- تم التقاط صورة لإحدى العمارات السكنية حيث كان مقياس الرسم بالصورة هو 1 : 1000 فإذا كان ارتفاع السكنية بالصورة 3م فما هو ارتفاعها في الحقيقة ؟
- رسمت صورة لمنظر طبيعي بمقياس رسم 1 : 1000 فإذا كان الطول الحقيقي لأحدى أشجار المنظر الطبيعي هو 8 أمتار فما طولها في الصورة ؟

تفكر

صورة على شكل مستطيل يعدها 5م ، 7م ثم تكبيرها بنسبة 3 : 2 أوجد بعد الصورة بعد التكبير .

الدرس الرابع : التقسيم التناسبي

مقدمة

عند تقسيم مبلغ من المال بنسبة معلومة على مجموعة من الأشخاص، أو تقسيم أراض بين مجموعة من الورثة . أو تقسيم أوزان محصول بين مجموعة من الفلاحين بنسبة معلومة كل هذه التقسيمات تسمى «التقسيم التناسبي»

التقسيم التناسبي

هو تقسيم شيء ما « نقود - أراض - أوزان - خلافه ... بنسبة معلومة

مثال 1 :- وزع أحد الآباء مبلغ 70 جنيهاً بين ابنه محمد وكريم بنسبة 5 : 7 ، فما نصيب كل منهما من هذا المبلغ .

الحل

مجموع الأجزاء = 5 + 7 = 12 جزءاً  
 قيمة الجزء الواحد =  $\frac{70}{12}$  = 5.83 جنيهاً  
 نصيب محمد = 5 × 5.83 = 29.15 جنيهاً  
 نصيب كريم = 7 × 5.83 = 40.85 جنيهاً

مثال 2 :- مدرسة ابتدائية عدد تلاميذ صفوفها (الرابع والخامس والسادس) 399 تلميذاً ، فإذا كانت عدد تلاميذ الصف الرابع 4 تلاميذ والخامس 7 وعدد تلاميذ الصف السادس 7 عدد تلاميذ الصف السادس احسب عدد تلاميذ كل صف من الصفوف الثلاثة .

الحل

مجموع الأجزاء = 8 + 7 + 5 = 19 جزءاً  
 قيمة الجزء الواحد =  $\frac{399}{19}$  = 21 تلميذ  
 عدد تلاميذ الصف الرابع = 8 × 21 = 168 تلميذ  
 عدد تلاميذ الصف الخامس = 7 × 21 = 147 تلميذ  
 عدد تلاميذ الصف السادس = 5 × 21 = 105 تلميذ

عدد تلاميذ الصف الرابع	عدد تلاميذ الصف الخامس	عدد تلاميذ الصف السادس
168	147	105

المجتهد في الرياضيات - الصف السادس - الفصل الدراسي الأول

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

**اجتهاد ١ :-** وزع رجل ٢٤٠ جنيه على ثلاثة أبناء فإذا كانت النسبة بين الأول إلى نصيب الثاني إلى نصيب الثالث ٣ : ٢ : ١ أوجد نصيب كل منهم .

**مثال ٣ :-** اشترك ثلاثة أشخاص في مشروع رأس ماله ٦٠٠٠ جنيه دفع الأول ١٥٠٠ جنيه ، ودفع الثاني ٢٥٠٠ جنيه ، ودفع الثالث ٢٠٠٠ جنيه وفي نهاية العام بلغ صافي الربح ٥٥٢٠ جنيهاً . احسب نصيب كل منهم في الأرباح

**الحل**

مبلغ الأجزاء = ٣ + ٥ + ٦ = ١٢ جزءاً	مبلغ الأول	مبلغ الثاني	مبلغ الثالث
قيمة الجزء = $\frac{٥٥٢٠}{١٢} = ٤٦٠$ جنيهاً	١٥٠٠	٢٥٠٠	٢٠٠٠
نصيب الأول = $٤٦٠ \times ٣ = ١٣٨٠$ جنيهاً	١٥	٢٥	٢٠
نصيب الثاني = $٤٦٠ \times ٥ = ٢٣٠٠$ جنيهاً	٣	٥	٤
نصيب الثالث = $٤٦٠ \times ٦ = ٢٧٦٠$ جنيهاً			

**اجتهاد ٢ :-** اشترك ٣ أشخاص في مشروع تجاري ، دفع الأول ٣٥٠٠ جنيه ودفع الثاني ٢٥٠٠ جنيه ، ودفع الثالث ١٠٠٠ جنيه . وفي نهاية العام كان صافي ربح ٢١٠٠ جنيهاً ، احسب نصيب كل منهم من الأرباح

**اجتهاد ٣ :-** قطار به ٦٢ راكب فإذا كان راكب الدرجة الأولى  $\frac{١}{٤}$  عدد راكب الدرجة الثانية وعدد راكب الدرجة الثانية  $\frac{٤}{٥}$  عدد راكب الدرجة الثالثة أوجد عدد راكب كل درجة .

**مثال ٤ :-** تم توزيع شحنة من فاكهة التفاح وزنها ٢٨٠ كجم على ثلاثة تجار فكان نصيب الأول  $\frac{٢}{٣}$  نصيب الثاني . وكان نصيب الثالث  $\frac{٤}{٥}$  نصيب الثالث . احسب نصيب كل منهم من هذه الشحنة

**الحل**

مجموع الأجزاء = ٨ + ١٢ + ١٥ = ٣٥ جزءاً  
 قيمة الجزء =  $\frac{٢٨٠}{٣٥} = ٨$  كجم  
 نصيب الأول =  $٨ \times ٨ = ٦٤$  كجم  
 نصيب الثاني =  $٨ \times ١٢ = ٩٦$  كجم  
 نصيب الثالث =  $٨ \times ١٥ = ١٢٠$  كجم

**مثال ٥ :-** اشترك أحمد ومصطفى وهاني في تجارة وفي نهاية العام وزعت الأرباح فكان نصيب أحمد  $\frac{٢}{٣}$  نصيب مصطفى ونصيب مصطفى  $\frac{٤}{٥}$  نصيب هاني فإذا كان نصيب مصطفى يزيد عن نصيب أحمد بمقدار ٢٤٠ جنيه فأوجد ربح كل منهم .

الفرق بين نصيب مصطفى وأحمد = ٨ - ١٢ = ٤ أجزاء  
 قيمة الجزء الواحد =  $٤٤٠ \div ٤ = ٦٠$  جنيهاً  
 نصيب أحمد =  $٦٠ \times ٨ = ٤٨٠$  جنيهاً  
 نصيب مصطفى =  $٦٠ \times ١٢ = ٧٢٠$  جنيهاً  
 نصيب هاني =  $٦٠ \times ١٥ = ٩٠٠$  جنيهاً

**اجتهاد ٤ :-** في إحدى المدارس بلغ عدد التلاميذ ٦٠٥ تلميذاً ، فإذا كان عدد البنات  $\frac{٢}{٥}$  عدد البنين ، أوجد عدد البنين وعدد البنات بالمدرسة

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

مثال ٦ :- ترك رجل مبلغ قدره ٢٢٠٠٠ جنيهاً لزوجته وأبنائه ولدين وبنات فإذا كان نصيب الزوجة  $\frac{1}{8}$  المبلغ وللولد ضعف البنت احسب نصيب كل منهم .

**الحل**

$$\text{أولا نصيب الزوجة} = \frac{1}{8} \times 22000 = 2750 \text{ جنية}$$

$$\text{الباقى من المبلغ} = 22000 - 2750 = 19250 \text{ جنية}$$

$$\text{نصيب الولد} : \text{نصيب البنت} = 2 : 1 \text{ وهم ولدين وبنات } 1 : 2 : 2$$

$$\text{مجموع الأجزاء} = 1 + 2 + 2 = 5$$

$$\text{قيمة الجزء} = 19250 \div 5 = 3850 \text{ جنية}$$

$$\text{نصيب الولد الواحد} = 3850 \times 2 = 7700 \text{ جنية}$$

$$\text{نصيب البنت} = 3850 \times 1 = 3850 \text{ جنية}$$

مثال ٧ :- ترك رجل مبلغ ٢٤٠٠٠ لزوجته وولدين وبنات وكان نصيب الزوجة  $\frac{1}{8}$  المبلغ ونصيب الولد ضعف نصيب البنت أوجد نصيب كل منهم

**الحل**

$$\text{نصيب الزوجة} = \frac{1}{8} \times 24000 = 3000 \text{ جنيها}$$

$$\text{الباقى من المبلغ} = 24000 - 3000 = 21000 \text{ جنيها}$$

$$\text{مجموع الأجزاء} = 1 + 2 + 2 = 5$$

$$\text{قيمة الجزء الواحد} = 21000 \div 5 = 4200 \text{ جنيها}$$

$$\text{نصيب الولد الواحد} = 4200 \times 2 = 8400 \text{ جنيها}$$

$$\text{نصيب البنت} = 4200 \times 1 = 4200 \text{ جنيها}$$

أجتهد :- ترك رجل مبلغ ٧٢٠٠٠ جنية لتوزع بين زوجة وولد وبنات فإذا كان نصيب الزوجة  $\frac{1}{8}$  التركة، ونصيب البنت نصف نصيب الولد احسب نصيب كل منهم .

## تدريبات على التقسيم التناسبي

١) وزع رجل مبلغ من المال قدره ١٠٠٠ جنية على ابنيه أحمد ومحمد بنسبة ٣ : ٢ . فما نصيب كل منهما من المبلغ .

٢) في إحدى المدارس بلغ عدد التلاميذ ٥٧٠ تلميذاً . فإن كان عدد البنات  $\frac{3}{5}$  عدد البنين، أوجد عدد البنين والبنات

٣) تم توزيع شحنة من البطيخ وزنها ٢٨٠ كجم على ثلاثة تجار فكان نصيب الأول  $\frac{4}{9}$  نصيب الثاني، ونصيب الثاني  $\frac{2}{5}$  نصيب الثالث . احسب نصيب كل منهم .

٤) تم تقسيم قطعة أرض بين أخوين بنسبة ٥ : ٧ . فإذا كان نصيب الأول يزيد على نصيب الثاني بمقدار ٨٠ م<sup>٢</sup>، فما مساحة القطعة ونصيب الأول والثاني .

٥) مدرسة ابتدائية عدد تلاميذ الصف الأول والثاني والثالث ٢٤٠ تلميذاً وكانت النسبة بين عدد تلاميذ الصف الأول إلى الثاني إلى الثالث كنسبة ٣ : ٤ : ٥ . احسب عدد التلاميذ في كل صف

فكر :- ترك رجل مبلغ ٤٠٠٠ جنية لزوجته وولدين وبنات وكان نصيب الزوجة  $\frac{1}{8}$  المبلغ وللولد ضعف البنت احسب نصيب كل منهم

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = منتقى تجميعه (الرياضيات) = مصطفى حساني

01125333012 & 01125442929 عبد الفتاح جمعه

## الدرس الخامس: حساب المائة

مقدمة) ربما سمعت أخيك يوماً يحسب مجموع درجاته بالنسبة المئوية أيضاً المكونات المكتوبة على زجاجة المياه المعدنية أو الغازية في كل ما سبق نجد هذه العلامة ( % )  
درس حساب المائة من أربع دروس الرياضيات وذلك لاستخدامه الدائر في الحياة اليومية.

يتضح مما سبق أنه

النسبة المئوية: هي نسبة حدها الثاني ١٠٠ ويمزجها ( % )  
- مثال توضيحي -

عند إعلان نتيجة الصف السادس الابتدائي كانت نسبة النجاح في مدرسة ما ٩٠% وتقرأ (٩٠ في المائة).  
وهذا يعني أنه من بين كل مائة طالب نجح ٩٠ طالباً

فمثلاً: - عندما يقوم مصنع بضاعة بلو قمر يكتب عليه ٨٠% صوف والباقي قطن  
هذا يعني أن:

لاحظ أن  $1 = 100\%$   
٨٠% صوف و ٢٠% قطن

لأن:  $100\% = 80\% + 20\%$  ←  $20\% = 100\% - 80\%$

تدريب:

$$100\% = 70\% - 10\%$$

$$100\% = 50\% - 10\%$$

$$100\% = 25\% + 75\%$$

$$100\% = 35\% + 65\%$$

فسر معنى العبارة الآتية

المكونات ٤٠% صوف والباقي ألياف صناعية

## أولاً: تحويل نسبة مئوية إلى كسر عادي أو عشري

علمنا أن ١٠٠% تعني  $\frac{100}{100}$  وأن ٥٠% تعني  $\frac{50}{100}$   
وأن  $\frac{50}{100}$  هو صورة كسر عادي

وللتحويل من نسبة مئوية إلى كسر عادي نقسم على ١٠٠ ونحذف ( % ) ثم نختصر إلى أبسط صورة

$$\text{فمثلاً: } 50\% = \frac{50}{100} = \frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

مثال ١ ← حول النسبة المئوية إلى كسر عادي

$$1) 30\% \quad 2) 50\% \quad 3) 70\% \quad 4) 80\%$$

$$\text{الحل} \\ 1) 30\% = \frac{30}{100} = \frac{3}{10}$$

$$2) 50\% = \frac{50}{100} = \frac{1}{2}$$

$$3) 70\% = \frac{70}{100} = \frac{7}{10}$$

$$4) 80\% = \frac{80}{100} = \frac{4}{5}$$

مثال ٢: حول النسبة المئوية إلى كسر عادي

$$1) 3,6\% \quad 2) 12,5\% \quad 3) 8\frac{1}{2}\%$$

$$\text{الحل} \\ 1) 3,6\% = \frac{3,6}{100} = \frac{36}{1000} = \frac{9}{250}$$

$$2) 12,5\% = \frac{12,5}{100} = \frac{125}{1000} = \frac{1}{8}$$

$$3) 8\frac{1}{2}\% = \frac{8,5}{100} = \frac{85}{1000} = \frac{17}{200}$$

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

الرياضيات (الأساس) - منتقى تجميعه (الرياضيات) - (١٩) حلول (١٠٠)



## ثانياً: تحويل نسبة مئوية إلى كسر عشري

مثال ١: حول النسبة المئوية إلى الكسر عشري

$$\textcircled{1} \times 15 \quad \textcircled{2} \times 45 \quad \textcircled{3} \times 2,5 \quad \textcircled{4} \times 2\frac{1}{2}$$

الحل

$$\textcircled{1} \times 15 = \frac{15}{100} = \frac{3}{20}$$

$$\textcircled{2} \times 45 = \frac{45}{100} = \frac{9}{20}$$

$$\textcircled{3} \times 2,5 = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

$$\textcircled{4} \times 2\frac{1}{2} = \frac{250}{100} = \frac{5}{2}$$

اجتهد ١ ← حول النسبة المئوية إلى الكسر عشري

$$\textcircled{1} \times 28 \quad \textcircled{2} \times 4,5 \quad \textcircled{3} \times \frac{1}{3}$$

## تحويل كسر عادي إلى نسبة مئوية ١-

لاحظ: لتحويل الكسر العادي نعمل مقام الكسر ١٠٠ أو نضرب  $\times 100$ 

مثال ٢: ← حول الكسر إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} \frac{3}{5} \quad \textcircled{2} \frac{3}{4} \quad \textcircled{3} \frac{11}{25} \quad \textcircled{4} \frac{1}{7}$$

الحل

$$\textcircled{1} \frac{3}{5} = \frac{3 \times 20}{5 \times 20} = \frac{60}{100} = 60\%$$

$$\textcircled{2} \frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100} = 75\%$$

$$\textcircled{3} \frac{11}{25} = \frac{11 \times 4}{25 \times 4} = \frac{44}{100} = 44\%$$

$$\textcircled{4} \frac{1}{7} = \frac{1 \times 14}{7 \times 14} = \frac{14}{98} = 14\%$$

اجتهد ٢ ← حول الكسر إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} \frac{4}{5} \quad \textcircled{2} \frac{1}{4} \quad \textcircled{3} \frac{7}{25} \quad \textcircled{4} \frac{5}{8}$$

## تحويل كسر عشري إلى نسبة مئوية

مثال ١ ← حول الكسر العشري إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} \times 35 \quad \textcircled{2} \times 50 \quad \textcircled{3} \times 12 \quad \textcircled{4} \times 25$$

الحل

$$\textcircled{1} \times 35 = \frac{35}{100} = 35\%$$

$$\textcircled{2} \times 50 = \frac{50}{100} = 50\%$$

$$\textcircled{3} \times 12 = \frac{12}{100} = 12\%$$

$$\textcircled{4} \times 25 = \frac{25}{100} = 25\%$$

اجتهد ١ ← حول الكسر العشري إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} \times 75 \quad \textcircled{2} \times 25 \quad \textcircled{3} \times 1 \quad \textcircled{4} \times 85$$

## تحويل النسبة بين عددين إلى نسبة مئوية

مثال ٢ ← حول النسبة بين عددين إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} 2:1 \quad \textcircled{2} 3:4 \quad \textcircled{3} 2:5$$

الحل

$$\textcircled{1} 2:1 = \frac{2}{1} = \frac{200}{100} = 200\%$$

$$\textcircled{2} 3:4 = \frac{3}{4} = \frac{75}{100} = 75\%$$

$$\textcircled{3} 2:5 = \frac{2}{5} = \frac{40}{100} = 40\%$$

اجتهد ٢ ← حول النسبة بين عددين إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} 4:1 \quad \textcircled{2} 5:10 \quad \textcircled{3} 1:5$$

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتزى تجميعه (الرياضيات) = (الرياضيات) (الاول)

مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبد الفتاح جمعه 01125333012

مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبد الفتاح جمعه 01125333012

مثال ٢ ← أوجد النسبة بين عدديهما في أبسط صورة ثم حول هذه النسبة إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} ٤,٥ : ٣,٦ \quad \textcircled{2} ١ \frac{1}{3} : ١ \frac{1}{3} \quad \textcircled{3} ٢٥ : ١٥$$

الحل

$$\begin{aligned} \textcircled{1} ٤,٥ : ٣,٦ &= (١٠ \times) ٤٥ : ٣٦ \\ &= (٩ \div) ٤٥ : ٣٦ \\ &= ٥ : ٤ \\ &= ١٢٥\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} ١ \frac{1}{3} : ١ \frac{1}{3} &= (١٠ \times) ١٠ : ١٠ \\ &= (٥ \div) ١٠ : ١٠ \\ &= ١ : ١ \\ &= ١٠٠\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} ٢٥ : ١٥ &= (١٠ \times) ٢٥ : ١٥ \\ &= (٥ \div) ٥ : ٣ \\ &= ١٦٦\% \end{aligned}$$

$$\textcircled{2} ١ \frac{1}{3} : ١ \frac{1}{3}$$

$$\frac{17}{3} \div \frac{4}{3} = \frac{17}{3} \times \frac{3}{4}$$

$$\times ٢٥ = ١٠٠ \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{100}{1}$$

اجتهد ٣ ← أوجد النسبة بين عدديهما في أبسط صورة ثم حول هذه النسبة إلى نسبة مئوية

$$\textcircled{1} ٣ : ١,٥ \quad \textcircled{2} ٢,٥ : ١,٥ \quad \textcircled{3} ١ \frac{1}{3} : ١ \frac{1}{3}$$

لاحظ أنك :  $١٢ : ١٢ = \frac{12}{12} = ١٢\%$

مثال ٤ ← إذا كانت  $\frac{٣٦}{٢٥} = \frac{٣٦}{٢٥} \times ٣٦$  فإن  $٣٦ = \dots$

إذا كان  $\frac{٣٣}{٤} = ٧٥\%$  فإن  $٣٣ = \dots$

الحل

$$\frac{٣٦}{٢٥} = ٣٦\% \leftarrow \frac{٣٦}{٢٥} = \frac{٣٦}{٢٥} \leftarrow \frac{٣٦}{٢٥} = \frac{٣٦ \times ٢٥}{٢٥} = ٩٠٠$$

$$\frac{٣٣}{٤} = ٧٥\% \leftarrow \frac{٣٣}{٤} = \frac{٣٣}{٤} \leftarrow \frac{٣٣}{٤} = \frac{٣٣ \times ٤}{٤} = ٣٣$$

اجتهد ٤ ← أوجد قيمة  $٣$  في كل مما يأتي :-

$$\textcircled{1} \frac{٣}{٣} = ١٠٠\% \quad \textcircled{2} \frac{٣}{٤} = ٧٥\%$$

مثال ٥ ← مدرسة مشتركة فيها ٤٦٪ من مجموع تلاميذها

بنات فإن النسبة المئوية للبنين = .....

الحل

النسبة المئوية للبنات + النسب المئوية للبنين = ١٠٠٪

$$\text{النسبة المئوية للبنين} = ١٠٠ - ٤٦ = ٥٤\%$$

اجتهد ٥ ← إذا كانت النسبة المئوية لعدد البنات بأحد الفصول

اللاسية المشتركة هو ٦٧٪

أوجد النسبة المئوية لعدد البنين بهذا الفصل

مثال ٦ ← أوجد قيمة ما يأتي

① ٣٠٪ من ٥٠ ② ١٥٪ من ٥٠ جنيه ③ ٧٥٪ من اليوم

الحل

① ٣٠٪ من ٥٠ =  $\frac{30}{100} \times 50 = 15$

② ١٥٪ من ٥٠ جنيه =  $50 \times \frac{15}{100} = 75$  جنيه

③ ٧٥٪ من اليوم =  $24 \times \frac{75}{100} = 18$  ساعة

اجتهدوا! ← أوجد قيمة ما يأتي

① ٤٠٪ من ٥٠ ② ١٢٪ من ٣٠ جنيه ③ ٣٥٪ من ٢٠٠ لمن استمعت

مثال ٧ ← إذا كان ٣٪ من عدد ما تساوي ٥٤ فما هو العدد

الحل

٣٪ من عددا = ٥٤ أي أن  $\frac{3}{100} \times س = ٥٤$

$س = \frac{١٠٠ \times ٥٤}{٣} = ١٥٠$

مثال ٨ ← إذا كان ٢٠٪ من عددا = ٦٠ فإن العدد هو

الحل

٢٠٪ من عددا = ٦٠ أي أن  $\frac{20}{100} \times س = ٦٠$   
 $س = \frac{١٠٠ \times ٦٠}{20} = 300$

اجتهدوا! ← إذا كان ٢٠٪ من عددا = ٤٠ ما هو العدد

مثال ٩ ← أكمل ما يأتي

① ١٤٪ من ..... = ٢٨ ② ٥٪ من ٤٠ = ..... ③ ..... من ٥٠ = ١٠٠

الحل

① ٢٨ = س × ١٤٪ ←  $٢٨ = س \times \frac{14}{100}$

$س = \frac{١٠٠ \times ٢٨}{14} = 200$  أي أن ١٤٪ من ٢٠٠ = ٢٨

② س = ٤٠ × ٥٪ ←  $س = ٤٠ \times \frac{5}{100}$

س =  $\frac{٤٠ \times 5}{100} = 2$  أي أن ٥٪ من ٤٠ = ٢

③ س × ٥٠٪ = ١٠٠ ←  $س \times \frac{50}{100} = ١٠٠$

س =  $\frac{١٠٠ \times 100}{50} = 200$  أي أن ٢٠٪ من ٥٠٠ = ١٠٠

اجتهدوا! ← أكمل ما يأتي

① ٤٥٪ من ٣٠ = ..... ② ١٥٪ من ١٢٠ = .....

③ ٢٥٪ من ..... = ٧٥ ④ ..... من ٨٠ = ٤٠

تذكر

النسبة المئوية لأي جزء =  $\frac{\text{عدد مكونات الأجزاء}}{\text{العدد الكلي لمجموع مكونات الأجزاء}} \times 100\%$

مثال ١٠ - فصل به ٥ تلميذ نجح منهم ٤ تلميذ أوجد :-  
 ١) النسبة المئوية للناجحين ٢) النسبة المئوية للراسبين

الحل

عدد الناجحين = ٤ تلميذ فيكون عدد الراسبين = ٥ - ٤ = ١ تلميذ

١) النسبة المئوية للناجحين =  $\frac{\text{عدد الناجحين}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}} \times 100\%$

$$90\% = \frac{4}{5} \times 100\%$$

٢) النسبة المئوية للراسبين =  $\frac{\text{عدد الراسبين}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}} \times 100\%$

$$10\% = \frac{1}{5} \times 100\%$$

مثال ١١ - فصل به ٥ تلميذ ا تغيب منهم ٥ تلميذ  
احسب النسبة المئوية للحاضرين

الحل

عدد الحاضرين = ٥ - ٥ = ٠ تلميذ

$$0\% = \frac{0}{5} \times 100\%$$

اجتهد ٩ - فصل به ٢٠ تلميذ ا تغيب منه ٥ تلاميذ :  
احسب النسبة المئوية لعدد الحاضرين

مثال ١٢ - في إحدى عربات الفطار كان عدد المقاعد المشغولة ٤٨ مقعدًا فإذا كان عدد مقاعد العربة ٦٠ مقعدًا  
احسب ١) النسبة المئوية لعدد المقاعد المشغولة  
٢) النسبة المئوية لعدد المقاعد الشاغرة

الحل

١) النسبة المئوية لعدد المقاعد المشغولة =  $\frac{48}{60} \times 100\% = 80\%$

٢) النسبة المئوية لعدد المقاعد الشاغرة =  $100\% - 80\% = 20\%$

مثال ١٣ - في امتحان اللغة الإنجليزية حصل عادل على ١٣ درجة من ٢٠ درجة . أوجد النسبة المئوية لدرجة عادل

الحل

$$65\% = \frac{13}{20} \times 100\%$$

مثال ١٤ - في رحلة مدرسة اشترك ١٢ تلميذًا من ٣٥ تلميذًا  
أوجد النسبة المئوية للمشاركين

الحل

$$34,3\% = \frac{12}{35} \times 100\%$$

اجتهد ١٠ - مدرسة بها ٢٠ تلميذًا اشترك في رحلة ٥ تلميذ  
أوجد النسبة المئوية للمشاركين

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتدَى توعية (الرياضيات) = (١٩) عاون (١٥٥)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

مثال ١٥ ← عدد تلاميذ مدرسة ٢٠ تلميذاً تغيب منهم ٥ ×  
احسب عدد الحاضرين في هذا اليوم

الحل

$$\text{عدد التلاميذ الغائبين} = \frac{5}{20} \times 20 = 5 \text{ تلاميذ}$$

$$\text{عدد التلاميذ الحاضرين} = 20 - 5 = 15 \text{ تلميذ}$$

اجتهد ١١ ← تقدم لامتحان الصف السادس ١٥ تلميذاً رسب منهم ١٠ ×  
احسب عدد الناجحين

مثال ١٦ ← مدرسة تبها ٦٤ تلميذ وفي نهاية العام رسب  
منهم ١٥ × أوجد :-

- ١ عدد التلاميذ الراسبين
- ٢ عدد التلاميذ الناجحين

الحل

$$\text{عدد التلاميذ الراسبين} = \frac{15}{64} \times 64 = 15 \text{ تلميذ}$$

$$\text{عدد التلاميذ الناجحين} = 64 - 15 = 49 \text{ تلميذ}$$

اجتهد ١٢ ← حصلت زار في مادة الرياضيات ٤٩ من ٥٠ ×  
احسب النسبة المئوية

احسب النسبة المئوية

## تدريبات على حساب المائة

السؤال الأول :- اختر الاجابة الصحيحة مما بين القوسين :-

- ١)  $10\% - 40\% = 30\%$  ( )
- ٢)  $\frac{7}{10} = \frac{70}{100}\%$  ( )
- ٣)  $1 - 35\% = 65\%$  ( )
- ٤) اذا كان  $\frac{2}{7} = \frac{21}{70}\%$  ( )
- ٥)  $2:1 = 20\%$  ( )

السؤال الثاني: اكمل ما يأتي :-

- ١)  $40\%$  من ٢٠ = .....
- ٢)  $٧$  سم :  $٢٠$  سم = ..... %
- ٣)  $\frac{5}{10} = ٥٠\%$  فإن  $\frac{5}{10} =$  .....
- ٤)  $٤٥\% + ٥\% =$  .....
- ٥)  $١٤\%$  من ..... = ٢٨

السؤال الثالث: اجب عما يأتي

١) في أحد الامتحانات نجح ٢٤ تلميذ من ٤٠ تلميذ  
احسب النسبة لعدد الناجحين

٢) في أحد الفصول الدراسية كان عدد البنين ٣٥ % منهم عدد التلاميذ  
الفصل. ماهي النسبة المئوية لعدد البنات

فكر :- إذا كانت نسبة البنين في المدارس ٦٠ % ، وكان ٧٥ % منهم يفضلون كرة  
القدم، فما نسبتهم المئوية بالنسبة لتلاميذ المدرسة ؟

## الدرس السادس: تطبيقات على حساب المائة

مقدمة :-

إذا ما جمعنا بين هذا الدرس وسابقه سنتضح معالم أروع درس من دروس الرياضيات لأنها يعيش معنا في الحياة اليومية من حيث الاستخدام الوافر المدى مثله مثل جدول الميزب فبهذا الدرس وبعد فهمك لمحتواه بإذن الله تستطيع حساب نسبة الخصم والفائدة أيضًا تستطيع حساب نسبة المكسب والخسارة أيضًا تستطيع حساب ثمن البيع والشراء.

## أولاً: حساب الفائدة أو الخصم

مثال ١ ← في أحد المحال التجارية كانت نسبة الخصم ١٥٪ على المبيعات فإذا اشترت هدي بلوزة مكتوب عليها ١٢٠ جنيهاً و فستاناً بمبلغ ٣٥٠ جنيهاً أوجد مقدار ما تدفعه هدي بعد الخصم

الحل :-

$$\text{قيمة المشتريات} = 350 + 120 = 470 \text{ جنيهاً}$$

$$\text{قيمة الخصم} = 470 \times \frac{15}{100} = 70,5 \text{ جنيهاً}$$

$$\text{ما تدفعه هدي} = 470 - 70,5 = 399,5 \text{ جنيهاً}$$

مثال ٢ ← إذا كان إنتاج شلاجة ٦٧٠٠ جنيهاً و ١٠٪ ضريبة مضافة إلى ثمن التكلفة ما هي التكلفة الكلية للشلاجة .

الحل :-

$$\text{قيمة الضريبة المضافة} = 6700 \times \frac{10}{100} = 670 \text{ جنيهاً}$$

$$\text{تكلفة الشلاجة بعد إضافة قيمة الضريبة} = 6700 + 670 = 7370 \text{ جنيهاً}$$

$$7370 = 6700 + 670$$

اجتهد ١ ← اشترى عادل ١٠ كروت شحن فئة ال ١٠٠ جنيهاً ، و ١٠٪ ضريبة مضافة فكم يدفع عادل بعد إضافة

اجتهد ٢ ← احسب قيمة المشتريات المدفوعة فيما يلي

بعد الخصم (١) قميص سعره ٦٥ جنيهاً وعليه خصم ١٥٪

(٢) حكاية سعرها ١٢٠ جنيهاً وعليها خصم ٢٠٪

(٣) حاسب آلي سعره ٢٧٠٠ جنيهاً وعليه خصم ٩٪

مثال ٣ ← اشترت روان جهاز كهربائي بمبلغ ١٩٩٥ جنيهاً بخصم ٥٪ أوجد السعر الأصلي للجهاز .

الحل :-

المبلغ الأصلي : الخصم : المبلغ بعد الخصم

$$100\% : 5\% : 295$$

$$س : : : 1995$$

$$\text{المبلغ الأصلي} = \frac{1995 \times 100}{95} = 2100 \text{ جنيهاً}$$

حل آخر :-

$$\text{النسبة بعد الخصم} = 100\% - 5\% = 95\%$$

$$\text{المبلغ المدفوع بعد الخصم} = \frac{95}{100} \times \text{المبلغ الأصلي} = 1995 \text{ جنيهاً}$$

$$\text{المبلغ الأصلي} = \frac{100 \times 1995}{95} = 2100 \text{ جنيهاً}$$

اجتهد ٣ ← اشترى رجل تلفازاً فخصمه البائع ١٢٪ من ثمن التلفاز فإذا كان مقدار هذا الخصم ٢١٦ جنيهاً فأوجد ثمن التلفاز قبل الخصم .

## ثانياً: حساب نسبة المكسب أو الخسارة

مثال ١ ← اشترى رجل قطعة أرض بمبلغ ١٠٠٠٠٠ جنيه وباعها بمبلغ ١٣٠٠٠٠ جنيه . احسب النسبة المئوية للمكسب .

الحل

$$\text{قيمة المكسب} = ١٣٠٠٠٠ - ١٠٠٠٠٠ = ٣٠٠٠٠ \text{ جنيه}$$

$$\text{نسبة المكسب} = \frac{٣٠٠٠٠}{١٠٠٠٠٠} \times ١٠٠\% = ٣٠\%$$

مثال ٢ ← اشترى محمد جهاز حاسوب بمبلغ ٣١٥٠ و صرف ١٢٠ جنيه مصاريف شحن ثم باعه بمبلغ ٤٠٠٠ جنيه . احسب النسبة المئوية للمكسب .

الحل

$$\text{مبلغ الشراء والمصروفات} = ٣١٥٠ + ١٢٠ = ٣٢٧٠ \text{ جنيهًا}$$

$$\text{المكسب بعد البيع} = ٤٠٠٠ - ٣٢٧٠ = ٧٣٠ \text{ جنيهًا}$$

$$\text{نسبة المكسب} = \frac{٧٣٠}{٣٢٧٠} \times ١٠٠\% = ٢٢,٣٢\% \approx ٢٢\%$$

اجتهد ١ ← اشترت رنا جهاز هاتف نقال بمبلغ ٨٠٠ و باعتها بمبلغ ١٠٠٠ جنيه . احسب النسبة المئوية للمكسب

اجتهد ٢ ← اشترى صاحب معرض سيارات سيارة بمبلغ ٤٥٠٠٠ جنيه ثم صرف على اصلاحها مبلغ ٥٠٠٠ جنيه ثم باعها بمبلغ ٥٥٠٠٠ جنيه . احسب النسبة المئوية للمكسب

من أجل ← إذا كان ثمن شراء شلاجة ٢٠٠٠ جنيه و ثمن البيع ٢٥٠٠ جنيه فإن النسبة المئوية للمكسب هي ... %

مثال ٢ ← اشترى تاجر شحنه لحوم مجمدة مستوردة بمبلغ ٢٠٠٠٠٠ جنيه و بعد أن اشترها وجد جزءاً منها منتهى الصلاحية لسوء التخزين فباع الباقي بمبلغ ١٨٠٠٠٠ جنيه . أوجد نسبة خسارة التاجر .

الحل

$$\text{قيمة الخسارة} = ٢٠٠٠٠٠ - ١٨٠٠٠٠ = ٢٠٠٠٠ \text{ جنيه}$$

$$\text{نسبة الخسارة} = \frac{٢٠٠٠٠}{٢٠٠٠٠٠} \times ١٠٠\% = ١٠\%$$

اجتهد ٣ ← باع رجل سيارته بعد عام من استخدامها بمبلغ ٥٢٠٠٠ جنيه وكان ثمن شرائها ٦٥٠٠٠ جنيه . أوجد النسبة المئوية لخسارته .

## ثالثاً: حساب ثمن البيع و ثمن الشراء

مثال ١ ← اشترى خالد شقة تملكك بمبلغ ١٥٠٠٠٠ جنيه و بعد أن باعها وجد أن نسبة خسارته فيها ٥% . احسب ثمن بيع الشقة

الحل

شراء	١٠٠	خسارة	٥	بيع	٩٥	ثمن البيع =	$\frac{١٥٠٠٠٠ \times ٩٥}{١٠٠}$
					٩٥		
					س		$= ١٤٢٥٠ \text{ جنيهًا}$

مثال ٢ ← احسب ثمن البيع لمجموعة من الأجهزة تم شرائها بمبلغ ١٢٠٠٠٠ جنيه و كانت نسبة المكسب ١٢%

الحل

شراء	١٠٠	مكسب	١٢	بيع	١١٢	ثمن البيع =	$\frac{١٢٠٠٠٠ \times ١١٢}{١٠٠}$
					١١٢		
					س		$= ١٣٤٤٠ \text{ جنيهًا}$

اجتهد ١ ← اشترى منصور سيارة بمبلغ ٦٠٠٠٠ ثم باعها بمكسب ٥٪ أوجد ثمن بيع السيارة .

اجتهد ٢ ← اشترى رجل مترا بمبلغ ٧٥٠٠٠ جنيه ، وباعه بخسارة ١٥٪ ، واشترى مزرعة بمبلغ ١٠٠٠٠٠ جنيه وباعها بمكسب ٢٥٪ أوجد صافي مكسبه أو خسارته

مثال ٣ ← تعرض شركة أجهزة كهربائية تelfازًا بمبلغ ٢١٠٠ جنيه فإذا كانت نسبة مكسب الشركة ١٢٪ أوجد ثمن شراء الشركة للجهاز .

الحل	شراء	مكسب	بيع	ثمن الشراء =
	١٠٠	١٢	١١٢	$\frac{2100 \times 100}{112}$
س	٢١٠٠			= ١٨٧٥ جنيهًا

مثال ٤ ← بنى محسن مسكنًا بتكلفة س من الجنيهات وباعه بمبلغ ٢٢١٠٠٠ يمكن قدره

١٥٪ أوجد قيمة س التي تعبر عن تكلفة البناء .

الحل	شراء	مكسب	بيع	التكلفة =
	١٠٠	١٥	١١٥	$\frac{221000 \times 100}{115}$
س	٢٢١٠٠٠			≈ ١٩٠٠٠٠ جنيهًا

اجتهد ٣ ← بيعت تلاجة بمبلغ ٩١٨٠ جنيهًا بنسبة مكسب ٦٪ أوجد ثمن الشراء

اجتهد ٤ ← باع تاجر بضاعة بمبلغ ٢١٢٠٠ بمكسب ١٠٪ أوجد ثمن الشراء وقيمة المكسب .

## تدريبات تطبيقات على حساب المائة

١ اشترت زاد هاتفًا بسعر ٣٤٠٠ جنيه مضافة إليه ١٠٪ ضريبة مبيعات كم تدفع زاد لشراء الهاتف ؟

٢ اشترى سعيد فاكهة بمبلغ ١٢٠٠٠ جنيه وصرف عليها ١٠٠٠ جنيه مصاريف نقل ولسوء التخزين فسد جزءًا منها فباع الفاكهة بمبلغ ١٠١٠٠ جنيه احسب النسبة المئوية للخسارة

٣ اشترى هلال تelfازًا بمبلغ ٤٠٠٠ جنيه وبنسبة خصم ٥٪ احسب المبلغ الذي سيدفعه هلال .

٤ اشترى نوبي سيارة بمبلغ ٤٠٠٠٠ جنيه وانفق على صيانتها خلال عامين ٣٠٠٠٠ جنيه ثم باعها بمبلغ ١٥٠٠٠٠ جنيه ، أوجد النسبة المئوية لمكسبه .

٥ صاحب أحد المحال للأدوات المنزلية وجد أنه باع طقم أطباق بمبلغ ٩٢٠ جنيهًا فكانت خسارته ٨٪ أوجد ثمن شراء الطقم ثم أوجد الثمن الذي يبيع به التاجر الطقم ليكسب ١٢٪

فكر اشترى تاجر بضاعة بمبلغ ٢٠٠٠٠ جنيه وقام بتخزينها وعند بيعها كان الربح يعادل ٦٪ من قيمة الشراء وتكلفة التخزين فإذا بلغ ثمن البيع ٦٢٤ ٢١ جنيهًا فاحسب تكلفة التخزين .

المجتهد في الرياضيات - (الصف السادس) - منتقى تجميع (الرياضيات) - (١٩٠٠٠٠) - (١٩٠٠٠٠) - (١٩٠٠٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012



## تدريبات الوحدة الثانية راجعها عاحة

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :-

١ إذا كان  $\frac{5}{9} = 15\%$  فإن س = ( ١٣٥ ، ١٣٥٠ ، ١٣٥٠٠ ، ١٣٥٠٠٠ )

٢  $\frac{7}{6} = \dots$  ( ٣٠ ، ٣٥ ، ٤٠ ، ٤٥ )

٣ إذا كانت س ٨ ، ١٢ ، ٢٤ كميات متناسبة فإن س =

( ٢ ، ٤ ، ٦ ، ٨ )

٤ إذا تم تقسيم مبلغ من النقود بين فرين فكان الأول  $\frac{1}{3}$  البقية ، فإذا كان

نصيب الثاني ١٢٠ جنيهاً فإن المبلغ الذي تم تقسيمه = جنيهاً

( ٦٠ ، ١٨٠ ، ٢٠٠ ، ٢٤٠ )

٥ إذا كان الطول في الرسم ٧ سم والطول الحقيقي ٢٨ م فإنه مقياس

الرسم = ( ٤:١ ، ٤٠:١ ، ٤٠٠:١ ، ٤٠٠٠:١ )

٦ النسبة ٤ : ٢٥ =  $\dots$  ( ٤ ، ١٤ ، ١٦ ، ٢٥ )٧  $7\% + 25\% = \dots$  (  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{2}{5}$  ،  $\frac{3}{5}$  ،  $\frac{1}{3}$  )

٨ تشرب أميرة ١٤ كوباً من اللبن في الأسبوع ، فإن معدل ما تشربه أميرة

في اليوم = ( ٤ كوب/يوم ، ٧ كوب/يوم ، ٢ كوب/يوم ،  $\frac{1}{7}$  كوب/يوم )٩ إذا كان  $\frac{5}{10} = \frac{2}{5}$  فإن س + ٤ = ( ٦ ، ٨ ، ١٠ ، ١٢ )١٠  $35\% + \frac{9}{6} = \dots$  ( ٤٤ ، ٧٠ ، ٨٠ ، ٥٥ )١١  $12\% = \dots$  ( ١٢ ، ١٢٠ ، ١٢ ، ١٢٠٠ )١٢  $20\%$  من ٤ كجم = كجم ( ٤ ، ٨ ، ١٢ ، ١٦ )١٣ حذاء ثمنه الأصلي ٢٤٠ جنيهاً وأصبح سعره بعد التخفيض ١٨٠ جنيهاً فإن النسبة المئوية للتخفيض هي  $\dots$  (  $\frac{1}{3}$  ،  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{4}$  ،  $\frac{1}{2}$  )١٤  $1\frac{1}{2} = \dots$  ( ١٥ ، ٢٠ ، ٢٥ ، ٣٠ )١٥  $62,5\% = \dots$  (  $\frac{5}{8}$  ،  $\frac{4}{5}$  ،  $\frac{7}{5}$  ،  $\frac{5}{8}$  )

١٦ اشترى محمود حاسوب بتخفيض ١٠% من ثمنه المعين وهو ٢٦٠٠ جنيهاً ، كم جنيهاً يدفعها محمود ثمناً للحاسوب؟ ( ٢٢٦٠ ، ٢٣٠٠ ، ٢٣٤٠ ، ٢٣٨٠ )

١٧ إذا كانت النسبة ٧ : ١٣ هي نفسها س : ٥٤ فإن س =

( ١٤ ، ٢١ ، ٢٨ ، ٣٥ )

١٨  $\frac{1}{2}$  من ٨٩ كجم = كجم ( ١٠ ، ١١ ، ١٢ ، ١٣ )

١٩ حشرة طولها في الصورة ٤ سم وطولها الحقيقي ٢ سم فإن مقياس الرسم هو

( ٢:١ ، ٨٠:١ ، ١٠:١ ، ١٠٠:١ )

٢٠ يباع تاجر بضاعته بربح ١٥% فإن النسبة المئوية لثمن البيع إلى ثمن الشراء تساوي

( ١٥% ، ٢٤% ، ١١٥% ، ١٥٠% )

٢١ إذا كانت نسبة البنين في إحدى المدارس ٦٠% وكان ٧٥% منهم يفضلون كرة القدم فما نسبتهم المئوية بالنسبة للتلاميذ المدرسة؟

( ٣٠% ، ٤٠% ، ٤٥% ، ٥٠% )

٢٢ آلة تروي ١٥ فداناً في عشر ساعات فإن معدل عمل الآلة = فدان/ساعة

(  $\frac{2}{3}$  ،  $\frac{3}{2}$  ،  $\frac{5}{3}$  ،  $\frac{3}{5}$  )

٢٣ إذا كان  $5 : P = ٥ : ٢$  فإن  $\frac{P}{5+P} =$  (  $\frac{5}{17}$  ،  $\frac{7}{13}$  ،  $\frac{7}{12}$  ،  $\frac{5}{12}$  )٢٤  $22 + \frac{7}{10} = \dots$  ( ٢١ ، ٢٢ ، ٢٣ ، ٢٤ )

٢٥ يقطع متسابق ١٥ كم من مسافة السباق في ٣ دقائق ، فإذا استمر بنفس المعدل فإن الزمن بال دقائق اللازم ليقطع المسافة كلها هو

( ١٠ ، ١٥ ، ١٨ ، ٢٠ )

## السؤال الثاني: أكمل ما يلي :-

١  $\frac{2}{5} = \dots$  ج

٢ إذا كانت : س ، ١٨ ، ٦ ، ٩ كميات فإن س =

٣ طابعة كمبيوتر ألوان تطبع ٦٠ ورقة كل ٥ دقائق فإن معدل عمل هذه الطابعة = ورقة/دقيقة

٤ إذا كان  $\frac{P}{3} = \frac{5}{2}$  فإن  $5 \times P = \dots \times X$

٥ إذا كان مقياس الرسم  $1 <$  فإن الصورة تكون

٦ إذا كان  $\frac{5}{7} = \frac{P}{1}$  فإن س =

٧ إذا كان الطول في الرسم ٣ سم والطول الحقيقي ١٥ م فإن مقياس الرسم =

المجتهد في الرياضيات -- للصف (السادس) -- منتزى توعية (الرياضيات) -- / علون (لؤلؤ)

مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبدالفتاح جمعه 01125333012

- ١٨ إذا كانت : س ، ع ، ٤ ، ٩ أعدادًا متناسبة فإن س =
- ٩ الطول في الرسم =  $\frac{1}{4} \times$
- ١٠ التناسب هو
- ١١ هو النسبة بين كميتين من نوعين مختلفين
- ١٢ إذا كان  $\frac{س}{٣} = ٩\%$  فإن س =
- ١٣ إذا قُسم شيء ما مثل نقود أو أراضٍ بنسبة معلومة يسمي
- ١٤  $١ - (٢٩\% + ٢١\%) =$
- ١٥ مقياس الرسم =
- ١٦ إذا كان ثمن شراء ثلاثة س ٢ جنيه وثمان بيعة ٢٦٨٨ جنيهًا فإن
- ١٧ النسبة المئوية للمكسب =
- ١٨ إذا كان  $\frac{١+س}{٧} = ٢$  فإن قيمة س =
- ١٩ في حالة تساوي نسبتين فإن حاصل ضرب الطرفين ..... حاصل ضرب الوسطين .
- ٢٠  $١٥\% + ١٠\% = \frac{٣}{٤}$
- ٢١ تنتج آلة ٦٠٠ م من النسيج بانتظام في ساعة ونصف فإن معدل إنتاج الآلة بالمتر في الساعة =
- ٢٢ إذا كانت ٢ : ١١ = ٤ : س فإن س =
- ٢٣ تنفق أسرة ٣٥٠ جنيهًا في الأسبوع فيكون معدل الصرف اليومي للأسرة =
- ٢٤ تستهلك سيارة ٢٠ لترًا من البنزين لتقطع مسافة ١٥٠ كم، ولتقطع مسافة ٤٥٠ كم فإنها تحتاج ..... لترًا من البنزين .
- ٢٥ نقاش يدهن ١٥ م<sup>٢</sup> في ٢ ساعات فيكون معدل المساحة المدهونة في الساعة هو ..... م<sup>٢</sup>/ساعة
- ٢٦ إذا كان ارتفاع برج القاهرة ١٨٠ م وارتفاعه في الصورة ٩ سم فإن مقياس الرسم هو
- ٢٧ إذا كانت ٤٠% من طول قطعة قماش هو ٦٠ م فإن طول القطعة الأصلية هو

## السؤال الثالث : أجب عما يلي :-

- ١ اشترى تاجر هاتف بمبلغ ١٢٠٠ جنيه، وباعه بمبلغ ١٥٠٠ جنيه، أوجد النسبة المئوية للمكسب .
- ٢ مصوّر جغرافي لعدد من المدن حرسوم بمقياس رسم ( ١ : ٤٠٠٠٠ ) ، فإذا كانت المسافة الحقيقية بين مدينتين هي ٤٦ كم فأوجد المسافة بينهما على المصوّر الجغرافي .
- ٣ اشترك ثلاثة أشخاص في تجارة فدفع ..... ٦٠٠ جنيه ودفع الثاني ٨٠٠٠٠ ودفع الثالث ٩٠٠٠٠ جنيه وفي نهاية العام بلغ صافي الربح ٢٠٧٠٠ جنيه احسب نصيب كل منهم من الأرباح
- ٤ خريطة حرسومة بمقياس رسم ( ١ : ٥٠٠٠٠ ) وكان البعد بين مدينتين على الخريطة ٤ سم ، أوجد البعد الحقيقي بالكيلومترات .
- ٥ اشترى على ٥ كجم برتقال فدفع ١٥ جنيهًا فلم يدفع ثمن ٨ كجم من نفس البرتقال ؟
- ٦ قطعة أرض مستطيلة الشكل مساحتها ١٢٠٠ م<sup>٢</sup> رسمت بمقياس ( ١ : ٢٠٠ ) فكان طولها في الرسم ٢٠ سم أوجد :-  
الطول الحقيقي للأرض .  
العرض الحقيقي للأرض .
- ٧ قطعة من السلك طولها ٤٠ سم قسمت إلى جزأين بنسبة ٢ : ٣ صنع من الجزء الأصغر مربع ومن الجزء الأكبر مثلث متساوي الأضلاع أوجد :-  
طول ضلع المربع  
طول ضلع المثلث
- ٨ أوجد ثمن شراء بضاعة بيعت بمبلغ ١٨٤٠ جنيه وكانت نسبة المكسب ١٥%

٩ مدرسة ابتدائية بها ٦٠ تلميذ ، إذا رُسب منهم ٦٠ تلميذاً فأوجد النسبة المئوية للناجحين بهذه المدرسة .

١٠ اشترى تاجر فاكهة من البرتقال بمبلغ وبعد أن عرضها للبيع وجد جزءاً تالفاً فباع الباقي بمبلغ ٦٣٠ جنيهاً أوجد النسبة المئوية لخسارته .

١١ اشترى رجل شقة تمليك بمبلغ ١٩٠٠٠٠ جنيه وبعد أن باعها وجد أن نسبة مكسبه ١٠٪ احسب ثمن بيع الشقة .

١٢ التقط عادل صورة مكبرة بآلة تصوير فإذا كان طول الحشرة في الصورة ١٠ سم وطولها الحقيقي ٢ سم أوجد مقياس الرسم

١٣ أوجد ثمن شراء بضاعة بيعت بمبلغ ٤١٤٠٠ جنيه وكانت نسبة المكسب ١٥٪ أوجد قيمة المكسب .

١٤ إذا كان طول قناة السويس هو ١٥ سم على خريطة مقياس رسمها ١ : ١١٠٠٠٠٠٠ فأوجد طولها الحقيقي بالكيلومترات .

١٥ اشترت ثنتين مكنسة كهربية بمبلغ ١٤٠٠ جنيه وكان عليها خصم ٢٠٪ احسب سعر المكنسة قبل الخصم .

١٦ ترك رجل مبلغ ٢٤٠٠٠ جنيه لزوجته وولدين وبنات وكان نصيب الزوجة  $\frac{1}{8}$  المبلغ ونصيب الولد ضعف نصيب البنت احسب نصيب كل من الزوجة والولدين والبنت .

١٧ قطعت سيارة ٢٤٠ كم في ثلاث ساعات ، أوجد معدل سرعة السيارة .

١٨ ماكينتان لتصنيع القماش الأولى تنتج ٥٠ م من القماش في ساعتين والثانية تنتج ٦٠ م من القماش في ساعتين ونصف الساعة . حدد أي الماكينتين أكثر كفاءة

١٩ تم توزيع شحنة من الفاكهة وزنها ٢٨٠ كجم على ثلاثة تجار فكان نصيب الأول  $\frac{1}{3}$  نصيب الثاني ، وكان نصيب الثاني  $\frac{1}{2}$  نصيب الثالث . احسب نصيب كل منهم من هذه الشحنة .

٢٠ أوجد ثمن شراء بضاعة بيعت بمبلغ ٥٢٠ (٢) جنيهاً وكانت نسبة المكسب ١٥٪ وأوجد قيمة المكسب .

٢١ تم تقسيم قطعة أرض بناء بين أخوين بنسبة ٩ : ٤ فإذا كان نصيب الأول يزيد على نصيب الثاني بمقدار ١٠٠ م<sup>٢</sup> ، فأوجد نصيب كل منهما .

٢٢ رجل يمتلك قطعة أرض مساحتها ٤٨ قيراطاً ، أوصى بنصف مساحتها لبناء مدرسة وتقسيم النصف الآخر بين ولديه وبنتيه بحيث يكون نصيب الولد ضعف نصيب البنت احسب نصيب كل منهم

٢٣ سيارة تستهلك ٢٠ لتراً من البنزين لقطع مسافة ١٨٠ كم فكم تستهلك من البنزين لقطع مسافة ٥٤٠ كم ؟

٢٤ قسم مبلغاً من النقود بين شخصين بحيث الأول  $\frac{1}{3}$  الثاني وكان الثاني يزيد عن الأول ٦٠٠٠٠ جنيه . أوجد قيمة المبلغ الذي قُسم .

المجتهد في الرياضيات - (الصف السادس) - منتدَى توعية (الرياضيات) - (١٩) عادل (دور)

مصطفى صساني & 01125442929 & 01125442929 عبد الفتاح جمعه & 01125333012

مصطفى صساني & 01125442929 & 01125442929 عبد الفتاح جمعه & 01125333012

## اختبار الوحدة الثانية

السؤال الأول: اختر الصحيح مما بين القوسين :-

- ١)  $\frac{9}{11} = \frac{3}{4}$  ج ( ٤٠ ، ٤٥ ، ٦٠ ، ٩٠ )
- ٢) إذا كانت الأعداد: ٤، ٣، ٤، ٦ متناسبة فإن  $س = \dots$  ( ١ ، ٤ ، ٥ ، ٦ )
- ٣) إذا زاد طول نصف قطر دائرة بمقدار ٥٪ فإن محيط الدائرة يزداد بنسبة  $\dots$  ٪ ( ٢،٥ ، ٥ ، ٧،٥ ، ١٠ )
- ٤) يصرف عامر ٩٠ جنيه في ثلاثة أيام فإن معدل الصرف =  $\dots$  جنيها/يوم ( ٨٧ ، ٩٣ ، ٣٠ ، ٩٠ )

السؤال الثاني: أكمل ما يلي :-

- ١)  $١ - (٢٧\% + ٤١\%) = \dots$
- ٢) باع تاجر بضاعة ببيع ١٢٪ فإن النسبة المئوية لثمن البيع إلى ثمن الشراء تساوي  $\dots$
- ٣) إذا كان مقياس الرسم  $١ > ١$  فإنه يدل على  $\dots$
- ٤) إذا كان  $\frac{١}{٣} = \frac{٢}{٥}$  فإن:  $٥ \times ٢ = \dots \times \dots$

السؤال الثالث :-

- ١) يمثل برج الجزيرة أحد المعالم السياحية لمدينة القاهرة والذي يبلغ ارتفاعه ١٨٧,٢ متراً فإذا كان ارتفاعه في الصورة ١٣ سم فأوجد مقياس رسم هذه الصورة؟
- ٢) مصنع للملابس الجاهزة به ١٥٠ عاملاً ، قرر صاحب المصنع زيادة عدد العمال فزاد ٣٠ عاملاً في السنة الأولى وزاده ١٥ عاملاً في السنة الثانية ، احسب :-  
 أولاً النسبة المئوية للزيادة في السنة الأولى  
 ثانياً النسبة المئوية للزيادة في السنة الثانية

السؤال الرابع :-

- ١) وجد تاجر أنه لو باع الدراجة البخارية بمبلغ ١٨٠٠ جنيهاً لكانت خسارته ١٠٪ أوجد ثمن شراء الدراجة البخارية ، ثم الثمن الذي يبيع به التاجر هذه الدراجة ليكون مكسبه ٨٪ .
- ٢) اشترت زاد غسالة بمبلغ ٣٦٠٠ جنيهاً وكان عليها خصم ١٠٪ احسب السعر الأصلي للغسالة قبل الخصم .

السؤال الخامس :-

- ١) مئذنة ارتفاعها ٨٥ م وطول ظلها ٣٤ م فكم يكون ارتفاع شجرة طول ظلها ١٧ م في نفس اللحظة ؟
- ٢) وزع أحد الآباء مبلغاً من المال قدره ٦٣٠٠ جنيهاً بين أبنائه الثلاثة فكان نصيب الأول ثلث المبلغ وكان نصيب الثالث  $\frac{١}{٣}$  نصيب الثاني ، احسب نصيب كل منهم

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = للاصف (الساوس) = منتقري توجيه (الرياضيات) = (١٩) علون (وول)

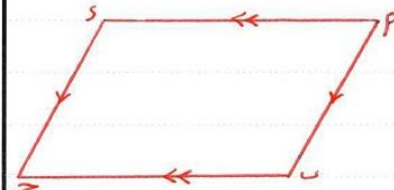
مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبدالفتاح جمعه 01125333012

## العلاقة بين الأشكال الهندسية

مقدمة :-

درسنا بالصف الرابع الابتدائي بعض الأشكال الرباعية مثل :-  
(متوازي الأضلاع ، المستطيل ، المعين ، المربع ) وتعرفنا على  
بعض خواص هذه الأشكال .  
هنا سنتعرف أكثر على خواص كل شكل ، أيضًا سندرس - بإذن الله -  
العلاقة بينهما . لما لهم من أهمية في حياتنا العاصية ... دلال على ذلك

## متوازي الأضلاع



متوازي الأضلاع ← شكل رباعي فيه كل

ضلعين متقابلين متوازيين .

خواص متوازي الأضلاع :- ( هذه الخواص ليست للحفظ ،  
وإنما للفهم لاستخدامها في حل التمارين المختلفة ) .

- ① كل ضلعين متقابلين متوازيان ومتساويان في الطول .
- ② كل زاويتين متقابلتين متساويتان في القياس .
- ③ كل زاويتين متتاليتين مجموعهم  $180^\circ$  .
- ④ القطران ينصف كل منهما الآخر .

## حالات خاصة من متوازي الأضلاع

← أضلاعه الأربعة متساوية الطول ← أضلاعه الأربعة متساوية الطول

← زواياه الأربعة قوائم ← زواياه الأربعة قوائم

← القطران متعامدان وغير متعامدان

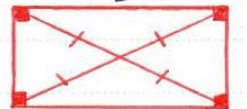
← القطران متساويان الطول



← إحدى زواياه قائمة

← القطران متساويان

← في الطول وغير متعامدان

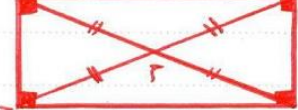


## المستطيل

متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة .

خواص المستطيل :-

المستطيل له نفس خواص متوازي الأضلاع بالإضافة إلى :-

1 زواياه الأربعة قوائم ، قياس كل منهم  $90^\circ$  .

2 قطراه متساويان في الطول وغير متعامدان .

المعين متوازي أضلاع فيه ضلعان متجاوران متساويان في الطول .

خواص المعين :- له نفس خواص متوازي الأضلاع بالإضافة إلى :-



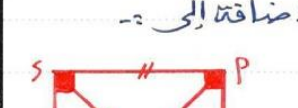
1 أضلاعه الأربعة متساوية الطول .

2 قطراه متعامدان وغير متساويان الطول .

المربع متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة وضلعان متجاوران متساويان

في الطول .

خواص المربع :- له نفس خواص متوازي الأضلاع بالإضافة إلى :-



1 أضلاعه الأربعة متساوية في الطول .

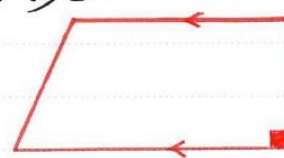
2 زواياه الأربعة قوائم ، قياس كل منها  $90^\circ$  .

3 قطراه متساويان في الطول ومتعامدان .

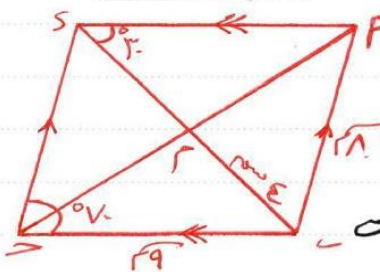
تذكر! محيط أي شكل هندسي = مجموع أطوال أضلاعه .

محيط المستطيل = (الطول + العرض)  $\times 2$ محيط المربع = طول الضلع  $\times 4$ محيط المعين = طول الضلع  $\times 4$ 

شبه المنحرف شكل رباعي فيه فقط ضلعين متوازيين



مثال ١ ← في الشكل المقابل :-

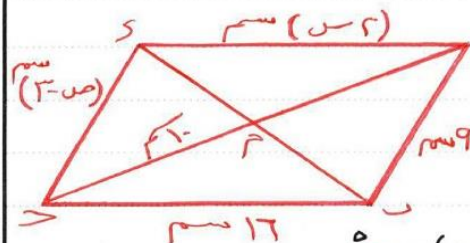


$SP \parallel QR$  و  $SR \parallel PQ$  متوازي أضلاع فيه :-  
 مه  $(SR \parallel PQ) = 70^\circ$  ، مه  $(SP \parallel QR) = 120^\circ$  ،  
 مه  $SR = 6$  ، مه  $PQ = 5$  ، مه  $QR = 6$  ، مه  $SP = 4$   
 احسب كلاهما يلي: (بدون استخدام أدوات القياس)

- ١ مه  $(SR \parallel PQ)$  - ٢ مه  $(SP \parallel QR)$  - ٣ مه  $(SR \parallel PQ)$
- ٤ محيط  $\Delta SRP$  - ٥ محيط  $\square SRPQ$

- ١ مه  $(SR \parallel PQ) = 110^\circ = 180^\circ - 70^\circ$  (كل زاويتان متاليتان مجموعتهما  $180^\circ$ )
- ٢ مه  $(SR \parallel PQ) = 70^\circ$  (كل زاويتان متقابلتان متساويتان)
- ٣ مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ = (70^\circ + 50^\circ)$  (مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة  $= 180^\circ$ )
- ٤ محيط  $\Delta SRP = 6 + 5 + 4 = 15$
- ٥ محيط  $\square SRPQ = 6 + 5 + 4 + 6 = 21$

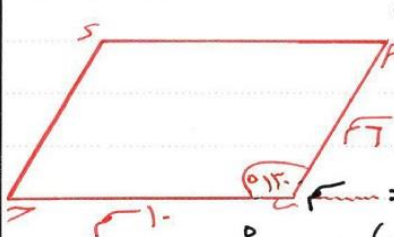
مثال ٢ ← في الشكل المقابل :-



$SP \parallel QR$  و  $SR \parallel PQ$  متوازي أضلاع  
 أوجد قيمته  $SR$  ، ص ثم أكمل :-

- ١  $SR = PQ = 5$
  - ٢ إذا كان مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$  فإن مه  $(SR \parallel PQ) = 60^\circ$
- في متوازي الأضلاع يكون :-
- $SR = PQ = 5$   
 $SR = 5$  ،  $PQ = 4$  ،  $QR = 3$  ،  $SP = 6$   
 ص  $3 + 9 = 12$  ، ص  $6 + 6 = 12$   
 ص  $12 = 12$
- ١  $120^\circ$  (لماذا؟) ، ٢  $60^\circ$  (لماذا؟)

اجتهاد ١ ← في الشكل المقابل :-



$SP \parallel QR$  و  $SR \parallel PQ$  متوازي أضلاع فيه :- مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$  ، مه  $(SP \parallel QR) = 100^\circ$  ، مه  $SR = 6$  ، مه  $PQ = 5$  ، مه  $QR = 6$  ، مه  $SP = 4$   
 فأكمل مايلي بدون استخدام أدوات القياس .

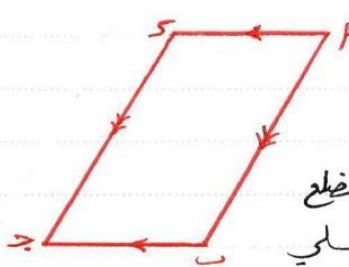
- ١  $SR = PQ = 5$  ، ٢ مه  $(SR \parallel PQ) = 100^\circ$  ، ٣ مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$  ، ٤ مه  $(SR \parallel PQ) = 100^\circ$  ، ٥ مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$  ، ٦ محيط  $\square SRPQ = 21$

اجتهاد ٢ ← أكمل مايلي

١ الشكل الرباعي الذي فيه الأضلاع الأربعة متساوية في الطول في كل من

- ٢ القطران متساويان في كل من
- ٣ القطران متعامدان في كل من
- ٤ الشكل الرباعي الذي فيه الزوايا الأربع قوائم
- ٥ المعين الذي قطراه متساويان في الطول يكون
- ٦ المستطيل الذي قطراه متعامدان يكون

مثال ٣ ←



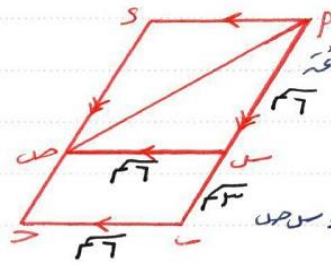
$SP \parallel QR$  و  $SR \parallel PQ$  متوازي أضلاع فيه  $SR = 6$  ،  $PQ = 4$  ،  $QR = 5$  ،  $SP = 3$   
 حدد نقطة  $S$  على الضلع  $PQ$   
 بحيث  $SR = 5$  ، وحدد نقطة  $R$  على الضلع  $SP$   
 بحيث  $SR = 5$  ، أكمل مايلي

- ١ الشكل  $SRPQ$  ص  $SR$  يمثل لأن
- ٢ الشكل  $SRPQ$  ص  $SR$  يمثل لأن
- ٣ الشكل  $SRPQ$  ص  $SR$  يمثل لأن
- ٤ نوع  $\Delta SRP$  ص  $SR$  بالنسبة للأضلاع ص  $SR$  لأن
- ٥ إذا كان مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$  فإن مه  $(SR \parallel PQ) = 60^\circ$  مه  $(SR \parallel PQ) = 120^\circ$

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = منتزعي توجيه (الرياضيات) = (أول عاقل) (أول)

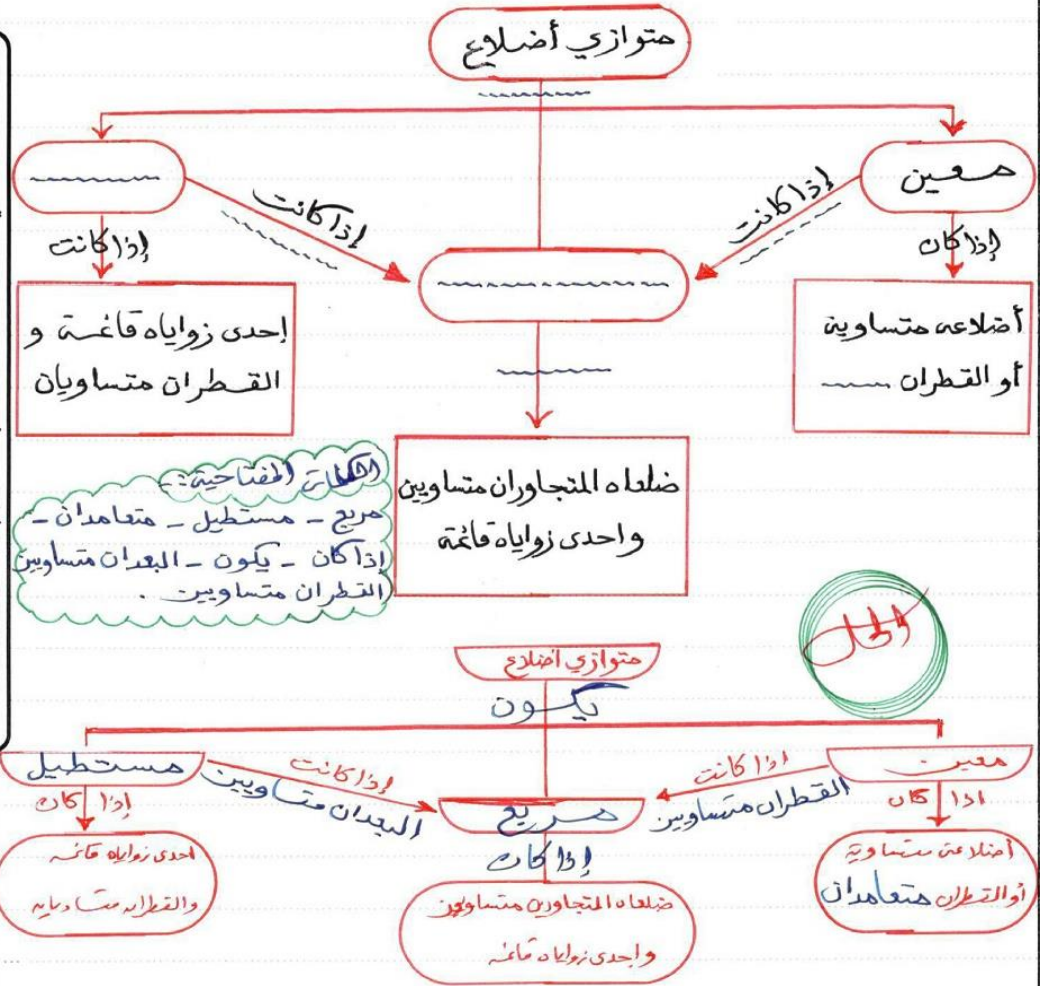
مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبدالمفتاح جمعه

الكل



- ١) معين ، أضلاعه الأربعة متساوية الطول وزواياه غير قائمة
- ٢) شبه مربع ، فيه ضلعان فقط متقابلان متوازيين
- ٣) متوازي أضلاع ، كل ضلعين متقابلان متوازيين
- ٤) متساوي الساقين ، فيه ضلعان متساويان  $SP = SQ$
- ٥) ١٢٠ ، ٦٠

مثال ٤ ← أكمل خريطة المفاهيم التالية مستخدماً الكليء المفتاحية

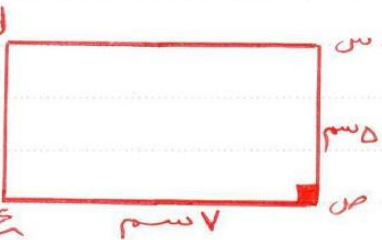


مصطفى حساني 01125442929 & 01125442929

تدريبات العلاقة بين الأشكال الهندسية

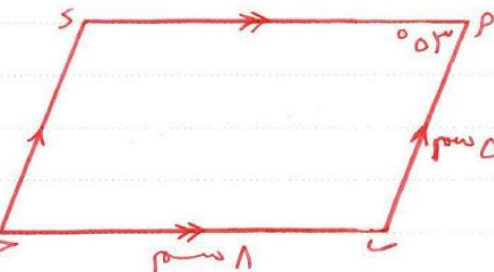
السؤال الأول :- أكمل مايلي :-

- ١) الأضلاع الأربعة متساوية في الطول في كل من ،
- ٢) القطران متعامدان في كل من ،
- ٣) الزوايا الأربع قوائم في كل من ،
- ٤) القطران متساويان الطول في كل من ،
- ٥) القطران ينصف كل منهما الآخر في كل من ،

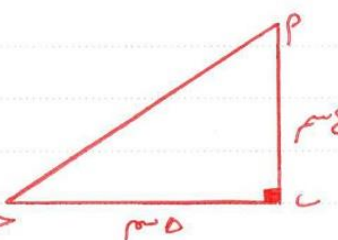


السؤال الثاني أجب عمايلي :-

- ١) في الشكل س ص ع ل مستطيل فيه :-  
 س ص = ٥ سم ، ص ع = ٧ سم  
 أكتب كل المستطيلات الناتجة بالشكل .



- ٢) في الشكل المقابل :-  
 $SP > SR$  متوازي أضلاع فيه :-  
 $SP = ٥$  ،  $SR = ٨$  ،  $\angle P = ٥٣^\circ$  أوجد :-  
 طول  $SR$  ،  $\angle R$  ،  $\angle Q$  ،  $\angle S$



- الشكل المقابل  $P > Q$  مثلث قائم الزاوية في ،
- $PQ = ٤$  ،  $QR = ٥$  ،  $PR = ٥$  ،
- حاول رسم متوازي أضلاع في الحالات التالية :-
- ١) يكون  $P$  قطريه
  - ٢) يكون  $P$  قطريه

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتدَى توجيهِ (الرياضيات) = / عاون / وور

## الدرس الثاني: الأنماط البصرية

مقدمة :-

إذا ما نظرت يوماً إلى أرضيات منزلك أو مدرستك أو ربما المشفى تجد أن البلاط تم تركيبه بشكل منظم ورونق بديع أختلة كثيرة في حياتنا اليومية تدل على أهمية التتابع والنظام من هنا تبدو أهمية اللقاء نظرة على درس الأنماط البصرية فاستمتع بما ترسم !!!

**النمط البصري :-** هو تتابع من الأشكال أو الرموز وفقاً لقاعدة معينة

والأمثلة التالية تمثل أنماطاً بصرية ووصف كل منهما :-

١) (وصف النمط: تكرر  $\square \circ \triangle$ )

٢) (وصف النمط: تكرر  $\square \square$ )

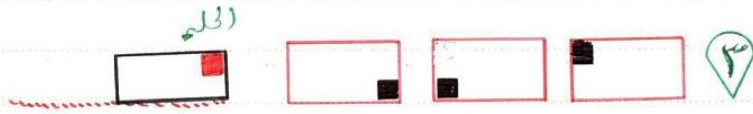
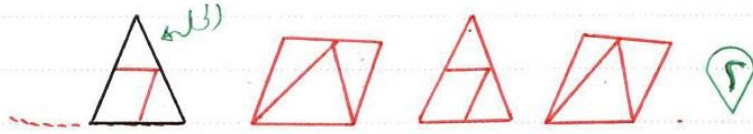
٣) (وصف النمط: تكرر  $\diamond \hexagon$ )

تدريب :-

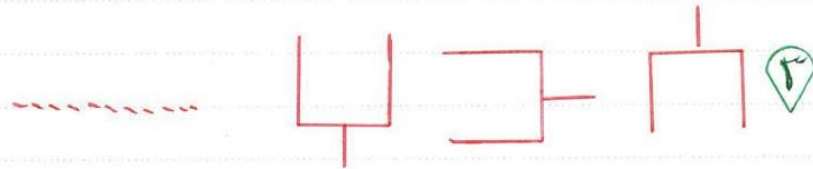
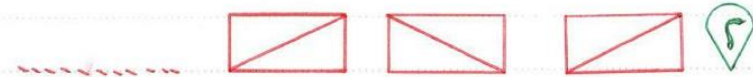
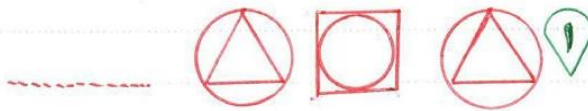
١) (وصف النمط: تكرر  $\triangle \circ \square \triangle \circ \square$ )

٢) (وصف النمط: تكرر  $\circ \circ \circ \circ \circ$ )

مثال ١ :- ارسم الشكل التالي في كل نمط فيما يلي :-



اجتهد ١ :- ارسم الشكل التالي في كل نمط فيما يلي :-



ارسم ٥ أنماط من

مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبد الفتاح جمعه 01125333012



## الدرس الثالث :- الحجم

مقدمة :-

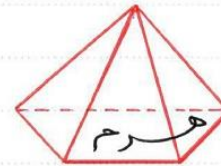
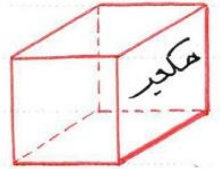
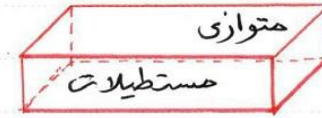
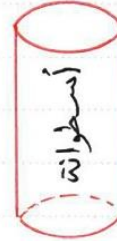
درست في سنوات مضت المجسمات وتعرفت على بعض أشكالها مثل : (علبة الطباشير - فضلك - الكرة - المنزل الذي تسكنه - الخ) يبقى السؤال :- كيف يمكننا أن نحسب حجم مثل هذه المجسمات يأتي الرد في درسنا اليوم .

بداية نتعرف ما هو المجسم :-

كل ما يشغل حيزًا من فراغ ليس مجسمًا

أنواع المجسمات :-

(1) مجسمات لها شكل هندسي :- (منها)

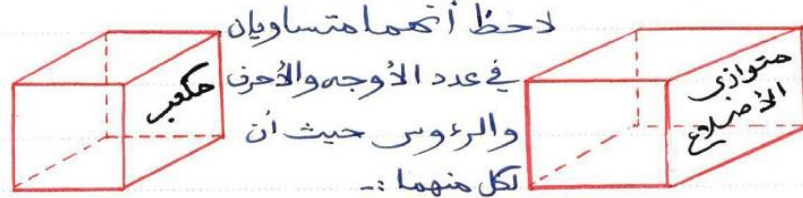


(2) مجسمات ليس لها شكل هندسي :- (منها)

قوقع جري - حبة بطاطس - قطعة حجر - سيارة

الحجم هو مقدار الحيز الذي يشغله الجسم من فراغ

هذا العام ياد الله نركز على :-



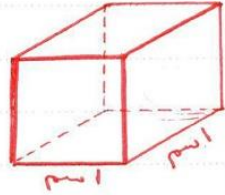
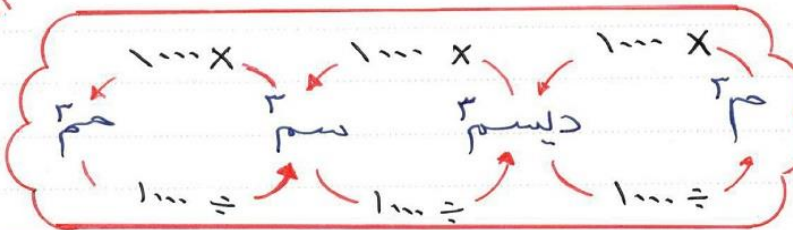
لاحظ أنهما متساويان في عدد الأوجه والأحرف والرؤوس حيث أن لكل منهما :-

٦ أوجه ، ١٢ حرف (حافة) ، ٨ رؤوس

قياس الحجر :-

حجم أي مجسم عبارة عن عدد الوحدات المتساوية المكونة له أو عدد ما يحتويه المجسم من هذه الوحدات

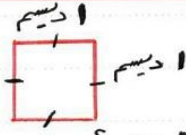
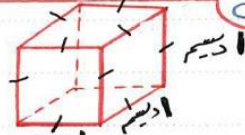
ولكن حجم المجسم يختلف باختلاف الوحدة المستخدمة في القياس وباستخدام الذي يستخدمها لذا كان لابد من البحث عن وحدات ثابتة متفق عليها عالميا لقياس الحجم

السنتمتر المكعب وحدة قياس الحجم (سم<sup>3</sup>)

لحظة من فضلك !!!

وحتى لا يختلط عليك الأمر في

التحويلات



١ ديسيم = ١٠ سم (من وحدات الطول)

١ ديسيم<sup>٣</sup> = ١٠ (سم × سم × سم) = ١٠٠٠ سم<sup>٣</sup> (من وحدات الحجم)١ ديسيم<sup>٣</sup> = ١٠ (سم × سم × سم) = ١٠٠٠ سم<sup>٣</sup> (من وحدات الحجم)

مثال ١ ← حول الحجم التالية إلى وحدة الحجم المقابلة لها

- ١) ١٢٠ ديسم<sup>٢</sup> = ..... سم<sup>٢</sup>      ٢) ٨٢٠٠ ملليمتر مكعب = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٣) ٣ م<sup>٣</sup> = ..... سم<sup>٣</sup>      ٤) ٢ سم<sup>٣</sup> أو ٢ سم<sup>٢</sup> = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٥) ٥٦ سم<sup>٢</sup> = ..... ديسم<sup>٢</sup>

الحل

- ١) ١٢٠ × ١٠٠٠ = ١٢٠٠٠٠      ٢) ٨٢٠٠ ÷ ١٠٠٠ = ٨,٢
- ٣) ٣ × ١٠٠٠٠٠٠ = ٣٠٠٠٠٠٠٠      ٤) ٢ × ١٠٠٠ = ٢٠٠٠
- ٥) ٥٦ × ١٠٠ = ٥٦٠٠

اجتهد ١ ← اختر الصحيح مما بين القوسين :

- ١) ..... م<sup>٢</sup> = ٢٥٨٠ م<sup>٢</sup>      ( ٢٥٨ ..... م<sup>٢</sup> ، ٢٥٨٠ ..... م<sup>٢</sup> ، ٢٥٨ ..... م<sup>٢</sup> )
- ٢) ..... م<sup>٢</sup> = ٥ م<sup>٢</sup>      ( ٥ م<sup>٢</sup> ، ٥ ديسم<sup>٢</sup> ، ٥ سم<sup>٢</sup> ، ٥ ديسم<sup>٣</sup> ، ٥ ديسم<sup>٤</sup> )
- ٣) ٦٥٠ ديسم<sup>٢</sup> = ..... م<sup>٢</sup>      ( ٦٥٠ ..... م<sup>٢</sup> ، ٦٥ ..... م<sup>٢</sup> ، ٦٥٠ ..... م<sup>٢</sup> ، ٦٥٠ ..... م<sup>٢</sup> )
- ٤) ..... م<sup>٢</sup> = ٤٢٠ م<sup>٢</sup>      ( ٤٢ ..... م<sup>٢</sup> ، ٤٢٠ ..... م<sup>٢</sup> ، ٤٢ ..... م<sup>٢</sup> ، ٤٢٠ ..... م<sup>٢</sup> )
- ٥) عدد أوجه صندوق مكعب الشكل بدون غطاء = .....  
( ٦ ، ٨ ، ٥ ، ٤ )
- ٦) عدد أحرف المكعب ..... عدد أحرف متوازي المستطيلات  
( < ، > ، = ، ≥ )

اجتهد ٢ ← أكمل ما يلي :

- ١) ٥ م<sup>٢</sup> = ..... ديسم<sup>٢</sup>
- ٢) ١٢٥ م<sup>٢</sup> = ..... سم<sup>٢</sup>
- ٣) ٧٥٠ ديسمتر مكعب = ..... م<sup>٣</sup>
- ٤) ١٥٠ سم<sup>٢</sup> + ٥٠ ديسم<sup>٢</sup> = ..... ديسم<sup>٢</sup>
- ٥) ١٢٠ ديسم<sup>٢</sup> = ..... × ..... م<sup>٢</sup>
- ٦)  $\frac{٢}{٥}$  م<sup>٢</sup> = ..... ديسم<sup>٢</sup>

تدريبات الحجم

السؤال الأول : اختر الصحيح مما بين القوسين :

- ١) ١ سم<sup>٣</sup> = ..... ديسم<sup>٣</sup>      ( ١ ، ١٠ ، ١٠٠ ،  $\frac{١}{١٠٠}$  )
- ٢) ١٠ سم<sup>٣</sup> = ..... ديسم<sup>٣</sup>      ( ١٠٠ ، ١٠٠٠ ، ١٠٠٠٠ ، ١٠ )
- ٣) عدد زوايا متوازي المستطيلات = .....  
( ٦ ، ٨ ، ١٢ ، ١٠ )
- ٤) ..... ديسم<sup>٣</sup> = ٧ سم<sup>٣</sup>      ( ٧ ، ٧٠٠٠ ، ٧٠٠٠٠ ، ٧٠٠٠٠٠ )
- ٥) ١,٥ م<sup>٣</sup> = ..... ديسم<sup>٣</sup>      ( ١٥٠٠ ، ١٥٠٠٠ ، ١٥٠٠٠٠ ، ١٥٠٠٠٠٠ )

السؤال الثاني : أكمل ما يلي :

- ١) كل ما يشغل حيزاً من فراغ يسمى .....
- ٢) مقدار الحيز الذي يشغله الجسم من فراغ .  
٣) ٦٥٠ ديسم<sup>٢</sup> = ..... م<sup>٢</sup>
- ٤) ١٥ سم<sup>٢</sup> = ..... م<sup>٢</sup>
- ٥) ..... م<sup>٢</sup> - ٢ ديسم<sup>٢</sup> = ..... م<sup>٢</sup>

فكر! صل بين القير المتساوية بين الأعمدة P ، ب ، ج ، د

العمود >	العمود ب	العمود ج
١٠٠٠٠ ديسم <sup>٢</sup>	٢ ديسم <sup>٢</sup>	٣ م <sup>٢</sup>
٢ سم <sup>٣</sup>	١٠٠٠ ديسم <sup>٢</sup>	٦ سم <sup>٣</sup> - ٥ سم <sup>٣</sup>
١٠٠٠٠ ديسم <sup>٢</sup>	٣ م <sup>٢</sup>	١٥٠ سم <sup>٢</sup> + ٥٠ ديسم <sup>٢</sup>

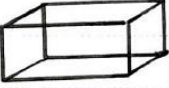
مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

## الدرس الرابع حجم متوازي المستطيلات

مقدمة :-

تعلمنا في الدرس السابق أنه يمكن إيجاد حجم الجسام عن طريق معرفة عدد الوحدات المكعبة التي يتكون منها الجسم .



قاعدة :

$$= \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$= \text{حاصل ضرب أبعاد الثلاثة}$$

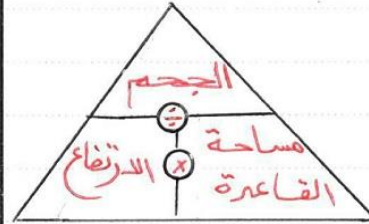
$$= \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

حجم متوازي المستطيلات

ويمكن إيجاد مساحة القاعدة أو الارتفاع إذا علم حجم متوازي الأضلاع

$$\text{مساحة القاعدة} = \frac{\text{حجم متوازي المستطيلات}}{\text{الارتفاع}}$$

$$\text{ارتفاع متوازي المستطيلات} = \frac{\text{حجم متوازي المستطيلات}}{\text{مساحة القاعدة}}$$



مثال ١ :- أوجد حجم متوازي المستطيلات الذي أبعاده ٦ سم، ٤ سم، ٣ سم

الحل :

حجم متوازي المستطيلات = حاصل ضرب أبعاده الثلاثة

$$= 6 \times 4 \times 3 = 72 \text{ سم}^3$$

اجتهد ١ :- أوجد حجم متوازي المستطيلات الذي أبعاده ٦ سم، ٥ سم، ٢ سم .

مثال ١٢ :- أوجد حجم متوازي المستطيلات الذي طولُه ٦ سم وعرضه ٣ سم وارتفاعه ٢ سم

الحل

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$= 6 \times 3 \times 2 = 36 \text{ سم}^3$$

اجتهد ٢ :- أوجد حجم متوازي المستطيلات الذي طولُه ٧ سم وعرضه ٢ سم وارتفاعه ٣ سم

مثال ٢ :- أوجد حجم متوازي المستطيلات مساحة قاعدته ٦ سم<sup>٢</sup> وارتفاعه ٤ سم

الحل

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$= 6 \times 4 = 24 \text{ سم}^3$$

اجتهد ٣ :- أيهما أكبر حجمًا متوازي مستطيلات طولُه ٨ سم وعرضه ٤ سم وارتفاعه ٢ سم . أم متوازي مستطيلات مساحة قاعدته ٢٠ سم<sup>٢</sup> وارتفاعه ٣ سم ؟

مثال ٤ ← متوازي مستطيلات حجمه  $٨٤ \text{ سم}^٣$  ومساحة قاعدته  $٢١ \text{ سم}^٢$   
أوجد ارتفاعه .

الحل : ارتفاع متوازي المستطيلات =  $\frac{\text{حجم متوازي المستطيلات}}{\text{مساحة القاعدة}}$

$$٤ \text{ سم} = \frac{٨٤}{٢١} =$$

مثال ٥ ← متوازي مستطيلات حجمه  $٢١٢٨ \text{ سم}^٣$  لحوله  $١٩ \text{ سم}$   
وارتفاعه  $١٤ \text{ سم}$  . أوجد مساحة قاعدته وعرضه

الحل

مساحة القاعدة =  $\frac{\text{حجم متوازي المتوازي}}{\text{الارتفاع}} = \frac{٢١٢٨}{١٤} = ١٥٢ \text{ سم}^٢$

مساحة القاعدة = الطول  $\times$  العرض

$$١٥٢ = ١٩ \times \text{العرض}$$

$$\text{العرض} = \frac{\text{مساحة القاعدة}}{\text{الطول}} = \frac{١٥٢}{١٩} = ٨ \text{ سم}$$

اجتهد ← متوازي مستطيلات حجمه  $١٣٥ \text{ سم}^٣$  لحوله  $٩ \text{ سم}$   
ارتفاعه  $٣ \text{ سم}$  أوجد مساحة قاعدته وعرضه

مثال ٦ ← علبة حلوى على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من الداخل  
 $٢١ \text{ سم}$  و  $١٨ \text{ سم}$  و  $٦ \text{ سم}$  . يراد تعبئتها بقطع من الشيكولاتة  
أبعادها النطقة الواحدة  $٣ \text{ سم}$  و  $٣ \text{ سم}$  و  $١ \text{ سم}$  . احسب عدد قطع  
الشيكولاتة التي تملأ علبة الحلوى تمامًا .

الحل

حجم علبة الحلوى = حاصل ضرب أبعادها الثلاثة

$$٢١ \times ١٨ \times ٦ = ٢٢٦٨ \text{ سم}^٣ =$$

$$\text{حجم قطعة الشيكولاتة} = ١ \times ٣ \times ٣ = ٩ \text{ سم}^٣ =$$

$$\text{عدد قطع الشيكولاتة} = \frac{\text{حجم علبة الحلوى}}{\text{حجم قطعة الشيكولاتة}} = \frac{٢٢٦٨}{٩} = ٢٥٢ \text{ قطعة}$$

مثال ٧ ← حاوية على شكل متوازي مستطيلات لنقل بضائع أبعادها

من الداخل  $٣٠ \text{ م}$  و  $١٥ \text{ م}$  و  $٢٠ \text{ م}$  يراد تعبئتها بصناديق

من الكرتون على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من

الخارج  $٤٠ \text{ م}$  و  $٣٥ \text{ م}$  و  $٣٥ \text{ م}$  احسب :

١ أكبر عدد ممكن من الصناديق يمكن تعبئتها .

٢ تكلفة النقل إذا كانت تكلفة نقل الكرتونة الواحدة  $٧٥$  ، جنيهاً

الحل

$$١ \text{ حجم الحاوية} = ٢٠ \times ١٥٠ \times ٣٠ = ٩٦٠٠٠ \text{ سم}^٣ =$$

$$\text{حجم الصندوق} = ٤٠ \times ٣٥ \times ٣٥ = ٤٩٠٠٠ \text{ سم}^٣ =$$

$$\text{عدد الصناديق} = \frac{٩٦٠٠٠}{٤٩٠٠٠} = ٣٨٤ \text{ صندوق}$$

يمكن حلها بطريقة أخرى : عدد الصناديق =  $\frac{\text{حجم الحاوية}}{\text{حجم الصندوق}} = \frac{٢٠ \times ١٥٠ \times ٣٠}{٤٠ \times ٣٥ \times ٣٥} = ٣٨٤$  صندوق

٢ تكلفة النقل = عدد الصناديق  $\times$  ثمن الصندوق =  $٣٨٤ \times ٧٥ = ٢٨٨٠٠$  جليهاً

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) -- منتقى توجيه (الرياضيات) -- (١٩) علون (١٥٥)

مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح جمعه 01125333012

اجتهد 7 ← علبة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 12 سم، 10 سم، 15 سم  
يراد تعبئته بقطع من الحلوى كل قطعة على شكل متوازي مستطيلات  
أبعاده (3 سم، 2 سم، 3 سم) أوجد  
أكبر عدد من قطع الحلوى يمكن تعبئتها في العلبة.

مثال 8 ← استخدم عامل بناء 150 قالب لخبز في إقامة جدار  
احسب حجم الجدار بالمتر المكعب إذا كان قالب  
الخبز على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 25 سم، 12 سم، 6 سم

الحل ←

$$\begin{aligned} \text{حجم قالب الخبز} &= 6 \times 12 \times 25 = 1800 \text{ سم}^3 \\ \text{حجم الجدار} &= 150 \times 1800 = 270000 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$

$$\text{حجم الجدار بالمتر} = \frac{270000}{1000000} = 0,27 \text{ م}^3$$

اجتهد 7 ← استخدم عامل بناء 120 قالب لخبز في إقامة جدار  
احسب حجم الجدار بالمتر المكعب إذا كانت قالب الخبز  
على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 15 سم، 12 سم، 10 سم

مثال 8 ← صب 840 سم<sup>3</sup> من الماء في إناء على شكل متوازي مستطيلات  
أبعاده من الداخل 20 سم، 25 سم، 40 سم  
أحسب 1) ارتفاع الماء في الإناء  
2) حجم الماء الذي يلزم إضافته لملء الإناء تمامًا

الحل ←

الحل :-

$$\begin{aligned} \text{ارتفاع طلاء} &= \frac{\text{حجم الماء بالإناء}}{\text{مساحة القاعدة (الطول} \times \text{العرض)}} \\ 17 \text{ سم} &= \frac{1400}{70 \times 35} \end{aligned}$$

1) حجم الماء الذي إضافته = حجم الإناء - حجم الماء الموجود  
 $(50 \times 30 \times 20) - 1400 = 3100 - 1400 = 1700 \text{ سم}^3$

مثال 9 ← صب 760 سم<sup>3</sup> من الماء في إناء على شكل متوازي مستطيلات  
أبعاده 40 سم، 10 سم، 10 سم وارتفاعه 36 سم أوجد :-

1) ارتفاع الماء في الإناء 2) حجم الماء الذي يلزم إضافته لملء الإناء تمامًا

$$\text{1) ارتفاع الماء} = \frac{\text{حجم الماء بالإناء}}{\text{مساحة القاعدة}} = \frac{760}{10 \times 40} = 19 \text{ سم}$$

2) حجم الماء الذي يلزم إضافته = حجم الإناء - حجم الماء الموجود  
 $(40 \times 10 \times 36) - 760 = 14400 - 760 = 13640 \text{ سم}^3$

اجتهد 8 ← صب 300 سم<sup>3</sup> من الماء في إناء على شكل متوازي مستطيلات  
أبعاده 10 سم، 10 سم أوجد ارتفاع الماء في الإناء.

اجتهد 9 ← صب 600 سم<sup>3</sup> في حمام مساحة أبعاده 150 سم، 40 سم  
وارتفاعه 30 سم أوجد :-

1) ارتفاع الماء الذي صب في الحمام  
2) حجم الماء اللازم إضافته لملء الحمام

**مثال ١** - إناء على شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٣٢ سم، ١٦ سم، ٥ سم مملوء بالماء حسب هذا الماء في صفيحة على شكل متوازي مستطيلات قاعدته مربعة التكل لحول ضلعها ٣٢ سم أوجد ارتفاع الماء في الصفيحة

**الحل**  
 ارتفاع الماء =  $\frac{\text{حجم الماء في الإناء}}{\text{مساحة القاعدة (المول الحرف) \times (المول الحرف)}}$   

$$= \frac{16 \times 16 \times 32}{32 \times 32} = 5 \text{ سم}$$

**مثال ١١** - متوازي مستطيلات قاعدته على شكل مربع لحول ضلعها ٤ سم أوجد ارتفاع متوازي المستطيلات إذا كان حجمه ٣٢ سم<sup>٣</sup>

**الحل**  
 ارتفاع متوازي المستطيلات =  $\frac{\text{حجم متوازي المستطيلات}}{\text{مساحة القاعدة}}$   

$$= \frac{32}{4 \times 4} = 2 \text{ سم}$$

**مثال ١٠** - متوازي مستطيلات مجموع أطوال أبعاده ٤٨ سم والنسبة بين أبعاده ٣ : ٤ : ٥ أوجد حجمه

**الحل**  
 مجموع الأجزاء = ٣ + ٤ + ٥ = ١٢ جزء  
 قيمة الجزء =  $\frac{48}{12} = 4$   
 البعد الأول = ٤ × ٥ = ٢٠ سم  
 البعد الثاني = ٤ × ٤ = ١٦ سم  
 الحجم = ٢٠ × ١٦ × ٤ = ٣٨٤ سم<sup>٣</sup>

**تدريبات على حجم متوازي المستطيلات**

**السؤال الأول:** اختر الأجابة الصحيحة مما بين القوسين

- حجم متوازي المستطيلات = مساحة القاعدة × **الارتفاع** (غير ذلك)
- متوازي مستطيلات أبعاده ٢ سم، ٣ سم، ٥ سم فإنه حجمه = **٣٠** (٥، ٦، ٣، ١٠)
- عدد رؤوس متوازي المستطيلات = **٨** (٦، ٩، ١٢، ٨)
- متوازي مستطيلات حجمه ٤٨ سم<sup>٣</sup> ومساحة قاعدته ٤ سم<sup>٢</sup> فإنه ارتفاعه = **١٢** (١٠، ٦، ٤، ١٢)
- حجم متوازي مستطيلات أبعاده ٥، ١، ٢، ٢، ٢، ٢ = **٤٠** (٣ × ٢ × ٢، ٢ + ٢ + ٢، ٢ × (٢ + ١ + ٥)، ٢ × ٢ × ٢)

**السؤال الثاني:** أكمل ما يأتي -

- حجم متوازي المستطيلات = **مساحة القاعدة × الارتفاع**
- متوازي مستطيلات حجمه ٧٢ سم<sup>٣</sup> ومساحة القاعدة ١٢ سم<sup>٢</sup> فإنه ارتفاعه = **٦ سم**
- متوازي المستطيلات له **٨** رؤوس - **٤** أحرف - **٦** أوجه
- حجم متوازي المستطيلات مساحة قاعدته ١٥٠ سم<sup>٢</sup> وارتفاعه ٥ سم = **٧٥٠ سم<sup>٣</sup>**

**السؤال الثالث:** أجب عما يأتي -

- أوجد ارتفاع متوازي الاضلاع حجمه ٤٠ سم<sup>٢</sup> ومساحة قاعدته ٧ سم<sup>٢</sup>
  - استخدم عامل بناء ٥٥ قالب من الطوب في اقامة جدار احسب حجم الجدار بالمترا المكعب اذا كان قالب الطوب على شكل متوازي مستطيلات ابعاده ٥ سم، ٥ سم، ٦ سم
- فكر!** متوازي مستطيلات قاعدته مستطيلة الشكل محيطها ٤٠ سم والنسبة بين الطول والعرض ٣ : ٢ احسب الحجم اذا كان الارتفاع = ١٠ سم

مصحف حسني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

## الدرس الخامس: حجم المكعب

مقدمة :-

- المكعب عبارة عن متوازي مستطيلات أبعاده الثلاثة متساوية.
  - كل وجه من أوجه المكعب عبارة عن مربع.
  - محيط المربع = طول الضلع  $\times 4$ .
  - وليجاد حجم المكعب .. هذا ما سنتعرف عليه في الأسطر التالية
- حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  طول الحرف  $\times$  طول الحرف**
- من خلال القانون السابق يتضح لنا أي حل أي مسألة تخص المكعب تأتي من خلال معرفة طول الحرف .

طول حرف المكعب = مجموع أطوال أحرافه  $\div 12$

محيط الوجه  $\div 4$

مثال ١

- ١) مكعب طول حرفه ٥ سم أوجد حجمه .
- ٢) مكعب مجموع أطوال أحرافه ٣٦ سم. أوجد حجمه .
- ٣) مكعب محيط أحد أوجهه ٨ سم أوجد حجمه
- ٤) مكعب مساحة أوجهه ٣٦ سم<sup>٢</sup> أوجد حجمه

الحل

- ١) حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  طول الحرف  $\times$  طول الحرف  
=  $5 \times 5 \times 5 = 125$  سم<sup>٣</sup>
- ٢) طول حرف المكعب =  $36 \div 12 = 3$  سم  
حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  طول الحرف  $\times$  طول الحرف  
=  $3 \times 3 \times 3 = 27$  سم<sup>٣</sup>
- ٣) طول حرف المكعب =  $8 \div 4 = 2$  سم  
حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  طول الحرف  $\times$  طول الحرف  
=  $2 \times 2 \times 2 = 8$  سم<sup>٣</sup>

طول الحرف = ٦ سم لأن مساحة الوجه (على شكل مربع) = ٣٦ سم<sup>٢</sup>

حجم المكعب = طول الحرف  $\times$  طول الحرف  $\times$  طول الحرف  
=  $6 \times 6 \times 6 = 216$  سم<sup>٣</sup>

مثال ٢ ← مكعب من الجبن طول حرفه ١٥ سم يراد تقسيمه إلى مكعبات صغيرة طول حرفها ٣ سم لتقديمها ضمن أحد الوجبات - احسب عدد مكعبات الجبن الصغيرة الناتجة .

الحل) حجم مكعب الجبن =  $15 \times 15 \times 15 = 3375$  سم<sup>٣</sup>

حجم المكعب الصغير =  $3 \times 3 \times 3 = 27$  سم<sup>٣</sup>

عدد المكعبات الصغيرة =  $3375 \div 27 = 125$  مكعب

حل آخر عدد المكعبات الناتجة =  $\frac{15 \times 15 \times 15}{3 \times 3 \times 3} = 125$  مكعب

اجتهاد ١ ← مكعب مجموع أطوال أحرافه ١٣٢ سم . احسب حجمه .  
مكعب مساحة أحد أوجهه ٥٤ سم<sup>٢</sup> . احسب حجمه .

اجتهاد ٢ ← مكعب من المعدن طول حرفه ٩ سم . يُراد صهره وتحليله إلى سبائك كل سبيكة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٣ سم ، ٣ سم ، ١ سم احسب عدد السبائك التي يتم الحصول عليها .

مثال ٣ ← حوض لأسماك الزينة مكعب الشكل له غطاء ، طول حرفه الداخلي ٣٥ سم ، مصنوع من الزجاج ، أوجد حجم الزجاج المصنوع منه هذا الحوض إذا كان تمسك الزجاج ٥ سم .

الحل) طول حرف الحوض من الخارج =  $35 + 1 = 36$  سم

حجم الحوض من الخارج =  $36 \times 36 \times 36 = 46656$  سم<sup>٣</sup>

حجم الحوض من الداخل =  $35 \times 35 \times 35 = 42875$  سم<sup>٣</sup>

حجم الزجاج =  $46656 - 42875 = 3781$  سم<sup>٣</sup>

**مثال ٤** ← لدينا كمية من الأرز حجمها ... ٩٧ سم<sup>٣</sup> يُراد تعبئتها في صندوق بين أي الصندوقين يصلح ولماذا ؟  
متوازي مستطيلات أبعاده من الداخل ٤٥ سم ، ٤٠ سم ، ١٥ سم  
مكعب طرفه من الداخل ٢٠ سم .

**الحل** حيز المتوازي من الداخل =  $٤٥ \times ٤٠ \times ١٥ = ٢٧٠٠٠$  سم<sup>٣</sup>  
حجم المكعب =  $٢٠ \times ٢٠ \times ٢٠ = ٨٠٠٠$  سم<sup>٣</sup>

الصندوق الذي على شكل المتوازي هو الذي يصلح .  
لأن حجم الأرز يساوي حجم المتوازي من الداخل وأكبر من حجم المكعب بمقدار ... ١٦٩ سم<sup>٣</sup>

**مثال ٥** ← محل تجاري يعرض علبة مكعبة الشكل طول حرفها ١٢ سم  
معبأة بنوع فاخر من عسل النحل - احسب المبلغ المدفوع لمتشخص  
اشترى ثلاث عُلب من هذا العسل إذا كان سعر السم = ٠.٥ جنية .

**الحل** حجم العلبة الواحدة =  $١٢ \times ١٢ \times ١٢ = ١٧٢٨$  سم<sup>٣</sup>  
سعر العلبة =  $١٧٢٨ \times ٠.٥ = ٨٦٤$  جنيهاً  
اجمالي المبلغ =  $٨٦٤ \times ٣ = ٢٥٩٢$  جنيهاً

**اجتهد ٤** ← علبة لبن على شكل مكعب طول حرفه ١٢ سم يُراد  
تعبئة عدد منها في صندوق من الكرتون على شكل مكعب طول حرفه  
من الداخل ٦٠ سم . احسب عدد عُلب اللبن التي تملأ صندوق  
الكرتون

**اجتهد ٥** ← صندوق من الكرتون مكعب الشكل طول حرفه  
من الخارج ٣٠ سم ووضِع بداخله تحفة فنية من الزجاج  
ولحمايتها من الكسر أثناء النقل تم وضع الصندوق داخل صندوق  
آخر من الكرتون مكعب الشكل طول حرفه من الداخل ٣٦ سم وتم ملء الفراغ  
بين الصندوقين من جميع الجهات بالإسفنج - احسب حجم الإسفنج اللازم لذلك .

**مثال ٦** ← قطعة من المعدن على شكل مكعب طول حرفه ٢٠ سم صهرت  
وحولت إلى متوازي مستطيلات ، بعدا قاعدته ٢٥ سم ، ٢٠ سم .  
أوجد ارتفاع متوازي المستطيلات .

**الحل** حجم المكعب =  $٢٠ \times ٢٠ \times ٢٠ = ٨٠٠٠$  سم<sup>٣</sup>

مساحة قاعدة متوازي المستطيلات =  $٢٥ \times ٢٠ = ٥٠٠$  سم<sup>٢</sup>

ارتفاع متوازي المستطيلات =  $\frac{\text{الحجم}}{\text{مساحة القاعدة}} = \frac{٨٠٠٠}{٥٠٠} = ١٦$  سم

**مثال ٧** ← صندوق على شكل مكعب طول حرفه ٤٠ سم يُراد تعبئته  
بقطع من الحلوى كل قطعة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده

٨ سم ، ٥ سم ، ١٠ سم . أوجد أكبر عدد من قطع الحلوى التي توضع في الصندوق  
**الحل** عدد القطع =  $\frac{٤٠ \times ٤٠ \times ٤٠}{١٢ \times ٥ \times ٨} = ١٦٠$  قطعة .

**اجتهد ٦** ← مكعب من الحلوى طول حرفه ١٢ سم قُسم إلى  
قطع صغيرة على هيئة متوازي مستطيلات أبعاد القطعة الواحدة  
منها ٦ سم ، ٤ سم ، ٣ سم . احسب عدد القطع الصغيرة .

**اجتهد ٧** ← اختر الصحيح مما بين القوسين :-

١) مكعب طول حرفه ٥ سم فإن حجمه = ... سم<sup>٣</sup>

( ٥ ، ٢٥ ، ١٢٥ )

٢) مكعب طول حرفه ٢٠ و١٠ ديسم فإن حجمه = ...

( ٨٠٠ ، ١٠٠٠ ، ٨٠٠٠ ، ١٠٠٠٠ )

٣) مكعب طول حرفه  $\frac{1}{٢}$  متر فإن حجمه = ... سم<sup>٣</sup>

(  $\frac{1}{٢}$  ،  $\frac{1}{٨}$  ،  $\frac{1}{٦}$  ، ٨ )

٤) مكعب محيط أحد أوجيهه ٤ سم فإن حجمه = ... سم<sup>٣</sup>

( ١ ، ٤ ، ٦ ، ١٢ )

٥) مكعب مجموع أطوال أحرفه ٢٤ سم فإن مساحة أحد أوجيهه = ... سم<sup>٢</sup>

( ٨ ، ٦ ، ٤ ، ٢ )

المجتهد في الرياضيات (السادس) - منتقى تجميعه (الرياضيات) (الاول) (الاول)

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالمفتاح جمعه 01125333012



## تدريبات حجم المكعب

السؤال الأول: أكمل ما يلي

- ١) مكعب طول حرفه ٤ سم فإن حجمه = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٢) مكعب طول حرفه ٧ سم فإن حجمه = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٣) إذا كان حجم مكعب ٨ سم<sup>٣</sup> فإن مساحته أحد أوجهه = ..... سم<sup>٢</sup>
- ٤) مكعب مجموع مساحات أوجهه ٤٥ سم<sup>٢</sup> ، فإن مساحته الوجه = ..... سم<sup>٢</sup>
- ٥) طول الحرف = ..... سم ، وحجمه = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٥) مكعب محيط قاعدته ٢٠ سم ، فإن حجمه = ..... سم<sup>٣</sup>

السؤال الثاني: اجب عما يلي :-

- ١) ايهما أكبر حجمًا : مكعب طول حرفه ٢ سم أم متوازي مستطيلات أبعادها ٢ سم ، ٣ سم ، ٥ سم
- ٢) قطعة من المعدن على شكل مكعب طول حرفه ٤ سم ، صهرت وحولت إلى متوازي مستطيلات بعد قاعدته ٥ سم ، ٤ سم . فأوجد ارتفاع المتوازي .
- ٣) مكعب من المصلصال طول حرفه ٨ سم ، صنت منه مكعبات طول حرف الواحد منها ٢ سم أوجد عدد المكعبات .

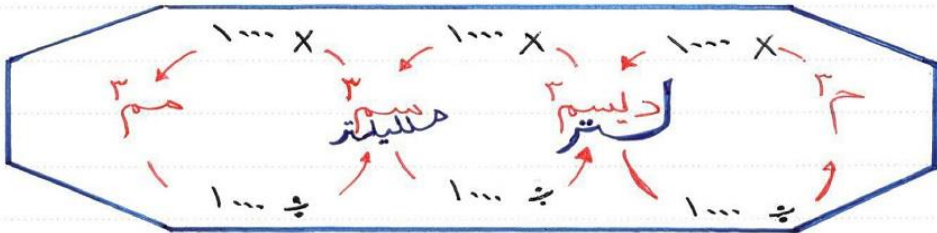
**فكر** وعاء زجاجي مكعب الشكل طول حرفه الداخلي ٢٠ سم يحوي هذا العاء كمية من الماء فإذا استقطنا فيه قطعة من المعدن فارتفع سطح الماء ٥ سم نتيجة لذلك - فأوجد حجم القطعة المعدنية .

## الدرس السادس : السعة

مقدمة :-

من السهل قياس أطوال كالقلم ، طول حرف المنضدة وذلك باستخدام أدوات القياس المناسبة (مم ، سم ، ديسم ، م ..... ) أيضًا يمكنك قياس الأوزان بوحداته المناسبة (جم ، كجم ، طن ) أيضًا إيجاد المساحات (مم<sup>٢</sup> ، سم<sup>٢</sup> ، ديسم<sup>٢</sup> ، ..... ) وقد درست ذلك سابقًا **ولكن** كيف الحال إذا ما أردنا إيجاد حجم الفراغ الداخلي لأي مجسم أجوف وهذا ما يعرف بالسعة .

سعة الإذناء ← هي حجم السائل الذي يملؤه تمامًا وتقاس بوحدة قياس **الليتر** والتر ← وحدة قياس السعة وتساوي ديسم<sup>٣</sup> ( ١٠٠٠ سم<sup>٣</sup> )



مثال ١ ← أكمل ما يلي :-

- ١)  $\frac{3}{4}$  لتر = ..... ديسم<sup>٣</sup>
- ٢) ٣ لترات = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٢) السعة هي: .....
- ١)  $\frac{3}{4}$  لتر = ..... سم<sup>٣</sup>
- ٢) حجم الفراغ الداخلي لأي مجسم أجوف
- ٤) ١,٤٥ لتر = ٠,٥ + ..... لتر = ٢ لتر
- ٥) ٤٦٠٠ = ١٠٠٠ × .....
- ٦) ١ = ١٠٠٠ ÷ .....

المجتهد في الرياضيات (الرياضيات) = للصف (السادس) = منتقري توجيه (الرياضيات) = / / عاون (لور)

مصطفى حساني 01125442929 &amp; 01125333012 عبدالمفتاح جمعه

مثال ٢ ← وعاء به ١٢ لترًا من العسل، يُراد تفرغها في زجاجات صغيرة سعة أي منها ٤ سم<sup>٣</sup> احسب عدد الزجاجات اللازمة لذلك.

الحل

$$\text{عدد الزجاجات اللازمة} = \frac{١٢ \times ١٠٠٠}{٤} = ٣٠٠٠ \text{ زجاجة}$$

اجتهد ١ ← أكمل ما يلي :-

- ١ من وحدات قياس السعة ..... ل .....  
 ٢ اللتر = ..... مليلتر .  
 ٣ ٤ لتر = ..... ديسم<sup>٣</sup>  
 ٤ ٦ ديسم<sup>٣</sup> = ..... سم<sup>٣</sup>  
 ٥ ٥ لتر = ..... مليلتر

اجتهد ٢ ← حريص - شفاء الله - يتناول يوميا ملعقة دواء سعتها ٣ مليلتر صباحا ومساء ، بعد كمر يوم يكون قد تناول ٤ سم<sup>٣</sup> من هذا الدواء .

مثال ٣ ← إناء على شكل مكعب طول حرفه من الداخل ٣ سم، ملىء بزيت الطعام احسب سعته وثمانه إذا كان سعر اللتر ١٤,٥ جنيه .

الحل

$$\text{سعة الإناء} = ٣ \times ٣ \times ٣ = ٢٧ \text{ سم}^٣ = ٢٧ \text{ لتر} \\ \text{ثمان الزيت} = ٢٧ \times ١٤,٥ = ٣٩١,٥ \text{ جنيهًا}$$

مثال ٤ ← إناء على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدته من الداخل ٣٥ سم ، ٣ سم وارتفاعه ٤٢ سم وضعت بداخله كمية من السولار ارتفاعها  $\frac{1}{3}$  ارتفاع الإناء احسب :-

١ حجم السولار بالإناء (ن) المثلث الكلي للسولار بالإناء إذا كان ثمن اللتر الواحد ١٤,٧

الحل

$$\text{حجم السولار بالإناء} = ٣٥ \times ٣ \times ١٤ = ١٤٧٠ \text{ سم}^٣ = ١٤٧ \text{ لتر} \\ \text{ثمان السولار} = ١٤٧ \times ١٤,٧ = ٢١٦٠,٩ = ٢١٦٠,٩ \text{ جنيهًا}$$

$$\text{حجم السولار بالإناء} = ٣٥ \times ٣ \times ١٤ = ١٤٧٠ \text{ سم}^٣ = ١٤٧ \text{ لتر} \\ \text{ثمان السولار} = ١٤٧ \times ١٤,٧ = ٢١٦٠,٩ = ٢١٦٠,٩ \text{ جنيهًا}$$

اجتهد ٣ ← صفيحة على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من الداخل ١٥ ، ٢٤ ، ٣٠ من السنتيمترات ، حلت بالهسل ، ثمن اللتر الواحد منه ٧٥ جنيهًا **أوجد ثمن الهسل بالصفيحة**

اجتهد ٤ ← إناء على شكل مكعب طول حرفه من الداخل ٢٠ سم ملىء بالزيت احسب ثمن الزيت بالإناء علمًا بأن اللتر الواحد من الزيت = ١٦,٥ جنيهًا

مثال ٥ ← حوض على شكل متوازي مستطيلات بعدا قاعدتيه الداخلية ٤٥ سم ، ٣٠ سم وارتفاعه من الداخل ٤٠ سم . أوجد سعة الحوض باللترات

إذا صب في الحوض ٢٧ لترًا من الماء فكم يكون ارتفاع الماء ؟

الحل

$$\text{سعة الحوض} = ٤٥ \times ٣٠ \times ٤٠ = ٥٤٠٠٠ \text{ سم}^٣ = ٥٤ \text{ لتر} \\ \text{ارتفاع الماء} = \frac{٢٧ \times ١٠٠٠}{٣٠ \times ٤٥} = ٢٠ \text{ سم}$$

مثال ٦ ← وعاء على شكل مكعب طول حرفه الداخلي ٤ سم مملوء بالعصير ، يُراد تعبئته في زجاجات صغيرة سعة الزجاجات  $\frac{1}{5}$  لتر . **أوجد عدد الزجاجات .**

الحل

$$\text{سعة الوعاء} = ٤ \times ٤ \times ٤ = ٦٤ \text{ سم}^٣ = ٦٤ \text{ لتر} \\ \text{عدد الزجاجات} = \frac{٦٤}{\frac{1}{5}} = ٦٤ \times ٥ = ٣٢٠ \text{ زجاجة} \\ \text{سعة الزجاجة الواحدة} = \frac{٤}{٥} = ٠,٨ \text{ سم}^٣ \\ \text{سعة الوعاء} = ٤ \times ٤ \times ٤ = ٦٤ \text{ سم}^٣ \\ \text{عدد الزجاجات} = \frac{٦٤}{٠,٨} = ٨٠ \text{ زجاجة}$$

حل آخر

اجتهد ٥ ← حوض سمك أبعاده من الداخل ٢٠ سم ، ٢٠ سم ، ٤٥ سم أوجد سعة الحوض باللتر .

## تدريبات السعة

السؤال الأول: تخير الصحيح مما بين القوسين :-

- ١ ... ٤ سم<sup>٣</sup> = ... مليلتر ( ... ٤ ... ٤ ... ٤ ... ٤ )
- ٢ ١٦ ديسم<sup>٣</sup> = ... لتر ( ... ١٦ ... ١٦ ... ١٦ ... ١٦ )
- ٣ ... ٤ مليلتر = ... سم<sup>٣</sup> ( ... ٤ ... ٤ ... ٤ ... ٤ )

السؤال الثاني: اعمل مايلي :-

- ١ من وحدات قياس السعة ... ٤
- ٢ اللتر = ... مليلتر
- ٣ ديسم<sup>٣</sup> = ... سم<sup>٣</sup>

السؤال الثالث :- اجب عما يأتي :-

- ١ علبة حليب سعتها ٢ لتر وعلبة أخرى سعتها ٢٠٠ مليلتر . كم علبة من النوع الثاني نحتاجها لتسع عبوة العلبه الأولى تمامًا .
- ٢ حمام سباحة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده من الداخل : ٤ م ، ٣ م ، ٨ م و ٢ م أوجد سعته باللترات .
- ٣ خزان على شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٧ م ، ٥ م ، ٩ م . ما حجم الماء الذي يملأ ثلثه .

١ خزان على شكل مكعب طول ضلعه ٢ مترًا ووضِعَ به ماء حجمه ٦ م<sup>٣</sup> أوجد ارتفاع الماء داخل الخزان .

٢ رتب مايلي ترتيبًا صحيحًا

- ٣ م<sup>٣</sup> ، ٣ لتر ، ٤ ديسم<sup>٣</sup> ، ... ٤ مليلتر

## تدريبات الوحدة الثالثة مراجع عامة

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :-

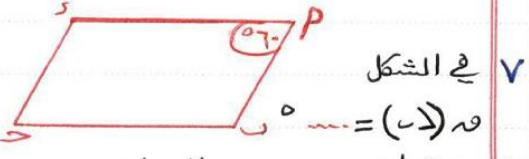
- ١  $\frac{٣}{٤}$  لتر = ... ( ٧٥٠ مليلتر ، ٧٥٠ سم<sup>٣</sup> ، ٧٥ ديسم<sup>٣</sup> ، ٧٥٠ م<sup>٣</sup> )
- ٢ كم زجاجة سعتها ٧٥٠ مليلترًا يمكن تعبئتها بـ ٢٠ لتر من الماء ؟ ( ٤ ، ٤٠ ، ٤٠٠ ، ٤٠٠٠ )

٣ إذا كانت إحدى زوايا متوازي الأضلاع قائمة وطول ضلعيه المتجاورين متساويين في الطول فإنه يسمى ... ( معينًا ، مربعًا ، مثلثًا ، مستطيلًا )

٤ قطعة من المعدن على شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٤م ، ٦م ، ٩م ، ١٢م صهرت وحولت إلى مكعب فإن طول حرف المكعب = ... ( ٤ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ )

٥ السنتيمتر المكعب من وحدات قياس ... ( المحيط ، المساحة ، الحجم ، الطول )

٦ متوازي مستطيلات أبعاده ٢م ، ٣م ، ٥م يكون حجمه ... سم<sup>٣</sup> ( ١٠ ، ٢٥ ، ٣٠ ، ٥٠ )



٧ في الشكل (أ) = ... ( ٣ ، ٦ ، ٩ ، ١٢ )

٨ ٤٦ لتر = ... مليلتر ( ٤٦ ، ٤٦٠ ، ٤٦٠٠ ، ٤٦٠٠٠ )

٩ ... ٤٢٠٠ سم<sup>٣</sup> = ... م<sup>٣</sup> ( ٤٢ ، ٤٢٠ ، ٤٢٠٠ ، ٤٢٠٠٠ )

١٠ مكعب محيط قاعدته ٣٦ سم ، فإن حجمه = ... سم<sup>٣</sup> ( ٢٦ ، ٦ ، ٧٢٩ ، ٢١٦ )



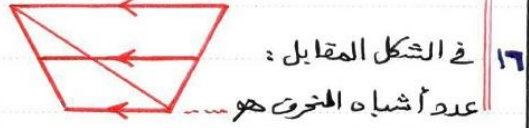
١١ عدد متوازيات الشكل = ... ( ٤ ، ٥ ، ٧ ، ٩ )

١٢ ٥ سم<sup>٣</sup> = ... مليلتر ( ٥ ، ٥٠ ، ٥٠٠ ، ٥٠٠٠ )

١٣ متوازي المستطيلات له ... حرفًا ( ٤ ، ٦ ، ٨ ، ١٢ )

١٤ ٢ و ١ لتر + ٨٠٠ سم<sup>٣</sup> = ... لتر ( ٢ ، ٩٠٢ ، ٢٠٠ ، ٢٠٠٠ )

١٥ إذا كانت إحدى زوايا متوازي الأضلاع قائمة فإنه يسمى ... ( مستطيلًا ، شبه منحرف ، معينًا ، مثلثًا )



١٦ في الشكل المقابل : عدد أشباه المخروط هو ... ( ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ )

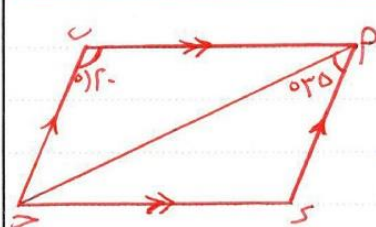
مصطفى حساني 01125442929 & 01125442929

للصف (السادس) في الرياضيات -- منتقى تجميعه (الرياضيات) -- (١٠) حلول (١٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & 01125442929

- ١٧ متوازي مستطيلات حجمه  $٤٤ \text{ سم}^3$  ، وطوله  $٨ \text{ سم}$  ، وعرضه  $٥ \text{ سم}$  يكون ارتفاعه =  $\text{سم}$  ( ١٠ ، ٢٠ ، ٥٠ ، ٨٠ )
- ١٨ إذا كان حجم مكعب =  $٢٧ \text{ سم}^3$  فإن مساحة أحد أوجهه =  $\text{سم}^2$  ( ٩ ، ١٢ ، ١٨ ، ٢٤ )
- ١٩ مكعب مجموع مساحات أوجهه  $٥٤ \text{ سم}^2$  فإن حجمه =  $\text{سم}^3$  ( ٩ ، ٢٩١٦ ، ٢٧ ، ٨١ )
- ٢٠  $٢ \text{ م}^2 = \text{ديسم}^2$  ( ٢ ، ٢٠ ، ٢٠٠ ، ٢٠٠٠ )
- ٢١ مكعب طول حرفه  $٦ \text{ سم}$  يكون حجمه =  $\text{سم}^3$  ( ٦ ، ٢١٦ ، ٢٦ ، ١٨ )
- ٢٢  $٤٦٢ \text{ ديسم}^3 = \text{سم}^3$  ( ٤٦٢ ، ٠٤٦٢ ، ٤٦٢٠ ، ٤٦٢٠٠ )
- ٢٣ القطران متساويان ومتعامدان في ( المعين ، المستطيل ، شبه المنحرف ، المربع )
- ٢٤ وحدة قياس السعة هي ( المتر ، دسم ، سم ، الجرام )
- ٢٥ مجموع قياس أي زاويتين متتاليتين في المعين =  $٥^\circ$  ( ٩٠ ، ١٢٠ ، ١٨٠ ، ١٠٠ )
- ٢٦ القطران في المعين ( متساويان ، متوازيان ، متعامدان ، منطبقان )
- ٢٧ مكعب مجموع أطوال خمسة أحرف من أحرفه  $١٥ \text{ سم}$  فإن حجمه =  $\text{سم}^3$  ( ١٢٥ ، ٢٧ ، ٣٦ ، ٢٧ )
- ٢٨ متوازي مستطيلات مجموع أبعاده الثلاثة ، فيكون مجموع أطوال أحرفه =  $\text{سم}$  ( ١٨ ، ٢٧ ، ٣٦ ، ٤٥ )
- ٢٩ النسبة بين  $٥٠٠ \text{ سم}^2$  لـ  $\frac{٢}{٣}$  لـ = ( ٤:٣ ، ٣:٢ ، ٢:٣ ، ٣:٤ )
- ٣٠ أفضل تقدير لفرقة نومك حيث الحجر هو (  $٥٠ \text{ سم}^3$  ،  $٢ \text{ م}^3$  ،  $٢ \text{ م}^3$  )

مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبد الفتاح جمعه 01125333012



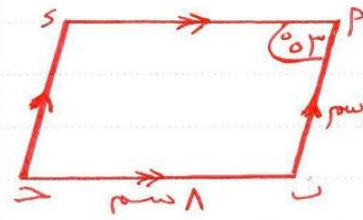
السؤال الثاني : اكمل التالي

- ١  $٧ \text{ سم}^3 = \text{ملييلتر}$  .
- ٢ المستطيل هو أضلاع إحدى زواياه =  $^\circ$
- ٣ في الشكل المقابل يكون  $\varphi > \psi$  =  $^\circ$

- ٤ إذا كان حجم متوازي مستطيلات  $٩٦ \text{ سم}^3$  ومساحة قاعدته  $٢٤ \text{ سم}^2$  فإن ارتفاعه =  $\text{سم}$
- ٥ الأشكال الرباعية التي فيها القطران ينصف كل منهما الآخر ومتعامدان هما ( ، )
- ٦  $٤٥$  و  $١$  لتر +  $٠٧٥$  ديسم<sup>٣</sup> +  $٥٠ \text{ سم}^3$  = لتر
- ٧ مكعب طول حرفه  $٣ \text{ سم}$  فإن حجمه =  $\text{سم}^3$
- ٨ الشكل التالي في النمط :  $\square$  ،  $\square$  ،  $\square$  هو ( )
- ٩ متوازي الأضلاع يكون مستطيلا إذا كان قطراه
- ١٠ القطران اللذان ينصف كل منهما الآخر متعامدان ومتساويان الطول في الشكل التالي للنمط ( )
- ١١ وحدة قياس السعة هي ( )
- ١٢ مكعب مجموع أطوال أحرفه  $٣٦ \text{ سم}$  فإن حجمه =  $\text{سم}^3$
- ١٤ الزاويتان المتقابلتان متساويتان في القياس في الأشكال الرباعية الآتية : ( )
- ١٥ حجم متوازي المستطيلات الذي قاعدته على شكل مربع طول ضلعه  $١٠ \text{ سم}$  و ارتفاعه  $٧ \text{ سم}$  =  $\text{سم}^3$
- ١٦ مكعب طول حرفه  $٦٠$  ديسم يكون حجمه =  $\text{سم}^3$
- ١٧ إذا كان قطرا الشكل الرباعي متساويان في الطول وغير متعامدين كان الشكل ( )
- ١٨ أكمل بنفس التسلسل ( )
- ١٩ قطر المربع ( )
- ٢٠ ديسم<sup>٣</sup> =  $\text{سم}^3$
- ٢١ المعين الذي إحدى زواياه قائمة يسر ( )
- ٢٢ !!؟؟!! وصف النمط هو ( )
- ٢٣ مكعب حجمه  $٢٧ \text{ سم}^3$  فإن طول حرفه =  $\text{سم}$  ، ومحيط أحد أوجهه ومساحة أربع أوجه منه =  $\text{سم}^2$
- ٢٤ النسبة بين  $٧٥٠$  ملييلتر :  $١٥$  لتر = : ( في أبسط صورة )

المجتهد في الرياضيات (الأساس) = منتدَى توعية الرياضيات = (أول عالم إوو)

**السؤال الثالث :- أجب عما يلي :-**



- ١) في الشكل المقابل :  
 ا)  $S > P$  متوازي أضلاع فيه :  
 $SP = 5$  سم ،  $SB = 8$  سم ،  $\angle P = 53^\circ$   
 أوجد  $\angle B$  طول  $PS$  ،  $S > P$   $\angle P = 53^\circ$

٢) صفیحة على شكل متوازي مستطيلات ، أبعادها من الداخل :

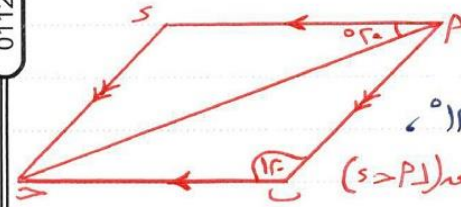
١٥ سم ، ٢٤ سم ، ٢ سم ، ملئت بالعسل ، ثمن اللتر الواحد منه ٥٠ جنيهاً أوجد ثمن العسل بالصفیحة .

٣) وعاء به ١٦ لتراً من العسل يُراد تقريفها في زجاجات صغيرة سعة كل منها ٤ سم<sup>٣</sup> احسب عدد الزجاجات اللازمة لذلك

٤) متوازي مستطيلات قاعدته مستطیلة الشكل محیطها ٤ سم النسبية بين طولها وعرضها ٢:٣ احسب حجمها اذا كان ارتفاعها ١٠ سم

٥) متوازي مستطيلات مجموع أطوال أبعادها ٧٢ سم والنسبة بين أطوال أبعادها ٥ : ٤ : ٣ أوجد حجمها .

٦) حمام سباحة على شكل متوازي مستطيلات أبعادها من الداخل ١٠ أمتار ، ١٥ متراً ، ١٠ متر أوجد سعته باللترات .



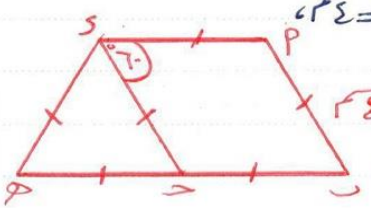
- ٧) الشكل المقابل :-  
 يوضح متوازي أضلاع فيه :  $\angle P = 20^\circ$  ،  
 $\angle B = 140^\circ$  أوجد  $\angle S$  ،  $\angle A$  ،  $\angle D$  ،  $\angle C$

٨) مكعب مجموع مساحات أوجهه ٤٥ سم<sup>٢</sup> أوجد حجمه

٩) متوازي مستطيلات محیط قاعدته ٢٦ سم ، وعرضه  $\frac{5}{6}$  طولها احسب حجمها إذا كان ارتفاعها ١٢ سم .

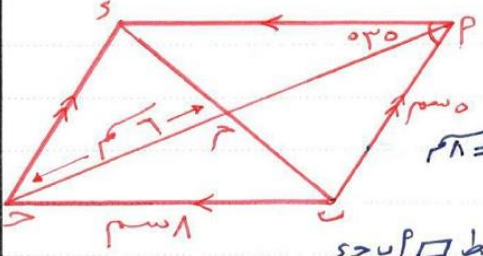
١٠) متوازي مستطيلات حجمها ٨٠٠ سم<sup>٣</sup> وطول قاعدتها ٢٥ سم وعرضها ١٦ سم أوجد ارتفاعها .

١١) في الشكل المقابل :-



- ا)  $S > P$  معين فيه :  $\angle P = 60^\circ$  ،  $SP = 4$  سم ،  
 $\Delta S$  حده متساوي الأضلاع أوجد :-  
 $\angle P = 60^\circ$  ،  $\angle B = 60^\circ$  ،  $\angle S = 60^\circ$   
 طول  $SB$  محيط شبه الزوايا  $S$

١٢) قطعة من المعدن على شكل مكعب طول حرفه ٤ سم ، صهرت وحولت إلى متوازي مستطيلات بعد قاعدته ٥٠ سم ، ٤ سم فأوجد ارتفاع متوازي المستطيلات



- ١٣) في الشكل المقابل :-  
 ا)  $S > P$  متوازي أضلاع فيه :  
 $\angle P = 53^\circ$  ،  $\angle B = 60^\circ$  ،  $\angle S = 60^\circ$  ،  $\angle A = 60^\circ$   
 بدون أدوات القياس أوجد :-  
 محيط  $\Delta S$  ، محيط  $\Delta P$  ، محيط  $\square S$

١٤) إنشاء على شكل مكعب طول حرفه من الداخل ٢٠ سم ، ملئ بالعسل الابيض احسب سعته الإنشاء باللترات وإذا كان ثمن اللتر الواحد ٧٥ جنيهاً فما ثمن العسل ؟


١٥) ايجها أكبر مسعتا باللترات :-  
 مكعب طول حرفه ٦٠ سم (١) متوازي مستطيلات أبعادها ٢٠ سم ، ٤٠ سم ، ٢٠ سم

المجتهد في الرياضيات (الساوي) = منتقى التجميع (الرياضيات) = اعاول (الاول)

مصطفى حساني 01125442929 & 01125333012 عبد الفتاح جمعه

## اختيار الوحدة الثالثة

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :-

- 1 مكعب طول حرفه ٣ سم فإن حجمه = ٢٧ سم<sup>٣</sup> ، ٢٦ سم<sup>٣</sup> ، ٩ سم<sup>٣</sup> ، ٢٣٣ سم<sup>٣</sup>
- 2 متوازي المستطيلات له ..... حرفًا
- 3  $\frac{1}{2}$  لتر = ..... ديسم<sup>٣</sup>
- 4 الشكل التالي للنمط: 

السؤال الثاني : أكمل ما يلي :-

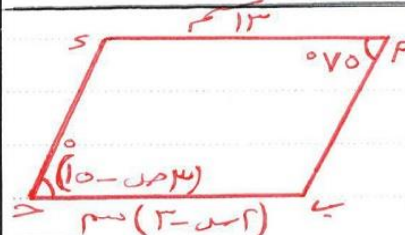
- 1 القطران متساويان ومتعامدان في .....
- 2 سم ديسم<sup>٣</sup> = ..... م<sup>٣</sup>
- 3 حجر متوازي المستطيلات الذي أبعاده ٢ م ، ٣ م ، ٤ م هو ..... سم<sup>٣</sup>
- 4 الزاويتان المتقابلتان في متوازي الأضلاع مجموعهم ..... °

السؤال الثالث :

- 1 وعاء به ١٢ لتر من العسل يُراد تفريقها في زجاجات صغيرة سعة كل منها ٤ سم<sup>٣</sup> . ( حسب عدد الزجاجات اللازمة لذلك ) .
- 2 مكعب من الصلصال طول حرفه ٢ م صنع منه مكعبات طول حرف الواحد منها ٢ م . أوجد عدد هذه المكعبات .

السؤال الرابع :

- 1 خزان على شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٥ م ، ٧ م ، ٩ م ما حجم الماء الذي يملأ ثلثه
- 2 قطعة من المعدن على شكل مكعب طول حرفه ٤ م ، صهرت وصورت إلى متوازي مستطيلات بعرض قائده ٥ م ، و٤ م فأوجد ارتفاع المستطيلات .



السؤال الخامس : في الشكل المقابل :

أوجد قيمة كل من س ، ص

## الدرس الأول : أنواع البيانات الإحصائية

الوحدة الرابعة

مقدمة :

الإحصاء فرع من فروع الرياضيات الذي يهتم بتجميع المعلومات (البيانات) ووضعها في صورة تسهل علينا فهمها ومقارنتها وتوضيحها وتساعدنا أيضا في اتخاذ القرارات المناسبة وأحيانا تستخدم البيانات المتاحة في استنتاج أو توقع بعض النتائج الهامة

## أنواع البيانات الإحصائية

١ البيانات الوصفية :-

هي بيانات تكتب في صورة صفات لوصف حالة أفراد المجتمع مثل : اللون المفضل - الاسم - النوع - الجنسية محل الميلاد - الحالة الاجتماعية .....

٢ البيانات الكمية :-

هي بيانات تكتب في صورة أعداد للتعبير عن قياس ظاهرة معينة مثل : العمر - الطول - الوزن - عدد الأبناء .....

استمارة البيانات :-

هي استمارة تتضمن مجموعة من البيانات الوصفية والكمية تخص شخص معين أو شيء ما .

تدريب :- البيانات الآتية وصفية ما عدا

( اللون المفضل - مكان الميلاد - الديانة - العمر - فصيلة الدم )

المجتهد في الرياضيات (السادس) = منتقري توجيه (الرياضيات) = / / علون (وول)

مصطفى حساني 01125442929 &amp; 01125333012 عبد الفتاح حمده

الدرس  
الثاني

## تجميع البيانات الإحصائية الوصفية

مقدمة :-

البيانات الوصفية: هي بيانات تكتب في صورة صفات لوصف حالة المجتمع مثل مكان الميلاد - والمهنة وفصيلة الدم ...  
ويتيم تجميع البيانات الإحصائية ليكون في شكل جداول توضح المعلومات بصورة بسيطة حيث يمكن معرفة المعلومات المطلوبة عند النظر في هذه الجداول .

مثال ١ :- فصل به ٣٦ تلميذ ، حلب منهم رائد الفصل تسجيل الهوائية التي يفضلها كل منهم وهو (كرة قدم - تنس - جري - طائرة ) فكانت البيانات على النحو التالي :-

الهوائية	كرة قدم	تنس	جري	طائرة
عدد التلاميذ	٦٠	٥	٣	٨

الهوائية	العلامات	التكرار
كرة قدم	++++ +++++ +++ +++++	٦٠
تنس	+++	٥
جري		٣
طائرة	+++++	٨

الدرس  
الثالث

## تجميع البيانات الإحصائية الكمية

مقدمة :-

علمنا ان البيانات الكمية تكتب في صورة أعداد للتصير عن قياس ظاهرة معينة مثل : العمر - الطول - الوزن - ...

مثال :-

تم حصر نتائج مادة الرياضيات لتلاميذ الصف السادس بإحدى المدارس وعددهم ٤٢ تلميذاً فكانت درجاتهم كما يلي :

٣٦ - ٣٢ - ٢٢ - ٢٨ - ٤٥ - ٢٨ - ٤٢

تسمى هذه الدرجات "الدرجات الخام" ٥٧ - ٢٠ - ٤١ - ٥٩ - ٤٩ - ٤٨ - ٤٦ - ٤١

لذلك يصعب استنتاج أي شيء منها ٤٨ - ٥١ - ٥٢ - ٥٤ - ٥٥ - ٣٦ - ٣٢ - ٤٢

كل ما يمكن استخدامه هو أكبر ٥٧ - ٥٤ - ٤٦ - ٥٢ - ٢٦ - ٣٧ - ٢٤ - ٤٧

درجة وهي ٥٩ وأصغر درجة ٢٠

- تردد "المدى" وهو الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة

أي أن المدى = ٥٩ - ٢٠ = ٣٩ درجة

تلخيص هذه البيانات يتطلب تقسيمها إلى عدد مناسب من المجموعات عن طريق تحديد طول مناسب للمجموعة ولكن ٥ درجات

لاحظ يمكن حساب عدد المجموعات عن طريق :-

$$\text{عدد المجموعات} = \frac{\text{المدى}}{\text{طول المجموعة}} = \frac{٣٩}{٥} = ٧ \frac{٤}{٥} \approx ٨ \text{ مجموعة}$$

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتقري تجميع البيانات (الرياضيات) = (١٠٩) عاون (١٠٩)

مصطفى حساني 01125442929 &amp; عبدالفتاح جمعه 01125333012

الدرس  
الرابع

## تمثيل البيانات الاحصائية بالمنحنى التكراري

مقدمة:

درست في العام السابق تمثيل البيانات الاحصائية بطريقة المثلج التكراري وسوف يتم رسم المنحنى التكراري بنفس الطريقة مع اختلاف بسيط حيث أننا نصل بين النقط الممثلة للبيانات باليد وليس بالمسطرة .

**مثال ١** - الجدول التالي يوضح درجات ٤ تلميذ في أحد الاختبارات ارسم المنحنى التكراري

المجموع	١٠-	٢٠-	٣٠-	٤٠-	٥٠-	المجموع
التكرار	٤	٨	١٤	٨	٦	٤

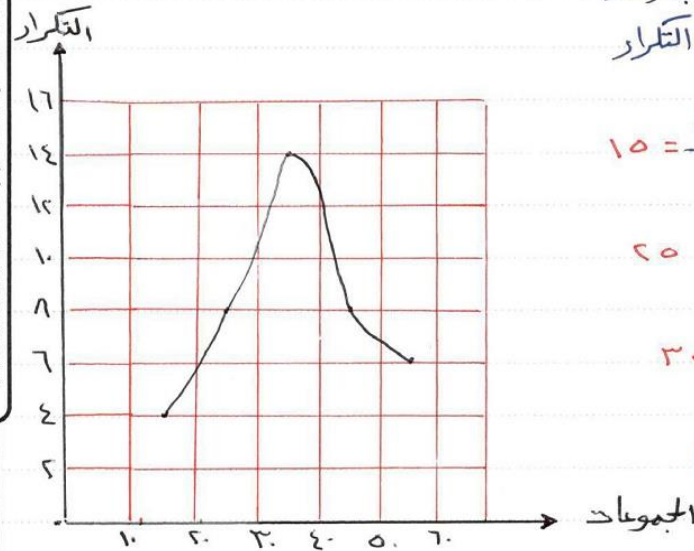
نرسم المحور الافق عليه المجموعات  
ثم نرسم المحور الرأس عليه التكرار  
نحدد مركز المجموعة

$$\text{المجموعة الاولى} = \frac{10 + 20}{2} = 15$$

$$\text{المجموعة الثانية} = \frac{20 + 30}{2} = 25$$

$$\text{المجموعة الثالثة} = \frac{30 + 40}{2} = 35$$

$$\text{المجموعة الرابعة} = \frac{40 + 50}{2} = 45$$



## تدريبات الوحدة الرابعة عامة

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس :-

١) المدى للقيم: ١٧ ، ٢٠ ، ١٤ ، ١٥ ، ٧ هو

( ١٥ ، ٧ ، ١٣ ، ٢٠ )

٢) طول المجموعة للتوزيع ( ٥ - ٩ ، ١٣ ، ١٠ ، ١٤ ) هو

( ٤ ، ٥ ، ٦ ، ١٠ )

٣) البيانات المقابلة و صفة عددا

( اللون المفضل ، مكان الميلاد ، العمر ، فصيلة الدم )

٤) المدى لمجموعة القيم: ٧ ، ٣ ، ٦ ، ٩ ، ٥ يساوي

( ٣ ، ٤ ، ٦ ، ١٢ )

٥) البيانات المقابلة كمية عددا

( العمر ، الطول ، اللون المفضل ، الوزن )

٦) إذا تراوحت القيم في توزيع تكراري بين ٢٠ ، ٧٠ فإن المدى لهذا التوزيع

( ٣٠ ، ٤٠ ، ٧٠ ، ١٠٠ )

٧) أكبر قيمة - أصغر قيمة =

( الاسم ، المدى ، النوع ، الوزن )

٨) مركز المجموعة التي بدايتها ٤ ونهايتها ١٠ هو

( ٦ ، ٧ ، ١٤ ، ٢٨ )

٩) إذا كان مركز إحدى المجموعات لمجموعة من البيانات ٢٥ وطول

الفترة ١٠ فإن بداية هذه المجموعة

( ١٠ ، ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ )

١٠) في مجموعة من البيانات إذا كان قيمة أكبر بيان هو ٥٤ وكان المدى

٢٨ فإن قيمة أصغر بيان =

( ١٧ ، ٤٥ ، ٧٣ ، ٢٨ )

١١) عند رسم المنحنى التكراري نقوم برسم المحور الأفقي الذي يمثل

( التكرار ، المجموعات ، الوزن ، اللون )

المجتهد في الرياضيات (الاساسي) = منتقى توجيه (الرياضيات) = (١٩) علون (١٠٠)

مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح صفه 01125333012

مصطفى حساني 01125442929 & عبد الفتاح صفه 01125333012



## السؤال الثاني : أكمل مايلي :-

- ١) يسمى الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة لمجموعة من المفردات د
- ٢) عدد المجموعات =
- ٣) إذا تم استبعاد عمود من جدول تفرغ البيانات التكراري فإننا نحصل على جدول التوزيع التكراري.
- ٤) إذا تم تقسيم درجات مجموعة من التلاميذ إلى خمس مجموعات وكان المدى لهذه الدرجات ٤ فإن طول المجموعة يساوي
- ٥) إذا تراوحت القيم في توزيع تكراري بين (٦٠، ٢٠) فإن المدى لهذا التوزيع =
- ٦) البيانات الإحصائية التي نستخدمها في حياتنا اليومية نوعان هما بيانات ، بيانات
- ٧) المدى لمجموعة القيم (٥، ٩، ٦، ٣، ٧) يساوي
- ٨) المدى لمجموعة القيم ٩، ٥، ٨، ١١، ٧ يساوي
- ٩) إذا كانت درجات ٤ تلاميذ في أحد الاختبارات هي ٢٩، ٥٧، ٤٦، ٤٢، ٣٩ فإن المدى لهذه الدرجات =
- ١٠) المدى هو الفرق بين و
- ١١) المدى لمجموعة القيم ٧، ٣، ٦، ١٥، ٩ هو
- ١٢) إذا كان المدى لمجموعة من القيم يساوي ٢٧ وكان أصغر القيم = ٧ فإن أكبر القيم =
- ١٣) المدى = طول المجموعة
- ١٤) المدى لمجموعة القيم ٢٠، ٩٥، ٧٠، ٤٥ هو
- ١٥) إذا كانت ٧٨ هي أكبر مفردات مجموعة ما وكان المدى يساوي ٣٩ فإن أصغر مفردات هذه المجموعة يساوي
- ١٦) الجدول التكراري المقابل يبين توزيع درجات تلاميذ أحد الفصول في مادة الرياضيات

اكمل ما يأتي : أقل درجة يحصل عليها التلميذ في هذا الفصل

النسبة المئوية لعدد التلاميذ الذين تبدأ دراستهم من ٣٠ درجة وتقل عن ٤٥ درجة هي

درجة	٢٥	٣٠	٣٥	٤٠	٤٥	٥٠	٥٥	٦٠
عدد	٣	٤	٦	١٠	٨	٧	٢	٤
مجموع								

## السؤال الثالث : أجب عمايلي :-

١) الجدول التالي يوضح درجات ٤ تلميذًا في أحد الاختبارات بأحد فصول مدرسة :

الدرجات	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠
عدد التلاميذ	٤	٨	١٤	٨	٦
مجموع					

- ١) ارسم المنحنى التكراري للجدول السابق .
- ٢) ما عدد التلاميذ الذين حصلوا على ٣٠ درجة فأكثر ؟

٢) الجدول التالي يبين عدد الساعات التي يقضيها ٦ تلميذًا في استنكار دروسهم .

عدد الساعات	١	٢	٣	٤	٥	٦
عدد التلاميذ	٩	١٣	١٨	١٢	٨	٦
المجموع						

- ١) مثل البيانات باستخدام المنحنى التكراري
- ٢) أوجد النسبة المئوية لأكبر عدد من التلاميذ استنكارًا لدروسهم

٣) الجدول التالي يوضح درجات ١٠ تلميذ في أحد الشهور في مادة الرياضيات

الدرجات	١٠	٣٥	٥٠	٥٥
عدد التلاميذ	١٥	٣٠	٥٥	١٠٠
مجموع				

- ١) أوجد قيمة سد ، ص
- ٢) مثل البيانات باستخدام المنحنى التكراري
- ٣) النسبة المئوية للتلاميذ الحاصلين على أقل من ٤٠ درجة ؟

٤) الجدول الآتي يوضح أعمار زوار أحد المعارض خلال ساعة من النهار :

عمر الزائر	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠
عدد الزوار	٦	٩	١٢	١٠	٨
مجموع					

- ١) ما عدد الزوار الذين تقل أعمارهم عن ٤٠ عامًا ؟
- ٢) رسم المنحنى التكراري لهذا التوزيع .

المجتهد في الرياضيات (الصف السادس) = منتدَى تجميع (الرياضيات) =

مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

## اختبار الوحدة الرابعة

- السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين :-
- ١ عند رسم المنحنى التكرارى نقوم برسم المحور الأفقى الذى يمثل
- ( المجموعات ، التكرار ، الوزن ، اللون )
- ٢ أكبر قيمة - أصغر قيمة =
- ( المدى ، النوع ، الوزن ، الاسم )
- ٣ البيانات المقابلة كمية عدداً
- ( اللون المفضل ، الطول ، الوزن ، العمر )
- ٤ البيانات المقابلة وصفية عدداً
- ( اللون المفضل ، فصيلة الدم ، مكان الميلاد ، العمر )

## السؤال الثانى : أكمل ما يلى :-

- ١ لى الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة لمجموعة من المفردات ب
- البيانات الاحصالية بوجاهة ،
- ٣ المدى لمجموعة القيم ٩ ، ٥ ، ٨ ، ١١ ، ٧ يساوى
- ٤ إذا كانت ٧٨ هى أكبر مفردات مجموعة ما وكان المدى يساوى ٢٩ فإن أصغر مفردات هذه المجموعة يساوى

## السؤال الثالث :-

الجدول التكرارى التالى يمثل الأجر اليومي بالجنيد لعينة مكونة من ٥٥ عاملا بأحد المصانع .

الأجور	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠	٦٠	٧٠	٨٠	مجموع
عدد العمال	٣	٦	١٠	١٥	٨	٥	٣	٥	

- ١ أوجد النسبة المئوية لعدد العمال الذين تبدأ أجورهم من ٣٠ جنيهاً وأقل من ٥٠ جنيهاً
- ثانياً ارسم المنحنى التكرارى

## نموذجان لامتحان نصف العام

تتويبه

٢٠١٨

النموذجان صوراً انترنت مأخوذة عن الكتاب المدرسى لمجموعة

أسئلة عامة

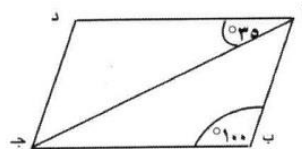
## (النموذج الأول)

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

- ١ ١,٥ لتر + ٥,٥ ديسم + ٣ سم = ..... لتر
- ٢ إذا كان حجم متوازي مستطيلات ٦٤ سم<sup>٣</sup> ومساحة قاعدته ١٦ سم<sup>٢</sup>، فإن ارتفاعه = ..... سم
- ٣ إذا كان طول حشرة في الحقيقة ٣,٠ ملليمتر وكان طولها في الصورة ٤,٥ سم فإن مقياس الرسم = .....
- ٤ مساحة المثلث =  $\frac{1}{2} \times \dots \times \dots$

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة ما بين القوسين فيما يلي:

- ١ المدى لمجموعة القيم ٧ ، ٣ ، ٦ ، ٩ ، ٥ ، هو ..... (٤ ، ٢ ، ٦ ، ١٢)
- ٢  $\frac{3}{4} = \dots$  (كسر عشري) (٠,٢٥ ، ٠,٥ ، ٠,٧٥ ، ٠)
- ٣ جرار يحرث ٢٨ فداناً في ٤ ساعات، فإن الزمن اللازم لحرث ٤٢ فداناً = ..... ساعة (٤ ، ٦ ، ٧ ، ٨)
- ٤ في الشكل المقابل أ ب ج د متوازي أضلاع ق (أ ج د) = ..... °



## السؤال الثالث

- ١ وعاء به ١٢ لتر من الزيت يراد تعبئته في زجاجات صغيرة، سعة كل منها ٤٠٠ سم<sup>٣</sup> احسب عدد الزجاجات اللازمة لذلك.

(ب) احسب ثمن البيع لمجموعة من الأجهزة الكهربائية تم شرائها بمبلغ ٧٢٠٠٠ جنيها ، وكانت نسبة المكسب ١٢٪

السؤال الرابع :

(أ) مثلث النسبة بين قياسات زواياه هي ٢ : ٣ : ٤ فاحسب قياس كل زاوية من زوايا المثلث .

(ب) مكعب من المعدن طول حرفه ١٢ سم يراد صهره وتحويله إلى سبائك علي شكل متوازي مستطيلات أبعاده ٣ ، ٤ ، ٦ سم . احسب عدد السبائك التي يمكن الحصول عليها .

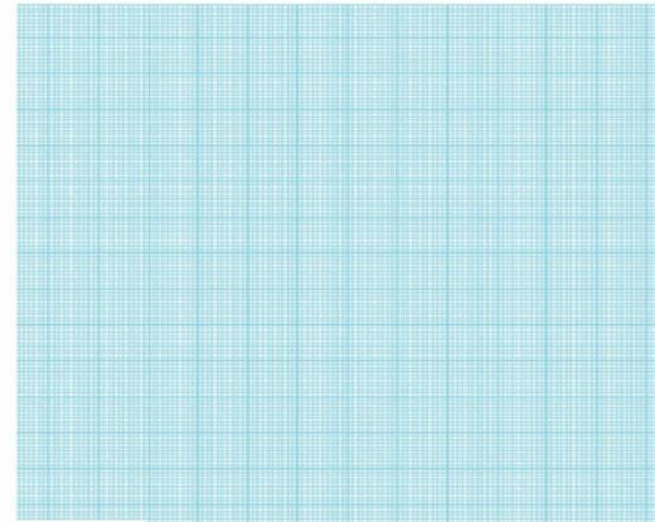
السؤال الخامس :

(أ) اشترك اثنان في تجارة . فدفع الأول مبلغ ٥٠٠٠ جنيها ، ودفع الثاني مبلغ ٨٠٠٠ جنيها ، وفي نهاية العام بلغ صافي المكسب ٣٩٠٠ جنيها . احسب نصيب كل منهم في المكسب .

(ب) الجدول التالي يبين درجات ١٠٠ تلميذ في أحد الشهور في مادة الرياضيات

الدرجات	١٠ -	٢٠ -	٣٠ -	٤٠ -	٥٠ -	المجموع
عدد التلاميذ	١٥	٣٠	٤٠	١٥	٥٠	١٠٠

ارسم المنحني التكراري لهذا التوزيع .



مصطفى حساني 01125442929 & عبدالفتاح جمعه 01125333012

أسئلة عامة

(النموذج الثاني)

السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة مما بين القوسين فيما يلي :

١ إذا كانت إحدي زوايا متوازي الأضلاع قائمة فإن الشكل الناتج يكون .....

(مستطيل ، مربع ، معين ، مكعب)

٢  $\frac{24}{5} = \dots\dots\dots = \left( \frac{1}{5}, \frac{2}{5}, \frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{4}{5} \right)$

٣ إذا كانت درجات ٦ تلاميذ في أحد الاختبارات هي ٢٩ ، ٣٣ ، ٥٧ ، ٤٠ ، ٣٦ ، ٤٩

فإن المدى لهذه الدرجات = .....

٤ إذا كان  $\frac{4}{6} = \frac{12}{س}$  فإن س + ٢ = .....

السؤال الثاني : أكمل ما يأتي :

١ ٦٥ ديسم<sup>٣</sup> = ..... لتر

٢ علبة من الخشب علي شكل مكعب حجمها الخارجي ١٠٠٠ سم<sup>٣</sup> وسعتها ٧٢٩ سم<sup>٣</sup> فإن

حجم الخشب = ..... سم<sup>٣</sup>

٣ الجدول التالي يبين درجات ٥٠ تلميذ في مادة الرياضيات

فإن عدد التلاميذ الذين حصلوا علي أقل من ٤٠ درجة = .....

الدرجة	١٠ -	٢٠ -	٣٠ -	٤٠ -	٥٠ -	المجموع
عدد التلاميذ	٥	١٥	٢٠	١٠	٥٠	٥٠

٤- إذا كان ارتفاع سور فيلا في تصميم هو ٥ سم وارتفاعه في الحقيقة هو ٦ أمتار فإن

مقياس الرسم = .....

المجتهد في الرياضيات (السادس) = منتدَى تجميعه (الرياضيات) = (أ / عاوان) (أول)

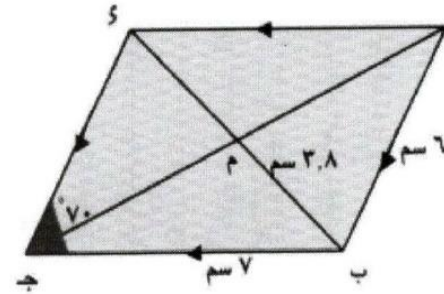
## السؤال الثالث:

أ - اشترك ثلاثة أشخاص في مشروع دفع الأول ١٥٠٠٠ جنيه ودفع الثاني ٢٥٠٠٠ جنيه، ودفع الثالث ٢٠٠٠٠ جنيه وفي نهاية العام بلغ صافي الربح ٥٥٢٠ جنيهاً، احسب نصيب كل واحد منهم من الأرباح.

ب- صب ١٠ لتر من الماء في إناء على شكل متوازي مستطيلات قاعدته على شكل مربع طول ضلعه من الداخل ٢٥ سم. أوجد ارتفاع الماء في الإناء.

## السؤال الرابع:

أ - مدرسة ابتدائية عدد تلاميذها ٣٦٠ تلميذاً، فإذا كانت نسبة عدد البنين إلى عدد البنات هي ١ : ٢ احسب عدد كل من البنين والبنات.



ب - في الشكل المقابل أ ب ج د متوازي أضلاع فيه أ ب = ٦ سم، ب ج = ٧ سم، أ م = ٣، ٨ = م، ق (ج د) = ٧٠° بدون استخدام أدوات القياس أوجد (ج أ أ ج) محيط المثلث ب ج د .

## السؤال الخامس:

أ - اشترت هبة موبايل بمبلغ ٦٦٠ جنيهاً، وكان عليه خصم ١٥٪ احسب السعر الأصلي للموبايل.

## أسئلة عامة

ب - الجدول التالي يبين عدد الساعات التي يقضيها ٤٠ تلميذ في استذكار دروسهم يوميا.

عدد الساعات	١	٢	٣	٤	٥	٦	المجموع
عدد التلاميذ	٦	٣	٨	١٢	١١	٦	٤٠

مثل هذه البيانات باستخدام المنحني التكراري.

