



الفيزياء النرية والجزيئية

الا<u>ن</u>ے تور محمة دانسور طب

مدرینه بخت در الطبوعات کجامعیت ۱٤۱۰ ه - ۱۹۸۹ م

لطلاب السنة الثالثة قسم الفيزياء

الله الرحنوال تحف

الماجر من إجية

يهدف علم الأطياف إلى دراسة البنية الذرية والجزيئية للذرات والجزيئات وذلك من خلال المعرفة الجيدة لميكانيك الكم والإلكتروديناميك ومقارنة نتائجهما النظرية مع المعرفة التجريبية الجيدة للذرات والجزيئات اي المعرفة الجيدة للإنتقالات الإلكترونية التي تحدث بين سويات الطاقة الذرية أو بين سويات الطاقة الإلكترونية الجزيئية أو سويات الطاقة الإهتزازية ، الدورانية الإهتزازية،الدورانية ويمكن الإستفادة بصورة واسعه من الفيزياء الذرية والجزئية في التطبيقات العملية الفيزيائية (منابع الإضاءة ، اللازر) أو في التطبيقات العملية الكيمائية (التحليل الطيفي الدقيق طيف نووي مغناطيسي سبين الكتروني .. طيف الأشعة تحت الحمراء) .

وهذا الكتاب الذي هو مدخل للفيزياء الذرية والجزيئية يتفق مع المنهاج الموضوع من قبل مجلس التعليم العالي لطلاب السنة الثالثة ف والسنة الرابعة ف ك معروض بشكل مبسط ما أمكن وقائم على نتائج ميكانيك الكم وهو سيخدم طلاب السنة الثالثة والرابعة وكذلك طلاب الدراسات العليا في قسمي الفيزياء والكيمياء .

لقد تم تقسيم الكتاب إلى بابين يحوي الباب الأول كل ماهر متعلق بسويات الطاقة الذرية وكيفية الإنتقال بين هـــذه السويات وبالتالي دراسة الأطياف الذرية ثم يتطرق إلى تأثير الحقول الخارجية على الذرات منها تأثير الحقل المغناطيسي (مفعول زيمان – مفعول باش باك ...) .

أما الباب الثاني فيتضمن كيفية ايجاد الحدود الطيفية الإلكترونية الجزيئية ثم

سويات الطاقة المختلفة الإهتزازية ، الدورانية ، الإهتزازية الدورانية . ليس فقط للجزيئات ثنائية الذرة بل أيضاً للجزيئات متعددة الذرات كذلك تم دراسة كيفية الإنتقال بين السويات المختلفة في الجزيئات الإهتزازية والدورانية والإهتزازية الدورانية وبالتالي دراسة الأطياف الجزيئية وإيجاد قواعد الإصطفاء لكل حاله من الحالات في طيوف الإمتصاص والإصدار وكذلك في حالة تشتت رامان ، وبما أنه في حالة الطيوف الجزيئية لموفة الحدود الإاكثرونية لابد من معرفة مسبقة لتطرية الزمر فقد خصصنا فصل صغير عن نظرية الزمر .

أخيراً أرجر الله أن أكون قد وفقت في عرض كتابي هذا وحققت الغاية المرجوه منه وهنا لابـــد من ان أقدم جزيل شكـــري لكل من ساهم في انجاز هذا الكتاب والله ولي التوفيـــق .

المؤلف

DAY DAY DAY DAY

الفيزياء الذرية

الفصالأول

المواضيع الاساسية لعلم الطيوف

۱ – ۱ – القوانين الطيفية الرئيسية :

من المعلوم أن علم الأطياف قائم على نظريات ومفاهيم الميكانيك الكوانتي والإلكتروديناميك الكوانتي أو بالأحرى يعتبر التطبيق المباشر لهما ، أي أنه يعتمد بالأساس على فرضيتي بور ، حيث تنص الفرضية الأولى على أن المجموعة الذريسة تكون مستقرة فقط إذا شغلت حالات محددة (States) موافقة لمتوالية مستمرة أو متقطعة لقيم الطاقة E أما الفرضية الثانية فتنص على أن تغير طاقة المجموعة الذرية يتم بقفزات لهذه المجموعة من وضع مستقر إلى وضع مستقر آخر ولن ندخل أكثر في هاتين الفرضيتين .

إن إنتقال المجموعة الذرية من وضع مستقر إلى وضع مستقر آخر ، مرتبط وفقاً لقانون مصونية الطاقة وذلك بإعطاء هذه المجموعة أو الأخذ منها كمية من الطاقة هذه الإنتقالات تكون إما مصحوبة باشعاع ، وتسمى في هذه الحالة بالإنتقالات الضوئية . أو غير مصحوبة بإشعاع وتسمى بالإنتقالات غير الضوئية .

إن القانون الكوانتي الذي يحكم الإنتقالات الضوئية هو :

 $E_i - E_j = h v$

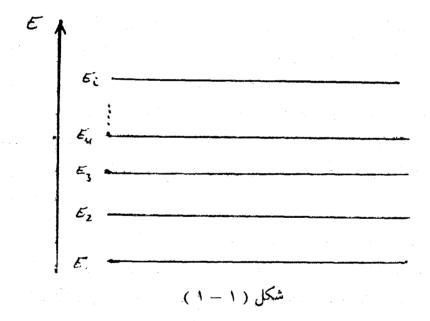
حيث h ثابت بلانك .

هذا الإشعاع يمتص الضوء عندما E_i < E_j ويصدر الضوء عندما E_i < E_j وذلك بدفعات محددة من (hv) تسمى كمات الإشعاع (الفوتونات) .

۲ سويات الطاقة والانتقالات (الخطوط الطيفية) :

إن مفهوم سوية الطاقة قائم على التشابه الكائن بين طاقة الحالات المستتمرة والطاقة الكامنة لجسم ما عندما يكون على ارتفاعات مختلفة م^ي أي على مستويات مختلفة إعتباراً من مستوي أساسي (قاعدي) .

الشكل (۱ – ۱) يبين مخطط لسويات الطاقة حيث نرمز لسويات الطاقة بخطوط . أفقية تبعد عن بعضها البعض بقيم متناسبة طرداً مع فروق قيم الطاقة E₂ , E₁ والموافقة للحالات المستقرة .



وكما هو الحال في الطاقة الكمونية لجسم مرفوع ، فإن قيمة الصفر تعطى لطاقة أخفض سوية وتسمى سوية الطاقة الأساسية (الأرضية) (back ground) .

إن الإنتقالات بين الحالات المستقرة تمثل على مخطط الطاقة بخطوط تصل بين الخطوط الأفقية وفرق الطاقة بين سويتين يتناسب طرداً مع تواتر الإنتقال لللك يكون

-- λ ---

تدريج الطاقة E متناسب طرداً مع تدريج التواتي لها أو تشويج العدد الموجني :

$$\overline{v} = \frac{v}{c} = \frac{1}{\lambda}$$

λ طول موجة الإشعاع .

الجدول التالي يعطي الواحدات المختلفة المستخدمة في علم الطيوف :

cal/mole	ev	Erg	sec ⁻¹ (Hz)	cm ⁻¹	الواحدة
2.8584	1.2397×10-4	1.9862×10 ⁻¹⁶	2.99×10^{10}	1	1 cm
0.9545×10 ⁻¹⁰	4.135×10-15	6.62 ×10 ⁻²⁷	1	3.335×10 ⁻¹¹	1 sec == -1 1 Hz
1.4407×10 ⁻¹	6.2414×10 ¹¹	1	1.509×10 ²⁶	5.0348×10 ⁻⁵	l erg.
23082	1	1.6022×10 ⁻¹²	2.418×10 ¹⁴	8066	1 ev .
1	4.3323×10-5	6.94 × 10 ⁻¹⁷	1.0477×1010	0.34947	lcal/mol

إذا تمت الإنتقالات بين سويات طاقية منفصلة فإنها تعطي طيفاً متقطعاً discrite) (spectrum وإذا تمت الإنتقالات بين سويات طاقية متقطعة وبين سويات مستمرة، حيث اعتبرت مستمرة لأن سويات طاقتها متقاربة جداً بحيث يصعب فصلها ونحصل عندئذ على الطيف المستمر (Continuous spectrum) كذلك نحصل على الطيف المستمر إذا تم الإنتقال بين مجموعتين من السويات المستمرة .

إن الطيف الحطي (Line Spectrum) الذي يتألف من خطوط طيفية منفصلة يميز بشكل عام طيوف الذرات ، يزداد الطيف تعقيداً بإزدياد عدد الالكترونات في الذرة حيث يزداد عدد الخطوط ويحضع تفسير الطيوف الذرية إلى آليات عديدة ، هذا بالنسبة للأطياف الذرية ، أما الأطياف الجزئية الثنائية أو الثلاثية الذرة ، فهي تتميز بوجود الأشرطة الطيفية أو القطاعات الطيفية (Spectral - bands) التي يتألف كل منها من مجموعة متلاصقة من الخطوط .

- 4 -

٣ _ ١ طيوف الاصدار والامتصاص:

إن الإنتقال من سوية طاقة منخفضة إلى سوية أخرى أعلى منها بُؤدي إلى زيادة طاقة المجموعة الذرية أي إلى إمتصاص فوتون . أما الإنتقال من سوية مرتفعة إلى سوية أخرى منخفضة فيؤدي إلى نقصان في طاقة المجموعة أي إلى إصدار فوتون ؛ وهكذا نجد أن مجموعة الإنتقالات المشعة التي تحدث إنطلاقاً من السويات السفلي بإتجاه السويات الأعلى تعطى طيف الإمتصاص (spectre d'Absorption) أما الإنتقالات المعاكسة من السويات العليا نحو السويات السفلي فتعطى طيف الإصدار (Emission) إن كل إنتقال منفصل ، يتميز بتواتره ، وكذلك بإحتمال حدوثه بإثجاه معين ، أي بإحتمال الإمتصاص أو الإصدار ، يتشخص طيف الإصدار أو الإمتصاص لمجموعة ذرية بمعرفة شدة وتواتر كل خط طيفي أو تواتر وشدات الأشرطة (القطاعات) للمجموعة ، إن شدة كل خط طيفي معين تتعلق بإحتمالات الإنتقالات المختلفة التي لها نفس تواتره ، وبعدد المجموعات الذرية في مختلف الأوضاع المستقرة ، أي بإسكانات (population) مختلف سويات الطاقة وبالتالي فإن شدة طيف الإمتصاص يتعلق باسكانات السويات المنخفضة ، بينما شدة طيف الإصدار يتعلق بإسكانات السويات المرتفعة ، هذا وتأخذ أطياف الإصدار أشكالاً مختلفة تبعاً لإسكان السويات حتى ولوكانت صادرة عن مجموعات ذرية متجانسة كذرات معددن معين مثلاً أو جزيئات مركب كيميائي ذي بنية محدّدة . وأبسط حالة هي التي يكون فيها أخفض مستوى ــ نسميه المستوي الأساسي هو وحده المسكون . لمي عندما تكون كل المجروعات الذرية واقعة في الوضع المستقر الأساسي . فمن هذا الوضع الذي تبقى فيه المجموعة إلى الأبد إذا لم تتعرض لتأثير خارجي ، يمكن أن تحدث فقط إنتقالات إلى سويات أعلى . أي يمكن أن يحدث فقط إمتصاص للفوتونات وليس إصدار لها ، وهكذا نجد أنه إذا أثرنا على المجموعة الذرية بإشعاع مركب فإننا نحصل على طيف إمتصاص مؤلف من مجموعة خطوط موافقة لإنتقالات من أخفض سوية وإلى مختلف السويات الأعلى ، أما في الحالة العامة حيث تكون السويات الأخرى غير القاعدية (الدويات المثارة) مسكونة أيضاً ، وبالتالي فإن الإنتقالات التي تبدأ من السويات المثارة يمكن أن تؤدى سواء لحدوث أطاف الإمتصاص أو أطياف الإصدار التي تزداد شدتها بقدر مايكون إسكان هذه السويات المثارة أكبر ، وكلما إزداد عدد

السويات المسكونه بكثافة كبيرة كلما أخذت أطياف الامتصاص والإصدار طابعاً معتمداً .

إن تسمية السويات المحرضة (niveaux excité) آ تية من واقــــع أن إنتقال مجموعة من وضعها القاعدي إلى وضع آخر لايتم إلا بإعطاء هذه المجموعة طاقة محددة ، أي تحريضها .

فالمجموعة التي تملك في تلك الحالات المحرضة فائضاً من الطاقة بالمقارنة مع طاقتها في المستوي القاعدي . هذا الفائض هو طاقة التحريض التي يجعلها غير مستقرة . إذاً لايمكنها أن تبقى في وضعها المحرض لوقت غير محدود ، بل تبقى زمناً محدوداً تنتقل به إلى سوية أخرى أخفض أو أعلى مصدرة أو ماصة ً كماً ضوئياً إذا كان إنتقالها مشعاً .

إن اسكان السويات وطابع الطيف يتعلقان قبل كل شيء بوجود أوعدم وجود التوازن الترموديناميكي ، فإذا كانت المادة في حالة توازن ترموديناميكي موافق لدرجة حرارة معينة فإن إسكان السويات يتناقص كلما زادت طاقة هذه السويات وذلك وفقاً لقانون ماكسويل – بولتزمان .

$$N_i = N_j \frac{g_i}{g_j} e^{-(E_j - E_j)/kt}$$
; $g_i = 2 J + 1$

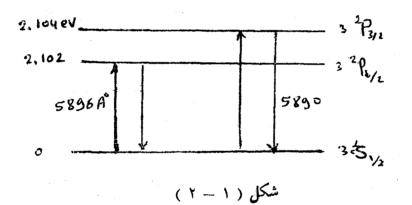
يبين هذا التوزيع أن التناقص يتسارع بإنخفاض درجة الحرارة ففي درجة حرارة منخفضة بما فيه الكفاية تكون السوية الأساسية هي المسكونة فقط من الناحية العملية . وعندما تتحقق الحالة التي ذكرناها سابقاً والتي تسود فيها عملية الإمتصاص .هذا ومع رفع درجة الحرارة تبدأ السويات المحرضة بالإمتلاء تدريجياً وتبدأ معها عمليات الإمتصاص بدء من هذه السويات ويظهر كذلك في نفس الوقت الإصدار الحراري ، أي الإصدار المرتبط بدرجة الحرارة والذي تزداد شدته كلما ارتفعت درجة الحرارة .

- ع 1 أنواع الاثارة :
- ٤ ١ ١ : الإثارة الضوئية :
- تتم الإثارة بتعريض المادة المراد إثارتها لإشعاع معروف التركيب يكون عادة

- 11. -

مؤلفاً من مجموعة معينة من اشعاعات وحيدة اللون ، أو بعبارة أخرى إعطاء المجموعات الذرية دفعات محددة تماماً من الطاقة مساوية لـ hv ، وتتميز الإثارة الضوئية بإمكانيات إيقافها في لحظة معينة ، وهذا ما يسمح بدراسة الإصدار غير الحراري الحاصل بعد وقف الإثارة أي مايسمى التألق (Luminescence) ؛ وبالضبط دراسة إمتداده الزمني وقوانين تخامده .

إن الإصدار الذي يملك إثارة لاحقة ذات إمتداد زمسي صغير يسمى الفلورة (Fluorescence) أما الذي تمتد إثارته اللاحقة لمدة طويلة فيسمى الفسفرة (Phospherescence). الإصدار الطنيي (Resonance Emission) هو حاامة إنتقال مشع يكون فيه تسواتر الضوء الممتص نفس توانسر الضوء الصادر كما في ذرة الصوديوم حيث يتم الإنتقال دائماً بين السوية الأساسية والسوية المحرضة شكل (١ – ٢).

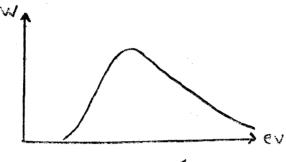


وفي هذا المجال يعتبر اللازر ذو الجوهرة من المنابع الجديدة للإثارة الضوئية وضوء الزئبق وضوء التنغستين .

٤ – ٢ – ١ – الإثارة الكهربائية :

تلعب طرق الإثارة الكهربائية دوراً ذو أهمية كبيرة في الدراسات الطيفية ، تماماً كما هو الحال بالنسبة للإثارة الضوئية وتتم الإثارة الكهربائية في أغلب الأحيان باستخدام الأشكال المختلفة للإنفراغ الغازي وعلى الأخص الإنفراغ الشراري والإنفراغ القوسي وبهذه الطريقة يمكننا الحصول على منابع قوية للضوء . إن الإثارة بواسطة تمرير التيار الكهربائي عبر الغاز تتم بفضل الإصطدامات الحاصلة بين الحسيمات .

تلعب آلية الصدمة الإلكترونية (Shock - excitation) الدور الرئيسي في إحداث الإثارة وتعني الضربة الإلكترونية هو أن الإلكترونات أثناء تسارعها في حقل كهربائي تكتسب طاقة حركية تعطيها فيما بعد إلى الحسيمات الأثقل كالذرات – الجزيئات ، وذلك أثناء إصطدامها بها ، والصدمة الالكترونية لاتحدث إلا عندما تكون الطاقة الحركية للإلكترون أكبر أو مساوية لطاقة الإثارة . كذلك فإن احتمال الإثارة يتناسب طرداً مع نسبة الإصطدامات المنتجة آي التي تحدث الإثارة إلى كامل عدد الاصطدامات بين الحسيمات والإلكترونات . وتابعية هذا الإحتمال لطاقة الإكثرون الماقة الإثارة إلى كامل عدد الاصطدامات مبينة بالشكل (1 – ٣) .



شکل (۱ – ۳)

تستخدم طريقة الإثارة بالضربة الإلكترونية بشكل واسع للحصول على طاقات الإثارة لسويات الطاقة في الذرات والجزيئات وذلك بتحديد كمونات الإثـــارة .v (Excitation potential) التي تعطي الالكترون عندها الطاقة إلى الجسيمات .

$$\mathbf{e} \mathbf{V}_{\mathbf{i}} = \frac{1}{2} \mathbf{m} \mathbf{v}_{\mathbf{i}}^2 = (\Delta \mathbf{E}_{\mathbf{i}}) = \mathbf{E}_{\mathbf{i}} - \mathbf{E}_{\mathbf{j}}$$

حيث _iAE طاقة الإثارة المطلوب تعيينها وبنفس الطريقة يمكننا تعيين طاقة التأين والتفكك AE_i = W_{ios} و AE_i = W_{diss} .

ال**قوس الكهربائي :** يشكل القوس الكهربائي المغذي بالنيار المستمر الطريقة الأكثر إنتشاراً للإثارة (الجهـــد 50 إلى 300 volt) . يــــتم التبخير بالتحمية الناتجـــة عن مـــرور التيار (k) 8090 – 4000) يمر ضمن القوس كمية نسبياً مهمة من المادة المراد إثارتها .

الشرار المولد بالجهد العالي :

يتم إنتاج سلسلة من الشرارات (50 انفراغ بالثانية) وتصل إلى (30 – MHz 50) كما ، في حلاالة البلاسما الــــي تعتبر منبع من منابع التحــريض . وذلك بربط قطبين (Electrod) إلى محولة ذات جهد عــالي (kV) . إن الشرار الكهربائي يعطي طاقة أكثر ارتفاعاً من الطاقة التي يقدمها القوس الكهربائي وبالتالي يثير الطيف الأيوني .

٥ – ١ – الموجة المرافقة للجزيئات المادية :

$$\frac{1}{2}$$
 m · v² = $\frac{3}{2}$ K · T

حيث K. T. متوسط الطاقة الحركية لغاز كامل حيث اعتبر الالكترونات مشكلة غاز كامل

$$\mathbf{m^2 \, v^2} = 3 \, \mathbf{kT} \, . \, \mathbf{m}$$

لك_ن :

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} = \frac{h}{\sqrt{3 \, k \, T \, m}}$$

وعندما °T = 300 K فإن :

$$\lambda = rac{h}{\sqrt{3.k.T.m}} = rac{6.62 imes 10^{-34}}{\sqrt{3 imes 1.38 imes 10^{-22} imes 300}} = 1.4 \text{ A}^{\circ}.$$

2 — الطاقة الناتجة عن حقل كهربائي :

$$E = e \cdot V.$$

 $\frac{1}{2} m v^2 = e.V.$
 $m^2 v^2 = 2 c.V.m.$

- 12 -

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2 eVm}}$$

: itim... itim

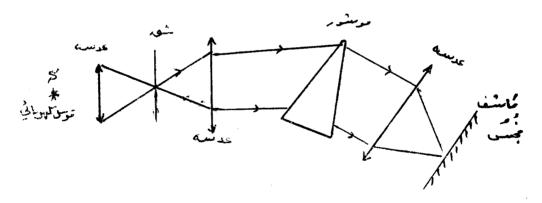
لكن عملياً فإن الطاقة مساوية إلى E = p . c أي أهملنا الحد الثاني في العلاقة السابقة :

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{c.h}{E}$$

 $(\lambda = 1.2 \times 10^{-15} \text{ m} \iff E = 1 \text{ GeV} = 10^9 \times 1.6 \times 10^{-19})$

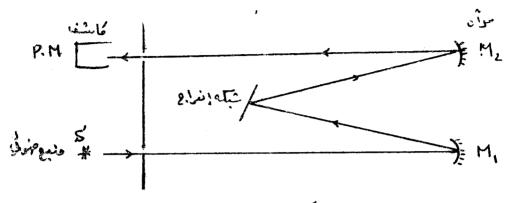
۲ – ۱ – المنظومات البصرية :

إن الغاية من المنظومة البصرية هو فصل الإشعاعات ذات الأطوال الموجية المختلفة والصادرة عن المادة المثارة ضمن منبع الإثارة والشكل (٤ – ١ – أ) يبين المخطط العام لمنظومة بصرية .



شکل (۱ – ٤ – ۱)

يمركز الضوء الآتي من منبع الإثارة على شتى الدخول لمقياس الطيف وذلك بواسطة عدسة . يوضع الشتى في محرق العدسة ودوره هو إرسال – على كل طول منظومة الإنتثار – حزمة من الإشعاعات المتوازية . تشكل عادة منظومة الإنتثار إما موشور كما في الشكل (٤ – ١ – ب) أو شبكة انعراج دورها الرئيسي هو فصل أطوال الموجات المتجاورة بشدة . تُجمع الحزمة المنتثرة بعد خروجها من الموشور أو الشبكة بواسطة عدسة حيث تشكل على الكاشف متتالية من أخيلة الشق الذي يشكل الخطوط الطيفية .



شکل (۱ – ٤ – ب)

يتميز كلاً من الموشور والشبكة بما يسمى بالشدة التحليلية وهي قياس إمكانية الفصل وبشكل واضح لطرلين موجبين قرييبين جداً من بعضهما البعض ويعطى بالعلاقة :

$$R = \frac{\lambda}{\Delta \lambda}$$

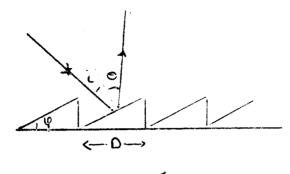
تعتمد الشدة التحليلية على عرض شق الدخول .

شبكة الإنعراج مشكلة من عدد كبير من الخطوط المتوازية متساوية البعد محفورة على الزجاج حيث تستخدم قانون الإنعراج :

$$D(\sin \theta + \sin i) = n \lambda.$$

n الرتبة ، i زاوية سقوط الأشعة ، 0 وزاية الإنعراج ، D المسافة بين الخطين في الشبكة شكل (۱ – ٥) تحت نفس الزاوية 0 نجد خطوط طيفية من المرتبة الأولى ر ومن المرتبة الثانية 2 / ٨ ومن المــرتبة الثالثة 3 / ٨ ، متطابقة ، ولإبعاد هـــذا التطابق يستخدم عادة مرشحات ضوئية .

إن التشتت الزاوي ٨٥/d٨ ثابت على الأغلب لكل مجال الأطرال المرجية .



شكل (۱ - ۰)

۷ – ۱ – طرق الكشف عن الإشعاع :

لوحة التصوير : تسجل الخطوط الطيفية على طبقة حساسة موجودة على لوحة التصوير من الزجاج أو حالياً تصنع من البلاستيك .

تحدد الأطوال الموجية للخطوط الطيفية بمقارنتها بطيف عياري مثلاً طيف الحديد الخني جداً والمعروف بصورة حيدة .

الكشىف الكهرضوئي : في المقياسية الطيفية ذات القراءة المباشرة أي معرفة طول **الموجة وكذلك** شدة الخط الطيفي المراد قياسه . استبدلت اللوحة الحساسة ولوحة التصوير **يواس**طة مكاثر فرتوني .

منظومة من الشقوق المتحركة وضعت على محرق مقياس الطيف ، حيث مجموعة من المرايا والعدسات تمحرق الضوء المار من كل شتى على المكاثر الفوتوني . كل مكاثر فحوتوني يتحكم إذاً بخط طيفي (إصدار أو امتصاص) .

MANA MANA

- IV -

الفيصل الثاني

حركة الكترون بدون سبين ضمن كمون مركزي (دراسة كواننية)

۲ – ۱ – مدخسل :

بينت الدراسات السابقة في الفيزياء الكمومية بأنه يمكننا أن نفهم الفيزياء الذرية باستخدام نماذج رياضية بسيطة وطرق تحليل قريبة جداً من الميكانيك الكلاسيكي ، إلا أنه عندما نريد القيام بدراسة مفصلة فيجب إقامة فرضيات أقل وضوحاً وغير إعتيادية وبالتالي يصبح من الصعب أن نؤمن ترابط جيد بين النظرية الكلاسيكية وبين المفاهيم التجريبية .

إن الطرق الكوانتية قد توافقت بصورة يدة مع الفيزياء الذرية وتطورها أتى أولاً عبر الميكانيك الموجي الغير نسبي ، الميكانيك النسبي لديراك ، نظرية الحقول ، هذه النظريات سمحت بفهم ووصف تام لكل الظواهر كما سنراها فيما بعد ، إن مفهوم السبين ظهر كنتيجة لتطور الميكانيك الكمي وسنبين من الآن ، بأن الدراسة الصارمة والدقيقة غير ممكنة إلا في حالة ذرة الهيدروجين وأن دراسة المنظومات الذرية المعقدة لايتم إلا بإقامة تقريب .

في هذا الفصل سندرس سلوك الإلكترون بدون سبين في كمون مركزي حيث تغطي هذه الدراسة ذرة الهيدروجين وكذلك الذرات الشبيهة بها atomes hydrogenoides والــــي تملك الكترون واحد فقط . لن ندخــل في دراسة تفصيلية حيث أخذت في محاضرات ميكانيك الكم لكن سنتعرض فقط للنقاط الأساسية .

٢ ــ ٢ ــ ١ ــ أولاً حالة حقل كولوني : الأعداد الكوانتية والطاقة :

Cas du champ coulombien . Nombres quantiques et Energie

L' Equation de Shrødinger : معادلة شرودنجر ۲ – ۲ معادلة شرودنجر

سنعالج مسألة إلكـــترون ذو شحنة e يتحرل ضمن حقل كهربائي ساكن (كولوني) لنواة ، اذا كانت النــواة هي بروتون ذو شحنة موجة ، حالة ذرة الهيدروجــين أما إذا كانت النواة ذات شحنة e ، 2 ، 3 e ، ... - حالة ذرات شبيهة بالهيدروجين hydrogenoide وبصورة حامة سنأخذ شحنة النواة مساوية إلى Ze حيث Z العدد الذري .

> تعطى الطاقة الكمونية لإلكترون ضمن حقل كولوني بالعلاقة : V(r) = $\frac{c}{r} = \frac{1}{4\pi\epsilon_o} \frac{Z e^2}{r}$

> > وبإدخال الكتلة المختزلة للإلكترون :

$$\mu = \frac{m M}{m + M}$$

فإن الهاملتونيان يساوي إلى :

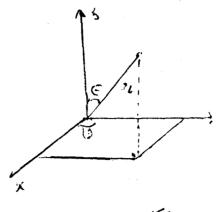
$$H = \frac{-\hbar^2}{2\mu} \Delta + V(r) = \frac{-\hbar^2}{2\mu} \Delta + \frac{c}{r}$$

وبالتالي فإن معادلة شرودنجر :

$$\Delta \psi + \frac{2 \mu}{h^2} \left(E - \frac{c}{r} \right) \psi = 0$$

یمکننا صیاغة المؤثر △ بالإحداثیات القطبیة شکل (۲ – ۱) علماً بأن :

. h ب استعضنا عنها $(h / 2\pi) = h$ (1)



شکل (۲ – ۱)

 $x = r \cdot \sin \theta \cdot \cos \varphi$.

 $y = r \cdot \sin \theta \cdot \sin \phi$.

 $z = r \cdot \cos \theta$.

$$\frac{\partial}{\partial \varphi} \psi = \frac{\partial \psi}{\partial x} \cdot \frac{\partial x}{\partial \varphi} + \frac{\partial \psi}{\partial y} \cdot \frac{\partial y}{\partial \varphi} + \frac{\partial \psi}{\partial z} \cdot \frac{\partial z}{\partial \varphi}$$

$$= -y \frac{\partial \psi}{\partial x} + x \frac{\partial \psi}{\partial y} \Longrightarrow x \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial \varphi}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial \varphi} = -r \cdot \sin \theta \cdot \sin \varphi \frac{\partial \psi}{\partial x} + r \cdot \sin \theta \cdot \cos \varphi \frac{\partial \psi}{\partial y}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial \theta} = r \cdot \cos \theta \cdot \cos \varphi \frac{\partial \psi}{\partial x} + r \cdot \cos \theta \cdot \sin \varphi \frac{\partial \psi}{\partial y} - r \cdot \sin \theta \frac{\partial \psi}{\partial z}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial r} = \sin \theta \cdot \cos \varphi \frac{\partial \psi}{\partial x} + \sin \theta \cdot \sin \varphi \frac{\partial \psi}{\partial y} + \cos \theta \cdot \frac{\partial \psi}{\partial z}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} = \sin \theta \cdot \cos \varphi \frac{\partial \psi}{\partial x} + \sin \theta \cdot \sin \varphi \frac{\partial \psi}{\partial y} + \cos \theta \cdot \frac{\partial \psi}{\partial z}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial x} = \sin \theta \cdot \cos \varphi \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\cos \theta \cdot \cos \varphi}{r} \cdot \frac{\partial \psi}{\partial \theta} - \frac{\sin \varphi}{r \cdot \sin \theta} \frac{\partial \psi}{\partial \varphi}$$

- 11 -

$$\frac{\partial \varphi}{\partial y} = \sin \theta \cdot \sin \varphi \frac{\partial \psi}{\partial r} - \frac{\cos \theta \cdot \sin \varphi}{r} \cdot \frac{\partial \psi}{\partial \theta} + \frac{\cos \varphi}{r \cdot \sin \theta} \frac{\partial \psi}{\partial \varphi}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial z} = \cos \theta \frac{\partial \psi}{\partial r} - \frac{\sin \theta}{r} \frac{\partial \psi}{\partial \varphi}$$

$$\nabla^{2} = \frac{\partial^{2}}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}}{\partial y^{2}} + \frac{\partial^{2}}{\partial z^{2}}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial z} = \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial z^{2}}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial z} = \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial z^{2}} + \frac{\partial \psi}{\partial z^{2}}$$

$$\frac{\partial \psi}{\partial \theta} = \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial \theta} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial r} + \frac{\partial \psi}{\partial \theta} + \frac{$$

$$\frac{1}{R(r)} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dR(r)}{dr} + \frac{2\mu}{h^2} \left(E - \frac{c}{r} \right) \right) =$$

$$\frac{-1}{Y(\theta, \varphi)} \left[\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial Y}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2 Y}{\partial \varphi^2} \right]$$

$$(r) \frac{d}{dr} \left[\frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial Y}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2 Y}{\partial \varphi^2} \right]$$

يعتمد كلا الحدين في المعادلة السابقة على متحولات مختلفة لايمكن أن تكون متساوية فيما بينها إلا إذا كانت مساوية إلى ثابتة x وبالتالي فإن المعادلتين التاليتين يجب أن تتحققان في نفس الوقت .

(a)
$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dR}{dr} \right) + \left[\frac{2\mu}{h^2} \left(E - \frac{c}{r} \right) - \frac{\lambda}{r^2} \right] R = 0$$
(2-2)

(b):
$$\frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial Y}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2 Y}{\partial \varphi^2} + \lambda Y = 0$$

المعادلة a متعلقة بالمتحولة r بينما المعادلة (b) متعلقة بكلا المتحولين q، 0 (المتحولات الزاوية) .

> partie angulaire : دراسة الجزء الزاوي : partie angulaire يمكن فصل المعادلة b إذا فرضنا أن :

$$Y (\theta, \varphi) = 0 (\theta) \cdot \Phi (\varphi)$$

حيث θ_(θ) و Φ (φ) تحققان المعادلات التفاضلية .

a
$$\frac{d^2 \Phi}{d\varphi^2} \cdot \frac{1}{\Phi} = -K$$

b $\frac{1}{\sin \theta} \frac{d}{d\theta} \left(\sin \theta \frac{d\theta}{d_{\theta}} \right) + \left(\lambda - \frac{K}{\sin^2 \theta} \right) \theta = 0$ (2-3)
i $(2-3)$
i $(2-3)$
i $(2-3)$

$$\Phi = A e^{i\sqrt{k}\varphi} + B e^{-i\sqrt{k}\cdot\varphi}$$

يان وجود حل مقبول فيزيائياً يفرض أن يكون Φ تابع دوري للزاوية φ . $e^{i} \sqrt{k} \cdot \varphi = e^{i} \sqrt{k} (\varphi + 2\pi)$ أو :

 $\Phi(\varphi) = \Phi(\varphi + 2\pi)$

■ eⁱ√ k 2 يجب أن يساوي الواحد وهذا غير ممكن إلا إذا كان k √ عدد كامل أي أن الحل العام مساوي إلى :

 $\Phi = A e^{i m \varphi} \qquad (2-4)$

بغرض k = m² حيث m عدد كامل موجب أو سالب :

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \ldots$$

 $heta_{(heta)} = P(\omega)$ في المعادلة k في المعادلة 2 - 3 بعد فرض أن $k = \cos \theta$ والتابع $(\omega) = P_{(heta)}$

- 17 -

نحصل على المعادلة التالية :

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}\omega}\left[\left(1-\omega^{2}\right)\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}\omega}\right]+\left(\lambda-\frac{\mathrm{m}^{2}}{1-\omega^{2}}\right)p=0 \qquad (2-5)$$

في الحالة العامة لهذه المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية حلان مستقلان يصبحان لأنهاية . من أجل 1 ± = ω ، سندرس ممثّلة الحالة المرتبطة إلكترون – نواة ، بعدها مهما كانت قيم المتحولات فإن التابع الموجي سيكون معدوم عند مسافة غير محدودة (لأنهائية). والحل العام غير مقبول فيزيائياً إلا إذا :

$$Y_{lm}(\theta, \varphi) = N_{lm} \cdot P_l^{lml}(\cos \theta) \cdot e^{im\varphi} \qquad (2-7)$$

N_{/m} ثابت التنظيم الجـــدول التــلي يعطي القيم المستخدمة لـ / وكذلك قيم التابع P/^m ، (0,φ) . (0,φ) هي توابـــع خاصة لمؤثر العزم الحـــركي المداري L ، الأعداد الكوانتية /, m تسمح بالتعبير عن العزم الحركي المداري المتعلق بحركة الإلكترون .

$$L^{2} \mathbf{Y} (\boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\varphi}) = l (l+1) h^{2} \mathbf{Y} (\boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\varphi})$$

Lz Y (
$$\theta$$
, φ) = k^2 m Y (θ , φ)

1	m	$P_{l}^{ml}(\cos \theta)$	
0	0	1	
		* 4	

$$\frac{d^{2}\chi}{dr^{2}} + \left[\frac{2\mu}{h^{2}}\left(E - \frac{c}{r}\right) - \frac{l(l+1)}{r^{2}}\right]\chi = 0 \qquad (2-8)$$
: idea is the second second

$$A = -\frac{2\mu E}{h^2}$$
, $B = -\frac{2\mu c}{h^2}$, $\lambda = l (l + 1)$ (2-9)

سندرس فقط الحالات المرتبطة أي E ذات قيمة سالبة ، والبارامترات A ، B موجبان إذاً :

$$\frac{d \chi}{dr^2} - \left(A - \frac{B}{r} + \frac{\lambda}{r^2}\right)\chi = 0 \qquad (2-10)$$

- 40 -

a) : لنبحث عن سلوك مقارب (r) x عندما ٢٠٠٠ في هذه الحالة يهمل الحــدين r / r و r/ 1 ، وحل المعادلة إذاً :

u (r) كثيرة حدود . لقد اختيرت الإشارة السالبة حتى لا يأخذ التابع الموجي فيه لانهاية من أجــ**ل** ∞د- r ، وهذا فيزيائياً غــير مقبول بتعويض (r) X في المعادلة (10 – 2) نجد :

$$\frac{\mathrm{d}^2 \mathrm{u}}{\mathrm{d}r^2} - 2\sqrt{A} \frac{\mathrm{d}\mathrm{u}}{\mathrm{d}r} + \left(\frac{B}{r} - \frac{\lambda}{r^2}\right) \mathrm{u} = 0 \qquad (2-11)$$

c) : ان الحصول على حل هـــذه المعادلة التفاضلية سيتم على شكل سلسنة ذات أسس متزايد لها الشكل :

$$\mathbf{u}\left(\mathbf{r}\right) = \sum_{\mathbf{k}=l+1}^{\infty} \mathbf{c}_{\mathbf{k}} \mathbf{r}^{\mathbf{k}}$$

نشتق ونعوض :

(b

$$\sum_{k=l+1}^{\infty} c_k \{ [k(k-1)-c] r^{k-2} - (2\sqrt{A}-B) r^{k-1} \} = 0$$

$$k = l+1$$

: نفرض $k = h+1$ يصبح الحد الأول من هذه المعادلة على الشكل

$$\sum_{k=l+1}^{\infty} c_{k} \left[k \left(k-1 \right) - c \right] r^{k-2} = \sum_{h=1}^{\infty} c_{h+1} \left[h \left(h+1 \right) - c \right] r^{h-1}$$

$$k = l + 1$$

هذه العلاقة صحيحة إذا كان هناك عدد كامل n = k على الأقل مساوي إلى n ≥ *l* + 1 أي بحيث 1 + 1 $2 n \sqrt[3]{A} = 2$

$$2 n \sqrt[n]{A} - B = 0 \qquad (2 - 12)$$

$$a_1 = \frac{2}{B} = \frac{-h^2}{\mu c} = 4 \pi \varepsilon_0 \frac{h^2}{\mu \cdot e^2}$$

k ثابت التنظيم .

ل الحدود الحدود المرافقة والتي ترتبط بكثيرة حــدود $L^{2l+1}_{n+1}(\frac{2 Zr}{n a_1})$ لاغير Laguerre بالعلاقة :

$$L_{\mathbf{k}}^{s}(\mathbf{x}) = \frac{d^{s}}{dx^{s}} L_{\mathbf{k}}(\mathbf{x})$$

- YV -

n	1	$L\frac{2l+1}{n+1}(x)$
1	0	1 !
2	1	3!
3	2	—5 !
4	3	—7 !
2	0	2 x — 4
3	1	24 x — 96
4	2	120 — 5760
3	0	$-3 x^2 + 18 x - 18$
4	1	$-60 x^2 + 600 x - 1200$
4	0	$4 x^3 - 48 x^2 + 144 x - 96$

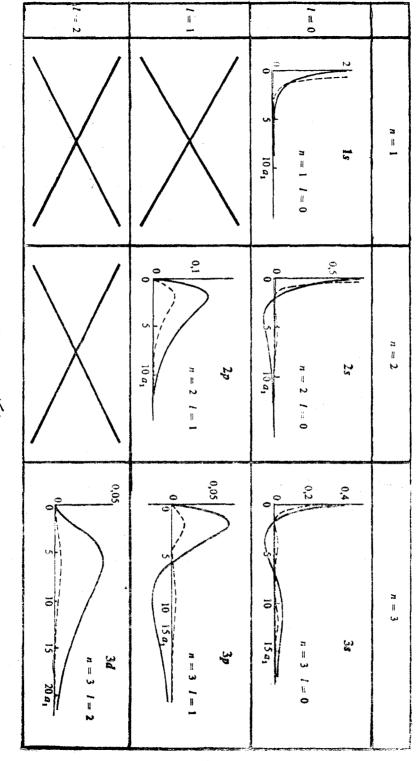
 $L_{n+1}^{(2l+1)}(x)$ (x) و ا و علاقة n - 1 و ا وعلاقة العربي العربي

والشكل دي الرقم (Y – Y) يبين شكل التابع القطري (R (r) .

الحطوط المنقطة تمثل الفيم النسبية لـ *RR و a، نصف قطر بور °A، 0.53 A. .

- ۲ ۲ 0 النتائج الأساسية :
 أدى حل معادلة شرو دنجر إلى إيجاد :
- 1 ـــ العدد الكوانتي المغناطيسي m في الجزء الزاوي لـ φ يسمح هذا العدد (m) بالحصول على القيم الممكنة ملاحظتها للمركبة L_z (العزم الحركي المداري) .
- ٢ ـــ العدد الكوانتي الزاوي / والذي يسمح بإيجاد الحل المقبول لـ (๓) θ والذي يجب أن يحقق الشرط إm| ≤ / . يميز / كمية العزم الحركي المداري .

- 11 --



- 14 -

شکل (۲ – ۲)

$$n \ge l+1$$

B = n . 2 .
$$\sqrt{A}$$
 = (l + p + 1) 2 \sqrt{A}
- 2 μ c / h^2 = n . 2 $\sqrt{-2 \mu}$ E/ h^2

بتربيع ااطرفين :

$$4 \mu^{2} c^{2} / h^{2} = -4 n^{2} \frac{2 \mu E}{h^{2}}$$

$$4 \mu^{2} \frac{Z^{2} e^{4}}{16 \pi^{2} \epsilon_{o}^{2} h^{4}} = -4 \frac{n^{2} \cdot 2 \cdot \mu \cdot E}{h^{2}}$$

$$E = -\frac{Z^{2} e^{4} \mu}{16 \pi^{2} \epsilon_{o}^{2}} \cdot \frac{1}{n^{2} h^{2}} = \frac{-Z^{2} \cdot R \cdot h \cdot c}{n^{2}} \qquad (2-14)$$

حيث R ثابت رايدبرغ .

إذاً وجدنا قيمة الطاقة لذرة الهيدروجين والتي تعطي كل السلاسل الطيفية له . قيم الطاقة هذه تعتمد على العدد n . ولاتدخل قيم / و m ، أي أنه هناك العديد من الحالات الكوانتية المميزة المنفصلة والمطابقة لنفس قيمة الطاقة E ، نقول عن هذه المستويات من الطاقة بأنها متوالدة ورتبة توالدها مساوي إلى عدد هذه الحالات الكوانتية المنفصلة أي عدد التوافقيات الممكنة والتي يمكن أن نشكلها مع مختلف قيم *ا*و m .

علماً بأن نظرية المدارات الدائرية لبور لاتدخل مفهوم التوالد .

ملاحظة :

لتمييز الحالات الإلكترونية المختلفة نستخدم عادة زوج مؤلف من عدد من حرف يرمز لقيم 1 .

لقيم 3 < *ا* نتبع التسلسل الأبجدي ، الأحرف d,p,s... ليس لها أي تفسير وإنما فرضت هكذا .

۲ – ۳ – احتمال وجود الإلكترون ضمن ذرة هيدروجينية :

إن المعلومات عن توضع الإلكترون يتم الحصول عليها بإحتمال وجوده . والمعطى بالعلاقة :

 ψ (r, θ , φ) \times ψ ^{*} (r, θ , φ) dV

حيث يُمثَل احتمال وجود الإلكترون ضمن حجم dv المحدد كما في الشكل (۲ – ۳) حيث (۳, ۴, ۹) *ل المر فق العقدي لـ ل .

$$d \mathscr{V} = r^2 \sin \theta \, dr \, d\theta \, d\varphi \, .$$

- 11 -

: حيث $\Phi = R \ \theta \ \Phi$ عكن كتابة (2 - 15) بالشكل $\int R. R^* r^2 dr = 1$ (2 - 16) $\int \theta \cdot \theta^* \cdot \sin \theta d\theta = 1$ (2 - 17) $\int \Phi \Phi^* d\varphi = 1$. (2 - 18)

تسمح هذه العلاقات الثلاث بحساب ثوابت التنظيم السابقة ، إن صيغة السوابع (R (r) R و (q, q) Y (q, q) :

$$\mathbf{R}(\mathbf{r}) = -\sqrt{\left(\frac{2Z}{n a_{1}}\right)^{3} \frac{(n-l-1)}{2 n \left[(n+l)!\right]^{3}}} \cdot \left(\frac{2Zr}{n a_{1}}\right)^{l} \cdot e^{-Zr|na_{1}} \cdot L_{n+l}^{2l-1} \left(\frac{2Zr}{n a_{1}}\right)$$

: m > 0 : m > 0

$$Y(\theta, \varphi) = \sqrt{\frac{2l+1}{4\pi} \frac{(l-m)!}{(l+m)!}} (-1)^m, P_l^m(\cos\varphi) e^{im\varphi}$$

$$Y_{l}^{-m} = (-1)^{m} Y_{l}^{m}$$

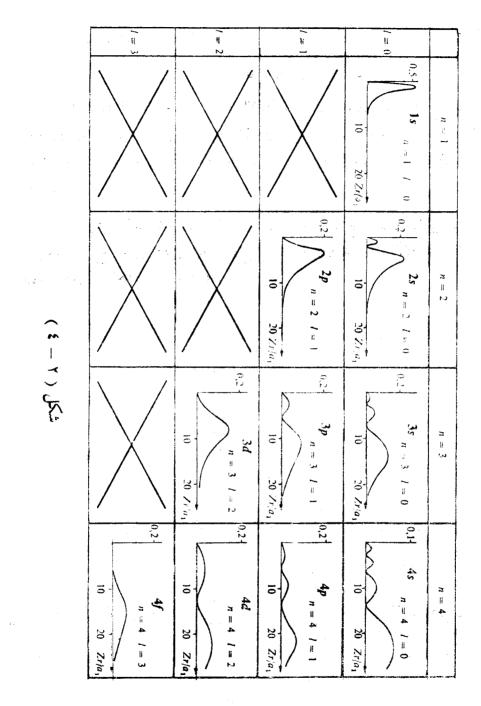
الإحتمال القطري : Probablité radiales

إن العلاقة التالية

 $D(r) dr = \mathbf{R}. R^* . r^2 dr$

تمثل احتمال وجود الكترون بين الكرة ذات القطر r والكرة ذات القطر r + dr . بدءً من العلاقة التحليلية للتابع R يمكننا أن نرسم (r) D كتابع لـ r والشكل (Y – Y) يمثل كثافة الإحتمال (r) D لعدد معين من الحالات الكوانتية . سنلاحظ أن العدد صفر التابع (r) D يساوي إلى الـعدد الكوانتي القطري n_r الذي أدخل من قبل سومر فيلد n_r = n – k حيث نطابقه هنا k مع 1 + 1 .

من الشكل نجد أن إحتمال الوجود لايساوي الصفر في المبدأ عندما r = 0 في حالة المدار s هذه النتيجة نوعية للمعالجة الكوانتية ومهمة جداً .



*

الفيزياء الذرية

-- ٣٣ -

الإحتمال الزاوى : Probablite's angulaires

حسب العلاقات (17 - 2) و (18 - 2) نجد :

 $D\left(\phi \right) d \varphi = \Phi_{m} \Phi_{m}^{*} d \phi \,.$

تمثل هذه العلاقة احتمال ايجاد الالكترون ضمن منطقة من الفراغ محــدود بمستويين يمــر ان من المحور cz ويعملان زوايــا φ ، φ + φ مع المحور x . إن هذا الإحتمال يساوي دائماً αz | φ وهذا يعني أن تــوزيع الإلكترونات له تناظــر حول المحور cz .

بينما يمثل الحد θ sin φ dθ . طق يصنع الشعاع الكائن بين النواة والإلكترون مع المحور cz زاوية تتراوح بين θ و dθ + θ ، لكن الزاوية الصلبة dΩ المطابقة للشكل (۳ – ۱) .

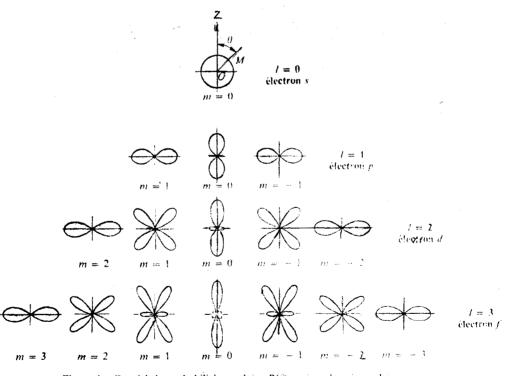


Figure 4. Densité de probabilité angulaire $D(\theta)$ en coordonnées polaires.

شکل (۲ – ۰)

 $\mathrm{d}\mathbf{\Omega}=2\,\pi\,.\,\sin\,\theta\,\,\mathrm{d}\theta\,.$

$$\theta \ \theta^* \sin \theta \ d\theta = \theta \ \theta^* \frac{d\Omega}{2 \pi}$$

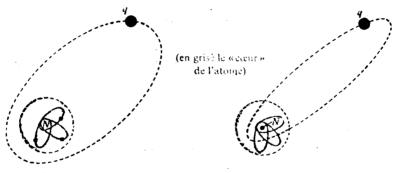
والشكل (٢ – ٢) يبين الكثافة الإحتمالية الزاوية (θ) D بالاحداثيات القطبية ، حيث نلاحظ أن المدار s له تناظر كروي .

۲ – ٤ – حالة كمون مركزي غير كولوني :

ر :

سندرس في هذه الفقرة حركة الكترون خارجي يتفاعل مع قلب الذرة المشكل من النواة والإلكترونات الأخــرى حيث المجموعة كلها ذات تناظر كروي ، وهي حالة الذرات القلوية أو الذرات الشبيهة بالهيدروجين .

۲ – ٤ – ۱ – مدارات متداخلة ومدارات غير متداخلة :



a) Orhite non pénétrante

h) Orbite nénétronte

شکل (۲ – ۲ – ب) مدار متداخل شکل (۲ – ۲ – أ) مدار غیر متداخل

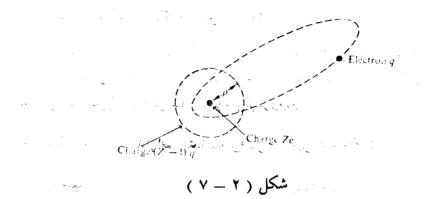
الأول هوحالة مدار غير متداخل الإلكترون خارجي كما في الشكل (٢ – ٢ –أ) إذا قبلنا بأن التناظر المتوسط للغمامة المشكلة من قبل 1 – z إلكترون داخلي هو كروي، فإن الااكترون يرى كمون كهربائي ساكن ناتج عن شحنة ze للنواة ولتوزيع كروي للشحنة q (1 – z)

إذاً سيكون خاضع **للـكمون مطابق إلى الكمون الناتج عن شحنة واحدة e وتبتمي** المعالجة التي تمت بالنسبة لذرة الهيدروجين في هذه الحالة صحيحة .

- "0 -

– على العكس إذا كان مدار الإلكترون الخارجي داخل ضمن قلب الذرة
 شكل (٢ – ٦ – ب) فإن الدراسة ستكون أكثر تعقيداً . إن ١ – z إلكترون داخلي
 تكون موزعة على كرة ذات نصف قطر م .

إن تطبيق نظريات الكهرباء الساكنة يسمح <u>بإ</u>يجاد كمون كهربائي ساكن V_{int} و V_{ext} في داخل وفي خارج الكرة ذات نصف القطر ۾ شكل (۲ – ۷) .



لدينـــا : الكمون خارج الكرة

$$\begin{split} V_{e^{rt}} &= \frac{1}{4\pi} \frac{e^2}{\epsilon_o} \frac{e^2}{r} \\ \vdots & V_{int} = \frac{1}{4\pi} \frac{e^2}{\epsilon_o} \text{ close is like integrable} \\ V_{int} &= \frac{1}{4\pi} \frac{Ze^2}{\epsilon_o} + \text{ctc} \\ \vdots \\ v_{int} &= \frac{1}{4\pi} \frac{Ze^2}{\epsilon_o} + \frac{ct}{r} + \frac{c}{r} \\ \vdots \\ v_{int} &= \frac{1}{4\pi} \frac{Ze^2}{\epsilon_o} \left(\frac{Ze^2}{r} + \frac{e^2}{\rho} - \frac{Ze^2}{\rho} \right) \end{split}$$

ذات

٢ – ٤ – ٢ – نموذج كوانتي للذرات بالكترون خارجي واحد : رأينا أثناء دراسة الحالات الكوانتية الهيدروجينية بأنه من غير الممكن توضع الإلكترونات على مدارات محددة ، إن مفاهيم المدار المتداخل والمدار غير المتداخل يجب أن يتحقق .

سنأخذ فقط بأنه عندما يكون الإلكترون بالقرب من النواة فإنه يرى طاقة كمونية :

$$V(r) = \frac{-1}{4\pi \epsilon_0} \frac{Z e^2}{r} + cte.$$

وعلى مسافة كبيرة من النواة يرى الكمون :

$$V(r) = \frac{-1}{4\pi \epsilon_o} \frac{e^2}{r}$$

سنبداً حل معادلة شرودنجر بتحديد كمون مركزي شكاه التحليلي يوصف بشكل جيد **المرة و**هو في تطابق جيد مع النتائج التجريبية .

بصورة عامة فإن الحل لا يتم إلا عددياً . هناك العديد من الطرق المستخدمة (Hartree , Thomas - Fermi) . وهي طرق صعبة لكسن سنستخدم تقريب مختصر المشكلة ، سنأخذ تابع الطاقة الكمونية من الشكل :

$$\mathbf{V}(\mathbf{r}) = \frac{-1}{4\pi \ \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathbf{o}}} \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}} \left(1 + \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{r}}\right) = \frac{\mathbf{c}}{\mathbf{r}} \left(1 + \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{r}}\right)$$

عندما r كبيرة الإلكترون بعيد عن النواة

$$V(r) = \frac{-1}{4\pi \epsilon_0} \frac{e^2}{r}$$

عندماً r صغيرة الإلكترون بجانب النو ة

$$V(r) = \frac{-1}{4\pi \epsilon_o} \frac{Z e^2}{r}$$

وبالتالي يمكننا تعيين المعامل b .

بتعويض قيمة (r) في القسم القطري من معادلة شرودنجر الموجودة سابقاً نجد :

لن يكون هناك معنى فيزيائي إلا إذا كان لكثيرة الحدود (u (r) عدد محدود من الحدود .

من أجل أن تسمح بذلك علاقات التكرار المتعلقة بمعاملات كثيرة الحدود (r) u فمن الضروري أن يكون p عدد صحيح موجب أو معدوم :

 $\mathbf{B} = 2\left(l^* + 1 + \mathbf{p}\right)\sqrt{\mathbf{A}}$

بعد تعويض قيمة A و B نجد :

$$\mathbf{E} = \frac{-\mathbf{R} \cdot \mathbf{h} \cdot \mathbf{c}}{(l^* + \mathbf{p} + 1)^2}$$

نلاحظ ظهور عدد p كامل في عبارة الطاقة وكذلك */ المتعلق بالعدد الكوانتي l :

- T _ ندعو n بالعدد الكوانتي الرئيسي والذي يساوي : n = l + p + l
 - ب ـــ ندعو *n بالعدد الكوانتي الفعال :

 $\mathbf{n^*} = l^* + \mathbf{p} + 1 = \mathbf{n} - \Delta l$

$$E = \frac{-R h c}{n^{*2}} = \frac{-R h c}{(n - \Delta l)^{*2}}$$

إذا كانت قيمة b صغيرة فإن *l = l ، من السهل إيجاد بدء من العلاقة (2 - 2) Δl :

Δ*l* ≈
$$\frac{B.b}{2l+1} = \frac{1}{l+\frac{1}{2}} \frac{b}{a_1}$$

: وبالتالي فإن سويات الطاقة تابع لـ n و *l* ، وستكرن
- B h c

$$E_{n_{l}} \frac{-R. h. c}{\left(n - \frac{b}{a_{1}} \frac{1}{l + \frac{1}{2}}\right)^{2}}$$
(2-22)

إن الدراسة التي قمنا بها وذلك باستخدام الكمون

$$V(r) = \frac{c}{r} \left(1 + \frac{b}{r} \right)$$

قسمح لنا بأن نرى أن التوالد بـ / ، والمميز للمدارات الهيدروجينية قـــد ازداد وبأن مستوي الطاقة مميز بواسطة العددين الكوانتيين n و / .

من العلاقة (22 – 2) نلاحظ أن القيمة الجبرية للطاقة تابع متزايد لـ *I وس*نرى فيما . **يعد** المستويات المتعاقبة جلى سلم الطاقة هذا الترتيب متعلق بشكل الكمون (V(r) .

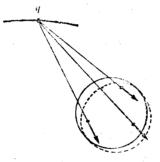
الجدول التالي يبين بعض القيم للعدد الكوانتي الفعال *n لذرة الصوديوم والمحسوب من قيم تجريبية للطاقة ؛ وذلك لقيم مختلفة لـ n و/ .

•	n = 3	n = 4	n = 5	n = 6	
l = 0	1.627	2.643	3.648	4.651	
l = 1	2.177	3.133	4.138	5.441	
1 = 2	2.99	3.989	4.987	5.989	

- 44 -

l=3		4.001	5.001	6.008	
1 = 4	·		<u> </u>	*	
<i>l</i> = 5					
<i>l</i> = 6		· · ·	· · -		

من الجدول نلاحظ عندنا تزداد قيم n و / فإن *n تأخذ قيم مجاورة أو قريبة من n ، هذه هي الحالة المطابقة للمدارات الغير متداخلة . أما عندما تتجاوز *n قيمة n فهذا يعود إن النموذج الرياضي ويجب استخدام نظريات أدق تأخذ بعين الإعتبار التشويه بالنسبة للتناظر الكروي لقلب الذرة تشويه ناتج عن الحقل الكهربائي الناتج عن الإلكترون الحارجي . الشكل (٢ – ٨) .



Polarisation du cœur sous l'influence du champ électrique de l'électron. En prisé le cour qui a perdu la symétrie sphérique.

الشكل (٢ – ٨)

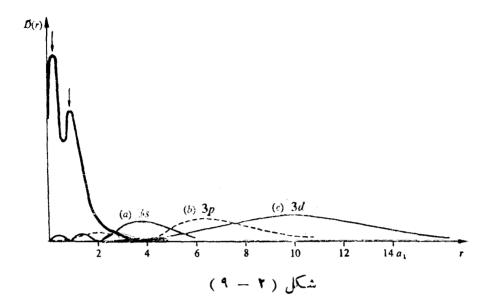
استقطاب قلب الذرة تحت تأثير الحقل الكهربائي للإلكترون .
 (الخط المنقط) : قلب فقد تناظره الكروي .

والشكل (٢ – ٩) يعطي مخطــط الكثافة لإحتمالية لذرة الصوديوم الحط العريض يمثل الكثافة الإحتمالية القطرية لإيجاد واحد من الكترونات القلب .

الخطوط a و b و c تمثل على التوالي الكثافات الإحتمالية القطرية لإاكترون خارجي في الحالات الكوانتية 3d , 3p , 3s ، حيث فلاحظ أن احتمال إيجاد الكترون 3d ضمن

~~ **{·** ~

القلب ضعيف جداً ويعتبر المدار 3 غير متداخل .



M M M M

الفصل الثالث

نقريب الالكترونات المستقلة في كمون مركزي (التشكيلات الإلكترونية)

٣ ـــ ١ ـــ التأثيرات المختلفة في ذرة معقدة :

Les differents interaction dans un atome complex

درسنا في الفصل السابق نموذجين بسيطين ، ذرة الهيدروجين (حركة الكترون بدون سبين ضمن كمون كهربائي ساكن (وذرات المعادن القلوية) حركة الكترون خارجي بدون سبين) وفي كلا الحالتين أهملنا العديد من التفاعلات المتبادلة واكن في حالة دراسة كاملة لذرة معقدة يجب إدخال :

- a) التأثير المتبادل بين النواة المفروضة نقطية ، وبين الإاكترونات . b) – التأثير المتبادل بين الإلكترونات مع بعضها البعض . c) – التأثير المتبادل المغناطيسي لسبين الإلكترونات مع حركة المدار . d) – التأثير المتبادل للعزوم المغناطيسية لسبين الإلكترونات فيما بينها . إن وصف نواة ذرة يكون معقد لذلك يجب تصور حدود أخرى .
- e) -- تأثير متبادل للعزوم المغناطيسية المدارية أو سبين الإلكــترونات مع العزم المغناطيسي للنواة .

f) – بالإضافة ؛ فإنه من المفيد عمل تصحيح يترجم الشكل الغير نقطي للنواة وكذلك توزع الشحن النووية عندما لاتملك توزيع كروي .

من كل ماسبق نرى أن دراسة ذرة هي مشكلة معقدةجداً ، لذلك نسعى إلى حل تقريبي يمكن ان يتم بإهمال بعض الحسدود . إن الحدين e و f ، يمكن إهمالهما لأنهما لايؤثران على مستو ات الطاقة إلا فانتقال ضعيف جداً .

من أجل معظم الذرات يمكننا إيجاد معظم الأفكار بعمل الفرضيتين التاليتين :

$$H = \sum_{i} -\frac{h^{2}}{2 m} \Delta_{i} - \frac{1}{4\pi \varepsilon_{o}} \frac{Ze^{2}}{r_{i}} + \sum_{j>i} \frac{1}{4\pi \varepsilon_{o}} \frac{e^{2}}{r_{ij}}$$

المتراجحة i ح ز ضرورية لتجنب العد مسرتين ، الحد Δ_j , r_{ij} مؤشر اللابلاسيان للالكترون i ، المسافة بين النواة والإلكترون ؛ _{ij} المسافة بين الإلكترون i ، والإلكترون j .

١ – التقريب الأول :

نفرض بأن الإلكــترونات مستقلة فيما بينها وتخضع لكمون مركزي (r) V في هذه الحالة يصبح الهاملتونيان على الشكل :

$$H_{o} = \sum_{i} \left(\frac{-h^{2}}{2m} \Delta_{i} + V(r_{i}) \right)$$

بالطبع فإنه يمكننا أن نأخذ كصيغة لـ (Ze²/r_i) (Ze²/r_i) والتقريب

- 11 -

$$\frac{-1}{4\pi \varepsilon_{o}} \frac{Ze^{2}}{r_{i}} \qquad \sum_{j>i} \frac{1}{4\pi \varepsilon_{o}} \frac{e^{2}}{r_{ij}}$$

بواسطة كمون مركزي (r) . وبهذا نكون عممنا الفصل المابق في حالة ذرة الهيدروجين وذرات العناص القلوية حيث التأثير المتبادل لإاكمترون خارجي مع قلب الذرة يأخذ بعين الإعتبار وذلك بتغير صيغة الكمون . بشكل حدسي فإنه يمكننا تصور نتيجة الحركة الدورية للإلاكترونات ، القيمة المتوسطة لقوى التأثير المتبادل الكهربائية الراكنة الكترون – الكترون هي قوة مركزية . وبالتالي فإن حل شرودينجر مع له يتم بدقة .

2) التقريب الثاني :

يجب تصحيح نتائج التقريب السابق وأيضاً إضافة الحدود المغناطيسية المهملة أي أن نفرض :

$$\mathbf{H} = \mathbf{H}_{o} + \mathbf{T}_{1} + \mathbf{T}_{2}$$

Tı ميثل الخطأ المرتكب أثناء إستبدال حدي التأثير المتبادل الكهربائي الساكن لـ (۲) أي :

$$\Gamma_{1} = \sum_{i} \left[-\frac{1}{4\pi \epsilon_{o}} \frac{Ze^{2}}{r_{i}} \right] + \sum_{j>i} \left[\frac{1}{4\pi \epsilon_{o}} \frac{e^{2}}{r_{ij}} - V(r_{i}) \right]$$

لقد اخترنا (r_i) V بحيث يكون T_i أصغر ما يمكن .

T. يمثل التأثير المتبادل السبين – مدار .

يجب أن نضع هنا ملاحظة هامة جداً تحت الشكل الضمني لـ T, لايظهر إلا التصحيح الناتج عن التأثير المتبادل الكترون – الكترون . لكن عندما تعتبر الإلكترونات

٣ – ٢ – مستويات الطاقة لمجموعة ذات N الكترون مستقل ضمن كمون مركزي
 – ٣ – التشكيلات :

Niveaux d'énergie : الطاقة : ۱ – ۲ – ۳

: يمكن أن نضع الهاملتونيان $H_{\circ} = \prod_{i} h_{i}$: الشكل $h_{i} = \prod_{i} h_{i}$ حيث h_{i}

$$\mathbf{h}_{\mathbf{i}} = \frac{-h^2}{2 \mathrm{m}} \Delta_{\mathbf{i}} + \mathrm{V}(\mathbf{r}_{\mathbf{i}})$$

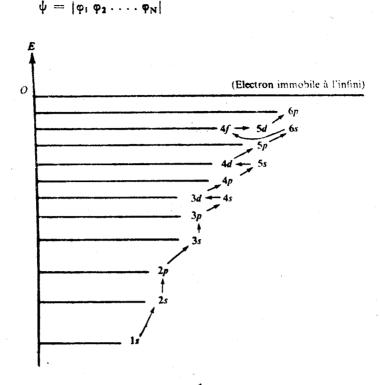
إن القيم الخاصة لـ H_o نبي مجموع القيم الخاصة E_i للمؤثر .

وجدنا في الفصل السابق أن مستويات الطاقة تابع لعددين كوانتيين n ، *I* . دارسين بشكل أكثر دقة نتحترق بأن الوضع المثالي لهذه المستويات يعتمد على القيمة الصحيحة اطاقة الكمون (v(r حيث تتعاقب بقيم متزايـــدة للطاقة كما هو في الشكل (٣ – ١) .

حيث كل مستري موصوف بالعدد n , l (بحرف) . نجد من أجل كل قيمة لـ n فإن الطاقة تابع متزايد للعدد الكوانتي l . (طاقة المدار الدائري أكثر ارتفاعاً من طاقة المدار البيضوي ذو نفس القطر) إذاً لإيجاد مستويات الطاقة المطابقة لـ Ho نطبق نظرية الجزيئات المتطابقة حيث التابع الخاص للمؤثر مH هو معينة slater

$$\psi_{A} = \frac{1}{\sqrt{N!}} \begin{vmatrix} \varphi_{1}(1) & \varphi(2) & \dots & \varphi_{1}(N) \\ \varphi_{2}(1) & \varphi(2) & \dots & \varphi_{2}(N) \\ \vdots & \dots & \dots & \vdots \\ \vdots & \dots & \dots & \vdots \\ \varphi_{N}(1) & \varphi_{N}(2) & \dots & \varphi_{N}(N) \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ \varphi_{N}(1) & \varphi_{N}(2) & \dots & \varphi_{N}(N) \end{vmatrix}$$

- 17 -



الشكل (٣ - ١)

وللتفصيل بصورة أوسع يمكن العودة إلى كتاب – الميكانيك الكم – (د . قيصر ..) ٣ – ٢ – ٢ : وصف الحالات الإلكترونية ، مدار ، مدار جزئي، تشكيلات الكترونية (البنية الالكترونية) :

حسب الفقرة السابقة إن التابع الموجي الكلي لذرة مشكلة من N إلكترون مستقل ، فاتج بدءً من التوابع الموجية لإلكترونات هذه الذرة ، سنوصف إذاً حالة الذرة المطابقة لكل حالة من مستويات الطاقة السابقة وذلك بوصف حالة كل واحد من الكتروناته وسنحدد بصورة خاصة العددين n و 1 لكل الكترون .

n إن تقريب الكمون المركزي يسمح بإظهار الإلكترونات المطابقة لنفس قيمة n تكون موضوعة على مسافة متوسطة يمكن متارنيها مع مركز القوة ، ينتج عن ذلك أن (r_i) v له نفس القيمة . نقول بأن الإلكترونات المطابقة لنفس قيم n تكون على نفس المدار (الطبقة) الإلكترونية . ونقول عن الإلكترونات التي تملك نفس (الطبقة) وبالإضافة تملك نفس الحدد الكوانتي / أن لها نفس الطبقة الجزئية (مدار جزي) سرمز اكمل طبقة جزئية برقم مساوي إلى العدد n متبوع بحرف مميز للعدد J .

نحصل على الوصف الكلي لحالة الذرة ، بالإشارة إلى كل طبقة جزئية ينتمي إليها الإاكترون ونقول عن هذا الوصف بأنه التشكيل Configuration للذرة .

مث___ال :

من بين كل التشكيلات للذرة فإن تشكيل واحد فقط مملك طاقة دنيا يقال عنه بأنه يشكل المستوى الأساسي (القاعدي) المطابق للبينة الأكبر إستقراراً . وكل التشكيلات الأخرى تدعى بالحالات المحرضة .

٣ – ٣ : مبدأ باولي والتوالد لتشكيل الكتروني :

Principle de pauli et dégenerescence d'une configuration

٣ – ٣ – ١ : الأعداد الكوانتية الأربعة ومبدأ باولي :

في الفصل السابق وجدنا ثلاث أعداد كوانتية n و l و m حيث العددين الكوانتيين l و m ، يميزان العزم الحركي الناتج عن حركة مدار الإلكترون . يلزمنا الآن إدخال العزم الحركي لسبين الإلكترون والمميز بالعدد الكوانتي m الذي يأخذ القيمة 1⁄2 ، إن التابع الموجي للإلكترون يجب أن يتغير ليأخذ بعين الإعتبار السبين بإختصار فإن الإاكترون في الذرة سيميز بأربع أعداد كوانتية :

n : العدد الكوانتي الرئيسي 🕐

۱: العدد الكوانتي المعرف لعزم كمية الحركة المداري σ, .
 m, يعرف مركبات σ, على محور الكنتمة .

m_=±½ : يعرف مركبات السبين الإاكترونية .

أما مبدأ باولي فينص على أنه في ذرة ما يجب أن تكون التوابع الموجية للإلكترونات الفردية كلها مخلتفة واحد عن الآخر ، وأن إلكترونان لايمكنهما أن يملكا نفس قيم الأعداد الكوانتية الأربعة m, , M, , 1 , n ، لهذا المبدأ نتائج مهمة في فيزياء الذرة حيث :

- ١ ـــ سيسمح لنا بتحديد العدد الأعظمي الإلكترونات ضمن الذرة والتي يمكنها أن تملك نفس الطاقة .
- ٢ سيقودنا لتخمين رتبة التوالد للتشكيل الإاكتروني . وإن تشكيل الكتروني ما سيكون له مرتبة توالد معينة عندما ندخل في H ، الحدين T، T فإنه سيظهر لنا تصحيحات في الطاقة هذه التصحيحات تزيد أو تنقص هذا التوالد .
- ۳ ۳ ۳ : العدد الأعظمي للإلكترونات المتعلقة بطبقة أو بطبقة جزئية : Nombre maximal d'electron appartenant à la mème couche ou sous - couche
 - a) حالة طبقة جزئية :

لنبحث عن العدد الأعظمي للإلكترونات التي تملك في نفس الوقت نفس قيم n و 1 ، هذه الإلكترونات يجب أن تختلف إما بقيم ,m (التي تأخذ 1 + 2 1 قيمة حيث l > m > 1 -) وإما بواسطة "m (يمكنها أن تآخذ قيمتين ½+ أو ½-) يوجد إذاً (1 + 1 2) 2 حالة كسوانتية مميزة مطابقسة لنفس قيم n و 1 ، ويمكنها أن تملك (1 + 1 2) 2 إلكترون على المدار الجزئي ذو العدد الكوانتي 1 .

2	العدد الأعظمي	S	الكترون	l = 0
6))))	p	الكترون	l = 1
10))	d	الكترون	<i>l</i> = 2
14))))	f	الكترون	l = 3

b) - حالة طبقة (مدار) :

لنحدد الآن العدد الأعظـي للإلكترونات التي يمكنها أن تملك نفس n لكن ذات أعداد كوانتية مختلفة لـ m, m, , M ، نعلم أن 1 –– n ≥ / .

-- ٤٩ --- الفيزياء الذرية

الكترونات s (0 = 1)

$$l = n - 1$$
 أي عدد l الكترونات p (l = 1) العدد الأعظمي
2 + 6 + 2 (2 + 1) + 2 (2 n - 1)
واتي يمكن أن تكتب :

$$l = n-1$$

$$\sum_{l=0}^{l=n-1} 2(2l+1) = 2n+4 \sum_{l=0}^{l=n-1} l = 2n+4 \frac{(n-1)n}{2} = 2n^2$$

عندما يمتلك المدار (الطبقة) العدد الأعظمي من الإلكترونات يقال عنها أنها طبقة كاملة .

٣ – ٢ – ٣ : رتبة التوالد لتشكيل الكتروني :

ordre de degenerecence d'une configuration

رأينا في الفقرة (٣ – ٣ – ١) بأن تشكيل ما يملك رتبة للتوالد سنخمن الآن هذه الرتبة G .

حالة أولى : الكترون واحد فقط ضمن طبقة جزئية : ضمن التشكيل المعتبر لايوجد أي إلكترون مميز بنفس الزوج n و / ، يمكن للإلكترون i أن يأخذ حسب قيم ,m و m و Y حالة ، Y تمثل عدد الأمكنة في الطبقة الجزئية .

$$Y_i = 2(2l_i + 1)$$

وسيكون إذاً :

·--- 0.• ---

$$G=\prod_i \ Y_i$$

حالة مختلفة مطابقة لهذا التشكيل .

مثـــال :

حالة مجموعة بثلاث الكثرونات فإن مرتبة التوالد حسب التشكيل :

 $1s \ 2s \ 2p \implies G = 2 \times 2 \times 6 = 24$

 $2 p 2 d 2 f \implies G = 6 \times 10 \times 14 = 840$

حالة ثانية : الكترونات عديدة في الطبقة الجزئية : ضمن التشكيــل هناك X الكترون يملك نفس الأعداد الكوانتية n و / ، و لقيمة / هذه هناك الكترون يمكنه أن يأخذ (1 + 2) 2 = Y حــالة مختلفة مميزة بالأعداد المختلفة ,m و m .

لفهرست عدد الحالات الممكنة يجب علينا أن نأخذ بعين الإعتبار لمبدأ باولي وعدم تميز الإلكترونات. أي يجب أن نبحث عن عدد التوافيق Combinaison المطابقة لترتيب x كره غير مميزة ضمن Y خانة ، كل واحدة تحتوي بصورة أعظمية كرة واحدة .

نحصل على كل هـــذه التوافيق بتحقيق كل التباديل لـ Y خانة فيما بينها ، ليكن Y تبديلة . لكن من بين كل هذه التبديلات ، يوجد عدد كبير لايؤ دي إلى توافيق مميزذ X ، تعود لتبديل كرتين ، و ! (X – Y) مطابقـــة لتبديلات الحــانات الفارغة ، لاتعطى تغيرات ظاهرة .

يمثل العدد g عدد الحالات المختلفة المطابقة لـ X الكترون g = 1 ⇒ g = X ⇒ x يتم الحصول على التوالد الكلي لتشكيل الكتروني بضرب g بالتوالد المتعلق بالطبقات

g

الحزئية الأخرى .

مثال (۱) :

ماهي رتبة التوالد لـ ² s² 2^{s²} 2^{s²} 1 ^s
g = 1
$$\rightleftharpoons$$
 Y = 2 X = 2 $\sum 2 = 2$ $\sum 3 = 1$
g = 1 \rightleftharpoons Y = 2 X = 2 $\sum 3 = 1$
g = 1 \leftrightharpoons Y = 2 X = 2 $\sum 3 = 1$
(b)
g = $\frac{6!}{2!4!}$ = 15 \rightleftharpoons Y = 6 X = 2 $\sum 3 = 1$
y = 1 $\stackrel{f}{=} 1$ $\stackrel{f}{=} 1$ $\stackrel{f}{=} 1$ $\stackrel{f}{=} 1$
y = 6 X = 2
y = 1 $\stackrel{f}{=} 1$ $\stackrel{f}{=} 1$ $\stackrel{f}{=} 1$
 $\stackrel{f}{=} 1 \times 1 \times 1$ $\stackrel{f}{=} 15$

مشال (۲) :

ما هي رتبة التوالد لـ 1 s² 2s² 2p² 3p¹ الحواب :

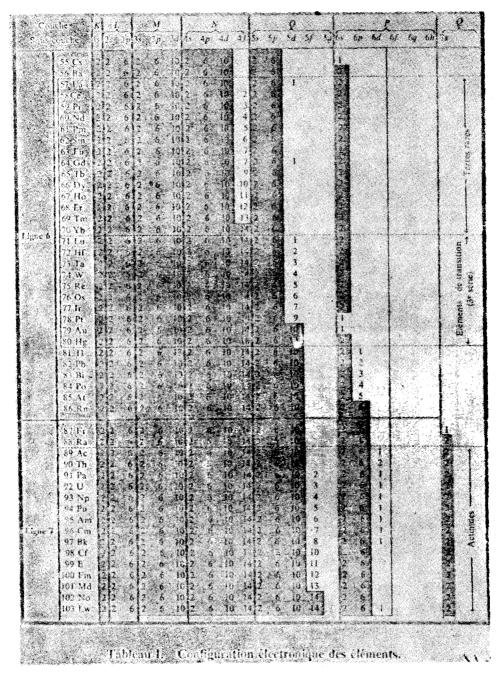
$$\mathbf{G} = \mathbf{15} \times \mathbf{6} = \mathbf{90}$$

والجدول (٣ – ١) يعطي التشكلات الإلكترونية لبعض المعتاصر والجدول (٣ – ٢) يعطي جدول مندليف للعناصر الكيمائية .

MY MY MY MY

- 07 -

in the second second



- 07 -

Saus-couche	1.5.	1. 30		4p 4.	(4)K	• 29 - 1	1 5f	3a ƙ	6p	6,7	ter Ef	(y 6)		1. 1 . 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.
55 Cs 56 Ba 57 La 58 Ce 59 Pi 40 Nd 61 Pm 62 Sm 63 Fu		15 6					T	And the second secon					na 1923 - Andrea Sana, Japan Spielan, Angrika, Angrika, Sana 1935 - Angrika, Sana, Japan Spielan, Spielan, Angrika, Spielan, Spielan, Spielan, Spielan, Spielan, Spielan, S	Annan Maria
64 Gd 65 Tb 65 Dy 67 Ho 68 Er 69 Tru 78 Yb 71 Lu			1012 1012 1012 1012 1012 1012 1012			2 4 4 5 T	3			- 11 and				B (
72 HT 73 Ta 74 W 75 Ré 76 Os 77 Ir 78 Pt 79 Au 80 Hg							2 4 5 6 7 9							Elements of transition
81 T) 82 Ph 83 Bi 84 Pe 85 At 86 Ru 87 Fi		12:19												**
88 Ra 89 Ac 90 Th 91 Pa 92 U 93 Np 94 Pa 95 Am								1000						1
974-7 5 f m 57 P; 98 (f 98 i; 98 j m 105 Ma 102 ~ m				5 10 6 5 7 40 6 10 6 10 6 10 6 10		A- 5 - 1 - 1 - 1			6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6				Harden Harris	Actionals
103 (s		P 1	1022	6 <u>1</u> 9		中期时间影响	0. 11							1

4

ĝ

تابع جدول (۳ – ۱)

__ 02 _

جدول (۳ – ۲)

Tableau II. Table de Mendeleieff.

N.B. Pour ne-pas alourdir cette table les éléne ats transmaniens (instables) n'ont pas été indiqués.

A

(à

С° S8

Pr S9

ZS

1⁶1

Sm 62

63 Eu

(id)

33

Dys

67 Ho

Er 68

Tm

Vb

			75	59	ss	4s	35	2 <i>s</i>	ls	
	l	1	87 Fr	З Х	37 Rb	X [9	Na	3 Li	H-	١٨
		2	88 Ra	s6 Ba	38 Sr	Ca	Mg	Be Be	2 He	ПĄ,
				\mathbf{X}			in the second			
			64	Sd	4 <i>d</i>	3d				
-	Nomt	-	89 Ac	71 Lu	.<3	21 Sc				ШA
3	ore d'	2	90 Th	72 12f	20	22 Ti				IIIA IVA
دي	Sleetr	з	(Pa)	73 Ta	NA)	23 V				AIIA VIA AIIA
4	ons d sauf c	4	(U)	74* W		(?±				VIA-
S	lans l xcept	S		75 Re	43 Te	25 Mn				VIIA
6	a der tions	6		76 08	Rut	26 Fe				
7	nière signa	7		717 Ir	Rh Rh	27 Co				νιιν
~	sous- lées p	8		Pt	Pa	28 Ni				
9	coucl ar un	9		(FI)						JВ
10	rons dans la dernière sous-couche à l'ét (sauf exceptions signalées par un cercle)	10		80 Hg	Cd 48	30 Zn				IIB
10 11	Nombre d'électrons dans la dernière sous-couche à l'état fondamental (sauf exceptions signalées par un cercle)			6p	5p	4p	3p	2.p	Ì	
12	onda]	- <u>-</u> <u>-</u>	, 15 49	Ga 31	, A1 3	τ Turn		IIIB
13	menta	2		1 PJ 82	S So	a 32 Ge	S: 4	00		BIVB
14		<u>ω</u>		<u> </u>	SP 21	e 33 e As	10 55	Zv		B VB
	•	4		Po 84	}		205 100	+	<u> </u>	8 VIB
		5		0 4 At	e' 2 - 3	<u> </u>	05 05			
		 	┣				+			VIIB VIIIB
		6	<u> </u>	R3 8	×.	<u>7</u> %	>∞	Zõ	L	LE

Symbole de la dernière sous-couche

- 00 -

•

Numéros des colonnes des anciennes tables de Mendeleiell.

الفصل الرابع

العزوم الحركية وتعدد مسنويات الطاقة

Moments cinétiques et Recensement des niveaux d'energie

إن حالة الذرة تكون مميزة ليس فقط بطاقتها وإنما بعزم حركتها الكلي . يتم الحصول على هذا العزم الحركي بجمع مختلف العزوم الحركية التي تدخل في الـــذرة .

إن تحديد العزم الحركي الكلي لحالة ذرية يقدم فائدتين :

١ – يسمح بإيجاد العزم المغناطيسي الكلي والمتعلق به (أي بالعزم الحركي) بصورة
 كلية والذي نعلم قياسية في تجارب عديدة .

Y – يسمح لنا بدراسة تفصيلية لمخاصف العزوم الحركية الأولية التي تجمع في داخل الدرة والشكل الذي توج، الواحدة بالنسبة للأخرى . هذه التوجيهات (عند توجيهات ممكنة) تطابق لقيم مختلفة للطاقة وتوالد كل تشكيل الكتروني يتواجد في هذه الحالة سيكون مرتفع . ليس من الممكن في الحالة العامة حداب هذه الطاقات لكن من السهل أن نتوقع عدد هذه القيم المنفصلة للطاقة يعني أن نقوم بتعداد مستويات الطاق المنفصلة والممكن مراقبتها وسنكرس هدا الفصل لهذه النقطة .

- 01 ---

Composition de moments cinétiques : مركبات العزوم الحركية – ۱ – ۲ ٤ – ١ – ١ : نتائج الميكانيك الكمى المتعلقة بالعزوم الحركية : يمكن أن يميز عزم حركي ٥ بكميتين يمكن مراقبتهما : طويلة إ٥| ومركبة على المحور s, oz ، وها: ن الكميتان مميزتان بالعددين الكميتين j و m وتمتثلان القيم . $\sigma_r = mh \quad \sigma_r = \sigma_r$. Let $\sigma_r = \sigma_r$ $-j \leq m \leq +j$ and $|\sigma| = \sqrt{j(j+1)} h$ $\mathbf{j} = \mathbf{l} + \mathbf{s}$ المل أو نصف كامل $\mathbf{j} = \mathbf{l} + \mathbf{s}$ j₂ ، m، ، j, ، m، الميزين بالأعـداد الكوانتية , m، ، j, ، m، إذا كان لدينا ، م، م فان : $\sigma = \sigma_1 + \sigma_2$ م سکون مميز بالعددين m و j حيث : —j ≤ m ≤ j $|\mathbf{j}_1 - \mathbf{j}_2| \leq \mathbf{j} \leq \mathbf{j}_1 + \mathbf{j}_2$ ان القيم الممكنة لـ مساوية إلى 1 + ₁ز 2 و 1 + ₂ j . Notations : رمسوز – ۲ – ۱ – ٤ أثناء دراسة الذرة لابد من تعريف أعداد معينة للعزوم الحركية : I == العدد الكمى المرافق لحركة مدار الالكترون . s = العدد الكمي لسبين الإلكترون والذي يأخذ قيمة ½ . j = العدد الكمي المرافق للعزم الحركي الكلي للإلكترون . L= العدد الكمي المرافق إلى مجموع العزوم الحركية المدارية لإلكترونات الذرة . s= العدد الكمي المرافق إلى مجموع العزوم الحركية لسبين الكترونات الذرة . J العدد الكمى المرافق للعزم الحركي الكلى للذرة.

- •^ -

سنرمز بـ M_s, M_s, M_L, M_s, m, للأعداد الكمية المغناطيسية المرافقة لمساقط الحركية السابقة على محور الكنتمة

$$j = l + s$$

$$L = \sum_{i} l_{i}$$

$$S = \sum_{i} s_{i}$$

$$J = L + S = \sum_{i} j_{i} = \sum_{i} l_{i} + \sum_{i} s_{i}$$

$$J = L + S = \sum_{i} j_{i} = \sum_{i} l_{i} + \sum_{i} s_{i}$$

$$I = L + S = \sum_{i} j_{i} = \sum_{i} l_{i} + \sum_{i} s_{i}$$

$$I = m_{i} + m_{s}$$

$$M_{s} = \sum_{i} m_{s_{i}} , \quad M_{L} = \sum_{i} m_{l_{i}}$$

$$M_{s} = \sum_{i} m_{s_{i}} , \quad M_{L} = \sum_{i} m_{l_{i}}$$

$$M_{I} = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} = \sum_{i} m_{l_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{s_{i}}$$

$$I = M_{L} + M_{S} = \sum_{i} m_{j_{i}} + \sum_{i} m_{$$

$$\sigma_z = h \sum_{i} m + h \sum_{s} m_s = 0$$

ميكون لمجموعة إلكترونات الطبقة الجزئية الكاملة ، تناظر كروي ، هذه النتيجة

- 04 -

Interaction spin - orbite : التأثير المتبادل سبين – مدار Y – 2 لتفسير الحد T₂ سنعتبر حالة الكترون خاصع لكمون (r) V . إن الالكترون ذو سرعة v وذو سبين s يوصف مدار ذو عزم حركي $\sigma = r \wedge m v = h l$ سيتم الحساب على مرحلتين :

٤ - ٢ - ٢ : الحقل المغناطيسي B في احداثيات متعلقة بالالكترون :

champ magnétique B' dans le repèr liè a l électron

في إحداثيات المختبر يوجد الحقل الكهربائي E = _ grad V . لكن في إحداثيات مرتبطة بالإلكترون يوجد أيضاً كنتيجة لحركتة ولقوانين الكهرومغناطيسة النسبة حقل مغناطيسي B' يمكننا أن نحسبه إنطلاقـــاً من v و E ، لنعتبر بأن الاحداثيات الغاليلية (oxyz) R و (x' y' z') R ، إحداثيات R هي الإنتقال وحية الشكل حسب إتجـــاه المحور ox بالنسبة لـ R وبسرعة v ويمكن حساب مـــركبات الحقل الكرَربائي E والمغناطيسي B' بالجملة R' حسب النظرية النسبية كما يلي :

تحويلات لورنتز لمركبات الحقل :

تعطى قوة لورنتز بالعلاقة :

$$\mathbf{f} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{dt}} \frac{\mathrm{m}\,\mathbf{v}}{\sqrt{1 - \frac{\mathrm{v}^2}{\mathrm{c}^2}}} = \mathrm{q}\mathbf{E} + \frac{\mathrm{q}}{\mathrm{k}}\,\mathbf{v}\wedge\mathbf{B} \qquad (1 - \mathbf{\hat{z}})$$

الحد A v AB) يشبه كل الشبه قوة مؤثرة على تيار موضوع في حقل مغناطيسي خارجي . كذلك نحصل على العمل الذي ينجزه الحقل المؤثر على شجنة ما بضرف المعادلة السابقة سلمياً بـ • أي :

$$\mathbf{v} \frac{\mathrm{d} \mathbf{p}_{\mathbf{o}}}{\mathrm{d} \mathbf{t}} = \frac{\mathrm{d} \mathbf{\varepsilon}_{\mathbf{o}}}{\mathrm{d} \mathbf{p}_{\mathbf{o}}} \frac{\mathrm{d} \mathbf{p}_{\mathbf{o}}}{\mathrm{d} \mathbf{t}} = \frac{\mathrm{d} \mathbf{\varepsilon}_{\mathbf{o}}}{\mathrm{d} \mathbf{t}} = \frac{\mathrm{d} \mathbf{T}}{\mathrm{d} \mathbf{t}} \qquad (\mathbf{Y} - \mathbf{\xi})$$

وهو يساوي إلى تغير الطاقة الحركية في واحدة الزمن هذا من الطرف الأيسر أما الطرف الأيمن لمعادلة f .

$$\mathbf{v} \mathbf{f} = \mathbf{q} \mathbf{v} \cdot \mathbf{E} + \frac{\mathbf{q}}{k} \mathbf{v} [\mathbf{v} \wedge \mathbf{B}]$$
$$\mathbf{v} [\mathbf{v} \wedge \mathbf{B}] = 0$$

أي :

$$\frac{d\varepsilon_o}{dp_o} = \frac{dT}{dt} = q v E \qquad (Y - \xi)$$

أي أن القوة المغناطيسية لاتقوم بعسل على الشحنة لأنها عامودية على سرعة الشحنة في كل لحظة .

والآن لنضرب المعادلة (٤ – ١) ولنضرب مركبتها على المحور xo بـ dt/ds والآن لنضرب المعادلة (٤ – ٣) والمعادلة (٤ – ٣) بـ dt/ds و عراك حيث ٧ السرعة النسبية لجملة الإحداثيات .

$$\frac{dt}{dS} \left\{ \frac{dp_x}{dt} = qE_x + \frac{q}{k} \left[v_y B_z - B_y v_z \right] \right\} \qquad (\xi - \xi)$$

$$\frac{\mathbf{V}}{\mathbf{c}^2} \frac{\mathrm{d}\mathbf{t}}{\mathrm{d}\mathbf{S}} \left\{ \frac{\mathrm{d}\mathbf{z}_0}{\mathrm{d}\mathbf{p}_0} \right\} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{c}^2} \frac{\mathrm{d}\mathbf{t}}{\mathrm{d}\mathbf{S}} \mathbf{q} \left(\mathbf{v}_{\mathbf{x}} \mathbf{E}_{\mathbf{x}} + \mathbf{v}_{\mathbf{y}} \mathbf{E}_{\mathbf{y}} + \mathbf{v}_{\mathbf{z}} \mathbf{E}_{\mathbf{z}} \right) \qquad (\mathbf{0} - \mathbf{\hat{z}})$$

بطرح المعادلتين نجد :

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{dS}} \left(\mathbf{P}_{\mathbf{x}} - \frac{\mathbf{V}\varepsilon}{\mathbf{c}^{\mathbf{a}}} \right) = \frac{\mathrm{d}\mathbf{p}_{\mathbf{x}}}{\mathrm{dS}} \sqrt{1 - \frac{\mathbf{v}^{\mathbf{2}}}{\mathbf{c}^{\mathbf{2}}}} =$$
$$q \left[\mathbf{E}_{\mathbf{x}} \frac{\mathrm{d}\mathbf{t}}{\mathrm{dS}} + \frac{1}{k} \mathbf{B}_{\mathbf{z}} \frac{\mathrm{d}\mathbf{y}}{\mathrm{dS}} - \frac{1}{k} \mathbf{B}_{\mathbf{y}} \frac{\mathrm{d}\mathbf{z}}{\mathrm{dS}} \right]$$

- 11 -

$$-q \frac{V}{c^2} \left(E_x \frac{dx}{dS} + E_y \frac{dy}{dS} + E_z \frac{dz}{dS} \right)$$
$$= q E_x \left(\frac{dt}{dS} - \frac{V}{c^2} \frac{dx}{dS} \right) + q \left(\frac{B_z}{k} - \frac{V}{c^2} E_y \right) \frac{dy}{dS} - -q \left(\frac{B_y}{k} - \frac{V}{c^2} E_z \right) \frac{dz}{dS}$$

لكن المقدار ds لامتغير لذلك ينبغي أن تحول الكميات التي في الطرف الأيمن وفق :

$$x' = \frac{x - v t}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$
; $t' = \frac{t - v_z / c^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$

بمفاضلة هاتين العلاقتين :

$$\frac{dt}{dS} - \frac{V}{c^2} \frac{dx}{dS} = \frac{dt'}{dS} \sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}$$
$$\frac{dy}{dS} = \frac{dy'}{dS} , \quad \frac{dz}{dS} = \frac{dz'}{dS}$$

بتسقيم طرفي المعادلة على (v·/ c²) −1√ ويضربها بـ dS / dt نحصل على معادلة مركبة الدفع على x في الإحداثيات الحديدة .

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{P'_x}}{\mathrm{d}\mathbf{S}} \sqrt{1 - \frac{\mathbf{V^2}}{\mathbf{c^2}}} =$$

$$q \, \mathbf{E_x} \, \frac{\mathrm{d}\mathbf{t'}}{\mathrm{d}\mathbf{S}} \sqrt{1 - \frac{\mathbf{V^2}}{\mathbf{c^2}}} + q \left(\frac{\mathbf{B_z}}{\mathbf{k}} - \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{c^2}} \, \mathbf{E_y}\right) \frac{\mathrm{d}\mathbf{y'}}{\mathrm{d}\mathbf{S}} -$$

$$- q \left(\frac{\mathbf{B_y}}{\mathbf{k}} - \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{c^2}} \, \mathbf{E_z}\right) \frac{\mathrm{d}\mathbf{z'}}{\mathrm{d}\mathbf{S}}$$

$$: \tilde{\mathbf{I}}$$

إذاً :

$$\frac{\mathrm{d}P'_{x}}{\mathrm{d}t} = qE_{x} + \frac{\frac{q}{k}B_{z} - \frac{qV}{c^{2}}E_{y}}{\sqrt{1 - V^{2}/c^{2}}} \frac{\left(\frac{q}{k}B_{y} - \frac{qV}{c^{2}}E_{z}\right)}{\sqrt{1 - V^{2}/c^{2}}} \frac{\mathrm{d}z'/\mathrm{d}t}{\mathrm{d}z'}$$

أي حسب مبدأ النسبة العام يجب أن تكتب على الشكل :
$$\frac{dP'_x}{dt} = e E'_x + \frac{q}{k} B'_z \frac{dy'}{dt'} - \frac{q}{k} B'_y \frac{dz'}{dt'}$$
أي أنه :

$$E'_{x} = E_{x}$$

 $B'_{y} = -(B_{y} + \frac{k}{c^{2}} VE_{z}) / \sqrt{1 - V^{2} / c^{2}}$

$$B'_{z} = (B_{z} - \frac{k}{c^{2}} VE_{y}) / \sqrt[4]{1 - V^{2} / c^{2}}$$

بنفس الطريقة نوجد تحولات لورزنتز للحقل الكهرباتي .

على عكس الإحداثيات ، فإن المركبات العرضية لا الطولية هي المتحولة في الحقل .

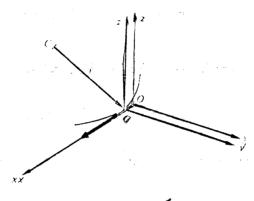
أو بشكل آخر نجد :

$$\begin{split} \mathbf{B'_{X}} &= \mathbf{B_{x}} \\ \mathbf{E'_{X}} &= \mathbf{E_{x}} \\ \mathbf{E'_{y}} &= \frac{\mathbf{E_{y}} - \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{k}} \mathbf{B_{z}}}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^{2}/c^{2}}} \quad ; \quad \mathbf{B'_{y}} &= \frac{\mathbf{B_{y}} + \frac{\mathbf{\varepsilon_{o}} \ \mu_{o}}{\mathbf{k}} \ \mathbf{v} \ \mathbf{E_{z}}}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^{2}/c^{2}}} \end{split}$$

$$\mathbf{E'_z} = \frac{\mathbf{E_z} + \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{k}} \mathbf{B_y}}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^2 / \mathbf{c}^2}} \quad ; \quad \mathbf{B'_z} = \frac{\mathbf{B_z} - \frac{\mathbf{\varepsilon_o} \, \mu_o}{\mathbf{k}} \, \mathbf{v} \, \mathbf{E_y}}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^2 / \mathbf{c}^2}}$$

إن مشكلتنا أكثر تعقيداً بسبب الحــركة الغير مستقيمة للإلكترون علماً بأن $K = C \ CGS$ في الواحدات $K = 1 \ _{2}K = 1$ وفي الواحدات 4 $\pi \ \epsilon_{o} = 1$

سنبر هن عند لحظة خاصة t ، ونختار كَإْحَدَاثَيَات متحركة 'R ، إن إحدَّاثَيَات غاليليه مماسه لحركة الإلكترون في هذه اللحظة : مبدؤها '0 يتطابق مع الإلكترون في هذه اللحظة ، وسرعتها v تتطابق مع سرعة الإلكترون في نفس اللحظة t ، المحور 'x' محمول إذاً على مماس المدار . نختار أيضاً إحداثيات (R) مرتبطة بالمختبر ذات محاور مبدؤها o تنطبق مع مكان الإلكترون في اللحظة t كما في الشكل (٤ – ١) وبين الإحداثيات R', R نطبق علاقات التحويل للحقول السابقة .



شكل (٤ – ١)

B' : ٢ - ٢ : التأثير المتبادل للعزم المغناطيسي للسبين مع الحقل المغناطيسي 'B':

Interaction du moment magnétique de spin avec Le champ magnétique B'

طاقة التأثير المتبادل سبين ـــ مدار والتي سندعوها ΔE تنتـــج من التأثير المتبادل بين الحقل المغناطيسي B' والعزم المغناطيسي للسبين :

$$\mu_{\mathbf{S}} = \frac{1}{k} \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{m}} \sigma_{\mathbf{s}} = \frac{1}{k} \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{m}} h \mathbf{s} = -2 \,\mathbf{\beta} \,\mathbf{S}$$

q سالبة ، بينما مغنيتون بور β (magneton de Boher) موجب . ΔE في الميكانيك الكلاسيكي :

$$\Delta E = -\mu_s B'$$

إلا أنه يجب مـــلاحظة أن 'B له إتجاه في إحداثيات معممة لحظيــة ('R) وان الإاكترون يقفز من إحداثيات 'R إلى أخرى مماسة 'R في هذه الحالة نحصل على طاقة الإرتبــــاط :

$$E = -\operatorname{grad} V = -\operatorname{grad} \frac{-W(r)}{e} = \frac{1}{e} \frac{dW}{dr} \cdot \frac{r}{|r|}$$
(r نصف قطر الشعاع الموجهة من مركز القوة c نحو الإلكترون '0) .
إذا كتبنا :

$$\mathbf{B}' = \frac{\mathbf{k}}{\mathbf{c^2} \mathbf{m}} \mathbf{E} \wedge \mathbf{m} \mathbf{v} = \frac{\mathbf{k}}{\mathbf{c^2} \mathbf{m} \mathbf{e}} \cdot \frac{1}{\mathbf{r}} \frac{\mathrm{dW}}{\mathrm{dr}} \mathbf{r} \wedge \mathbf{m} \mathbf{v} \,.$$

وبأخذ o, = r ۸ m v بعين الإعتبار نجد أن :

$$B' = \frac{k}{c^2 mer} \frac{dW}{dr} \sigma_l = \frac{k}{mec^2 r} \frac{dW}{dr} h l$$

٦٥ - الفيزياء الذرية

طاقة التأثير المتبادل بين العزم المغناطيسي "µ والحتمل تساوي إلى :

$$\Delta E = -\frac{1}{2} \mu_{\rm s} \cdot \mathbf{B}' = -\frac{1}{2} \left(\frac{-1}{k} \frac{\mathbf{e}}{\mathbf{m}} h \mathbf{s} \right) \cdot \mathbf{B}'$$
$$\Delta E = \frac{h^2}{2 \,\mathrm{m}^2 \,\mathrm{c}^2 \,\mathrm{r}} \cdot \frac{\mathrm{dW}}{\mathrm{dr}} \, \boldsymbol{l} \cdot \mathbf{s}$$

مـــلاحظة هامـــة :

إن dV/ dr سالب ينتج أن dW/ dr موجب والكمية التي تسبق الحداء السلمي دوجبة .

يمكن تعميم العلاقة السابقة لـ N الكترون :

$$T_{2} = \sum_{i} \frac{h^{2}}{2 m^{2} c^{2} r_{i}} \frac{\partial W_{i}}{\partial r_{i}} l_{i} \cdot s_{i}$$

حيث ,W الكمون الذي يتحرك ضمنه الإلكترون i ، وبما أن _{T2} هو حد تصحيح فيمكننا إهمال الجزء الغير مركزي في (W_i (r) وسيكون (W_i (r) الكمون الذي يدخل في H.

ع ـــــ ٣ : مبدأ حساب سويات الطاقة للذرات المتعددة الإلكترونات : Principle du calculds des niveaux d'énergie dans les atomé à plusieurs électrons

إن التوالد لتشكيل بنية الكترونية معطاة سيكون مرتفع جزئياً ، وسنحصل على عدة مستويات للطاقة مطابقة لنفس التشكيل ، هذا التمثل سيكون مطابق أكـتر للحقيقة . هناك مفهومان متعاقبان للمشكلة يجب أن نميزها :

أن نبين كيف يكون التوالد مرتفع وماهي المعاملات (العزوم الحركية) التي تسمح بتمييز مستويات الطاقة المميزة .

- ـــ خطوة لاحقة وهي طريقة استخدام الطرق التقريبية ثم الحساب العددي وذلك لتحديد وضع مستويات الطاقة .
 - والفصل القادم سيكون مخصص لهذه المشكلة .
 - ٤ ٣ ١ : التقريبات المكنة على الهاملتونيان :

Les approximations possible sur le hamiltonien :

إذا كان H هو الهاملتونيان الذي يوصف ذرة معزولة في الفضاء ، J العزم الزاوي فــــإن :

$$[H, J] = 0$$

و بما أنه من غير الممكن أن نحل بشكل دقيق المسألة الموصوفة بـ H فإننا سنناقش المسألة على خطوات :

a – الخطوة الأولى (الخطوة a) : هي تقريب الإلكترونات المستقلة في كمرون
 مركزي الحل هرو التشكيلات الإلكترونية المدروسة سابقاً .

الخطوات اللاحقة تعتمد على T₁ و T₂ .

b – الخطوة الثانية (الخطوة b) : يرفق بـ H إما T₁ وإما T₂ .

$$T_1 > T_2$$
 | $H_1 = H^o + T_1$

 $T_1 < < T_2$ jذا كان $H_2 = H_o + T_2$

- c بعد الحصول على مستويات الطاقة المطابقة لـ H₁ أو لـ H₂ فالحطوة c هي دراسة التصحيحات الصعيفة التي يجب إضافتها على هذه النتائج لترجمة تأثير الحد الذي أهمل .
- L S الحالة لدينا ارتباط : H_1 : لي هذه الحالة لدينا ارتباط T_2 . إما تأثير T_2 على الوصف المطابق لـ T_1 : $T_1 > T_2$ (couplage L S)

وإما تأثـير T₁ على الوصف المطابـق لـ H₂ : ارتباط j – j (couplage j – j) j – j (r

جاا_ة (T₁ < <T₂).

سنبد بالخطوة b : ليكن H₁ = H₀ + T₁ الهـــاملتونيان الذي يوصف ذرة معزولة ؛ H₁ , S] = 0 , [H₁ , L] = 0 وكذلك [H₁ , S] = 0 , [H₁ , S] حيث

$$J = \sum_{i} j_{i} , L = \sum_{i} l_{i} , S = \sum_{i} s_{i}$$

يمكننا استخلاص النقاط التالية :

- ١ تفرض خواص التبادل السابق أن تكون مختلف الحالات الحاصة لمجموعــة موصوفة به H₁ مميزة بزوج من القيم المكنة للأعداد الكمية J, L
 موصوفة به H₁ مميزة بزوج من القيم المكنة للأعداد الكمية J, L
 الكهربائية الساكنة للإلكترونات تعتمد عــلى الأوضاع المختلفــة للمدارات الإلكترونية ، إذا تعتمد على التوجيهات المتعلقة بالأشعة إ فيما بينها : لكن هذه التوجيهات تحدد الشعاع J ؛ وبالتالي فإن الطاقة ستختلف من أجل كل قيمة لما مده الحامة ليمة على التوجيهات المتعلقة بالأشعة الما كنا ينها : لكن هذه التوجيهات المتعلقة بالأشعة إ فيما بينها : لكن هذه التوجيهات تحدد الشعاع J ؛ وبالتالي فإن الطاقة ستختلف من أجل كل قيمة لـ L ، تفرض أفعال التبادل أن تعتمد الطاقة ليس فقط على J وإنما أيضاً على قيمة قيمة S .
- ٢ في H₁ لايوجد أي حد يترجم التوجيهات المتعلقة بالأشعة K_i, K ، كل الحالات
 ١ ألي تُملك قيم معطية ال L و S مهما كانت قيمة J سيكون لها نفس الطاقـة
 وستبقى متوالدة .
- ٣ القيم الممكنة لـ L هي (I + 1) توجيهه العزم بالنسبة لمحور التكميم . ونفس الشيء بالنسبة لـ S ، يوجد (I + 2S) توجيه ممكنة . وستكون رتبة التوالد لمستوي طاقة مميز بـ L و S مساوية إلى (I + 2 S) (I + 1 2) نحصـ ل على مستويات الطاقة المتقطعة النابجة من نفس التشكيل الإلكىروني بالبحث عن S, L مستويات الطاقة المتشكيل .
 الملازمة لهذا التشكيل . L = S = Oلطبقة جزئية كاملة أي يكفي البحث عن قرم لملازمة لهذا التشكيل .

نصل الآن على الحطوة c . إن الهاملتونيان H = H_o + T_1 + T_2 لايتبادل مع

L ولا مع S وإنما O = [H , J] . ستكون الحالات الحاصة مميزة فقط بالعدد الكمي J وسير تفع التوالد .

طاقة التأثير المتبادل سبين – مدار T_2 تعتمد على التوجيهات المتعلقة بالأزواج $J_i = L + S$ وهذه حدد S = I = I وهكذا نفهم بأن كل قيمة للعدد الكمي J تطابق لقيمة مختلفة للطاقة . تدعى بالبنيات الناعمة fin هذه الفروق من الطاقة بين المستويات لنفس قيم S و L لكن ذات قيم J الختلفة النائجة عن تأثير T₂ .

كل مستوي طاقة مميز ب. J سيكون متوالد (1 + 2 J) مرة .

نحصل على كل مستويات الطاقة المنفصلة النامجة من ذات المستوي (L – S) وذلك بالبحث عن كل قيم J .

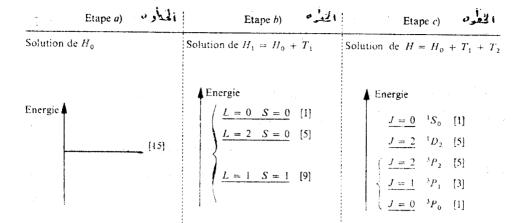
يدعى العدد L, S) (L, S) بالتعددية multiplicité المستوي (L, S) (خطوة b) .

إن المستويات المميزة بـ J تكون متجاورة جداً باعتبار أن الحد T₂ صغير بالنسبة للحدود الأخرى في H يقال بأنها تشكل تعددية :

S = 0 , 2S + 1 = 1 إذا كان Singulet فردية S = 0 , 2S + 1 = 1 إذا كان $S = \frac{1}{2}$, 2S + 1 = 2 doublet إذا كان S = 1 , 2S + 1 = 3 إذا كان Triplet - ثلاثية $S = \frac{1}{2}$, 2S + 1 = 3 إذا كان $S = \frac{1}{2}$, 2S + 1 = 3 إذا كان $S = \frac{1}{2}$, 2S + 1 = 4 إذا كان $S = \frac{1}{2}$, 2S + 1 = 4

الشكل التالي (٤ – ٢) يلخص الخطــوات التلاثة (c , b , a في حالة تشكيل p -- p (ذرة الكربون) أي يبين البنية الناعمة لسويات الطاقـــة للتشكيل p - p في الاقران L - S ما بين الأقواس هو رتبة ائتوالد :

- 79 -



Niveau d'énergie de la configuration p-p dans l'approximation du caractérisés par des couples L, S: caractérisés par le nombre Jpotentiel central.

شکل (٤ – ٢)

: (Le couploge j – j) j – j – الإرتباط ز – ۳ – ۳ – ۴
في الخطوة ط يمكن أن يكتب
$$H_2$$
 على الشكل :
 $H_2 = \sum_{i} \left[\frac{-h^2}{2 m_i} \Delta_i + W(r_i) + l_i s_i \frac{h^2}{2 m_i^2 c^2 r_i} \frac{dW(r_i)}{dr_i} \right]$

كل واحد من الالكترونات المعزولة والمتحرك في كمون مركزي سيكون له مستويات طاقة مميزة _iز العدد الكمي للعزم الحسركي الكلي وكذلك له _i, s_i, l ، إن الحالات الحاصة للإلكترون ستميز ليس فقط به n و i وإنما أيضاً به i ، إن j يأخذ القيمتين ½ + i و ½ - i فقط . مستويات الطاقة له H يمكن إيجادها بدون صعوبة ، الطاقة هي مجموع الطاقات المنفردة للإلكترونات .

إن مستوي ما يميز بـ n_i و *i* و *j و j للإلكترونات المنفردة . الشكل (٤ – ٣)* يبين مستويات الطاقة في حالة الكترونات /n p′ p المميزة بقيم j المساوية إلى ½ و 3⁄2.

إن الجزء b يحدد مستويات الطاقة لـ H₂ .

 $j_1 = \frac{3}{2}$ $i_2 = \frac{3}{2}$, $j_1 = \frac{1}{2}$, $j_1 = \frac{1}{2}$ $j_1 = \frac{1}{2}$ $j_2 = \frac{1}{2}$ $j_2 = \frac{1}{2}$

Etape a)	Etape b)	Etape c)			
Solution de H _n	Solution de $H_2 = H_0 + T_2$	Solution de $H = H_0 + T + T_2$			
Energie (2 électrons p) [15]	Energie $ \begin{pmatrix} \underline{j_1 = j_2 = 3/2} & [6] \\ \underline{j_1, j_2 = 1/2}, & [8] \\ \underline{j_1 = j_2 = 1/2} & [1] \end{cases} $	Energie $\begin{cases} \underline{3/2} 3/2 J = 0 [1] \\ \underline{3/2} 3/2 J = 2 [5] \\ \frac{3/2 1/2}{\underline{3/2} 1/2} J = 2 [5] \\ \underline{3/2} 1/2 J = 1 [3] \\ \underline{2} 1/2 J = 0 [1] \end{cases}$			

الشكل (٤ ــــ ٣) يبين البنية الناعمة لمستويات الطاقة للتشكيل p ــــ p في الإرتباط j __ j [حالة المستوي القاعدي للرصاص p و 6 (...)] الجزء (c) من الشكل السابق يعطي النتيجة في حالة ذرة بإلكتروذين في p ، حيث حسبنا قيم رتب التوالد كما يلي :

$l_1 = 1$	$j_1 = l_1 + s_1 = 3 / 2$	(3/2 , 3/2)
$s_1 = \frac{1}{2}$	$j_1 = l_1 - s_1 = \frac{1}{2}$	(3/2, 1/2)
$l_2 = 1$	$j_2 = l_2 + s_2 = 3 / 2$	$(\frac{1}{2}, \frac{3}{2})$
$s_2 = \frac{1}{2}$	$j_2 = l_2 - s_2 = \frac{1}{2}$	$(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

$r_2 - 1$	$J_2 = I_2 + S_2 - J/2$	(72, 3/2)
$s_2 = \frac{1}{2}$	$j_2 = l_2 - s_2 = \frac{1}{2}$	$(\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$
m, =	mj _z	MJ
3/2	3/2	مرفوض حسب باولي ³
	1/2	2
	<u>1/2</u>	1
	3/2	0
1/2	3/2	رأينا هذه الحالة سابقآ
	1/2	مرفوضة حسب باولي
	1/2	0
	3/2	1
	3/2	1
	1/2	رأيناها سابقاً : 0
	-1/2	مرفوضة حسب باولي
	3/2	—2
3/ 2	3/2	0
	1/2	رأيناها سابقاً 1
	-1/2	<u>_2</u>)

- 11 -

مرفوضة حسب باولي 3-- 2/2--رتبة التوالد [6]

أما المجموعة (1⁄2 , 2/3)

$m_{j_1} = 3/2$	$m_{j_2} = \frac{1}{2}$	$M_J = 2$
	1/2	1
1/2	1/2	1
	1/2	0
—1/2	1/2	0
	-1/2	—1
—3/2	1/2	1
	-½	2

[8]

رتبة التوالد إذاً [8] ونجد أن هذا يُطابق 2 = J = 1 , J = 2

أما الزوج (½ , ½) فتطابق إلى رتبة توالد [1] وإلى J = J .

٤ - ٤ : تحديد العزوم الحركية وتعداد مستويات الطاقة المختلفة لتشكيل الإلكتروني :

Determination des moments Cinétiques et Recensement des differents niveaux d'energie d'une configuration :

سنظهر في هذه الفقرة كيف يمكننا أن زمد العدد الصحيح لمستويات الطاقة المنفصلة المطابقة لنفس التشكيل وإعطاء كل مستوي منها عزم حركي . يجب اعتبار حـــالتين :

Electrons appartenaent à des sons - couches toutes diffetrents

مثسال :

ns np mp أو ns np

يجب تحديد الأعداد الكمية J, S, L وذلك بالبحث عن كل التوافيق الممكنة في البداية ، ، ، ثم S ، L ، S مند كل قيمة لـ J التي نحصل عــليها بشكل مختلف (بدءً من قيم L أو S المختلفة) . تطابق مستوي طاقة منفصل . والجدولين (٤ – ٤) و (٤ – ٥) يشر حان المثالين السابقين :

Etape a	Etape <i>b</i>			Etape c			
Configuration	S	L	Ordre de dégénérescence (2 S + 1).(2 L + 1)	J	Terme spectral	Ordre de dégénérescence 2 J +	
	0	1	3	1	¹ <i>P</i> ₁	3	
ns - np $i_1 = 0$ $i_2 = 1$		1 1	9	0	³ P ₀	ī	
Ordre de dégénérescence (4 l_1 + 2) (4 l_2 + 2) = 12	1			1	${}^{3}P_{1}$	3	
				2	³ P ₂	5	
		2 niv	veaux distincts	4 niveaux distincts			

جدول (٤ - ٤)

- ٤ ٤ ٢ : الكترونات متكافئة (متطابقة) (تنتمي لنفس الطبقة الحزئية):
 Electrons equivalents
 - الإلكترونات المتكافئة أي الإلكترونات التي لها نفس العددين الكميين n . / . n مشــــال :
 - : وسنشرح الطريقة بأخذ المثال السابق A = (...) np² G = <u>Y!</u> = 15 – <u>Y!</u> – <u>Y!</u> – <u>Y</u>

Etape a			Etape b	Etape c			
Configuration	s.		-Ordre de - dégénérescence (2 <i>S</i> + 1) (2 <i>L</i> + 1)	J	Terme spectral	Ordre de dégénérescence 2 J + 1	
	0	0	1	0	1.S ₀		
		1	3	1	$^{1}P_{1}$	3	
	0	2	5	2	$-^{\dagger}D_2$	5	
np - mp $l_1 = 1$ $l_2 = 1$	1	0	3	!	³ S ₁	3	
Ordre de dégénérescence (4 $I_1 + 2$) (4 $I_2 + 2$) = 36	1	1	9	0 1 2	$\begin{array}{c}3 \\ 3 \\ 3 \\ 1 \\ 3 \\ 2 \\ 2\end{array}$		
	· 1	2	' 5	! 2 3	$\frac{^{3}D_{3}}{^{3}D_{2}}$ $\frac{^{3}D_{3}}{^{3}D_{3}}$	5.7	
	·~~~~	6 ni	veaux die meis	10 niveaux distincts			

جدول (٤ - ٥)

m_i = (−1,0,1) لنملىء الجدول التالي (٤ – ٦) حيث نضع على المحور الأفقي (1,0,1–) = m_i
 و (½ , ½ –) m_i ، ونفس الشيء بالنسبة للمحور العامودي . نعرف بهذه الطريقة ٣٦ خلية لكن نلاحظ :

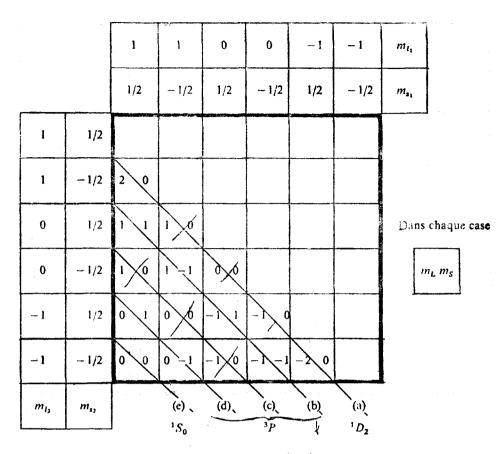
(۱) بأن الحلايا التي على القطر الرئيسي مطابقة لحالات تملك الكترونين لهما نفس الأعداد
 الكمية الأربعة إذا يجب حذفها .

(٢) من الممكن حذف الحالات الممثلة بخليتين متناظرتين با لنسبة للقطر الرئيسي .

وبالتالي تبقى عدد الحـــالات مساوي إلى 15 . في كل خلية وضعنا العددين M_L و M_L :

$$M_s = m_{S_1} + m_{S_2}$$
 , $M_L = m_{l_1} + m_{l_2}$

-- VO ---



الجدول (٤ – ٢)

¹D نلاحظ أنه $M_{\rm L}=2$ ، $M_{\rm L}=0$ و $M_{\rm L}=0$ و $M_{\rm s}=0$ أي لدينا حد $M_{\rm L}=2$ ومجموعة الحلايا على الخط (a) لقيم الحد 1² .

L=1 و S=1 ، $M_s=1$ ، $M_s=1$ ، $M_L=1$ ، $M_L=1$ و $M_s=1$ ، $M_L=1$ · $M_L=1$

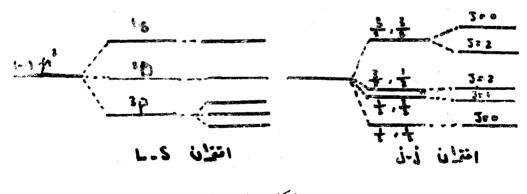
الخط الأخير e يطابـــق IS . وباختصار بالتشكيــل p – p يحتوي خمس سويات معطاة في الجدول (٤ – ٧) .

Etape a	Etape b			Etape c			
Configuration	s	Ē	Ordre de dégénérescenœ (2 S + 1) (2 L + 1)	J	Terme spectral	Ordre de dégénérescence 2 J + 1	
	0	0	1	0	. ¹ S ₀	1	
$np-np$ $l_1 = 1 l_2 = 1$	0	2	5	2:	¹ D ₂	5	
Ordre de dégénérescence G = 15	1	1	9	0 1 2	${}^{3}P_{0}$ ${}^{3}F_{1}^{2}$ ${}^{3}P_{2}$	1 3 5	
	-	3 niv	veaux distincts			x distincts	

جدول (٤ - ٧)

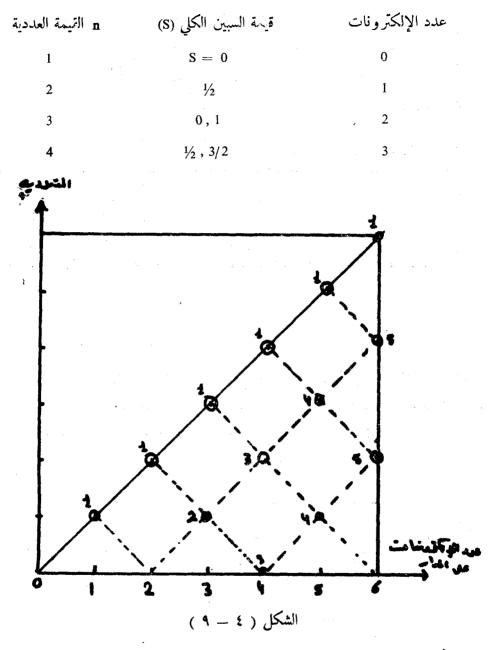
٤ _ ٤ - ٣ : قواعد هوند : ٣ - ٤ _ ٤

إن مستوي الطاقة الأصغري (الدينوي) لتشكيل الكتروني ما يملك أكبر قيمة ممكنة لـ s . ومن أجل هذه القيمة لـ s يملك أكبر قيمة ممكنة لـ L . فمثلاً في مثالنا السابق تصبح مستويات الطاقة كما في الشكل ذي الرقم (٤ – ٨) .



٤ - ٤ - ٤ : مخطط التعددية (شكل ٤ - ٩) :

diagramme de multiplicité



مسألـــة :

أوجد العزوم الحركية المختلفة وكذلك الحدود الطيفية ومخطط سويات الطاقة للتشكيل d² (....) ان رتبة التوالد هي :

$$G = \frac{10!}{2!(10-2)!} = 45$$

والحل هو كما في الجدول رقم (٤ ـــ ١٠)

ML	2_	Î.	о [-1	-2	S	بفبطايندا	Ĵ
4	хx					0	G, Y, K, Y, 8	4
	X x	××				1 0	3F. 3B 34, 35	2,
3	× X	XXXX				د (ا	X, 15	3 4
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	x		*			ţ	30. 30. 35	
	XIXIX		x X			0 0	'ю , 'р	2
2	×	¥.7.	X			-1	10.17.15	
		Ŷ	××××			1	37	
		× × ×	X X			Ø	1,2	2
-1	×	×	x X	×		с Ì	37	•
	×××					o c		0
	XX			XXX			J.P	
	×				×		\$5	
D.	XXX				×. 	n mar i na star i se	3	
	X	×		×	*		345	٥
		* 7 *		X X X X			345 15 15	
		X	¥ X			1		

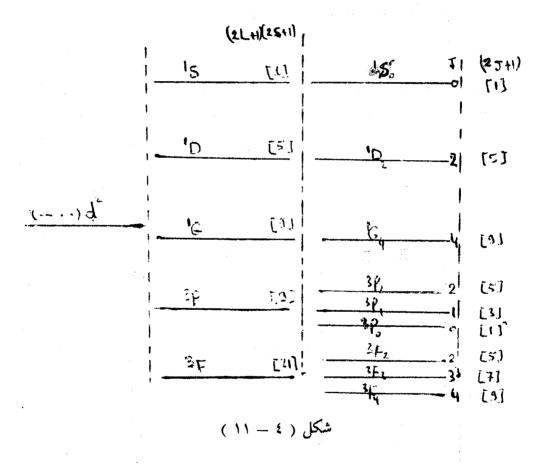
جدول (٤ - ١٠)

- V9 -

حيث رمزنا للإاكترون بسبين ½ بـ x وبسبين ½ـــ و x . الحدود هي إذاً :

$$\frac{{}^{1}S}{(2L+1)} \frac{{}^{1}S}{(2S+1)} \frac{{}^{3}P}{/} \frac{{}^{3}P}{9} \cdot \frac{{}^{3}D}{5} \cdot \frac{{}^{3}F}{21} \cdot \frac{{}^{3}G}{9}$$

ويكون مخطط سويات الطاقــة للبنية الإلكترونية d² . . .) هي كما في الشكل رقم (٤ – ١١) .



MY MY MY MY

 $- \wedge -$

الفصرالخاميس

أطياف المنظومات الذرية بالكترون وبالكترونين

SPECTROSCOPIE DES SYSTEMES A UN ET A DEUX ELECTRONS

لم تأخذ بعين الإعتبار الدراسة السابقة للمسافة الكائنة بين سويات الطاقة في الخطوتين b وc ، سيكون هذا الفصل مخصص لدراسة المسافة الكائنة بين سويات الطاقة أو بالأحرى تحديد البعد بين سويات الطاقة وخاصة بالنسبة للخطوة . وأثناء حسابنا لم نأخذ بعين الإعتبار لسبين النواة حيث اعتبر مساوياً الصفر .

إن دراسة الأطياف الذرية تعني دراسة الترددات المميزة للإشعاع الصادر عن الذرات وبما أنه عبر الطيف الملاحظ يظهر عدد كبير من الخواص للذرة فإن علم الطيوف له أهمية كبيرة في هذا المجال ، حيث يعطى العدد الموجي بـ

 $\frac{1}{r} = T_p - T_q$

حيث E ، T = (--1 / hc) E حيث E ، T = (--1 / hc) E

في الفقرة التالية سنتطرق للنظرية الكوانتية للإشعاع وبصورة مبسطة لنوجد إحتمال الإنتقال وكذلك معاملات إينشتاين للإمتصاص والإصدار المحثوث .

٥ – ١ – نظرية الإشعاع الكمية :

سنبين فيما بعد كيف حل ميكانيك الكم مسألة إصدار وإمتصاص الضوء ، حيث الكمون هنا يخضع للزمن .

Methode de Variation des constants

لتكن ذرة هيدروجينية تتحرك في كمون ثابت Ze²/r ـــ حل معادلة شرودينجر 4 معلوم والتوابع الخاصة 4 4 ... 4 معي تـــوابع خاصة للمعادلـــة السابقة حيث E<0 موافقة للحالات المستقرة وتعلق هذه الحالات بالزمن يعبر عنه بالعامل الأســي :

$$e^{-i(E_n/h)t}$$

لنتصور بأن هذه الذرة خضعت في اللحظة t = 0 إلى تأثير حقل موجة مستوية وحيدة الطول الموجي في هذه الحالة ، وبالإضافة إلى القوة Ze²/r² هناك قوة دورية تؤثر من قبل الحقل الكهرطيسي للموجة .

$$\frac{\partial u}{\partial x} = x \quad \text{it of } x = -x \quad \text{it of } x =$$

$$H = H^{(o)} + u(x, t)$$

ومعادلة شرودينجر هي :

- ^1 -

للحالات المستقرة من النوع (٥–٥) لم تعد حلولاً له ، إلا أن من أجل لحظة ما t كمون الإضطراب (t) u مساوي لقيمة محددة .

لأجل هذه اللحظة الكمون مساوي لكمون (غير مضطرب) الموجرد في •H يضاف له عدد ثابت (/u . لنفرض بأن التوابع (o ــ o) تشكل قاعدة كاملة . إذاً يمكن نشر الحل على هذه القاعدة الكاملة بالشكل :

$$\psi' = \sum_{\mathbf{k}} c_{\mathbf{k}} \psi_{\mathbf{k}}^{(o)} \cdot e^{-i (\mathbf{E}_{\mathbf{k}}/\hbar) t'} = \sum_{\mathbf{k}} c_{\mathbf{k}} \psi_{\mathbf{k}}$$

ومن أجل لحظة أخرى ^{بر}؛ يمكن أن نكتب الحل تحت شكل سلسلة مشابهة مع معاملات أخرى _k لأن :

$$\psi = \sum_{\mathbf{k}} c_{\mathbf{k}}(t) \cdot \psi_{\mathbf{k}} \qquad (7 - \mathbf{P})$$

حيث المعاملات (t) تابعة للزمن وأن هذه المعاملات تتغير ببطء مع الزمن أمام تغير الحد الأسي e—i (E_a/*h*) t .

وعليه فمعيَّين هذه المعاملات هــو إحتمال حصول قياس لطاقة المجموعة في اللحظة t والحصول على قيمة محدودة En مساوي 2|cn(t) .

٥ – ١ – ٢ : الإمتصاص والإصدار للضوء :

لنتفحص ذرة خضعت في اللحظة t = 0 لتأثير حقل موجة متألقة ولنفرض أن هذه الموجة وحيدة الطول الموجي ومستقطبة خطياً على المحور ox وتنتشر حسب المحور oz فالحقل الكهربائي لهذه الموجة يؤثر على إلكترون الذرة بقوة :

$$\mathbf{F} = \mathbf{e} \boldsymbol{\varepsilon}^{\circ}_{\omega} \cos\left(\omega t - \frac{2\pi}{\lambda} \mathbf{z}\right)$$

- 12 -

تأثير الحقل المغناطيسي سيهمل . لأن القوة المؤثرة على الإلكترون من طرف الحقل المغناطيسي الناتج عن الموجة هو أصغر بـ ٧/c مرة . لنأخذ مركز الإحــداثيات في مركز القوة إذاً يمكــن إهمال z/λ لمـغره ، وبالتالي فإن مركبات القوة x هي : $F_{\star} = X = e \varepsilon_{\omega}^{\circ} \cos \omega t$. والكمون : $u(\mathbf{x}, \mathbf{t}) = -e \varepsilon_{\omega}^{\circ} \cos \omega \mathbf{t}$ حل معادلة شرودينجر المضطرب : $H\psi = \frac{-h}{i} \frac{\partial \psi}{\partial t}$ $\mathbf{H} = \mathbf{H}^{\mathbf{o}} + \mathbf{u}$ حيث u = u (x, t) سيكون بالشكل : $\dot{\psi} = \sum c_{\mathbf{k}}(t) \, . \, \psi_{\mathbf{k}}$ (7 - 0)لإ يجاد المعاملات (c_k(t) نعوض (٥ – ٦) في المعادلة (٥ – ٢) : $\sum_{\mathbf{k}} \mathbf{c}_{\mathbf{k}} \mathbf{H}^{\mathbf{o}} \psi_{\mathbf{k}} + \sum_{\mathbf{k}} \mathbf{c}_{\mathbf{k}} \mathbf{u} \psi_{\mathbf{k}} =$ $\frac{-h}{i}\sum_{\mathbf{k}}c_{\mathbf{k}}\frac{\partial\psi_{\mathbf{k}}}{\partial t}-\frac{h}{i}\sum_{\mathbf{k}}u_{\mathbf{k}}\frac{dc_{\mathbf{k}}}{dt}$ وبما أنالتوابع لم تحقق المعادلة الغير مضطربة (٥ – ٤) فالحد الأول من اليسار والأول من اليمين متساويان محذفهما نجد : $\sum_{\mathbf{k}} c_{\mathbf{k}} U \psi_{\mathbf{k}} = \frac{-h}{i} \sum_{\mathbf{k}} \psi_{\mathbf{k}} \frac{\mathrm{d} c_{\mathbf{k}}}{\mathrm{d} t}$

- 10 -

لنضرب طرفي العلاقة بـ
$$*_{m}\psi$$
 ونكامل :

$$\sum_{k} c_{k} \int \psi_{m}^{*}U\psi_{k} d\tau = \frac{-h}{i} \sum_{k} \frac{dc_{k}}{dt} \int \psi_{m}^{*}\psi_{k} d\tau \qquad (\vee - \vee)$$

$$k$$
لكــن :

 $\int \psi_m^* \psi_k \, \mathrm{d}\tau = \delta_{mn}$

: وبالتالي ففي الطرف الثاني سيبقى فقط (dc_m/dt) **أي** : وبالتالي ففي الطرف الثاني سيبقى فقط

$$\frac{dc_m}{dt} = \frac{-i}{h} \sum_k c_k \int \psi_m U \psi_k d\tau \quad k = 1, 2, \dots (\Lambda - 0)$$

عملياً من الصعب إيجاد _mc من المعادلة السابقة لأن هذه المعادلات تشكل مجموعة . بعدد لانهائي غير معلوم، وللحصول على أول تقريب نعلم أن (¹⁾x تتغير ببطء بتغير الزمن أي أن c_k في لحظة قريبة من t = 0 تحتفظ بقيمتها عندما كانت t = 0 .

ونقبل بأن هذه القيم للمعاملات ستحفظ من أجل قيم صغيرة بصورة كافية ، وهذا ما سيسمح بالحساب وبصورة تقريبية لتغير المعاملات كتابع للزمن وضمن هذا الشرط فإن كل المعاملات c_k معدومة ماعدا c_n (حيث k = n) .

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{c}_{\mathbf{n}}}{\mathrm{d}\mathbf{t}} = \frac{-\mathrm{i}}{\hbar} \int \psi_{\mathbf{m}}^* \, \mathrm{u} \, \psi_{\mathbf{n}} \, \mathrm{d}\tau \qquad (\mathbf{q} - \mathbf{o})$$

لنفرض هنا أن ...,c₁ تسمح من أجل المعاملات ₂، c₁ تسمح بحساب هذه المعاملات بصورة منفصلة ، وبهذه الطريقة يكون التقريب الأول ثم نوجد التقريب الثاني بجمل المعاملات <u>ع</u> المحسوبة في التقريب الأول في المعادلة (٨) ثم نكامل من جديد ، ثم نكرر العملية حتى التقريب المرغوب .

ولندخل :

$$\frac{E_{m}-E_{n}}{h} = \omega_{mn} ; \int \psi_{m}^{\circ} u \psi_{n}^{\circ} d\tau = u_{mv} \qquad (1 - 0)$$
إذاً المظعادلة (0 – 9) تأخذ الشكل :

المظعادلة (٥ – ٩) تأخذ الشكل :

$$\frac{dc_{m}}{dt} = \frac{-i}{h} e^{-i \omega_{mn} t} \cdot u_{mn} \qquad (1)$$

تستخدم هذه المعادلات بحسب إحتمال الإنتقالات .

لنفرض كما قبلنا سابقاً بأنه في اللحظة 0 = t تكون الذرة موجودة في الحالة المستقرة ذات الطاقة E . وتحت تأثير الإضطراب إنتقلت إلى حالات أخرى ، وبهذا كما من أجل 0 < t كل المعاملات z . يمكن أن تختلف عن الصغر ، لايمكن القول إذا كان الإنتقال يتم في حالة مستقرة محددة تماماً ونؤكد فقط بأنه في لحظة ما 0 < time قياس الطاقة ونحصل عليها بإحتمال مساوي له 2 . [5] = 5 . والقيمة مساوية إلى ي إذاً 0 = 2 [10] إذا الإنتقال E + 5 . في مكن وهكذا فإن 2 . أي ا تمال

لنعتبر

$$\mathbf{u}(\mathbf{x},\mathbf{t}) = -\mathbf{c} \mathbf{x} \mathbf{\varepsilon}^{\mathbf{o}}_{\boldsymbol{\omega}} \cos \boldsymbol{\omega} \mathbf{t}$$

أي :

$$u_{mn} = -e \varepsilon_{\omega}^{\circ} \cos \omega t \int \psi_{m}^{\circ *} x \cdot \psi_{n}^{(\circ)} d\tau$$

إذا رمزنا بـ :

$$e \int \psi_{m}^{*o} x \psi_{n}^{(o)} d\tau = e \cdot x_{mn} \qquad (17 - 0)$$

المراجعة ال إذاً عن المراجعة المرا

$$u_{mn} = -e x_{mn} \varepsilon_{\omega}^{\circ} \cos \omega t \qquad (1 \psi - \varphi)$$

- AV ---

$$\begin{split} & \sum_{k=1}^{\infty} \sum_{k=1}^{\infty}$$

•

.

إذا كان E_m > E_n الذرة تمتص طاقة الحقل أي هناك امتصاص .

إذا كان E_m < E_n الذرة تعيد الطاقـــة إلى الحتمل وينتج إصدار محث . حسب (E_m — E_n) في الحالة الأولى يكون _{مس}ى موجب .

أما في الحالة الثانية فهو سالب .

إن الحد إw + w اكبير ففي حالة الإمتصاص يمكن إهمال الحد الأول من العلاقة السابقة وفي حـــالة الإصدار المحث يهمل الحـــد الثاني . لنتابع في حالة الإمتصاص إن :

$$\mathbf{c}_{\mathbf{m}} = \frac{\mathbf{\epsilon}_{\omega}^{\mathbf{o}}}{2 h} \mathbf{e} \mathbf{x}_{\mathbf{m}\mathbf{n}} \frac{\mathbf{e}^{\mathbf{i}} (\omega_{\mathbf{m}\mathbf{n}} - \omega) \mathbf{t}_{-1}}{\omega_{\mathbf{m}\mathbf{n}} - \omega}$$

إن مربع طويلة c_m تعطي إحتمالية الإنتقال وتساوي :

$$|\mathbf{c}_{\mathbf{m}}|^{2} = \mathbf{c}_{\mathbf{m}}^{*} \mathbf{c}_{\mathbf{m}}^{} = \frac{(\boldsymbol{\varepsilon}_{\boldsymbol{\omega}}^{\circ})^{2} \cdot \mathbf{e}^{2} \cdot |\mathbf{x}_{\mathbf{m}n}|^{2}}{4 h^{2}} \times \frac{2 \left[1 - \cos(\omega_{\mathbf{m}n} - \boldsymbol{\omega}) t\right]}{(\omega_{\mathbf{m}n} - \boldsymbol{\omega})^{2}}$$
$$= \frac{(\boldsymbol{\varepsilon}_{\boldsymbol{\omega}}^{\circ})^{2} \cdot \mathbf{e}^{2} |\mathbf{x}_{\mathbf{m}n}|^{2}}{h^{2}} \cdot \frac{\sin^{2} \frac{1}{2} (\omega_{\mathbf{m}n} - \boldsymbol{\omega}) t}{(\omega_{\mathbf{m}n} - \boldsymbol{\omega})^{2} t} \qquad (10 - 0)^{2}$$

نرى أن إحتمال الإنتقال متناسب مع مربع سعة شدة الحقل الكهربائي للموجة أي مع شدة الموجة . وأيضاً 2_{|a}ء| متناسب مع مربع عزم ثنائي القطب للإنتقال (2_{|mm}e) . يمكن الحصول على نتيجة مماثلة باستخدام الطريقة الكلاسيكية للإشعاع .

يمكن أن نضع العلاقة (٥ ـــ ١٥) بالشكل :

$$|\mathbf{c}_{\mathbf{n}}|^{2} = \frac{1}{4 h^{2}} (\boldsymbol{\varepsilon}_{\omega}^{\circ})^{2} \, \mathbf{e}^{2} |\mathbf{x}_{\mathbf{mn}}|^{2} \, \mathbf{t}^{2} \left[\frac{\sin \frac{1}{2} (\omega_{\mathbf{mn}} - \omega) \, \mathbf{t}}{\frac{1}{2} (\omega_{\mathbf{mn}} - \omega) \, \mathbf{t}} \right] \qquad (17 - \mathbf{e})^{2}$$

نرى أنـــه من أجل فترة زمنية قصيرة فإن ²|c_m| متناسب مع مربع الزمن وبالتالي إحتمال الإنتقال في واحدة الزمن ²|c_n| (d / dt) متناسب مع الزمن .

- ^٩ -

للحصول على إحتمال انتقال كامل موافق لكل عرض الخط وليس فقط إلى قيمته الأعظمية يجب أن نكامل العلاقة ²cm| ، حسب الترددات التي تحد الخط الطيفي والأفضل أن نكامل من ∞ـــ إلى ∞+ .

$$\int_{+\infty}^{-\infty} |c_{\mathbf{m}}|^{2} d\nu = \frac{(\varepsilon_{\nu}^{\circ})^{2} \cdot e^{2} \cdot |x_{\mathbf{mn}}|^{2}}{4\pi^{2} h^{2}} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\sin^{2} \pi (\nu_{\mathbf{mn}} - \nu)t}{(\nu_{\mathbf{mn}} - \nu)^{2}} d\nu$$
$$= -\infty$$
$$: \quad \lambda \neq \pi (\nu_{\mathbf{mn}} - \nu) t = \xi : \quad \text{if } i = 1$$

$$\int_{-\infty} |c_m|^2 d\nu = \frac{(\varepsilon_v^{\circ})^2 e^2 |x_{mn}|^2 \cdot 2}{4 \pi h^2} \cdot t \int \frac{\sin^2 \xi}{\xi^2} d\xi$$

قيمة التكامل π وبالتالي :

$$\int_{-\infty} |\mathbf{c}_{\mathbf{m}}|^2 \, \mathrm{d}\mathbf{v} = \frac{(\boldsymbol{\varepsilon}_{\mathbf{v}}^{\mathbf{o}})^2 \, \mathbf{e}^2 \, |\mathbf{x}_{\mathbf{m}\mathbf{n}}|^2}{2 \, h^2} \, \mathbf{t} \qquad (1 \, \mathbf{v} - \mathbf{o})$$

نرى إذاً أن احتمال الإنتقال الكلي خلال t ثانية متناسب مع الزمن t وبالتالي إحتمال الإنتقال في واحدة الزمن مستقل عن الزمن .

في حالة سويات الطاقة الغير متوالدة هناك علاقة بين المعاملات السابقة هي :

$$B_{nm} = B_{ma}; A_{mn} = \frac{16 \pi^2 h v^3}{c^3} B_{nm}$$
 (1A-0)

يميز الإشعاع داخل حجره بالكثافة الحجمية p الذي يمثل القيمة المتوسطة الكثافة الطاقة للحقل الكهرومغناطيسي .

$$\begin{aligned} \rho_{\nu} &= \frac{1}{8 \pi} (\overline{\epsilon_{\nu}}^{2} + \overline{H_{\nu}}^{2}) = \frac{1}{4 \pi} \overline{\epsilon_{\nu}}^{2} \\ \epsilon_{\nu}^{2} \\ \epsilon_{\nu}^{2}$$

تعطي العلاقة (• – ١٧) إحتمال الإنتقال خلال t ثانية تحت فعل اشعاع مستقطب حسب ox .

في حالة اشعاع غير مستقطب فــــإن احتمال الإنتقال تحت فعل المركبة x للحقل ستكون أكبر بمرتين :

$$\int_{-\infty} |c_n^2|^2 d\nu = \frac{(\varepsilon_{\nu_x}^{\circ})^2 \cdot c |x_{n,n}|^2}{4 h^2} t \qquad (1 \vee - \circ)^{-\infty}$$

نعوض ²(يو°ع) من العلاقة (٥ – ٢٠) في العلاقة (٥ – ١٧ َ) تحصل على :

$$\int_{-\infty}^{+\infty} |c_{\mathbf{m}}|^{2} dv = \frac{2 \pi e^{2}}{3 h^{2}} |x_{\mathbf{mn}}|^{2} \rho_{\nu} \cdot t$$
 (Y1-0)

$$\int_{-\infty}^{+\infty} |c_{\mathbf{m}}|^{2} dv = \frac{2 \pi e^{2}}{3 h^{2}} |x_{\mathbf{mn}}|^{2} \rho_{\nu} \cdot t$$
 (Y1-0)

$$\frac{2\pi \cdot e^{2}}{3 h^{2}} |y_{\mathbf{ma}}|^{2} \cdot d_{\nu} \cdot t$$
;
$$\frac{2 \pi e^{2}}{3 h^{2}} |z_{\mathbf{ma}}|^{2} \rho_{\nu} \cdot t$$
 (Y1-0)

$$\frac{2\pi \cdot e^{2}}{3 h^{2}} |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2} \rho_{\nu} \cdot t$$
 (Y1-0)

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{2} |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2}$$

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{2} |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{ma}}|^{2} + |z_{\mathbf{m}}|^{2} + |z_$$

 $B_{pm} \rho_{p}$

Ļ

بالمقارنة نجد :

$$B_{n,m} = \frac{2\pi}{3 h^2} |e \cdot r_{mn}|^2$$
 (Y t-0)

حيث er_{ma} هي العلاقة الكمية الموافقة لعزم ثنائي القطب في النظرية الكهرومغناطيسية الكلاسيكية للإشعاع .

المعاملات B_{nm} المميزة لإحتمال الإنتقال في الإمتصاص وحسب العلاقة (٥ – ١٨) أيضاً احتمال الإصدار المحثوث . احتمال الإنتقــال لإصدار تلقائي لايمكن الحصول عليه ببرهان مشابه لأنه لابد من استدعاء الإلكتروديناميك . إلا أنه يمكن حسابها بفرض أنه في التوازن الترموديناميكي فإن معاملات إنشتاين مرتبطان بالعلاقة : B_{n.m} ، A_{mn}

$$A_{mn} = \frac{16 \pi^2 h \nu^2}{c^3} B_{nm}$$

بتعويض B_{nm} من العلاقة (٥–٢٤) نجد :

$$A_{mn} = \frac{32 \pi^2 v^3}{3 h^2 c^3} |e r_{nm}|^2$$
 (Yo-o)

ولحساب علاقة طاقة الإشعاع ذو التردد v ضمن عنصر زاوية صلبة Δ£بجب ضرب العلاقة 25 بـ (dΩ/4π) v (dΩ/4π نحصل :

$$I_{\nu,\Omega} d\Omega = \frac{16 \pi^2 \nu^4}{3 c^3} |e \cdot r_{ma}|^2 d\Omega \qquad (\Upsilon - 0)$$

Regles de sèlectoin قواعد الإسطفاء - ۲ – قواعد الإسطفاء

تتطلب الدراسة الكمية للإنتقالات الممكنة بين مستويين i و f معرفة قيم المعاملات B₂₁ (معامـــلات الإصدار التلقائي) و B₁₂ (معامـــلات الإمتصاص) و B₂₁ (معاملاتلإصدار المحثوث) . هناك علاقة بين A₂₁ و B₂₁ :

$$A_{21}=\frac{8\pi h}{\lambda^3} \cdot B_{21}$$

B₁₂ ، B₂₁ ، تترجمان التأثير المتبادل بين الذرة مع الحقل الكهرومغناطيسي الخارجي. بوجود مثل هذا الحقل يجب إضافة حد (١٠ إلى الهاملتونيان الممثل للذرة الحرة . حيث يدرس حسب نظرية الإضطراب المتعلقة بالزمن وحيث احتمال الإنتقال المحث متناسب مع مربع عناصر المصفوفة <f(H⁽¹⁾) كما وجدنا سابقاً .

من الصعب جداً إيجاد عناصر (H(مجموعة لذلك ينشىء (H(إلى حدود تمثل – ارتباط الحقل الكهربائي (E(t) المتجانس على حجم الذرة مع عزم ثنائي القطب الكهربائي P للذرة . – ارتباط الحتمل المغناطيسي (B(t) المتجانس مع عزم ثنائي القطب المقغناطيسي µ للذرة
 – إرتباط الحقل الكهربائي والحقل المغناطيسي مع العزوم رباعية الأقطاب الكهربائية ورباعية الأقطاب المغناطيسية .
 سنفرض بأن :

 $H^{(1)} = - P \mathbf{E}$

E الحقل الكهربائي وحيد اليقين على كل حجم الذرة . أي عناصر المصفوفة تكون متناسبة مع <i¡p|f> .

هناك ثلاثة مركبات

<i |ey| f> $\neq 0$, <i |ex| > $\neq 0$, <i |ez| f> $\neq 0$

إن R_y = R_x = 0 إنتقال غير مسموح . إذاً يجب إيجاد عناصر <i|ez|f> توصف الحالتين الكمينين f ، i بالتابعين الموجيين _{n,1,m} ، '_{n,1',m} و وتصبح عناصر المصفوفة :

 $<|\mathbf{e}\mathbf{z}|> = \int \int \int \mathbf{R}^{*}{}_{\mathbf{p}\,\mathbf{l}}{}' \,\theta^{*}{}_{\mathbf{l}\,\mathbf{u}}{}' \,\Phi^{*}{}_{\mathbf{m}}{}' \,\mathbf{e}\mathbf{z} \,\mathbf{R}_{\mathbf{n}\mathbf{l}} \,\theta_{\mathbf{l}\mathbf{m}} \,\Phi_{\mathbf{m}} \,\mathbf{r}^{2} \sin \theta \,d\theta \,d\varphi \,dr.$

 $z = r \cdot \cos \theta$

$$= e \int_{0}^{\infty} R_{n'}^{*'} \cdot r, R_{n'} r^{2} dr \int_{0}^{\pi} \theta_{n'}^{*'} \cos \theta \theta_{n} \sin \theta d\theta \int_{0}^{\pi} \Phi_{n} d\phi$$

إذا كان m' ≠ m فإن : (ez| > = 0| اإذا كان

إذاً يجب أن يكون m = m وبالتالي فإن 0 = ۵m أولى قواعد الإصطفاء . لكن :

$$\theta_{l,m} = \sqrt{\frac{2 l+1}{2}} \frac{(l-|m|)!}{(l+|m|)!} P_{l}^{|m|} \cdot (\cos \theta)$$

. . .

 $\cos \theta \mathbf{P}_{l}^{\mathbf{m}}(\cos \theta) = \frac{l+|\mathbf{m}|}{2l+1} \mathbf{P}_{l-1}^{\mathbf{m}} \cdot \cos \theta + \frac{l-|\mathbf{m}|}{2l} \mathbf{P}_{l+1}^{\mathbf{m}} \cos \theta.$ نعوض في التكامل الحزء الزاوي 6 نجد : $K \int P_{l'm'} \cos \theta \left[AP_{l-1}^{|m|} (\cos \theta) + B P_{l+1}^{|m|} (\cos \theta) \right] \sin \theta d\theta$ من أجل أن بكون هناك ضوء مستقط حسب oz يجب أن يتحقق الشرط التالي : l' = l + 1; l' = l - 1, $\Delta m = 0$ أى : $1 \pm \frac{1}{2} = 1$ إحدى قواعد الإصطفاء . كذلك يمكن إيجاد < ey > و < ex > أو إيجاد $x - iy = r \cdot \sin \theta \cdot e^{-i\varphi}$ $x + iy = r \cdot \sin \theta \cdot e^{+i\varphi}$ حبث نجد أيضاً بأنه ، ليكن هناك إنتقال يجب أن يتحقق الشرط : $\Delta l = \mp 1$ يصورة عامة فإن قواعد الإصطفاء هي : $m_{I} - m_{I}' = 0, \mp 1$ $\mathbf{J} - \mathbf{J}' = \mathbf{0}, \ \mp \mathbf{1}.$ يمكن إيجاد قواعد الإصطفاء بدءً من قواعد التبادل للمؤثر ات التالية : $[L^{2}, (L^{2}, z)] = 2 h^{2} [L^{3}_{z} + z L^{2}_{z}], [Lz, [Lz, x]] = h^{2} x, [L_{z}, z] = 0$ وذلك بتطبيق <e, m> و ('m'/ > على طرفي كل علاقة . ٣ - ٣ : ذرة بإلكترون خارجي مع الأخذ بعين الإعتبار للسبين : Atome a un éléectron, compte tenu du spin de l, electron

لكن :

$$\Delta \mathbf{E} = \frac{h^{\mathbf{s}}}{2 \,\mathrm{m}^{\mathbf{2}} \,\mathrm{c}^{\mathbf{2}}} \,\frac{\mathrm{dW}}{|\mathbf{r}| \,\mathrm{dr}} \,\mathbf{l} \cdot \mathbf{s} = \mathbf{a} \,(\mathbf{n} \,, l) \,\mathbf{l} \cdot \mathbf{s}$$

لإيجاد I.s الدينا :

$$J = 1 + s \implies J^{2} = (1)^{2} + (s)^{2} + 21.s$$
$$l \cdot s = \frac{(J)^{2} - (1)^{2} - (s)^{2}}{2}$$

بتعويض القيم الخاصة للمؤثرات I,s,j نجد طاقة الإرتباط سبين ــ مدار : ΔE = a (n, *l*) <u>J (j + 1) - (*l* + 1) - s (s + 1)</u> 2 لإيجاد قيمة (n, *l*) يجب معرفة قيمة (w (r) . لنوجد ΔE للإالكترون np¹ :

1) l = 1; $j = l + s = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \implies$ $\Delta E_2 = a(n, 1) - \frac{3}{2} \frac{(3}{2} + 1) - 1}{2} = \frac{a(n, 1)}{2}$

2)
$$l = 1; j = l - s = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \implies$$

$$\Delta E_1 = a(n, 1) \frac{\frac{1}{2}(\frac{1}{2} + 1) - (1 + 1) - \frac{1}{2}(\frac{1}{2} + 1)}{2} = -a(n, 1)$$

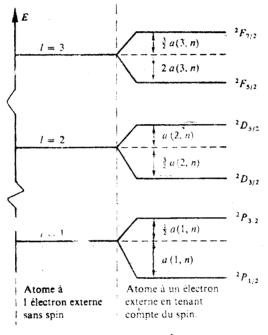
مـــلاحظـــة :

- 97 -

$$E_1 = E_0 + \Delta E_1$$
$$E_2 = E_1 + \Delta E_2$$

$$\mathbf{E}_2 = \mathbf{E}_0 + \Delta \mathbf{E}_2$$

الشكل (٥ – ١) يعطي مخطط الطاقة النانج لقيم / المختلفة .



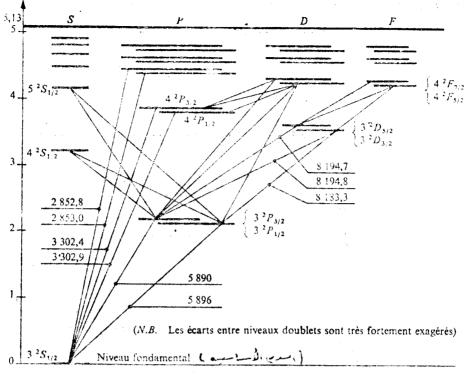
الشكل (٥ – ١)

والشكل (٢ – ٥) يحدد مستويات الطاقة الأساسية للصوديوم .

الطيف الملاحظ :

 $\Delta n = n_2 - n_1$ $\Delta l = l_2 - l_1 = \mp 1$ $\Delta j = j_2 - j_1 = 0, \mp 1$ $- \Im Y = -$

الفيزياء الذرية



شكل (٥ – ٢) مستويات الطاقة لطيف الصوديوم ، حيث مثلث بعض الإنتقالات (الأطوال الموجية بـ ٥٠) الطاقة بالالكترون فولت . مستوي الأساسي أخدُذ كمبدأ .

سنلاحظ على الشكل السابق بأن الحطوط الطيفية المرتبطة بالحالة S تكون زوجية والحطوط الطيفية المتعلقة بالحالة S تكــون ثلاثية والحطين الطيفين S²S^{1/2} S حد ³⁴P^{1/2} و S^{1/2} S ح S²P^{3/2} هما الأكثر شدة من الطيف .

۵ ــ ٤ : ذرات بإلكترونين : Atomes à deux électrons

أي هي الذرات المشكلة من طبرات داخلية كاملة وتملك إلكترونين تكافؤيين مثل ذرات العناصر القلوية الترابية (المغنيزيوم ، الكالسيوم ، التوتياء ، الكادميوم ، الزئبق ، أي السذرات ذات التشكيل القاعسدي (الأساسي) 28 4 [] أو ذات التشكيل في الحالة المحرضة ع 14s n s أو ع s n f [] , a s f [] . نلاحظ أيضاً الحالات :

[] 3 d 4 s, [] 3 d 4 p, [] 3d 3d, [] 4 p 4 p methode d'etude : طريقة الدراسة على على على المحافظة الدراسة على المحافظة الدراسة على المحافظة الدراسة المحافظة الدراسة المحافظة الدراسة المحافظة الدراسة المحافظة الدراسة المحافظة المحافظة الدراسة المحافظة المحافظة الدراسة المحافظة المحاف

 $\mathbf{J} = \mathbf{L} + \mathbf{S} = \mathbf{j}_1 + \mathbf{j}_2$

نقبل بأن الطاقات E لمختلف متويات التشكيل الإلكتروني المميزة بمجموعة عزوم حركية تعطى بالعلاقات :

$$E = E_{o} + a_{1} s_{1} s_{2} + a_{2} l_{1} l_{2} + A \cdot L \cdot S$$

$$T_{1} T_{2}$$

$$i = j - j \quad j = j \quad j$$

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}^{\circ} + \mathbf{a_3} \, \mathbf{l_1} \, \mathbf{s_1} + \mathbf{a_4} \, \mathbf{l_2} \, \mathbf{s_2} + \mathbf{A'} \, \mathbf{j_1} \times \mathbf{j_2}$$

· j2 , j1

- 99 ---

 $\mathbf{E} = \mathbf{E}_{o} + \mathbf{a}_{1} \, \mathbf{s}_{1} \, \mathbf{s}_{2} + \mathbf{a}_{2} \, \mathbf{l}_{1} \, \mathbf{l}_{2} + \mathbf{a}_{3} \, \mathbf{l}_{1} \, \mathbf{s}_{1} + \mathbf{a}_{4} \, \mathbf{l}_{2} \, \mathbf{s}_{2}$

 $H_o = E = E_o + T_i + T_2$

في كمون مركزي ، حيث _T حد يترجم التأثيرات الك_هربائية الساكنة بين الالكترونات . T₂ يضع ضمناً سبين الإلكترونات .

الحد ₁ ₁ ₁ يترجم التأثير المتبادل الكهرباني الساكن ، الحد a, s,s₂ يمثل مفعول التبادل . _T يمثل الإرتباط سبين ـــ مدار . لن نكتب الحدين ₁ ₁ ₁ ₂ لأننا أهملنا التأثير المغناطيسي المتبادل سبين ـــ سبين

a، لايمكن التعبير عن المعاملات a، تحليلياً بصورة عامـــة . اكن يمكننا تحديد a، من طبيعة الإرتباط في الذرة .

إن وجـود S, L يفرض طاقة ارتباط أكـبر من 1₁ , *1 و s*2 , s1 من طاقة الإرتباط s1 , l1 و s2 , a4 , a3 ، والمعاملات a2 , a1 ، سيكون لها قيم أكبر من s2 , a4 .

- ۲ ارتباط j j
- ــــ الجداء السلمي I₁ s₁ و I₂ s₂ ثابتة . ـــ الجداء السلمي I₁ I₂ s₂ s₂ متغير مع الزمن .

يستعمل غالباً النموذج الشعاعي في الفيزياء الذرية ، وفي هذا النموذج تكون مؤثرات العزوم الحركية ممثلة بأشعة .

إن عزم حركي ما يــكون مرفق بشعاع ذو طول

- 1++ -

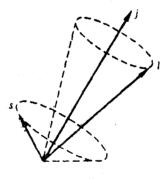
$$h \sqrt{j(j+1)}$$

$$i = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{j(j+1)}$$

$$i = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{j(j+1)} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{j(j+1)} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{$$

$$\cos \alpha = \frac{(j+1) - l(l+1) - s(s+1)}{2\sqrt{l(l+1)} \cdot \sqrt{s(s+1)}}$$

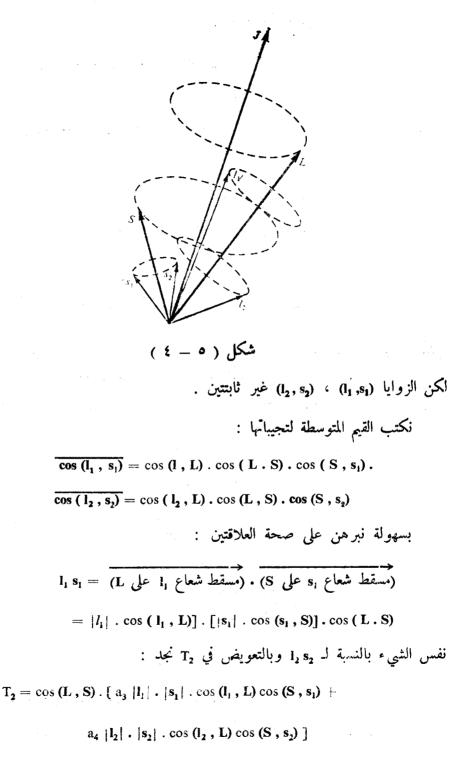
سنتخيل بأن الشعاعين ادة يدوران حـول محصلتهما j كما في الشكل (٥ – ٣) وفي حالة الإرتباط S – L فإن الشكل (٥ – ٤) يعطي دور ان *I*, *يا* حول محصلتهما L و s₂ s₁ يدوران أيضاً حـول المحصلة S وكلا L و S يـدوران حول J.



شکل (٥ – ۳)

تكتب طاقة الإرتباط سبين مدار T_2 كما يلي : $T_2 = a_3 |l_1| \cdot |s_1| \cos (l_1, s_1) + a_4 \cdot |l_2| \cdot |s_2| \cos (l_2 s_2)$

- 1.1 -



-- 1.7 ---

$$A = a_{3} \frac{|s_{1}|^{2} - |s_{2}|^{2} + |S^{2}| \cdot |l_{1}|^{2} - |l_{2}|^{2} + |L|^{2}}{2|S|^{2}} + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + |S^{2}|}{2|S|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + |S^{2}|}{2|S|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + |S^{2}|}{2|S|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|S|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}}$$

$$. j = k + a_{4} \frac{|s_{2}|^{2} - |s_{1}|^{2} + AE_{2}|}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{1}|^{2} + |L|^{2}}{2|L|^{2}} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{2}|^{2} - |l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} - |l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{2}|^{2} \cdot \frac{|l_{$$

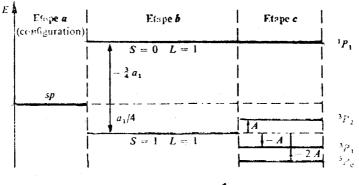
nsnp مثال مدروس في الفصل السابق لكنهن سنوجد AE كما في الجدول رقم (• – •)

ملاحظة : ١ – إذا كانت ٥<A فإن الطاقة تزداد ويقال بأن التعددية طبيعية . ٢ – وإذا كانت ٥<A فإن الطاقة تتناقص والتعددية معكوسة .

Terme spectral	S	l.	J	Etape $b(T_1)$ $a_1 \mathbf{s}_1 \cdot \mathbf{s}_2 = \begin{bmatrix} a_2 \mathbf{l}_1 \cdot \mathbf{l}_2 \end{bmatrix}$		Etape $c_1(T_2)$ 4.1.S
¹ P ₁	0	1	1	$-\frac{3}{4}a_1$	0	0
$3P_0$	1	1	0			- 2 A
³ P ₁	1	1	1	$\frac{1}{4}a_{1}$	0	- A
³ P ₂	1	1	2			+ A

جدول (٥ – ٥)

والشكل (٥ – ٦) يعطي نخطط سويات الطاقة للمثال المدروس سابقاً مع الأبعاد النسبية بين سويات الطاقة هذه .



شکل (ہ 🗕 ۲)

مشــال ۲ :

أحسب ΔE للتشكيل pd وكذلك مخطط سويات الطاقة للحدود الطيفية وتوضعها بالنسبة لبعضها البعض .

- 1.2 -

العـــل :

الجدول رقم (٥ – ٧) يعطي العزوم الحركية والحدود الطيفية

***						ر د محمد معمد م
	2	ω	۴÷	2	ω	
	у.	×		× •	×	-
×			×			0
					e #	1-
		×I			×	4
X)	×i		×	×		-
						0
		1				-1 -2
						-2
0	0	Q	*	p-b-	44	vi
۴Ļ		ۍ	0,1,2	1, 2, 3	2, 3, 4	5
P	¹ D ₂	NTi	245, 34, 348	³ D, ¹ D ₂ , ³ D,	35,35,35	الحدود الطليقيه

جدول (ہ – ۷)

الجدول (٥ – ٨) يبين الفروق المختلفة لقيمة الطاقة بن السويات (الحدود الطيفية) :

-- 1.0 ---

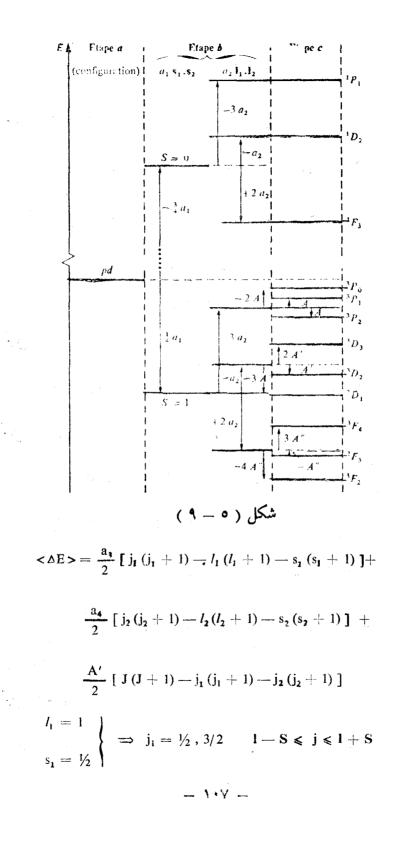
Terme	S	Second Highligh	7	Ptape	Etape c (T_2)	
Terme spectral	· 3	L	J	$a_1 s_1 . s_2$	$a_2 \mathbf{l}_1 \cdot \mathbf{l}_2$	$T_2 = AL.S$
¹ <i>P</i> ₁	0	1	1		$-3a_2$	
¹ D ₂	· 0 ·	2	2	$-\frac{3}{4}a_1$	- a ₂	0
¹ F ₃	0	.3	3		2 a ₂	
$^{1}D_{2}$ $^{1}F_{3}$ $^{3}P_{0}$ $^{3}P_{1}$ ^{3}D	1	1	0		- 3 a ₂	2 A
${}^{3}P_{1}$	1	1	1			- A
³ P ₂	1	1	2			A
${}^{3}D_{1}$	1	2	1	1		- 3 A
$^{3}D_{2}$	1	2	2	$\frac{1}{4}a_1$	$-a_{2}$	- A'
$^{3}D_{3}$	1	2	3			2 4'
³ F ₂	1	3	2		2 a ₂	- 4 <i>A</i> "
³ F ₃	1	3	3			- A"
³ F ₄	1	3	4			3 <i>A</i> "

جدول رقم (٥ – ٨)

والشكل (٥ – ٩) يوضح توضع مستويات الطاقة المختلفة للتشكيل (pd) . مشهسال :

أحسب توضع سويات الطاقة للتشكيل الإلكتروني p¹ d¹ (. . . .) في الإرتباط j =) في الإرتباط j = j (يعود هذا المثال للفقرة ٥ – ٤ – ٤)

 $\Delta \mathbf{E} = \mathbf{a_3} \, \mathbf{l_i} \, \mathbf{s_i} + \mathbf{a_1} \, \mathbf{l_2} \, \mathbf{s_2} + \mathbf{A} \, \mathbf{j_i} - \mathbf{j_2}$



$$\begin{cases} l_{1} = 2 \\ s_{2} = l_{2}' \end{cases} \implies j_{1} = 3/2 , 5/2$$

$$j_{2} = 3/2 , j_{1} = l_{2}' ; j_{1} = l_{2}' ; j_{2}' = l_{2}$$

.

-- 1.1 ---

$$J = 3$$

$$\frac{A'}{2} [3 (3 + 1) - \frac{1}{2} (\frac{1}{2} + 1) - 5/2 (\frac{1}{2} + 1)] = 5/4 A'$$

$$(3/2, 3/2) \quad j_2 = 3/2, j_1 = 3/2 A'$$

$$\frac{1}{2} [3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 1 (1 + 1) - \frac{1}{2} (\frac{1}{2} + 1)] = \frac{1}{2} a_3$$

$$\frac{a_4}{2} [3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 2 (2 + 1) - \frac{1}{2} (\frac{1}{2} + 1)] = \frac{1}{2} a_4$$

$$J = 3, 2, 1, 0$$

$$J = 3, 2, 1, 0$$

$$J = 3, 2, 1, 0$$

$$\frac{A'}{2} [3 (3 + 1) - 3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 3/2 (\frac{3}{2} + 1)] = 9/4 A'$$

$$: J = 2$$

$$\frac{A'}{2} [(2(2 + 1) - 3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 3/2 (\frac{3}{2} + 1)] = -3/4 A'$$

$$: J = 1$$

$$\frac{A'}{2} [1 (1 + 1) - 3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 3/2 (\frac{3}{2} + 1)] = -11/4A'$$

$$: J = 0$$

$$\frac{A'}{2} [0 - 3/2 (\frac{1}{2} + 1) - 3/2 (\frac{1}{2} + 1)] = -13/4 A'$$

$$j_2 = 5/2, j_1 = 3/2$$

$$\frac{a_4}{2} [3/2 (\frac{3}{2} + 1) - 1 (1 + 1) - \frac{1}{2} (\frac{1}{2} + 1)] = a_4/2$$

- 1.9 --

$$J = 4, 3, 2, 1$$

$$: J = 4$$

$$\frac{A'}{2} [4(4+1) - 3/2(3/2+1) - 5/2(5/2+1)] = 15/4 A'$$

$$: J = 3$$

$$\frac{A'}{2} [3(3+1) - 3/2(3/2+1) - 5/2(5/2+1)] = - A'/4$$

$$: J = 2$$

$$\frac{A'}{2} [2(2+1) - 3/2(3/2+1) - 5/2(5/2+1)] = -13/4 A'$$

$$: J = 1$$

$$\frac{A'}{2} [2(2+1) - 3/2(3/2+1) - 5/2(5/2+1)] = -21/4 A'$$

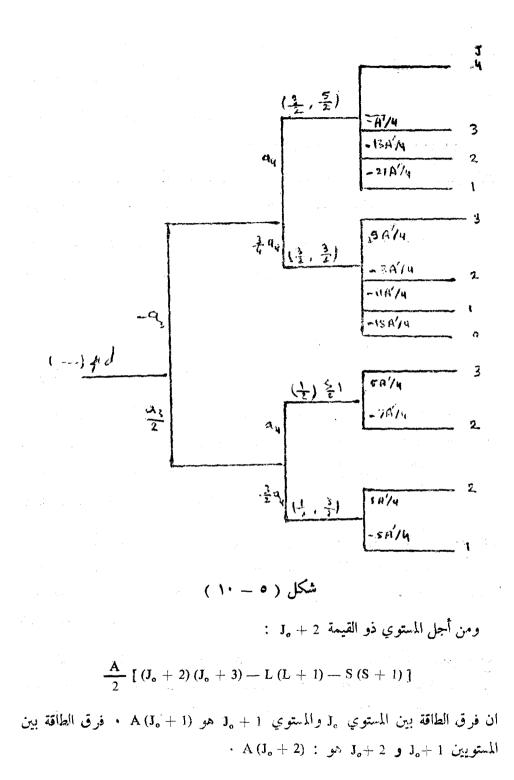
$$p^{1}d'$$

$$p^{1}d'$$

$$p^{1}d'$$

$$P^{1}d'$$

$$Regle d'intervalle de Landè : 4ztbis ltrimber limit de limit and the limit de limit$$



- 111 -

ممـــا سبق يمكننا استخلاص قاعدة لاندة . إن فـــرق بين زوج من المستويات المتعاقبة في ثلاثية متناسب مع قيمة J الأكبر المميزة للمستويين .

c) – الطيف الضوئي لذرة بإلكترونين تكافؤئيين :

Spectre optique d'un atome à 2 è de valance

الخطوط الطيفية الممكن ملاحظتها أثناء الإنتقالات من الحالات المثارة إلى الحالة الأرضية (الأساسية) ستكون محدودة بقواعد الإصطفاء التالية : ١ – لايمكن الإنتقال أن يتم بين حالة فردية 0 = S ، وحالة ثلاثية 1 = S . ٢ – الإنتقالات المسموحة هي فقط التي تحتمق : ΔL = ∓ 1 . ΔJ = 0 , ∓ 1 .

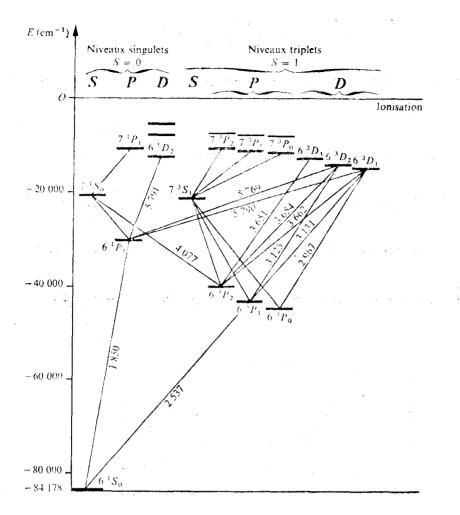
(الإنتقال من J = 0 → J = L مستبعد) .

الشكل (٥ – ١١) يمثل الإنتقالات الأكثر شدة والملاحظة ضمن انفراغ قوسي لبخار الزئبق . حيث نلاحظ هناك انتقال طنيني من ماS 6 → P 6 6 ، لايحقــق الشرط (1) يدعى هذا الحط بـ (intercombinaison) وهذا يعني بأن الأقتران في ذرة الزئبق لم يمثل بصورة تامة بالاقتران S ـ L ـ S.

على الشكل (٥ – ١١) نرى ظهور مستويات ٥٩٥ و ٥٩٦ حيث لايوجد أي انتقال تلقائي . نتحدث عن مستويات دائمة الاستقرار (metastable) بالحقيقة فإن مثل هذه الذرة وبهذا الحالة لايمكن أن تعود إلى الحالة الأساسية بواسطة إصدار لإنتقال ثنائي القطب الكهربائي .

آليات عديدة : (تصادمية ، اشعاعية ، معقدة ..) . إلا أنها مسموحة مع احتمال ضعيف ، وهذا يعطي لهذه المستويات الدائمة الإستقرار مُدة حياة أطول من رتبة sec بينما الخطوة الأخرى ذات مدة حياة من مرتبة sec • 10-8

- 117 -



الشكل (٥ – ١١) السويات الطاقــة الرئيسة لذرة الزئبق . الأطوال الموجية بالأنغستروم . ملاحظة : السوية S، صنفت في الثلاثيات بينما يجب أن تكون بسيطة وذلك بسب قاعدة الإصطفاء) بصورة خاصة .

إن ذارت العامود الثاني من جدول مندلييف موصوفة بصورة شيه جيدة الإرتباط L-S إلا أنه هذا الوصف غير تام غالباً وهذا يترجم :

بالفروق الواضحة لقاعدة مجال لانده . والزئت مثال نموذجي .

نظرياً 1.5 :

- ١١٣ - الفيزياء الذرية

$$\frac{6 \ {}^{3}D_{3} - 6 \ {}^{3}D_{2}}{{}^{3}D_{2} - {}^{3}D_{1}} = \left(\frac{35 \ {\rm cm}^{-1}}{60 \ {\rm cm}^{-1}}\right)_{exp} = 0.58 \ {}^{3}Z_{2} + 2 \ {}^{3}Z_{2} - {}^{3}D_{1} - {}^{3}D_{2} - {}^{3}D_{2}$$

- 118 -

 $\Delta \mathbf{j}_2 = \mathbf{0} \,, \, \mp \mathbf{1} \,, \, \, \Delta \mathbf{J}_1 = \mathbf{0} \tag{2}$

أو :

$$\Delta j_1 = 0, \mp 1$$
 , $\Delta j_2 = 0$

يطبـــق الإرتباط jj عــلى ذرات (الكربون ــ السيلسيوم ــ الحرمانيوم ــ القصدير ــ الرصاص) . ذات التشكيل n s² m p² حيث يحرض إلكترون من p² وبالتالي تدرس الحالات المهيجة كما في حالة ذرة بالكترونين ، الكربون يدرس في الإرتباط L-S .

atomes légers : الذرات الخفيفة - ٤ - ٥ الذرات

لايمكن تطبيق القواعد السابقة لأن المفاعيل النسبية تصبح مهمة بصورة خاصة وحيث التأثيرات المتبادلة سبين ـــ سبين لم تعد تفسر بالحد a₁ s₁ s₂ .

٥ – ٥ – مستويات الطاقة لذرة الهيدروجين : البنية الناعمة للخطوط :

Niveaux d'energie de l'atome d'hydrogénei structure fine des raies

في الفقرة السابقة وجدنا بأن التقاريب التي درسناها سابقاً لاتنطبق على الذرات الحفيفة ولتفسير الحطيط التجريبية مثل (H_a (n = 3 → n = 2) ، وهي مجموعة خطوط ذات أطوال موجية قريبة جداً من بعضها البعض فإنه يجب البحث عن البنية الناعمة لسويات الطاقة .

سنستعرض معظم مراحل الحساب .

- 0 - 1 الخطوة الأولى : نموذج المدارات الدائرية لبور :

Le modele des orbites circulaires de Boher

إن الحد الطيفي الذي يعطيه نموذج بور :

$$T = \frac{-E}{hc} = \frac{R}{n^2}$$

ينتج عن حل معادلة شرودنجر الغير نسبية .

- 112 -

 ٥ – ٥ – ٢ : الخطوة الثانية النموذج النسى لبور – سومرفيلد : Le modèle relativiste de Boher - Sommerfeild يعطى الحد الطيفي في هذا النموذج كتابع لعددين كميين n و k ≤n) . $T = \frac{-E}{hc} = \frac{-\mu c}{h} \left[1 + \frac{\alpha^2}{(n-k+\sqrt{k^2-\alpha^2})^2} \right]^{-1/2} + \frac{\mu c}{h}$ μالكتلة المختزلة للإلكترون ، α ثابتة البنية الناعمة (CGS) α = e² / hc $\alpha = \frac{e^2}{4\pi s} (MKSA)$ بنشر محدود للعلاقة السابقة يمكن أن تصبح على الشكل : $T = \frac{R}{r^2} + \frac{R\alpha^2}{r^4} \left(\frac{n}{r} - \frac{3}{4} \right) + \frac{R\alpha^4}{r^6} (\ldots) + \ldots$ $R = \frac{\mu c \alpha^2}{2 h}$ مع نلاحظ من هذه العلاقة أن التوالد قد ارتفع . ٥ – ٥ – ٣ – الحطوة الثالثة : التصحيح النسي للنموذج الكمى : Correction relativiste au mode le quantique بإستخدام معادلة شرودينجر النسبية فإن هايزنبرغ وجوردان وجدا العلاقة التالية للحد الطيفي : $T = \frac{R}{n^2} + \frac{R\alpha^2}{n^4} \left(\frac{n}{l+1/2} - \frac{3}{4} \right) = \frac{R}{n^2} + \Delta Tr$ ويمكن كتابة معادلة شرودنجر النسبية ، وذلك لمعرفة قيمة التصحيح ΔTr حيث معطى الهاملتون لحملة الكترون _ بروتون بالعلاقة التالية : $T + u = \mu c^2 \left[\frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}} - 1 \right] + u(r)$ (1)حت s = v/ c حتث - 117 -

أما مساقط كمية الجركة فهي :

$$P_{x} = \frac{\mu \cdot x'}{\sqrt{1-\beta^{2}}}$$
, $P_{y} = \frac{\mu \cdot y'}{\sqrt{1-\beta^{2}}}$; $P_{z} = \frac{\mu \cdot z'}{\sqrt{1-\beta^{2}}}$ (2)

- يث x' = dx / dt

$$p^{2} = p_{x}^{2} + p_{y}^{2} + p_{z}^{2} = \frac{\mu^{2} v^{2}}{1 - \beta^{2}} = \frac{\mu^{2} c^{2} \beta^{2}}{1 - \beta} = \mu^{2} c^{2} \left[\frac{1}{1 - \beta^{2}} - 1 \right]$$
(3)

ومنه فإن :

$$\frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} = \sqrt{1+\frac{P^2}{M^2 c^2}} = 1 + \frac{1}{2} \frac{p^2}{\mu^2 c^3} - \frac{1}{8} \frac{p^4}{\mu^4 c^4} + \dots \quad (4)$$

نعوض في علاقة H نجد :

$$H = \mu c^{2} \left[\sqrt{1 + \frac{p^{2}}{\mu^{2} c^{2}}} - 1 \right] + u(r) = u(r) + u(r) + u(r) + u(r) = u(r) + u(r$$

$$+ \frac{p^2}{2 \mu} - \frac{p^4}{8 \mu^3 c^2} + \dots$$
 (5)

إن الحد الثالث من الطرف اليمين للمعادلة السابقة يمكن اعتباره كإضطراب ، ويمكن كتابة معادلة شرودنجر تحت الشكل :

$$\frac{\mathbf{p}^2}{2\mu} + \mathbf{u}(\mathbf{r}) - \frac{\mathbf{p}^4}{8\mu^3 c^2} \mathbf{j} \psi = \mathbf{E} \psi$$
 (6)

إذا أهملنا الحد الثالث في هذه المعادلة نحصل على معادلة شرودينجر الغير نسبية المعروفة :

$$\left[\frac{p^2}{2\mu} + u(r)\right] \psi = E_o \psi^o$$
⁽⁷⁾

لنفرض أن التوابع الخاصة لمعادلة شرودينجر الغير نسبيــــة تختلف قليلاً عن التوابع الحاصة لمعادلة شرودينجر النسبية ، ويمكن اعتبار :

- 117 -

$$\frac{-1}{8\mu^3 c^2} p^4 \psi = -\frac{1}{8\mu^3 c^2} p^4 \psi^{\circ}$$
 (8)

من المعادلة رقم (7) نجد :

$$\frac{1}{2 \mu} p^2 \psi^\circ = (E_o - u) \psi^\circ .$$

: نبو شر بالمؤثر $p^2 (1/2\mu) p^2$ بند :
$$\frac{1}{4 \mu^2} p^4 \psi^\circ = (E_o - u)^2 \psi^\circ$$

ومنه نجد :

$$\frac{-1}{8\mu^3 c^2} p^4 \psi^\circ = \frac{-1}{2 \mu c^2} (E_o - u)^2 \psi^\circ$$
(10)

: التقريب المفترض فإنه يمكننا استبدال E_o ب E أي . <u>-1</u> <u>-1</u> <u>8 μ c²</u> p⁴ψ = <u>-1</u> <u>-</u>2 <u>-</u>2

$$\frac{-h^2}{2\mu} \Delta \psi + [(u - E) - \frac{1}{2\mu c^2} (u - E)^2] \psi = 0 \qquad (12)$$

لنتفحص الحركة في حقل مركزي حيث حل معادلة شرودنجر في الإحداثيات الكروية :

$$\psi(\mathbf{r}, \boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\varphi}) = \mathbf{R}(\mathbf{r}) \mathbf{Y}(\boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\varphi})$$

بعد فصل المتحولات نجد :

$$\frac{h^2}{2\mu}\frac{d^2R}{dr^2} + \frac{h}{2\mu}\frac{2}{r}\frac{dR}{dr} + \left[\left(E + \frac{Ze^2}{r}\right) + \frac{1}{2\mu}\frac{1}{c^2}\left(E + \frac{Ze^2}{r}\right)^2 - \frac{h^2}{2\mu}\frac{d(L+1)}{r}\right]$$

$$-\frac{\hbar^2}{2\mu}\frac{l(l+1)}{r^2}]\mathbf{R} = 0$$
 (13)

- 114 -

أو بالشكل :

$$\frac{d^{2}R}{dr^{2}} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \left[\left(\frac{E^{2}}{h^{2}c^{2}} + \frac{2\mu E}{h^{4}} \right) + \frac{2\mu Ze^{2}}{h^{4}} \left(1 + \frac{E}{\mu c^{2}} \right) \frac{1}{r^{2}} + \frac{\alpha^{2} Z^{2} - l (l+1)}{r^{2}} \right] R = 0$$
(14)

حيث e² / hc م ، 1/ 173 × a ، وبالتالي يهمل الحـــد 2x وكذلك إذا كانت c→∞ فإننا نعود إلى معادلة شرودنجر الغير نسبية .

ولهذه القيم المختارة المعتمدة على القيم الحاصة للطاقة فإن السلسلة اللامتناهية تحول إلى كثيرة حدود درجتها n ونحصل على قيمة الطاقة :

$$\frac{E}{\mu c^2} = \left\{ 1 + \frac{\alpha^2 Z^2}{\left[n_r + \sqrt{(l+\frac{1}{2})^2 - \alpha^2 Z^2 - \frac{1}{2}} \right]^2} \right\}^{-\frac{1}{2}} - 1 \quad (15)$$

$$: \quad z \to z$$

$$E_{n} = -\frac{\mu c^{2}}{2} \cdot \frac{\alpha^{2} Z^{2}}{n^{2}} \left[1 + \frac{\alpha^{2} Z^{2}}{n^{2}} \left(\frac{n}{l + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) + \dots \right]$$

حيث n = n_r + *l* + 1 وبأخذ بعين الإعتبار لثابت رايدبرغ R = μe²/hc² وللثابت hc ، نرى الحدود الطيفية : hc

$$T_{n} = \frac{-E_{n}}{hc} = \frac{RZ^{2}}{n^{2}} \left[1 + \frac{\alpha^{2} Z^{2}}{n^{2}} \left(\frac{n}{l + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) \right] + \dots$$
$$\equiv \frac{RZ^{2}}{n^{2}} + \frac{R \cdot \alpha^{2} Z^{4}}{n^{3}} \left(\frac{1}{l + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right) + \dots$$
(16)

وحد التصحيح التنسي سيكون :

دا التصحيح التنسبي سيكون :

$$\Delta T_r = \frac{R \, \alpha^2 Z^4}{n^3} \left(\frac{1}{l+\frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right)$$
(17)

- 119 -

٥ – ٥ – ٤ – الخطوة الرابعة ارتباط سبين – مدار :

Couplage spin - orbite

لنكمل نتائج الخطوة الثالثة وذلك بأخذ بعين الإعتبار لسبين الإلكترون : حيث نضيف على الحد الطيفي المعرف سابقاً حـــد تصحيح يأخذ بعين الإعتبار الإرتباط سبين ــ مدار كما رأينا سابقاً فإن طاقة الإرتباط L ـ S تعطى بـ :

$$\Delta \mathbf{E}_{s} = \frac{h^{2}}{2m^{2} c^{2} r} \frac{d\omega}{dr} \cdot \frac{|\mathbf{j}|^{2} - |\mathbf{l}|^{2} - |\mathbf{s}|^{2}}{2}$$

 $\omega = \frac{c}{r} = \frac{-e}{4\pi\varepsilon_{o}}, \frac{1}{r} \Longrightarrow \frac{d\omega}{dr} = \frac{e^{2}}{4\pi\varepsilon^{o}}, \frac{1}{r^{2}}$

<1/r²> =
$$\frac{1}{a_1 \cdot a_1 \cdot$$

$$\Delta E_{h} = \frac{e^{2} h^{2}}{2 m^{2} c^{2} 4 \pi \varepsilon_{o}} \cdot \frac{1}{a_{1}^{s} l (l + \frac{1}{2}) (l + 1)} \cdot \frac{|\mathbf{j}|^{2} - |\mathbf{l}|^{2} - |\mathbf{s}|^{2}}{2}$$

وبالتالي فإن :

$$\Delta T_{l_{s}} = \frac{-\Delta E_{l_{s}}}{hc} = -\frac{R \alpha^{2}}{n^{3} / (l + \frac{1}{2}) (l + 1)} \cdot \frac{|\mathbf{j}|^{2} - |\mathbf{l}|^{2} - |\mathbf{s}|^{2}}{2}$$

$$j = l + \frac{1}{2} \quad \text{if } j = l + \frac{1}{2}$$

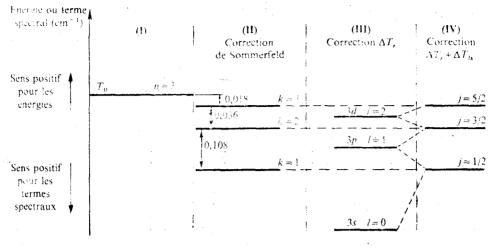
$$\Delta T_{ls} = \frac{-R \alpha^2}{n^2 2(l + \frac{1}{2}) (l+1)}$$

: j = l — 1⁄2

$$\Delta T_{fs} = + \frac{R \alpha^2}{n^2 2 l (l + \frac{1}{2})}$$

الشكل (٥ ــــ ١٤ ـــآ) يبين الأوضاع الدقيقة لمختلف المستويات والتي تم الحصول عليها بإضافة ΔT_β ، Δtr على الحد T .

-- 11. --



الشكل (٥ – ١٣) يعطى التصحيحات المختلفة والخطط للطاقة السوية n = 3 لذرة الهيدروجين (المستوي العلوي للخـــط الأول لبالمر) حيث T تمثل الحد الطيفي الناتج من نظرية بور .

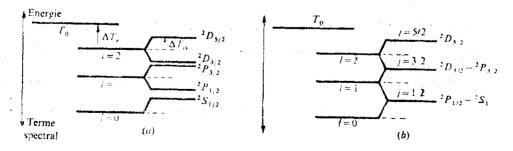
$$\Delta T = \Delta T_r + \Delta T_{ls} = \frac{R\alpha^2}{n^3} \left(\frac{l}{(l+1)} - \frac{3}{4n} \right)$$

: $j = l - \frac{1}{2}$

: $J = l + \frac{1}{2}$

$$\Delta T = \Delta T_r + \Delta T_{ls} = \frac{R\alpha^2}{n^3} \left(\frac{1}{l} - \frac{3}{4n} \right)$$

المستويات ذات قيم ز المتساوية تكون Confandus (متطابقة) شكل (٥ – ١٤ –ب)



- 111 -

نلاحظ أنه إذا جعلنا ½ + K = j نحصل على نفس النتيجة التي حصل عليها بور – سومرفيلد .

٥ ـــ ٥ ـــ ٥ ـــ الخطوة الخامسة : التصحيح المشع :

Correction radiatives

الوصف الصحيح للظواهر التي تضع بعين الإعتبار للتأثير المتبادل بين الموجة . الكهرطيسية والذرة غير ممكنة إلا في تكميم الحقول الكهرومغناطيسية .

في هذا النظري يجب اعتبار الإلكترون في الحلاء محاط بحقل كهرومغناطيسي ، ونتائج تأثير هذا الحقل الكهرومغناطيسي هو إيصال كتلة كهرومغناطيسية إضافية الإلكترون ، وهذا التأثير سوف يغير طاقة الكمون الفعالة لهذا الإلكترون . إن حساب التصحيح المشع :

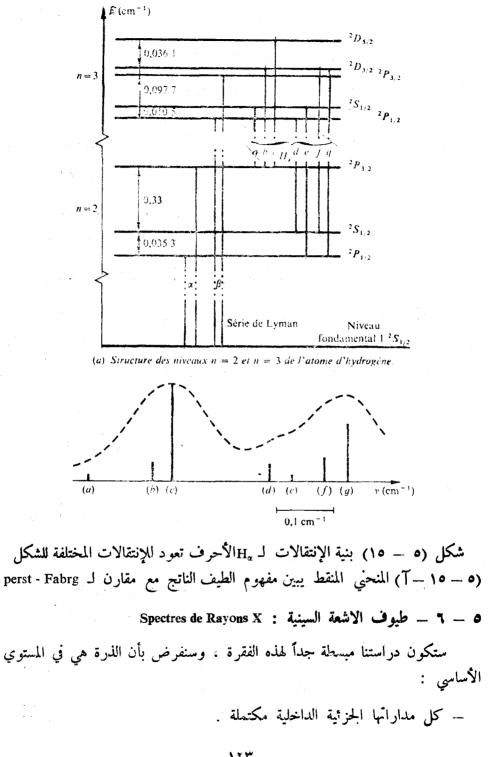
$$\Delta E \sim \frac{\alpha (Z_2)^4 \mathrm{mc}^2}{2\pi \mathrm{n}^3}$$

عامل التناسب هو تابع للعدد الكمي *I* . إن هذا التصحيح يزيل التطابق بين السويات ذات نفس العدد الكمي j ، حيث الفرق بين السويتين من اجزاء cm⁻¹ . .

يتم الحصول على الخطوط الطيفية لذرة الهيدروجين وذلك بتطبيــق قوّاًعـــد الإصطفاء على مستويات الطاقة . والشكل (٥ ـــ ١٥) يبين الإنتقالات التي نستطيع مشاهدتها بصورة خاصة الإنتقال (n = 1 → n = 2) ، سيكون له بنية معقدة .

وسيكون لدينا بنية ناعمة للخط H_x المعطى بالمخطط (٥ – ١٥ – ب) وبما أن البعد بين الدويات قريب جداً فإنه عملياً لايمكننا ملاحظة سوى خطين فقط وذلك يعود أيضاً لمفعول دوبلر ، وذرة الهيدروجين حالة خاصة جداً ، حيث رفع التوالد يتم بتطبيق النظرية النسبية بينما باقي الذرات يتم رفع التوالد بأخذ بعين الإعتبار للتأثيرات الكهربائية الساكنة المتبادلة للإلكترتونا بين بعضها البعض .

- 147 -



- 117 -

- تملك في الحالة الأرضية عزم حركي كلي معدوم .

٦ – ٦ – ١ : العزوم الحركية المتعلقة بمختلف المستويات :

Moments Cinetiques attribués aux differents niveaux

إن مختلف السويات الطاقية L_{II} , L_I , K ... يمكن أن تفسر كـــأنها شاردة لذرة فقدت واحد من الكتروناتها . يمكننا أن نميز كل من هذه المستويات كما في الشكل (٥ – ١٦) .

بواسطة تشكيله الإلكتروني : كما في العمود I وفي العمود II ولاسنولة فإننا
 وضعنا الحرف المميز للإلكترون المفقود بعد وضع العدد 1 - فوق هذا الحرف .
 بواسطة العزم الحركي الكلى للشاردة المشكلة في هذا المستوي .

باعتبار أن للحالة الأرضية عزم حركي كلي معدوم وانه عندما نرفع إلكترون من طبقة كاملة فإن هذا العزم الحركي للشاردة المشكلة له نفس الإتجاه والسعة للعزم الذي يميز الإلكترون المقلوع . لنتفحص الحالات المختلفة للمدارات (الطبقات) .

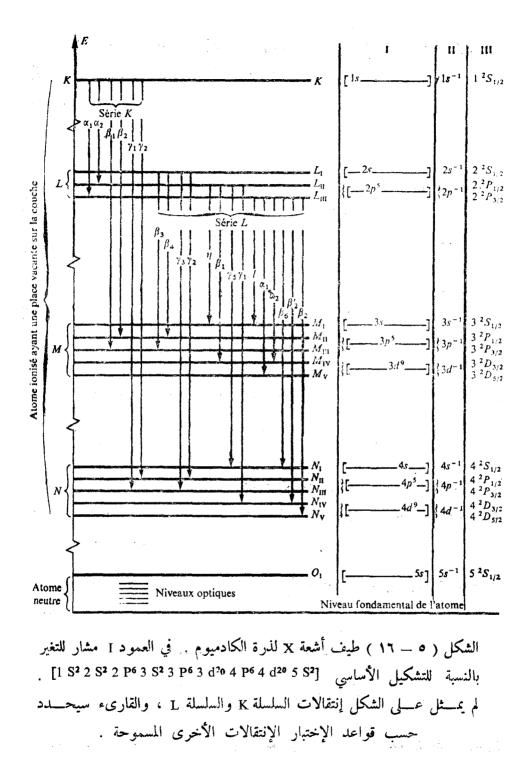
a) الطبقة k

إذا اقتلعنا إلكترون من الطبقة k وباعتبار أن n = 1 فإن : 2 = 1 + S = ½ , s = ½ & j = 1 + S = ½ وبالتالي سيكون لدينا مستوي 2S1/2 .

b) الطبقة L :

إذا اقتلعنا إلكترون s أو الكترون p لهما عدد كمي سبينه 1⁄2 = s يو جد ثلاث حالات ممكنة للعزم الحركي :

المستوي المطابق L_I ²S₁₂ $j = \frac{1}{2}$ l = 0 المستوي المطابق L_{II} ²P_{1/2} $j = \frac{1}{2}$ $j = \frac{1}{2}$ L_{III} ²P_{3/2} $j = \frac{3}{2}$ l = 1 p الكترون



هذه المستويات الثلاث سيكون لها طاقات مختلفة وبالتالي فالشاردة المشكلة بقلع الكترون من الطبقة L ، سيمكنها أن تملك ثلاث مستويات طاقية نميزها 2S_{1/2} 2S_{1/2} 2P_{5/2} 2P_{5/2} أو بلغة المستويات L_{II} , L_I , L_I .

: M الطبقة (c

المطابق	المستوي				
	MI	² S _{1/2}	$j = \frac{1}{2}$	l = 0	الکترون s
	M _{II} M _{III}	² P _{1/2} ² P _{3/2}	$j = \frac{1}{2}$ $j = \frac{3}{2}$	l = 1	الكترون p
	M _{IV} M _V	² D _{3/2} ² D _{5/2}	j = 3/2 j = 5/2	<i>l</i> = 2	الکترون a

٥ – ٢ – ٢ : الحدود الطيفية والطاقة :

إن قيمة طاقة الإرتباط للالكترون المقلوع هي :

$$\mathbf{E}_{\mathbf{n}} = -\mathbf{R} \mathbf{h} \mathbf{c} \frac{(\mathbf{Z} - \mathbf{s}_{\mathbf{n}})^2}{n^2}$$

وكون Sa نعتمد على 1 فإن هذا يفسر البنية الناعمة ويجب الأخذ بعين الإعتبار أيضاً الظواهر المتعلقة بالارتباط Is ، وإن هذا الإرتباط لايمكن دراسته كما عملنا سابقاً لذرات العناصر القلوية .

بالحقيقة تدخل المستويات L،k الكترونات قريبة جداً من النواة حيث التصحيحات النسبية ستكون مهمة ومن نفس المرتبة .

: إن توضع مستويات الطاقة يتم الحصول عليه بالنظرية النسبية
$$E_{n,l,j} = -\frac{Rhc (Z - s_n)^2}{n^2} + \frac{Rhe \alpha^2 (Z - s'_n)^4}{n^3} \left(\frac{3}{4n} - \frac{1}{j + \frac{1}{2}}\right)$$

 $L_I\!\!-\!L_{II}$ ، مثل X ثابتة البنية الناعمة ، $s_n \neq s'_n$ ، وفي لغة الإختصاصي في أشعة α

يدعى (فصل الحجب)، مثل L_{II}—L_{II} يدعى « فصل السبين النسبي » . (المستويات L_{II} , L_I ، لهما نفس j لكن / مختلفة ، والمستويين L_{II} , L_I ، لهما نفس / ، مع j مختلفــــة .

٥ – ٦ – ٣ – الطيوف الملاحظة :

الحطوط الطيفية التي يمكن ملاحظتها في طيف الإصدار لأشعة x ستحدد باستخدام قواعد الإصطفاء التالية :

> $\Delta_n = n - n'$ أي قيمة $\Delta l = \mp 1$ $\Delta j = \mp 1, 0$

إن طيوف الإصدار لأشعة x للعناصر القلوية الترابية معقد جداً . والسبب هو وجود طبقات داخلية غير مكتملة . هذا يعني أن العزوم الحركية ستكون مختلفة عما هي في الفقرة السابقة ، ويمكنها أن تأخذ عدة قيم .

M. M. M. M.

الفصر السيادس

المغناطيسية الذرية - مفعول زيمان وباش - باك

Le Magnetisme atomique, Effects Zeeman et pashen-Back

: مقدد - ۲ - ۲

إن مفعول الحقل المغناطيسي على الذرات معقد جداً لذلك سنقوم بدراسة مفصلة وهذه الدراسة تسمح لنا بوصف تأثير الحقل المغناطيسي على مستويات الطاقة وإنفصالها نتيجة تطبيق هذا الحقل لذلك أولا سنوجد الهاملتونيان للذرة بوجود حقل كهر مغناطيسي والذي يعتبر نقطة إنطلاق لنظريات عديدة وبعد تحديد التقاريب المختلفة سنبين مراحل حل الهاملتونيان المدرة بوجود حقل مغناطيسي ثابت وبشكل نبين فيه مفعول زيمان في حقل ضعيف ، ومفعول باش – باك في حقل شديد . وستكون دراستنا طبعاً محدودة على الذرات ذات الأنوية التي لاتملك عزوم مغناطيسية نووية ، ولذلك لابد من إعطاء فكرة بسيطة عن العزوم المغناطيسية وعلاقتها بالعزم الزاوي المداري من وجهة نظر كلاسيكية .

٦ – ١ – ١ – العزوم المغناطيسية وعلاقتها بالعزم الزاوي :

إن سويات الطاقة في المجموعات الذرية تتعين ليس فقط بقيم عزومها الزاوية ولكن أيضاً بقيم عزومها المغناطيسية ، وهناك صلة بين الإثنين ، لذا نعتبر النسبة القائمة بين قيمة العزم المغناطيسي وقيمة العزم الزاوي الموافق له خاصية جوهرية بالنسبة للعزم المغناطيسي ، وهذه النسبة تدعى بالنسبة الحيرومغناطيسية أو بالنسبة المغناطيسية الميكانيكية ، وتعطى بالعلاقة :

- ١٢٩ - الفيزياء الذرية

$$\gamma = \frac{\overrightarrow{\mu}}{L} = \frac{\mu_z}{L_z} \qquad (1 - 7)$$

µ طول شعاع العزم المغناطيسي ۖ في الحالة التي ينطبق منحاه على منحى العزم الميكانيكي الموافق L . وحسب قانون التكميم فإن :

$$\vec{\mu^{2}} = \gamma^{2} L^{2} = \gamma^{2} h^{2} l (l+1) \qquad (Y-7)$$
ignormalized in the second second

$$\overrightarrow{\mu^2} = \gamma^2 \mathbf{J^2} = \gamma^{\dagger} h^2 \mathbf{j} (\mathbf{j} + 1)$$

المسقط على المحور oz :

او :

$$\mu_{i} = \gamma L_{z} = \gamma h m_{i}$$

 $= \gamma h m_{J}$

إذا عبرنا عن العزم الزاوي الميكانيكي بواحدة الـ (h) فان العلاقتان (٦ – ١ و ٢) تكتبان بالشكل :

 $\vec{\mu}^2 = \gamma^2 J^2$, $M_z = \gamma J_z = \gamma m_J$

إن (۲h) له بعد العزم المغناطيسي (erg / gauss) وهو يحدد بمقداره رتبة العزم المغناطيسي . ورتبة مسقطه لأن رتبة العددين الكوانتتين (J) و (J) هي الواحد .

والجدير بالذكر أن رتبة هذا المضروب بالنسبة للعزوم الإلكترونية المغناطيسية هي غير رتبته ني حالة العزوم النووية المغناطيسية والعزوم الدورانية المغناطيسية .

$$\gamma_l = \frac{\mu_l}{\mathbf{L}^{\text{orb}}} = \frac{-c}{2 \, \text{m}_e \, c}$$

$$-h \gamma_I = \frac{2 h}{2 m_{\rm e} c} = \frac{\mathrm{eh}}{2 \pi m_{\rm e} c} = \mu_{\rm b}.$$

- 11" ----

μ_b يدعى ماغنيتون بور (magneton de Boher) يمثل وحدة قياس العزوم المغناطيسية الإلكترونية .

$$\mu_b = (0.9731 + 0.0002) \times 10^{-20} \text{ erg} / \text{ gauss}$$

وبالفعل فإن العزم المغناطيسي المداري الإلكترون يساوي :

$$\mu_{l} = \gamma_{l} \operatorname{L}^{\text{orb}} = \gamma_{l} h \cdot l = -\mu_{b} l.$$

الإشارة سالبة ترتبط بحقيقة أن شحنة الإاكــترون سالبة . أي أن العزم المغناطيسي ← يتجه بعكس العزم الداري 1 . µ

يمكن إيجاد العلاقة السابقة بسهولة إذا اعتبرنا أن مدار الإلكترون إهليلجي أو دائري .

 $|\mathbf{L}| = m_{e} r^{2} \phi'$

إن ثبات المقدار السابق مرتبط بثبات ('q r²) السرعة السطحية (المماسية) ، وبما أن الإلكترون شحنة فإن حركته على مسار مغلق بتواتر عددي قدره v ، يكافىء تيار كهربائي شدته i = ev ، يثير هذا التيار حقل مغناطيسي مساوياً للعزم المغناطيسي المداري يتعين طوله على المحور oz بالعلاقة :

$$\mu_i = rac{-1}{c} e \cdot A = rac{1}{cT} e A$$

A مساحة المدار ، T دور الحركة ، إن مساحة الإهليلج :

- 111 -

$$A = \int_{0}^{2\pi} \frac{r^2}{2} d\varphi = \int_{0}^{T} \frac{r^2}{2} \varphi' dt$$

$$\omega = \phi' = \frac{L^{orb}}{m_o r^2}$$

$$A = \int_{0}^{T} \frac{r^2}{2} \frac{L^{orb}}{m_o r^2} dt = \frac{T}{2m_o} L^{orb}$$

بتبديل قيمة A نحصل :

$$\mu_I = \frac{-e}{2 m_e c} L^{orb}$$

والنسبة الجيرومغناطيسية :

$$\gamma_l = \frac{\mu_l}{\mathbf{L}^{\text{orb}}} = \frac{-e}{2 \, \text{m}_e \, c}$$

۲ – إن النسبة الحيرو مغناطيسية لعزم الإلكترون السبيبي المغناطيسي (₈ y) تتعين بـ : $\gamma_{\rm S} = \frac{\mu_{\rm S}}{M_{\rm o}^{Sp}} = \frac{-e}{m_{\rm e}\,c} = 2\,\gamma_{\rm L}$ وبالتالي فإن العزم المغناطيسي السبيبي (₄) يساوي : $\vec{\mu}_{\rm s} = \gamma_{\rm s}\,M_{\rm p}^{Sp} = h\,\gamma_{\rm S}\,S = \frac{-e\,h}{m_{\rm e}\,c}\,S = -2\,\mu.\,S$ حيث S يمثل متجهة العزم السبيبي للإلكترون مقدره بواحدة اله أما مسقط العزم المغناطيسي السبيبي على المحور so :

$$\overrightarrow{\mu}_{\text{Nue}} = \frac{eh}{2\,\mathrm{m_p\,c}}\,\mathbf{I}$$

m_p كتلة الإاكترون ، I شعاع العزم المغناطيسي للنواة أما واحدة الماغنيتون بور النووي يساوي :

$$\vec{\mu}_{nuc} = \frac{eh}{2 m_p c} = (0.50538 \pm 0.000018) \times 10^{-23} \text{ erg/gauss}$$

Hamiltonien d'une particule chargés . en presenec d'une champ electromagnetique

Function de Largrange et equation du mouvement de la particule

$$\mathbf{f} = \mathbf{q} \cdot \mathbf{E} + \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{k}} \cdot \mathbf{v} \wedge \mathbf{B} \qquad (\mathbf{T} - \mathbf{V})$$

فإنه لايمكننا أن نحصل على تابع لاغرانج بشكل منطقي ، والذي هو ضروري لكتابة الهاملتونيان . على العكس سنبين أنه للحصول على العلاقة(٦_٣)سننطلق من فرضية تابع لاغرانج :

$$\mathbf{L} = - \mathrm{mc}^{2} \sqrt{1 - \mathrm{v}^{2} / \mathrm{c}^{2}} + \frac{q}{k} \underline{\mathbf{A}} \cdot \underline{\mathbf{v}} - q \mathbf{V} \qquad (\boldsymbol{\xi} - \boldsymbol{\lambda})$$

A شعاع الكمون ، v كمون سلمي ، m الكتلة السكونية للإلكترون .

إن الحدين الثاني والثالث ينعدمان في حال غياب الحقل الكهرومغناطيسي ، إن الحد (q/k) A . v _ يمثل الطاقة المغناطيسية للجزيئة ، هذه العلاقة تقود بدون صعوبة إلى العلاقة العامة للطاقة المغناطيسية : نكامل على توزيع التيار J ل J A _ (1/k) _ .

ovi أجل جزيئة حرة إن شعاع الدفع P يعطى :

$$P = \frac{\partial L}{\partial v_{x}} = \frac{m v}{\sqrt{1 - v^{2}/c^{2}}}$$

$$P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}} , P_{y} = \frac{\partial L}{\partial v_{y}} ; P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}}$$

$$P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}} , P_{y} = \frac{\partial L}{\partial v_{y}} ; P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}}$$

$$P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}} , P_{y} = \frac{\partial L}{\partial v_{y}} ; P_{z} = \frac{\partial L}{\partial v_{z}}$$

$$P = \frac{\partial L}{\partial V} = \frac{m V}{\sqrt{1 - V^{2}/c^{2}}} + \frac{q}{k} A = P + \frac{q}{k} A \quad (o - 1)$$

$$richtric Value interval is the ending of the endin$$

$$\frac{\partial L}{\partial r} = \frac{q}{k}$$
 grad (A.v) — grad v

grad (A.v) = (A grad) v + (v grad) A + A \wedge rot v + v \wedge rot A.

لإيجاد هذا المشتق الجزئي يجب افستراض أن v ثابت والحدود rot v و v (A grad ستعتبر معدومة أي :

$$\frac{\partial L}{\partial r} = \frac{q}{k} (v/\text{grad}) \mathbf{A} + \frac{q}{k} v \wedge \text{rot } \mathbf{A} - q \text{ grad } \mathbf{V}$$

$$\downarrow \dot{\mathbf{A}} = \frac{q}{k} (v/\text{grad}) \mathbf{A} + \frac{q}{k} v \wedge \text{rot } \mathbf{A} - q \text{ grad } \mathbf{V}$$

$$\downarrow \dot{\mathbf{A}} = \frac{q}{k} (v/\text{grad}) \mathbf{A} + \frac{q}{k} v \wedge \text{rot } \mathbf{A} - q \text{ grad } \mathbf{V}$$

$$\frac{d}{dt}\left(\frac{\partial L}{\partial V}\right) = \frac{d}{dt}\left[P + \frac{q}{k}A\right] = \frac{q}{k}\left(v \text{ grad}\right)A + \frac{q}{k}v \wedge \operatorname{rot} A - -q \operatorname{grad} V \dots \qquad (V - 7)$$

- 178 -

تتحول هذه العلاقة بعد ملاحظة أن A تابع للزمن من الفراغ إلى :

$$\frac{dA}{dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + \left(\frac{dr}{dt} \operatorname{grad}\right) A = \frac{\partial A}{\partial t} + (v \operatorname{grad}) A$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{\partial A}{\partial t} + \left(\frac{dr}{dt} \operatorname{grad}\right) A = \frac{\partial A}{\partial t} + (v \operatorname{grad}) A$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{-q}{k} \frac{\partial A}{dt} - \operatorname{qgrad} V + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A \qquad (\Lambda - \pi)$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{-q}{k} \frac{\partial A}{dt} - \operatorname{qgrad} V + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A \qquad (\Lambda - \pi)$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{-q}{k} \frac{\partial A}{dt} - \operatorname{qgrad} V + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A \qquad (\Lambda - \pi)$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{-q}{k} \frac{\partial A}{dt} - \operatorname{qgrad} V + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A \qquad (\Lambda - \pi)$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{-q}{k} \frac{\partial A}{dt} - \frac{q}{k} \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A$$

$$f = -q \operatorname{grad} V - \frac{q}{k} \frac{\partial A}{\partial t} + \frac{q}{k} v \wedge \operatorname{rot} A$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{Q}{k} \nabla A B$$

$$\frac{dP}{dt} = \frac{Q}{k} \nabla A B$$

$$\frac{Q}{dt} = \frac{Q}{k} \nabla A B$$

$$\frac{dP}{dt} =$$

.

$$\mathbf{V} \cdot \mathbf{P} = \frac{\mathbf{V} \cdot \mathbf{m} \, \mathbf{v}}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^2 / \mathbf{c}^2}} = \frac{\mathbf{m} \, \mathbf{v}^2}{\sqrt{1 - \mathbf{V}^2 / \mathbf{c}^2}} - 179 - 1$$

إذاً :

$$H = {m c^2 \over \sqrt{1 - v^2 / c^2}} + qV = T + qV$$
 (4 – 7)
 $H = {m c^2 \over \sqrt{1 - v^2 / c^2}} + qV = T + qV$ (7) (7) (8 – 7)
 T هي طاقة الجزيئة ، مجموعة الطاقة السكونية والطاقة الحركية .

: لنكتب H كتابع للدفع المعمم P لدينا
$$P - \frac{q}{k} A = \frac{m v}{\sqrt{1 - V^2 / c^2}} = P$$
و

$$\mathrm{T} = \sqrt{\mathrm{m}^2 \, \mathrm{c}^2 + P^2 \, \mathrm{c}^2}$$

إذاً ؛

$$H = \sqrt{m^2 c^4 + c^2 |P - \frac{q}{k} A|^2} + qV \qquad (1.-7)$$

إذا كانت سرعة الجزيئة أصغر من سرعة الضوء نستخدم التقريب الغير نسبي (اللانسبي) حيث يصبح L

$$T = \frac{P^2}{2 m}$$
[4] $I = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

$$H = \frac{1}{2 m} (P - \frac{q}{k} A)^2 + qV$$

-- 187 --

ŀ

$$H = \sqrt{\frac{1}{2 m} (-ih \nabla - \frac{q}{k} A)^2} + qV \qquad (1Y-7)$$

$$H = \frac{1}{2 m} (-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} \nabla A + ih A \nabla + \frac{q^2}{k^2} A^2) + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} (-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} \nabla A + ih A \nabla + \frac{q^2}{k^2} A^2) + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} (-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} (\nabla A) = (div A) + (A \cdot grad) \psi$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 \psi + ih \frac{q}{k} (\nabla A) \psi + 2ih \frac{q}{k} A \nabla \psi + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 \psi + ih \frac{q}{k} (div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

$$: \lambda = \frac{1}{2 m} [-h^2 \nabla^2 + ih \frac{q}{k} div A + 2ih \frac{q}{k} A grad + \frac{q^2}{k^2} A^2] + qV$$

٦ ـــ ٣ ـــ الهاهلتونيان بوجود حقل مغناطيسي ثابت ومنتظم :

Hamiltonien en presences d'une chemp magnétique constant et uniforme

- وبالتالي الهاملتونيان (العلاقة (٦ ١٣) ستكتب بصورة أبسط مع أخذ بعين الإعتبار :

$$\mathrm{diV} \mathbf{A} = \mathbf{0}$$

۰.

A grad =
$$-\frac{1}{2} B_z \left(y \frac{\partial}{\partial x} - x \frac{\partial}{\partial y} \right)$$

لكن المؤثر ₁ مؤثر العزم الزاوي على المحور z يعطى بالعلاقة (وبواحدة h) : $\widehat{I_z} = - \mathrm{i} h \left(\mathrm{y} \, rac{\partial}{\partial \mathrm{x}} - \mathrm{x} \, rac{\partial}{\partial \mathrm{y}}
ight)$ إذاً :

$$2ih \frac{q}{k} Agrad = \frac{-qh}{k} B \cdot l_z$$

 $\frac{q^2 A^2}{k^2} = \frac{q^2}{4 k^2} (B \wedge r) (B \wedge r) = \frac{q^2}{4 k^2} B^2 r^2 \sin^2 \theta$

θ الزاوية بين الشعاع r والمحور oz أخيراً يكتب H على الشكل :

$$H = \frac{1}{2m} \left[-h^2 \Delta - \frac{q h}{k} B l_2 + \frac{q^2}{4 k^2} B^2 r^2 \cdot \sin^2 \theta \right] \quad (1 \xi - 1)$$

بإدخال مغنيتون بور β الموجب و q السالب :

$$H = \frac{-h^2}{2m} \Delta + \beta B l_z + \frac{q^2}{2m k^2} B^2 r^2 \sin^2 \theta \qquad (10-7)$$

ملاحظة : إذا لم ننظر إلى الحد الذي يحتوي B² فإن الحد βB/₂ يساوي إلى العزم المغناطيسي الزاوي :

$$\mu = -\beta l = \frac{1}{k} \frac{q}{2m_z} h l$$

والحد الذي يحوي B² يطابق للمفعول diamagnetique .

۲ – ۳ – ۲ – حالة ذرة : في الفصل السابق درسنا الهاملتونيان لذرة حيث كان تحت الشكل :

- 11"A -

$$\begin{split} H &= H_{o} + T_{1} + T_{2} \\ H &= H_{o} + T_{1} + T_{2} \\ i) \quad ieques a diversity is a limit of the end of$$

نجاد :

$$W = \beta B (L + 2 S) = B (L_z + 2 S_z)$$
 (17 - 7)

المحور so هو محور الحقل المغناطيسي B .

ملاحظة : إن الحد الأول في علاقة w يطابق إلى $\stackrel{\leftarrow}{\mu_{\rm I}}$ محصلة العزوم الزاوية المغناطيسية والحد الثاني يمثل محصلة العزوم المغناطيسية السبينية أي :

$$W = -(\mu_L + \mu_S) B = -\mu B.$$

لايمكن حل H بطريقة دقيقة ، وإنما سنتبع طرق التقريب . في الارتباط S ـــ L ـــ s والارتباط j ـــ j .

L = S فالإرتباط L = S : L = S فالإرتباط L = S : Effect Zeeman en champ faible dans le cas du Couplage L = S

نكون ضمن شروط الحقل الضعيف إذا كان W صغير أمام الحدين T₂,T₁ وبالتالي فإن الحد W سيكون كإضطراب على المنظومة الموصوفة بـ H_o = T₁ + T₂، سيكون الحقل ضعيف عندما يترجم تأثيره على المستوي بإنفعال للطاقة أصغر بكثير من حالة البنية الناعمة . إن تأثير W سيدرس باستخدام نظرية الإضطراب (انظر ميكانيك كم (۱)) .

۲ – ٤ – ۱ – استخدام نظرية الإضطراب :

Amploi de la theorie des perturbation

نذكر فتمط الإضطراب من المرتبة الأولى والمطبق على مستوي متوالد ، ليكن^{(١})H هو الإضطراب المراد تطبيقه على مستوي غير متوالد ،E[°] مميز بالمعامل i ذو رتبة توالد ،G وليكن k القيمة التي يأخذها ،G فالتصحيح من المرتبة الأولى (^١)E_{ih} الذي يضاف إلى قيمة (¹)E_i الغير مضطرب مساوي إلى عناصر المصفوفة (^۱)H والموضوع تحت شكل قطري diaganle

|H^{(1)}|i, k' > = E^{(1)}_{ik} S_{kk'} (
$$V -$$
)

- 12 . -

لنطبق هذه النظرية على المستوي (
$$^{(0)}_{J} \pm e_{0} c_{1}$$
 التصحيح من المرتبة الأولى إذاً :
ضمن التمثيل { J^{a} , J_a, J_e بواسطة حرا⁽¹⁾, Jm, $E_{J}^{(0)}$, Jm, Jm, $\Delta E = E^{(1)} = E^{(1)}$ Jm,
 $\Delta E = E^{(1)} = E^{(1)}$ Jm,
 $W_{m_{J}m_{J}} c_{2} c_{3} c_{3} c_{4} c_{5} c_{6} c_{7} c_$

g عثيل المؤثرات السلمية والشعاعية – وجود عامل لافده : Represention des operateurs scalaire et vectorieles - et' existance du facteur de Landè g

أ - سنحدد الحواص المهمة . المستخدمة في عناصر المصفوفة لمؤثرات سلمية
 أو شعاعية وسنوضع أنفسنا في التمثيل [J₂, J₂] شعاع القاعدة حII . والتبادل
 [A, B] سيكون :

$$[A, B] = \frac{AB - BA}{i}$$

A – A – Y – Y – Y – Y – Y – Y – X – X

elements des matrice d'un opreateur scalaire

-- 121 --

•

· .

- 187 -

بما أن المصفوفة J_z هي مصفوفة قطرية فإن : $\langle J''m''|J_z|Jm \rangle = m \delta_m''_m \delta_J''_J$ وبالتالي فإن : < J'm'|A| Jm > (m' - m) = 0عناصم مصفوفة A تساوى الصفر إذا كان m ¥ m . لنعتبر المؤثر : J₊ = J_x +i J_y : العلاقة (3) يؤدى إلى : $A J_+ = J_+ A$ والتي يمكننا أن نكتبها تحت شكل مصفوفي : $< J,m+1 |AJ_+|Jm > = < J,m+1 |J_+A| Jm >$ حسب علاقات ميكانيك الكم لـ I فإن : < J,m+1 |A| J,m+1 > = < Jm |A| Jm >كل العناصر القطرية لمصفوفة A تكون متساوية وبالتالي مستقلة عن m . باختصار ف_إن مصفوفة المؤثر A السلمي هي قطرية ، كل عناصرها متساوي مصفوفة كروية) .

۲ – ۲ – ۲ – ۳ – عناصر مصفوفة مؤثر شعاعي :

eleménts de matrice d'un oprateur - A Vectoriel

إذا رمزنا لعناصر مصفوفة المؤثر A قبـــل الدوران <a|A|a> وبعد الدوران <'a/A|a> فإن العلاقة (5) تكتب على الشكل :

- 187 --

$$\langle a' | A | a' \rangle = \langle a | A | a \rangle + \delta w \cdot U \times \langle a | A | a \rangle$$

 $= -2 \Delta i \ V = -3$
 $= -2 \Delta i \ V = -3$
 $= -2 \Delta i \ V = -3$
 $= -3 \ A = (A = A + \delta w (u \land A) (Y = -1)$
 $= -3 \ A = (Y = -1)$
 $= -3 \ A = (I + ju \delta w) \land (I - ju \delta w) = A - i \ \delta w \ (I = -1)$
 $= -3 \ A = (I + ju \delta w) \land (I - ju \delta w) = A - i \ \delta w \ (I = -1)$
 $= -3 \ A = (I + ju \delta w) \land (I - ju \delta w) = A - i \ \delta w \ (I = -1)$
 $= -3 \ A = (I + ju \delta w) \land (I - ju \delta w) = A - i \ \delta w \ (I = -1)$
 $= -3 \ A = (I + ju \delta w) \land (I - ju \delta w) = A - i \ \delta w \ (I = -1)$
 $= -3 \ A = -3$

÷

- 155 ----

المصفوفة مي معطرية إذاً .
المصفوفة مي معطرية إذاً .
(c) لنعتبر المؤثر الشعاعي
$$v_{x} = A_{x} = A_{x} = A_{y}$$
 العلاقة (r - ٤٢) نجب (c)
بلون صعوبة :
بلون صعوبة :
 $A_{+}, J_{z}] = [A_{x} + i A_{y}, J_{z}] = (A_{x} + i A_{x} = -i A_{+}$
أي :
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = -A_{+} + A_{z}$ (YA - 0)
 $A_{+} J_{z} - J_{z} A_{+} = A_{z} + A_{z} = 0$

 $\mathbf{k}_{\mathbf{x}} = \mathbf{r}_{\mathbf{x}} \mathbf{$

حسب الخواص المبرهنة في الفقرة c على عناصر المصفوفة ، A وعلى قيم عناصر مصفوفة _J_ فالعلاقة (T – T۹) تكتب : من من محمد مقال معمد م

$$=$$

 $$

٩

$$\frac{\langle \mathbf{J}, \mathbf{m} + 2 | \mathbf{A}_{+}^{*} | \mathbf{J}, \mathbf{m} + \mathbf{I} \rangle}{\langle \mathbf{J}, \mathbf{m} + 1 | \mathbf{A}_{+} | \mathbf{J}, \mathbf{m} \rangle} = \frac{\langle \mathbf{J}, \mathbf{m} + 2 | \mathbf{J}_{+} | \mathbf{J}, \mathbf{m} + 1 \rangle}{\langle \mathbf{J}, \mathbf{m} + 1 | \mathbf{J}_{+} | \mathbf{J}, \mathbf{m} \rangle}$$
(7'' - '')

- ١٤٥ - الفيزياء الذرية

$$\begin{split} &|I_{n}|_{1} = (-7) + (-7)$$

وكما ينتج من الحواص العامة لاثر الجداء :

Tr A.B = Tr B . A أي : b = 0 وبالتالي فإن b = 0 . سكون الدينا إذاً :

 $\langle Jm | A_z | Jm \rangle = am$

يمكننا أن نكتب :

$$\langle Jm | A_z | Jm \rangle = a \langle Jm | J_z | Jm \rangle$$
 (TT - 7)

بالنتيجة في تمثيل {J², J₂} وفي الفراغ الجزئي الموافق إلى قيمة J معطية حيث أشعة القاعدة ممثلة بـ <Jm عناصر مصفوفة مركبات المؤثرات الشعاعية تكون متناسبة معامل التناسب نفسه للمركبات المختلفة أي :

$$\langle J'm'|A|Jm \rangle = a J'm'|J|Jm \rangle$$
 ($\mathcal{T} - \mathcal{T}$)

: Wigner - Eckart مبر هنة

يمكننا تعميم الحواص السابقة على حالة مؤثرات تنسورية غير قابلة للإختزال . في تمثيل مثالي (J², J₂) حيث أشعة القاعدة ممثلة بـ < ٣, J , m . عنصر المصفوفة </www.com/alpha للمركبة هوم حيث المؤثر التنسوري الغير قابل للإختزال من المرتبة Jím' معطي لـ T₄ يكون مساوي لجداء معاملات Gordan - Gordan </www.com/alpha .

 $<\!\tau Jm \,|\, T_{q^{k_{1}}}^{k_{1}} \,\tau' J'm' > \\ = \\ <\!\tau J \parallel T^{k} \parallel \tau' J' > <\!J' km' q \,|\, Jm \!> \\$

الكمية

<br

- 12V -

$$A_{-1} = \frac{-1}{\sqrt{2}} (A_x + iA_y)$$
 : $A_o = A_z$; $A_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} (A_x - iA_y)$

والقارىء يجد بسنهولة أن العلاقة (٦ – ٣٤) ضمن شروط التطبيق الكمية المستقلة لـ q, m', m هي ثابنة .

عنصر المصفوفة المختزلة لـ J معدوم عندما 'J ≠ J عند فرق العنصر للمصفوفة المختزلة لـ A ، في حالة 'J = J نقارن عناصر المصفوفة لـ A و J باستثنتاج العلاقات السابقة : ح Jm | A_q | τ'J'm > = < (TJm | A || L' J > < (TJm | A_q | τ'J' + (TJm - (T

$$J = \langle \tau U | U | \tau \rangle = \langle \tau U | U | U | \tau \rangle = \langle U | \tau | J | | \tau \rangle$$

آخذين بعين الإعتبار لمعامل Clebsch -- Gardan :

$$<\mathbf{J}|\mathbf{J}\mathbf{o}|\mathbf{J}\mathbf{J}>=\sqrt{\frac{\mathbf{J}}{\mathbf{J}+\mathbf{I}}}$$

$$|\mathbf{J}_{\mathbf{r}}| = \sqrt{\mathbf{J}} |\mathbf{J}_{\mathbf{r}}| = \sqrt{\mathbf{J}} |\mathbf{J$$

- VEA -

نطبق الآن العلاقة (٦ – ٣٦) في حـــالة A = J عناصر مصفوفة J مساوية لـ J (J + 1) نوجد قيمة c

$$c = \frac{1}{\sqrt{J(J+1)}} \qquad (m - 1)$$

باستبدال عنصر المصفوفة المختزلة لـ J في العلاقة (٦ – ٣٥) بقيمتها (٢–٣٧) وعنصر المصفوفة المختزلة لـ A بقيمتها المختزلة (٦ – ٣٦) مع أخذ قيمة c نحصل :

$$\langle \tau Jm | A_q | Jm' \rangle = \frac{\langle \tau Jm | J.A | \tau Jm \rangle}{J (J + 1)} \langle Jm | J_q | Jm' \rangle$$
 (3.4)

La existanee du facteur de Landé g

,

×.

$$A_{o} = A_{z}$$
, $A_{-1} = \frac{1}{\sqrt{2}} (A_{x} - iA_{y})$, $A_{+1} = \frac{-1}{\sqrt{2}} (A_{x} + iA_{y})$, $\overline{1}$

إذاً :

J (L + 2 S) = J² +
$$\frac{J^2 + S^2 - L^2}{2}$$

ضمن التمثيل <L², SJm إن القيمة المتوسطة لـ (L + 2S) حسب العلاقة (T–۲) هي :

$$\langle J(L + S2) \rangle = J(J + 1) + \frac{J(J + 1) + S(S + 1) - L(L + 1)}{2}$$

($\xi\xi - 7$)

$$< E_{J}^{\circ} Jm_{J}'L_{z} + 2 S_{z}|E_{J}^{\circ} Jm_{J}'> = \frac{< J(L + 2S)>}{J (J + 1)} < E_{J}^{\circ} Jm_{J}|J_{z}|E_{J}^{\circ} Jm_{J}'>$$

وحسب العلاقة (٦ – ٤٢) :

$$g < E_{J}^{\circ} Jm_{J} |J_{z}| E_{J}^{\circ} Jm'_{J} > = \frac{\langle J(L+2S) \rangle}{J(J+1)} < E_{J}^{\circ} Jm_{J} |J_{z}| E_{J}^{\circ} Jn.'_{J} >$$
(20-7)

. g عطابقة (٢ – ٤٤) و (٦ – ٤٤) نجد قيمة g
g = 1 +
$$\frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)}$$
 (٤٦–٦)
g = $3/2 + \frac{S(S+1) - L(L+1)}{2J(J+1)}$

Le diagramme Zeeman en champ faible

يان عناصر المصفوفة
$$W_{mJmJ'} = W_{mJmJ'}$$
 كما رأينا تساوي : $W_{mJmJ'} = g \beta m_{J} \delta_{m_{J}m'_{J}}$ (٤٧ – ٦)

- 101 -

وبالتالي فإن التصحيح من المرتبة الأولى سيكون : E^(ι) = ΔE = g β B m_J m_J = - J, - J + 1, ..., + J

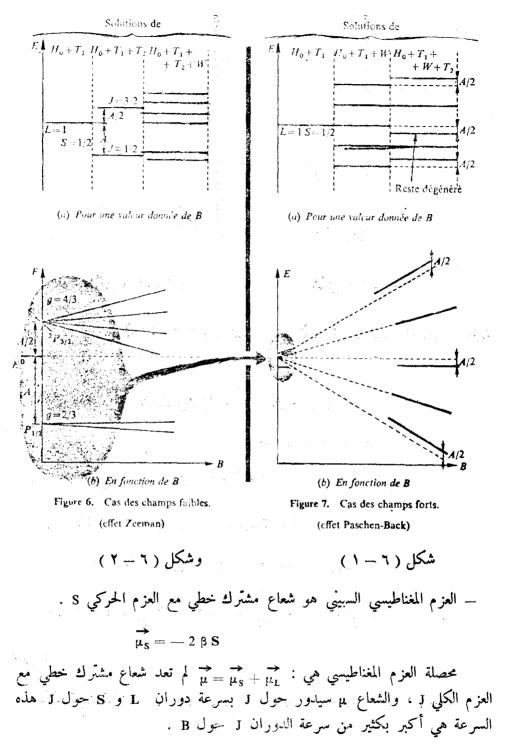
إن وجود الحقل المغناطيسي يرفسع التوالد ويظهر J + I 2 مستوي جزئي هذه المستويات الحزئية تكون متساوية الأبعاد عن بعضها البعض ، والمسافة بـــين مستويين متعاقبين هي g β B .

الشكل (٦ – ١ a) يبين الخطوات المتعاقبة للتقاريب بغياب الحقل من أجل (L = 1, S =1) والشكل (٦ – ١ – ب) يمثل مخطط زيمان للمستويات _٥ g ، p₁ 3 و ₂ g .

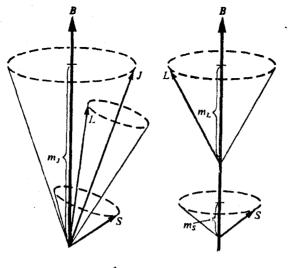
۲ – ٤ – ٥ – دفعول زيمان الموصوف بالنموذج الشعاعى :

عند تطبيق حقل مغناطيسي B سيكون هناك إرتباط بين B و L وكذلك بين B و S في غياب الإرتباط L و S فإن L و S سيدوران بصورة مستقلة عن B لكن كنتيجة لهذا الإرتباط ، في الحالة العامة فإن الحركة ستكون معقدة جداً . في المرحلة الأولى حالة حقل مغناطيسي ضعيف . حيث طاقة الإرتباط بين L و S أكبر من طاقة الإرتباط له B مع L ومع S وهذا يجعلنا نقبل :

- a) إن وجود الحقل المغناطيسي لايجعل الإرتباط s , L , J مضطرباً، والصورة المشكلة من الأشعة s , L , J لاتشوه .
- b) والتأثير المتبادل مع الحقل سيترجم بدوران مخروطي للأشعة S, L, J حول الحقل B كما في الشكل (T – ۳) و (T – ٤) .
 - ـــ إن العزم المغناطيسي المداري هو شعاع مشترك خطي مع العزم الحركي L . ← μ_L = − β L



--- 107 ---



شکل (۲ – ۳)

شكل (۲ – ٤)

إن الزاوية الكائنة بين ┿و B تتغير بثبات لكن قيمتها المتوسطة تبقى مساوية للزاوية (J, B) .

[إن طاقة التأثير المتبادل بين $\frac{1}{\mu}$ و B مساوية إلى : $\Delta E = - \langle \mu_J \rangle B \qquad (\pounds - 7) \qquad (\hbar - 7)$

۲ – ۵ – مفعول باشن باك في حقل قوي – حالة حقول متوسطة :

Effect pashen - Bachen champ fort . cas des champs intermediaires

كما في الحالة السابقة فإن الدراسة ستكون فقط في حالة الإرتباط L—S. إن شروط الحقل القوي محققة عندما يكون الفصل بين المستويات الناتجة عن تطبيق الحقل أكبر من فصل السويات المتعلقة بالارتباط سبين ـــ مدار . أي :

$$T_1 > W > T_1$$

لم يعد صالحاً شروط تطبيق نظرية الإضطراب المستخدمة في الفقرة السابقة والحساب سيكون على خطوتين كما هو في الشكل (2 a) و (2 b) .

٦ - ٥ - ١ - الخطوة الأولى : إهمال الارتباط سبين - مدار :

في هذه الخطوة نهمل الإرتباط سبين ـــ مـــدار أي نطبق نظرية الإضطراب w على الهاملتونيان

$$H = H_o + T_l$$

- 100 -

أي أن المستوي E° مطابق لقيم محددة للعزوم L و S والمطابق لتوالد (1+2S) (2L+1) سنستخدم كقاعدة تمثل حW_{kk} , E° , L SM_L,M_S عناصر المصفوفة الإضطراب W و k ، يمكن أن يأخذ (1 +21) (1 + 28) قيمة .

نلاحظ أن S₂ , L_z تكون تحت شكل قطــري في التمثيل <E° LS M_LM_S ا عناصر المصفوفة تكون :

 $< E^{\circ} LS M_{L} M_{S} | L_{z} | E^{\circ} LS M'_{L} M'_{S} > = M_{L} \delta_{M_{L}} M_{L}'$ $< E^{\circ} LS M_{L} M_{S} | S_{z} | E^{\circ} . L. S M'_{L} M'_{S} > = M_{S} \delta_{M_{S}} M_{S}'$

وبالتالي فإن :

 $W_{kk}' = \langle E^{\circ} LSM_{L}M_{S} | \beta (L_{z} + 2 S_{z}) | E^{\circ} L SM'_{L} M'_{S} \rangle = \beta (M_{L} M_{S}) \delta_{kk}'$ المصفوفة ' W_{kk}' هي قطرية .

الجدول التالي يعطي قيم $M_L+2\,M_S$ كتابع لـ K من أجل الجالة L = 1 و S=1 (عملية الجالة S=1

	k	m _s	m	$2 m_s + m_L$	Am _L m _s	$m_L + m_S$
	1 2 3 4	-1 -1 -1 0	- 1 0 + 1 - 1	- 3 - 2 - 1 - 1	A 0 - A 0	-2 -1 0 -1
and the second	5 6 7 8 9	$ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \\ + 1 \\ + 1 \\ + 1 \\ + 1 \end{array} $	0 + 1 - 1 - 0 + 1	$ \begin{array}{r} 0 \\ + 1 \\ + 1 \\ + 2 \\ + 3 \end{array} $	0 - A 0 A	$ \begin{array}{c} 0 \\ +1 \\ 0 \\ -1 \\ +2 \end{array} $

تابعة للفقرة التالية

تصحيحات الطاقة ذات المرتبة الأولى مساوية إلى :

 $E^{(1)} = \Delta E = W_{kk}' = \alpha B (M_L + 2 M_S)$

- 107 --

الحطوة الثانية :

نطبق الآن الإضطراب الذي يترجم ₂ T حيث :

$$T_2 = \sum_i s_i l_i S_i$$

 $T_2 = \sum_i s_i l_i S_i$
 $T_2 = A$ [Wigner - Eckart) (wigner - Eckart) (سيكانيك الكم
(Messiah $T_2 = A L \cdot S$
 $T_2 = A (L_s S$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s S_s) + (L_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s S_s) + (L_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s) + (L_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s) + (L_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s) + (L_s C_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s) + (L_s C_s - L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s) + (L_s C_s + L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s S_s + L_s C_s + L_s C_s)$
 $T_2 = A (L_s C_s + L_s C_s) + (L_s C_s - L_s C_s)$
 $T_s = A (L_s C_s + L_s C_s) + (L_s C_s - L_s C_s)$
 $L_s = L_s - i L_s$, $S_s = S_s - i S_s$
 $T_s = A (L_s C_s - L_s C_s)$
 $T_s = A (L_s C_s - L_s C_s)$
 $T_s = A (L_s C_s C_s C_s)$
 $T_s = A (L_s C_s C_s)$
 $T_s = A (L_s C_s)$
 $T_s = C_s (L_s C_s)$

 $\Delta E = \beta B (M_L + 2 M_S) + A M_L M_S$ (1 - 10)

الشكل (٦ -- ٢) يعطي مخطط سويات الطاقة في حقل قوي للحالة الكوانتية S = 1 , L = 1

- 10Y -

.

۲ – 0 – ۳ : استخدام النموذج الشعاعى :

طاقة الإرتباط بين العزوم المغناطيسية والحقل B أكبر بكثير من طاقة الإرتباط للعزوم المغناطيسية مع بعضها البعض في الشكل (٦ – ٤) نقبل :

- ـ الشعاع L مرتبط فقط مع الحقل المغناطيسي B ويدور حول اتجاه الحقل بسرعة w
 ـ الشكل S مرتبط فقط مع B ويدور حول اتجاه B وبسرعة زاوية w
- ، J سيتغير اتجاه ومحصلة ل بثبات وبالتالي لن يتمكن من استخدام M_J ، سيتغير M_J سنستخدم كشرط للكنتمة .
 - $L \leq M_L \leq L$ مسقط L على B يأخذ قيم صحيحة $M_L = M_L = M_L$ حيث $M_L \leq M_L$ مسقط S على B يأخذ القيم M
 - قيم الطاقة الواجب إضافتها إلى Eº هي :
 - . B مع الحقل L مع الحقل ΔE_{LB} . B » » S » ΔE_{SB} . ΔE_{SB} —
 - . S طاقة ارتباط L مع الحقل ΔE_{LS} –

$$\Delta E_{LB} = \frac{-q}{2 \text{ m } k} h \cdot L \cdot B = \beta B \cdot M_L$$

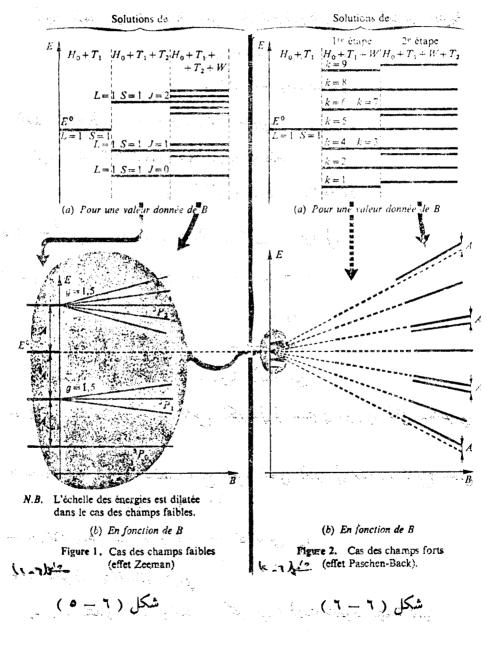
$$\Delta \mathbf{E}_{\mathbf{SB}} = \frac{-\mathbf{q}}{\mathbf{mk}} \ h \ \mathbf{S} \cdot \mathbf{B} \stackrel{=}{=} 2 \ \mathbf{B} \ \beta \ \mathbf{M}_{\mathbf{S}}$$

$$\Delta E_{LS} = A \ L \ . \ S \ .$$

اكن L و S يدوران بصورة مستقلة حول B . الزاوية (L , S) تتغير بصورة ثابتة . إن القيمة المتوسطة لهذه الزاوية :

- 101 -

مغناطيسي فيدعى هذا المفعول بمفعول زيمان الغير طبيعي والشكلان (٦ ـــ ٥) و (٦ ــ ٦) يعطيان مخطط سويات الطاقة عندما قطع ذرات العناصر القلوية في حقل مغناطيسي ضعيف وقوي .



~. 17 ·

: J_{1z} المؤثر (Wigner Eckart) على عناصر المصفوفة للمؤثر J_{1z} :
$$JM_J|J_{1z}|Jm'_J> = a < Jm_J|J_z|Jm'_J$$

$$a = \frac{\langle J_1, J \rangle}{J(J+1)}$$

اكن :

إذاً :

$$j_{2} = J - j_{1} \Longrightarrow |J_{2}|^{2} = |J|^{2} + |J_{1}|^{2} - 2 J j_{1} \Longrightarrow j_{1} J = \frac{J^{2} + j_{1}^{2} - j_{2}^{2}}{2}$$
$$< J, j > = \frac{J (J + 1) j_{1} (j_{1} + 1) - j_{2} (j_{2} + 1)}{2}$$

$$j > = \frac{3}{2}$$

$$a = \frac{J(J + 1) + j_{1}(j_{1} + 1) - j_{2}(j_{2} + 1)}{2J(J + 1)}$$

$$= \frac{J(J + 1) + j_{2}(J + 1)}{2J(J + 1)}$$

$$< Jm_{J} |j_{z_{1}}|Jm_{J}' > = b < Jm_{J} |j_{z}|Jm'_{2} >$$

$$b = \frac{J(J + 1) + j_{2}(j_{2} + 1) - j_{1}(j_{1} + 1)}{2J(J + 1)}$$

$$= \frac{J(J + 1) + j_{2}(j_{2} + 1) - j_{1}(j_{1} + 1)}{2J(J + 1)}$$

$$= \frac{J(J + 1) + j_{2}(j_{2} + 1) - j_{1}(j_{1} + 1)}{2J(J + 1)}$$

$$= - J(J - 1)$$

الفيزياء الذرية

أوجد القوة التحليلية لمجموعة (ضوئية) حتى يمكنها أن تحلل الخطوط الطيفية اللحط الطيفي A° λ = 12083 A الموضوعة في حقل مغناطيسي B=1.5 Tesla علماً بأن الطول الموجي موافق للإنتقال 1D₄ -- F₃ .

العـــل :

- 177 -

بصورة عامة يكون :

$$\bar{v} = \bar{v}_{o} + \frac{eB}{4\pi mc} (g' m_{J}' - g'' m''_{J})$$

بواحدات MKSA وحيث ΔmJ = 0 , ∓ 1

ما عــدا الإنتقال $J = 0 \rightarrow J = 0$ مرفوض ، أما بواحــدات CgS فيكون $\frac{eH}{4 \pi m c^2}$

g = 1 : [ذاً

$$\overline{v} = \overline{v}_{o} + \frac{eB}{4 \pi m c} (m_{J}' - m_{J}'')$$

هناك ثلاثة خطوط ذات توانرات :

$$\overline{v}_{o} + \frac{e B}{4\pi mc}$$

v,

$$\frac{1}{\nu_o} - \frac{e B}{4\pi mc}$$

$$\frac{e}{m} = 1.76 \times 10^{-11}$$
 c/kg

 $\frac{e B}{4\pi mc} = \frac{1}{4\pi} \frac{1.5 \times 1.76 \times 10^{11}}{3 \times 10} = 70.03 \text{ cm}^{-1} = 0.7 \text{ cm}^{-1}$

القدرة التحليلية اللازمة :

$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{0.7 \times 12083}{3 \times 10^8} \Longrightarrow$$

- 174 --

$$R = \frac{3 \times 10^8}{0.7 \times 12083} = 11800$$

مسألة (٢) :

أوجد القدرة التحليلية Δν/ν لخطي الصوديوم عندما توضع ذرة في حقل مغناطيسي B = 1.5 Tesla علماً بأن الخطين موافقين للإنتقالين :

- $3 {}^{2}P_{1/2} \rightarrow 3 {}^{2}S_{1/2}$
- $3 {}^{2}P_{3/2} \rightarrow 3 {}^{2}S_{1/2}$
- الحل : لنحسب عامل لانده :
 - من أجل ²S_{1/2}

$$g = 1 + \frac{\frac{3}{4} + \frac{3}{4}}{2 \times \frac{3}{4}} = 2$$

من أجل ²P_{1/2}

$$g = 1 + \frac{\frac{3}{4} + \frac{3}{4} - 2}{2 \times \frac{3}{4}} = \frac{2}{3}$$

من أجل ²P_{3/2}

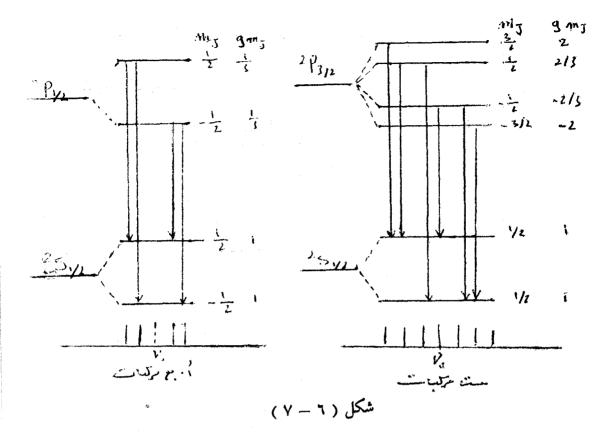
$$g = 1 + \frac{\frac{15}{4} + \frac{3}{4} - 2}{2 \times \frac{15}{4}} = \frac{4}{3}$$

مخطط سويات الطاقة والإنتقالات الممكنة لكلا الخطين الشكل (٦ – ٧)

التواترات النانجة للإنتقال 2S_{1/2} → 2P_{1/2} :

 $\overline{v}_{1} = \overline{v}_{0} + \frac{e B}{4\pi mc} (-4/3)$ $\overline{v}_{2} = v_{0} + (-2/3)$ $\overline{v}_{3} = v_{0} + (2/3)$ $\overline{v}_{4} = v_{0} + (4/3)$

- 178 -



والتواترات الموافقة للإنتقال :

 ${}^{2}P_{3/2} \rightarrow {}^{2}S_{1/2}$ $\overline{\nu}_{1} = \overline{\nu}_{o} + \frac{eB}{4\pi \text{ mc}} (-5/2)$ $\overline{\nu}_{2} = \overline{\nu}_{o} + (-1)$ $\overline{\nu}_{3} = \overline{\nu}_{o} + (-1/3)$ $\nu_{4} = \overline{\nu}_{o} + (1/3)$ $\nu_{5} = \nu_{o} + (5/3)$ $\nu_{6} = \nu_{o} + (1)$

فالمقدار :

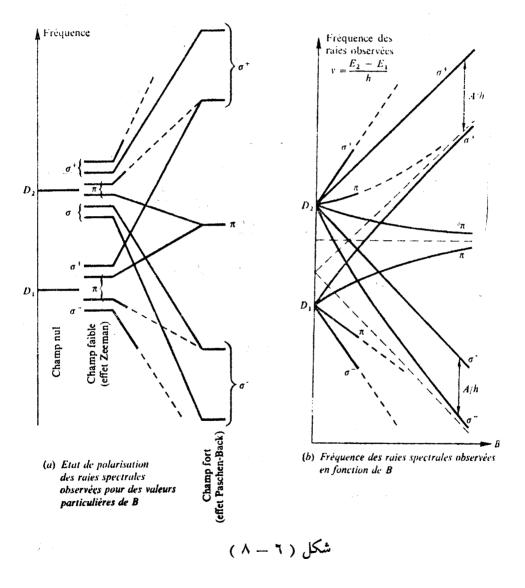
- 170 -

$$2/3 \frac{\text{eB}}{4\pi \text{ mc}} = 2/3 \times 0.7 = 0.47 \text{ cm}^{-1}$$

القدرة التحليلية :



R = 34500



- 177 -

والشكل (٦ – ٨) يببن خطي الصوديوم D₁ و D₂ عندما تخضع ذرة الصوديوم لحقل مغناطيسي .

$$\Leftarrow \begin{cases} L = 2 \\ S = 1 \\ J = 1, 2, 3 \end{cases}$$

من أجل :

$$^{3}D_{3} \implies \Delta T_{so} = -\frac{1}{2} A [3.4 - 2.3 - 6.2] = -2 A$$

من أجل :

$$^{3}D_{2} \implies \Delta T_{s_{0}} = -\frac{1}{2} A [2.3 - 2.3 - 6.2] = + A$$

and the set of the set

$$^{3}D_{1} \implies \Delta T_{so} = -\frac{1}{2} A [1.2 - 2.3 - 6.2] = +3 A$$

- 177 -

 $\begin{array}{c} \leftarrow & \mathbf{P} \\ \leftarrow & \mathbf{P} \\ \mathbf{L} = 1 \\ \mathbf{S} = 1 \\ \mathbf{J} = 0, 1, 2 \end{array}$

من أجل ${}^{3}P_{2} \implies \Delta T_{so} = -\frac{1}{2} A [2.3 - 6.2 - 6.2] = -A$ من أجل ${}^{3}P_{1} \implies \Delta T_{so} = -\frac{1}{2} A [1.2 - 6.2 - 6.2] = +A$ من أجل

: ³D الحالة

$${}^{3}D_{3} \implies g = 1 + \frac{3.4 - 2.3 + 1.2}{24} = 4/3$$

 ${}^{3}D_{2} \implies g = 1 + \frac{2.3 - 2.3 + 1.2}{2} = 7/6$
 ${}^{3}D_{1} \implies g = 1 + \frac{1.2 - 2.3 + 1.2}{4} = \frac{1}{2}$

: 3P الحالة

$${}^{3}P_{2} \implies g = 1 + \frac{2.3 - 1.2 + 1.2}{12} = 3/2$$

 $^{2}P_{1} \implies g = 1 + (1.2 / 4) = 3/2$

 $^{3}P_{o} \implies g = 1 +$ = 1 لاتأثير للحقل المغناطيسي الخارجي . وبوجود حقل مغناطيسي ضعيف فإن : $\Delta T_{\mathbf{n}} = \frac{-e B}{4 \pi m c} g m_{\mathbf{j}} \quad (MKSA)$ والانتقالات نجد أنها تحقق : $\Delta m_{j} = 0 \implies \pi \Rightarrow \pi$ مركبة $\Delta m_j = \mp 1 \implies \sigma_{\pm}$ مركبة وعدد المركبات المميزة للإنتقال : $^{3}D_{1} \longrightarrow ^{3}P_{2}$ هي 15 مركبة والشكل (٦ – ٩) يبين الإنتقالات المكنه والمركبات . حالة حقل مغناطيسي قوي(مفعول باشن باك) . $\Delta E = \beta B (M_L + 2M_s) + A M_L M_s$ أ _ من أجل الحالة D لدينا : : $L = 2 \implies M_L = -2, -1, 0, 1, 2$ $S = 1 \implies M_S = -1, 0, +1$

1	M _s	M _L	(M _L +2M _S)	(A)M _L M _S)
· 1	1	2	β B (4)	(A) 2
2	-1	1	« (3)	« 1
3	1	0	(2)	0
4	1	1	(1)	1
5	1	2	(0)	2
6		—2	(2)	0

179 -

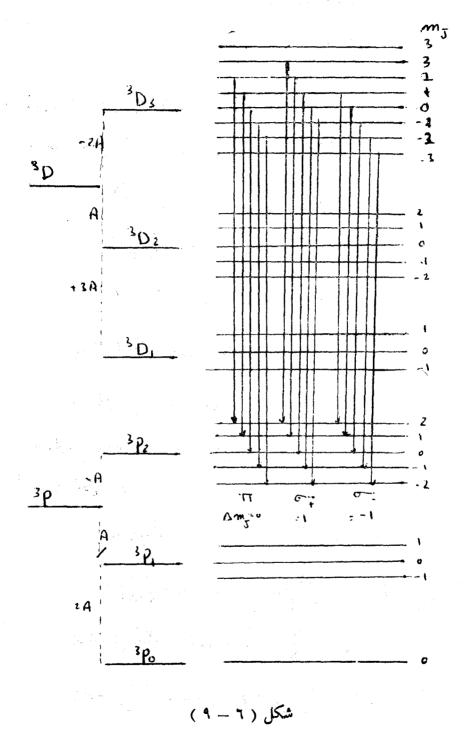
7	0	1	(1)	. 0
8	0	0	(0)	0
9	0	1	(1)	0
	0	2	(2)	0
11	1	2	(0)	2
12	1	-1	(1)	1
13	1	0	(2)	0
14	1	· 1	(3)	1
15	1	2	(4)	2

ب – من أجل الحالة ع3 لدينا :

$$\left.\begin{array}{c} L=1 \implies M_L=-1,0,+1\\\\ S=1 \implies M_S=-1,0,+1\end{array}\right.$$

		Ms	M _L	$\beta B(M_L+2M_s)$	AM _L M _s
<u>ي من</u> [ا		1	1	(—1) βB	—1 A
2	2	1	0	(—2) »	0 «
3	3	1	1	(3)	1
1		0	1	(1)	0
4	5	0	0	(0)	0
e	5	0	—1	(1)	. 0.,
2	7	1	1	(3)	1
· 8	}	1	0	(* 2)	0
9		1	1	(1)	
		$\Delta T_m =$	$\frac{-e B}{4\pi mc} (1)$	M _L + 2 m _s)	
	Δ	T _{so} = -	- A M _L	M _s	
		:	اء التالية	ق قواعد الإصطفا	، نحد أنه محق

- 11. -



- 171 -

$$\Delta M_{L} = 0, \mp 1$$

$$\Delta M_{S} = 0$$

$$\Delta M_{J} = 0$$

$$\sum_{n} M_{J} = 0$$

*

.

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (-3 + 4/3) = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (-5/3)$$

$$: \sigma_- - v_{\bar{v}}^{\dagger} - v_{\bar{v}} + \frac{e}{4\pi mc} (3 - 4/3) = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (5/3)$$

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (3 - 4/3) = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (5/3)$$

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (3/2 - 0) = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (3/2)$$

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (0 + 4/3) = \overline{v_o} + \frac{e}{4\pi mc} (4/3)$$

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{eB}{4\pi mc} (-3/2 + 8/3) = \overline{v_o} + \frac{eB}{4\pi mc} (7/6)$$

$$\overline{v} = \overline{v_o} + \frac{eB}{4\pi mc} (-3 + 4) = \overline{v_o} + \frac{eB}{4\pi mc} (1)$$

$$\Delta v \approx \frac{1}{6} \frac{e}{4\pi mc}$$

$$c = 3 \times 10^8 + B = 2 \text{ Tesla} + \frac{e}{m} = 1.76 \times 10^{-11}$$

$$\Delta v \approx \frac{1}{6} \frac{1.76 \times 10^{11} \times 2}{3 \times 10^8 \times 4\pi} \implies \Delta v \approx \frac{1}{6} \cdot 23 \cdot 342.$$

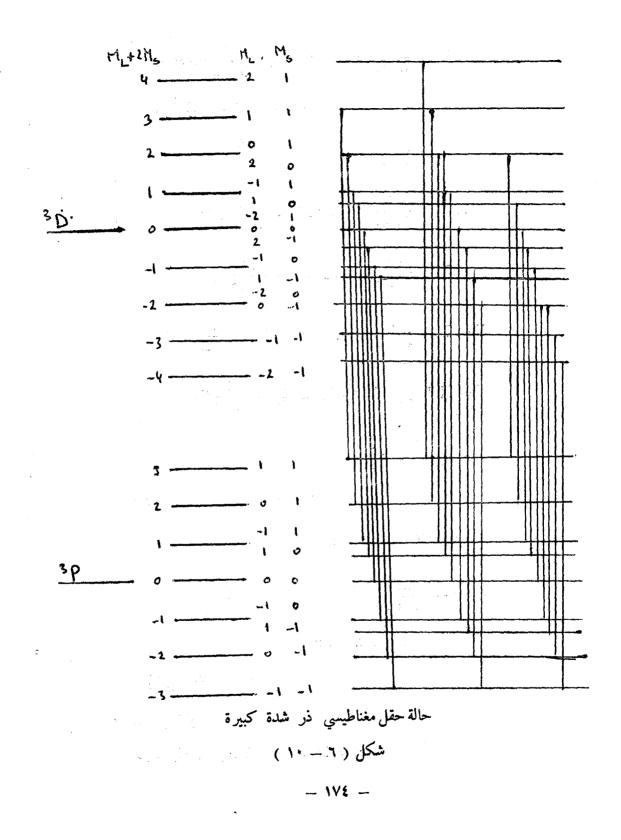
$$\Longrightarrow \Delta v \approx 3.8904 \text{ cm}^{-1}$$

« وهو الإنزياح للتواتر «٧ » .

مسألة غير محلولة :

إدرس إنتقال وإنفصال سويات الطاقة الإنتقال :

- 177 -



XX XX XX XX

الفصل السابع

النواة وفيزياء الذرة

Le moyan et la physique de atome

اعتبرنا في الفصل السابق بأن النواة هي شحنة نقطية تدخل في الحساب عبر الكمون 1/r إلا أن هذه الفرضية لاتفسر العديد من النتائج التجريبية الملاحظة وبصورة خاصة . الخطوط الطيفية الذرية والملاحظة بواسطة مطياف ذو استطاعة تحليلية كبيرة حيث يظهر البنية الفوق الناعمة (Structure hyperfine) والتي لايمكن تفسيرها حسب الفرضيات السابقة . لتفسير البنية الناعمة فرض (1924) Pauli و (1927) بأن النواة يجب أن تملك عزم حركي خاص وعزم مغناطيسي خاص بهسا كما في حالة الإلكترون ندعو العزم الحركي للنواة بسبين النووي .

إن وجود هذا العزم المغناطيسي النووي سيعقد الدراسة المغناطيسية للذرة ، وبالتالي سنتابع دراسة مفعول زيمان وسنبين بصورة خاصة بأن الإنحرافات ذري موجود ضمن حقل مغناطيسي (تجربة (Sternent - Garlack)) . لايمكننا تفسيرها بصورة صحيحة إلا إذا أخذنا بعين الاعتبار العزم المغناطيسي النووي .

إن الدراسة المفصلة يجب أن تأخذ بعين الاعتبار أيضاً للبعد المنتهي للنواة أثناء تقدير التأثيرات المتبادلة الكهربائية الساكنة نواة ـــ الكترونات .

هذه الدراسة صعبة جداً وهي في إهتمام الفرق العديدة التي تعمل في مجال الطيوف الذرية في هذا الفصل سنقوم بدراسة كيفية .

– ۱۷۷ – الفيزياء الذرية

Le moyan moment magnetique et moment civitique

٧ – ١ – ١ – العزم المغناطيسي للبروتون :

Le moyan magnetique du proton

إن جزيء الهيدروجين المشكل من ذرتين من الهيدروجين أي من الكترونين وبروتونين ، له عزم مغناطيسي ، ينتج عن تركيب العزوم المغناطيسية المدارية للالكترونين والعزوم المغناطيسية السبينية للإلكترونين ومن العزوم المغناطيسية للبروتونين . إذاً يمكن بلحزيء الهيدروجين أن ينوجد تحت شكلين opthohydrgène حيث العزوم النووية للبروتونات تضاف إلى بعضها وحالة Parahydrogène حيث العزوم النووية للبروتونات تطرح من بعضها البعض أي واحد يعاكس الثاني . هناك طرق قائمة على خواص التوازن الترموديناميكي يمكنها أن تفصلهما عن بعضهما البعض Parahydrogene بصورة أعـادوا تجربة معناميني والما مباشرة ما يعنوم العزوم النووية البروتونات متعاقبة والفرق في النتائج ربط مباشرة ما لعزوم الحركية والمغناطيسية للبروتونات والفرضيتان التاليتان سمحتا بتفسير مترابط للتجارب :

$$(\sigma_{\mathbf{p}})_{\mathbf{z}} = \mp \frac{1}{2} h$$
$$|\sigma_{\mathbf{p}}| = \sqrt{\frac{1}{2} (\frac{1}{2} + 1)} h$$

ـ يملك البروتون عزم مغناطيسي μ_ρ له نفس حامل ونفس اتجاه عزمه الحركي σ, نسبته الحيرومغناطيسية موجبة عــلى عكس النسبة في الإلكترون (سالب) و β_N 2.792775 β

μ_p = |(μ_p)_z| = 2.79
$$\frac{eh}{2 \, M_k}$$
 = 2.79 β_N
e شحنة البروتون ، M كتلة البروتون .

بادخال المغنيتون النووي β_N حيث

$$\beta_{\mathbf{N}} = \frac{eh}{2 M_{\mathbf{k}}} = \beta \frac{m}{M} \approx \frac{1}{1836}$$

القيمة 2.79 تطابق لقياسات دقيقة تمت بواسطة هذه الطريقة في عام (1537) .

٧ – ١ – ٢ – العزوم المغناطيسية للنترون

Le moment magnetique du Neutron

إن صورة جزيئة مشحونة ذات بعد معين تدور حول محسور تسمح بتفسير بصورة كيفية وبتحليل كلاسيكي وجود العزم المغناطيسي للنترون . في مثل هذه الصورة الكلاسيكية لا يمكننا أن نفهم وجود المزم المغناطيسي للنترون إلا إذا تخيلنا الشحنة المعدومة للنترون الحاصلة بالتعويض لتوزيع الشحن الموجبة والسالبة .

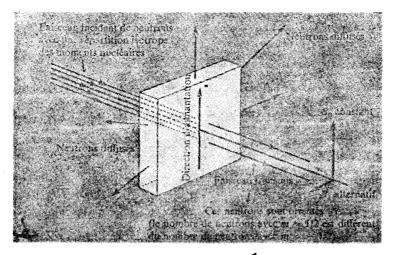
تفسير نتائج بعض التفاعلات النووية تؤدي إلى القبول بأن النّرون يملك عزم حركي مء موصوف بالعدد الكمي 1⁄2 .

لم يكن ممكناً تحقيق تجربة مشابهة لتجربة Stern و Gerlack لتحديد العزم المغناطيسي النو وي للنترون ، هذا النوع من التجارب يتطلب حزمه من الجزيئات مع كثافة نترونية كافية .

والطرق المستخدمة هي التي تضع الدوران المخروطي لـ Larmor .

الفكرة الرئيسية (Bloch 1936) متعلقة بإمكانية الحصول على حزمة من النترونات المستقطبة جزئياً وذلك باستخدام الإنتثار بوسط ممغنط . ندخل آلية الإنتثار للنترونات تأثير متبادل بين μ_μ و μ_μ العزم المغناطيسي لذرات الجسم الناثر إذا كان الجسم الناثر هو مادة ذات مغناطيسية حديدية ممغنطة حتى الإشباع كل العزوم μ_μ لها نفس الإتجاه وعدد النترونات المنتثرة ستعتمد على الزاوية بين العزوم μ_μ للنترونات الساقطة واتجاه المغنطة (aimantation) .

النترونات (الغير مُنتثرة) لها بالتالي توزيع غير متماثل المناحي (isotrope) وعزومها ٍµ . سيقال بأن الحزمة الضيقة ذات استقطاب جزئي شكل (۷ ـــ ۱) .



شکل (۷ – ۱)

والشكل (٧ – ٢) مخطط تجريبي ، حيث يتم الحصول على الحزمة النيترونية بقذف هدف من الديتريوم حسب :

 $_{4}^{9}\text{Be} + _{1}^{2}\text{D} \rightarrow _{5}^{10}\text{B} + _{o}^{1}\text{n}$

تستقطب هذه الحزمة جزئياً بواسطة قطعة من الفولاذ I ، ممغنطة حتى الإشباع والمشكلة مقطب . تتسلل بعدها ضمن منطقة حقل مغناطيسي B ذو نفس اتجاه استقطاب النترونات . هذا يعني بأنه ضمن هذه القطعة من الفراغ عدد من النترونات ذات العدد الكمي المغناطيسي ½ = n تكون مختلفة عن عدد النترونات ذات العدد الكمي ½—=n إذاً حقل مغناطيسي مهتز B ذو نبض ۵ أنتـج الطنيين المغناطيسي ضمن هذا الحقل B ، فإن عـدد النترونات في الحـالات ½ = n و ½ – = n ستصبـح متساوية والحزمة ستكون غير مستقطبة في طوانين .

قطعة الفولاذ II تلعب دور المحلل : بالحقيقة فإنه حسب حالة الإستقطاب للحزمة الساقطة ، فإن كمية النترونات المنتثرة سيتغسير وبالتالي فإن كمية النترونات العابرة (transmit) ، ينتج (يعطي) الطنيين المغناطيسي تغيرات في استطقابية الحزمة والذي سيكشف بتغير كثافة الحزمة الواصلة للكاشف .

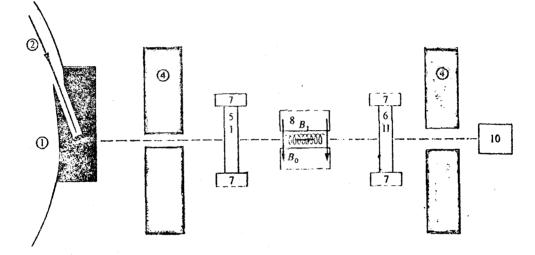
العزم المغناطيسي "µ سينوجد بدون صعوبة من نبضة الطنيين "w بالحقيقة

لقد صمم الجهاز بشكل يحقق في نفس الحقل B طنين مغناطيسي نووي للبروتونات عند نبضات ۵٬۵ ، يسمح قياس ۵۰ و ۵٬۵ بتحديد النسبة

$$\frac{\mu_n}{\mu_p} = \frac{\omega_o}{\omega'_o}$$

تعطى حالياً قيمة :

$$\mu_n = -(1.913148 \mp 0.000066) \beta_N$$



١ – سيكلوترون ، ٢ – حزمه من السيكلوترون ، ٣ – الهدف ، ٤ – بارافين ،
 ٥ – لوحة من الفولاذ رقم I تعمل كمقطب ٦ – فولاذ II تعمل كمحلل ، ٧ –
 ٧ – أقطاب مغناطيس كهربائي تعمل على مغنطة قطع الفولاذ حتى الإشباع ٨ –
 ٨ – أقطاب مغناطيس كهربائي تخلق حقل ٥ ساكن ، ٩ – ملف يولد الحقل B₁
 ٨ – أقطاب من المي من المي من ١٠ – كاشف النترونات من BF³ .

شکل (۲ – ۲)

٧ – ١ – ٣ – العزم الحركي والعزم المغناطيسي للأنوية :

Moment cinetique et moment magnetique des noyaux

باعتبار أن مركبات النواة (بروتونات + نترونات) تملك عزوم مغناطيسية – ۱۸۱ – وحركية فإن النواة يمكنها أن تملك عزماً حركياً ومغناطيسياً . مثال : نواة الديتريوَم المشكل من بروتون ونيترون تملك هذه النواة سبين مساوي الواحد وتملك عزم مغناطيسي مساوي إلى :

 $\mu_o = 0.85740 \ 6 \ \beta_N$

والتي لايمكن اعتبارها مجموع :

$$\mu_{a} + \mu_{p} = (2.79277 - 1.91314) = 0.87963 \beta_{N}$$

إن الظواهر ضمن النواة معقدة : وقوى التأثير المتبادل (nuclion - nuclèon) ذات قوى غير مركزية تدخل الزوايا بين العزوم المغناطيسية ونصف قطر الشعاع الـ nuclean . سنتخيل بأن النيكليونات في النواة لها عزم حركي مداري .

نقبل بأن كل نواة موصوفة بعزم مغناطيسي وعزم حركي يمكن أن يكونا معدومين لأنوية معينة . العزم الحركي النووي ⴰм سيميز بالعدد الكمي I كامل أو نصف كامل :

$$(\sigma_{N})_{z} = m_{I}h$$
, $|\sigma_{N}| = \sqrt{I(I+1)}h$ (1)

$$-I \leq m_I \leq I$$
 : and $m_I \leq I$

عادة كميز شعاع العزم المغناطيسي النووي بالإشارة إلى القيمة الأعظمية لمركبته على محور ما ، عندما I = $\mu_n \cdot m_I = I$ تقاس عادة أما بواحدة مغناتون بور β أو بواحدة المغنيتون النووي β_N والجدول (۷ – ۱) يعطي بعض القيم لـ μ_n لبعض العناصر كذلك أيضاً يوجد عامل لانده النووي :

$$\begin{split} \mu_{N} \, &= \, g_{I} \; \beta \; I \\ \mu_{N} \, &= \, g'_{I} \; \beta_{N} \; I \end{split}$$

لكن :

$$g_{I} \approx \frac{1}{1836.1} g'_{I}$$

g'I, gI عامل لانده النووي .

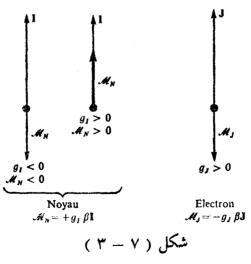
- 144 -

	I		ient nucléaire (primé	Facteu	0 m homo	
Atome		en magnéton nucléaire	en magnéton de 30hr	Ĝi	g,	Q, en barns (10 ⁻²⁴ cm ²)
¦H	1/2	+ 2,792 78	0,001 521 12	5,588 3	0,003 042 26	
^{2}D	1	+ 0,857 42	0,000 467 00	0,857 42	0,000 467 0	0,002 8
He	1/2	- 2,127 6	- 0,001 158 8	- 4,255	- 0,002 317	•
38K	3/2	+ 0,391 4	0,000 213 2	0,260 9	0,000 142 12	0,09
$^{67}_{30}$ Zn	5/2	+ 0,8757	0,000 476 9	0,350 28	Q,000 190 76	0.17
357Rb	5/2	+ 1,352 7	0,000 736 7	0,541 08	0,000 294 70	0,28
¹²⁹ ₅₄ Xe	1/2	- 0,776 8	- 0,000 423 1	- 1,553 6	- 0,000 846 22	
¹³³ ₅₅ Cs	7/2	+ 2,579	0,001 409 7	0,7369	0,000 401 33	- 0,003
¹⁹⁹ ₈₀ Hg	1/2	+ 0,502 7	0,000 273 8	1,005 4	0,000 547 7	
²⁰¹ ₈₀ Hg	3/2	- 0,556 7	0,000 303 21	- 0,371 13	- 0,000 202 14	+ 0,45

Valeurs de I, \mathcal{M}_N , g_I et Q pour quelques novaux

جلول (٧ – ١)

إن عامل لانده يعبر عن قيمة موجبة إذا كان العزم المغناطيسي النووي والعزم الحركي في نفس الإتجاه ، وسالب في الحالة المعاكسة . كذلك فإن العزم المغناطيسي النووي يمثل بعدد موجب أو سالب حسب إذا كان له اتجاه العزم الحركي أو له الإتجاه المعاكس للعزم الحركي شكل (۷ – ۳) .



- 114 -

كل النظائر ذات العدد A زوجي وكذلك العدد الذري Z زوجي تملك سبين نووي يساوي الصفر وعزم مغناطيسي نووي أيضاً معدوم .

مثال :

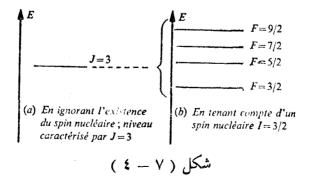
La structure hyperfine magnetique des niveaux d'energie

فسر Back و Goudsmit البنية الفوق ناعمة للخطوط الطيفية بوضع الفرضيتين التاليتين .

Composition de moment Cinètique

من أجل قيم معطية لـ I و J ، سيحصل على المؤثر F باستخدام جمع العزوم الحركية المعروفة سابقاً أي :

$$\mathbf{J} - \mathbf{I} \leq \mathbf{M}_{\mathbf{F}} \leq \mathbf{I} + \mathbf{J}$$



- 112 -

مثال :

سيدخل تصحيح على الطاقة E_o ذات المستوي J وذلك بأخذ بعين الإعتبار للتأثير المتبادل بين العزم المغناطيسي والنووي والإاكمترونات ، هذا التصحيح ليأخذ الشكل :

$$\Delta E_{o} = A' \mathbf{I} \mathbf{J}$$
⁽²⁾

A ثابتة مميزة للمستوي J في الفقرة التالية سنناقش هذه الفرضية والتي تفرض أن العزم النووي :

$$\mu_{N} = g_{I} \beta I$$

هذا العزم يتفاءل مع الحقل المغناطيسي _B والذي هو مشترك خطي Colineaire مع J ، هذا الحقل ، عند مستوي النواة هو محصلة الحقل المغناطيسي الناتج عن الحركة المدارية الإلكترون والحقل المغناطيسي الناتج عن ثنائي القطب المغناطيسي الذي هو العزم المغناطيسي السبيني .

طاقة التأثير المتبادل تكتب إذاً :

$$\Delta E_{o} = - \mu_{N} B_{o}$$

والفقرتين السابقتين تسمحان بدراسة مبسطة للتوضع النسبي لمستويات الطاقة ذات نفس J وذات قيم F المختلفة ، ولإيجاد ΔE لدينا :

$$F = I + J \implies F^2 = I^2 + J^2 + 2I J$$
$$I.J = \frac{F^2 - I^2 - J^2}{2}$$

وبالتالي فإن :

$$\Delta E_{o}(F) = \frac{A'}{2} [F(F+1) - I(I+1) - J(J+1)]$$
(3)

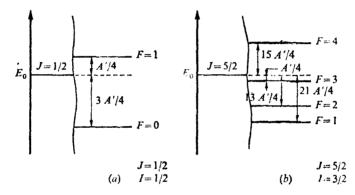
- 110 -

مثسال :

المستوي $J = \frac{1}{2}$ و J = I و J = I و J = I و J = J و J = I و J = I و J = 3/2 و J = 5/2 للمستوي 2/5 = J

- $F = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$ إذاً $J I = F \leq J + I$ (1)
 - F = 4, 3, 2, 1 [c] $5/2 3/2 \leq F \leq 5/2 + 3/2$ (2)

ومخطط سويات الطاقة للمثالين هو كما في الشكلين التاليين : (شكل ٧ – ٥)



البنية الفروق الناعمة Structure hypefrue

شکل (۷ _ ۰)

تجريبياً لانقيس التصحيح (F) ₀ΔE المطابقة لمستوي مميز لـ F ، لكن نقيس الفرق في الطاقة بين مستويين ذو قيمتين مختلفتين لـ F . بصورة عامة F و F + 1 أي الفرق :

 $\Delta E_{o} (F + 1) - \Delta E_{o} (F)$

هذا الفرق يسدعى بالفصل الفوق ناعم أو البنية الناعمة والجدول (V - Y) يحدد قيم الفروق فوق الناعمة لبعض المستويات حيث نجد أن التردد لذرة (S) والمطابق للإنتقال من الحالة الأرضية $m_F = 0, F = 3 \leftrightarrow m_F = 0, F = 4$ من الحالة الأرضية 2512 6، لذرة السيزيوم (seconde بحطربة بحقل خارجي ، ومن هذا الإنتقال عرفت الثانية الذرية seconde . atomièue)

Atome	I	Configuration dù niveau	J	$\begin{array}{c} \text{Transition} \\ F'' \rightarrow F' \end{array}$	Structure hyperfine mesurée (MHz)
	1/2	* 1s	1/2	$1 \rightarrow 0$	1 420.405 751 8 (¹)
³ ₂ He	1/2	1 <i>s</i> 2 <i>s</i>	Ļ	$3/2 \rightarrow 1/2$	6 739,701 3
³⁹ ₁₉ K	3/2	*[] 4 <i>s</i>	1/2	$2 \rightarrow 1$	461,719 71
67 30Zn	5/2	[—] 4s 4p	2	9/2 → 7/2	2 418,111
			м.	7/2 → 5/2	1 855,690
				$5/2 \rightarrow 3/2$	1 312,065
				$3/2 \rightarrow 1/2$	781,865
¹³³ ₅₅ Cs	7/2	*[—] 6s	1/2	4 → 3	9 192,631 77 (¹)

Valeurs de séparations hyperfines pour quelques niveaux atomiques

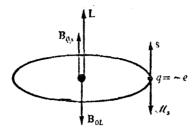
جدول (۲ – ۲)

ملاحظة :

ـ بعدئذ الحقل _B يمكن أن يوجه حسب J أو في اتجاه معاكس .

بالحقيقـــة إن الحقل B_{oL} الناتج عند مستوى النواة بواسطة الحركة المـــدارية للإلكترون وبالنتيجة من الشحنة السالبة للإلكترون ، ذو اتجاه معاكس للشعاع L .

شكل (٧ – ٦) ، على العكس فإن الحقل B₀₀ الناتج عند مستوى النواة بواسطة العزم المغناطيسي السبيي ي μ هو في اتجاه الشعاع S . من أجل مجموعة الالكترونات . في الذرة ؛ وحسب قيم S و L في الإرتباط S – L أو الإرتباط j – j ، فإن مسقط محصلة هذه الحقول على J تمثل القيمة المتوسطة B₀ للحقل عند مستوى النواة ، يمكن أن يأخــذ اتجاه الشعاع J أو الإتجاه المعاكس .



شکل (۷ – ۲)

٧ – ٣ – التأثيرات المتبادلة المغناطيسية بين النواة والإلكترونات : حسب ثابتة البنية الفوق ناعمة :

Interaction magnetiques entre le noyan et les 'lectrons : calcul de la constaut de Strucutre hypefine

$$\mathbf{A} = \frac{\mu_{o}}{4 \pi k} \frac{1}{r^{3}} (\mu_{N} \wedge r)$$

طاقة التأثير المتبادل w1 مع الغمامة الإلكترونية حسب الكهرمغناطيسية الكلاسيكية تعطى بالعلاقة :

$$W_{1} = -\int \int \int A j \, dV = \frac{-\mu_{o}}{4\pi k} \int \int \int \frac{\mu_{N} \Lambda r}{r^{3}} j \, dV$$

$$-\sum_{i} \sum_{j} \sum_{j$$

بإدخال الشحنة dq الموضوعة في النقطة M وذات السرعة v يكون لدينا :

-1 Λ -

$$W_{1} = \frac{-\mu_{o}}{4 \pi k} \int \int \int \frac{\mu_{N}(r \wedge j)}{r^{3}} dV = \frac{-\mu_{o}}{4 \pi k} \mu_{N} \int \int \int \frac{r \wedge v}{r^{3}} dq$$

لكن العزم الحركي المداري (r ۸ v) ع مر ثابت الحركة ، بإدخال مغنيتون بور والعزم المداري بواحدة h . تصبح :

$$W_{i} = + \frac{\mu_{o}}{4 \pi} 2 \beta L \mu_{N} < r^{-3} >$$

مع فرض أن :

$$\langle r^{-2} \rangle = \frac{1}{q} \int \int \int \frac{\mathrm{d}q}{r^3}$$

حيث q = _ e حيث

أخيراً بعد إدخال السبين النووي I نحصل : تحسير I با 20 م 2 4 م

$$W_1 = + \frac{\mu_o}{4\pi} 2 \cdot g_I \cdot \beta^2 L \cdot I < r^{-3} >$$

ملاحظة :
يمكــن الحصول على W₁ بشكل مبسط بفرض أن الشحنــة النقطية q = _ e
الواضعة لمدار كلاسيكي وذات سرعة v تعطي عند مستوى النواة في لحظة ما حقل .
B =
$$\frac{\mu_0}{4\pi \, k}$$
 q v $\wedge \frac{-r}{r^3} = \frac{\mu_0}{4\pi \, mk} \frac{q}{r^3} mr \wedge v = \frac{\mu_0 q}{4\pi \, mk} \frac{\sigma_L}{r^3}$
r شعاع موجه من النواة نحو الشحنة q ، وبالتالي فإن الحقل المتوسط :

$$B_{oL} = \frac{\mu_o \ qn}{4\pi \ mk} < 1/r^3 > L = \frac{-\mu_o}{4\pi} 2 \cdot \beta < 1/r^3 > L$$

: $\lambda = \frac{1}{4\pi} \frac{1}{2} \cdot \beta < 1/r^3 > L$

$$W_1 = - \mu_N B_{oL}$$

وبعد إدخال السبين النووي I نجد W1 :

- 119 --

$$W_{I} = \frac{\mu_{o}}{4 \pi} 2 g_{J} \cdot \beta^{2} L \cdot I < r^{-3} >$$

٧ – ٤ – التصحيحات المدخلة في التأثير المتبادل الكهربائية ساكنة (الكترونات – ٤ – ١)
 - نواة) :

Correction à apporter à l'intervaction èlectrostatiques - electron - noyan

الفصل فوق الناعم بين المستويات ذات نفس العدد J ، المعبر عنها بواحدات التردد بصورة عامة هي من مرتبة 10ºHz ، وذلك بالنسبة لفرق الطاقة بين المستوي الأسامي (القاعدي) والمستويـات المثارة . (Hz الما - 10 م) مفاعيل البنية الفوق ناعمة تترجم إذاً بتصحيح طاقي صغير جداً ، ذو قيمة من مرتبة ⁵-10 ، وحتى يأخذ هذا التصحيح معنى يجب أخذ بعين الإعتبار عدم نقطية النواة . النسبة بين أبعادها وأبعاد المدارات الإلكترونية من مرتبة ¹⁰-10 أو 4-10 .

سنناقش على التوالي أولاً حد الإرتباط ربــاعي الأقطاب ثم بعد ذلك مفعول النظائر حيث يترجم الأول تصحيحات مختلفة حسب قيم F والآخر يترجم بإزاحة للمستوي E.

Efffects quadrupolairès èlèctroniques

في حالات عديدة يكون توزيع الشحن q_N داخل النواة ذو تناظر غير كروي وبالتالي فإن حد التأثير المتبادل الكهربائي الساكن الكترونات ـــ نواة .

$$\sum_{i} \frac{q_{N} q_{i}}{r_{i}}$$

يجب أن يكمل ليأخذ بعين الإعتبار الإبتعاد عن التناظر الكروي وذلك بأخذ الحدود ذات الرتبة الأعلى في نشر العزوم المتعددة الأقطاب (ammex IV) تجريبياً لم نستطع إيضاح (ايجاد) العزم ثنائي القطب وهذا معدوم حسب النظرية الكوانتية : إذا فرضنا أن النواة تملك توزيع للشخن ذات revolution (تطور – نشوء) حول المحور so المعرف بإنجاه العزم الحركي النووي 1 . فإن السحابة الإلكترونية ذات تناظر ذو نشوء حول oz و oz اتجاه العزم الحركي الإلكتروني J ، إن تدرج الحقل الكهربائي (annexIV) ممكن أن يعرف فقط بالمركبة

$$\varphi_{zz} = -\frac{\partial E_z}{\partial z} = \frac{\partial^2 u}{\partial z^2}$$

$$\Delta E_{\mathbf{Q}} = \frac{e \mathbf{Q} \, \varphi_{zz}}{4} \left(\frac{3}{2} \, \cos^2 \theta - \frac{1}{2} \right)$$

۵ هي الزاوية بين المحاور oz و oz .

أي ان الزاوية بين الشعاعين I و J ، يوم نعتمد عـــلى المستوي المعتبر والمطابق لتشكيل ولقيمة معينة لـ J ، والتي من أجله نحدد قيمة ثابتة الإرتباط رباعي الأقطاب :

B = e Q φ_{zz}
عند مستوي جزئي فوق ناعم ذو قيم معينة لـ J و F يجب إضافة تصحيح الطاقة :
ΔE_Q =
$$\frac{B}{4}$$
 [3/2 cos² (I , J) — ½]

لكن :

$$\cos (I, J) = \frac{F(F+1) - I(I+1) - J(J+1)}{2\sqrt{I(I+1)J(J+1)}}$$

أخيراً فإن :

2

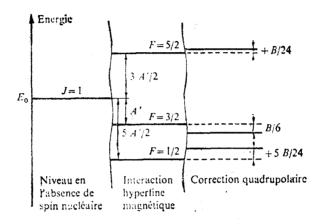
$$\Delta E_{Q} = \frac{B}{4} \cdot \frac{3/2 \ C (C + 1) - 2I (I + 1) J (J + 1)}{I (2I - 1) J (2J - 1)}$$

- 191 -

الشكل (V – V) يبين التصحيحات التي يجب إدخالها على سويات الطاقة في حالة I = 3/2 , J = 1

ملاحظة :

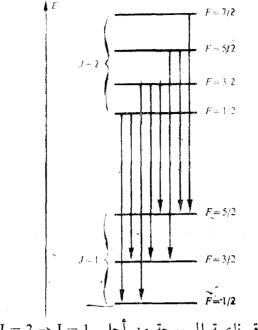
الأنوية بـــدون سبين نووي أو ذات سبين نووي يساوي ½ هي ذات تناظر كروي وبالتالي فإن العزوم رباعي الأقطاب لها يكون معدوم (جدول I) .



٧ – ٥ – البنية الفوق ناعمة لنخطوط الطيفية :

La structure hyperfine de raies spectrales

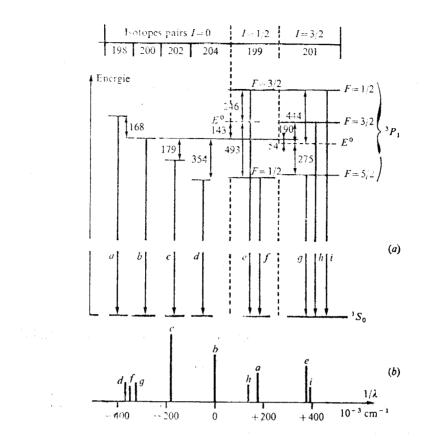
الإنتقال بين السويات والتي يمكن أن تلاحظ هي الانتقالات التي تحقق قواعد الإصطفاء :



I = 3/2 مع $J = 2 \rightarrow J = 1$ الإنتقالات الفوق ناعمة المسموحة من أجل $I = J \rightarrow J = 1$ مع J = 3/2 مع J = 3/2

والشكل (٧ – ٩) يعطي بنية الإنتقال م5¹ 6 → 1⁸ 4 للاحظ مع مصباح زئبق حيث مركب من العديد من النظائر ، مستويات النظيرين الفرديين تعطي ، بنيات فوق ناعمة (معقدة) . وذلك بانزياح رباعي الأقطاب وذلك بالنسبة للنظير (20) والمستويات للنظائر الأربعة الزوجية لاتملك بنيات فوق ناعمة لكن لاتتطابق كنتيجة للتأثير ات النظرية . الإنتقالات بين المستويات الجزئية الفوق ناعمة والمسموحة تقع في مجال الترددات الراديوية واحتمال اصدارهم التلقائي ضعيف جـداً لذلك فإن ملاحظتهم في الإصدار التلقائي غير ممكن في الشروط المجبرية . ومراقبتهم في الإصدار المحث أسهل من ناحية تقنية تتعالب وجود فرق في الإسكان بين السويات الجزئية التي يمكن الحصول عليه إما بالضخ الضوئي أو بطرق انجراف العطي قيم ثابتة البنية فوق تأتي أهمية قياس البنيات الفوق الناعمة للخطوط الذرية بأمها تعطي قيم ثابتة البنية فوق الناعمة / مالتعلقة بالعزم المناطيسي النووي، ثابتة البنية الفوق ناعمة B ملتعلقة بالعزم تأتي أهمية قياس البنيات الفوق الناعمة للخطوط الذرية بأمها تعطي قيم ثابتة البنية فوق الرباعي الأقطاب . وكذلك للإنزياحات النظائرية المتعلقة بعلية بالعراق الرباعي الأقطاب . وكذلك للإنزياحات النظائرية المتعلقة بعم الغرم ذلك تعطي دعم تجربي لنظريات بنية النواة .

الفيزياء الذرية



الإنتقالات م1^s → 1^s → 1^s للمرة الزئبق من أجل النظائر المختلفة (a) فروق الطاقة مأخوذه بالنسبة للحالة ب³P للنظير 200 . قياسها معطى بـ ¹⁻¹0⁻⁻¹ ملاحظه الترتيب المقلوب للسويات الفوق ناعمه الحـــزئيه موافقة للنظرين 199 و 201 . طــول الموجه الوسطي للإنتقالات ³A 2537 . (d) وضع الخطوط الطيفية على سلم الأعداد الموجيه .

شکل (۷ – ۹)

وهنا نجد نقطة الإتصال بين الفيزياء الذرية والنووية .

والجدول (٧ – ٣) يعطي التركيب النظائري لبعض العناصر الطبيعية .

Elément	A	Ι	Pourcentage
В	∫ 10	3	18,83
	11	3/2	81,17
Br	∫ 79	1/2	50,53
	81	3/2	49,47
Kr	/ 78	0	0,354
	80	0	2.266
) 82	0	11,56
	83	9/2	11.55
	84	0	56.9
	86	0	17,4
Hg	(196	0	0,15
	128	0	10,12
) 199	1/2	17.04
	200	0	23,25
	201	3/2	13,18
	\ 202	· · · · ·	29,54

Composition isotopique de quelques éléments naturels

٧ – ٦ – المغناطيسية لذرة تملك سبين نووي (مفعول زيمان ومفعول باك –
 غودسمت) :

Le magnetisme d'un atome possedant un spin nucleaire (effrect etBack - Geadsmit) رأينا في الفقرات السابقة بأن كل مستوي لذرة ما يملك عزم مغناطيسي نووي مميز بالعزم الحركي الكلي F ويملك بالتالي رتبة توالد 1 + 2 F .

إن رفع رتبة التوالد بوجود حقل مغناطيسي ستكون أكثر تعقيداً من الحالة التي يكون فيها العزم المغناطيسي النووي معدوماً . الهاملتونيان لذرة في غياب الحقل سيتضمن بالإضافة للحد T₁ ، T₂ حد آخر هو T₃ يترجم التأثير المتبادل بين الكترونات – نواة . في هذه الفقرة سندرس فقط التأثير المتبادل بين الفوق ناعم المغناطيسي A'IJ وسنهمل المفعول النظري وكذلك انزياح رباعي القطب . ۷ – ۲ – ۱ – الإضطراب W المعتمد على الحقل المغناطيسى :

La perturbation W depndant du chramp magetique بأخذ بعين الإعتبار الإرتباط بين العزم المغناطيسي النووي _{µN} والحقل المغناطيسي فإن :

$$W = \beta \ (\hat{L} + 2 \, \hat{S}) - \mu_N \ B \ .$$
: نكين :

في الإرتباط S ــ L حيث (T₁ > T₂) ، فإن الحد T₃ يؤدي إلى انزياح في الطاقة أصغر بكثير من الحد T₂ . حسب شدة الحقل المغناطيسي المطبق يجب أن نميز الحالات التالـــية :

- b) T₁ > T₂ > W > T₃ (b) يطبق الإضطراب على H₀ + T₁ + T₂ م عـــلى الحاصل بتطبيق الإضطراب T₃ في هـــذه الحالة نكون ضمن شروط فلئ الإرتباط IJ deconplage أو يسمى مفعول باك غودسمت Back - Godsmit .
-) $T_2 > T_2 > T_3$ (c) في هذه الحالة فإن مفعول باش باك يجب أن يكمل T_3 = T_3 T_3 T_3

٧ – ٢ – ٢ – حالة حقول ضعيفة : مفعول زيمان :

Casdes change faibles ; effect Zeaman

تصحيحات الطاقة التي يجب إدخالها على E°F تعطى بعناصر القطرية للمصفوفة W والذي

حيث M_F العدد الكمي الممثل لمسقط العزم الزاوي F على الإتجاه oz ، بتطبيق نظرية wigner - eckart .

< E°_F , F , m_F | L_z + 2S_z | E°_F , F , m'_F > = g_J < E°_F , F , m_F | J_z | E°_F , F , m'_F > کما رأينا سابقاً نجد :

$$g_{J} = 1 + \frac{J(J+1) + S(S+1) - L(L+1)}{2 J(J+1)}$$

كذلك فإن :

حيث :

$$< E^{o}_{F}, F, m_{F}|J_{z}|E^{o}_{F}, F, m'_{F}> = a < E^{o}_{F}, F, m_{F}|F_{z}|E^{o}_{F}, F, m'_{F}>$$

 $|I|$
 $|I|$
 $= \frac{F(F+1) + J(J+1) - I(I+1)}{2F(F+1)}$
 $|I| = 2F(F+1)$
 $|I| = 2F(F+1)$
 $|I| = 2F^{o}_{F}, F, m'_{F}> = b < E^{o}_{F}, F, m_{F}|F_{z}| = E^{o}_{F}, F, m'_{F}>$

$$b = \frac{F(F+1) + I(I+1) - J(J+1)}{2F(F+1)}$$

= 1 - a

أخيراً نجد :

$$< E^{o}_{F}, F, m_{F} | \hat{L}_{z} + 2 \hat{S}_{z} - g_{I} I_{z} | E^{o}_{F}, F, m'_{F} > =$$

= $(a g_{I} - b g_{I}) < E^{o}_{F}, F, m_{F} | F_{z} | E^{o}_{F}, F, m'_{F} >$

أي أن :

$$g = g_J \frac{F(F+1) + J(J+1) - I(I+1)}{2F(F+1)} - g_I \frac{F(F+1) + I(I+1) - J(J+1)}{2F(F+1)}$$

The construction of the set of the set

$$\Delta \mathbf{E} = \mathbf{g} \, \mathbf{m}_{\mathbf{F}} \cdot \mathbf{\beta} \cdot \mathbf{B} \, .$$

الشكل (V – ۱۰) يعطي تحليل زيمان لمختلف المستويات الفوق الناعمة المطابقة للحدود الطيفية P₂, ³P₁, ³P₁ من أجل I = 1⁄2 .

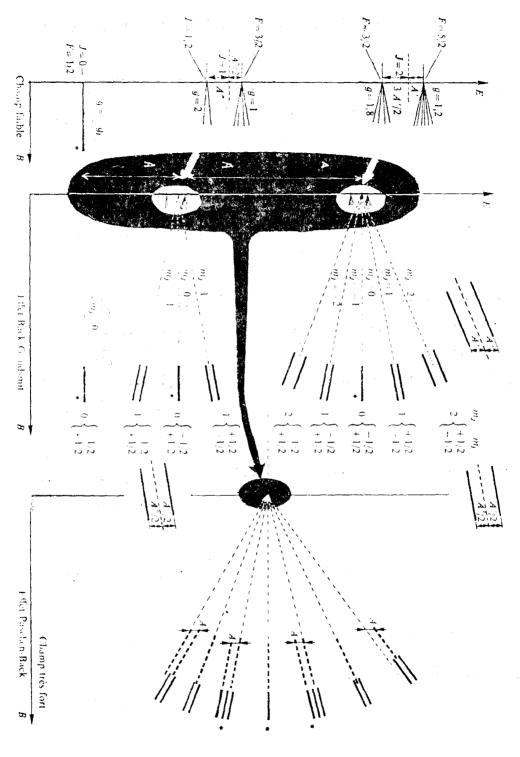
ملاحظة (٢) :

يمكن أن تأخذ g قيمة موجبة أو سالبة حسب القيم العددية لـ F و I و I و J . إن القيمة السالبة لـ g تطابق حالة العزم الحركي الكلي _{σF} والعزم _F مغناطيسي في اتجاه واحد .

والشكل (V – ١٠) يعطي مخطط سويات الطاقة كتابع للحقل المغناطيسي في الحالة الخاصة ½ = I .

حيث الخطوط المشار إليها بنجمه * تمثل سويتين منفصلتين لكن قريبتين جداً من بعضهما البعض وغير قابلتين للفصل في السلم المستخدم .

- 19/ --



- 199 -

effect Back - Goudsmite en champ fort

لنعتبر الآن الحالة التي يكون فيها _T₃ W > T₃ ولنطبق في البداية الإضطراب W على حل الهاملتونيان H₀ + T₁ + T₂ ، وبما أنـــه لايدخل بشكل ضمي فيجب عــلينا أن نأخذ بعين الإعتبار في وصف حالة السبين النووي :

كل مستوي إذاً مميز بالقيم I و J ، ولاتدخل أي طاقة ارتباط بين I و J ومرتبة التوالد هي (I + 12) (I + 12) ، تتم الدراسة في التمثيل E_J , J , m_J , I , m_I . وتكون مشابهة تماماً لمفعول باشن — باك ، حيث يمكننا بسهولة أن نصل إلى تصحيح الطاقة :

$$\Delta E = (m_J \, g_J - m_I \, g_I) \ \beta \ . \ B \ .$$

والشكل (١٠) يعطي مثال عن إحدى الحالات حيث الخطوط المنقطة تعطي تصحيح الطاقة السابق إذا أهملنا m_I g_I أمام m_J g_J فإننا نحصل على نفس مخطط الطاقة لذرة في حقل ضعيف وبدون سبين نووي . اكن يجب أن لاننسى أن كل خط في هذه الخطوط المنقطة تمثل بالحقيقة (1 + 21) خط متجاورة ومميزة مطابقة لمختلف قيم m_I لنطبق الآن الإضطراب :

$$T_3 = A' I \cdot J$$

تطبق على المستويات الغير متوالدة وتعطي إنزياح في الطاقة مساوي إلى القيمة المتوسطة لـ _{T3} والمساوية إلى :

Cas des champs trés forts : حالة حقول قوية جداً . ٢ – ٧

هي الحالة التي يكون فيها T1 > T2 > T3 أي في حالة شروط مفعول باش باك لذرة بدون سبين نووي .

- ... -

إن الدراسة التجريبية هي ذات فائدة صغيرة جداً بالقياس مع الحالات السابقة والشكل (٧ – ١٠) يعطي مخطط الطاقة كمياً حيث الخطوط المنقطة تمثل مستويات الطاقة في غياب الحقل المغناطيسي والخطوط المستمرة تعطي مستويات الطاقة مع الأخذ بعين الإعتبار الحد T₃ .

٧ – ٧ – مخططات الطاقة في مناطق الحقول المتوسطة : العزوم المغناطيسَية الفعالة :

Diagrammesd' energie dans les règions de champ interme diaire - Moments magnetiques effectifs

لقد كانت الدراسة السابقة محدودة في حالة الحتمل الضعيف ، الحتمل القوي لكن في حالات ذرات ذات سبين نووي فإن البنيات الفوق ناعمة تكون ضعيفة جداً ، مرتبة بعض الميغاسيكل / ثانية ، وبين العشرات الألوف الميغاسيكل / ثانية ، مع عامل لانده 1 = وفإن فرق الطاقة بين مستويين جزيئين لزيمان متعاقبان هو 1,4 MHz على غوص ، ومن المحتمل جداً أنه ضمن شروط الحقل المغناطيسي فإن التقاريب السابقة يمكن أن نتحقق ، والعديد من التجارب في علم التليوف ذات الترددات الراديوية تمت ضمن شروط الحقل المتوسط (ما بين) ، إذاً يجب تطبيستى الإضطراب H₀ + T₁ + T₂ على حلول - T₁

M_F = m_I + m_J ل رأينا سابقاً فإن الحلول يجب أن يُعـ بر عنها كتابع لـ m_F = m_I + m_J . باعتبار أن الكمية المحفوظة مهماكان الحقل هي العزم الحركي الكلي F

الحل تحليلياً غير ممكن وعددياً فتط يتم الحصول عليه ، إلا أنه في الحالة الخاصة حيث J أو I مساوياً 1⁄2 يمكن إيجاد حل تحليلي . لنحدد هذه العلاقة من أجل مستوي 1⁄2 = 1 ، J تأخذ أي قيمة :

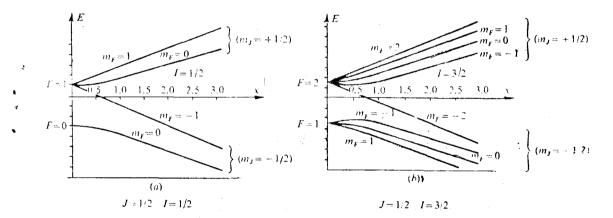
لندعو (F, m_F) الطاقة ضمن الحقل B لذرة ذات عزم حركي كلي F ، ومميزة بالعدد

$$m_F = m_I + m_J$$

E الطاقة المحسوبة بدون الأخذ بعين الإعتبار للبنية الناعمة . أخيراً لندخل بدل الحتمل المغناطيسي B البارامتر (المتحول) X :

$$\begin{split} \chi &= \frac{2 \left(g_{\rm I} + g_{\rm J} \right) \beta \ B}{(2 {\rm I} + 1) {\rm A}'} = \left(g_{\rm J} + g_{\rm I} \right) \frac{\beta \ B}{\delta {\rm w}} \\ ({\rm e}\,\dot{\epsilon}{\rm l}\dot{t}\dot{t}\,\, {\rm trundum}\,\, {\rm$$

الإسارة موجبة مطابقة حالة 27 + 1 = 1 والإسارة سالبة من الجل 27 = 1 + 7 عندما يكون الحقل المغناطيسي ضعيف (1 > X) وعندما يكون قوي (1 < X)وإشارة ∓ المحتارة هــي إشارة العدد الكمي m, ، تسمح هذه العلاقات بإقامــة الحسابات العددية لمخططات زيمان ، والشكل (۷ – ۱۱) يعطي أمثلة على ذلك .



I= 3/2 (b) , I = ½ (a) مع J = ½ (b) , I = ½ (b) بوجود حقل مغناطيسي للسوية J = ½ (c) بالع (c) العامل X المعرف اعلاه . الإحداثيات متناسبه مع الحقل المغناطيسي ومقاسه مع المعامل X المعرف اعلاه . شكل (۷ – ۱۱)

- 202 -

الفصل الثامين

and the second second

نطرية الاشعاع

۸ _ ۱ _ مقدم___ة :

يقسم نظري الطيوف الذرية إلى جزئين : جزء يبحث في طاقة السويات الموافق للحالات المختلفة والجزء الآخر يبحث في آلية الإصدار حيث يتم امتصاص أو أصدار الحطوط الطيفيه من خلال الإنتقال بين الحالات . وفي هذا الفصل سنعرض النظريات العامة لآلية الإشعاع ويمكن معالحة نظرية الإشعاع باستخدام النظرية الكهرطيسية لماكسويل مع أدخال بعض التعديلات وذلك باستخدام ميكانيك الكم والتي يقال عنها نظرية الإلكتروديناميك الكمي .

۸ – ۱ – ۱ – احتمالات الإنتقالات :

يتم إصدار ضوء عندما تنتقل ذرة من حالة عليا إلى حالة دنيا (قفزه كميه) . وكذلك يتم الإمتصاص عندما يتم الإنتقال بوجود فعل حقل إشعاع على الذرة . والآن لتكن ذرة ما هي في الحالة المثارة ز وحسب اينشتاين يمكن أن نرفق هذه الذرة بقيمة احتمالية بواحدة الزمن (j,i) A لحدوث انتقال تلقائي مع اصدار إشعاع ذو عدد موجي مساوي إلى hc (E_j — E_i) / hc .

فإذا كان (N(j) هو عدد الذرات عند السويه j فيكون :

$$\frac{dN(j)}{dt} = -\left[\sum_{i} A(j,i)\right] N(j) \qquad (1-\Lambda)$$

- 1.4 -

حيث المجموع هو على جميع الحالات ذات الطاقة الأولى فإذا كان (j) م هو العمر الوسطي للسويه j وهو عـارة عن الزمن المتوسط الذي تبقى خلاله الذرة مثارة أي :

$$\frac{1}{\tau(j)} = \sum_{i} A(j, i) \qquad (Y - \Lambda)$$

فإن العلاقة (١) تصبح بعد المكامله .

$$N(j) = N_{o}(j) e^{-t/\tau(j)} \qquad (t' - \Lambda)$$

كذلك يمكن ارفاق الذرة بمعاملين احتمالين يمثلان فعالية حقل الإشعاع في تسبب الإنتقال . حيث يفرض أن يكون حقل الإشعاع متماثل المناحي Isotropic وغير مستقطب وله طاقة طيفية do (o) م .

إذا كانت k هي سوية اعلى من j (ليست بالضرورة مثارة) عندئذ فالحقل سينتج انتقالات من j إلى k وإمتصاص الكمية :

حيث o العدد الموجي الموافق للإنتقال . كذلك فالإشعاع يحدث أو يحرض آلية اصدار من k إلى A بنسبة :

$$N(k) B(k, j) \rho(\sigma)$$

المعاملات B , A تمثل التأثير المتبادل للذرة مع حقل الإشعاع ويكون لهما نفس القيم المقاسه إذا كان هناك توازن ترموديناميكي . ولنوجد الآن العلاقة بين A و B .

- a يعطى العدد النسبي للذرات في السويات المختلفة بتوزع ماكسويل بولتزمان N (j) =g (j) e^{– E}j / kT (j = g (j) e
 - حيث (j) g هو الوزن الإحصائي للسويه j .

- 1.5 ---

$$\begin{split} \rho(\sigma) &= h c \sigma \frac{8 \pi \sigma^2}{e^{hc\sigma/kT} - 1} \qquad (\sigma - \Lambda) \\ e^{-\Lambda} &= (\sigma - \Lambda) \\ (\Lambda - \Lambda) &= (\sigma - \Lambda) \\ (\Lambda - \Lambda) &= (\sigma - \Lambda) \\ (\Lambda - \Lambda) &= (\sigma - \Lambda) \\ e^{-\Lambda} &= (\sigma - \Lambda) \\ e^{-\Lambda}$$

تجدر الإشارة هنا إلى أن الإصدار القسري (المحرض) لايختلف فقط عن الإصدار التلقائي بطبيعة العمليات الإشعاعية المؤدية إلى كل منهما فحسب بل وبآلية الإنتشار أيضاً فبينما ينتشر الإشعاع في كل اتجاه ، نرى أن الإشعاع القسري ينتشر في اتجاه الإشعاع الساقط على الجسيمه فقط ، أي في اتجاه الإشعاع المحرض كما أنه يتطابق باستقطابه مع استقطاب الإشعاع المحرض .

بالتفصنل فإنه احتمال الإنتقال متناسب مع مربع عناصر مصفوفة التأثير المتبادل بين الحقل والمادة .

۸ – ۲ – النظرية الكهرمغناطيسية الكلاسيكية :

يمكن اعتبار الإشعاع كتدفق طاقة خاصة وهذا خاضع لعلاقات ماكسويل . وفي هذا يكون لدينا حقل سلمي م عبارة عن كثافة شحن كهربائية في وحدات كهربائية ساكنه وليكن I شعاع الحقل كثافة التيار في واحدات كهربائية ساكنه يرتبط الحقلان بالعلاقة التالية :

div I +
$$\frac{1}{c} \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0$$
 (9 - Λ)

وكذلك :

 $\operatorname{div} \mathbf{H} = 0 \qquad (\dot{\mathbf{I}} - \mathbf{V} - \mathbf{A})$

$$\operatorname{curl} \overrightarrow{\varepsilon} + \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} = 0 \qquad (-1) - \lambda$$
$$\operatorname{div} \overrightarrow{\varepsilon} = 4 \pi \rho \qquad (-1) - \lambda$$
$$\operatorname{curl} \mathbf{H} - \frac{1}{c} \frac{\partial \overrightarrow{\varepsilon}}{\partial t} = 4 \pi \mathbf{I} \qquad (-1) - \lambda$$

فإذا استخدمنا الكمون السلمي ۾ وشعاع الكمون A واللذان يحققان العلاقات التالية :

$$-\Delta \varphi + \frac{1}{c^{2}} \frac{\partial^{2} \varphi}{\partial t^{2}} = 4 \pi \rho$$

$$-\Delta A + \frac{1}{c^{2}} \frac{\partial^{2} A}{\partial t^{2}} = 4 \pi I \qquad (11-\Lambda)$$

$$\operatorname{div} A + \frac{1}{c} \frac{\partial \varphi}{\partial t} = 0$$

$$(11 - \Lambda) \quad \operatorname{idv} \operatorname{div} A = 0$$

$$(11 - \Lambda) \quad \operatorname{idv} \operatorname{div} A = 0$$

$$\stackrel{1}{\varepsilon} = -\operatorname{grad} \varphi - \frac{1}{c} \frac{\partial A}{\partial t}$$

$$H = \operatorname{curl} A$$

$$arphi$$
 والحل للكمون السلمي يكتب بالشكل :
 $arphi(x', arphi', z', t') = \int rac{
ho(x, y, z, t)}{R} \, \mathrm{d}x \, \mathrm{d}y \, \mathrm{d}z \qquad (17 - \Lambda)$

$$t=t'-\frac{R}{c}$$

R هي المسافة بين عنصر الحجم dx dy dz والنقطة 'x y' z' . وهـــذا معروف بكمون التأخير .

لتطوير النظرية الكلاسيكية للإشعاع بشكليه مناسبه لإستخدام النظرية الكوانتيه يجب نشر علاقة كمون التأخير وذلك بفرض أن م و I يتغيرا بصورة توافقيه مع الزمن . أي بعد اعتبار

- $\rho(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}, t) = \rho(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}) e^{2\pi i \mathbf{v} t}$ $\rho(t) = \operatorname{Re} \{ \rho e^{2\pi i \mathbf{v} t} \}$
 - $\mathbf{I}(t) = \operatorname{Re} \{ \mathbf{1} e^{2\pi_{t} v t} \} \qquad (\lambda \mathbf{\xi} \Lambda)$
- حيث I شعاع ثنائي (ذو شكل Ir + i I, يمكن إذاً كتابة معادلة الإستمرار بالشكل : div I + i k ρ = 0 (۸ – ۱۰)

٨ – ٣ – شعاع ثنائي قطب مهتز :

A – فرضيات :

يشكل ثنائي القطب من الشحنة Q+ والشحنة Q- متوضعتان عند طرفي عنصر ختاي I محمول على المحور oz شكل (٨ – ١ – أ) . نفرض أن الشحنتين تشغلان أمكنه ثابته لكن قيمهم تتغير خلال الزمن ولتأمين انحفاظ الشحن يجب أن نفرض أن العنصر الحتلي I سيمر فيه كثافة تيار

$$I = \frac{\partial Q}{\partial t} = \frac{1}{P} \frac{\partial P}{\partial t} = \frac{1}{P} P'(t)$$

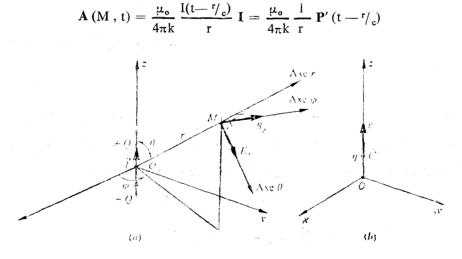
فإذا دعونا P القيمة الجبرية على المحور oz لعزم ثنائي القطب الكهربائي P = Q I و P′ مشتقه بالنسبة للزمن . والمقصود ثنائي قطب مهتز أي :

$$P=P_o\;e^{i\omega t}$$

لهذه المسألة ثلاثة فوائد :

٢ – تسمح بوصف وبصورة تامه عمل الهوائيات في الإنتشار الراديوي .

- ٣ تطبق كتقريب أولى في حالة الشحنة المعزولة c ذات القيم q الثابتة والمتحركة بسرعة كتقريب أولى في حالة الشحنة المعزولة c ذات القيم q الثابتة والمتحركة بسرعة dz/dt فرض أن
 ٩ z غير نسبيه شكل (٨ ١ ب) . يكفي إذاً فرض أن
 ٩ z غير التام في حالة شحنة معزولة متحركة يمكن أن يعطى انطلاقاً من كمون لينارد وفيشرت إلا أنه صعب ويحوي العديد من الحدود التصحيحيه كحد ل c .
- B الكمونات المتأخره :
 نحسب هذه الكمونات في النقطة M في الإحداثيات (r, θ, φ) شكل (Λ ۱ أ)
 (۱) الكمون الشعاعي :



شکل (۸ – ۱)

ويمكن أن يكتب باتجاه oz بالشكل أي مركبه على oz

- ۲・۸ -

$$\begin{aligned} A_{z}\left(M,t\right) &= \frac{\mu_{o}}{4\pi k} \frac{1}{r} P'\left(t-\frac{1}{r}\right) \\ &: j = -\frac{k}{k_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \frac{\partial A}{\partial z} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \cos\theta \frac{\partial A_{z}}{\partial t} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \frac{\partial A}{\partial z} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \cos\theta \frac{\partial A_{z}}{\partial t} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \frac{\partial A}{\partial z} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} \cos\theta \frac{\partial A_{z}}{\partial t} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} = -\frac{k}{\epsilon_{o}\mu_{o}} dt A_{o} \\ &= -\frac{k}{\epsilon_{o}} dt A_{o}$$

شحنة معزولة متناسب مع تسارُّعها .

$$a = \frac{d^2 z}{dt^2}$$

$$r > > \frac{c}{\omega} = \lambda / 2 \pi$$

(حيث λ طول الموجه الموافق للنبضه ω) . مع الأخذ بعين الاعتبار للشرط السابق ، يمكن أن نكتب الحتمول المشعه على مسافة كبيرة بالشكل :

$$E_{\rm r}=\,0$$

$$E_{\theta} \approx \frac{1}{4\pi \ \epsilon_{o}} \frac{\sin \theta}{r \ c^{2}} P''(t - r/c) = -\frac{1}{4\pi \ \epsilon_{o}} \frac{\sin \theta}{r} \frac{\omega^{2}}{c^{2}} P_{o} \ e^{i\omega t} \ e^{-i(\omega/c)r}$$

 $E_{\phi} = 0$

$$B_{r} = 0$$
$$B_{\theta} = 0$$
$$B_{\phi} \approx \frac{k}{c} E_{\theta}$$

يمكن التأكد من أن الحقول في النقطة M مشابهه لحقول موج^ر مستوية تنتشر في اتجاه الشعاع r والحد r (٥/٥):-e يمثل فرق الطور الناتج عن الإنتشار .

ملاحظة :

يمكن أن نبين بأنه نفس العلاقات قابله للتطبيق في حالة التقريب الغير نسبي (v > <v) أو في حالة شحنة معزولة بحركة (مستقيمة أو غير دورية) ، بشرط أن نأخذ كمبدأ وكمحور cz وضع الشحنة واتجاه شعاع تسارعها a في اللحظة (v = t). يكفي إذاً كتابة :

- 11. -

$$P''(t-\frac{r}{c}) = qa(t-\frac{r}{c})$$

يتم اصدار الحقل المشع (ذو السعه ½ ، نسبياً مهم عند مسافة كبيرة) في كل مرة يكون للشحنة الكهربائية شعاع تسارع . هذه هي حالة الكترونات ذات طاقة عالية مفرمله بصورة مفاجئه بصدمها بالوح معدني (bremsstrahlung) . وهي أيضاً حالة الكترونات ذات سرعة كبيرة تجد نفسها في حركة دائرية منتظمة في حقل مغناطيسي (اشعاع (synchrotron) .

D – الإستطاعة الكلية المشعة :

نحصل على الإستطاعة الكلية P المرسله في كل الفضاء بحساب التدفق الحارج عبر كرة ∑ (ذات نصف قطر r كبير جداً) ذات شعاع Poynting

$$\frac{\mathbf{k}}{\mu_{o}} \mathbf{E} \wedge \mathbf{B} \approx \frac{\mathbf{k}}{\mu_{o}} \mathbf{E}_{\theta} \mathbf{B}_{\phi} = \varepsilon_{o} \mathbf{c} \mathbf{E}^{2}_{\theta} \frac{\mathbf{r}}{|\mathbf{r}|}$$

هذا الشعاع متعامد مع عنصر السطح dS في كل نقطة من نقاط الكرة Σ : $dS = r^2 \sin \theta \ d\theta \ d\phi$

$$P = \int \int \varepsilon_{0} c E^{2}_{\theta} r^{2} \sin \theta d\theta d\phi = \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{i=1}^{\infty} e_{i} c E^{2}_{\theta} r^{2} \sin \theta d\theta d\phi$$

 $\frac{1}{16\pi^2\varepsilon_0 c^3} \left[P''(t-\frac{r}{c}) \right]^2 \int_{0}^{2\pi} d\varphi \int_{0}^{\pi} \sin \theta \ d\theta$

$$\mathbf{P} = \frac{1}{6 \pi \varepsilon_o c^3} \mathbf{P}'' = \frac{1}{6 \pi \varepsilon_o c^3} \omega^4 \mathbf{P}^2 = \frac{1}{6 \pi \varepsilon_o c^3} q^2 a^2$$

فإذا عوضنا P'' = — ω² P حالة ثنائي قطب مهتز

- ٨ ٤ تطبيق في حالة الكترون مرتبط بصورة مرنه :
 - ۸ ٤ ۱ تخامد الإهتزازات الحرة :

تستخدم النظرية الكلاسيكية للإشعاع بصورة أساسة النتائج التي أوردنا ذكرها سابقاً على ثاني القطب وسنوضح بعض هذه المفاهيم الأساسية . لذلك سنفرض الكترون في ذرة حيث موضعه معرف بشعاع r مرتبط بقوة مرنه متناسبة مع r (نموذج طومسون) .

 $\mathbf{f} = -\mathbf{k} \mathbf{r}$

اذا أبعد مثل هذا الإلكترون عن وضع توازنه فسيقوم بحركة اهتزازية لحظيه أو بحركة امتزازية حرة مرفق بـ :

$$\omega_{\circ} = \sqrt{\frac{K}{m}}$$
 کتلة الإلکترون $\omega_{\circ} = \sqrt{\frac{K}{m}}$

وللبساطة سنأخذ حالة الحركة الخطية ببعد واحد :

$$z = z_o e^{i \omega_o}$$

هذا الإنكترون ذو الحركة المتسارعة يولد موجة الكترومغناطيسية تكون تابعه لتسارعه a = dz² / dt² والذي يحمل طاقــة إلى اللانهاية بصورة دائمــة . مع الأخذ بعين الاعتبار لنتائج الفقرة السابقة يمكننا أن نحسب التميمة المتوسطه خلال الزمن الإستطاعة المحموله بواسطة الموجة .

$$\overline{P} = \frac{1}{6 \pi \varepsilon_{o} c^{3}} q^{2} \omega_{o}^{4} \overline{z^{2}} = \frac{1}{6 \pi \varepsilon^{o} c^{3}} q^{2} \omega_{o}^{4} \frac{z_{o}^{2}}{2}$$

ونعلم من ناحية أخرى الطاقة المخزنة من قبل هزاز ذو كتلة m ونبض «ω» هي : W = ½ m ω°² z°²

- 117 -

وللحفاظ على مبدأ انحفاظ الطاقة يجب أن تنخفض سعة الإهتزازات z, بصورة بطيئه خلال الزمن بحيث يكون انخفاض الطاقة w يُعوض بصورة تامه بالطاقة المحمولة من قبل الموجه :

$$\frac{\mathrm{dW}}{\mathrm{dt}} = -\overline{\mathrm{P}} = -\frac{1}{6\pi \varepsilon_{\mathrm{o}} c^{3}} q^{2} \omega_{\mathrm{o}}^{4} \frac{z_{\mathrm{o}}^{2}}{2} = -\frac{q^{2} \omega_{\mathrm{o}}^{2}}{6\pi \varepsilon_{\mathrm{o}} c^{3} \mathrm{m}} \mathrm{W}$$

أي أن الطاقة w تخضع للمعادلة التفاضلية :

$$\frac{1}{W} \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = - \frac{q^2 \omega_o^2}{6 \pi \varepsilon_o c^3 m} = - \frac{1}{\tau}$$

باجراء التكامل نجد ان الطاقة متناقصه بشكل أسي :

$$W = W_{o} e^{-t/\eta}$$

بأخذ الجذر التربيعي للطاقة نحصل على السعة

$$z_o = c e^{-t/2\tau}$$

السعة تتناقص مع ضعف ثابتة الزمن . أخيراً فان الحركة الإهتزازية عملياً ستضعف خلال فترة زمنية من مرتبة r وهذا الزمن r يسمى فترة حياة الألإهتزاز .

$$\frac{\mathrm{d}^2 z}{\mathrm{d}t^2} + \gamma \; \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} + \omega_o^2 \, z = 0$$

وحلها من الشكل :

$$z = c \exp \left[\left(-\gamma/2 \pm \sqrt{\frac{\gamma^2}{2} - \omega_o^2} \right) t \right] \approx c \exp \left[\left(-\frac{\gamma}{2} \mp i \omega_o \right) t \right]$$

$$= \gamma e^{-\frac{\gamma^2}{2} - \omega_o^2} \tau |t| = \gamma e^{-\frac{\gamma^2}{2} - \omega_o^2} \tau |t|$$

- 117 -

٨ _ ٥ _ الإهتزازات المجبرة لإلكترون بصورة مرنه مرتبط :

A – الحركة المستقرة للإلكترونات :

المعادلة التفاضلية السابقة هي نفسها بالنسبة للإحداثيات الثلاثة أي يمكن أن نكتبها بالنسبة للشعاع r المعرف لموضع الإاكترون في الفضاء .

عندما يخضع الإلكترون لتأثير حقل كهربائي جيبي خارجي E = E_o e^{iou}t ذه اتحاه ثارت مذخر من من عن من فالعاداة التفاضلية لحركته تصبح :

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\mathbf{r}}{\mathrm{d}t^{2}} + \gamma \frac{\mathrm{d}\mathbf{r}}{\mathrm{d}t} + \omega_{o}^{2} \mathbf{r} = \frac{q}{m} \mathbf{E} = \frac{q}{m} \mathbf{E}_{o} \cdot e^{i\omega t}$$

ومنها نجد الحل بنظام مستمر

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\omega_o^2 - \omega^3 + i\,\omega\,\gamma}\,\frac{q}{m}\,\mathbf{E}_o\,e^{i\,\omega\,t} = \frac{q}{m}\,\frac{1}{\omega_o^2 - \omega^2 + i\,\omega\,\gamma}\,\mathbf{E}_o\,e^{i\,\omega\,t}$$

إذا انتشرت الموجة الكهرمغناطيسية ذات النبض ؞ في وسط معدني يحتوي على Nالكترون بواحدة الحجم (بصورة مرنه مرتبطة ونفس النبض الخاص ؞؞) ، يظهر في هذا الوسط كثافة تيار J مهتز بحيث :

$$\mathbf{J} = \mathbf{N}\mathbf{q} \ \frac{\mathrm{d}\mathbf{r}}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathbf{N}\mathbf{q}^2}{\mathbf{m}} \frac{1}{\boldsymbol{\omega_o}^2 - \boldsymbol{\omega}^2 + \mathrm{i}\,\boldsymbol{\omega}\boldsymbol{\gamma}} \ \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

B – قرينة عقدية ومعادل الإمتصاص
علاقة ماكسويل – أمبير

rot $\mathbf{B} = \frac{\mu_{\circ}}{K} \left[\mathbf{\epsilon}_{\circ} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} + \mathbf{J} \right]$ تكتب مع الأخذ بعين الاعتبار لحركة الإلكترونات

- 112 -

Rot
$$\mathbf{B} = \frac{\mu_o}{k} \varepsilon_o \left[1 + \frac{Nq^2}{m \varepsilon_o} \frac{1}{\omega_o^2 - \omega^2 + i \omega \gamma} \right] \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} = \frac{\mu_o}{k} \varepsilon_o \varepsilon_r \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

إذا فرضنا أن :

$$\epsilon_r = 1 + \frac{Nq^2}{m\epsilon_o} \frac{1}{\omega_o{}^2 - \omega^2 + i\,\omega\gamma}$$

بهذه الطريقة وضعنا معادلة مكسويل ـــ أمبير بشكل مكافىء لمعادلة ماكسويل ــ أمبير التي توصف وسط عازل ذو ثابته عزل كهربائي ٤ . وبالتالي لابد من ادخال قرنية الإنعكاس العقدية n ــ i k بالشكل :

$$\epsilon_{r} = (n - i k)^{2} = n^{2} - k^{2} - 2i n k$$

. 4

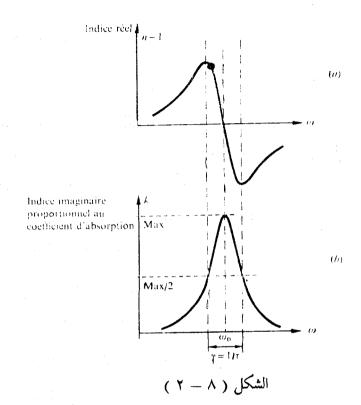
- فإذا حدينا أنفسنا في التقريب :
- __ الجزء الحقيقي للقرنية 1 ≈ n
 __ الجزء التخيلي للقرنية 1
- بإجراء عملية التطابق للجزئين الحقيقي والتخيلي لـ _e نجد :
 - القرنية الحقيقية :

$$n = 1 + \frac{Nq^2}{2m \epsilon_o} \frac{\omega_o^2 - \omega^2}{(\omega_o^2 - \omega^2)^2 + \omega^2 \gamma^2}$$

القرنية العقدية :

$$k = \frac{Nq^2}{2m \epsilon_o} \frac{\omega \gamma}{(\omega_o^2 - \omega^2)^2 + \omega^2 \gamma^2}$$

والشكلين (٨ – ٢ أ و ٨ – ٢ – ب) يمثلان على التوالي تغيرات n و k كتابع لـ ٥٠ بالنسبة للموجه الكهرمغناطيسية الساقطة ، ان القرنية الحقيقية n تسمح بحساب سرعة الطور في انتشار الموجة ويلعب دور قرنية الانكسار المفيد . نلاحظ بأنه عند تردادات مرتفعة (٥٥ ٥٥) يصبح n أقل من الواحد وهـــذا محقق تجريبياً في انتشار أشعة X . أما القرنية التخيلية k فتسمح بحساب معامل الإمتصاص للموجة الكهرمغناطيسية العابرة للوسط المدروس .



إذا تابعنا حساب الإنتشار للموجة انطلاقاً من معادلة مكسويل – أمبير والموضوعة تحت الشكل السابق نحصل كحــل من أجل موجة مستوية تنتشر بصورة موازية لـ ox على :

$$\mathbf{E}(\mathbf{x},\mathbf{t}) = \mathbf{A} \mathbf{e}^{\mathbf{i}\boldsymbol{\omega}\left(\mathbf{t} - \frac{\mathbf{n} - \mathbf{i}\mathbf{k}}{\mathbf{c}}\mathbf{x}\right)}$$

أو :

$$\mathbf{E}(\mathbf{x}, \mathbf{t}) = \mathbf{A} \mathbf{e}^{-\mathbf{k}} (\omega/c) \mathbf{x}_{1} \omega (\mathbf{t} - n/c \mathbf{x}) = \mathbf{E}_{\mathbf{0}} \mathbf{e}^{-i\omega (\mathbf{t} - n/c \mathbf{x})}$$

- 113 -

 E_{o}^{2} تمثل هذه المعادلة موجة تنتشر بسرعة طور n / c وبسعة E_{o} متناقصة . وكثافتها E_{o}^{2}

$$E_{o}^{2} = A^{2} e^{-2(\omega/c) k x} = A^{2} e^{-k x}$$

حيث :

$$K = rac{2\omega}{c} k = rac{Nq^2}{m \epsilon_o c} \cdot rac{\omega^2 \gamma}{(\omega_o^2 - \omega^2)^2 + \omega^2 \gamma^2}$$

: معامل الإمتصاص بجوار تردد خاص :
يمكن تبسيط العلاقة السابقة لمعادل الإمتصاص K وذلك بإقا

إقامة فرضية إضافية :

ومنه نجد :

$$\begin{split} \mathrm{K} &= \frac{2\omega k}{c} \approx \frac{\mathrm{Nq}^2}{\mathrm{m}\,\varepsilon_{\mathrm{o}}\,c} \cdot \frac{\gamma}{4\,(\omega_{\mathrm{o}}-\omega)^2 + \gamma^2} = \\ & \frac{\mathrm{Nq}^2}{16\,\pi^2\,\varepsilon_{\mathrm{o}}\,c\,\mathrm{m}} \cdot \frac{\gamma}{(\nu_{\mathrm{o}}-\nu)^2 + (\gamma/4\pi)^2} \\ \end{split}$$
eight in the set of the set of

قطاع تردد یکون ممتص مع معامل (۷) k مختلف :

$$\int_{0}^{\infty} K(v) dv \approx \int_{-\infty}^{+\infty} K(v) dv = \frac{Nq^2}{4 \pi \varepsilon_0 c m} \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\gamma/4 \pi dv}{(v - v_0)^2 + (\gamma/4\pi)^2}$$

وأخيراً فان :

- YIV -

$$\int_{0}^{\infty} K(v) dv \approx \frac{N q^2}{4 \varepsilon_o cm}$$

أي أن السطح المحدد بالمنحى (K(v) له نفس القيمة مهما كان سبب التخامد الذي يحدد عرضه .

٨ – ٦ – العزوم المتعددة الأقطاب :

۸ – ۲ – ۱ – حالة شحن غير متحركة العزوم المتعددة الأقطاب الكهربائية :

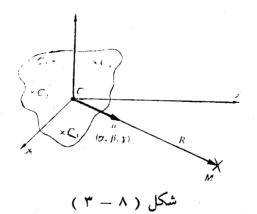
لتكن مجموعة الشحن qa الموضوعة في النقاط ca والقريبة من النقطة c المعتبر ه في المبدأ شكل (٨ – ٣) ذو مركبات

$$c c_n = r_n (x_n, y_n, z_n)$$

 $\mathbf{r_n} = |\mathbf{r_n}|$

لندرس التأثير المتبادل بين مجموعة الشحن c وشحنة أخرى موضوعة في النقاط M بعيداً عن النقطة c

 $\mathbf{C}\mathbf{M} = \mathbf{R} (\mathbf{X}, \mathbf{Y}, \mathbf{Z}); \mathbf{R} = |\mathbf{R}|$



، CM بفرض أن R أكبر بكثير من كل $r_{\scriptscriptstyle B}$. فتدخل متجهة الواحدة لR ، |R| |R| |R| |R|

1

 $\overline{\partial X^2} = -$

- 119 --

$$\frac{1}{c_{n} M} = \frac{1}{R} \left[1 + \frac{\mathbf{r}_{n}}{R} \mathbf{u} + \frac{\mathbf{x}_{n}^{2}}{R^{2}} \left(\frac{3 \alpha^{2} - 1}{2} \right) + \frac{\mathbf{x}_{n} \mathbf{y}_{n}}{R^{2}} 3 \alpha \beta + \dots \right]$$

$$\frac{1}{R} \left[1 + \frac{\mathbf{r}_{n}}{R} \mathbf{u} + \frac{\mathbf{x}_{n}^{2}}{R^{2}} \left(\frac{3 \alpha^{2} - 1}{2} \right) + \frac{\mathbf{x}_{n} \mathbf{y}_{n}}{R^{2}} 3 \alpha \beta + \dots \right]$$

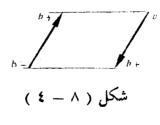
$$\frac{1}{R} \left[1 + \frac{\mathbf{r}_{n}}{R} \mathbf{u} + \frac{\mathbf{x}_{n}^{2}}{R^{2}} \left(\frac{3 \alpha^{2} - 1}{2} \right) \left(\sum q_{n} \mathbf{x}_{n}^{2} \right) + \frac{1}{R^{2}} \sum \left(q_{n} \mathbf{r}_{n} \right) + \frac{1}{2 R^{3}} \left[\left(3 \alpha^{2} - 1 \right) \left(\sum q_{n} \mathbf{x}_{n}^{2} \right) + \frac{1}{6 \alpha \beta} \left(\sum q_{n} \mathbf{x}_{n} \mathbf{y}_{n} \right) + \dots \right]$$

a) – في الحالة التي يكون فيها 0 ≠ ∑q يوجد barycentre للشحن pويمكن أن نضع في هذه النقطة المركز c ؛بينما Q م r ⊆ Q والحدودمنالمرتبة الثانية ستنعدم. الحد الأول بعد الحد 1/R يكون tern بـ 1/R (حالة خاصة لأنوية الذرات) .

b) – في الحالة التي يكن ن فيها P = \mathbf{p}_{a} فان المجموع P a r ك مستقل عن المبدأ c ندعو بعزم ثنائي القطب الكهربائي المتجهه P = $\mathbf{\Sigma} q_{a}$ r الأن الشكل الأبسط لتحقيق مثل هذه المجموعة من الشحن هو اختبار شحنتان متساويتان لكن باشارتين متعاكستين

(من الممكن اختبار المبدأ وتوجيه المحاور بحيث ينعدم الحد R³ / I) .

c) – في الحالة التي يكون فيها $0 = \sum_n q_n r_n = 0$ و $\sum_n q_n r_n = \sum_{i=1}^n p_i r_i$ بنفس الوقت ، لم تعد الحدود الأولى معدوم ومن السهل تبيان بأن معاملات الحدود السته مستقلة عن المبدأ المختار c ندعو بعزم رباعي الأقطاب الكهربائي التنسور المتناظر من المرتبة الثانية المشكل من هذه المعاملات الستة $\sum_n q_n r_n y_n < \sum_n q_n r_n y_n$ أن أبسط طريقة يحقق بها هو اختبار أربع شحن متساوية بالطويلة موضوعة على رأس متوازي أضلاع بشكل تشكل فيه ثنائيات قطب متعاكسه . كما في الشكل (A – 2) .



- ** -

d) – بشكل عام ندعو بعزم متعدد الأقطاب الكهربائي من الرتبة "2 مجموعة المعاملات التي تسمح بالتعبير عن الحد ١/٣" ، لأن أبسط طريقة لعدم مجموعة الحدود السابقة هو اختبار مجموعة لـ "2 شحنة متعاكسة .

B – حساب القوى المطبقة على مجموعة الشحن :

يسمح هذا الحساب بإيجاد نفس العزوم المتعددة الأقطاب دون إضافة اي فكرة جديدة . نعلم أن حساب القوى يتم باشتقاق طاقة التأثير المتبادل . إذاً لنحسب طاقة التأثير المتبادل W بين الشحن a والشحن الأخرى الموضوعة في النقطة M بعيداً عن c كان (a) u الكمون الناتج في كل نقطة c بواسطة الشحن الأخرى عندئذ تكون طاقة التأثير :

$$W = \sum q_n u(c_n)$$

وباعتبار أن الشحن التي تخلق الكمون u بعيدة عن المركز c فالكمون u يتغير قليلاً من نقطة c لأخرى وبالتالي يمكننا التعبير عن (c c) u بنشر محدود حول c :

$$\mathbf{u}(\mathbf{c}_{\mathbf{n}}) = \mathbf{u}(\mathbf{c}) + \mathbf{x}_{\mathbf{n}} \frac{\partial \mathbf{n}}{\partial \mathbf{x}} + \mathbf{y}_{\mathbf{n}} \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial \mathbf{y}} + \mathbf{z}_{\mathbf{n}} \frac{\partial \mathbf{n}}{\partial \mathbf{z}} + \frac{1}{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \frac{\partial^{2} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{2}} + \frac{1}{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \frac{\partial^{2} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{2}} + \frac{1}{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \frac{\partial^{2} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{2}} + \frac{1}{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \frac{\partial^{2} \mathbf{u}}{\partial \mathbf{x}^{2}} + \frac{1}{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2} \mathbf{x}_{\mathbf{n}}^{2}$$

$$+ x_n y_n \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} + \dots$$

بالحمع على كل الشحن c_n نحصل :

W = U (c)
$$\sum q_a + grad u \cdot (\sum q_n r_n) + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} (\sum q_n x^2_n) + \frac{1$$

$$+ \frac{\partial^2 u}{\partial x \, \partial y} \left(\sum q_{\mathbf{n}} x_{\mathbf{n}} y_{\mathbf{n}} \right) , \ldots$$

نرى إذاً أن u من مرتبة R / l و grad u من R / l والمشتقات من المرتبة الثانية 1/R³ وهي تماماً كما في الفقرة السابقة .

> c — الحقل الموافق لحد ثنائي القطب : يجب حساب تدرج الكمون الذي حصلنا عليه في A في الحالة b :

> > - 171 -

$$\mathbf{V}(\mathbf{n}) = \frac{1}{4\pi \ \varepsilon_{o}} \frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{u}}{\mathbf{R}^{2}} = \frac{1}{4\pi \ \varepsilon_{o}} \frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{R}}{\mathbf{R}^{3}}$$

المتجهة $\mathbf{P} = \sum q_a \mathbf{r}_a$ مستقل عن M ومنه نجـــد $\mathbf{P} = \sum q_a \mathbf{r}_a$ ومن ناحـــة أخرى :

grad
$$\frac{1}{\mathbf{R}^3} = \frac{-3}{\mathbf{R}^4}$$
 grad $\mathbf{R} = -\frac{3}{\mathbf{R}^4} \mathbf{u} = -\frac{3}{\mathbf{R}^5}$
 $\mathbf{E} = -\operatorname{grad} \mathbf{V} = \frac{1}{4\pi \varepsilon_0} \left[\frac{3\mathbf{P} \cdot \mathbf{R}}{\mathbf{R}^5} \mathbf{R} - \frac{1}{\mathbf{R}^3} \mathbf{P} \right]$

نستنتج بصورة خاصة طاقة التأثير المتبادل لثنائي القطب P مع ثنائي قطب آخر P موضوع في M :

$$W = P' \text{ grad } V = -P' \cdot E = \frac{1}{4\pi \varepsilon_o} \left[\frac{P \cdot P'}{R^3} - \frac{3 (P \cdot R) (P' \cdot R)}{R^5} \right]$$

bio distribution bio distributii distributicon bio distributicon bio distributicon bio distribut

٨ – ٢ – ٢ – حالة شحن متحركة – العزوم المتعددة الأقطاب المغناطيسية :

لنفرض أنه لدينا مجموعة الشحن _a وأنها تتحرك بسرعة _v ولنقوم بحساب الحقل المغناطيسي المتولد في النقطة M البعيدة جداً . ولنفرض أن c> v_a وأن التوزيع الوسطي للشحن الكهربائية الساكنة لايتغير بهذه الحركة . (بشكلية التوابع المستمرة تكتب أن معادلة انحفاظ الشحن a = 0/∂t = 0) في حالة الشحن النقطية تكون مختلف العزوم المتعددة الأقطاب الكهربائية لمجموعة الشحن مستقلة عن الزمن أي مشتقها بالنسبة للزمن معدوم .

ليكن تابع من النوع المراد استخدامه (مثلاً مركبة لعزم متعدد الأقطاب الكهربائي) و لنحسب متوسط مشتقه بالنسبة للزمن أي : P (f) = **∑** q₀ x₀ y₀

$$\left(\partial \left| \frac{\partial f}{\partial t} \right) = \frac{1}{t_2 - t_1} \int_{t_1}^{t_2} \frac{df}{dt} dt = \frac{1}{t_2 - t_1} (f_2 - f_1)$$

بزيادة المجال t₁ — t₂ تجعل القيمة المتوسطة معدومة ، وبالتالي فإن f ثابت خلال الزمن أي أن كل مجموعة الشحن التي تبقى مغلقة على نفسها ضمن حجم محدود تحقق القيمة المتوسطة وفرضيه المغناطيسية الساكنه .

وهذا سيطبق في حـــالة الذرة أو الجزيئة . في هذه الحال الفترة t_a ـــالة والتي ضمنها يجب حساب المتوسط هي من مرتبة مدة الحركة المدارية للإاكترونات .

A – حساب الحقل المغناطيسي المتولد عن مجموعة من الشحن :
 لحساب متجهة الكمون :

$$\mathbf{A}(\mathbf{M}) = \frac{\mu_{o}}{4 \pi k} \sum \frac{q_{n} \mathbf{v}_{o}}{c_{o} M}$$

نستخدم النشر المحدود لـ C_n M في الفتمرة السابقة لكن الحساب المع*قد سيحد*نا فقط بالحدود الأولى :

$$\frac{4\pi}{\mu_{o}} \mathbf{A}(\mathbf{M}) = \frac{1}{\mathbf{R}} \left(\sum \frac{\mathbf{q}_{n} \mathbf{v}_{n}}{k} \right) + \frac{1}{\mathbf{R}^{2}} \sum \left(\frac{\mathbf{q}_{n} \mathbf{v}_{n}}{k} \right) (\mathbf{r}_{n} \cdot \mathbf{u}) + \dots$$

في الحساب السابق وجدنا أن الحد الثاني بـ R² / ا تحت شكل بسيط جداء قسم لايتعلق إلا بـ M (أي بـ u و R) وآخر تعتمد فقط على مجموعة الشحن (أي بـ y_n و v_n , r_o) لكن لم تعد هذه الحالة الآن :

لنعتبر الآن التالي :

$$\mathbf{v}_{n}(\mathbf{r}_{n} \cdot \mathbf{u}) + \mathbf{r}_{n}(\mathbf{v}_{n} \cdot \mathbf{u}) = \frac{\mathrm{d}\mathbf{r}_{n}}{\mathrm{d}t}(\mathbf{r}_{n} \cdot \mathbf{u}) + \mathbf{r}_{n}\left(\frac{\mathrm{d}\mathbf{r}_{n}}{\mathrm{d}t} \cdot \mathbf{u}\right) =$$
$$= \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\left[\mathbf{r}_{h}(\mathbf{r}_{n} \cdot \mathbf{u})\right]$$

باختيار ox موازي لـ CM اي موازي لـ n تكتب المركبات الثلاثة لهذه المتجهه بالشكل :

$$\begin{split} \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} \right), \frac{d}{dt} \left(y_n x_n \right), \ \frac{d}{dt} \left(z_n x_n \right) \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(y_n x_n x_n \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n x_n z_n \right) \\ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n z_n \right) \\ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right) \\ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right), \ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} x_n^{2} \right) \\ \frac{d}{dt} \left(x_n^{2} x_n^{2}$$

بالحقيقة لنأخذ كدبدأ النقطة 'c c c = s ومنه فإن r'_n = r_n - s ونريد أن نجول 2 q_n r'_n ۸ v_n = 0 أي :

$$\sum (\mathbf{q}_{\mathbf{n}} \mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{v}_{\mathbf{n}}) - \mathbf{s} \wedge (\sum \mathbf{q}_{\mathbf{n}} \mathbf{v}_{\mathbf{n}}) = 0$$

بالإسقاط على المحاور المعادلة الشعاعية السابقة نحصل على مجموعة ثلاثة معادلات غير معلومه s_x , s_y , s_z مركبات المتجه s يمكن تحديدها .

c – يمكن أن نستمر بالنشر المحدود بشكل مشابهه للكهربائية الساكنه ومنه نعرف العزم المتعدد الأقطاب المغناطيسي من المرتبة "2 انطلاقاً من الحد +"R / I للنشر المحدود .

B – حساب القوى المغناطيسية المطبقة على مجموعة الشحن المتحركة :
 b نفرض أن الشحن البعيدة المتحركة تخلق عند الشحنة c حقل تحريض (c) B
 c تخضع لقوة :

$$\mathbf{f_n} = rac{1}{k} \ \mathbf{q_n} \ \mathbf{v_n} \wedge \mathbf{B} \ (\mathbf{c_n})$$

 $\mathbf{F} = \sum \mathbf{f_n}$ $\mathbf{f_n}$ $\mathbf{e_n} \mathbf{e_n}$
 $\mathbf{r} = \sum \mathbf{r_n} \wedge \mathbf{f_n}$ $\mathbf{r_n} \mathbf{e_n}$
 $\mathbf{r} = \sum \mathbf{r_n} \wedge \mathbf{f_n}$ $\mathbf{r_n}$

يمكن أن نحسب F و T مستخدمين للتعبير عن (B (c_n) لكل شحنة c_n النشر المحدود – ۲۲۵ – الفيزياء الدرية

$$\begin{split} \mathbf{B}\left(\mathbf{c}_{a}\right) &= \mathbf{B} + \mathbf{r}_{n}, \, \mathbf{grad}\right)\mathbf{B} + \ldots, \\ \text{iteg} \mathbf{B} \ \mathbf{c}_{a}\mathbf{h}\mathbf{i} \ \text{liter} \mathbf{c}_{a}\mathbf{b} \ \mathbf{b} \ \text{liter} \mathbf{c}_{a}\mathbf{c} \ \mathbf{b} \ \text{liter} \mathbf{c}_{a}\mathbf{c} \ \mathbf{c}_{a}\mathbf{c}\mathbf{c} \ \mathbf{c}_{a}\mathbf{c} \ \mathbf{c}_{a}\mathbf{c}$$

$$\sum_{\mathbf{n}} \mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge (\mathbf{v}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{B}) - \sum_{\mathbf{n}} \mathbf{v}_{\mathbf{n}} \wedge (\mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{B}) = (\mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{v}_{\mathbf{n}}) \wedge \mathbf{B}$$

n

c

*

- 277 -

ومنه نجد أن :

$$\sum_{\mathbf{n}} \mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge (\mathbf{v}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{B}) = \frac{1}{2} (\mathbf{r}_{\mathbf{n}} \wedge \mathbf{v}_{\mathbf{n}}) \wedge \mathbf{B}$$

$$\Gamma = \mu \wedge B$$

٨ – ٣ – ٣ – دراسة خاصة للعزم رباعي الأقطاب الكهربائي : أوجدنا في الفقرتين السابقين عزم ثنائي القطب الكهربائي والمغناطيسي لكن عزم رباعي الأقطاب الكهربائي مهم لتميز أنوية الذرات .

يمكن اعتبار النواة كأنها شحن نقطية في حالات معينة لكن في حالات أخرى يجب أن نأخذ بعين الاعتبار لتوزيع الشحن النووية . لنوجد الآن رباعي الأقطاب للنواة علماً بأن ثنائي القطب معدوم .

A – تعريف وخواص تنسور رباعي الأقطاب الكهربائي في الحالة التامة :
 a) – حسبنا في الفقرة (١) الكمون المتولد من رباعي الأقطاب وعلى مسافة

في اتجاه تجيبات التوجيه γ , β , γ بالعلاقة :

$$4\pi \ \varepsilon_{o} V = \frac{1}{2R^{3}} \left[(3 \alpha^{2} - 1) (\sum q_{n} x_{n}^{2}) + (3\beta^{2} - 1) (\sum q_{n} y_{2}^{2}) + (3 \gamma^{2} - 1) (\sum q_{n} z_{n}^{2}) + 6 \alpha \beta (\sum q_{n} x_{n} y_{n}) + 6 \beta \gamma (\sum q_{n} y_{n} z_{n}) + 6 \gamma \alpha (\sum q_{n} z_{n} x_{n}) \right]$$

مع الأخذ بعين الاعتبار ا۔ :

 $x_{n}^{2} + y_{n}^{2} + z_{p}^{2} = r_{n}^{2}$ $4 \pi \varepsilon_{o} V = \frac{1}{2R^{3}} [3 \alpha^{2} (\Sigma q_{n} x_{a}^{2}) + 3 \beta^{2} (\Sigma q_{n} y_{n}^{2}) + 3 \gamma^{2} (\Sigma q_{n} z_{a}^{2}) - \sum q_{n} r_{n}^{2} + 6 \alpha \beta (\Sigma q_{n} x_{n} y_{n}) + \dots]$ $- \Sigma Y Y = \sum q_{n} r_{n}^{2} + 6 \alpha \beta (\Sigma q_{n} x_{n} y_{n}) + \dots]$

$$\begin{aligned} &: j \Delta x^{2} + \beta^{2} + \gamma^{2} = 1 - j \sum q_{n} r_{n}^{2} q_{n} r_{n}^{2} + j q_{n} (j q_{n}^{2} - r_{n}^{2}) + q_{n}^{2} \sum q_{n} (j q_{n}^{2} - r_{n}^{2}) + q_{n}^{2} \sum q_{n} (j q_{n}^{2} - r_{n}^{2}) + q_{n}^{2} \sum q_{n} (j q_{n}^{2} - r_{n}^{2}) + 2 \alpha \beta \sum j q_{n} x_{n} y_{n} + 2 \beta \gamma \sum (j q_{n} y_{n} z_{n}) + q_{n}^{2} \sum q_{n} (j q_{n} z_{n} x_{n})]. \\ &+ \gamma^{2} \sum q_{n} (j q_{n} z_{n} x_{n})]. \\ &= j q_{n} (j q_{n} z_{n} x_{n})]. \\ &= j q_{n} (j q_{n} z_{n} x_{n})]. \\ &= j q_{n} (j q_{n}^{2} - r_{n})] Q_{y} = Q_{yx} = \sum j q_{n} x_{n} y_{n} \\ &= Q_{xx} = \sum q_{n} (j x_{n}^{2} - r_{n})] Q_{yx} = Q_{yx} = \sum j q_{n} x_{n} y_{n} \\ &= Q_{xy} = \sum q_{n} (j x_{n}^{2} - r_{n})] Q_{yx} = Q_{xy} = \sum j q_{n} y_{n} z_{n} \\ &= Q_{xy} = \sum q_{n} (j x_{n}^{2} - r_{n})] Q_{yx} = Q_{xx} = \sum j q_{n} y_{n} z_{n} \\ &= Q_{xz} = \sum q_{n} (j x_{n}^{2} - r_{n})] Q_{yx} = Q_{xx} = \sum j q_{n} z_{n} x_{n} \end{aligned}$$

$$(1)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

$$(2)$$

مجموع مركباته الثلاثة القطرية معدوم مهما كانت محاور الأحــداثيات . وضمن المركبات التسعة للتنسور نعد فقط خمسة معاملات مستقلة : ثلاثة معاملات تحددان التوجيه في الفضاء لمجموعة الشحن ، ومعاملان فقط هما مميزات توزيع الشحن :

2) إذا كانت الشحن q_n موزعه وفق تناظر كروي :

$$\sum q_n x_n^2 = \sum q_n y_n^2 = \sum q_n z_n^2 = 1/3 q_n r_n^2$$
ومنه نجد أن

Q_{xx} = Q_{yy} = Q_{zz} = 0 والمركبات الأخرى للتنسور أيضاً معدومه . إذاً ان تنسور رباعي الأقطاب الكهربائي يقيس الإبتعاد عن التناظر الكروي لمجموعة الشحن .

3) في الحالة التي ترجع فيها مجموعة الشحن إلى رباعي أقطاب كهربائي في الحالة الصرفه أي في الحالة الصرفه أي في الحالة التي يكون فيها 0 = 2q و 0 = 2q في نفس الزمن . نبين أن مركبات التنسور ||Q|| مستقله عن المبدأ ولحسابه :

: cc'
$$a, b, c$$
 a, b, c x'_n, y'_n, z'_n x'_n x'_n x'_n x'_n x'_n

$$\sum q_n x'_n^{s} = \sum q_n (x_n - a)^2 = \sum q_n x_n^2 - 2a \sum q_n x_n + a^2 \sum q_n = \sum q_n x_n^2$$

$$\sum q_n x'_n y'_n = \sum q_n (x_n - a) (y_n - b) = \sum q_n y_n - a \sum q_n y_n - b \sum q_n x_n + a b \sum q_n = \sum q_n x_n y_n$$

c) – يسمح التنسور بإيجاد طاقة التأثير المتبادل w بين مجموعة الشحن q_nوشحن أخرى خارجية تعطي كمون a . وجدنا سابقاً أن :

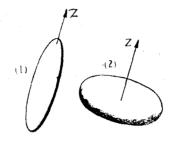
معدوم خارج الشحن التي تخلق الكمون أي ٥ = ٥ .
نستطيع أن نحذفه من علاقة W الكمية للعدومة :
٥ = 1/6 Δu (Σq, r_n²) = 1/6
$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^4}$$
 (Σ q_n r_n²) + 1/6 $\frac{\partial^2 u}{\partial y^2}$ (Σq_n r_n²) +
 $+ 1/6 \frac{\partial^2 u}{\partial z^4}$ (Σ q_n r_n²)
 $= 1/6 \left[\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} Q_{xx} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} Q_{yy} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} Q_{xz} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} Q_{xy} + \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} Q_{xy} + \frac{2}{\partial z \partial x} Q_{xz} Q_{xz} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial x} Q_{xz} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial x} Q_{xz} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial x} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z \partial x} Q_{xz} Q_{xz} + 2 \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial x} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z \partial x} Q_{xz} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{xz} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} = \frac{1}{\partial x^2} Q_{xz} + \frac{2}{\partial x^2} Q_{xz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} + \frac{2}{\partial z^2} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} + \frac{2}{\partial x^2} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} + \frac{2}{\partial x^2} Q_{zz} = 2 q_n X_n^2 = 2 q_n X_n^2 = 0 Q_{xx} + \frac{2}{\partial x^2} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} Q_{zz} = 2 Q_{xx} Q_{xz} - \frac{1}{2} Q_{zz} Q_{$

.

وعليه barn = 10⁻²⁴ cm² واحدة قياس Q .

- 11. -

- 1) إذا كان 0 <Q فكثافة الشحن موجيه ثابتة في داخل القطع الممتد له شكل سيجار أي النواة لها هذا الشكل .
- 2) Q < 0 كثافة الشحن ثابتة نجد الداخل لقط_ع ممتد (مطاول) كما في الشكل (٨ – ٥)



الشكل (۸ – ۰)

- b) ــ يمكن تبسيط علاقة الكمون أو طاقـــة التأثير المتبادل آخذين كمحاور رئيسية المحاور XYZ الرئيسية لتنسور رباعي الأقطاب .
- 1) الكمون المتوالد عند مسافة R في اتجاه التجيبات β,γ , μ,μ مع الأخذ بعين الاعتبار لـ 1 = γ² + β² + ² أي :

$$4 \pi \epsilon_0 V = \frac{e Q}{2 R^3} \left(\gamma^2 - \frac{\alpha^2 + \beta^2}{2} \right) = \frac{e Q}{4 R^3} \left(3 \gamma^2 - 1 \right) =$$

$$\frac{e Q}{4 R^3} (3 \cos^2 \theta - 1)$$

- θ هي الزاوية بين محور التطور oz لمجموعة الشحن والإتجاه الذي نقيس فيه v .
- 2) طاقة التأثير المتبادل w مع الشحن البعيدة التي تعطي الكمون u تبسط مع الأخذ بعين الاعتبار ا. :

$$\Delta \mathbf{u} = \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial \mathbf{X}^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial \mathbf{Y}^2} + \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial \mathbf{Z}^2} = 0$$

إذاً :

 c) -- المشتقات الثابتة للكمــون u التي يخضع لها رباعي الأقطاب تشكل أيضاً تنسور متناظر من المرتبة الثابتة . ومن السهل أن نأخـــذ كمحاور المحاور الرئيمة للتنسور الجــديد المتعلق بالكمون الخارجي u أي المحاور x,y,z
 بحيث :

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 u}{\partial y \partial z} = \frac{\partial^2 u}{\partial z \partial x} = 0$$

ولندعو الآن α,β,γ تجيبات توجيه لمحور التطور oz لرباعي الأقطاب بالنسبة للمحاور x y z ومنه :

$$\frac{\partial}{\partial Z} \equiv x \frac{\partial}{\partial x} + \beta \frac{\partial}{\partial y} + \gamma \frac{\partial}{\partial z}$$

$$\vdash x e \beta e \gamma \quad asin state and untermediate in the second state is a second state in the sec$$

$$W = rac{eQ}{u} \left[\alpha^2 rac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \beta^2 rac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \gamma^2 rac{\partial^2 u}{\partial z^2}
ight]$$
لنفرض أن :

$$rac{\partial u}{\partial x^2} - rac{\partial^2 u}{\partial y^2} = \eta \; rac{\partial^2 u}{\partial z^2}$$
 حيث η تقيس الابتعاد عن تناظر التطور للكمون V) .
 η معدومه إذا التابع u له تناظر تطور حول $_{
m OZ}$ وإذا علمنا أن :

- 177 -

 $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = -\frac{1-\eta}{2}\frac{\partial^2 u}{\partial z^2}$, $\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} = -\frac{1+\eta}{2}\frac{\partial^2 u}{\partial z^2}$: بالتعريض في علاقة w مع الأخذ بعين الإعتبار لـ $1 = \gamma^2 + \beta^2 + \gamma^2 = 1$ نحصل بالتعريض في علاقة w W = e Q/u $\frac{\partial^2 u}{\partial r^2} \left(\gamma^2 - \frac{\alpha^2 + \beta^2}{2} + \eta \frac{\alpha^2 - \beta^2}{2} \right) =$ $= \frac{eQ}{a} \frac{\partial^2 u}{\partial r^2} \left[3\gamma^2 - 1 + \eta \left(\alpha^2 - \beta^2 \right) \right]$ إذا كان لكمون v تناظر تطور حول z أي $\eta = \eta$ فإن : $W = \frac{\partial Q}{\partial r^2} \frac{\partial^2 u}{\partial r^2} (3 \gamma^2 - 1) = \frac{eQ}{r^2} \frac{\partial^2 u}{\partial r^2} (3 \cos^2 \theta - 1)$ θ الزاوية بين محور التطور cz لرباعي الأقطاب ومحور التطور oz للكمون u . c – تكافؤ عزم رباعي الأقطاب مع مجموعة أربع شحن نقطية : يمكن أن نكافىء مجموعة أربع شحن لعزم رباعي الأقطاب إذا كان الشحن الكلية معدومة $\sum q_n = 0$ $\sum \mathbf{q_n} \mathbf{r_n} = 0$ عزم ثنائى القطب معدوم والشكل البسيط لتحقيق ذلك هو أن نأخذ أربع شحن موضوعة كما في الشكل

والسكل البسيط لتحقيق ذلك هو أن ناحد أربع سحن موضوعة ثما في الشكل (٨ – ٦) فإذا كان XYZ شي المحاور الرئيسة لتنسور رباعي الأقطاب حيث الشحن موضوعة على هذه المحاور وهكذا يكون لكل شحنة احداثيان معدومان ؛ وتكون Z_n X_n ، Y_nZ_n ، X_n Y_n

$$\mathbf{Q}_{\mathbf{X}\mathbf{Y}} = \mathbf{Q}_{\mathbf{Y}\mathbf{Z}} = \mathbf{Q}_{\mathbf{Z}\mathbf{X}} = \mathbf{0}$$

وتكون الشحن متوضعه بالشكل التالي :

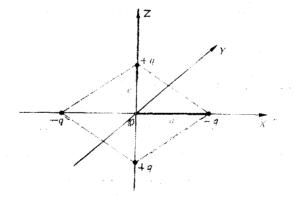
- 777 -

والعلاقات الثلاثة السابقة تعطي :

$$a^2 = -\frac{2 Q_{XX} + Q_{ZZ}}{6 q}$$
, $c^2 = \frac{Q_{XX} + 2 Q_{ZZ}}{6 q}$

إذاً من الممكن أن نجد دائماً أربع شحن نقطية مكافئه لعزم رباعي الأقطاب (يمكن ايجاد عدد لانهائي من مجموعات الأربع شحن) .

$$\mathbf{Q}_{\mathbf{X}\mathbf{X}} = -\frac{1}{2} \mathbf{Q}_{\mathbf{Z}\mathbf{Z}}$$

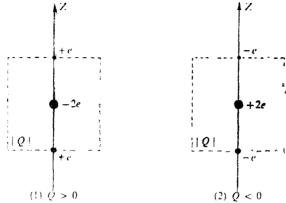


شکل (۸ – ۲)

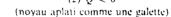
ومنه نجد a = 0 أي أن اثنتان من الشحن النقطية الأربع تجد نفسها مندمجه في وسط الشحنتين الأخريتين متوضعتان على محور التطور oz .

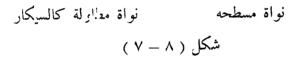
$$Q_{zz} = e Q = \pm 4 e c^2$$

وبالإشارة ± نعتمد على إشارة Q_{zz} و Q والحالتان ممثلتان في الشكل (٨ – ٧) مع ملاحظة أنه في الحالتين القيمة المطلقة |Q| لعزم رباعي الأقطاب مساوية لسطح المربع ذو الضلع 2c .









Mar Mar Mar Mar

الفيزياء الجزيئية والطيوف الجزيئية

نظرية الزمر

GROUP THEORY

۹ ـــ ۱ ـــ مقدمة وتعاريف :

تعتبر نظرية الزمر الأداة في بناء المدارات الجزئية وخاصة عندما تبنى المدارات الجزئية من تركيب لمدارات ذرية .. وسنرى بأن نظرية الزمر لها إمكانية الاختيار الصحيح للتركيب ولوضعها بطريقة مفيدة .

كما أن للتناظر أهمية كبيرة في البنية الجزئية لذلك لابد من الدراسة بشيء من التفصيل .

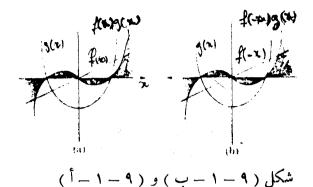
> مثـــال : ليكن (g (x) , f (x) تابعين تكامل جداءهما (على مجال متناظر) f (x) . g (x) . dx

> > هي عبارة عن المساحة benenth L

 $y(x) \equiv f(x) \cdot g(x)$

وليكن الآن f تابع ضد متناظر أي عندما نستبدل x بـ x- فان g (x) = g (- x) (- x) و g تابع متناظر چه (x -) g = (x x)

- 149 -



ومع اختيار مناسب للاحداثيات شكل (٩ ــ ١ ــأ) يمكن حساب القيمة الخاصة للتكادل . إذا غيرنا x بـ xـــ شكل (٩ ــ ١ ــ ب) نرى بأننا نحصل على نفس قيمة التكامل في الحالة الأولى ، بسبب أن المساحة تحت المنحني y (x) لاتتغير بتبديل x بـ xــ والنكامل له القيمة التالية :

$$\int f(-x) \cdot g(-x) dx = - \int f(x) \cdot g(x) \cdot dx$$

إذاً التكامل في الحالة الأولى يساوي إلى ناقص قيمة التكامل في الحالة الثانية بعد التبديل . لكن يجب أن يكونا مة اويان وهذا يتم فقط عندما يساويان الصفر . وهذا مثال بسيط لكنه يفتح الطريق لدور التناظر ، في أمثلة معقدة ؛ حيث نجد ليس فقط إنعكاس أو مقلوب الاحداثيات inversion , réflection بل يوجد تحويلات معقدة أكثر تتضمن الدوران وسنجد عملية التطابق jidentity ويرمز لها بـ E وعملية الدوران C وعملية القلب i والإنعكاس وعندما نريد التحدث عن عملية التناظر بصورة عامة فسندعوها R .

تحويلات التناظر. Symmetry transformation

إن تحويلة التناظر هي تحويل الاحداثيات الــــتي تترك المجموعة غير قابلـــة للتميز indistinguishable تن الأساس .

مشال : إذا كانت المجموعة هي كرة فإن دوران الإحداثيات حول مبدأها سيكون

- 12. -

غير قابل للتمييز وإذا كانت المجموعة مستطيل فدوران بزاوية °90 حول محور يمر من المركز يؤدي إلى حالة مميزة عن الحالة الأولى ودوران آخر بزاوية °90 يؤدي إلى حالة غير قابلة للتمييز .

إذا كانت لدينا التحويلة SR والتي هي جداء التحويلة S بـ التحويلة R فيجب إجراء التحويلة R أولاً ثم نجري الىحويلة S وكذلك (R (S . R) = T S (R كما أن :

 $i i c = i (i c) = i \sigma = c$

i i c = (i i) c = c

أي أن تحويلات التناظر تخضع للقاعدة التجميعية . ونلخص ما سبق بما يلي :

i) تحويلات التناظر تخضع للقانون التجميعي على الضرب .

أو

- ii) إذا كان كلاً من R و S تحويلي تناظر لإحداثيات مجموعة عندئذ يكون SR تحويل تناظر أيضاً .
 - iii) يوجد مقلوب لاية تحويلة تناظر وهي نفسها تحويلة تناظر .

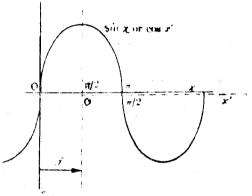
iV) يوجد تحويلة الواحدة (المطابقة) وهي تحويلة متناظرة .

إن الشيء الواجب ملاحظته هو أن مجموعة g تشكل زمرة إذا تحقمت الشروط التاليـــة :

رى إذاً أن مجموعة تحويلات التناظر على الاحداثيات المستخدمة لوصف مجموعة تحقق شروط الزمرة . وبالنتيجة تستخدم نظرية الزمر لدراسة تحويلات التناظر . قبل أن نقوم بالعمل من الضروري التصور الرياضي لتحويلات التناظر ولفعلنها . لنعتبر مثلاً بسيطاً كالشكل (۹ – ۲) ولنرى تأثير تحويل الإحداثيات على طول المحور x بـ 2/π راديان ونكتب تأثير هذه التحويلة كما

 $f(x) = T \cdot \sin x$

ويوصف التابع باختيار جديد للمحاور بـ ′cos x وهكذا نرى بأن لـ T مفعول تغيير لكل من التابع والاحداثي ، بحيث تترك قيمة التابع γ متغيرة عند أي نقطة من الفراغ .



. The effect of a translation of the coordinates through $\pi/2$ on the function $\sin x$

شکل (۲-۹)

$$\sin x = T \sin x = t \sin (Jx) = \cos x' = \cos (x - \pi/2)$$
 (Y - 9)

وبصورة عامة إذا كانت R تحويلة ما نتأثيرها على التابع (f (q) حيث q مجموعـــة - ٢٤٢ ــ

إحداثيات نكتب :

$$f(q) = R f(q) = r f(R q) \qquad (\Upsilon - \P)$$

ويمكن أن نوجد تأثير المؤثر r إذا إعتبرنا تأثير R على التابع المتطور عند النقطة R⁻¹ q في مجموعة الإحداثيات الأساسية . من المعادلة (3) يمكننا كتابة :

$$f(R^{-1}q) = r f(R R^{-1}q) = r f(q)$$
 (\$ - 9)

م**ثال :** ليكن :

$$\psi_{12}(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = (2/a) \sin 2 \lambda \mathbf{x} \cdot \sin \lambda \mathbf{y} \qquad (\mathbf{0} - \mathbf{4})$$

حيث λ = π/a ولنرى تأثير دوران الإحداثيات على هذا التابع بـ °90 وباتجاه عكس عقارب الساعة .

إذاً يجب إيجاد (π/2) ⁻⁻ې . تحت تأثير الدوران بـ °90 فإن x تدور لتصبح بوضع y ونجد 'x = x و y تدور بإتجاه x — بحيث x = y وتكون مصفوفة الدوران :

$$\begin{bmatrix} \mathbf{x}' \\ \mathbf{y}' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & +1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x} \\ \mathbf{y} \end{bmatrix} \qquad (\mathbf{V} - \mathbf{Q})$$

وهي نفس المصفوفــة لـ ($(\pi/2)$ $\chi \implies$ مقلوبها فيوجد من $1 = 1^{-1} \chi$ مصفوفة الواحدة :

$$\zeta^{-1}(\pi/2) = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \qquad (\Lambda - \mathbf{4})$$

- 127 -

ومنه :

$$\zeta^{-1} (\pi/2) \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -y \\ x \end{bmatrix}$$
 (9 - 9)

وتأخذ المعادلة (6) الشكل :

$$c(\pi/2)\psi_{12}(x, y) = -(2/a)\sin(2\lambda y)\sin(\lambda x) = -\psi_{21}(x, y)$$

إذاً فتأثير المؤثر (π/2) ۵ هو تحويل التابع ₁₂ψ إلى تابع قريب متوالد ₁₂ψ وبطريقة مشابهة يمكن أن نرى أن تحويل ₂₁ψ هو ₁₂ψ – ويمكن دمج النتيجتين في مصفوفة واحدة :

$$c (\pi/2) (\psi_{12}, \psi_{21}) = (-\psi_{21}, -\psi_{12}) = (\psi_{12}, \psi_{21}) \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$
$$= (\psi_{12}, \psi_{21}) D \{ c (\pi/2) \} \qquad (1 \cdot - 4)$$

تخدم هذه المعادلة هدف تعريف المصفوفة D .

ملاحظة :

إن تأثير المؤثر c يرجع بالضرب من اليمين بالمصفوفة D وسوف نستخدم هذا المفهوم .

: The representation of group تمثيل الزمرة ۲ – ۲ – تمثيل الزمرة

المثال السابق يتعلق بحالة خاصة عندما تطابق تحويلة التناظر للدوران حول زاوية محددة rightangle بالحالة العامة يمكن أن نعتبر الدوران بزاوية κ الذي (إذا كانت المجموعة دائرية) يمكن أن يكون له مجال لامتنهي من القيم كل واحدة توافق تحويلة تناظر .

مثسال :

بزاويـــة α فيتغير التابع f, إلى f, (α) f و f₂ إلى f₂ (α) c . وتتغير الإحداثيات تحت الدوران كما يلى :

$$x' = x \cos \alpha + y \sin \alpha$$
 (11 - 9)

$$y' = -x \sin \alpha + y \cos \alpha$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} (1Y - 9)$$

لکن مقلوب المصفوفة (x) ا-۲ هي :

$$\zeta^{-1}(\alpha) = \begin{bmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha \\ & & \\ \sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \quad (17' - 9)$$

وفعل العملية على التابعين ،f و مِf هو كما في العلاقة :

$$c(\alpha)(f_1, f_2) = (f_1, f_2) \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \quad (1 \le -4)$$

إذاً وجدنا المصفوفة {D{c(α) والتي ترجع تأثير التحويلة على التابعين وتعرف كتمثيل للتحويلة .

$$r(f_1, f_2, ..., f_n) = (f_1, f_2, ..., f_n) D(R)$$
 (10 -- 4)

حيث D مصفوفة بـ n سطر و nعامود وحسب قواعد ضرب المصفوفات يمكن أن نوجد تأثير r على أحد هذه التوابع f_m

$$\mathbf{r} \mathbf{f}_{:n} = \sum_{l} \mathbf{f}_{l} \mathbf{D} (\mathbf{R})_{lm}$$
 (17- 9)

لنرى الآن فعلي العمليتين R و S على أحد التوابع f, والمفعول هو تغيير هذا التابع f, إلى ((sr f) وسيكون (R) D و (S) D مصفوفات التمثيل لـ R و Sوبالاستعانة بالعلاقة 16 نجد :

$$\operatorname{sr} \mathbf{f}_{\mathbf{i}} = \operatorname{s} \sum_{l} \mathbf{f}_{l} \operatorname{D} (\mathbf{R})_{l \mathbf{i}} = \sum_{l} \mathbf{f}_{\mathbf{m}} \operatorname{D} (\mathbf{S})_{\mathbf{m} l} \operatorname{D} (\mathbf{R})_{, \mathbf{i}} \qquad (\vee \vee - \mathbf{A})$$

التركيب D_n, D_n المجموع على I يكون قاعدة لضرب المصفوفات وهكذا يمكن أن نكتب :

$$s r f_{i} = \sum_{m} f_{m} \{ D(S) D(R) \}_{mi} \qquad (\Lambda - \P)$$

ونعلم من خواص الزمر أن sr هو نفسه تحويل تناظر والمعادلة 18 يمكن كتابتها :

$$\operatorname{srf}_{i} = \sum_{m} f_{m} D(SR)_{mi} \qquad (14 - 4)$$

نستخلص من هذا أن :

$$D(SR)_{mi} = \sum_{l} D(S)_{ml} D(R)_{i} = \{D(S) D(R)\}_{mi} \qquad (\Upsilon - \P)$$

أو :

D(SR) = D(S) D(R) (11 - 4)

تعريب الاومومورفيس Homomorphous :

إذا كان g_i عنصر من الزمرة G وg_i g عنصر من الزمرة G بحيث g_i g_k = g

- 727 -

و g', g'_ = g'_ عندها يقال عن الزمرتين أنهما أوموموفيتين . .

عندما يكون لدينا مجموعة من تحويلات التناظر , R , S يتشكل زمرة ومطابقة للتمثيلات D (S) , D (S) والتي تخضع كما تدل المعادلة (P – Y) لجداء الزمر ذاته عندئذ تشكل مجموعــة التمثيلات زمرة تكــون أومورفيس مع زمرة تحويلات التناظر .

تعرف زمرة التمثيلات بـ تمثيل لزمرة التناظر .

ــ هذه المصفوفات تتطلب تمثيل خاص للزمرة يعتمد على توابع . . . , f1 , f2 و ..., f'_1, f'_2, ...

$$f'_{m} = \sum_{n=1}^{N} f_{n} M_{nm}$$
 $m = 1, 2, ..., N$

إذا طبقاً لتحويلة التناظر R وجدنا التمثيل (D (R مع الحفاظ على التوابع f, والتمثيل D' (R) مع مراعاة التوابع f' بحيث :

r(f) = (f) . D(R)

عندئذ نعوض 23 ومقلوبها :

$$M^{-1} = 1$$
 حيث $(f') M^{-1} = (f)$ (۲۰ – ۹)

- YEV -

والمعروفة بعلاقة المشابهة Similaity .

مشال :

ليكن f و f ولتكن عمليَّة الدوران بزاوية x حول المحور z والذي يقود إلى التمثيل f ((x) و الذي يقود إلى التمثيل f (x) t

$$f^{+} = f_{1} + i f_{2}$$
$$f^{-} = f_{1} - i f_{1}$$

نحصل على التسثيلات المختلفة لنفس العملية عن طريق **إمجاد معادلة الم**صفوفة التي تربط +f بـ f₁ و f₂ وهي :

$$(f^+, f^-) = (f_1, f_2) \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ \\ i & -i \end{bmatrix} \qquad (\Upsilon \P - \P)$$

أي أن :

$$M^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & -i \\ 1 & i \end{bmatrix}, \quad M = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ i & -i \end{bmatrix} \quad (\Upsilon \cdot - \P)$$

ومن المعادلة (٩ – ٢٨) يكون التمثيل في القاعدة f∓ هو :

$$D' \{c(\alpha)\} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 1 & -i \\ 1 & i \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ i & -i \end{bmatrix}$$
$$= \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \cos \alpha + i \sin \alpha & 0 \\ 0 & \cos \alpha - i \sin \alpha \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} e^{i\alpha} & 0 \\ 0 & e^{-i\alpha} \end{bmatrix} \qquad (m-q)$$

بهذه الطريقة جعلنا التمثيل (R) D قطري diagonal أي هنالك عناصر قطرية فقط .

تعريف الترافق Conjngale : إذا كان g_i و g_i عنصران من الزمسرة G وإذا وجــد عنصر g_k من G بحيث g_i g_k⁻¹ g_j g_k عندهــا يقال عن العنصران g_i و g_i مترافقان ومن السهل رؤية تعلق هــذا بشرط التشابهية Similarity لذلك يمكن أن نأخذ تمثيل خاص لزمرة ونتحقق بأن شرط الترافق محقق إذا وجد عنصر من الزمرة g_k

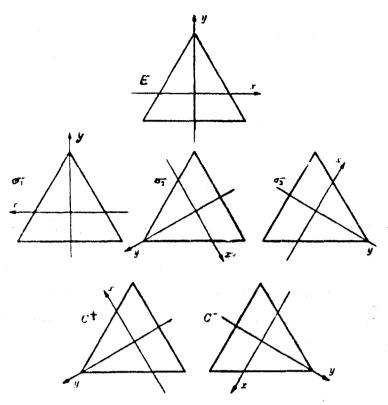
$$D(g_i) = D(g_k)^{-1} D(g_j) D(g_k) \qquad (\forall Y - 4)$$

إذا قارنا هذه العلاقة مع المعادلة (٩ – ٢٨) و (٩ – ٢٩) نرى بأن ترافق تمثيلين يؤدي إلى أنهما يطابقان نفس العملية للزمرة ، لكن تشكل باحترام للمحاور التي تربط الأصل بتحويلة التناظر .

مشال :

زمرة التناظر التي تترك مثلث متساوي الأضلاع لامتغير inveriant الشكل (٩ ـــ ٣) يبين تحويلات التناظر لهذه المحموعة وهي E تحويلة المطابقة .

ثلاث إنعكاسات عبر مستويات تقطع زوايا المثلث (σ1 , σ2 , σ3) . ودورانات حول مبدأ الإحداثيات : دوران عكس عقارب الساعة بزاوية °120 +c ودوران مع عقارب الساعة بزاوية °120 -c وهو مكافىي، لدوران بعكس عقارب الساعة بزاوية °240 .



The symmetry transformations in the group $C_{3\mu}$.

شکل (۹ – ۳)

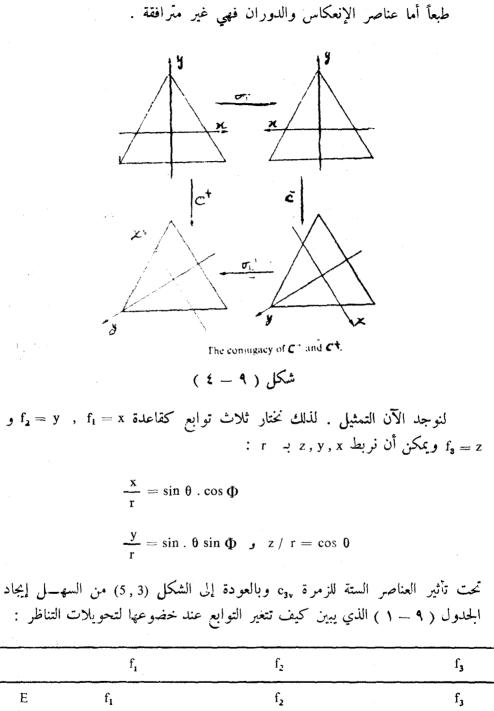
نرمز لهذه الزمرة بـ c_{3v} وعناصرها ستة . وهذه الزمرة تحتوي عمليات لثلاثة أنواع فيزيائية مميزة ؛ المطابقة والإنعكاس والدوران .

یمکن لعناصر الزمرة أن تقسم إلى ثلاث صفوف . ومن الشکلین (۹ – ۳) و (۹ – ٤) نرى أن +c و -c متر افقان .

كما أن الجداء c+ ơ₁ - ^د هو عنصر من الزمرة (حسب تعريف الزمرة) . سؤال : هل عناصر الإنعكاس مترافقة إثنان إثنان .

10.

الحسل :



---f₁

σ1

- 101 -

 f_2

f3

σ2	$\frac{1}{2} f_1 - \frac{1}{2} (\sqrt{3}/2) f_2$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3} f_1 - \frac{1}{2} f_2$	f3
σ3	$\frac{1}{2} f_2 + \frac{1}{2} \sqrt{3} f_2$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}f_1 - \frac{1}{2}f_2$	f_3
c+	$-\frac{1}{2}f_{1}-\frac{1}{2}\sqrt{3}f_{2}$	$(\sqrt{3}/2) f_1 - \frac{1}{2} f_2$	f_3
c [—]	$-\frac{1}{2} f_1 + \frac{1}{2} \sqrt{3} f_2$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3} f_1 - \frac{1}{2} f_2$	f_3

جدول (٩ – ١)

حصلنا على السطرين الأخيرين في الجدول بالاعتماد على العلاقة (٩ – ١٤) والعلاقة (٩ – ١٣) تسمح لنا بإيجاد التمثيل مثلاً تمثيل _٥ يجب أن تتحقق علاقة المصفوفة :

 $(-f_{1}, f_{2}, f_{3}) = (f_{1}, f_{2}, f_{3}) D(\sigma_{1}) \qquad (\Upsilon \Upsilon - 4)$

وبالتالي فإن :

$$D(\sigma_{1}) = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (\mathcal{Y} \mathcal{L} - \mathcal{Y})

ومنه :

$$D(E) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 ($\mathcal{P} \circ - \mathbf{A}$)

$$D(\sigma_{1}) = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, D(\sigma_{2}) = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2}\sqrt{3} & 0 \\ -\frac{1}{2}\sqrt{3} & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

- 707 -

$$D(\sigma_{3}) = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2}\sqrt{3} & 0 \\ \frac{1}{2}\sqrt{3} & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
 (#7 - 4)
$$D(c^{+}) = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2}\sqrt{3} & 0 \\ -\frac{1}{2}\sqrt{3} & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
, $D(c') = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2}\sqrt{3} & 0 \\ \frac{1}{2}\sqrt{3} & -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ (#V - 4)

من هذه المصفوفات أو حتى من الحدول (1 , 5) فالتابع ₄3 لا يمزج أبداً مع التوابع الأخرى وذلك بأي تحويل تناظر وكنتيجة فالتمثيل يمكن أن يوصع كما يلي :

$$D(R) = \begin{bmatrix} D^{(.)}(R) & 0 \\ f_{1}, f_{2} \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} D^{(.)}(R) \\ 0 \end{bmatrix}$$
(\mathcal{M} - \mathcal{P})
0 \\ 0 \end{bmatrix} (\mathcal{M} - \mathcal{P})
(\mathcal{M} - \mathcal{M} - \mathcal{M}

كتيجة يمكن فصل f₁ عن التابعين الآخرين وكتابة سطر الشعاع الذي يخصهما. مثال المعادلة (٩ – ٣٣) S (f₁, f₂, f₃) والتمثيل الذي نشاهــده في العلاقــة f₃, (f₁, f₂) يدعى بالجمع المباشر للتمثيل (D⁽¹⁾, D⁽²⁾ المحمولين على القاعدتين (f₁, f₂), s على التوا**لي**.

التمثيلات الناتجة بأحد القاعدتين (f, , f₂) أو f₃ يمكن إيجادها من العلاقات (٣٧ ــ ٣٥) وتكتب بصورة منفصلة كما في الجدول (٩ ــ ٢)

	Е	σ1	σ3	c+	c			
f_3	1	1	1	1	1			
- YOW -								

بالجدول (2.5) .

إذا كان **٢** تمثيل إحادي البعد عندئذ *إ = h , l = b (عناصر الزمرة) وبتطبيق* العلاقة (٩ – ٣٩) نجد :

$$\sum_{\mathbf{R}} D^{i}(\mathbf{R}) D^{i}(\mathbf{R}) = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 6/1 = 6 \qquad (\pounds \cdot - 4)$$

أما إذا أخذنا التمثيل ثنائي البعد كمثال آخر فالمجموع :

 $\sum_{\mathbf{R}} D^{\mathbf{i}} (\mathbf{R})_{\mathbf{1}_{2}} D^{\mathbf{i}} (\mathbf{R})_{\mathbf{1}_{1}} = 0.1 + 0 \times (-1) + (-\sqrt{3} / 2) (\frac{1}{2}) + (\sqrt{3} / 2 \cdot \frac{1}{2} + \mathbf{R})$

$$(\sqrt{3}/2)(-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{2})(-\sqrt{3}/2) = 0 \qquad (\xi \setminus -4)$$

• = ٤ = الخواص Characters :

لأسباب عديدة ليس من الغروري أن نعرف بصورة واضحة تركيب التمثيلات لذلك فهناك كمية تحمل أغلب المعلومات المفيدة التي تحويها التمثيلات تسمى بخواص العملية وتعرف خواص عملية بأنها أثر التمثيل (مجموع العناصر القطرية في المصفوفة) للعمليــــة .

سندعو أثر مصفوفة (D (R بالخواص (R) ٪ . وتأتي أهمية الخواص من كونها لامتغيرة تحت تأثير تحويلة التشابهية .

خواص العمليات التي تشكل صف تكون نفسها صف . ويمكن البرهان على لاتغير الخواص كما يلي :

 $\chi(\mathbf{R}) = \sum_{\mathbf{m}} D(\mathbf{R})_{\mathbf{m}\mathbf{m}} \qquad (\xi \Upsilon - \mathbf{A})$

ولنأخذ خواص عملية أخرى s ترتبط بـ R بتحويلة التشابه :

- $\chi (S) = \sum_{m} D(S)_{mm} \qquad (\Sigma T 9)$
- $D(S) = M^{-1} D(R) M$ (£2 4)

حيث M هي مصفوفة تحقق

$$f_{mn} = (M M^{-1})_{mn}$$
, $M M^{-1} = M^{-1} M = I$

$$\chi(S) = \sum_{m} \sum_{n} \sum_{l} (M^{-1})_{mn} D(R)_{nl} M_{ln} \qquad (\xi \circ - 4)$$

لكن عناصر المصفوفات في هذه الحالة مرقمة بسهولة وبالتالي فهي متبادلة . عناصر المصفوفة M والمصفوفة ¹⁻M يمكن أن تحمل سوية والمجموع سيكون على m :

$$\chi (S) = \sum_{m} \sum_{n} \sum_{l} M_{lm} (M^{-1})_{mn} D(R)_{nl} = \sum_{n} \sum_{l} \delta_{ln} D(R)_{nl}$$

$$= \sum_{n} D(R)_{nn} = \chi(R) \qquad (\xi \gamma - \varphi)$$

أي أن خواص العمليات المرتبة بتحويلة مشابهة تكون نفسها . ويرمز للأثر بـ Tr

$$Tr M \equiv \sum_{n} M_{nn} \qquad (\xi V - \mathbf{Q})$$

وبرهان هذه العلاقة قائم على كون عناصر المصفوفة متبادلة وبالتالي :

$$\operatorname{Tr} A B C = \sum_{l} \sum_{m} \sum_{n} A_{lm} B_{mn} C_{nl} = \sum_{l} \sum_{m} \sum_{n} c_{nl} A_{Am} B_{mn} =$$
$$= \operatorname{Tr} C A B \qquad (\xi \mathbf{q} - \mathbf{q})$$

يمكن أن نستخدم نظرية التعامد العظمى لإيجاد تعامد الحواص ...من المعادلة 39 نضع m' , m = n عندئذ فالمجموع على m' , m فنحصل على :

$$\sum_{m} \sum_{m'} \sum_{m'} D^{i} (R)^{*}_{mm} D^{j} (R)_{m'm'} = \sum_{m} \sum_{m'} \delta_{ij} \delta_{m'm'} (h/l_{i}) \quad (\circ \cdot - \P)$$

يعبر طرف اليسار مباشرة عن مجموع جداء الخواص.وطرف اليمين**عن مج**موع متناسب مع المجموع على _{mm} و بما أن m = m إذا كان m = m وفي التمثيل ذو البعد *I* يوجد *I* قيمة لـ m فالمعادلة (٩ ـ ٥٠) تكتب :

$$\sum_{\mathbf{R}} \chi^{\mathbf{i}} (\mathbf{R})^* \chi^{\mathbf{i}} (\mathbf{R}) = h \, \delta_{\mathbf{i}\mathbf{j}} \qquad (\circ \mathbf{1} - \mathbf{4})$$

هذه المعادلة المهمة ، وحيث المجموع على كل عمليات الزمرة ، يمكن أن تبسط أكثر إذا وضعنا العلاقة (٩ – ٤٦) .. فخواص كل العمليات التي تشكل صف تكون واحدة ، وحتى نتمكن من إدخال عدد من الرات لعملية تدخل في صف (R) N عندئذ المجموع على الصفوف :

$$\sum_{C(R)} \chi^{i} \{C(R)\}^{*} \chi^{j} \{C(R)\} N(R) = h \delta_{ij} \qquad (\circ Y - \P)$$

حيث (R) تمثل صف خاص للعمليات .

بما أن i هي دليل التمثيلات للزمرة ينتج أن عدد التمثيلات لايتجاوز عدد الصفوف ومنه نجد القيمة المهمة .

- (٩ ٥٣) عدد التميلات غير القابلة للإرجاع لزمرة = عدد الصفوف في الزمرة وأيضاً :
 - $\sum_{i} l_i^2 = h \qquad (\circ i \mathbf{q})$

كمثال على ما سبق نأخذ الزمرة _{C3} ولنرى إذا كان هناك تمثيلات أخرى غير قابلة الإرجاع لهذه الزمرة غير تلك التي وجدت سابقاً . لذلك يجب بناء جدول الخواص

– ۲۰۷ – ۲۰۷ – الفيزياء الذرية

للعمليات وللتمثيلين غير القابلين الإخترال .

ومن المؤكد ، أنه عند عمل الحمع على العناصر القطرية في التمثيلات ، أن الحواص لكل العناصر (الأعضاء) لصف معطى تكون نفسها .

نرمز بـ A₁ للتمثيلات أحاديـــة البعد و E التمثيلات ثنائية البعد ويكون جدول الحواص للزمرة _{C3} كما في الحدول التالي (A ــ ۳) .

		صف العنصر			
رمز التمثيل	Е	3σ	3 C ₃	القاعدة المختارة	
A	1	1	1	$\mathbf{f} = \mathbf{z}$	
Е	2	0	1	f = x , y	

-جدول (۹ – ۳) جزء من جدول خواص الزمرة _{C3}

نلاحظ في هذا الجدول بأن العناصر قسمت إلى صفوف بحيث يشار لعدد العناصر في الصف برمز العمود C_n Column label تمثـــل دوران بزاوية 2π/n راديان .

الجدول السابق غير كامل وحسب العلاقة (٩ ـــ ٥٣) يوجد ثلاثة تمثيلات غير قابلة للإخترال وكذلك هناك ثلاثة صفوف .

إذا كان 1⁄3 هو بعد هذا التمثيل فحسب العلاقة 54 نجد :

 $1^2 + 2^2 + l_3^2 = 6$

وبالت^الي 1 = 1 أي أن التمثيل الناقص احادي البعد . ويمكن الحصول على خواص التمثيل الناقص بتطبيق العلاقة (٩ – ٥٢) لذلك نحتاج لثلاث معادلات لمعرفة ثلاثة خواص فإذا كان (٥٪ هي الخواص المطاوب فعندئذ .

$$\begin{split} \mathbf{i} &= \mathbf{j} \qquad \chi^{(3)} \, (\mathbf{E})^2 \, + \, 3 \, \chi^{(3)} \, (\mathbf{3} \, \sigma)^2 \, + \, 2 \, \chi^{(3)} \, (\mathbf{2} \, \mathbf{C_3}) = 6 \\ & 1. \chi^{(3)} \, (\mathbf{E}) \, + \, 3.1. \chi^{(3)} \, (\mathbf{3} \, \sigma) \, + \, 2.1. \, \chi^{(3)} \, (\mathbf{2} \, \mathbf{C_3}) = 0 \\ \mathbf{E} \quad \mathbf{E} \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{k}_1 \quad \mathbf{k}_2 \quad \mathbf{$$

- Y 2A -

(00 - 9)

بحل المعادلات الثلاث نجد :

$$\chi^{(3)}(2 C_3) = 1$$
 , $\chi^{(3)}(3 \sigma) = -1$, $\chi^{(3)}(E) = 1$
 $E = 3 \sigma = 2 C_3$
 $A_1 = 1 = -1 = 1$

ويستطيع القارىء أن يبر هن على أن التابع 3 (— 2 x x هو قاعدة مناسبة. لهذا التمثيل .

: The reduction of a representation إرجاع التشويلات 🛛 – ۹

من الممكن أن نرتب التواج كحدود للتمثيلات غير القابلة للإرجاع المشكلة لزمرة تحويلات التناظر لمجموعة.وهذا تعميم لتماثل التوابع وحتى الآن لم يتم كيف نحدد التمثيلات غير القابلة للإرجاع القائمة على تابع إختياري .

 $F(x) = \frac{1}{2} \{F(x) + F(-x)\} + \frac{1}{2} \{F(x) - F(-x)\} = g(x) + f(x)$

ولنبحث عن التحليل المشابه ني الحالة العامة :

إذا كان لدينا مجموعة من التوابع تحول بطريقة شرحت سابقاً لتشكل زمرة عناصرها تمثيلات (R) D فسؤالنا هو لتحديد كيفية إرجاع زمرة التمثيلات أو تمثيل الزمرة في الشكل القطري ، والتحويلة التي تؤدي هذا الغرض هي تحويلة التشابه (المشابهة) وقد رأينا بأن هذه تجعل أثر التمثيلات لامتغير .. إلا أن خواص العملية سيكون نفسه بعد التقطير (جعل المصفوفة قطرية) كما كان قبل ذلك ، وبهذا يمكن أن نكتب كمجموع لحواص التمثيلات غير القابلة للأرجاع التي نبحث عن إرجاعها أي :

- 109 -

$$\chi(\mathbf{R}) = \sum_{i} a_{i} \chi^{i}(\mathbf{R}) \qquad (\mathbf{o} - \mathbf{A})$$

a، هي معاملات لخـــواص التمثيل غـــير القابلة للإرجاع الذي نبحث عنه . ويتم الحصول عليها بسهولة باستخدام علاقة التعامد للخواص : لنضرب طرفي العلاقة 56 بحد *(R)x وبالجمع على كل عناصر الزمرة ككل :

$$\sum_{\mathbf{R}} \chi^{j}(\mathbf{R})^{*} \chi(\mathbf{R}) = \sum_{\mathbf{R}} \sum_{i} \chi^{j}(\mathbf{R})^{*} \chi^{i}(\mathbf{R}) a_{i}$$

$$= \sum_{i} h \, \delta_{ij} \, a_i = h \, a_j \qquad (\bullet \vee - \P)$$

وبالتالي فإن a_i تعطى بـ :

$$a_{i} = h^{-1} \sum_{\mathbf{R}} \chi^{i}(\mathbf{R})^{*} \chi(\mathbf{R}) \qquad (\bullet \wedge - \mathbf{A})$$

يمكن أن تعبر هذه القاعدة عن جمع على الصفوف وتطبق غالباً بالبحث . في الزمرة c_{3v} تكون الخـــواص للصفوف الثلاث 3.1.0 على الترتيب E. σ. C₃ وعندئذ يمكن أن نستخلص بتفحص الجدول (5,3) بأن التمثيلات غير القابلة للإرجاع هي E + A₁ .

۹ – ۲ – تحدید القواعد للتمثیل :

The determination of a basis for a representation

لنحدد التركيب لمجموعة من توابع معطية تعطي تمثيل خاص غير قابل للارجاع . في البدايـــة لتكن التوابع ،, fⁱ، , fⁱ، , fⁱ، , fⁱ، واعد للتمثيل ذو البعد ،*I* (**T**) ولزمرة مرتبتها h . وليكن r مؤثر يعطى تأثيره بالعلاقة :

$$r(f_{1}^{i}, f_{2}^{i}, \dots, f_{l}^{i}) = (f_{i}^{i}, f_{2}^{i}, \dots, f_{l}^{i}) D^{i}(R) \qquad (oq - q)$$

- 17. -

$$\begin{aligned} r f_n^{\ i} &= \sum_m f_m^{\ i} D^i \left(R \right)_{mn} \qquad (7 \cdot - 4) \\ m &= \sum_m f_m^{\ i} D^i \left(R \right)_{mn} \qquad (7 \cdot - 4) \\ \text{Lister of } R &= \sum_m D^i (R)^* (R)$$

$$P_{m'n'}^{i} \equiv (l_i | h) \sum_{R} D^{i}(R)_{m'n'}^{*'r}$$
 ($\gamma \gamma - 4$)

R
والمعادلة السابقة تصبح :
$$P^{i}_{mn} f^{i}_{n} = f^{i}_{m} \delta_{nn'} \delta_{ij}$$

 $P^{i}_{mn} f^{i}_{n} = f^{i}_{m} \delta_{nn'} \delta_{ij}$
 $P^{i}_{mn} f^{i}_{n} = f^{i}_{m}$
 $P^{i}_{mn} f^{i}_{n} = f^{i}_{m}$

إن فعل مؤثر الاسقاط يكون بأن يولد من تابع في الوضعيّة n داخل شعاع السطر تابع في الوضعية m . أي إذا علمنا واحد من توابع القاعدة لتمثيل فيمكننا أن نولد الباقي 1 – *يا* . عندما تكون m = n و j = i في المعادلة (A – ٣٣) نجد مفعول مؤثر الأسقاط :

$$P_{mm}^{i} f_{n}^{i} = f_{m}^{i} \delta_{mn} \qquad (\ \mathbf{10} - \mathbf{4} \)$$

- 171 -

ليكن التابع F ونريد تحديد المركبة في الوضعية n لشعاع السطر المحمول على التمثيل T للزمرة . لذلك سنفرض أن F يكتب كمجموع توابع هي قاعدة لكل التمثيلات غير القابلة لارجاع للزمرة :

$$F = \sum_{i} \sum_{n=1}^{l_{i}} f_{n}^{i} \qquad (17-4)$$

$$P_{mm}^{j} F = \sum_{i} \sum_{n=1}^{l_{i}} P_{mm}^{j} f_{n}^{i} = \sum_{i} \sum_{n} f_{n}^{i} \delta_{ij} \delta_{nn}$$
$$= f_{m}^{j} \qquad (\forall V - \forall)$$

يمكن أن نوجد علاقة مؤثر الاسقاط كتابع للخواص . إذا كتبت العلاقة (٩ – ٦٧) بصورة كاملة وباستخدام تعريف مؤثر الأسقاط (علاقة ٩ – ٦٢) نحصل على النتيجة التالية :

jei کان الجمع علی m :

$$\sum_{m} f_{m}^{j} = (l_{i}|h) \sum_{m} \sum_{m} D^{j}(R)^{*}_{mm} r F$$
 (٦٨–٩)

$$= (l_i|h) \sum_{\mathbf{R}} \chi_i (\mathbf{R})^* \mathbf{r} \mathbf{F}$$

يمكن أن ندخل مؤثر جديد P له التأثير التالي على التابع F .

 $P^{j} F = \sum_{m} f^{j}_{m} \qquad (14-4)$

$$P \equiv (l_i | \mathbf{h}) \sum_{\mathbf{R}} \chi_i (\mathbf{R})^* \mathbf{r}$$
 (Y·-٩)

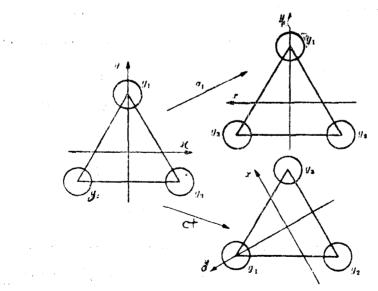
- 777 -

منعول هذا المؤثر هو الاسقاط الخارجي لتابع عام هو مجموع لتوابع القاعدة المحمولة على التمثيل **T** . ليكن g, g₂ , g ثلاثة توابع تمثل بثلاثة دوائر على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع شكل (5,5) ويمكن أن تكون كمثال مدارات 1s للهيدروجين في الامونياك .

تمت العمليات المطابقة (E) ، الانعكاس (σ,) والدوران (+C) تصبح التوابع كما في الجدول (٩ – ٤) وكما في الشكل (٩ – ٥) :

	g ₁	g ₂	g3
E	gı	g 2	g3
σ1	g _i	g ₃	g 2
C+	g ₃	gı	g 2
	İ		

جدول (۹ - ٤)



The effect of the operation σ_1 , E, and C⁺ on the labelling of the functions g_1 , g_2 , and g_3 .

- 777 -

من الضروري اعتبار عملية واحدة فقط لكل صف لذلك مشطيها مع الخواص لتمثيل وهذه كما نعلم تكون ذاتها لكل أعضاء الصف . وحمب الجدول السابق يمكن أن نبي تمثيلات العمليات الثلاث المحمولة على القواعد (٤ , ٤ م ٤ ، ٤) ومنه نحصل على المصفوفات التالية :

D (E)	D (σ_i)	D (C+)
1 0 0		0 1 0
0 1 0	0 0 1	0 0 1
0 0 0	_0 1 0_	_1 0 0_
		• 11 -11 10 1

وخواصها على التوا**لي** :

وكقاعدة نجــد بأن عدد الخواص مساو لعدد التوابع اللامتغيرة تحت عملية جدول (٩ – ٤) يمكن أن نستخدم العلاقة (٩ – ٥٥) لتحديد التمثيلات غير القابلة للإرجاع المحمولة على التوابع الثلاثــة . نستخدم جدول الخواص للزمرة _{٢٠}٥ جدول (٥ – ٣) والسطر الأخير في الجدول . فعدد المرات حيث ينتج التمثيل غير القابل للإرجاع A, يعطى بالعلاقة (٩ – ٥٥) وهو :

 $(1/6)[1 \times 3 + 3 \times 1 \times 1 + 2 \times 1 \times 0] = 1$

وعدد مرات A الناتجة :

(1/6) [1 × 3 − 3 × 1 × 1 + 2 × 1 × 0] = 0 وعدد مرات E الناتجة :

. ,

 $(1/6) [2 \times 3 + 3 \times 0 \times 1 - 2 \times 0 \times 1] = 1$

ملاحظة : الجمع على العناصر أو مرات الصفوف (عدد العناصر في كل صف) . التوابع عندئذ تحمل التمثيلات A₁ + E .

لتطبيق تقنية الإسقاط على حالتنا هذه يجب أن نغير المعادلتين (٩ – ٦٩) و (٩ – ٧٠) . إذا كان (3 , g_ , g_) = F فتقنية الاسقاط تعدل كما يلي :

r
$$g_m = \sum_n g_n D(R)_{nm}$$
 (۷۱–۹)
: f_i^i هو مجموع على القواعد $g_m = \sum_i \sum_l \sum_l f^i$

والمعادلة (۹ – ۷۱) تصبح :

$$r g_{m} = \sum_{i} \sum_{l} \sum_{n} f_{l}^{i} D^{i} (\mathbf{R})_{l_{m}} \qquad (\forall \mathbf{Y} - \mathbf{9})$$

إذا ضربنا بـ '/(R) Dⁱ (R) وجمعنا على R فعلاقة التعامد العظمى تسمح لنا أن نكتب :

$$\sum_{\mathbf{R}} \mathbf{D}^{j} (\mathbf{R})^{*}_{l'n}' \mathbf{r} g_{\mathbf{m}} = \sum_{\mathbf{R}} \sum_{i} \sum_{l} \sum_{n} \sum_{i} f^{i}_{l} \mathbf{D}^{j} (\mathbf{R})_{l'n}' \mathbf{D}^{j} (\mathbf{R})_{ln}$$
$$= (\mathbf{h}|l_{i}) f^{j}_{l'} \sum_{n} \delta_{nn'} \qquad (\forall \mathbf{Y} - \mathbf{A})$$

إذا وضعنا '*I* = 'n وجمعنا على 'n :

$$\sum_{n'} \sum_{R} D^{j} (R)^{*'_{n'n'}} rg_{m} = (h|l_{j}) \sum_{n'} \sum_{n} f^{j'_{n'}} \delta_{nn'} \qquad (\forall \xi - \P)$$

ومن ناحیة أخرى . $\sum_{\mathbf{R}} \chi^{j} (\mathbf{R})^{*} \mathbf{r} \mathbf{g}_{\mathbf{m}} = (\mathbf{h} | l_{i}) \sum_{\mathbf{n}} \mathbf{f}^{j}_{\mathbf{n}}$ (۷۵ – ۹)

وباستخدام مؤثر الإسقاط Pi نجد :

$$P^{j} g_{m} = \sum_{n} f^{j}_{n} \qquad (\forall \forall - 4)$$

- 170 -

إذا أخذنا كل مركبة من F بدورها وطبقنا مؤثر الإستماط المعطى بالعلاقة (۹ – ۷۰) سنولد مجموعة من توابع تكون قواعد للتمثيلات غير القابلة للإرجاع للزمرة . والطريقة واحدة سواء أكان F مجموعة توابع أو تابع واحد فقط .

لنطبق العلاقة (٩ – ٧٦) على لمثال (g, , g,) والجــدول (٩ – ٤) سيكمل . لذلك لنوجد الآن بالمجموع على العناصر ومن السهل اشتقاق التحويلات المعطاة في الجدول (٩ – ٥) .

التابع المحمول على التمثيل أحادي البعد A_I يحصل عليه بسهولة بتطبيق العلاقة (٩ – ٧٢) . إذا طبقناه على التابـــع g_I يمكن أن نستخدم (٩ – ٧٠) والجدول (٩ – ٥) يعطي :

 $f(A_1) = (1/6) g_1 + (1/6) g_1 + 1/6 g_2 + 1/6 g_3 + 1/6 g_3 + (1/6) / g_5 =$ = (1/3) (g_1 + g_2 + g_3) (VV - 4)

حصلنا على هذه النتيجة بضرب كامل العامود تحت g₁ في الحــدول (۹ – ۰) بـ 1/6 (= بعد / مرتبة) ، وهذا إشراك لمؤثر الاسقاط .

إذا طبقنا هذا على التابعان الآخران فسنحصل على نفس النتيجة ونوجد تركيب التوابع المطلوبة لقواعد التمثيل غير القابلة للارجاع A، للزمرة .

 $f(A) = g_1 + g_2 + g_3$ (1-VV - 4)

نفس الطريقة نستخدمها لإيجاد قواعد التمثيل ثنائي البعد E وفي هذه الحالة سنتوقع جواب غامض لذلك ُنعرف بأن مؤثر الإسقاط سيختار فقط مجموع تابعي قاعدة ، عندما يطبق (E) P على كل تابع g_n وبالدور نحصل على :

$$P(E) g_{1} = \frac{1}{3} (2 g_{1} - g_{2} - g_{3})$$

$$P(E) g_{2} = \frac{1}{3} (2 g_{2} - g_{3} - g_{1})$$

$$P(E) g_{3} = \frac{1}{3} (2 g_{3} - g_{1} - g_{2})$$

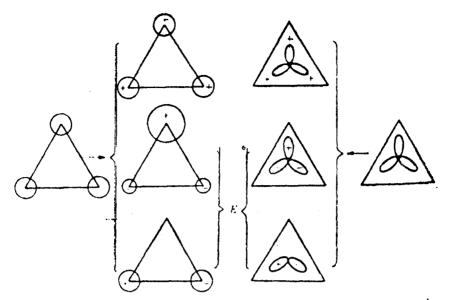
$$(YA - 4)$$

- 111 -

	g1	g ₂	g,
E	g ₁	g ₂	g,
σι	 - Sı	g ₃	g ₂
σ2	g,	g ₁	g 3
σ3	g 3	g ₂	gı
C+	g,	g ₁	g 2
C	g ₂	g3	gı
	(• - ٩	جدول (

مجموع هذه التوابع يكون صف وأي تابع يمكن التعبير عنه بدلالة التابعان الآخران والجملة غير مستقلة خطياً . ولمعرفة ذلك نبحث فقط عن تابعين ولإيجاد قاعدة التمثيل ثنائية البعد يمكن أن نختار (g - g - g 2) 1/3 كواحد من الزوج ، هــذا التركيب متناظر بالنسبة لـ σ (بسبولة يمكن التأكد من ذلك) لهذه المعلية التبديلية فقط g , g و يمكن أن نأخذ تركيب لتركيبين آخريين مع تغير الإشارة غير متناظر بالنسبة لـ σ

مثل هذا التركيب : $1/3 (2g_2 - g_3 - g_1) - 1/3 (2g_3 - g_1 - g_2) = g_2 - g_3$ $g_2 - g_3 = g_2 - g_3$ $f_1 (E) = 2 g_1 - g_2 - g_3$ $f_2 (E) = g_2 - g_3$ f_3 $f_2 (E) = g_2 - g_3$ f_3 f_3 f_4 (E) = 2 $g_1 - g_2 - g_3$ $f_2 (E) = g_2 - g_3$ f_3 $f_2 (E) = g_2 - g_3$ f_3 f_3 f_4 (E) = 2 $g_1 - g_2 - g_3$ $f_2 (E) = g_2 - g_3$



The combinations of functions that are bases for the irreducible representations A₁ and E of the group C_{10} that is, the functions $\frac{1}{2}A_1$ and $\frac{1}{2}C_2E$ formed from two different sets of basis functions.

شکل (۹ – ۲)

: Direct product groups – ۷ – ۱ الجداء المباشر للزمر Direct product groups

لنفرض أن E, g₂, g₃, ..., g_h عناصر الزمرة G ذات الرتبة h و E, g₂, g₃, ..., g_h عناصر الزمرة G' ذات الرتبة h حيث العنصر المشترك في الزمرتين هو E وعناصر الزمرتين متبادلة (g_i g_j' = g'_j g_j) عندئذ جداء كل عنصر من G مع كل عنصر من G هو عنصر من زمرة الجداء G = G' = G' يمكن أن نرى أن عناصر G' تشكل زمرة إذا تحققت الشروط السابقة لذلك نضرب كلا العنصرين مع بعضهما ونكتب :

لنوجد تمثيل "G وكذلك خواصها . لذلك نفرض بأن مجموعة التوابع f و f هي قاعدة للتمثيل الزمرتين G', G لذلك يمكن أن نكتب : $g_{i} f_{m} = \sum_{p} f_{p} D (g_{i})_{pm}$ $(\Lambda 1 - 4)$ $\mathbf{g'_j} \ \mathbf{f'_n} = \sum \mathbf{f'_q} \mathbf{D} \ (\mathbf{g'_j})_{\mathbf{qn}}$ جداء مجموعة f'n, fm هو قاعدة للزمرة 'G' . $g_{i} g'_{j} f_{m} f'_{n} = \sum \sum f_{p} f'_{q} D_{p} (g_{i})_{pm} D (g'_{j})_{qn}$ (AY - 4) التمثيل للعنصر g, g' في زمرة الجداء هو مصفوفة لها أربع خواص زمرة جداء .
$$\label{eq:constraint} \begin{split} \lambda\left(g_{j}^{-}g_{j}^{\prime}\right) \;=\; \sum\sum D\left(g_{j}^{-}\right)_{mm}^{\prime} D\left(g_{j}^{\prime}\right)_{nn} = \end{split}$$
m n $= \chi (g_i) \chi (g'_i)$ $(\Lambda T - 9)$

مشال :

إذا رمزنا بـ σ_h الإنعكاس بالنسبة لمستوى المثلث متساوي الأضلاع فإن σ_h و يشكلان زمرة يرمز لها بـ C_s لها صفات من العمليات والجدول (۹ – ٦) يعطي جدول الخواص للزمرة C_s .

	E	$\sigma_{\mathbf{h}}$
Α'	1	1
Α"	. 1	—1
	(7-9)	جدول (

- 179 -

A' و ''A التمثيلان غير القابلان الإرجاع ، الأول يرمز لتناظر الزوجي تحت عملية الإنعكاس والثاني للتناظر الفردي الجداء المباشر لـ C_{av} . C_s سيكون زمرة ذات مرتبة 2 × 6وسيكون هنالك ست صفوف وبالتالي ستة تمثيلات غير قابلة الإرجاع .

تشكل الصفوف الست كما يلي : كل واحد من الصفوف الثلاثة لـ _{C₃} سيضرب يالمطابقة والإنعكاس في _{C_s} ، فالأولى ستترك العمليات لامتغيرة بينما الثانية ستؤدي إلى عمليات جـديدة . فـ σ_h = σ_h , E σ_h = σ_h و _{σ_s} تكون مكافئة لثلاث دورانات مضاعفة حول منصف زوايا رؤوس المثلث متساوي الأضـلاع تدعى بـ _C والعنصران _م _{σ_h} تدعى بدوران إنعكاس ويرمز بـ _S . الزمرة الجديدة هي _م _D ونحصل على جدول خواصها بتطبيق العلاقة (P – N) نجد مجدول (P – V) .

_	E	3 σ	3C ₃	$\sigma_{ m h}$	3C ₂	28 ₃	
A'1	1	1 .	, 1	1	1	1	v
A''1	1	1	1	1	1	—1	
A' 2	1	1	1	· · 1 ···	1	1	
A″2	1	1	1	1	1	1	
E'	2	0	1	2	0	—1	
E''	2	0	1	2	0	1	

جدول (A – V) جدول خواص الزمزة D_{3h}

ليكن ا**T** و ا**T** تمثيلان لزمرة قواعــدهما هي fin, fin إذا كان // هو بعد التمثيل غير القابل للإرجاع **T** ، *با* بعد التمثيل غير القابل للإرجاع **T** فتكون مجموعة / *با* لجداء fin.fin هي قاعدة لتمثيل الزمرة ذات البعــد *با* ، ويمكن أن نكتب :

$$r(f_{\mathbf{m}}^{i}f_{\mathbf{n}}^{j}) = \sum_{p} \sum_{q} f_{p}^{i} f_{q}^{j} D^{i}(\mathbf{R})_{p\mathbf{n}} D^{j}(\mathbf{R})_{q\mathbf{n}}$$

$$\equiv \sum_{p \in q} \sum_{q \in q} (f_{p}^{i} f_{q}^{j}) D(\mathbf{R})_{pqma} \qquad (\Lambda \xi - \Psi)$$

فخواص العمليلة في تمثيل الجداء سيعطى بـ

 $\chi (\mathbf{R}) = \chi_{i}(\mathbf{R}) \chi_{j}(\mathbf{R})$ (Ao-4)

والتمثيل سيكون تمثيل في الزمــرة الأصلية .. وبما أن ــــــ الم هما تمثيلان لنفس الزمرة ، إذا D يجب أن يكون تمثيل قابل للإرجاع والخواص (R) X يجب أن يكون قابل للتحليل :

• •

$$\chi(\mathbf{R}) = \chi^{i}(\mathbf{R}) \chi^{j}(\mathbf{R}) = \sum_{\mathbf{R}} a_{ijk} \chi^{k}(\mathbf{R}) \qquad (\wedge \tau - \mathbf{q})$$

يمكن تحديد المعاملات بتطبيق شرط التعامد للخواص خلاقة (٩ – ٥١)

$$a_{ijk} = \frac{1}{h} \sum_{R} \chi^{i}(R) \chi^{j}(R) \chi^{k}(R)^{*} \qquad (\Lambda V - 4)$$

A1, E والتوابع x, y, z هي قواعد لتمثيلات غير قابلة للإرجاع A1, E إن x. z هي : قاعدة لتمثيل قابل الإرجاع للزمرة ويمكن أن نحدد التمثيلات غير القابلة للإرجاع والتي يمكن أن ترجع بتطبيق النظرية السابقة . يمكن أن نحسب خواص التمثيل القابل للإرجاع باستخدام العلاقة (٩ – ٥٥) والذي يعطي الجدول (٩ – ٨)

R _i	E	σ	Cs	توابع القاعدة	
χ ^{Α1} (R)	1	1	1	Z	
χe (R)	2	0	1	х	
$\chi(\mathbf{R}) = \chi^{\mathbf{Ai}}(\mathbf{R}) \chi^{\mathbf{E}}(\mathbf{R})$	2	0	—1	XZ	
جدول (A – A) الجداء المباشر E = E في الزمرة C3.					

- 111 -

السطر الأخير هو نفس خواص E في الزمرة _{C3}v وبالتالي فإن XZ هو تابع قاعدة للتمثيل E في الزمرة _{C3}v أي أن A₁ × E = E . وبطريقة مشابهة نوجد أن xy هو تابع قاعدة للتمثيلات غير القابلة للإرجاع A₁ + A₂ + E . والجدول (A – A) يعطي الجداء المباشر له E × E في الزمرة _{C3}v حيث نرى أن :

 $\mathbf{E} \times \mathbf{E} = \mathbf{A_1} + \mathbf{A_2} + \mathbf{E}$

تركيب توابع القاعدة لكل تمثيل في هذا التحليل يمكن الحصول عليها من xy مؤثر الاسقاط :

R	Е	σ	C3	تابع القاعدة
λ ^e (R)	2	0	1	x
$\chi_{E}(\mathbf{R})$	2	0	1	У
χ (R) = χ_{E} (R) χ_{E} (R)	4	0	1	xy
$\chi^{(A_1)}(R) + \chi^{(A_2)}(R) + \chi^{E}(R)$	4	0	1	

جدول (٩ ــ ٩) الجداء المباشر E × E في الزمرة «C_{3v} ولمزيد من التفاصيل راجع أحدى المراجع المتخصه في دراسة الزمر .

M. M. M. M.

الفصل العاشر

فصل حدكة الالكترونات والانوبة

تعريف الطاقة الالكترونية ع والطاقة النووية (للأنوية) E_a . • 1 – 1 – فصل حركة الإلكترونات والأنوية :

۱۰ ـ ۱ ـ ۱ ـ معادلة شرودينغر لجزيئة :

لتكن الجزيئة المشكلة من N نواة ذات كتلة m و ز/X'j,Y'j,Z احداثيات النواة j . عندئذ نستطيع كتابة هاملتون الحملة بالعلاقة :

$$H = -\frac{h^2}{8\pi^2} \sum_{j=1}^{N} \frac{1}{m_j} \left(\frac{\partial}{\partial X'^2_j} + \frac{\partial}{\partial Y'^3_j} + \frac{\partial}{\partial Z'^2_j} \right)$$

$$-\frac{h^{3}}{8 \pi^{2} m} \sum_{i=1}^{n} \frac{\partial}{\partial X_{i}^{2}} + \frac{\partial}{\partial Y_{i}^{2}} + \frac{\partial}{\partial Z_{i}^{2}} + \frac{\partial}{\partial Z_{i$$

حیث v مؤثر الکمون والمعطی :

$$\mathbf{v} = \sum_{\substack{j \ j' \\ j < j'}} \frac{Z_{j} \ Z_{j'} \ e^{2}}{r_{jj'}} + \sum_{\substack{i \ i' \\ i < i'}} \frac{e^{2}}{r_{ii'}} - \sum_{\substack{i \ e^{2} \\ r_{ij}}} \frac{Z_{i} \ e^{2}}{r_{ij}} \qquad (Y - Y)$$

- ۲۷۳ - الفيزياء الذرية

r_{ii} يمثل البعد بين جزئيين . إن الحدود الثلاث في تابع الكمون تمثل على التوالي الكمون التدافعي للأنويه وكمون التدافعي الإاكترونات وكذلك الكمون التجاذ<mark>ي ب</mark>ين النواة والإاكترونات . يمكن لنا أن نكتب العلاقة (1) بشكل شتزل :

$$H = -\frac{h^2}{8\pi^2} \left(\sum_{j} \frac{1}{m_j} \Delta_j + \frac{1}{m} \sum_{i} \Delta_i \right) + v \quad (\forall - 1)$$

وبالتالي يمكن كتابة معادلة شرودينغر لجزيئه بالشكل :

$$\sum_{j} \frac{1}{m_{j}} \Delta_{j} \psi + \frac{1}{m} \sum_{i} \Delta_{i} \psi + \frac{8 \pi}{h^{2}} (\xi - v) \psi = 0 \qquad (\xi - v)$$

حيث التابع الموجي & يعتمد على احداثيات النواة والإاكترونات المعادلة (4) معقدة ويجب تبسيطها وذلك للدراسة حركة الأنوية وحركة الإلكترونات .

۱۰ – ۱ – ۲ – نماذج لحركة الإلكترونات وحركة الأنوية :

التقريب الـ adabatique دراسة حركة الأنوية في حقل قوي ناتج عن التدافع المتبادل والتجاذب بين الأنوية والغمامة الإلكترونية . وهذا ناتج عن كوننا مهتمين بحركة الإلكترونات أو الأنوية علماً بأنه يمكن اعتبار أنه هناك حركة للألكترونات مع اعتبار الأنوية ثابتة هذا إذا كنا مهتمين بحركة الإلكترونات أما إذا كنا مهتمين بحركة الأنوية فيكفي اعتبار مجال من الزمن طويل بصورة كافية لأجل أن تتحرك الأنوية بشكل ملحوظ . وخلال هذا الزمن تتحرك الإلكترونان على مداراتها عدة مرات وبسرعات عالية . وبالتالي المراسة حركة الأنوية يجب متابعة حركة الإلكترونات .

a – حركة الإلكترونات :

في هذه الحالة نعتبر الكمون هو من الشكل :

$$v_{e} = \sum_{\substack{i \ i' \\ i < i'}} \frac{e^{2}}{r_{ii}'} - \sum_{\substack{i \ j \\ i \\ i < i'}} \frac{Z_{i} e^{2}}{r_{ij}} \qquad (\circ - 1)$$

وتصبح معادلة شرودينغر في هذه الحالة :

$$\frac{1}{m} \sum_{i} \Delta_{i} \psi_{e} + \frac{8 \pi^{2}}{h^{2}} (\xi_{e} - v_{e}) \psi_{e} = 0 \qquad (7 - 1)$$

إن التابع ، لا يعتمد فقط على اعدائيات الإاكترونات والطاقة ، ع هي ثابتة . إلا أنه بعد اجراء الحساب من أجل تشكيلة نروية معطان يمكننا أن نقوم بإجراء الحساب من أجل تشكيلة أخرى من الأنوية وسنحصل على ، لو ت مختلفين . ينتج عن ذلك بان الإحداثيات ز/z ز/x (ليست بإحداثيات الوضع للمسألة بمفهوم ميكانيك شرودينغر) يجب اعتبارها كمعامل يعتمد عليه ، لا و ، تا أي :

b - حركة الأنوية :
 v_n = Σ_j Z_j Z'_j e² + ξ_e
 x_n = Σ_j j'
 i < j'

$$\xi_{e} = \ < r | H_{e} | r > \ = \ \int \ \psi_{e}^{*} \ H_{e} \ \psi_{e} \ d \ \tau$$

أخيراً يمكن كتابة معادلة شرودينغر من أجل حركة الأنوية بالعلاقة :

$$\sum_{j} \frac{1}{m_{j}} \Delta_{j} \psi_{n} + \frac{8 \pi^{2}}{h^{2}} (\xi_{n} - v_{n}) \psi_{n} = 0 \qquad (4 - 1)$$

- 140 -

حيث التابع الموجي _عن هو يعتد على احدائيات الأنوية والطاقة _م ة ثابتة
(۱۰ – ۱۰) (... ز*Y* ز*Y* ز*Y* ز*y*)

$$\xi_n = \psi_{pr} (\dots X') = \chi_p (\dots X')$$

 $\xi_n = \xi_{pr}$
 $\xi_n = \xi_{pr}$
 $\xi_n = \xi_{pr}$
 $\xi_n = \xi_{pr}$ أن لاننسى بأن _a ψ و _a ξ يتعلقان
بالعدد الكمي q الإلكتروني .
Born - oppenheimer e ξ_{p} أن لاننسى بأن above **e** ξ_n ξ_n

الحل

بتعويض التابع لإ في العلاقة (١٠ – ٤) معادلة شرودينغر نجد :

$$\frac{\partial^2 \psi_{\mathbf{e}} \psi_{\mathbf{n}}}{\partial X^2} = \psi_{\mathbf{e}} \frac{\partial^2 \psi_{\mathbf{n}}}{\partial X^2} + \psi_{\mathbf{n}} \frac{\partial^2 \psi_{\mathbf{e}}}{\partial X^2} + 2 \frac{\partial \psi_{\mathbf{e}}}{\partial X} \frac{\partial \psi_{\mathbf{n}}}{\partial X}$$

وبشكل كلي نجد :

$$\psi_{e} \sum_{j} \frac{1}{m_{j}} \Delta_{j} \psi_{n} + \psi_{n} \sum_{j} \frac{1}{m_{j}} \Delta_{j} \psi_{e} + \sum_{j} \frac{2}{m} \left(\frac{\partial \psi_{e}}{\partial X'_{j}} \frac{\partial \psi_{n}}{\partial X'_{j}} + \right)$$

$$\frac{\partial \psi_{e}}{\partial Y'_{j}} \frac{\partial \psi_{n}}{\partial Y'_{j}} + \frac{\partial \psi_{e}}{\partial Z'_{j}} \frac{\partial \psi_{n}}{\partial Z'_{j}} \right) + \frac{\psi_{a}}{m} \sum_{i} \Delta_{i} \psi_{e} + \frac{8 \pi^{2}}{h^{2}} (\xi - v) \psi_{e} \psi_{n}$$

$$i \qquad (1Y - Y)$$

مع الأخذ بعين الإعتبار للمعادلتين 9 و 6 وبفرض أن :

$$\Phi = \psi_{\mathbf{n}} \sum_{j} \frac{1}{m_{j}} \Delta_{j} \psi_{\mathbf{e}} + \sum_{j} \frac{2}{m_{j}} \left(\frac{\partial \psi_{\mathbf{e}}}{\partial X'_{j}} \frac{\partial \psi_{\mathbf{n}}}{\partial X'_{j}} + \frac{\partial \psi_{\mathbf{e}}}{\partial Y'_{j}} \frac{\partial \psi_{\mathbf{n}}}{\partial Y'_{j}} + \right)$$

- 111 -

$$+ \frac{\partial \psi_{e}}{\partial Z'_{j}} \frac{\partial \psi_{n}}{\partial Z'_{j}} \Big) \qquad (17' - 1')$$

فالعلاقة (12) تصبح :

$$\Phi + \frac{8\pi^2}{h^2} (\xi - \xi_n) \psi_o \psi_n \qquad (1\xi - 1)$$

تمثل هذه العلاقة الحد الأول من معادلة شرودينغر لجزئية وهي غير معدومة باعتبار أننا استخدمنا التابع ل وهو حل غير دقيق لهذه المعادلة اذاً يقوم تقريب بورن أو ينزايمر على أهمال (1 التي تدخل الاشتقاق من المرتبة الأولى والثانية على التابع الموجي الإلكتروني وذلك بالنسبة لاحداثيات الأنوية . وهذا يعني أن لم قليل التأثير بحركة النواة أي 0 = 0 وعندئذ معادلة شرودينغر هي :

$$\frac{8 \pi^2}{h^2} \left(\xi - \xi_e \right) \psi_e \psi_n = 0 \qquad (10 - 1)$$

ومنه نجد :

$$\xi = \xi_n$$

خلاصة إن ٍ ٍ ٍ علول لمعادلات شرودينغر للنموذج الإلكتروني وللنموذج النووي هو حل تقريبي لمعادلة شرودينغر لجزيئة حيث ٤ و ٤ متساويتان :

۱۰ – ۱ – ٤ – محطط سويات الطاقة لجزيئة :

إن طاقة الجزيئة يمكن أن تكتب كمجموعة لعدة طاقات :

 $\mathbf{E} = \mathbf{E}_{\mathbf{o}} + \mathbf{E}_{\mathbf{T}} + \mathbf{E}_{\mathbf{V}} + \mathbf{E}_{\mathbf{R}} + \mathbf{E}_{\mathbf{I}} \qquad (17 - 1)$

أو بالشكل :

 $E - E_{T} = E_{o} + E_{v} + E_{R}^{*} \qquad (V - V)$

حيث _{Ev} الطاقة الإلكترونية ، E_r الطاقة الإنسحابية ـــ E_v الطاقة الاهتزازية E_R الطاقة الاهتزازية E_r الطاقة الدورانية و الاهتزازية و :

$$\mathbf{E}^*_{\mathbf{R}} = \mathbf{E}_{\mathbf{R}} + \mathbf{E}_{\mathbf{I}} \tag{11.1}$$

وتعتبر الطاقة الإنسحابية مهملة لذلك ستهمل وسنهتم فقط بالطاقات القابلة للتكميم أي الطاقة الإلكترونية والاهتزازية والدورانية ولقد تبين تجريبياً بأن :

$$\Delta E_{e} >> \Delta E_{v} >> E^{*}_{R} \qquad (19 - 1)$$

إذاً سويات الطاقة E_{ei} + E_{vi} + E^{*}Rk ستمثل بثلاث خطوط أفقية والشكل (١٠ – ١) يبين كيف تحوي السويات الإلكترونية المميز بـ i سويات جزئية اهتزازية وهذه الأخيرة تحوي سويات جزئية دورانية .

والشكل (١٠ – ٢) يمثل سويات الطاقة الإلكترونية ولجزيئة ثنائية الذرة وكذلك توابع الكمون وسويات الطاقة الإهتزازية الدورانية .

ملاحظة :

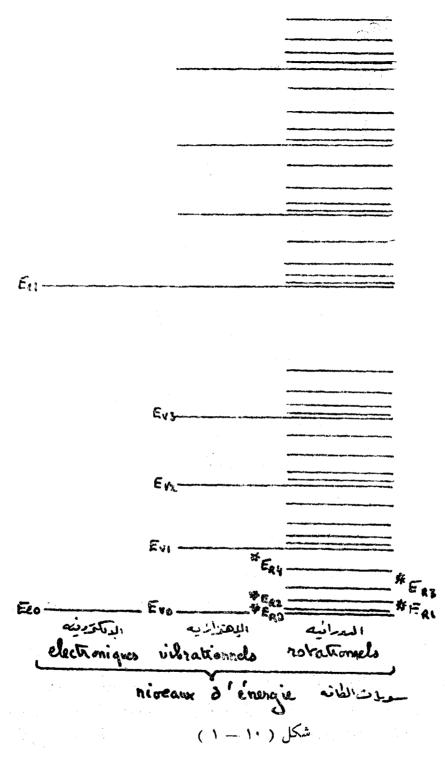
إن الحالة الإهتزازية لجزيئة تؤثر على حالتها الدورانية ينتج من ذلك بأن مخطط سويات الطاقة الدوراني E_{Rk} في الشكل (١٠ – ١) ليس ذاته في سويات الطاقة الإهتزازية المختلفة _v وكذلك مخطط سويات الطاقة الإهتزازية الدورانية E_k + E_k يعتمد على الحالة الإلكترونية التي توجد فيها الجزئية .

عندما ندرس الطيوف الجزيئة يعطى الحد الطيفي بـ E / hc (cm⁻¹) E / hc عندما ندرس الطيوف الجزيئة يعطى الحد الطيفي بـ E
$$\frac{E}{hc} = T_e + G + F$$

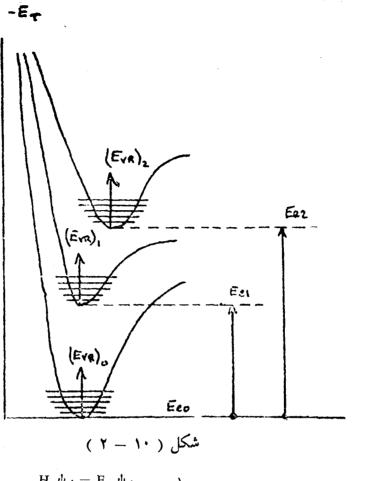
$$F={}^{*}F_{R}/hc$$
 , $G=E_{v}/hc$, $T_{e}=E_{e}/hc$

۱۰ – ۱ – ۲ – الحالات وسويات الطاقة :

إن سويـــات الطاقة E_{Rk} , E_{vi} , E_{oi} ، أطابقة _oψ , _v, ψ_{vi} , ^T الحصول عليها بحل معادلات شرودينغر :



- 119 -



$$\begin{array}{c} H_{e} \psi_{ei} = E_{ei} \psi_{ei} \\ H_{v} \psi_{vi} = E_{vi} \psi_{vi} \\ H_{R} \psi_{Rk} = * E_{Rk} \psi_{Rk} \end{array} \right)$$
 (1) - ()

• ٢ – ٢ – الحدود الإلكترونية الجزيئية Termes électronique de la molcule :

: Origine de la terms moleculaire الحدود الجزئية - ۲ – ۲ – ۲ منشأ الحدود الجزئية

وجد في طيف الإمتصاص لمحاليل الزئبق بأن حقل الجزيئة تسبب نفس انقسام الحدود الذرية كما وجد في الحقل الكهربائي (مفعول ستارك) هذا يعني بأن الحقل الجزيئي هو ذو طبيعة كهربائية وللتأكد من ذلك فقد درس طيف الفاوره (لـ Tł , Hg

- YA· -

و Cs, Rb, K, Na, بوجود غاز خامل وقد وجد بالإضافة إلى الخطوط الطيفية الإعتيادية لهذه المعادن ظهـور أقمار ضعيفة . مثال وجود تابعين صغيرين مرافقين لخط الطنين لبخار الزئبق بوجـود Ar (So ← IS) (3P ← 2537 (3P) حو على طرف الموجة القصيرة . وطبعاً عدد التوابع يساوي إلى عـدد انقسام ستارك للخط مF 2537 طبعاً والإنقسام في هذه الحالة ناتج أثناء اصطدام ذرات الو Hg مع ذرات الـ Arومفعول الحقل الكهربائي للأخير Ar هو الذي يؤدي إلى مفعول ستارك وبالتالي لانزياح الحطوط الطيفية .

من لحظة الإصطدام يمكننا اعتبار كل زوج في الذرات كشبه جزيئة طاقات السويات (الحدود) لشبه الجزيء هذا هي بالتحديد الناتجة عن السويات للذرتين المتصادمتين كنتيجة للإنقسام الكهربائي لهذه السويات .

بالنتيجة فإن السويات الإاكترونية للجزئيات الناشئة عن سويات الدرات المشكلة للجزيئة هي نتيجة لإنقسام ستارك في الحقل الكهربائي للجزيئة .

۱۰ – ۲ – ۲ – الحدود الإلكترونية لجزيئة ثنائية الذرة :

Termes électronique d'une molécule diatomique

يمكن حساب الحدود الجزئية نظرياً وذلك في حالة جزيئة بسيطة +H₂ حيث التابع الموجي يعتمد على احداثيات الالكترون x , y , z وكذلك على المسافة بين الذرتين وعلى الزوايا θ و p اللتان تحددان اتجاه محور الجزىء فصل المتحولات

$$\begin{split} \psi = \psi \; (x\,,y\,,z\,,r\,,\theta\,\,,\phi) = \psi_{el} \; (x\,,y\,,z) \, \psi_{vib}(r) \; \psi_{rot} \; (\theta\,\,,\phi) \\ \end{split}$$

$$E = E_{el} + E_{vib} + E_{rot}$$

أي اننا نحصل على ثلاث معادلات تفاضلية حيث يمكننا الحصول على E_e, بحل معادلة الموجة من أجل التابع e_e, (تابع الموجة الااكتروني) .

إن الحقل المؤثر على الإلكترون من +H2 ليس ذو تناظر مركزي ومعادلة شرودينغر لهذه الجزيئة :

¢

 $\frac{1}{\mathbf{R}^2(\xi^2-1) (1-\eta^2)} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \left\{ + 2 \left[\mathbf{E}_{\mathbf{e}\mathbf{I}} + \frac{2\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}(\xi+\eta)} + \frac{2\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}(\xi-\eta)} \right] \psi_{\mathbf{e}\mathbf{I}} = 0 \right\}$

- 141 -

بفرض اذ الحلوم من الشكل :
$$\Psi(\eta) Y(\eta) Y(\eta) = X(\xi) Y(\eta)$$
 معادلتين بعد
فصل المتحولات :
 $\frac{d}{d\xi} \left[(\xi^2 - 1) \frac{\partial X}{\partial \xi} \right] + \left(\frac{Er}{2} \xi^2 + 2 R \xi + A - \frac{\Lambda^2}{\xi^2 - 1} \right) X = 0$
 $\frac{\partial}{\partial \eta} \left[(1 - \eta^2) \frac{dY}{d\eta} \right] + \left(\frac{Er^2}{2} \eta - A - \frac{\Lambda^2}{1 - \eta^2} \right) Y = 0$
 $- \frac{\Delta}{2} \Lambda$ ثابت الفصل .
 $- \frac{\Delta}{2} \Lambda$ ثابت الفصل .
 $- \frac{\Delta}{2} \Lambda$ ثابت الفصل .
 $- \frac{\Lambda}{2} \eta - A - \frac{\Lambda^2}{1 - \eta^2} \right) Y = 0$
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ ثابت الفصل .
 $- \frac{\Lambda}{2} \eta - A - \frac{\Lambda^2}{1 - \eta^2} \right) Y = 0$
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ ثابت الفصل .
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ أو Λ وكذلك ب ع n و η n
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ أو Λ وكذلك ب ع n e η n
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ أو Λ وكذلك ب ع n e η n
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ أو Λ وكذلك ب ع n e η n
 $- \frac{\Lambda}{2} \Lambda$ أو Λ وكذلك ب ع n e η n
 $- \chi$ n block i bl

$$\frac{\partial}{\partial \eta} \left[\left(1 - \eta^2 \right) \frac{\partial Y}{\partial \eta} \right] + \left[\left(r - \frac{Er^2}{2} \right) \eta^2 - A - \frac{\Lambda^2}{1 - \eta^2} \right] Y = 0$$

في حالة الذرة المتحدة فإن الحدود للمنظومة +₁₄ هي نفسها حدود +_H حيث يرمز لحالات الإاكترون في +₁₂ بالرمزوز :

ls σ , 2s σ , 2p σ , 2p π , 3p σ , 3p π , 3d σ , 3d π , 3d S

أما في حالة جزيئة ثنائية الذرة تحوي على عدد من الإلكترونات أكثر من الواحد فإن حل معادلة شرودينغر غير ممكن . وعلى كل حال فإنه يمكننا بصورة تقريبية أن نتفحص حركة كل إلكترون بصورة فردية في حقل متوسط لبقية الإلكترونات المنطبق مع حقل النواتين (طريقة هارتي فوك Hartee - Fock) .

وبالتالي فإن كل إلكترون في الجزيئة يمكن أن نميز بصورة تقريبية بأعداد كمية (وكذلك بعدد كمي رابع – عدد كمي سبيني ½ ± = ه = ه) .

الكترونان متكافئان هما الإلكترونان المميزان بنفس الأعداد الكمية I, n . وحدب مبدأ باولي فإن عدد الإلكترونات المتكافئه لايمكن أن يتجاوز اثنان من أجل Ω = 0 وأربعة من أجل 0 ≠ x .

مثال :

$$(\delta 3 d)^4$$
 $(\pi 2p)^4$ g $(\sigma 1s)^2$

 $n_1 = n_2 = n_3 = n_4$, $l_1 = l_2 = l_3 = l_4$ $n_1 = n_2$, $l_1 = l_2$, $\lambda_1 = \lambda_2 = 0$,

 $\lambda_1 = \lambda_2 = \lambda$, $\lambda_3 = \lambda_4 = -\lambda$ $\sigma_1 = -\sigma_2 = \frac{1}{2}$

 $\sigma_1 = \sigma_3 = -\sigma_2 = -\sigma_4 = \frac{1}{2}$

$${
m S}=0$$
 وكذلك ${
m \Lambda}=\sum_{\rm i}\,{
m \lambda}_{\rm i}=0$

- 112 -

إن التشكيل الإاكتروني للجزيء وبالتالي حدود الإلكترونية له تحدد بالجمع الكلي للمدارات الجزئية أي مجموعة أعداد كمية لكل الكترونات الجزيء . وهذا الجمع صحيح في حالة جزئية ثنائية الذرة أو جزيئة خطية متعددة الذرات :

$$\Lambda = \sum_{i=1}^{n} \lambda_{i}$$

الجمع على كل الكترونات الجزىء ، هذا العدد ٨ يحدد القيمة المطلقة لمسقط العزم الزاوي المداري الكلى على محور الجزىء عندما :

$$oldsymbol{\Lambda}=0$$
 , 1 , 2 ...
فإنه يرمز للحدود بـ $oldsymbol{\Sigma}$ π Δ

كذلك فإن دوران S حول محور الجزيئة أي مسقط S على oz مساوي إلى Λ مع : $\Sigma = S, S - 1, \dots - S$

مثال حالة ٥٠

$$\lambda = 0 \implies \mathbf{\Lambda} = 0 = \mathbf{\Sigma}$$

 $\mathbf{s} = \frac{1}{2} \implies \mathbf{S} = \frac{1}{2} \quad {}^{2}\mathbf{\Sigma}$

 $:\pi^1$

$$\lambda = 1 \implies \Lambda = 1$$

$$s = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2}$$

$$s = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{2} \implies S = \frac{1}{2} \implies$$

أي :

$$s_1 = \sigma_1 = \frac{1}{2} , s_2 = \sigma_2 = \frac{1}{2} \implies S = 1 \implies {}^3\Sigma$$
$$s_1 = \sigma_1 = \frac{1}{2} , s_2 = \sigma_2 = -\frac{1}{2} \implies S = 0 \implies {}^1\Sigma$$

- 440 -

$$\Delta (\mathbf{\Lambda} = \lambda_1 + \lambda_2 = 1 + 1 = 2, S = 0)$$
 الحد Δ^c مستبعد حسب مبدأ باولي .

Lien entre termes moleculaire et atomique

$$\begin{split} & \text{triberows} \text{triberows$$

$$L_1 + L_2 - 1$$
, $L_1 + L_2 - 2 - L_1 - L_2 - 1$, 0

 $L_1 + L_2 - 2 - L_1 - L_2 - 1, 0$ $L_1 - L_2 = 0, 1$ مکرر 2 مرة $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{L}_1 + \mathbf{L}_2$ أي لدينا مکرر 4 مرة $= L_1 + L_2 - 1$ -----(2 L2 + 1 عرق $L_1 - L_2$ $L_1 - L_2 - 1$ $\frac{1}{2}$ $(2L_2 + 1)$ $2(2L_2+1)$ $\Lambda = 1$ $2L_2 + 1$ $\mathbf{\Lambda} = 0$ الحدود ذات $0
eq \mathbf{\Lambda}$ تكون مضاعفة التوالد ، $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{\Lambda}$ غير متوالدہ أي نجد بأنه مكننا أن نحصل: $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{L}_1 + \mathbf{L}_2$ ا حد طيفي $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{L_i} + \mathbf{L_i} - \mathbf{1}$ 2 حد $\Lambda = L_1 - L_2$ - 2 L₂ + 1 $\mathbf{\Lambda} = \mathbf{L}_1 - \mathbf{L}_2 - \mathbf{I}$ 2 L₂ + 1 حد $\Lambda = 0$ مع $L_2 + 1$ $L_1 + L_2$ كلياً نحصل على ($L_1 + 1$) ($L_1 + 1$) حد مع قيم Λ من الصفر إلى $L_1 + L_2$ القيم المكنة لـ s :

- S = S₁ + S₂ , S₁ + S₂ − 1 , . . . , S₁ − S₂| بجمع هذه القيم لـ S مع كل قيم Λ نحصل على لأنحة كاملة للحدود الطيفية الممكنة للجزيئة المشكلة حيث :
 - $oldsymbol{\Omega} = oldsymbol{\Lambda} \, \pm oldsymbol{\Sigma}$ والتي تقارن مع

$^{2S+1}[\Lambda]_{\Omega}$

J = L + S

مثال يمكن الحصول على الحدود الطيفية للجزء OH من الحدود الطيفية للذرة H (²S) , O (³P) . من هذه الحالة :

$$L_{1} = L_{o} = 1$$

$$\implies \Lambda = L_{1} + L_{2}, L_{1} + L_{2} - 1 = 1, 0$$

$$L_{2} = L_{H} = 0$$

$$S_{1} = S_{o} = 1$$

$$\implies S = 3/2, \frac{1}{2}$$

$$S_{2} = S_{H} = \frac{1}{2}$$

$$oldsymbol{\Lambda} = 1$$
 : من أجل

$$\begin{split} \Lambda &= 1 , S = 3/2 , \frac{1}{2} \implies 4\pi , \frac{2\pi}{\pi} \\ \Sigma &= 3/2 , \frac{1}{2} \implies 4\pi \text{ if is an add} \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is an add} \frac{2}{2}, \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \text{ if is a start } \frac{2\pi}{\pi} \\ \Sigma &= \frac{1}{2} \qquad 2\pi \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \\ \text{e is a difference of a start } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \\ \text{e is a difference of a start } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \\ \text{e is a difference of a start } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \\ \Sigma &= 1 + \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \text{ if is a } \frac{2\pi}{\pi} \\ = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2} \end{split}$$

- 1/1 -

 $= 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $= 1 - 3/2 = -\frac{1}{2}$ إذاً الحدود الرباعية π هي : $4\pi_{s/2}$, $4\pi_{3/2}$, $4\pi_{1/2}$, $4\pi_{-1/2}$ ومن أجل الثنائية π^2 $\Omega = \Lambda \pm \Sigma$ $= 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$ $= 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $2\pi_{3/2}$, $2\pi_{1/2}$ إذاً حدود الثنائية π² هي : $\Lambda = 0$ i.e. i.e. $\Lambda = 0$, S = 3/2, $\frac{1}{2} \implies \frac{1}{2}$, $\frac{2}{2}$ $\Omega = 0 + 3/2$ $\Rightarrow 4\Sigma_{3/2} = 4\Sigma$ $\mathbf{\Omega} = -3/2$ $^{2}\Sigma$ أخيراً فإن الحدود الكلية لـ OH هي : 4Σ , 2Σ , $4\Sigma_{5/2}$, $4\pi_{3/2}$, $4\pi_{1/2}$, $4\pi_{-1/2}$, $2\pi_{3/2}$, $2\pi_{1/2}$ وحسب القيم التجريبية فإن الحد π² هو المستوي القاعدي في الجزىء OH . مثال: الجزيء BH أوجد التشكيل الإلكتروني لـ BH $B: 1 s^{1} 2 s^{2} 2 p^{1}$ $H : 1 s^{1}$

عندما تتحد اللرتان

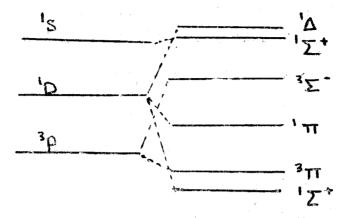
الغيزياء الذرية

 $C = BH = 1 s^2 2 s^2 2 p^2$

		M_L	Λ	الحال_ة
$C = {}^{3}P$	L = 1	0	0	Σ
ι.		± 1	1	π
¹ D	L = 2	± 2	2	Δ
		± 1	1	π
		0	0	Σ
1S	L = 0	0	0	Σ
	لذرة المتحدة .	حالة نموذج ا	يئي لـ BH في	التشكيل الإلكتروني الجز
• .			ضية	تشكيل الحالة الأر
	$BH = (1s \sigma)^2$	(2s σ) ² (2p	σ) ²	
	$\Lambda = \sum_{i} \lambda_{i}$	= 0 + 0 =	$= 0 \implies {}^{1}\Sigma$	تشكيل الحالة المثارة :
	$(BH)^* = (1s \ a$	$(2s \sigma)^2 (2s \sigma)^4$	2p σ) ¹ (2p π) ¹	U
	$\label{eq:characteristic} \begin{split} & {\bf \Lambda} = \lambda_1 + \lambda_2 = 0 \\ & {\bf S} = 1 , 0 \end{split}$	+ 1 = 1	\Rightarrow $^{1}\pi$, $^{3}\pi$	
			گولى :	تشكيل الحالة المثارة الا
	$(BH)^* = (1s \ c$	σ) ² (1s σ) ² ($(2p \pi)^{1} (2p \pi)^{1}$	
	$\mathbf{\Lambda} = \lambda_1 + \lambda_2$	$_2 \implies 2$	¹ Δ	
	$\lambda_1 - \lambda_2$	$_{2} \implies 0$	¹ Σ	
н н. Т	$(1s \sigma)^2 (2s \sigma)^2$	(2p π) ²		
		- 19	-	e a de la companya

 $(1s \sigma)^2 (2s \sigma)^2 (2p \sigma) (2p \pi)$

 $(1s \sigma)^2 (2s \sigma)^2 (2p \sigma)^2$



الشكل (١٠ – ٣) لعطي مثال على الحدود الطيفية الجزئية الإلكترونية لجزىء BH

ملاحظة :

عندما تكون الذرة A أكبر بكثير من الذرة B نعتمد تقريب الذرة المتحدة مثال — إذا كانت الذرتين A و B متساويتان في الحجم مثال CO تقريب الذرتين المنفصلتين .

۱۰ – ۳ – أنواع التناظر للحالات الإلكترونية :

ملاحظة كما في الرموز g,u _ + فالرموز π Δ Φ _ − x _ يمكن أن تحدد

- 191 -

انطلاقاً من خواص التناظر (دون الرجوع إلى قيمة العزم الزاوي Λ) لنقم بالدوران وبزاوية α حول oz فبعض الحالات تكون لا متغيره بالنسبة للدوران يقال عنها من النوع Σ والحالات الأخرى يمكن أن تدرس اقتران الحالات المضاعفة الإقتران بψμ فعندما نقوم بعملية الدوران هذه الحالات تتحول بالشكل

$$\begin{bmatrix} \psi_1 \\ \psi_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \psi_1 \\ \psi_2 \end{bmatrix}$$
An an a second seco

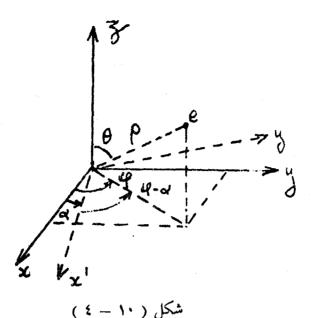
$$a_{11} + a_{22} = 2 \cos m \alpha$$

و m عدد كامل وحسب قيم m تحدد الحالة m يكون ψ_1, ψ_2 هو من m = 1, 2, 3 هو من ψ_1, ψ_2 مل التواني .

فمثلاً جزيئة بإلكترون واحد حيث x y z احداثيات الالكترون و (٫٫٫٫٫) احداثياته الكروية

$$\begin{aligned} \mathbf{x} &= \rho \sin \theta \cos \varphi \\ \mathbf{y} &= \rho \sin \theta \sin \varphi \\ \mathbf{z} &= \rho \cos \theta \\ \text{image integration in the set of } \mathbf{y} \\ \mathbf{z} &= \rho \cos \theta \\ \text{image integration in the set of } \mathbf{y} \\ \mathbf{z} &= \Phi \left(\rho , \theta \right) e^{i\lambda \varphi} \\ \mathbf{z} &= \Phi \left(\rho , \theta \right) e^{i\lambda \varphi} \\ \text{is present in the set of } \mathbf{z} \\ \mathbf{z} &= \mathbf{z} \\ \mathbf{$$

- 191 -



 $\rightarrow \Phi e^{-i\lambda(\varphi-\alpha)}$

φ_λ

ومنه نجد

$$\begin{bmatrix} \psi_{\lambda} \\ \psi_{-\lambda} \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} e^{-i\lambda(\varphi-\alpha)} & \psi_{\lambda} \\ e^{i\lambda\alpha} & \psi_{-\lambda} \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} \psi_{\lambda} \\ \psi_{-\lambda} \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} e^{-i\lambda\alpha} & 0 \\ 0 & e^{i\lambda\alpha} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \psi_{\lambda} \\ \psi_{-\lambda} \end{bmatrix}$$
$$e^{i\lambda\alpha} \quad if \quad \lambda = 0$$

 $a_{11} + a_{22} = e^{-i\lambda\alpha} + e^{i\lambda\alpha} = 2\cos\lambda\alpha$

حيث m = λ في الحالة δ = λ فإن ψ مستقل عن φ أي لايتغير بالدوران حول oz. ان الحصول على, Σ,Δ,π بالطريقتين متطابق .

heteronucléairs AB زمر التناظر في الجزيئة ثنائية الذرة . في جزيئة من نوع heteronucléairs AB تدعى زمرة التناظر محمو وبالتالي فإن مجموعة التمثيلات الغير قابلة للإرجاع لهذه

الزمرة تعطى بالرموز

Σ^+ , Σ^- , π , Δ , Φ , Γ , \ldots .

أما زمرة التناظر في جزئية من نوع homonucléaire فتدعى D_{ooh} والتمثيلات الغير قابلة للارجاع لهذه الزمزة يرمز لها بـ :

 Σ_{g}^{+} , Σ_{u}^{+} , Σ_{g}^{-} , Σ_{u}^{-} , π_{g} , π_{a} , Δ_{g} , Δ_{u} , Φ_{g} , Φ_{u} , Γ_{g} , Γ_{u} ,

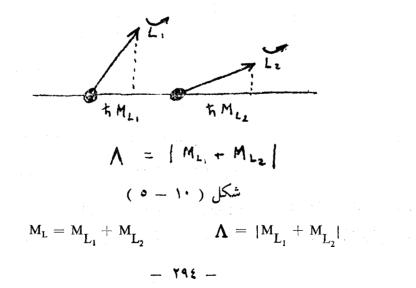
۱۰ – ٤ – تحديد الحالات الإلكترونية لجزيئة ثنائية بدأ من الذرات المنفصلة :

۱۰ – ٤ – ۱ – جزئية من الشكل AB :

a) ليكن I, L العزوم الزاوية المدارية للذرتين فعندما تقترب الذرتان من بعضهما البعض لتشكلا الجزئي كل واحدة تخضع لحقل كهربائي حسب اتجاه محور الجزئي واذا كان h M2 , h M1 مسقطاً L2 , L1 على هذا المحور فإن :

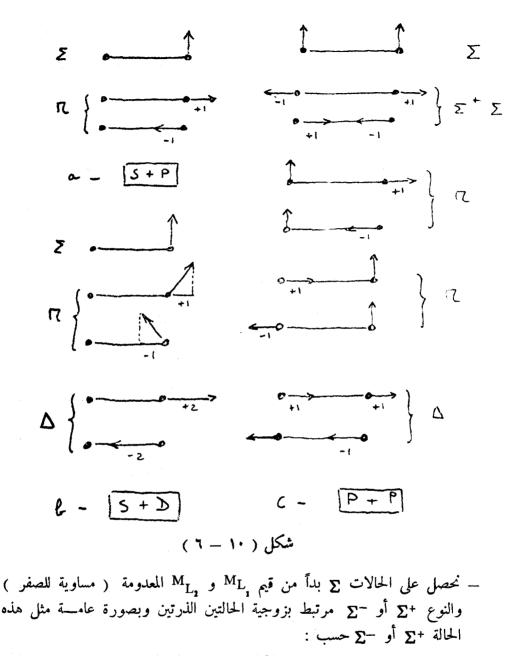
$$M_{L_1} = L_1$$
, $L_1 - 1 \dots - L_1$
 $M_{L_2} = L_2$, $L_2 - 1 \dots - L_2$

إن الحركة المدارية للإلكترونات في الجزيئة ستميز بعزم زاوي L مسقطه على oz يساوي hM شكل (١٠ – ٥) :



مثال (۱) : $^{M}L_{1} = 0$, $L_{1} = 0$ أي P, S الذرتان هما في الحالتين $M_{L_2} = 0, \mp 1$, $L_2 = 1$ $M = 0, \pm 1 \qquad \qquad \mathbf{\Lambda} = 0, 1$ والحالات هي ∑ و π (مضاعفة التوالد) شكل (۱۰ – ۲ – أ) مثال (٢) : الذرتان هما في الحالات D,S : $L = 0 \qquad M_{L_1} = 0$ $L_2 = 2$ $M_{L_2} = 0, \pm 1 \pm 2$ $M_{\rm r} = 0, \pm 1 \pm 2$ $\Lambda = 0, 1, 2$ (1 - 1 - 1 - 1) والحالات الحزئية $(1, 2, \pi, \Sigma)$ شكل (1 - 1 - 1) مثال (٣) : $L_2 = 1$ e $L_1 = 1$ P الذرتان هما في الحالات P $M_{L_1} = 0, \pm 1$ $M_{L_2} = 0, \pm 1 \implies$ $M_L = 0, 0, 0, \pm 1, \pm 1, \pm 2$ نحصل على : $\Lambda = 0, 0, 0, 1, 1, 2$ والحالات هي ثلاث ∑ واثنتان π واحدة △ شكل (١٠ – ٦ – ث) والآن يجب تحديد فيما إذا كانت ∑ من نوع +∑ أو −∑ وهنا يجب أن نميز حالتان :

- 190 ---



$$L_1 + L_2 + \sum l_{i1} + \sum l_{i2}$$

هو زوجي أو فردي . هو كذلك من أجل المخطط الأول في الشكل (١٠ – ٦) •

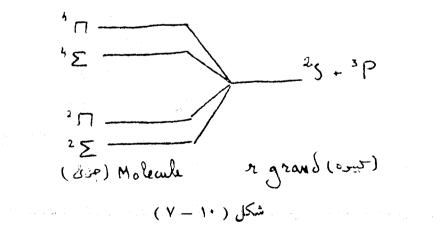
$$S+P \left\{ \begin{array}{c} S_{g}+P_{g} \\ S_{u}+P_{u} \\ S_{g}+P_{u} \\ S_{g}+P_{g} \end{array} \right\} \Rightarrow \Sigma^{-} \\ S_{u}+P_{g} \\ S_{u}+P_{g} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \Sigma^{+} \\ S_{u}+D_{u} \\ S_{u}+D_{g} \\ S_{u}+D_{g} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \Sigma^{-} \\ S_{u}+D_{g} \\ S_{u}+D_{g} \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \Sigma^{-}$$

 $\left(P_{g} + P_{u} \rightarrow \Sigma^{-} \right)$

b) — ليكن S₂ , S₁ سبين الذرة A والذرة B عندئذ فإن القيم المكنه لاقتران S₂ , S₁ في : هي :

$$S = S_1 + S_2$$
, $S_1 + S_2 - 1 \dots |S_1 - S_2|$

مثال :



- 191 -

الحالان هي كما رأينا ∑ و π مضاعفة التوالد :

 $S_2 = \frac{1}{2}$, $S_1 = 1$

 $S = 1 + \frac{1}{2}, 1 + \frac{1}{2} - 1, |1 - \frac{1}{2}| = \frac{3}{2}, \frac{1}{2}$

والحالات هي ∑² ∑⁴ و π[:] π⁴ .

: homonucléaire A-A جزيئة Y - ٤ - ١٠

ينتمي الجزي A₂ للزمرة D_{ooh} ويجب أن تحدد الحالات الجزئية u , g وهنا نميز الحالتين :

الجزيء A₂

الذرات المنفصلة	الحزىء
1S + 1S	$^{1}\Sigma_{g}^{+}$
$2S + {}^2S$	${}^{1}\Sigma_{g}^{+}$, ${}^{3}\Sigma_{u}^{-}$
³ S + ³ S	${}^{1}\Sigma_{g} + {}^{3}\Sigma_{u} + {}^{5}\Sigma_{g} +$
¹ P + ¹ P	${}^{1}\Sigma_{g}^{+}(2)$, ${}^{1}\Sigma_{u}^{-}\pi_{g}^{-}\pi_{u}^{-}\Delta_{g}$
² P + ² P	${}^{1}\sum_{g} {}^{+}(2) {}^{1}\sum_{u} {}^{-}, {}^{1}\pi_{g} \pi_{u}, {}^{1}\Delta_{g} {}^{3}\sum_{u} {}^{+}(2), {}^{3}\sum_{g} {}^{-3}\pi_{g} {}^{3}\pi_{u}, \Delta_{u}$
$^{3}P + ^{3}P$	$^{5}\Sigma_{g}^{+}(2)$ $^{5}\Sigma_{u}^{-}$, $^{5}\pi_{u}$, $^{5}\Delta_{g}+$ السابقة $^{2}P+^{2}P$

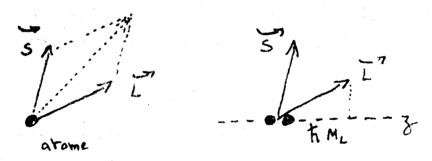
– إذا كانت الذرتان في حالات مختلفة . فمن أجل كل حالة جزئية نحصل عليها

بإستخدام نتائج الفقرة السابقة وسيكون لدينا حالتان واحدة من نوع g والأخرى من نوع u . مثال : الذرة الأولى في الحالة S_r والثانية في الحالة P_1 نحصل على الحالات الجزئية $+2^{1} e \pi^{1}$ لكن بالحقيقة لدينا حالتين $+2^{1} e -2^{1} e$ والسبب كون الحالات الجرئية آتية من $(u^{2} + u^{2}) + u^{2}$ او $u^{2} + u^{2}$ وعليه تكون الحالات الجزئية هي أربع $u^{2}, u^{2}, u^{2}, u^{2}$.

١٠ – ٤ – ٣ – تحديد الحالات الإلكترونية لجزيئة ثنائية الذرة حسب الذرة
 ١٠ – ٤ – ٣ – ٤
 ١ المجتمة (المتحدة) :

۱۰ _ ٤ _ ٣ _ ۱ _ جزيئة من نوع AB · ۲ _ ۲ :

ليكن S, L العزم الـــزاوي والسبيي للذرة ولنفرض أننا شكلنا الحزىء بقسم النواة لهذه الذرة لجزئين حيث يخلق الحقل الكهربائي الموجه حسب محور الجزىء وبالتالي سيكون هناك إقران لـ L مع s كما في الشكل (١٠ – ٨) :



شکل (۱۰ – ۸)

ويكون :

 $\mathbf{\Lambda} = |\mathbf{M}_{\mathbf{L}}| = \mathbf{L}, \mathbf{L} - 1, \dots, \mathbf{0}$

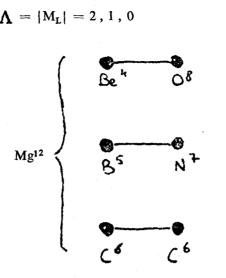
و s سيكون لها نفس القيمة في الحالة الجزئية Molecul = ^Satom .

مثال : الجزیء BeO شکل (۱۰ – ۹) المشکل من Be و O یعتبر کذرة Mg حیث 12 = 12 :

: فإذا كانت الذرة في الحالة $D_{\rm g}$ C $_6$ فإذا كانت الذرة في الحالة الم

- 199 -

$$\Lambda = |M_L| = 2, 1, 0$$



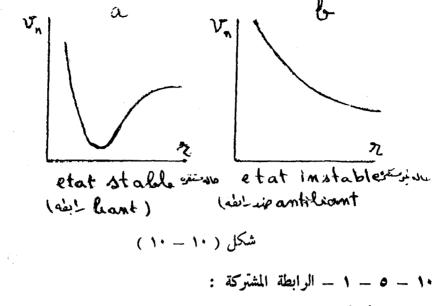
شکل (۱۰ – ۹)

والحالات الجزئية هي Σ* , 3π , 3° وأن الحالة −∑³ هي من نوع +∑³ وحسب Σ^- زوجي أو فردي تكون Σ من نوع Σ^+ أو من نوع Σ^- .

- ۱۰ ۵ استقرار الحالات الإلكترونية الرابطة الكيمائية : رأينا سابقاً بأن لكل جزىء عدد من الحالات الإلكترونية لكن نلاحظ عدد قليل من هذه الحالات للسبينين التاليين :
- _ تقنيات الملاحظة غبر تامة – عدد كبير من الحالات الإلكترونية غير مستقرة والشكل (١٠ – ١٠) يعطى الكمون لحالة مستقرة (رابطة P) ولحالة غير مستقرة (غير رابطة)

والهدف من هذه الفقرة تحديد أي من الحالات الإاكترونية مستقرة وأي منها غير مستقر . والاستقرار يعنى أن لمنحى الكمون نهاية صغرى كما في الشكل السابق وأن هذا الاستقرار مرتبط بالروابط (مشتركة – شاردية – فاندرفالس) .

- ٣٠٠ -

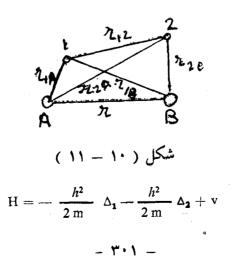


(يقال أيضاً رابطة homopolaire رابطة ذرية) مثال N2 – N2 – CO وهنا يجب وصف النظريات التي تعطي التقاريب المختلفة للمسألة المدروسة .

: Londan, Heitler طريقة

إن نقطة الانطلاق لهذه الطريقة مشكله من الحالة الحدية للذرات المنفصلة .

a) الجزىء H₂ لنرمز للبروتونين بـ B م A والإلكترونين بـ I و 2 شكل (١٠ – ١١) عندئذ يكون الهاملتون الذي يعطى حركة الإلكترونين معطى بـ :



حيث : إ

$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}} - \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}_{1A}} - \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}_{2A}} - \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}_{1B}} - \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}_{2B}} + \frac{\mathbf{e}^2}{\mathbf{r}_{12}}$$

لنفرض أن المسافة بين النواتين كبيرة جداً (ذرات منفصلة) وكذلك r_{1A} و r_{1B} ذو قيم صغيرة .

إذاً :

$$v = -\frac{e^2}{r_{1A}} - \frac{e^2}{r_{2B}}$$

وبالتالي فإن :

$$\begin{split} H^{\circ} &= H_{A} \left(1 \right) + H_{B} \left(2 \right) \\ \varepsilon_{H} = \varepsilon_{H} \left(2 \right) \\ \psi &= \varphi_{A} \left(1 \right) \varphi_{B} \left(2 \right) \\ 1s \quad 1s \quad 1s \quad 1s \quad 1e^{2} \\ \mu &= \psi_{A} \left(1 \right) \\ \psi_{A} \left(1 \right) &= \varphi_{B} \left(2 \right) \\ \varphi_{A} \left(1 \right) &= \varphi_{B} \left(2 \right) \\ = \frac{1}{\sqrt{\pi} a^{3}} e^{-\left(\Gamma_{IA, 1B} \right) / a} \\ \alpha_{A} \quad 1e^{2} \\ \alpha_{A} \quad 1e^$$

بالحقيقة ان ترقيم الإلكترونات والبروتونات اختياري ويمكن أن نقبل بأن
 الإنكترون 1 مرفق بالبروتون B والالكـترون 2 مرفق بالـبروتون A في ذرة
 الهيدرو-جين وعليه فالحالة الجاصة تصبح :

$$P_{12}\psi = \varphi_{A}(2)\varphi_{B}(1)$$

حيث P₁₂ مؤثر التبادل permutation كلا الحالتين الخاصتين السابقتين مطابقـــين لنفس القيمة الخاصة أي يوجد ترالد داخل تركيب خطي لـــ 4 و 4 P₁₂ :

- *** -

• لنعمل الآن عـلى انقاص المساحة بين الذرتين لنشكل الحـزىء H₂ حيث الإلكترونان غير متميزان ومن المعلوم بأن في مثل هذه المجموعة يجب أن تكون الحالات الحاصة متناظره وضد متناظره (انظر ميكانيك الكم) أثناء تبديل 1 و 2 والعكس مع فرض أن المساحة بين الذرتين مازاات كبيرة للحفاظ على التقريب السابق مع أخذ بعين الإعتبار لمبدأ عدم التميز تكون الحالات المقبولة هي :

$$\begin{split} \psi_{s} &= N_{s} \left[\left[\varphi_{A} \left(1 \right) \varphi_{B} \left(2 \right) + \varphi_{A} \left(2 \right) \varphi_{B} \left(1 \right) \right] \right] \\ \leftarrow & \\ \psi_{a} &= Na \left[\left[\varphi_{A} \left(1 \right) \varphi_{B} \left(2 \right) - \varphi_{A} \left(2 \right) \varphi_{B} \left(1 \right) \right] \right] \end{split}$$

$$N_s = rac{1}{\sqrt{2+2S}}$$
 , $N_a = rac{1}{\sqrt{2-2S}}$

حيث :

$$S = \int \, \phi_{A} \, (1) \, \phi_{B} \, (1) \, \phi_{A} \, (2) \, \phi_{B} \, (2) \, d \, \tau_{1} \, d \, \tau_{2}$$

بإختصار إن مبدأ عدم التمايز للإلكترونات في الجزىء يؤكد على أن الحالات الحاصة للمؤثر Ĥ يجب أن تكون متناظره وضد متناظره بالنسبة لمؤثر التبادل .

للحصول على سويات الطاقة الإاكترونية للجزىء H₂ . نبحث عن القيم الحاصة للهاملتون :

$$H=-\frac{h^2}{2m}\;\Delta_1-\frac{h^2}{2\;m}\;\Delta_2+v$$

وبإستخدام تقريب طريقة التغيرات أو الاضطراب نجد الطاقة المرفقة بالحالتين 🖕 🗧 :

$$\varepsilon_s = 2 \varepsilon_H + \frac{K+J}{1+S}$$

- "" -

$$\varepsilon_{a} = 2 \varepsilon_{H} + \frac{K - J}{1 - S}$$

(تکامل کولون)
$$K = \int \varphi_{A}(1) \varphi_{B}(2) W \varphi_{A}(1) \varphi_{B}(2) d\tau_{1} d\tau_{2}$$

 $J = \int \varphi_{A}(1) \varphi_{B}(2) W \varphi_{A}(2) \varphi_{B}(1) d\tau_{1} d\tau_{2}$

و :

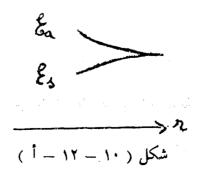
$$W = \frac{e^2}{r} + \frac{c^2}{r_{12}} - \frac{e^2}{r_{1B}} - \frac{e^2}{r_{2A}}$$

ان قيم التكاملات J, K, S تعتمد على المسافة r يدعى التكامل K(تكامل كولون) فإذا كتب بالشكل :

$$K = \int [\phi_{A}(1)]^{2} W [\phi_{B}(2)]^{2} d\tau_{1} d\tau_{2}$$

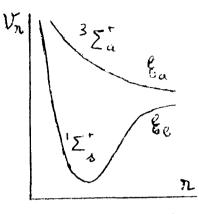
نرى بأنه يمثل التأثير المتبادل الكولوني لتوزيعي شحنة الكثافة ²[(1) ٩ٟم] و ²[(2) ٩ٍه] . والتكامل J لايوافق أي فعل كلاسيكي ويدعى بتكامل التبادل وهو الذي يساهم أساساً في الطاقة . لهذا فالقوى التي تؤمن استقرار الجزىء ظ تدعى قوى التبادل .

يبين الحساب من أجــل قيم متوسطه لـ r بأن الحد (K + J) / (I + S) يكون سالب والحد (S – I) / (K – J) يكون موجب وينتج عن ذلك بأن الطاقات ... و ء تكون ممثله بالشكل (١٠ – ١٢ – أ) .



- 4.8 -

فإذا استمرينا في الحساب بالنسبة لقيم r الأصغر نحصل على الشكل رقم (١٠ – ١٢ – ب) :



شکل (۱۰ – ۱۲ – ب)

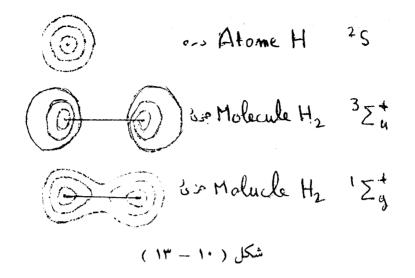
فالمنحني السفلي ₅ء يمثل حالة مستقرة لوجود نهاية صغرى والآخر ₅ء يمثل حالة مستقرة . باختصار : يوجد تجاذب بين ذرتي الهيدروجين عندما يكون سبينا الالكترونات متعاكسين ↑↓ وهذا يحدث في الحالة الفردية المستقرة (حالة ارضية +ه∑ا) وتكون قوى التبادل تجاذبية . يوجد تدافع عندما يكون سبيناً الالكترونين متوازيين 11 وهذا يعطي حالة ثلاثية غير مستقرة (أول حالة محرضة +ه∑ا) قوى التبادل تدافعية .

والشكل (١٠ – ١٣) يبين كثافة الشحن الالكترونية لذرة H في الحالة 2^s وللجزىء _H في الحالتين :

نلاحظ في الحالة الأخيرة بأنه يوجد تراكم شحنة سالبة بين النواتين وهذا ما يؤمن استقرار الحزىء .

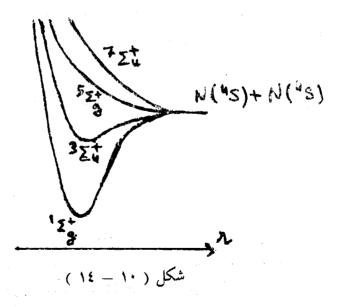
b) جزيئات أخررى : يمكن ت^يابيق الدراسة السابقة على جزيئات أعقد لكن بزيادة عدد الذرات تصبح الدراسة أقل دقة لذلك نتبع القاعدة التالية : عندما نعتبر الحالات الجزئية المشكلة انطلاقاً من ذرتين في الحالة S فالحالة الأكثر عمقاً التي تملك تعددية أصغر وترتيب الحالات المحرضة يكون بزيادة التعددية . والشكل

– ۳۰۰ – الفيزياء الذرية



(۱۰ – ۱٤) يبين بانه بدءاً من ذرتي الآزوت (N (4S) N + (S) نشكل الجزيء N₂ وبالتالي نحصل على الحالات :

 ${}^{1}\Sigma_{g}^{+}, {}^{3}\Sigma_{u}^{+}, {}^{5}\Sigma_{g}^{+}, {}^{7}\Sigma_{u}^{+}$

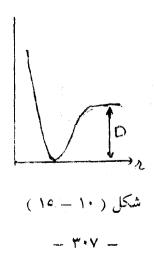


هذه هي لقيم لحالة H₂ في جزيئة ثنائية الذرة حيث الرابعة ذات طبيعة مشتركة – ٣٠٦ – فالحذب المطبق بين الذرتين سببه امكانية التبادل داخل الزوج الالكتروني ذو السبين الضد متوازي µ↑ .

ويزداد التجاذب بازدياد عدد ازواج 14 الظاهرة عندما يتشكل الجزيء وعلى العكس فإن زوج الكتروني متوازي 11 يعطي قوة تبادل تدافعية وفي حالة N₂ لدينا ؛

الحالة	السبين	عدد أزواج ↓†	
${}^{3}\Sigma_{u}^{+}$	S = 3	0	حالة غير مستقرة
5∑g ⁺	S = 2	I	حالة غير مستقرة
${}^{3}\Sigma_{u}^{+}$	S = 1	2	حالة مستقرة
${}^{1}\Sigma_{g}^{+}$	$\mathbf{S} = 0$	3	حالة مستقرة جدأ

يزداد استقرار الحالة الجزئية مع عدد الأزواج إ: التي تتشكل بدأ من الكترون غير ظاهرة في الذرات المنفصلة .



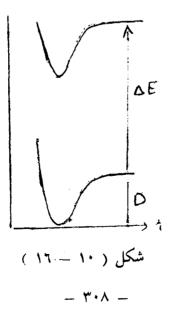
ندعو بالرابطة المشتركة عدد أزواج ↓↑ المشكلة داخل الحزيئة . ندعو بتكافؤ الذرة عدد الإلكترونات الحرة (قابلة لتشكل الأزواج ↓↑) تكافؤ ذرة يساوي إلى 25 (حيث S العدد الكمي للسبين الكلي للذرة) ويساوي أيضاً للتعددية (1 + 2S) ناقص واحد .

مثال :

الحالة الأرضية لذرة الآزوت s إذا يمكن تشكل NH₃ تكافؤ (3)

ذرة الكربون P² (P² ² P²) = C إذاً التكافؤ هو (2) لكن الحالة المحرضة S³(¹ S² ² S² P²) متو ضعة على ev فوق الحالة الأرضية وفي هـذه الحالة المحرضه هناك أربع إلكترونات حرة ووجود هذه الحالة ذات التحريـض الضعيف يفسر التكافؤ الرباعي لذرة الكربون .

- a في التعميم السابق ـــ النظرية السابقة ـــ أخذت بعين الإعتبار فتمط الذرات في حالة s .
- b النظرية السابقة صالحه فقط إذا كانت الحدود الذرية المحرضة بعيدة بصورة
 كافية على الحالة الأرضية أي أن ΔE للحدود الذرية كبير بالنسبة لـ D شكل
 (١١ ١٦) وهذا يسمح بإهمال اقتران الحالات الجزئية الآتية من الحدود



الذرية التحريضية . ان الشرط D < < E تحقق من أجل الهيدروجين والغازات النادرة أما من أجل الحالات الأخرى فهذه النظرية تؤدي لنتائج غير صحيحة.

۱۰ – ۵ – ۲ – طريقة المدارات الجزئية :

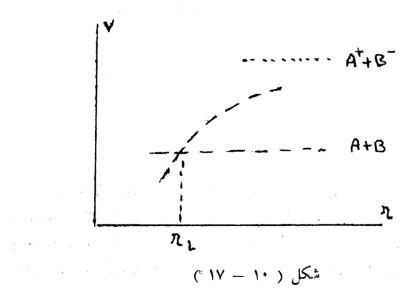
في نقطة الإنطلاق في هذه الطريقة هي التشكيلات الإلكترونية تعتبر حركة الإاكترونات الفردية في حقل ناتج عن النواتين والباتي من الإلكترونات ولمزيد من التفاصيل يراجع كنتب الكيمياء الكوانتية .

الرابطة الشاردية liaison Ionique :

يقال أيضاً رابطة الكترو مشتركة liaison electrovalente والرابطة ناتجة عن التجاذب الكهربائي الساكن بين الشوارد الموجية والشوارد السالبة فمن أجل قيم كبيرة بصورة كافية للمسافة r يمكننا معالجة الشوارد كأنها شحن نقطية حيث يكون كمون التجاذب لهذه الشوارد :

$$\mathbf{V} = -\frac{\mathbf{e^2}}{\mathbf{r}}$$

$$V(cm^{-1}) = -\frac{11.6 \times 10^4}{r(A^{\circ})}$$

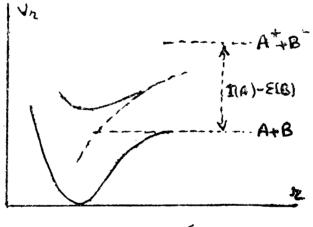


- ٣.9 -

والشكل (١٠ – ١٧) يبين كيف يتغير الكمون مابين الحالة الشاردية (-A++B) حيث نلاحظ بان الكمون المعرف بـ V = e² / r يكون بعيد عن المقارب الأفقي حتى عندما تكون r كبيرة ونلاحظ على نفس الشكل الحالة الثانية (A + B) حيث أيضاً المنحي أفقي والكمون الكولوني معدوم . وعند قيم صغيرة لـ r يظهر كمون تدافعي الحالة الشاردية وازواج الكمون التدافعي والتجاذبي يترجم بوجود نهاية صغرى شكل (١٠ – ١٨) .

ينتج من ذلك بأن الحالة الشاردية دائماً مستقرة بينما الحالة المشتركة مستقرة أو غير مستقرة .

تعويف : يقال عن الجزىء شاردي إذا كانت حالته الأساسية هي حالة شاردية ويقال عن الجزىء (ذري) أو مشترك إذا كانت حالته الأساسية حالة ذرية أو مشتركة .



شکل (۱۰ – ۱۸)

: Liaison De Van der Waals _____ رابطة فاندرفالس .

يقال عنها رابطة اسنقطابية إذا لم يكن هناك رابطة مشتركة أو شاردية مثلاً حالة ذرات الغازات الحاملة حيث تبين التجارب بأنه يوجد بين الذرتين تجاذب ضيعف يترجم « من أجل الغاز » بإبتعاد عن قانون الغاز الكامل . هذا التأثير يؤخذ بعين الإعتبار عندما نستخدم كمعادلة الحالة معادلة فاندرفالس . لهذا السبب نوصف هذا التجاذب بقوة فاندرفالس . ورابطة فاندرفالس . والجزىء المشكل بهذه الطريقة يدعى جرىء فاندرفالس وكمون فاندرفالس :

$$V \sim - \frac{1}{r^6}$$

W.W.W.W.

لفصل لحادي عثر

سويات الطافة الاهتزازية الجزيئة ثنائية الذرة

۱۱ – ۱ – سويات الطاقة الاهتزازية لجزئية ثنائية الذرة :

لندرس اهتزاز جزيئة ثنائية الذرة أي اهتزاز نواتين حول وضع توازنهما لذلك سنفرض أن الجزيئة هي في حالة إلكترونية محددة (غالباً الحالة الأرضية) .

لدراسة حركة النواتان نستبدل التجاذب الكهربائي الساكن بقيمته المتوسطة المحسوبة على الحالة الإلكترونية المعتبرة .

نفرض بأنه لايوجد إنتقال ولا دوران . لتكن m₂ , m₁ كتلتا النواتان شكل (١١ – ١) للوضوعتان في حقل قوة « حيث r تتغير مع الزمن لكن مركز الكتلة ثابت » ناتج عن التدافع والتجاذبوهذا الحقل يعطي الكمون V ، حيث القيمة الصغرى عند قيمة معينة لـ ٢ كما في الشكل :

∠ Tm2 € < ----- 3 الشكل (١١ – ١ – ١ – الهزاز التوافقي في الشكل (١١ – ٢) والعلاقة كتقريب أولي نستخدم كمون الهزاز التوافقي في الشكل (١١ – ٢) والعلاقة

التالية :

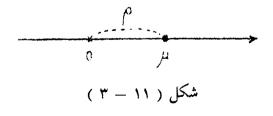
$$V = \frac{1}{2} f (r - r_o)^2 = \frac{1}{2} f \rho^2$$
 (1 - 11)
. مثل تحدد الرابطة $\rho = (r - r_o)$

r

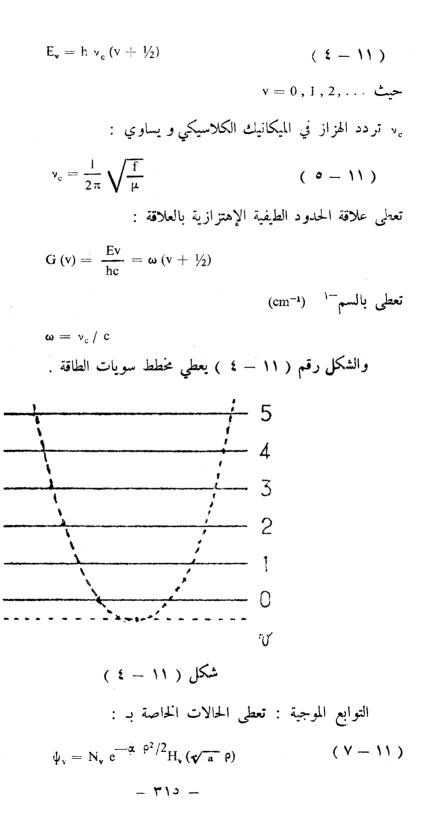
rie

تكافىء الكتلتان كتلة مختزلة µ مثبتة في نقطة ما بقوة كما في الشكل (١١ – ٣).

 $F = -f \rho = -\frac{dV}{d\rho}$ $F = -f \rho = -\frac{dV}{d\rho}$



سويات الطاقة :



H_v کثیرات حدود هرمیت حیث :

$$\alpha = \frac{2 \pi \sqrt{\rho \mu}}{h} \qquad (\Lambda - 11)$$

N_v ثابت التنظيم يعطى بـ :

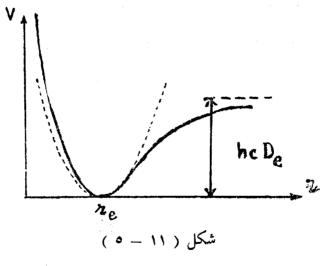
 $N_{v} = \left\{ \frac{\sqrt{\alpha}}{2} \right\}^{\frac{1}{2}} \qquad (4 - 11)$

۱۱ – ۱ – ۲ – الهزاز اللاتوافقي :

العلاقة (١) تمثل الكمون في حالة قريبة من التوازن لكن عندما 0 → r فإن ∞→V وعندما ∞→ r فإن hc De أي إلى قيمة مساوية لطاقة التفكك للجرىء كما في الشكل (١١ – ٥) حيث الخط المنقط يمثل كمون الهزاز التوافقي .

ولدراسة طاقة الإهتزاز يجب أن يستبدل الكمون بكمون الهزاز اللاتوافقي : ١ – نشر بسلسلة :

$$V = \frac{1}{2} f(r - r_e)^2 + g(r - r_e)^3 + J(r - r_e)^4 + \dots (1 \cdot - 11)$$



j < < g < < f

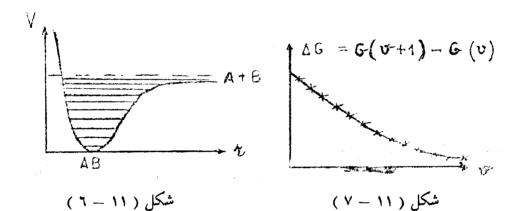
بحل معادلة شرودينغر بإستخدام هذا الكمون بطريقة التغيرات نجد علاقة الحد الطيفي -- ٣١٦ --

الإهتزازي .

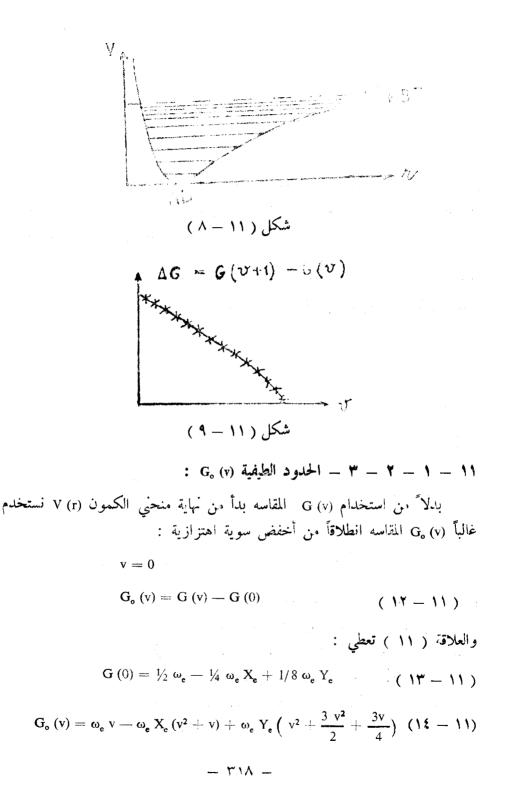
$$\frac{Ev}{hc} = G(v) = \omega_{e}(v + \frac{1}{2}) - \omega_{e} X_{e}(v_{e} + \frac{1}{2})^{2} + \omega_{e} Y_{e}(v + \frac{1}{2}),$$
(11 - 11)
$$v = 0, 1, 2, ..., v = 0, 1, 1, 2, ..., v = 0, 1, 1, 1, ..., v = 0, 1, 1, 1, .$$

سؤال يطرح نفسه هل عدد سويات الطاقة الإهتزازية الملاحظ تحت سوية التفكك منتهي أم غير منتهي . والجواب يعتمد على شكل التابع (r) V فمن أجل القيم الكبيرة لـ r نميز حالتين :

AB « ذرية » رابطة مشتركة وهذه تتفكك لتعطي AB « ذرية » رابطة مشتركة وهذه تتفكك لتعطي A + B A + B عدد سويات الطاقة الإهتزازية منتهي كما في الشكلين (11 – 7) و (11 – 7) .



- 414 -



$$\begin{split} & \text{G}_{o} (v) = \omega_{o} v - \omega_{o} X_{o} v^{2} + \omega_{o} Y_{o} v^{3} & (10 - 11) \\ & \text{cm} \\ & \text$$

عندما $r \to \infty$ فإن $P_{e} \to V / hc$ وعندما تكون $r_{o} = r_{o}$ ذات قيمة صغيرة فإنه عندها :

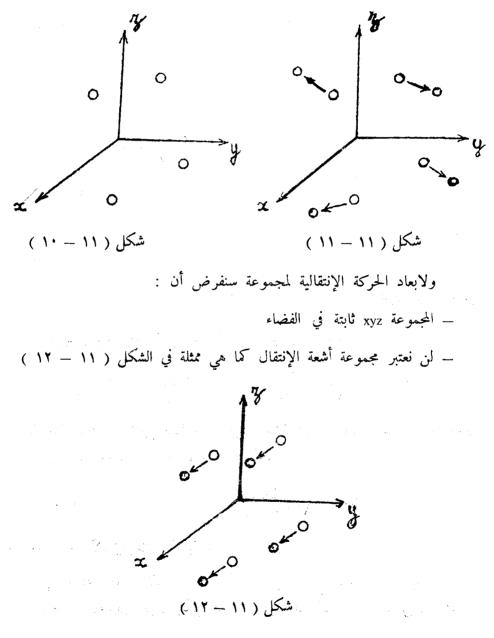
$$V \sim hc \beta^2 (r - r_o)^2$$
 (۲۰ – ۱۱)
بتعويض تابع الكمون في معادلة شرودينغر وبحلها نجد :
 $G(v) = \beta \sqrt{\frac{D_o h}{2 \pi^2 c \mu}} (v + \frac{1}{2}) - \frac{h \beta^2}{8\pi^2 c \mu} (v + \frac{1}{2})^2$ (۲۱–۱۱)
نلاحظ هنا أن (v) جوى فقط حدين بينما العلاقة (۱۱ – ۱۱) تحوى سلسلة حدود

للاحظ هنا أن (c) G يحوي فقط حدين بينما العلاقة (١١ – ١١) تحوي سلسلة حدود نطابق بين (١١ – ١١) و (١١ – ٢١) تنجد :

$$\omega_{e} = \beta \sqrt{\frac{D_{e} h}{2 \pi^{2} c \mu}} \qquad (\Upsilon - \Upsilon)$$

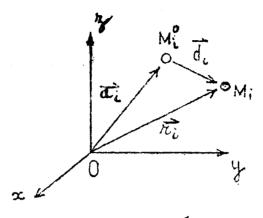
۱۱ – ۲ – الإهتزازات الطبيعية :

في جزيئة متعددة الذرات تهتز الأنوية حول وضع توازنها (اهتزازات ذات سعة صغيرة) وسنبين كيف يمكن لهذه الاهتز آزات المعقدة أن تتحلل إلى مجموعة اهتزازات طبيعية . هذا التحليل يسمح بكتابة الطاقة الإهتزازية لجزيئة كمجموع طاقات عدد من الهزازات الهارمونية (التوافقيه) مرفقة بكل اهتزاز طبيعي . وسنفرض بأن الجزيء عندما يهتز يؤدي إلى تغير في الشكل الهندسي والشكل (١١ – ١٠) يعطي جزيئة رباعية الذرة والشكل (١١ – ١١) يمثل تشويه لشكل الجزيئة .



- 77 -

الشكل (١١ – ١٣) يمثل الوضع اللحظي للنواة i ذات الكتلة M_i ووضع توازنها M_i° لنفرض أن :



$$\mathbf{V}_{i} \begin{vmatrix} \mathbf{x'}_{i} = \Delta \mathbf{x'}_{i} \\ \mathbf{y'}_{i} = \Delta \mathbf{y'}_{i} \\ \mathbf{z'}_{i} = \mathbf{z'}_{i} \end{vmatrix}$$

$$\mathbf{V}_{i} \begin{vmatrix} \mathbf{x'}_{i} = \Delta \mathbf{y'}_{i} \\ \mathbf{z'}_{i} = \mathbf{z'}_{i} \end{vmatrix}$$

$$\mathbf{tretc} \quad \mathbf{there} \quad \mathbf{tretc} \quad \mathbf{there} \quad \mathbf{tretc}$$

a) – مبدأ المجموعة xyz (0) مختلط مع مركز الجاذبية للتشكيل التوازني

$$\sum_{i} m_{i} x_{i}^{\circ} = 0 \qquad \sum_{i} m_{i} y_{i}^{\circ} = 0 \qquad \sum_{i} m_{i} z_{i}^{\circ} = 0$$

- 111 -

الفيزياء الذرية

 $(b) = V(x_{i}) + V(x$

$$2 T_v = \sum_{j=1}^{\infty} S'_{j}^2$$

۱۱ – ۲ – ۱ – الطاقة الكامنة :

يعبر عن الطاقة الكامنه كتابع للاندحابات الديكارتية _s وبالتا**لي فإ**ن الطاقة الكامنه تعطى :

$$2 V = 2 V_{o} + 2 \sum_{j=1}^{3N} \left(\frac{\partial V}{\partial S_{j}}\right)_{o} S_{J} + \sum_{j,k=1}^{3N} \left(\frac{\partial^{2} V}{\partial S_{j} \partial S_{k}}\right)_{o} S_{j} S_{k}$$
$$+ \frac{1}{3} \sum_{j,k} \left(\frac{\delta^{3} V}{\partial S_{j} \partial S_{k}}\right) S_{j} S_{k} S_{l} + \dots \qquad (\Upsilon \circ - \Upsilon \circ)$$

- 777 -

والدليل 0 يعني وضع التوازن حيث :

$$S_1 = S_2 = \ldots = S_{3N} = 0$$

و بما أنه فقط لفرق الكمون له معنى فيزيائي المالك سنختاره v_ = v_ وهو وضع التوازن كذلك :

$$2V = \sum_{j k=1}^{3N} f_{jk} S_j S_k + \frac{1}{3} \sum_{j, k, l}^{3N} f_{jkl} S_j S_k S_l + \dots \qquad (YV - 11)$$

تعريف الاحداثيات الطبيعية :

سنفرض أن إنسحابات الأنوية صغيرة جداً بحيث يمكن أن نأخذ فقط الحد. الأول من العلاقة (13) إذاً :

$$2T_{v} = \sum_{j=1}^{3N} S'_{j}^{2} \qquad (\Upsilon A - \Upsilon I)$$

$$2\mathbf{V}' = \sum_{j,k=1}^{3N} f_{ik} S_i S_k \qquad (\mathbf{Y}\mathbf{q} - \mathbf{Y}\mathbf{y})$$

لنقوم بالتحويلة التالية :

$$Q_{m} = \sum_{j=1}^{3N} l_{mj} S_{j} \qquad (\Upsilon \cdot - 11)$$

باستخدام العلاقة (16) نكتب :

- 777 -

$$2T_{v} = \sum_{m=1}^{3N} Q'_{m}^{2} \qquad ("" - 1")$$
$$2V' = \sum_{m=1}^{3N} \lambda_{m} Q_{m}^{2} \qquad ("" - 1")$$

تدعى الإحداثيات Q_m بالاحداثيات الطبيعية والطاقة الكلية لمجموعة المهتزات الهارمونية تعطى بالعلاقة :

$$E_v = T_v + V' = \frac{1}{2} \sum_m (Q'^2_m + \lambda_m Q^2_m)$$
 (TT - 11)
m
: inaletic limits in the second sec

هذه التحويلة المتعامده Orthoganale تترك علاقة مربع طول الشعاع لامتغير وخاصة أن الطاقة الحركية _vT . يمكن أن نعرف التحويلة (۱۱ – ۲۹) لتحويلة متعامده Orthognal والتي تسمح بالإنتــقال من العلاقة (۱۱ – ۲۹) إلى (۱۱ – ۳۲) أي بتقطير المصفوفة (_{fik}) وليكن _m قيمتها الخاصة :

 $\det \left(\mathbf{f}_{ij} - \boldsymbol{\delta}_{ij} \, \boldsymbol{\lambda} \right) = 0 \qquad (\ \mathbf{\forall} \mathbf{\forall} - \mathbf{\forall} \mathbf{1} \)$

 $i \neq j$ j = 1 $\delta_{ij} = 0$ i = j $\delta_{ij} = 1$ $(\Psi - 11)$

مبر هنة :

للمعادلة السلمية (6) جذور معدومه مطابقة لاحداثيات مرافقة للانسحابات كمجموعة للجزىء .

لتبيان هذه النتيجة سنؤثر على الإحداثيات _Si (المعرفـــة بالعلاقة 7 و 8) التحويلة المتعامدة .

$$R_n = \sum_{j=1}^{3N} L_{nj} S_j$$
 (۳۸ – ۱۱)
: نرمز لها به (۳۸ – ۱۱)
R₁, R₂, ... R₆ Q'₁....Q'_{3N-6}

والتحويلة 24 معرفة بالجدول I حيث _{R1} R₂ R₃ متناسبة مع اسقاط x,y,z للحد الأول من الشرط الأول لـ Eckart .

ونرى أن R₆ , R₅ , R₆ متناسبة مع اسقاط x , y , z للحد الأول من الشرط الثاني لـ Eckart . الثوابت السته N_α , N_α , N_α , تكون ثوابت تنظيم مختاره بشكل :

$$\sum L_{nj}^2 = 1 \qquad (\Upsilon - 1)$$

من أجل الاحداثيات الستة R_n تصبح :

$$N_{z} = N_{y} = N_{z} = \frac{1}{M^{1/2}}$$
 ($M = \sum_{i=1}^{N} m_{i}$).

- 470 -

$$N'_{x} = \left[\sum_{i} m_{i} (y_{i}^{\circ 2} + z_{i}^{\circ})\right]^{-\frac{1}{2}} = (I^{e}_{XX})^{-\frac{1}{2}}$$

$$(\xi \cdot - 11)$$

$$N'_{y} = (I^{e}_{yy})^{-\frac{1}{2}} \qquad N'_{z} = (I^{e}_{zz})^{-\frac{1}{2}}$$

I^eαα العزم الحركي لتشكيلة التــوازن بالنسبة للمحور (x , y , z) = α المعاملات i'ı هي اختيارية إلا أنه يجب أن تختار بشكل تكون فيه _a'q منتظمة ، متعامدة بين بعضها البعض ومعامده للإحداثيات _R .

$$R_{1} = N_{x} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{1/2} (m_{i}^{1/2} \Delta x_{i})$$

$$R_{2} = N_{y} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{1/2} (m_{i}^{1/2} \Delta y_{i})$$

$$R_{3} = N_{3} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{1/2} (m_{i}^{1/2} \Delta z_{i})$$

$$R_{4} = N'_{x} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{1/2} [y_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta z_{i}) - z_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta y_{i})]$$

$$R_{5} = N'_{y} \sum_{i=1}^{N} m_{i}^{1/2} [z_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta x_{i}) - x_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta z_{i})]$$

$$R_{\delta} = N'_{z} \sum_{i=1}^{\infty} m_{i}^{1/2} [x_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta y_{i}) - y_{i}^{\circ} (m_{i}^{1/2} \Delta x_{i})]$$

- 411 -

$$\begin{aligned} Q_1' &= \sum_{j=1}^{3N} I_{ij} S, \\ Q_2' &= \sum_{j=1}^{3N} I_{2j}' S_j \\ &= \sum_{j=1}^{3N} I_{2j}' S_j \\ Q_{3N-6}' &= \sum_{j=1}^{3N} I_{3N-6}' S_j \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} Q_{3N-6}' &= \sum_{j=1}^{3N} I_{3N-6}' S_j \\ Q_{3N-6}' &= \sum_{j=1}^{3N} I_{3N-6}' S_j \\ &= \sum_{j=1}^{3N} I_{2j}' S_j \\ &= \sum_{j=1}^{3N} I_{j}' S_{j}' \\ &= \sum_{j=1}^{3N} I_{nj}' S_{n-1}' S_{n-1}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' = S_{nn}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' = S_{nn}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' S_{n-1}' S_{n-1}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' S_{n-1}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' S_{n-1}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' S_{n-1}' \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' \\ &= \sum_{j} I_{nj}' S_{n-1}' \\ \\ &= \sum_{j} I_{nj} I_{nj}' \\ \\ &= I' I' I' = \sum_{j} I_{nj}' \\ \\ &= I' I' I' = \sum_{j} I_{nj}' \\ \\ &= I' I' I' = \sum_{j} I_{nj}' \\ \\ &= I' I' I' = \sum_{j} I_{nj}' \\ \\ &= \sum_{j} I_{nj} I' I' = \sum_{j} I_{nj}' \\ \\ &= \sum_{j} I_{nj} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j} I' I' I' = \sum_{j} I' I' = \sum_{j}$$

		•		
	m₁ ^{1 /2} ∆X 2	m ₁ ^{1/2} Δy ₁	m₁,² ∆z	m ₂ ^{1/2} ΔX ₂
R	m ₁ ^{1/2} / M ^{1/2}	0	0	$m_2^{1/2} / M^{1/2}$
R,	0	$m_1^{1/2} / M^{1/2}$	0	0
Ŗ	0	0	$m_1^{1/2} / M_1^{1/2}$	0
Ŗ	0	$-\frac{m_t^{1/2} z_i^{\circ}}{(I_{\varepsilon_x})^{1/2}}$	$\frac{\mathrm{m_1}^{1/2} y_1^{\circ}}{(\mathrm{Ie}_{xx})^{1/2}}$	0
R,	$\frac{m_{1}^{1/2} z_{1}^{\circ}}{(I_{0,y}^{\circ})^{1/2}}$	0	$-\frac{m_1^{1/2} X_1^{0}}{(I_{0,y}^{0})^{1/2}}$	$\frac{\mathfrak{m}_2^{1/2} z_2^{ 0}}{(I_{\circ}_{yy})^{1/2}}$
R	$-\frac{m_{1}^{1/2}y_{1}^{0}}{(I_{0}^{2})^{1/2}}$	$\frac{m_1^{1/2} x_1^{0}}{(l_{02})^{1/2}}$	0	$\frac{m_{2}^{1}/^{2} y_{2}^{o}}{(I_{2}^{2})^{1}/^{2}}$
Q'ı	$V_{\mathbf{n}}$	ľ',2	l' ₁₃	l' ₁₄
Q'	l' 21	l′22	1'_23	1'24
l				

- 2774 -

$$S_j = L'_n R_n' \quad (j = 1, 2, ..., 3N)$$
 (\$1-11)

وهي علاقات تسمح بالحصول على الإنزياحات لـ 3N نواة (x , y , z) مرافقة (x , y , z) مرافقة لاحداثي _R إذا فرضنا مثلاً :

$$R_1 = R$$

 $R_2 = R_3 = \ldots = R_6 = Q'_1 = Q'_2 \ldots = Q'_{3N6} = 0$
(\$Y - 11)

فالحدول II يسمح بكتابة العلاقات 28 تحت الشكل التالي :

S₁ =
$$\frac{m_1^{1/2} R}{M^1/2}$$
, S₂ = 0, S₃ = 0, S₄ = $\frac{m_2^{1/2} R}{M^1/2}$ (٤٣ – ١١)
: ومنه :

$$\Delta x_1 = \Delta x_2 = \dots \Delta x_n = \frac{R}{M^{1/2}} \qquad (\mathfrak{t} \mathfrak{t} - \mathfrak{l})$$

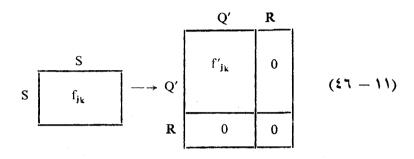
 $\Delta y_1 = \ldots = \Delta y_N = \Delta z_1 \ldots \Delta z_N = 0$

وهذا يبين بأن الاحداثي R, مرافق لإنتقال كمجموعة للجزىء بصورة موازية للمحور x والشيء ذاته بالنسبة للمحور y .

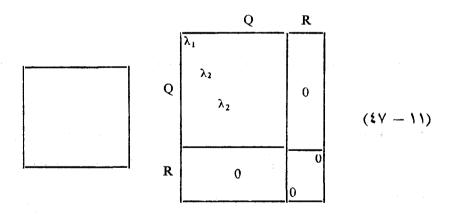
الاحداثيات Rn مرافقة للإنسحابات كمجموعة . والـ 6–3N احداثية Q'n المتعامده مرافقة لتشويهات تشكيله أنوية ما . ينتج بأن الطاقة الكمونية لاتعتمد إلا على التشويهات وستعطى بالعلاقة :

$$2V = \sum_{j,k=1}^{3N-6} f'_{j,k} Q'_{j} Q'_{k} \qquad (\text{(i)} - 11)$$

بمقارنة العلاقتان (١١ – ٢٩) و (١١ – ٤٥) نجد أنه عندما نقوم بتغير الاحداثيات (١١ – ٣٨) فتحويله مصفوفة المعاهلات _{fjk} (١١ – ٣٨) يمكن أن تعطى كما يلي :



Q_n المربعات الكبيرة في المصفوفتين 3N × 3N وللإنتقال إلى الاحداثيات الطبيعية Q_n (المعرفة بـ (١١ – ٣٠) و (١١ – ٣٢)) يكف_ي أن نجعل (المعرفة الجزئية _x ′) قطرية .



برهنا على أن للمعادلة السلمية (١١ – ٣٥) ست جذور معدومه ٥ = ٨ كل واحد مرافق لإنزياح الجزيء كمجموعة (bloc) .

١١ – ٢ – ٣ – علاقة الطاقة الإهتزازية (الكلاسيكية) كتابع للإحداثيات الطبيعية :

الاعتبارات السابقة تؤدي لتميز 3N احداثية Q معرفة بالعلاقات (١١ – ٣٠) و (١١ – ٣١) و (١١ – ٣٢) فمن ناحية 6 – N 3 احداثية طبيعية مرافقة للتشوهات نرمز لها بـ _{N6-N6} , ..., Q_{1 ,} Q₂ , ...

ومن ناحية أخرى هناك ستة احداثيات للإنسحابات نرمز لها بـ R₆ R ومن أجل حركة أعم لمجموعة الأنوية تعطي عبارة الطاقة الكامنه والحركية بالعلاقتين :

$$3N - 6$$

$$2V' = \sum_{m=1}^{3N-6} \lambda_m Q'_m \qquad ((1 - 1))$$

$$3N - 6 \qquad 6$$

$$2T = \sum_{m=1}^{3N-6} Q'_m + \sum_{m=1}^{6} R'_m^2 \qquad ((- - 1))$$

إذا كنا مهتمين بالطاقة الحركية الاهتزازية _T, فالشروط التي تعبر عن عدم وجود. إنتقال ولا دوران هي :

 $R_1 = R_2 = \dots R_s = 0 \qquad (o_1 - 1)$

الشرط الأول والثاني لـ Eckart ومنه نجد :

$$3N - 6$$

 $2T_v = \sum_{m = 1}^{3N - 6} Q'^2_m$ (or - 11)

وبالتالي الطاقة الكلية الاهتزازية في الميكانيك الكلاسيكي تعطى بالعلاقة :

$$E_{v} = T_{v} + V' = \frac{1}{2} \sum_{m = 1}^{3N - 6} (Q^{2}_{m} + \lambda_{m} Q^{2}_{m}) \quad (\circ T - 11)$$

- 1771 -

لم ندخل حتى الآن تعددية الجذور الغير معدومه للمعادلة السلمية ليكن 5x جذر غير معدوم للمعادلة السلمية 21 أي درجـة التوالد ds مساوية إلى 1 أو لـ 2 أو لـ 3 حسب الجذر فردي أو مضاعف أو ثلاثي .

– عندما یکون l_s = 1 لکل جذر _s یطابق احداثي طبيعي و احد .
 – عندما یکون 2 = d_s لکل جذر _s یطابق احداثیان طبیعیان نرمز لها l_s = Q_{s2} - Q_{s1}.
 – عندما یکون 3 = d_s لکل جذر _s یطابق ثلاثة احداثیات طبیعیة نرمز لها بـ Q_{s2}, Q_{s2}, Q_{s3}.

بصورة عامة ليكن Q₅₆ هو الاحداثي الطبيعي حيث s يميز الجذر _s الغير معدوم للمعادلة (١١ – ٣٥) و ح يمكن أن يأخذ القيم I أو I, 2 أو I, 2 وبالتالي يمكن أن نكتب العلاقة (١١ – ٣٣) بالشكل :

 $E_{v} = T_{v} + V' = \sum_{s} \frac{1}{2} \left(\sum_{\sigma} Q'^{2}{}_{s\sigma} + \lambda_{s} \sum_{\sigma} Q^{2}{}_{s\sigma} \right)$ (of -11)

والطاقة الإهنزازية تبدو كمجموعة حدود من الشكل :

- إذا كان $d_{s} = 1$ فإن $E_{s} = \frac{1}{2} \left[Q'_{s} + \lambda_{s} Q^{2}_{s} \right]$
 - إذا كان $d_s = 2$ فان
 - $E_{s} = \frac{1}{2} \left[Q^{2}_{s} + Q^{2}_{2s} + \lambda \left(Q^{2}_{s1} Q^{2}_{s2} \right) \right] (07 11)$
 - إذا كان d_s = 3 فإن :
- $E_{s} = \frac{1}{2} \left[Q^{\prime 2}{}_{s1} + Q^{\prime 2}{}_{s2} + Q^{\prime 2}{}_{s3} + \lambda_{s} \left(Q^{2}{}_{s1} + Q^{2}{}_{s2} + Q^{2}{}_{s3} \right) \right] \quad (oV 11)$

وهذه العلاقات هي طاقات الهزاز التوافقي أحادي أو ثنائي أو ثلاثي البعد و 🔉 (ثابتة القوة) .

والعلاقات التالية تسمح لنا بالإنتقال من الإحداثيات الطبيعة إلى الديكارتيه .

$$Q_{s\sigma} = \sum_{i=1}^{N} \sum_{\alpha = i}^{l^{\alpha}} m_{i}^{1/2} \Delta \alpha_{i} \qquad (\circ \Lambda - 11)$$

$$m_{i}^{1/2} \Delta \boldsymbol{x}_{i} = \sum_{s} \sum_{\sigma} l^{\alpha}_{is\sigma} Q_{s\sigma} \qquad (\boldsymbol{\circ}\boldsymbol{9} - \boldsymbol{1}\boldsymbol{1})$$

حالة جزيئات خطية :

ليكن المحور oz هو محور التوازن للجــزيء الخطي حيث نعتبر الأنوية نقطية والدوران حول oz لايؤدي إلى أي انزياح لتشكيلة التوازن وهذا يعني بأن 3N درج^ت حرية تحدد الحركة الأكثر عموماً لمجموعة الأنوية والمــؤلفه من خمس درجات حرية مرافقة لإنزياحات تشكيل التوازن و 5 ـــ N درجة حرية مرافقة لتشوهات تشكيل التوازن . ومنه نجد بأن عدد الاحداثيات الطبيعية لجزيئة به N ذرة مساوي إلى 6 ــ N 2 إذا كان الجزيء غير خطي و 5 ـــ N 2 إذا كان الجزيء خطي .

١١ – ٢ – ٤ – الحساب العملي للإحداثيات الطبيعية :

تسمح الطريقة الموصوفة في الفقرة السابقة (استخدام التحويلة 24) بفهم معنى الاحداثيات الطبيعية . إلا أنه للحساب العملي للإحداثيات الطبيعية أي حساب ﷺ نستخدم طريقة أخرى لن نشرحها هنا (احداثيات التناظر المصفوفاتF و G لولسون).

مخططات الإهتزاز :

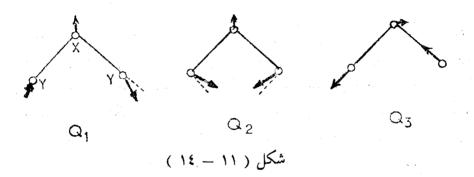
في المعادلة 45 إذا عدمنا كل Q_{so} ماعدا واحدة نحصل على الانزياحات الديكارتية للأنوية من أجل أي احداثي طبيعي وبشرط معرفة قيم المعاملات عن^م . ومنها نوجد مخططات الإهتزاز المتعلقة بمختلف الإحداثيات الطبيعية لجزيء . وهذه المخططات معطية بالأشكال 5 و 6 و 7 لأنواع ثلاث من الجزيئات .

> : XY_{2} جزىء ثلاثي الدرة غير متناظر خطياً XY_{2} : 3 N -6 = 3 N = 3

> > - 444 --

\dots NO₂ , SO₂ , H₂S , H₂O

Q₃ احداثي تكافؤ ضد متناظر ، Q₂,Q احداثيات موافقة اختلاط اهتزاز تكافؤ تناظري واهتزاز تشويه زاوية شكل (١١ – ١٤) عندما تكون كتلة النواة Y أكبر من كتلة X حالة H₂O و H₂C فالاحداثي Q بجوار احداثي التكافؤ التناظري والاحداثي Q₂ قريب جداً من احداثي التشويه الزاوي .

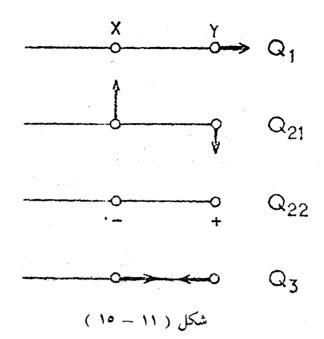


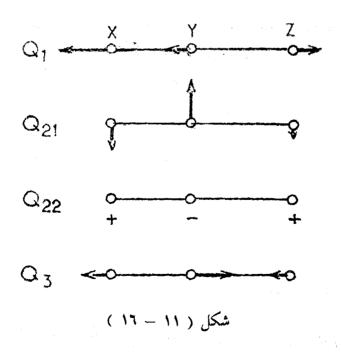
b - جزيئات خطية ثلاثية الذرة :

3N - 5 = 4 N = 3

يوجد أربع احداثيات طبيعية إثنان منها (Q₃ , Q₁) غير متوالدان واثنتان (Q₂₁) و Q₂₂) ينتميان إلى اهتزاز مضاعف التوالد . هنا نميز :

- ١ جزيئات متناظره XY₂ مثال CS₂, CO₂ حيث Q احداثي تناظري للتكافؤ ، Q₂₁ , Q₂₂ احداثيات للتشويه الزاوي (في مستويات متعامدان) ينتميان لنفس الإهتزاز المضاعف التوالد شكل (١١ ١٥) .
- ٢ جزيئات غير متناظره XYZ مثال HCN, N₂O, MCN, في الحالة السابقة الاحداثيات الغير متوالده Q₃, Q₁ مرافقة لاهتزازات موازيه لمحور الجزىء والاحداثيات Q₂₁ و Q₂₂ موافقة لإهتزاز ثنائي التوالد متعامد مع محور الجزىء شكل (١١ – ١٦) .





- 770 -

۱۱ – ۳ – السويات الإهتزازية للجزيئات المتعددة الذرات:

۱۱ – ۳ – ۱ – الكمون التوافقى :

رأينا سابقاً إذا كان الكمون المستخدم توافقي فالطاقة الإهتزازية في الميكانيك الكلاسيكي لجزيئة هي عبارة عن مجموع الطاقات لمجموعة الهزازات التوافقية أحادية أو ثنائية البعد ، الشيء ذاته بالنسبة لميكانيك الكم فلمعرفة سويات الطاقة الاهتزازية يكفي معرفة سويات الطاقة للهزازات التوافقية أحادية أو ثنائية أو ثلاثية البعد .

۱۱ – ۳ – ۱ – الهزاز التوافقي أحادي البعد :

تعطى كافة طاقة الهزاز في الميكانيك الكلاسيكي بالعلاقة التالية :

 $E_{s} = \frac{1}{2} \left[Q_{s'}^{2} + \lambda_{s} Q_{s}^{2} \right]$ (1.-11)

وسويات الطاقة الإهتزازية تعطى بالعلاقة التالية :

$$E_{vs} = h \lambda_s^{1/2} (v_s + \frac{1}{2})$$
 (11 - 11)

هذه السويات غير متوالده والتابع الحاص المرفقة بهذه القيمة الحاصة هو (Q_s) مع ملاحظة انه في حالة جزئية ثنائية الذرة هناك اهتزاز طبيعي واحد فتط وبالتالي يمكن اهمال القرين عاري ان :

$$E_{v} = h \lambda^{1/2} (v + \frac{1}{2}) = h v (v + \frac{1}{2})$$
 (77 - 11)

v تردد الهزاز الكلاسيكى والمساوي إلى :

$$\nu = \frac{1}{2\pi} \lambda^{1/2}$$

و λ تعطي بالعلاقة :

ب عيث μ الكتلة المختزلة . μ تسمح العلاقة السابقة بكتابة تابع الكمون لجزيئة ثنائية الذرة بالشكل : – ۳۳٦ –

$$V = \frac{1}{2} f (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (\mu^{1/2} (r - r_e)]^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (\mu^{1/2} (r - r_e))^2 = \frac{1}{2} \lambda (\mu^{1/2} (r - r_e))^2$$

$$Q = \mu^{1/2} (r - r_e)$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e) = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

$$: \sum_{n=1}^{\infty} \lambda (r - r_e)^2 = \frac{1}{2} \lambda (r - r_e)^2$$

ونرى بأن السويات لاتعتمد بصورة منفصله على العددين الكوانتين v_{s2} v_{s1} بل تعتمد على مجموعهما :

 $\mathbf{v}_{s} = \mathbf{v}_{s1} + \mathbf{v}_{s2} \tag{11}$

 $E_{s} = h \lambda_s^{1/2} (v_s + \frac{1}{2})$ (70 - 11)

. $v_s = 0, 1, 2, \ldots$ حبث

الحالات الحاصة تعتمد بنفس الوقت على قيم v_{s2}, v_{s1} إذاً :

 $\psi_{vs1, vs2} = \psi_{vs1} \left(Q_{s} \right) \psi_{vs2} \left(Q_{s2} \right)$

إذاً من أجل كل قيمة لـ v_s هناك عدد كبير من الحالات الحاصة وهناك طرق منفصله للحصول على v_{s2} , v_{s1} من v_{s2} , v_{s1}

$$v_{s_1} = 0$$
 1 2 v_s
 $v_{s^2} = v_s$ v_{s-1} v_{s-2} 0

إذاً هناك 1 + vs حالة خاصة نقول بأن درجة التوالد للسوية Evs هو :

– ٣٣٧ – الفيزياء الذرية

•

 $g_s(v_s) = v_s + 1$ (77 - 11)

وهكذا يكون لدينا :

$$g_{s}(0) = 1$$

 $g_{s}(1) = 2 = c$
 $g_{s}(2) = 3$

and and a second se

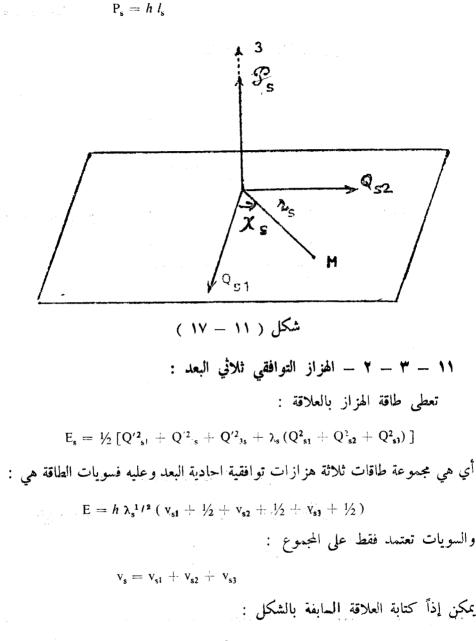
نلاحظ أن السوية الأساسية غير متوالده والسوية المحرضة الأولى لها نفس درجة توالد طاقة الإهتزاز الطبيعي (اهتزاز مضاعف التوالد للهزاز ثنائي البعد) .

الحل بالاحداثيات القطبية :

بحل معادلة شرودينغر للهزاز التوافقي ثنائي البعد بإستخدام الاحداثيات القطعيه rs و X .

$$|l_{\rm s}| = {\rm v}_{\rm s} , {\rm v}_{{\rm s}-2} \qquad 0 \quad 1$$

أما المعنى الفيزيائي لـ _s فهو : ليكن لدينا فضاء معرف بـ Q_{s1} و Q_{s2} شكل (١١ – ١٧) في كل نقطة M من الممتوي P يرفق بها هزاز s وكل حالة اهتزاز للهزاز تطابق حركة لـ M في المستوي P . العزم الراوي (العزم الحركي) P الذي يميز هذه الحركة هو شعاع له نفس المحور z المتعامد مع Q_{s1} , Q_{s2} ويعطى الحساب بأن :



 $E_{vs} = h \lambda^{1/2} (v + 3/2)$

والحالات الحاصة المرافقة هي :

 $\psi_{\text{vs1, vs2, vs3}}\left(Q_{\text{s1}} \text{ , } Q_{\text{s2}} \text{ , } Q_{\text{s3}}\right) = \psi_{\text{vs1}}\left(Q_{\text{s1}}\right)\psi_{\text{vs2}}\left(Q_{\text{s2}}\right)\psi_{\text{vs3}}\left(Q_{\text{s},}\right)$

			هي :	وعليه فدرجة التوالد ه		
	$g_s(v_s) = \frac{(v_s - v_s)}{2}$	$+1)(v_s+2)$				
				مثال :		
	v _{s1}	v _{s2}	V _{s3}			
$v_s = 0$	0	0	0	$g_{s}(0) = 1$		
	1	0	0	-		
$v_s = 1$	0	1	0	$g_s(1) = 3 = d_s$		
	0	0	1			
~	2	0	0	-		
	0	2	0			
$v_s = 2$	0	0	2	$g_{s}(2) = 6$		
	ŧ	1	0			
	1	0	1			
	0	1	1			
	: 2	لطيفية الاهتزازية	. الحدود ا	- # - # - 11		
ينتج مما سبق نرى بأن الطاقة الاهتزازية تعطى بالشكل :						
$E_{s} = \sum_{s} h \lambda_{s}^{1/2} \left(v_{s} + \frac{d_{s}}{2} \right)$						
حيث d _s = 1 , 2 , 3 هي درجة التوالد للاهتزاز s والحد الطيفي الإهتزازي يعطى إذاً بالعلاقة :						

$$G = \frac{Ev}{hc} = \sum_{s} \omega_{s} \left(v_{s} + \frac{d_{s}}{2} \right)$$

مع :

حيث الحد الأول من علاقة الكمون موافق لكمون الهزاز التوافقي وكل حد هو صغير بالنسبة للحد الذي يسبقه وسويات الطاقة يمكن حسابها بطريقة الإضطراب حيث نجد النتيجة التالية :

$$Ev/hc = G = \sum_{s} \omega_{s} \left(v_{s} + \frac{d_{s}}{2} \right) + \sum_{ss'} X_{ss'} \left(v_{s} + \frac{d_{s}}{2} \right) \left(v_{s} + \frac{d_{s}}{2} \right)$$

$$(s \neq s')$$

$$S \neq S'$$

$$+\sum_{\substack{ss'\\s\leqslant s'}} g_{ss'} l_s l_{s'} \qquad (1 \land - 11)$$

الحد الأول للعنصر الثالث مطابق لفقرة الهزاز التوافقي ، والجمع في الحد الأخير لايتدخل إلا فقط في حالة الاهتزازات المضاعفة التوالد .

ملاحظـــات :

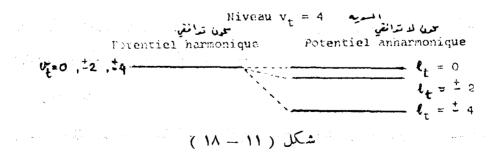
a – العلاقة السابقة صالحة لأجل الجزيئات ذات الإهتزازات المتوالده والمضاعفة

التوالد معاً . (جزيئات ذات تناظر محوري وجزيئات خطية) . وهي صالحة أيضاًللجزيئات التي لاتملك إلا اهتزازات غير متوالده (جزيئات من نوع نحروط غير متناظر Tougie asymtrique) وفي هذه الحالة الحد الأخير من العلاقة معدوم والعلاقة (١١ – ٦٨) غير صالحه لحزيئات ذات اهتزازات ثلاثية التوالد (جزيئات من نوع محروط متناظر toupie symetrie) في هذه الحالة الحد الأخير في العلاقة (١١ – ٦٨) يأخذ شكل أكثر تعقيداً .

b إذا أخذنا فتط الحد الأول من العلاقة (١١ – ٦٧) (كمون توافقي) فالقسم الثالث من المعادلة (١١ – ٦٨) يخترل إلى حده الأول خطي بالنسبة لـ (2/b)+x
 وهذه المعادلة يجب اعتبارها كنشر محدود مطابق للحالة التي نوقف فيها العلاقة (١١ – ٦٧) لكمون عند الحد التربيعي . سنحصل على التقريب التالي بإبقاء (١١ – ١٧) لكمون عند الحد التربيعي . سنحصل على التقريب التالي بإبقاء في المعادلة (١١ – ٢٧) الحدود ذات الرتبة الحامية والسادسة بالنسبة .
 والحد الطيفي سيحوي بالإضافة للحدود الخطية والتربيعية في العلاقة (١١ – ٢٢) حدود من المعادلة (٢٠ – ٢٢) الحدود ذات الرتبة الحامسة والسادسة بالنسبة .

 $y_{ss's''}\left(v_{s} \pm \frac{d_{s}}{2}\right)\left(v_{s'} \pm \frac{d_{s'}}{2}\right)\left(v_{s''} \pm \frac{d_{s''}}{2}\right)\left(v_{s''} \pm \frac{d_{s''}}{2}\right)$

c وجدنا سابقاً في تقريب الكمون التوافقي بأن سوية حيث الاهتزاز متوالد
 (واحدة فقط) محرضة به v لها مرتبة توالد (g(v) مساوية إلى 1 + v بصور
 أخرى هناك 1 + v حالة خاصة مميزه بقيم مختلفة له / ومطابقة لنفس الطاقة
 (الحدد الطيفي يتعلق فقط به v) . والعلاقة (١١ – ٢٨) تبين بان لا
 توافقية الكمون ترفع جزئياً من التوالد لويات الطاقة المرافقة للهزازات المتوالده
 شكل (١١ – ١٨) ء



- 227 -

لهذه الجزيئات ثلاثة اهتزازات طبيعية غير متوالده والمعادلة (١١ – ٦٨) تأخذ شكل :

 $\begin{aligned} G (v_1 \ v_2 \ v_3) &= \omega_1 \ (v_1 + \frac{1}{2}) + \omega_2 \ (v_2 + \frac{1}{2}) + \omega_3 \ (v_3 + \frac{1}{2}) \\ &+ X_{11} \ (v_1 + \frac{1}{2})^2 + X_{22} \ (v_2 + \frac{1}{2})^2 + X_{13} \ (v_3 + \frac{1}{2})^2 \\ &+ X_{23} \ (v_2 + \frac{1}{2}) \ (v_3 + \frac{1}{2}) + X_{13} \ (v_1 + \frac{1}{2}) \ (v_3 + \frac{1}{2}) \\ &+ X_{12} \ (v_1 + \frac{1}{2}) \ (v_1 + \frac{1}{2}) \ (v_1 + \frac{1}{2}) \end{aligned}$

b --- جزيئات ثلاثية الذرة خطية متناظره (---- CO2 , CS2) أو غير مىناظره (OSC , NO2 , HCN) : (---- NO2 , HCN

$$\begin{split} & \texttt{A.s.} \quad $

رموز السويات :

سيرمز للسويات الإهتزازية برمز مشكل حسب متتالية الأعداد الكمية v_s (هذه القيم تعمل بها عندما تكون s مضاعفة التوالد) ومن مركبة مساوية إلى القيمة المطلقة la . سيرمز للدويات الاهتزازية للجـــزيئات XY₂ أو XYZ الغــير خطية بـ (v₁ , v₂ , v₃) والسويات الاهتزازية للجزيئات XY₂ أو XYZ الخطية بـ (v₁ , v₂ , v₃) .

أمثلـــة :

طية	ت ثلاثية الذرة خ	.جز يئار	جزيئات ثلاثية الذرة غير خطية		
Σ	0 0° 0		(0 0 0)		
Σ	1 0° 0		(1 0 0)		
π	0 11 0		(0 1 0)		
Σ	0 0° 1		(2 0 0)		
Σ	2 0° 0		(0 2 0)		
Δ	$\left\{\begin{array}{ccc} (0 & 2^2 & 0) \\ (0 & 2^\circ & 0) \end{array}\right\}$		(0 0 2)		
Σ	(0 0° 2)	(1 1 0)			
π	(1 l ¹ 0)		(1 1 0)		
في حالة الجزيئات ثلاثية الذرات الخطية يجب الأخذ بعين الاعتبار للشرط (18) وعليه فسويات الطاقة سيرمز لها على التوالي بالأحرف وذلك حسب قيم إ _م اإ :					
	$\sum \pi$	Δ Φ	Γ		
1/2	0 1	2 3	4		
			الحد الطيفي _° G		
سيكون من السهل حساب الحد الطيفي بالنسبة لأخفض سوية اهتزازية :					
G (v ₁ v ₂ .	$\ldots l_{t} \ldots) - G($	0 00	$G_{o} (v_{1} v_{2} \dots l_{t} \dots)$ ($V - V $)		
			حيث _G سيأخذ الشكل التالي :		
	S	$\sum_{\substack{SS'\\S \leqslant S'}} X_{ss'} \mathbf{v}_{s} \mathbf{v}_{s}$	$s' + \sum_{ss'} g_{ss'} l_s l_{s'} \dots (YY - 11)$ $s \leq s'$		

- *22 -

والمسألة هي معرفة قيم الحدود الطيفية انطلاقاً من طيف وحماب ثوابت الاهتزاز g, x, ω ولعمل هذا يكون أسهل نشر الحد الطيفي بالنسبة لـ v₂ وليس بالنسبة لـ [v_s + (d_s/2] .

مثسال (۱) : أ

جزئيات ثلاثية الذرة غير خطية :

: (٦٩ – ١١) بالعلاقة (٢٩ – ١١) بيعطى الحد الطيفي (٥ (٧, ٧ - ٧) بي العلاقة (٢٩ – ١١) بي العلاقة (٥ (٥ 0) = 1/2 ω, + 1/2 ω₂ + 1/2 ω₃ + 1/4 X₁₁ + 1/4 X₂₂ + 1/4 X₃₃ + + 1/4 X₁₂ + 1/4 X₁₃ + 1/4 X₂₃ (٧٣ – ١١)

$$\begin{aligned} G_{o} (v_{1} v_{2} v_{3}) &= \omega_{1}^{o} v_{1} + \omega_{2}^{o} v_{2} + \omega_{3}^{o} v_{3} + X_{11} v_{1}^{2} + X_{22} v_{2}^{2} \\ &+ X_{33} v_{3}^{2} + X_{12} v_{1} v_{2} + X_{13} v_{1} v_{3} + X_{23} v_{2} v_{3} \end{aligned} \qquad (\forall \pounds - 11) \end{aligned}$$

$$\begin{split} \omega_1 \,^{\circ} &= \omega_1 + X_{11} + \frac{1}{2} X_{12} + \frac{1}{2} X_{13} \\ \omega_2 \,^{\circ} &= \omega_2 + X_{22} + \frac{1}{2} X_{12} + \frac{1}{2} X_{23} \\ \omega_3 \,^{\circ} &= \omega_3 + X_{33} + \frac{1}{2} X_{13} + \frac{1}{2} X_{23} \end{split}$$

نحصل على العلاقات السابقة بمطابقة المعادلة (١١ – ٧١) مع العلاقات (١١ – ٢٩) و (١١ – ٧٣) و (١١ – ٧٤) .

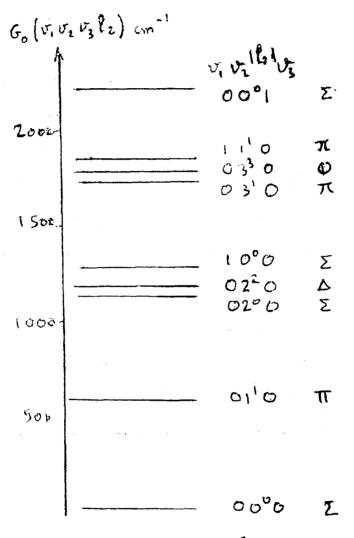
مثال ۲ :

جزيئات ثلاثية الذرة خطية :

يعطى الحد الطيفي (G (v1 , v2 , v3 /2) بالعلاقة (۱۱ – ۷۰) وبحساب مشابه للفقرة السابقة نجد :

$$G_{o}(v_{1} v_{2} i v_{3}) = \omega_{1}^{o} v_{1} + \omega_{2}^{o} v_{2} + \omega_{3}^{o} v_{3} + X_{i1} v_{i}^{2}$$

+
$$X_{22} v_2^2$$
 + $X_{33} v_3^2$ + $X_{12} v_1 v_2$ + $X_{13} v_1 v_3$
+ $X_{23} v_2 v_3$ + $g^{v}_{22} l_2^2$ ($Vo - N$)



شکل (۱۱ – ۱۹)

مع :

$$\begin{split} \omega_1^{\,o} &= \omega_1^{} + X_{11}^{} + X_{12}^{} + \frac{1}{2}^{} X_{13}^{} \\ \omega_2^{\,o} &= \omega_2^{} + 2 X_{22}^{} + \frac{1}{2}^{} X_{12}^{} + \frac{1}{2}^{} X_{23}^{} \end{split}$$

- 1:1 -

ω₃° = ω₃ + X₁₃ + ½ X₁₃ + X₂₃
... w₁ = 1299.8 X₁₁ = - 3.2 X₁₂ = 4.7
ω₂ = 595.5 X₁₂ = - 2.3 X₂₃ = - 12.4
ω₃ = 227.5 X₃₃ = - 13.7 X₁₃ = - 26.1 (V7 - 11)
g^v₂₂ = 3.0
. (lbcl-labeled line)

والشكل (١١ – ١٩) يعطي مخططات سويات الطاقة لأخفض طاقة اهتزازية للجزيء N₂O :

Washington and the state

الفصل الثاني عشر

السويات الدورانية للجزيئات

I -- الدائر القاسى Le Rotateur Rigide

سندرس في الجزء الأول من هذا الفصل دوران جزيء سيفترض أنه قاسي . أي أن تشكيلة الأنوية مطابق في كل لحظـــه لتشكيلة التوازن والفائدة مـــن هذه الدراسة أنها :

- تشكل تقريب كاف وجيد لأخذ بعين الإعتبار للميزات الرئيسة الطيوف
 الدوران
- تخدم النتائج الحاصلة كنقطة انطلاق لدراسة أدق حيث يتم الحصول على سويات
 الطاقة لدائر غير قاسي بطريقة الاضطراب بالنسبة لدائر قاسي .

١٢ – ١ – عزوم العطالة – تصنيف الدوارات :

عزوم وجداءات العطالة :

لنرمز بـ m, اكتلة النواة i وبـ x, y, z لاحداثيات m, بالنسبة لمجموعة مرجعه مرتبطة بتشكيلة التوازن يمكن تعريف ثلاثة عزوم عطالة :

$$I_{xx} = \sum_{i} m_{i} (y_{i}^{2} + z_{i}^{2})$$

- 484 -

$$I_{xy} = \sum_{i} m_{i} x_{i} y_{i}$$

$$I_{yz} = \sum_{i} m_{i} y_{i} z_{i}$$
(Y - YY)

$$I_{xz} = \sum_{i} m_i x_i z_i$$

$$I^{e}_{xx} = \sum_{i} m_{i} (y_{i}^{o2} + z_{i}^{o2}) , \quad I^{e}_{xy} = \sum_{i} m_{i} x_{i}^{o} y_{i}^{o}$$

$$I^{e}_{yy} = \sum_{i} m_{i} (x_{i}^{o2} + z_{i}^{o4}) , \quad I^{e}_{yz} = \sum_{i} m_{i} y_{i}^{o} z_{i}^{o} (\Upsilon - \Upsilon \Upsilon)$$

لنتذكر أنه إذا اعتبرنا عزم عطالة لمجموعة بالنسبة لمحور متغير مار من مركز

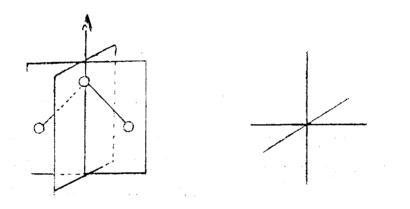
- 70 . _

الجاذبية . فيوجد في الحالة العامة ثلاثة اتجاهات متعامده فيما بينها تكون فيها عزوم العطالة ذات قيمة دنيا أو عظمى . تدعى هذه الاتجاهات بالاتجاهات الرئيسية وعزوم العطالة الموافقة لها بالعزوم الحركية الرئيسة وتكون الجداءات معدومه أي المحاور الرئيسة تتطابق مع محاور التناظر وهي متعامده مع مستويات التناظر .

٢ _ ١ _ ٢ _ أمثلة :

a) جزيئات XY₂ غير خطية (مثال H₂O) :

تشكيلة التوازن لهذه الجزيئة هي مثلث isocele حيث عناصر التناظر (محور من المرتبة الثانية، مستويات يحتويان المحور ومتعامدان فيما بينهما) ممثلة على الجزء الأيسر من الشكل (١٢ – ١) . الإتجاهات الرئيسية لعزوم العطالة ممثلة على الطرف اليميني في الشكل (١٢ – ١)

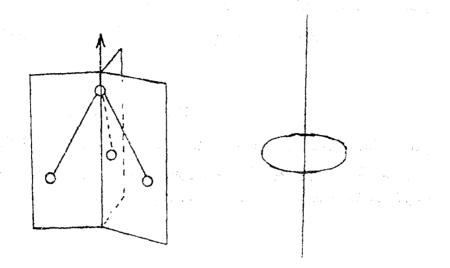


شکل (۱۲ – ۱)

: (NH₃) جزيئات XY_3 هرمية مثال (NH₃) :

تشكيلة التوازن لهذه الجزيئة عبارة عن هرم قاعدته مثلث متساوي الأصلاع وعناصر تناظرة (محور من المرتبة الثالثة ، ثلاثة مستويات تحوي محور التناظر بينها زاوية 120) ممثلة على القسم الأين من الشكل (١٢ – ٢) .

الاتجاهات الرئيسة مخططه على القسم اليساري من الشكل (١٢ – ٢) وحسب القاعده اعلاه هناك على الأقل ثلاثة اتجاهات رئيسة في مستوي متعامد مع المحور . نبين أنه ضمن هذه الاتجاهات كل اتجاه موضوع في هذا المستوي هواتجاه رئيسي لعزم العطالة .



شکل (۲ – ۲)

c) – جزيئات XY, رباعية الذرة (مثال CH, مثال) :

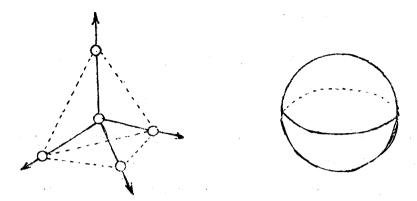
تشغل الأنوية الأربعة Y في وضع التوازن رؤوس هرم رباعي نظامي حيث تشغل الذرة X المركز ، وعليه فإن تشكياة التوازن لها عناصر تناظر هي أربع محاور من المرتبة الثالثة موجهة حسب الرابطة XX شكل (١٢ – ٣)

وذبين بأنه حسب هذه الإتجاهات كل اتجاه في الفضاء هو اتجاه رئيسي لعزم العطالة .

١٢ – ١ – ٣ – تصنيف الدائرين (مجموع دائر) :
 (a) – دائر غير متناظر (Toupie asymetriqu) (مخروط غير متناظر) :
 حيث عزوم العطالة الرئيسة غير متساوية أي :

$$I_{x_x} \neq I_{y_y} \neq I_{z_z}$$
 ($\xi \uparrow - 1\uparrow$)

- TOT -



شکل (۱۲ ــ ۳)

b) – دائر متناظر (Toupie symetriqu) يدعى أيضاً جزيء بتناظر محوري :

عزما العطالة الرئيسيان متساويان (سنختار محور رئيسي للعزم الحركي مثل المحور z) .

$$I^{e}_{xx} = I^{e}_{yy} \neq I^{e}_{zz} \qquad (o = VY)$$

القطع الناقص لعزم العطالة هو متطور ويوجد عدد لانهائي من المحاور الرئيسية في المستوي XY equatorial يقال عن الدائر المتناظر بأنه مسطح أو مطاول حسب القطع الناقص لعزم العطالة هو قطع ناقص متطور مسطح (I^e_{xx} = I^e_{yy} > I^e_{zz}) أو مطاول (I^e_{xx} = I^e_{yy} > I^e_{zz}) .

- c) جزيء خطي : دائر خطي : العلاقة (5) محققه الكن عزم العط^الة حسب oz معدوم : (17 – 7) I^ezz = 0 يا^{Ie}zx = I^eyy وعليه فإن القطع الناقص للعزم الحركي اسطوانة ذات تطور .
 - d) دائر كروي Toupie pherique

- 407 -

الفيزياء الذرية

$$I_{xx}^{e} = I_{yy}^{e} = I_{zi}^{e} \qquad (V - V)$$

ومجسم عزم العطالة هو كرة وكل محور يمر من المركز هو محور رئيسي . ١٢ – ٢ – طاقة الدائر القاسي في الميكانيك الكلاسيكي :

نقترح دراسة حركة الدائر القاسي المؤلف من جزيئة غير قابلة للتشويه حيث إن تشكيلة الأنوية موافقة لتشكيلة التوازن . المحساور xyz هي محاور رئيسة لعزم العطالة لتشكيلة التوازن وهي غير مرتبطة بالدائر وتدور معه . سنعرف مجموعة مرجعة XYZ لها نفس مبدأ xyz ولنعتبر أن السرعة الزاوية للدائر بالنسبة للثلاثية XYZ هي w, w, w, مأخوذة على المحاور المتحركة المرتبطة بالجزىء وبغياب الحقل الخارجي فإن الطاقة الكامنه معدومة لدائر صلب والطاقة عندئذ :

- $T_{R} = \frac{1}{2} I_{xx}^{e} \omega_{x}^{2} + \frac{1}{2} I_{yy}^{e} \omega_{y}^{2} + \frac{1}{2} I_{zz}^{e} \omega_{z}^{2} \qquad (\Lambda 1)$
 - ٢ ٢ ١ العزم الزاوي :
 - يعطى العزم الزاوية بالعلاقة :
- $\mathbf{P} = \sum m_i \mathbf{r}_i \wedge \mathbf{v}_i \qquad (\mathbf{q} \mathbf{v}_i)$

حيث r, و v شعاع الموضع والسرعة للجزيء i بالنسبة لثلاثية XYZ ومركبات العزم الزاوي هي :

 $P_{x} = \frac{\partial T}{\partial \omega_{x}} \qquad P_{y} = \frac{\partial T}{\partial \omega_{y}} \qquad P_{z} = \frac{\partial T}{\partial \omega_{z}}$

باستخدام العلاقة (١٢ ـــ ٨) نجد أن :

 $P_{\mathbf{x}} = I^{\mathbf{e}}_{\mathbf{X}\mathbf{X}\mathbf{\omega}_{\mathbf{x}}} \qquad P_{\mathbf{y}} = I^{\mathbf{e}}_{\mathbf{y}\mathbf{y}\mathbf{\omega}_{\mathbf{y}}} \qquad P_{\mathbf{z}} = I^{\mathbf{e}}_{\mathbf{z}\mathbf{z}\mathbf{\omega}_{\mathbf{z}}}$

إذاً الطاقة الدورانية :

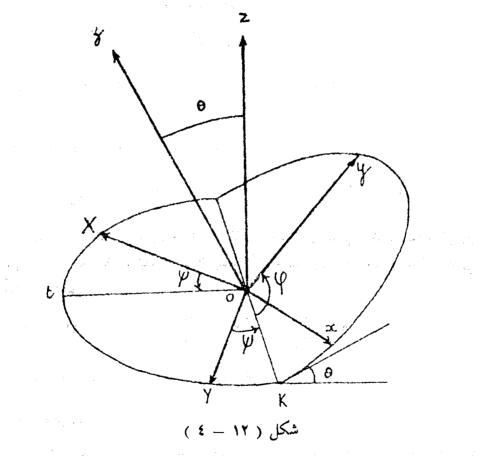
$$T_{\mathbf{R}} = \frac{P_{\mathbf{x}}^2}{2I_{\mathbf{x}\tau}^2} + \frac{P_{\mathbf{y}}^2}{2I_{\mathbf{y}y}^2} + \frac{P_{\mathbf{z}}^2}{2I_{\mathbf{z}z}^2} \qquad (1 \cdot - 1 \mathbf{Y})$$

- 702 -

۲۲ ــ ۲ ــ ۲ ــ زوايا أولز :

لتحديد موضع الجزيء الذي أعتبر في لحظة ما كدائر قاسي يعود لتحديد وضع الثلاثية المتحركة xyz (المرتبطة بالجزىء) بالنسبة للثلاثية XYZ . سنستخدم زوايا أولر ¢ ♦ € شكل (١٢ – ٤) حيث 0 الزاوية بين oz و zo وهي أيضاً الزاوية بين المستويين xoy و XOY (من الصفر إلى π) .

ليكن ot هــو مسقط oz على XOY لمرمز بـ OK لنضف المحور الناتج عن تقاطع المستويين xoy و XOY والموجه بشكل تكون فيه الزاوية (ot ,OK) مساوية إلى 1⁄2 +-



– في المستوي XOY نرمز بـ ψ للزاوية OY , OK وهي مساوية للزاوية (OX ,Ot) والمعرفة π 2Kπ .

$$H = \frac{1}{2} \sum_{\lambda \mu} g^{\lambda \mu} P_{\lambda} P_{\mu} \qquad \lambda, \mu = , \theta , \psi , \phi \qquad (11 - 17)$$

حيث ⁴ g^λ تابع للإحداثيات φ, ψ, θ :

$$P_{\theta} = -ih \frac{\partial}{\partial \theta}$$
 $P_{\psi} = -ih \frac{\partial}{\partial \psi}$ $P_{\varphi} = -ih \frac{\partial}{\partial \varphi}$

إذا أخذنا المؤثرات P_x P_y P المرافقة في ميكانيك الكم لمركبات العزم الزاوي على المحاور المتحركة المرتبطة بالجزيئة يمكن أن نبر هن بأن الهاملتونيان للدائر القاسي يكتب بالشكل :

$$H = \frac{P_x^2}{2I_{xx}^e} + \frac{P_y^2}{2I_{yy}^e} + \frac{P_z^2}{2I_{zz}^e} \qquad (1Y - 1Y)$$

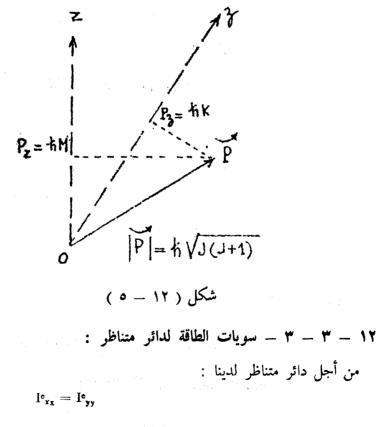
I – المؤثر P_z :

مسقط العزم الزاوي على المحور oz ثابت في الفضاء . تكتب معادلة القيم الحاصة للمؤثر P بالشكل :

 $P_z \psi = [P_z] \psi$ (17 - 17)والحساب يعطى (راجع ميكانيك الكم) : $[P_z] = h M$ $M = 0, \pm 1, \pm 2...$ هذه القيم الحاصة غير متوالده والتوابع الحاصة تعتمد فقط على العدد الكمي M : $\psi_{\rm M} = \psi_{\rm o} e^{i M \psi}$ حيث لا زاوية أولر الثانية ، 📣 تابع مستقل عن لا . : P, 11 - Y لنعتبر الآن مسقط العزم الزاوي على المحور z المرتبط بالجزىء وبالتالي تكون : $P_z \psi = [P_z] \psi$ $[P_{z}] = h K \qquad K = 0, \pm 1, \pm 2...$ $\psi_{\mathbf{K}} = \psi_{\mathbf{0}}' e^{i\mathbf{k}\varphi}$ حيث ، زاوية أولر الثالثة ، ⁄ با تابع مستقل عن ، . ۲ _ المؤثر P² _ $P^{2} = P^{2}_{x} + P^{2}_{y} + P^{2}_{z} = P^{2}_{x} + P^{2}_{y} + P^{2}_{z}$ ومعادلة القيم الحاصة تكتب : $P^{2}\psi = [P^{2}]\psi$ حبث : $J = 0, 1, 2, ..., [P^2] = h^2 J (J + 1)$ $(1\xi - 1\gamma)$ القيم الخاصة هذه متوالده والتوابع الخاصة الموافقة تكتب : $\psi_{JKM} = N_{JKM} \quad \mathbf{H}_{JKM} (\theta) e^{i\mathbf{k} \phi} e^{i\mathbf{k} \psi}$ (10 - iY)

- YOV -

ندعو بالأعداد الكمية الدورانية الأعداد J, K, M بحيث تكون طويلة شعاع العزم الزاوي ، ومسقط العزم الزاوي على محور مرتبط بالجزيء ومسقط العزم الزاوي على محور ثابت في الفضاء مساوي على التوالي (I + 1) M , MK , h سكل (۱۲ – ه) والشرطان J ≥ K → J – و J ≥ M ⇒ J – هي مقاربة للشروط الكلاسيكية M=J, K=J = |P| → مع ملاحظة أنه عندما K=J, K=J , K= فإن P غير موجهة حسب OZ أو QZ .



- 701 -

يمكن كتابة المعادلة 15 إذا بالشكل :

$$H = \frac{P^2 + P^2_y}{2 I_{xx}^{e}} + \frac{P^2_z}{2 I_{zz}^{e}} \qquad (1V - 1T)$$

مع الأخذ بعين الإعتبار للعلاقة 22 نجد :

$$H = \frac{1}{2 I_{xx}^{e}} (P^{2} - P_{z}^{2}) + \frac{1}{2 I_{zz}^{e}} P_{z}^{2} \qquad (1\Lambda - 1\Upsilon)$$

نرى بأن H يتبادل مع P و P وبالتالي التوابع الخاصة P2 و P_z مي توابع خاصة لـ H إذاً :

$$H\psi_{JKM} = \left\{ \frac{1}{2 \ I^{e}_{xx}} \left(\left[P^{-} \right] - \left[P_{z}^{2} \right] \right) + \frac{1}{2 \ I^{e}_{zz}} \left[P_{z}^{2} \right] \right\} \psi_{JMK}$$

 $H \ \psi_{JKM} = E_{JK} \ \psi_{JKM}$

•

مع الأخذ بعين الاعتبار للعلاقتين 20 و 24 نجد :

$$E_{JK} = \frac{h^2}{2 I_{xx}^{e}} [J + (J + 1) - K^2] + \frac{h^2}{2 I_{zz}^{e}} K^2 \quad (14 - 17)$$

بفرض أن :

$$B_e^{zz} = \frac{h}{8\pi^2 c I_{zz}^e} \qquad B_e^{xx} = \frac{h}{8\pi^2 c I_{xx}^e}$$

$$I = \frac{h}{8\pi^2 c I_{xx}^e}$$

$$I = \frac{h}{8\pi^2 c I_{xx}^e}$$

$$\frac{\mathrm{E}_{J_{K}}}{\mathrm{hc}} = \mathrm{B}_{\mathrm{e}}^{\mathrm{xx}} \left[J \left(J + 1 \right) - \mathrm{K}^{2} \right] + \mathrm{B}_{\mathrm{e}}^{\mathrm{zz}} \mathrm{K}^{2} \qquad (\Upsilon \cdot - \Upsilon)$$

الطاقة تعتمد فقط على J و K و الحالات الخاصة _{MK} معرفة بالعلاقة 25 . أما رتبة التوالد للسويات فهي :

$$K \neq 0$$
 (۲1 – ۲۱) (۲1 – ۱۲) إذا كان (۲1 – ۱۲)

 $\mathbf{K} = \mathbf{0}$ إذا كان $\mathbf{J} + \mathbf{1}$

-- 709 ---

والقيمة 1 + 1 2 موافقة للقيم الممكنة لـ M علاقة 27 والعامل 2 موافقة الإشارة المضاعفة له KI .

> ١٢ – ٣ – ٤ – سويات الطاقة لدائر كروى : في الدائر الكروى لدينا :

$$I^{e}_{xx} = I^{e}_{yy} = I^{e}_{zz}$$

أي :

$$B_e^{xx} = B_e^{zz} = B_e$$

يمكن اعتبار الدائر الكروي كحالة خاصة من الدائر المتناظر والعلاقة 35 تعطى الحد الطيفى :

$$\frac{E_J}{hc} = B_e J (J+1) \qquad (\Upsilon \Upsilon - \Upsilon \Upsilon)$$

إذاً الطاقة تعتمد فقط على J ورتبة التوالد للسويات هي ²(I + 2J) مع الأخذ بعين ً الإعتبار للعددين M, K .

١٢ ــ ٣ ــ ٥ ــ سويات الطاقة لدائر خطي :

a) – إن معالجة الدائر الخطي أبسط من الدائر المتناظر حيث لاتوجد الاحداثيات 4,0 لأن الزاوية & لاتعرف دوران والحساب يعط الحد الطيفي التالي :

> $\frac{E_J}{hc} = B_e J (J+1)$ $(\Upsilon T - \Upsilon T)$

> > مع :

(YE - 1Y)

$$B_{e} = \frac{h}{8 \pi^{2} c I^{e}}$$
$$I^{e} = I^{e}_{xx} + I^{e}_{yy}$$

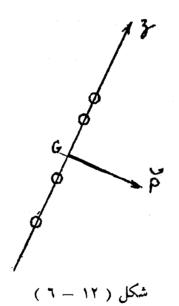
Ie

(لنتذكر بأن (I_{zz} = 0)) . الحالات الخاصة المرافقة للقيمة الخاصة E_J هي في الشكل :

$$\psi_{\mathbf{J}\mathbf{M}} = N_{\mathbf{J}\mathbf{M}} \quad \mathbf{H}_{\mathbf{J}\mathbf{M}} \left(\boldsymbol{\theta} \right) \, e^{i\mathbf{M}\boldsymbol{\psi}} \tag{YO}{-}, \ \mathbf{Y} \mathbf{Y}$$

$$B_{e^{zz}} \rightarrow 0 \quad \text{if } I_{zz}^{\circ} \rightarrow 0 \quad \text{if } V7 - V7)$$

إلا أنه من أجل دائر خطي فإن محور الدوران يكون متعامد مع محور الدائرة وبالتالي فإن العزم الزاوي متعامد مــع محور الجزىء شكل (١٢ – ٦) و P_z = 0 ومنه نجد : K = 0 .



الحد الثاني من العلاقة (١٢ – ٢٠) يبدو غير معين (٥/٥) لدائر خطي بالحقيقة فإن هذا الحد معدوم كما تظهر علاقة (١٢ – ٢٢) والعلاقة (١٢ – ١٧) التي تعطي الهاملتيون لدائر متناظر تسمح بإعطاء النتيجة الصحيحة لسويات الطاقة لدائر خطي بشرط :

- 271 -

أما الحالات الخاصة (١٢ ـــ ٢٥) للدائر الخطي فهي موافقة _{لامو}ل حالات خاصة (١٢ ـــ ١٥) للدائر المتناظر حيث أخذنا K = 0 .

۲ – ۳ – ۲ – سویات الطاقة لدائر غیر متناظر :

لانعلم حساب سويات الطاقة لدائر غير متناظر بدقة تامة والسبب :

— من أجل كل الدائرين يتبادل المؤثر H مع P2 و P2 وهذا ما يسمح بحل مشكلة الدائر المتناظر بدقة بينما في حـــالة الدائر الغير متناظر فإن H لايتبادل مع P وبالتالي فالمؤثرات H و P2 غير موصوفان بنفس الحالة الكوانتية .

١٢ – ٤ – مخططات سويات الطاقة الدورانية :

١٢ ـــ ٤ ـــ ١ ـــ الجزيئات الخطية :

وجدنا في حالة تقريب الدائر القاسي بأن سويات الطاقة الدورانية لجزىء خطي تعطى بالعلاقة :

$$\frac{E}{hc} = F(J) = B J (J + 1) \qquad (\Upsilon V - \Upsilon)$$

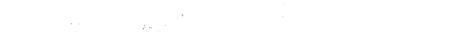
حيث (J) F الحد الطيفي الدورا تي : B ترمز لثابتة العطالة عند التوازن المتعلقة بعزم العطالة عند التوازن المعطاة بالعلاقة :

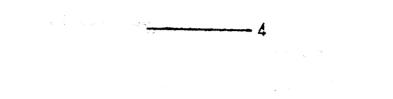
$$B = B_e = \frac{h}{8\pi^4 c I^e} \qquad (\Upsilon \Lambda - \Upsilon \Upsilon)$$

والشكل (١٢ – ٧) يعطي مخطط سويات الطاقة .

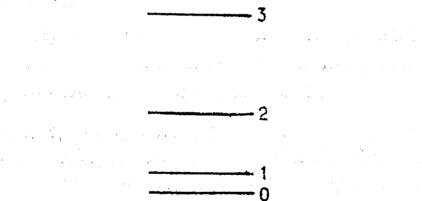
۲ – ۲ – ۲ – جزيئات ذات تناظر محوري :

وجدنا بأن سويات الطاقة الدورانية _{EJK} بحزىء ذو تناظر محوري وبتقريب الدائر القاسي تعطى بالعلاقة : n se an tha an an tha an an tha an an tha Tha an t





kan sense sens Ander sense sens



شکل (۱۲ – ۷)

 $\frac{E_{JK}}{hc} = F(J, K) = B_e^{xx} J(J + 1) + (B_e^{zz} - B_e^{xx}) K^2 \quad (Y - 1Y)$ $-L = \frac{E_{JK}}{hc} = F(J, K) = B_e^{zz} \quad B_e^{xx} J(J + 1) + (B_e^{zz} - B_e^{xx}) K^2 \quad (Y - 1Y)$ $-L = \frac{E_{JK}}{hc} = F(J, K) = B_e^{zz} \quad B_e^{xx} J(J + 1) + (B_e^{zz} - B_e^{xx}) K^2 \quad (Y - 1Y)$

J

$$B_e^{xx} = \frac{h}{8 \pi^2 c f^e} \qquad B_e^{zz} = \frac{h}{8 \pi^2 c f^e}$$

حيث ان I^ezz و I^ex هي على التوا**لي** عزوم العطالة عند التوازن بالنسبة للمحور z للجزىء وبالنسبة للمحور x المتعامد مع z وهنا نميز حالتين : a – مخروط متناظر مطاول : B_a^{zz} > B_a^{xx}

I^e_{zz} < I^e_{xx} I^e_{zz} < I^e_{xx} B^{zz}_e < B^{xz}_e I^e_{zz} > I^e_{sx}

تعود هذه التسمية لطبيعة مجسم قطع الناقص للعطالة وبجسم قطع الناقص إما ذو تطور مطاول أو مسطح .

والشكلين (١٢ – ٨) و (١٢ – ٩) يعطيان مخططا سويات الطاقة الدورانية لجزىء ذو تناظر محوري : وهما متعلقان في حالة المحروط المطاول والمحروط المسطح توزع سويات الطاقة بأعمده توافق كل واحد لقيمة واحدة لـ K .

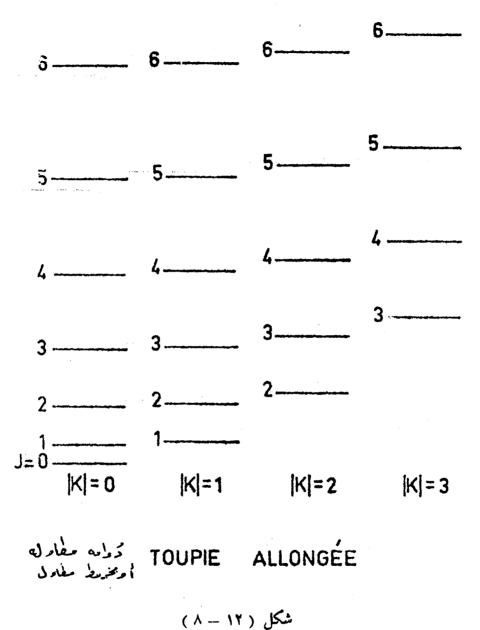
ضمن كل عامود سويات الطاقة المتعاقبه توافق القيم المختلفة ل J ↓ K فعندما تزداد |K| من أجل قيمة معطية ل J تنزاح سويات الطاقة نحو الأعلى (إذا كان O < **B_²² - B₀²² - B₀²²) أو نحو الأسفل (إذا كان O > **B_ - B₀²² - B₀²²) وهذا الانزياح متناسب مع K² .

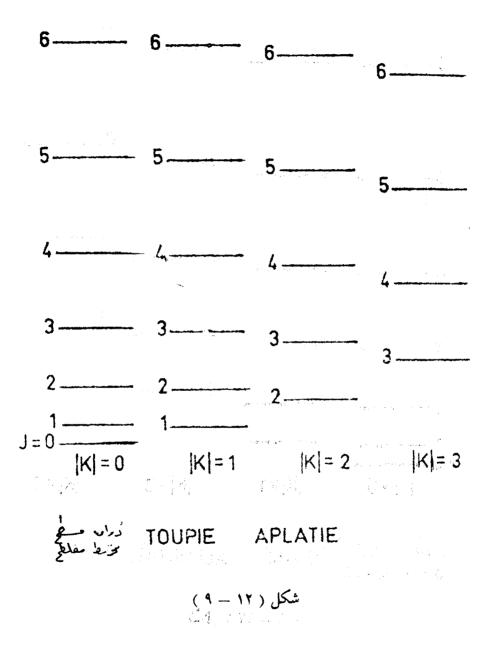
١٢ – ٥ – تأثير الفصل المتبادل بين الدوران والاهتزاز :

١٢ – ٥ – ١ – جزيئات خطية :

من بداية الفصل ونحن نعالج الجزيء كدائر قاسي وأهملنا كون الجزيء يهتز خلال دورانه .

وتأثير الفعل المتبادل بين الدوران والإهتزاز يظهر بفعلين (بتأثيرين) :





÷

- 211 -

$$B_{o} = B_{e} - \Delta B \qquad (\Upsilon \cdot - \Upsilon)$$

ولنتذكر بأنه على أخفض سوية اهتزازية لايكون الجزيء في حالة اهتزازية معدومه وطاقته الإهتزازية مساوية إلى القيمة :

$$E_{v}(0) = hc G(0) \approx \sum_{s} \frac{\omega_{s} d_{s}}{2} \qquad (\texttt{M} - 1\texttt{Y})$$

وكما تظهر العلاقة 26 من الفصل السابق فإن B يمكن أن تعتبر كقيمة متوسطة لثابتة العطالـــة :

$$B = \frac{h}{8\pi^2 c I} \qquad (\Upsilon \Upsilon - \Upsilon \Upsilon)$$

$$\frac{ER}{hc} = F(J) = B_o J (J + 1) - D J^2 (J + 1)^2 \qquad (\gamma \gamma - 1 \gamma)$$

يدعى المعامل D بثابت تشويه الطرد المسركزي بإدخال ثابتة العطالة الفعالة B_{eff} يمكن أن نكتب العلاقة (١٣ – ٣٣) بالشكل :

- $F(J) = B_{eff} J (J + 1) \qquad (\Upsilon \xi 10)$
- $\mathbf{B}_{eff} = \mathbf{B}_{o} \mathbf{D} \mathbf{J} (\mathbf{J} + 1) \qquad (\mathbf{T} \mathbf{o} \mathbf{1} \mathbf{T})$

الثابته D موجبه ونرى بأن B_{eff} تنخفض عندما تزداد J . والثابتة B متناسبه عكساً مع عزم العطالة I ينتج من ذلك أن I تزداد عندما يزداد العزم الزاوي وهذا مشابه لقوة الطرد المركزية فالحزيء يتطاول كلما دار بسرعة أكبر وهذا التشابهه يبرر تسمية ثابت التشويه الطرد المركزي بالنسبة لـ D ومن أجل جزيء ثنائي الدرة نبين أن : D = $rac{4 ext{ B_e}^3}{\omega^2}$

يعبر عن D بواحدة ا-cm .

- الا ۲۰۰۰ ۲۰۰۰ ۲۰۰۰ جزيئات ذات تناظر محوري :
- كما في الجزيئات الخطية الفعل المتبادل بين الدوران والاهتزاز يظهر بمفعولين : a -- ثوابت العطالة عند التوازن معني_B و ²²B يجب أن نستبدل بـ ^{عد}B و ²²B ثوابت العطالة في أخفض سوية اهتزازية .
- b يجب ادخال حد طيفي لتصحيح تشويه الطرد المركزي من المرتبة الثانية بالنسبة
 L (J + 1) و K² .
 يكتب الحد الطيفي إذاً :

 $F(J, K) = B_{o}^{s_{x}} J(J+1) + (B_{o}^{s_{z}} - B_{o}^{s_{x}}) K^{2}$

 $- D_{J} J^{2} (J+1)^{2} - D_{JK} J (J+1) K^{2} - D_{k} K^{4}$ ($\gamma\gamma - \gamma\gamma$)

III – البنية الفوق ناعمة :

فرضنا سابقاً بأن طاقة الجزيء هي مجموعـــة طاقته الالكترونية _E وطاقته الاهتزازية _E وطاقته الدورانية _E .

وبالحقيقة يجب اضافة حد E_s (أصغر بكثير من E_R) موافق للطاقـة المرافقة لمختلف توجيهات السبينات النووية في حقل كهربائي أو مغناطيسي ناتج عن الباقي من الجزيء . إن الطاقة E_s محكمه والقيم المختلفة التي يمكن أن تأخذها تؤدي إلى تحليل سويات الطاقة الدورانية إلى سويات جزئية متراصة بين بعضها البعض وهذا ما يؤدي إلى البنية فوق الناعمة للجزيء .

إن البنية الفوق ناعمه هنا مشابهه للبنية فوق الناعمة في الذرات إلا أن الأخيرة ناتجة عن وجود الدرات في حقل مغناطيسي أي اقتران I مع J في الجزيئات ناتجة عن ارتباط العزوم السبينية النووية مع باقي العزوم في الجزيئة وهي التي من أساس كهربائي .

الفصل لثاليه تعشر

الناُثبر المنبادل بين الجزيئات والاشعاع الكهرطيسي (الطبوف الجزئية)

١٣ ـــ ١ ـــ هناك ثلاث آليات أساسية تحدث وهي :

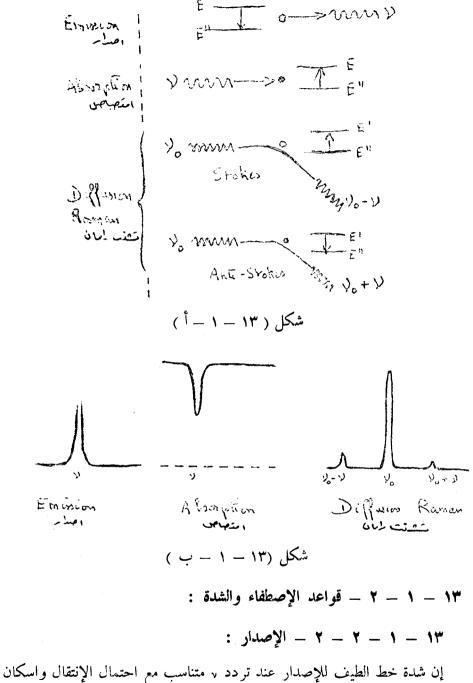
- a) اصدار اشعاع ذو تردد v
- b) امتصاص أشعاع ذو تردد ۷
- c) تشتت رامان لاشعاع ذو تردد 🗸

إذا كان للإشعاع المتشتت تردد v _ ov فهناك اختفاء لفوتون ذوطاقة v وخلق لفوتون ذو طاقة (v - v) h في نفس الوقت ، وعندما ينتقل جزيء من سوية طاقة E' إلى سوية E' تكون الطاقة المكتسبه من قبل الجزيء مماوية للطاقة المفتوده v h من قبل الإشعاع ويدعى مثل هذا الإنتقال بإنتقال Stokes .

إذا كان للإشعاع ا شتت تردد v + v فهناك اختفاء لفوتون ذو طاقة vo e خلق لفوتون ذو طاقة (v + v) h بنفس الوقت فعندما ينتقل الجزيء من سوية 'E إلى سوية E' فالطاقة المفقودة من الجزىء مساوية للطاقة المكتسبه v h من الاشعاع ويدعى مثل هذا الإنتقال بالإنتقال anti - Stokes .

والشكل رقم (١٣ – ١) يبين الآليات الثلاثة :

- ٣٦٩ - ٣٦٩ -



إن شده خط الطيف للإصدار عند نردد v متناسب مع احتمال الإنتقال واسكان سوية الطاقة العليا وكذلك مع عدد الفوتونات ذات التردد v الصادرة . hv x الشدة = احتمال الإنتقال × اسكان سوية الطاقة العليا x J_{ta} = P_{ba} N_b hv J_{ta} = P_{ba} N_b hv اكن فإن احتمال الإنتقال :

$$|\mathbf{m}^{ba}|^2 = |\mathbf{m}_X^{ba}|^2 + |\mathbf{m}_Y^{ba}|^2 + |\mathbf{m}_Z^{ba}|^2 \quad (Y - Y^{\mu})$$

$$\left|\mathbf{\Gamma}(\mathbf{x},\mathbf{y},z)\right| \stackrel{\mathbf{ba}}{=} \int_{\tau} \psi_{\mathbf{b}} M_{\mathbf{\Gamma}} \psi_{\mathbf{a}} d\tau \qquad (\forall - \forall \forall)$$

٣ هي مركبات عزم ثنائي القطب الكهربائي للجزيء الثابت في الفضاء . وحتى يكون الإنتتمال مسموح (أي شدته غير معدومه) يجب أن تكون أحدى المركبات الثلاث ٣٢ غير معدومه على الأقل .

ملاحظة :

قد تكون عناصر مصفوفة عزم ثنائي القطب معدومه (انتقال غير مسموح) حسب قواعد الاصطفاء لكن يحدث أحياناً أن نلاحظ إصدار ضعيف وهذا الإصدار هو من نوع ثنائي القطب المغناطيسي أو رباعي قطب كـِهربائي .

$$B_{ab} = \frac{8 \pi^3}{3 h^2} |\mathbf{m}^{ab}|^2$$

معاملات انيشتاين للامتصاص . من هذه العلاقة يمكن ملاحظة أن قواعد الاصطفاء للامتصاص ثنائي القطب الكهربائي هي نفسها للامتصاص .

۱۳ – ۱ – ۲ – تشتت رامان :

لنعتبر الآن انتقال رامــان من نوع Stoks أو من نوع anti-stokes فتواعد الاصطفاء لتشتت رامان هي نفس الشروط السابقة في الآليتين السابقتين حيث يستعاض عن عزم ثنائي القطب الكهربائي بعزم ثنائي القطب الكهربائي الحث بإشعاع الجزيء وبالتالي نكتب من أجل التشتت من نوع Stokes العلاقة التالية :

$$\Gamma(\mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z}) \xrightarrow{\tau} \int \psi_{a}^{*} \mathbf{m}_{\Gamma} \psi_{b} d\tau \neq 0 \qquad (\circ - \mathbf{1}^{\intercal})$$

ومن أجل تشتت نوع anti - sıokes :

$$\int_{\tau} \psi_{\mathbf{a}} \mathbf{m}_{\mathbf{\Gamma}} \psi_{\mathbf{a}} \, \mathrm{d} \tau \neq 0 \qquad (7 - 17)$$

أن منشأ عزم ثنائي القطب m المحث يعود لإنتقال الشحن داخل الجزيء والناتج عن الحقل الكهربائي غ للإشعاع الكهرطيسي حيث : (π - ۷)

α ترمز لاستقطابية الجزيء :

$$\mathbf{m} = \sum_{\mathbf{\Gamma}'} \alpha_{\mathbf{\Gamma}\mathbf{\Gamma}'} \overset{\xi}{\mathbf{\Gamma}}, \qquad (\Lambda - 1^{\mathbf{m}})$$

$$\mathbf{r}' \qquad \mathbf{r}'$$

$$\mathbf{r}' \qquad \mathbf{r}'$$

$$\mathbf{r}' \qquad \mathbf{r}' $

٢ – ٢ – الطيوف الإهتزازية :

سندرس في هذا الفصل الطيف الناتج عندما يمر جزيء من سوية اهتزازية إلى أخرى دون تغير في السوية الإلكترونية والطيف الناتج لهذه السوية هو طيف امنزازي دوراني أي أن كل انتقال اهتزازي يرافقه قطاع اهتزازي – دوراني حيث الخطوط الطيفية الموافقة لقيم مختلفة للطاقة الدورانية داخل سوية اهتزازية دنيا وداخل سوية اهتزازية عليا وسندرس هنا الإنتقالات الإهتزازية فقط .

ملاحظة :

حالة السائل تكون المسافة بين الجزيئات أصغر بكثير منها في حالة غاز وعليه فإن التأثير المتبادل بين الجزيئات أكثر أهمية في حالة الغاز وبالتالي فإن الجزيئات في السائل لاتستطيع الدوران بحرية وعليه يمكن ملاحظة الطيوف الاهتزازية في حالة السائل . ١٣ – ٢ – ١ – الطيوف الاهتزازية لجزيئات ثنائية الذرة :

إن المحاور xyz المرتبطة بتشكيلة التوازن هي نفسها المحاور المثبته في الفضاء (z يرمز للمحور مابين الأنوية) ولنفرض أيضاً بأن الجزيء عبارة عن هزاز توافقي . ثم بهزاز لاتوافقي .

A – الهزاز التوافقي :

إن سويات الطاقة محسوبة بإستخدام كمون الهزاز التوافقي وكذلك التوابـــع المرافقـــــــة .

قواعد الاصطفاء للإصدار وللإمتصاص :

ليكن الإنتقال بين الحالتين المميزتين بـ ′ و ′′ وكما رأينا سابقاً فإن شدة هذا الإنتقال متناسبه مع مربع طويلة 2|′′′′m وحتى يكون الإنتقال مسموحاً يجب أن يكون واحد على الأقل من مركبات m غير معدوم . وبما أنه لايوجد دوران فيعتبر محور الجزيء هو اتجاه oz الثابث في الفضاء بما أن :

$$\mathbf{m}_{\mathbf{z}}^{\mathbf{v}'\mathbf{v}''} = \int_{\tau} \psi_{\mathbf{v}}'^* \mathbf{M} \psi_{\mathbf{v}}'' \, \mathrm{d}\boldsymbol{\rho} \neq 0 \qquad (1 \cdot - 1 \boldsymbol{\mathcal{V}})$$

a) – حالة جزيئات ثنائية الذرة heteromacleaire :

لننشر M بسلسلة بالنسبة ل p :

 $M = M^{(0)} + M^{(1)} \rho + \dots \qquad (1) - 1")$

حيث نرمز °M للعزم المستمر (الدائم) و :

$$M' = \left(\frac{dM}{d\rho}\right)_{\rho = 0} = \left(\frac{dM}{dr}\right)_{r = r_{e}} \qquad (1Y - 1Y)$$

- TVE -

بتعويض 12 و 11 في 10 نجد :

$$\mathbf{m}^{\mathbf{v}'\mathbf{v}''} \approx \mathbf{M}^{(\mathbf{o})} \int \psi_{\mathbf{v}}^{*} \psi_{\mathbf{v}}^{''} d\rho + \mathbf{M}^{(\mathbf{1})} \int \psi_{\mathbf{v}}^{'*} \rho \psi_{\mathbf{v}}^{''} d\rho \qquad (\mathbf{1}^{*} - \mathbf{1}^{*})$$

الحد الأول من الطرف الأيمن معدوم لأن ′٫ψ و ′′٫ψ متعامدان وبالتالي فإن قاعدة الإصطفاء تكتب :

$$\mathbf{M}^{(1)} \int \psi_{\mathbf{v}}'^* \, \rho \, \psi_{\mathbf{v}}'' \, \mathrm{d}\rho \neq 0 \qquad (1\xi - 1)'')$$

$$\int \psi_{\mathbf{v}}^{\prime *} \mathsf{P} \psi_{\mathbf{v}}^{\prime \prime} \, \mathrm{d} \mathsf{P} \neq 0 \quad \mathbf{M}^{(1)} \neq 0 \qquad (1 \circ - 1 \mathsf{T})$$

أي أن الشروط الأول هو أن يكون هناك تغير في عزم ثنائي القطب أثناء الإهتزاز وهذا محقق في حالة هذا النوع من الجزيئات وبالتالي محقق إذا كان 1 + ′′v= ′′ أو 1 – ′′v = ′v أي 1 ± = v أي أن :

$$\Delta \mathbf{v} = +1$$

- b) حالة جزيئات ثنائية الذرة homonucléair :
- إن وجود مركز انعكاس لمجموعة النواتان المتطابقتان يؤدي إلى أن : (17 – 11) M = 0

$$M^{(0)} = M^{(1)} = \ldots = 0 \qquad (1 \vee - 1 \vee)$$

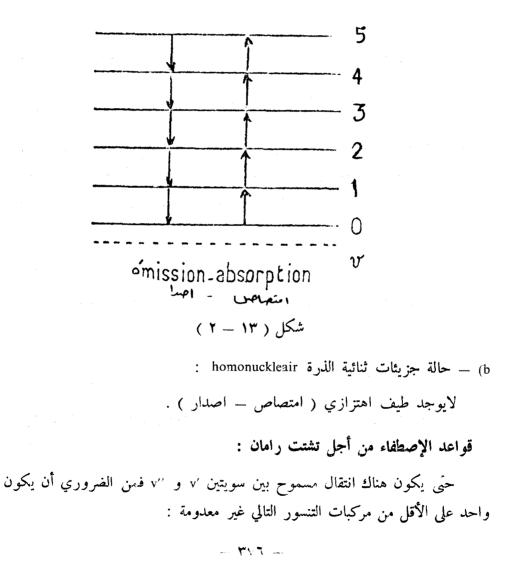
ينتج عن ذلك بأن كل الإنتقالات ممنوعة (إصدار أو امتصاص) في هذا النوع من الجزيئات .

- 770 -

ط**يوف الإصدار والامتصاص ش**كل (١٣ – ٢) : a) — حالة -جزيئات ثنائية الذرة hetemonuleaire : علاقة الإصطفاء 1 + = ∆ تعطي العدد المو.جي

$$\sigma = \mathbf{G} (\mathbf{v} + 1) - \mathbf{G} (\mathbf{v}) \qquad (1 \Lambda - 1 \mathbf{v})$$

حيث يعبر عن o بـ cm-1 والشكل التالي تعطي الإنتقالات الاهتزازية نلاحظ أن كل انتقال بعد w = o .



$$\alpha \frac{v' v''}{\Gamma \Gamma'} = \int_{\tau} \psi_{v'}^{**} \alpha \Gamma \Gamma' \psi_{v''}^{*'} d\rho \qquad (14 - 17')$$

حيث ^{(°) م}مركبة الإستقطابية الدائمة بتعويض (۳ – ۱۹) في (۱۳ – ۲۰) نجد أن قاعدة الإصطفاء كما في حالة الإمتصاص والإصدار

$$\Delta \mathbf{v} = +1 \tag{11} - 17)$$

والشرط ⁰ ≠ °Cr محقق في الجزيئات ثنائية الذرة بنوعيها .

طيف رامان :

إن الإنزياح بالعدد الموجي لخط رامان بالنسبة للاشعاع المحرض (المحث) يعطي بالعلاقة :

$$|\Delta \sigma| = G (v + 1) - G (v) = \omega$$
 (YY - 17)

أي هناك خط مركزي وخط بعدد مــوجي ω ــ σ, يدعى Stokes وخط آخر ω + σ, يدعى anti-Stokes والآخر أضعف بكثير من الأول .

ملاحظة :

حسب التقريب المستخدم نلاحظ في حالة الإمتصاص فقط الإنتقال $0 \rightarrow 1$ وفي حالة تشتت رامان نلاحظ $0 \leftarrow 1$ وكذلك $1 \leftarrow 0$ حيث في هذه الحالات تكون اسكان سوية الطاقة معهم لأن الشدة متناسبة مع الإسكان والأخيرة متناسبة مع $e^{-\omega} v / hT$.

B – الهزاز اللاتوافقي :

- MVV -

 $\Delta v = 1, 2, 3, ...$

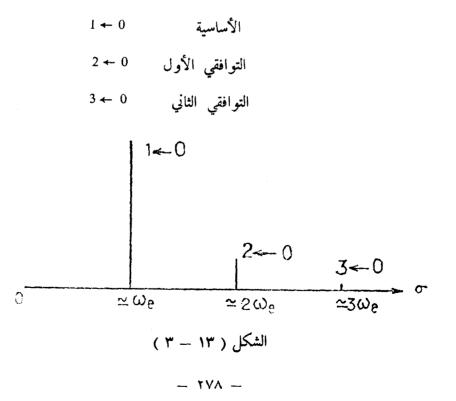
للإصدار والامتصاص وتشتت رامان وهذا يعني أن كل الانتقالات مسموحة (ماعدا الجزيئات homonule) . فمثلاً في حالة الإمتصاص (لجزيئات hetere) يمكن أن نضع الإنتقال :

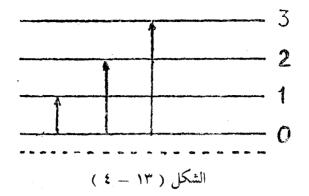
← 0 2	2 ← 1	3 ← 2
2 ← 0	3 ← 1	4 🖛 2
3 ←- 0	4 ← 1	5 ← 2
	2 ← 0	$\begin{array}{c} \leftarrow 0 \\ 2 \leftarrow 1 \\ 2 \leftarrow 0 \\ 3 \leftarrow 1 \\ 3 \leftarrow 0 \\ 4 \leftarrow 1 \end{array}$

الطيف الاهتزازي :

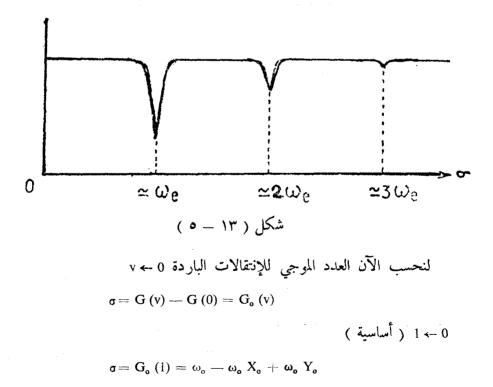
a) – الامتصاص:

الإنتقالات الباردة : إذا كانت كل الجزيئات عملياً في أخفض سوية طاقة اهتزازية v = 0 وهذا محقق إذا كانت T غير مرتفعة وعليه فالانتقالات تكون :





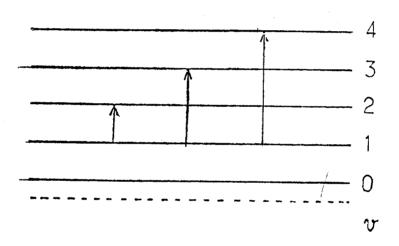
والشكلين (١٣ – ٣) و (١٣ – ٤) يعطي الانتقالات وكذلك الخطوط الطيفية الممثلة لهذه الإنتقالات إن شدة الإنتقالات تتناقص بسرعة عندما تزداد ٤٧ (السبب أن الشدة متناسبة مع ٢ / ٢٠/٣ وهي تتناقص بسرعة عندما تزداد (٢٠–٧)) والشكل (١٣ – ٢) يعطي شدة ووضع الانتقالات الباردة والشكل (١٣ – ٥) يمثل كيف تظهر الإنتقالات .



 $\sigma \rightarrow 2 \quad (\begin{array}{c} \tau_{e} \\ \sigma \end{array} \begin{array}{c} = G_{o} \end{array} (2) = 2 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} -4 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} X_{o} \end{array} + 8 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} Y_{o} \\ Y_{o} \end{array} \end{array}$ $\sigma \rightarrow 3 \quad (\begin{array}{c} \tau_{e} \\ \tau_{e} \end{array} \begin{array}{c} \tau_{e} \end{array} \begin{array}{c} \sigma_{o} \end{array} \begin{array}{c} (2) \end{array} \begin{array}{c} = 2 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} -4 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} X_{o} \end{array} + 8 \\ \chi_{o} \end{array} \begin{array}{c} +8 \\ \omega_{o} \end{array} \begin{array}{c} Y_{o} \end{array} \begin{array}{c} Y_{o} \end{array}$

الإنتقالات الساخنة (الحارة) :

في الإنتقالات الحارة لم تعد السوية 0 = v ، وسميت بالإنتقالات الحارة لأن اسكان السويات العليا يزداد مع درجة الحرارة وبالتالي هذا النوع من الإنتقالات يظهر عندما تزداد T فإذا كان اسكان السوية I = v غير مهمل فسنلاحظ الإنتقالات 1 → 2 , 1 → 3 , 1 → 4 ... والممثلة بالشكل (17 – 7)

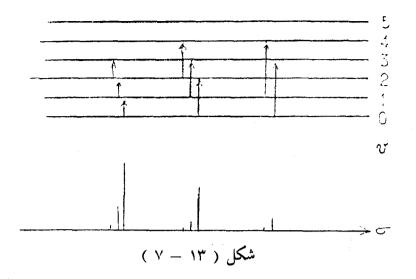


شکل (۱۳ – ۲)

وهذه الإنتقالات الحارة لها عدد موجى يساوي :

 $\sigma = \mathbf{G_o} (2) - \mathbf{G_o} (1) = \boldsymbol{\omega_o} - 3 \boldsymbol{\omega_o} \mathbf{X_o} + 7 \boldsymbol{\omega_o} \mathbf{Y_o}$

وهو قريب من الإنتقال البارد 0 ـ 1 وعند زيادة درجة الحرارة نلاحظ إلى جوار كل انتقال بارد انتقال حار أو أكثر كما في الشكل (١٣ – ٧)

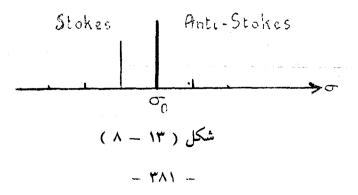


a) - طيف الإصدار :

إن الثوابت ω من مرتبة IO³ cm⁻¹ (فمثلاً IO³ cm⁻¹ في لـ HC/ و ω لـ ω = 2.99 cm⁻¹ (فمثلاً ω = 2.99 cm⁻¹ وهذا يعني أن طيف الإمتصاص الإهترازي البارد والساخن يلاحظ في الأشعة تحت الحمراء .

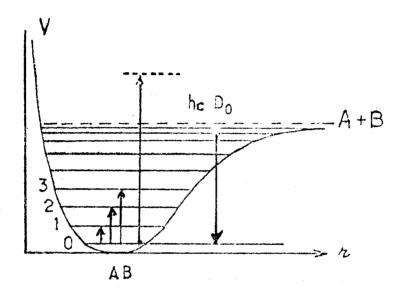
b) – **طيف الإمتصاص :** كل الحسابات التي تمت في طيف الامتصاص تنطبق على حالة الإصدار c) – **تشتت رامان :**

إن وضع خطوط رامان يمكن الحصول عليه كما في الفقرة السابقة بشرط استبدال anti– stokes و بالتالي يوجـــد العدد من الخطوط Stokes أو Stokes م موافقة عw 3 ± a w + ∞ + ∞ + ∞ + ∞ كما في الشكل (١٣ – ٨) .



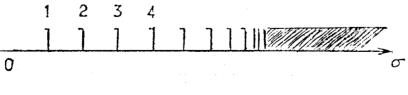
الطيف المستمر – إن**فصال :** من المكن أن يمتص الجزيء كوانتيم ذو طاقة أعلى من : hc D_o = hc [D_o – G (0)]

كما في الشكل (١٣ – ٩) وهذا الإمتصاص يؤدي إلى انفصال الجزيء والطاقة hv — hc D_o وهذه الطاقة تعطى إلى قسمين تحت شكل طاقة حركية انتقالية (غير



شكل (۱۳ – ۹)

مكنتمة) إذا فرضنا أن الجريئات موجودة في الحالة v = 0 يمكن أن نتوقع طيف امتصاص كما في الشكل (١٣ – ١٠) .



شکل (۱۳ – ۱۰)

- 747 -

١٣ – ٢ – ٢ – الطيوف الإهتزازية للجزيئات المتعددة الذرات : قواعد الإصطفاء :

الإصدار والامتصاص :

حتى يكون الإنتقال مسموح (في حالة الإصدار أو الإمتصاص) وذلك بين حالتين اهترازيتين m و n يجب أن يكون واحدة على الأقل من المركبات الثلاث لعزم الإنتقال لايساوي الصفر أي :

$$\gamma = \mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z} \qquad \mathbf{m}_{\gamma}^{m n} = \int_{\gamma} \psi_{\mathbf{m}}^* M_{\gamma} \psi_{\mathbf{n}} d\tau \neq 0$$

التوابع سلام و ملا معرفة بواسطة الأعداد الكمية v و v وكتقريب أولي (هزاز توافقي) يمكن اعتبارها كجداء لـ (Q) vv أو (x x) vvv للهرازات التوافقية أحادية وثنائية البعد . لنتذكر بأن مركبات عزم الإنتقال mm يجب أن تحسب على المحاور XYZ الثابتة في الفضاء . في الحالة المدروسة حيث لايوجد دوران للجريء كما فرضنا . المحاور xyz المرتبطة بتشكيلة التوازن يمكن اعتبارها كأنها ثابتة في الفضاء . م عزم ثنائي القطب الكهربائي M على أحد المحاور x , y , z .

> **تشتت رامان :** تكتب قاعدة الإصطفاء :

$$\int_{\tau} \psi^*_m \alpha_{\gamma\gamma'} \psi_n \, d\tau \neq 0$$

نهم» هي واحدة في مركبات تنسور الإستقطابية (عددها 9 وينخفض إلى 6 إذا كان x متناظر أي γγα = ٬γα . وهنا أيضاً نستطيع استخدام المركبات على المحاور xyz المرتبطة بالحزيء والتي تعتبر كأنها ثابتة في الفضاء .

أمئـــــلة :

الجدول I يعطى قواعد الاصطفاء في حالة الإمتصاص والاصدار وتشتت

رامان لجزيئات ثلاثية الذرات . في حالة الجريئات الخطية من المهم أن نشير إلى أن قاعدة الإصطفاء هي 0 = 1⁄4 مرافقة للشرط 0 ≠ m₂m وأن قاعدة الإصطفاء 1 ± = 1⁄4 مرافقة للشرطان 0 ≠ m_xm ، 0 ≠ m_ym والمحور z هو محور الجزيء . هذان النوعان من الإنتقالات 0 = 1⁄4 و 1 ± = 1⁄4 تدعى على التوالي بالانتقالات المتوازية والانتقالات المتعامده أي أن تغير عزم ثنائي القطب الكهربائي خلال هذه الإنتقالات يتم بصورة متوازية أو متعامدة مع محور الجزيء . وأخيراً نلاحظ أنه في حالة الجرزيئات المتناظره 2X2 فإن قاعد ده الاصطفاء على وبا منوحي لقاعدة الإستبعاد التالية : الانتقالات المصوحة بالإصدار أو بالامتصاص ممنوعة بتشت رامان والانتقالات المموحة بتشت رامان ممنوعة بالاصدار أو بالامتصاص وهذه القاعدة يمكن أن تعمم على كل الجزيئات ذات تناظر توازن له مركز انعكاس .

العدد الموجي للقطاع الإهتزازي :

لنأخذ حالة الإمنصاص وهذه الحالة تنطبق بسهولة على الحالتين الإصدار وتشتت رامان ليكن الإنتقال المسموح :

$$\mathbf{v}'_1, \mathbf{v}'_2, \ldots, \mathbf{l}'_t, \ldots, \mathbf{v}'_1, \mathbf{v}'_2, \ldots, \mathbf{l}''_t, \ldots$$

كل واحدة من السويتين معرفة بمتتالية قيم الاعداد الكمية ، ، المرافقة للاهتزاز المضاعف التوالد . حيث ₁′v للسوية العليا و ′′v للسوية الدنيا العدد الموجي يعطى بالعلاقة :

$$\boldsymbol{\sigma} = \mathbf{G}\left(\mathbf{v}_{1}^{\prime} \, \mathbf{v}_{2}^{\prime} \ldots \, \boldsymbol{l}_{t}^{\prime} \ldots\right) - \mathbf{G}\left(\mathbf{v}_{1}^{\prime \prime} \, , \, \mathbf{v}_{2}^{\prime \prime} \ldots \, \boldsymbol{l}_{t}^{\prime \prime} \ldots\right)$$

القطاعات الباردة :

أغلب الجزيئات الغازية تكون في السوية الأساسية عند درجات الحرارة العادية . وبالتالي سيكون طيف الإمتصاص الاهتزازي مؤلف من قطاعات ناتجة عن انتقالات من السوية الأساسية تدعى بالقطاعات الباردة أي أن :

$$\sigma = G(v_{1}', v_{2}', \dots, l_{t}', \dots) - G(0 \ 0 \ \dots \ 0 \ \dots \ 0)$$

 $\sigma = \mathbf{G_o} \left(\mathbf{v_i'} \; \mathbf{v'_a} \; , \; \cdots \; l_t' \; \cdots \; \mathbf{v'_a} \; , \; \mathbf{v_a'}

- . TAL -

	·		ала ала 1		اصطفاء	ng tanàn ang
نوع الحزيء	مثال	الأحداثيات الطبيعية ⁰⁸⁰	الحالات الخاصة	اصدار امتصاص	تشتت رامان	
XY² خطي (متناظر)	$CO_2 - CS_2$.	Q1 Q 2 Q27 Q3	$\psi_{v_1v_2v_3}l_{a}\left(\ldotsQ_{s\sigma}\ldots\right)$	$\Delta l_2 = 0, \pm 1$ $\Delta v_2 + \Delta v_3 = \pm 1, \pm 3, \pm 5, \dots$	$\Delta l_2=0\;,\;\mp 1,\pm 2$ $\Delta v_2+\Delta v_3=0\;,\;\pm 2,\pm 4\;$	جلول ا
XYZ خطي (غير متناظر) XYZ غير خطي	N ₂ O — HCN	Q1 Q21 Q12 Q3	ψ _{V1} V2V3/2 (Q50)	$\Delta l_2 = 0, \pm 1$	$\Delta l_2 = 0$, ± 1 , ± 2	.
XY ₂ غير خطي (متناظر)	H ₂ O — SO ₂	Q, Q, Q,	$\psi_{v_1v_2v_3}(\ldots Q_{s\sigma}\ldots)$	كل الانتقالات مسموحة	((((((

and the second sec

الفيزياء الذرية

- 11/0 -

:

حيث _هG ترمز إلى الحد الطيفي انطلاقاً من أخفض سوية اهتزازية .

توضع القط'عات الباردة الجزئية ثلاثية الذرة غير خطية سيعطى بإستخـــدام العلاقات (١١ – ٧٢) و (١١ – ٧٤)

الأساسية :

(v ₁)	$\sigma = \mathbf{G}_{\mathbf{o}} (1 \ 0 \ 0) = \boldsymbol{\omega}_{1}^{\mathbf{o}} + \mathbf{X}_{.1}$
(v ₂)	$\sigma = G_o (0 \ 1 \ 0) = \omega_2^o + X_{22}$
(v ₃)	$\sigma = G_{o} (0 \ 0 \ 1) = \omega_{3}^{o} + X_{3},$
	التوافقيات الأولية :
()	

$$(2v_1) \quad \sigma = G_o (2 \ 0 \ 0) = 2 \ \omega_1^\circ + 4 \ X_{11}$$

$$(2v_2) \quad \sigma = G_o (0 \ 2 \ 0) = 2 \ \omega_2^\circ + 4 \ X_{22}$$

$$(2v_3) \quad \sigma = G_o (0 \ 0 \ 2) = 2 \ \omega_2^\circ + 4 \ X_{33}$$

قطاعات توافقية Bands de combinaison قطاعات

 $\begin{array}{ll} (\nu_1 + \nu_2) & \sigma = G_o \left(1 \ 1 \ 0 \right) = \omega_1^{\,\circ} + \omega_2^{\,\circ} + X_{11} + X_{22} + X_{12} \\ (\nu_1 + 2\nu_2) & \sigma = G_o \left(1 \ 2 \ 0 \right) = \omega_1^{\,\circ} \ + 2 \ \omega_2^{\,\circ} + X_{11} + 4 \ X_{.2} + 2 \ X_{12} \\ \text{and} &

نفس الشيء فإن توضع القطاعات الباردة لجزيئات ثلاثية الذرة وخطية نحصل عليها من العلاقات (١١ – ٧٢) و (١١ – ٧٥) من فصل السويات الاهترازية .

القطاعات الساخنة (الحارة) :

تبدأ من سويات محرضة وللاحظها إذا كانت السوية المحرضة مسكونة بصورة كامنه . في الجزيئات الخطية الإمتزازات المضاعفة t تكون مترافقة بتشويه زاوي حيث الأنوية تنزاح بصورة متعادده مع محور الجزىء . لهذه الإهتزازات ترددات نسبياً ضعيفة أي أن الدويات v, =1 لها طاقة منخفضة بصورة كافيه . في الجزيئات ثلاثية الذرة الخطية مثلاً أخفض سوية محرضه هي الوية 1= v وهذه الدوية منخفضة بصورة كافية بحيث يكون الإسكان فيها غير مهمل في الدرجة العادية من الحرارة . والجدول التالي يعطي طاقات السويات المحرضه لبعض الجزيئات ثلاثية الذرة الخطية :

	CO ₂	N_2O	HCN
$G_{o} (1 0^{\circ} 0)$	1285	1285	2089 (cm ⁻²)
G _o (0 1 ¹ 0)	667	589	721
G _o (0 0° 1)	2349	2223	3312

نلاحظ في طيف الإمتصاص لجزيئات ثلاثية الذبرة الخطية قطاعات حارة ذات شدة عالية نسبياً بالنسبة للسوية (0 11 0) .

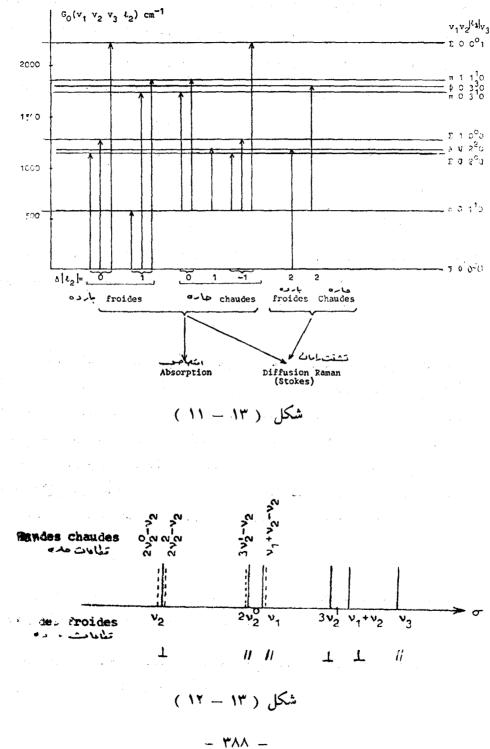
طيف الامتصاص :

يشكل طيف الامتصاص من مجموعة القطاعات الباردة والحارة ويقع ضمن الاشمة تحت الحراء وكمثال نأخذ حالة الجزيئات ثلاثية الذرة الخطية الغير متناظره والشكل (١٣ – ١١) يعطي طيف N₂O حيث نلاحظ القطاعات الباردة والحارة . وهذا الشكل يسمح لنا بفهم لماذا بجانب كل قطاع بارد موازي (Σ – Σ) نلاحظ قطاع حار (π – π) وإلى مجانب كلقطاع بارد متعامد (Σ – π) نلاحظ قطاعين حارين (π – Δ و منطقه من السوية المحرضة الأولى مرافقة بقطاعات باردة مواردة م. ومرومين القطاعات الحارة (منطاقه من السوية المحرضة الأولى مرافقة بقطاعات باردة مواردة م. ومرومين الم

طيف تشتت رامان :

إن انتقالات رامان الـ Stokes وطيف رامان موافق للانتقالات 2 $\pm = 2$ ويقال أيضاً الانتقالات . . . $\Delta I_2 = 4 = 0$ فعالة برامان .

•الاحظة : تستخدم المعطيات المسحوبة من الطيف الإهترازي I لتحديد المواد الكيمائية 2 لتحديد بنية الجزيئات 3 لتحديد حقل القوى بين الأنوية .



- 1707 -

١٢ - ٣ الطيوف الدورانية :

إن الحالات الحاصة , لا و , لا المرافقة لسويات الطاقة الدورانية هي الحالات الحاصة لدائر قاسي كتقريب أول وهي توابع لزوايا أولر . في الجزء الأول من هذه الفقرة سندرس قواعد الإصطفاء لدائر قاسي وفي القسم الثاني سيخصص لدراسة الطيوف الدورانية لجزيئات خطية .

> ١٣ – ٣ – ١ – قواعد الإصطفاء لدائر قاسي : ١ – اصدار وامتصاص :

حتى يكون الإنتقال بـــين الحالتين i و j مسموحاً يجب أن يكون واحد على الأقل من التكاملات الثلاث غير معدوم :

$$\boldsymbol{\Gamma} = X, Y, Z \qquad \mathbf{m}_{\boldsymbol{\Gamma}}^{1\,\boldsymbol{j}} = \int \psi_{\mathbf{i}}^{*} M_{\mathbf{P}} \psi_{\mathbf{j}} d\tau \qquad (\Upsilon \boldsymbol{\Psi} - \Upsilon \boldsymbol{\Psi})$$

M_P هو مسقط عزم ثنائي القطب الكهربائي M على محور ثابت في الفضاء . وحيث نعتبر M العزم الدائم للجزيء والمركبات M_x M_y M_z له M على محاور مرتبطة بالجزىء ثابتة وهي متعلقة بالمركبات M_x M_Y M_Z بالعلاقات :

$$\begin{split} \mathbf{M_X} &= \mathbf{M_x}\cos{(\mathbf{X}\mathbf{x})} + \mathbf{M_y}\cos{(\mathbf{X}\mathbf{y})} + \mathbf{M_z}\cos{(\mathbf{X}\mathbf{z})} \\ \mathbf{M_Y} &= \mathbf{M_x}\cos{(\mathbf{Y}\mathbf{x})} + \mathbf{M_y}\cos{(\mathbf{Y}\mathbf{y})} + \mathbf{M_z}\cos{(\mathbf{Y}\mathbf{z})} \quad (\mathbf{Y}\mathbf{\xi} - \mathbf{Y}\mathbf{Y}) \\ \mathbf{M_Z} &= \mathbf{M_x}\cos{(\mathbf{Z}\mathbf{x})} + \mathbf{M_y}\cos{(\mathbf{Z}\mathbf{y})} + \mathbf{M_z}\cos{(\mathbf{Z}\mathbf{z})} \end{split}$$

بتعوض العلاقات (١٣ – ٢٤) في (١٣ – ٢٣) نجد :

$$\mathbf{m}_{\Gamma}^{ij} = \int_{\tau} \psi_{i}^{*} \sum_{\gamma=x,y,z} M_{\gamma} \cos(\Gamma \gamma) \psi_{j} d\tau \qquad (\gamma \circ - \gamma \nabla)$$

آو :

- 244 -

.

- 19. -

 $\int \psi_{j}^{*} \sigma \Gamma \Gamma' \psi_{j} d\tau \neq 0$ $\mathbf{\Gamma}_{\mathbf{F}}\mathbf{\Gamma}'=\mathbf{X}$, \mathbf{Y} , \mathbf{Z} (٣٣ - ١٣)

إذا أخذنا بعين الإعتبار للعلاقة (١٣ – ٣٠) وأن المركبات ٣٠ للحقل الكنير بني ايس لها علاقة بإحداثبات الوضع أي بزوايا أونر . وبما أننا اعتبرنا أن الجزىء غير قابل للتشويه فإن & يجب اعتبارها كإستقطابية دائمة للجزىء . ومن الأفضل لنا استعمال المركبات '٣٣ لتذور الإستقطابية على المحاور المتعلقة بالجزىء لأن هذه المركبات ثابتة باستخدام العلاقات :

$${}^{m}\Gamma = \sum_{\gamma = x, y, z} m_{\gamma} \cos \left(\Gamma \gamma\right) \qquad (\Upsilon \xi - \Upsilon \Upsilon)$$

$$\varepsilon_{\gamma} = \sum_{\Gamma'=X,Y,Z} \varepsilon_{\Gamma'} \cos(\Gamma', \gamma) \qquad (\mathcal{V}\circ - \mathcal{V})$$

$$\mathbf{h}_{\mathbf{Y}} = \boldsymbol{\alpha}_{\mathbf{Y}\mathbf{Y}} \, \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathbf{Y}} \qquad (\mathbf{T} - \mathbf{I} \mathbf{T})$$

بأخذ بعين الإعتبار للعلاقة 30 نجد :

$${}^{\alpha}\Gamma\Gamma' = \sum_{\gamma} \alpha_{\gamma\gamma} \cos{(\Gamma\gamma)} \cos{(\Gamma'\gamma)} \qquad (\Psi V - \Psi)$$

والعلاقة (١٣ – ٣٣) تكون محققة إذا كانت :

وقواعد الإصطفاء :

$$\begin{split} \mathbf{\gamma} &= \mathbf{x}, \mathbf{y}, \mathbf{z} \\ \mathbf{\Gamma}', \mathbf{\Gamma} &= \mathbf{X}, \mathbf{Y}, \mathbf{Z} \\ \mathbf{\tau} \end{split} \qquad \int_{\mathbf{\tau}} \psi_i^* \cos\left(\mathbf{\Gamma}\mathbf{\gamma}\right) \cos\left(\mathbf{\Gamma}'\mathbf{\gamma}\right) \psi_j \, \mathrm{d}\mathbf{\tau} \neq 0 \qquad (\mathbf{\Gamma}\mathbf{\Psi} - \mathbf{W}) \end{split}$$

ملاحظات :

- a) حتى يكون هناك اصدار أو امتصاص يجب أن يتغير عزم ثنائي القطب الكهربائي أثناء الدوران (لدائر قاسي المتصود هو تغير اتجاه المتجه إل طويلة ثابتة) ولن يكون هناك امتصاص أو اصدار إذا كان عزم ثنائي القطب الكهربائي معدوم .
- حتى يكون هناك تشتت رامان يجب أن يتغير تذور الاستقطابية أثناء الدوران ولن يكون هناك طيف دوران إذا كان مجسم القطع الناقص للاستقطابية همو كرة

العلاقات (١٣ – ٣٩) تعطي الشروط الضرورية لكن غير كافية ولتبيان ذلك نأخذ :

 $\int \psi_{i} * = \alpha_{ZZ} \psi_{i} d_{\tau} = 0 \qquad (\pounds \cdot - 1\pi)$ إذا كان مجسم القطع الناقص للاستقطابية كرة أي إذا كان :

$$\alpha_{XX} = \alpha_{YY} = \alpha_{ZZ} \qquad ((1 - 1))$$

والشكل (١٣ – ١٣) يعطي :

$$\sin^2 (Zz) = \cos^2 (Zx) + \cos^2 (Zy) \qquad (\xi \Upsilon - 1 \Upsilon)$$

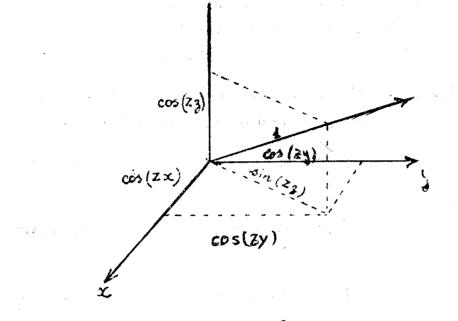
$$\sum_{\gamma=x,y,z} \cos^2 (Z_{\gamma}) = 1 \qquad (\xi \Upsilon - 1 \Upsilon)$$

تسمح العلاقات (١٣ – ٣٧) و (١٣ – ٤١) و (١٣ – ٤٣) بكتابة :

$$\int \psi_i \, \alpha_{ZZ} \, \psi_j \, d\tau = \alpha_{XX} \int \psi_i^* \sum_{\gamma} \cos^2 (Z, \gamma) \, \psi_j \, d\tau$$
$$= \alpha_{XX} \int \psi_i^* \, \psi_j \, d\tau = 0 \qquad (\xi \, \xi - 1)^{\mu}$$

- 444 -

لأن _i¥ و _ف¥ متعامدان .



شکل (۱۳ ـ ۱۳)

- 79- -

$$\int_{\tau} \psi_i^* \cos(Xz) \psi_i \, d\tau \neq 0 \qquad (\circ 1 - 1 \mathbf{U})$$

$$\int_{\tau} \psi_i^* \cos(Yz) \psi_j d\tau \neq 0 \qquad (\circ Y - Y)$$

$$\int_{\tau} \psi_i^* \cos(\mathbb{Z}z) \psi_j \, d\tau \neq 0 \qquad (or - 1r)$$

$$\Delta J = \pm 1$$
, $\Delta M = \pm 1$ (of - 17)

والعلاقة (١٣ – ٥٣) تعطى قاعدة الأصطفاء :

$$\Delta J = \pm 1 \quad J \quad \Delta M = 0 \qquad (0\xi - 1T)$$

سويات الطاقة لاتعتمد على العدد الكمي M وبالتالي فقاعدة الاصطفاء ستكون : 4 = ± 1

Ł

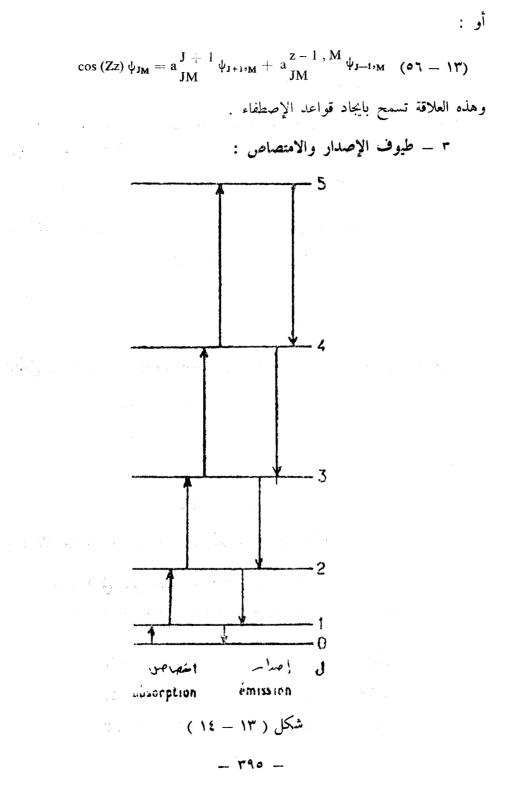
t

مثال :

إذا كان און = וּשְׁ فعندئذ :

$$\cos (Z.z) \psi_{JM} = \sum_{J^*M^*} a \frac{J^*M^*}{JM} \psi_{J^*M}^* \qquad (\bullet \bullet - 1)$$

- 498 -



رأينا آن :

$$J' = J'' + 1$$
$$\Delta J = J' - J'' = 1$$

الانتقالات المسموح بالإصدار والامتصاص كما في الشكل (١٣ – ١٤) حيث الاعداد الموجية معطية بالعلاقة :

$$\sigma = F(J') - F(J'') = F(J+1) - F(J) \quad (\circ \Lambda - 1 \mathcal{V})$$

ومنه :

J = 2 B (J + 1)

الشكل (١٣ – ١٥) يعطي مخطط طيف الامتصاص والدوران لجزىء خطي

	10	2 +1	3≁2	4 → 3.	5-4	
				<u> i </u>		
0	2B	4B	68	88	10 B	>σ
		(10 - 17	شکل ('		

وهنا لابد من معرفة مرتبة B حتى يمكن تحديد مجال الطيف .

-			
(H ₂)	: 59,3	(O ₂) : 1,44	•
(D ₂)	: 29,9	DCN : 1,21	
HC/ 35	: 10,3	(C_2H_2) : 1.18	
Co	: 1,92	N ₂ O : 0.42	

الجدول التالي يعطي بعض قيم الثابتة B بـ cm⁻¹ :

- 197 -

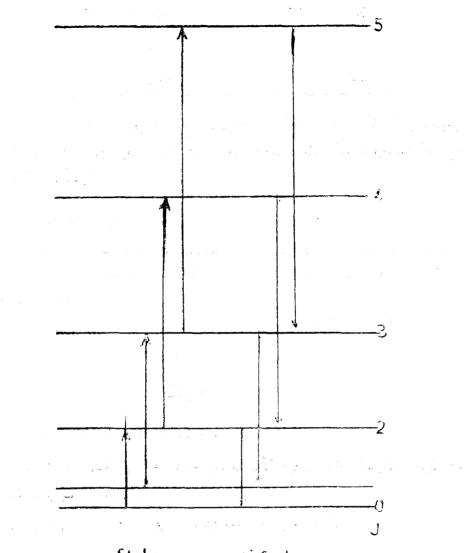
(N ₂)	: 1,92	(CO_2) : 0.39
NO	: 1,70	OCS : 0.20
HCN	: 1.48	(CS ₂) : 0.11

في الجدول السابق الجزئيات التي تحتها خط لها طيف دوراني أما الأخرى فليس لها والجدول + السابق يحدد مجال الطيف هو الأشعة تحت الحمراء وكذلك الأمواج المكروية . الشكل (١٣ – ١٦) .

		Hicroor	ريه des	In In	rcrouge	نت الحراء	
المود الربي	100 cm) cn	1 cm	1000 ju	ىر 100	<u>سر</u> ۱۵	λ
	0,01	C 1	1	10	100	1000	(cm-1)
	300	3()0	30 000	300 000			V (MHz)
				۔۔ المعدد المسجو شکل (۳	ور المدجم ·	κ.	
			: :	لتشتت راماد	الاصطفاء	_ قواعد	٤

الجزيئات الخطية (عره = α_{yv} = α_{yv}) لها دائماً طيف رامان الدوراني . وقواعد الإصطفاء مرتبطة بالشرط :

 $\int_{\tau} \psi_{i}^{*} \cos (\mathbf{\Gamma} \mathbf{Y}) \cos (\mathbf{\Gamma} \mathbf{Y}) \psi_{i} d\tau \neq 0 \qquad (\mathbf{P} - \mathbf{P} \mathbf{e})$ τ $\mathbf{\Gamma}, \mathbf{\Gamma}' = \mathbf{X}, \mathbf{Y}, \mathbf{Z} \qquad \mathbf{Y} = \mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{z}$ $\Delta \mathbf{J} = 0, \pm 2$ $\delta \mathbf{J} = 0, \pm 2$ $\delta \mathbf{J} = 2$





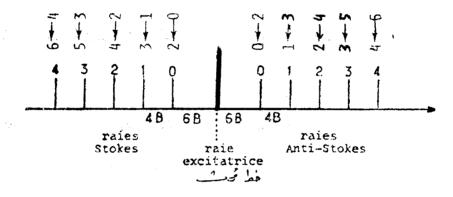
شکل (۱۳ – ۱۷)

ه – **طيف تشتت رامان :** يعطي الإنزياح في العدد الموجي بعد الأخذ بعين الإعتبار لقواعد الاصطفاء في حالة تشتت رامان بالعلاقة التالية :

$$|\Delta \sigma| = B (J + 2) (J + 3) - B J (J + 1) \qquad (71 - 17')$$

= B (4 J + 6)
$$|\Delta \sigma| = 4 B (J + \frac{3}{2}) \qquad (71' - 17')$$

والشكل (١٣ – ١٨) يعطي نخطط طيف تشتت رامان الدوراني حيث البعد بين خطين متعامدين 4B بينما بعد الخط الأول Stokes والخـــط الأول anti - Stoskes عن الخط المحث هو 6B .



۲ – تأثير الفعل المتبادل بين الدوران والاهتزاز :

إن تأثير الفعل المتبادل بين الدوران والاهتزاز يظهر بفعلين :

- a) الثابتة B ليست الآن ثابتة العطالة عند التوازن بل هي ثابتة العطالة عند أخفض. سوية اهتزازية أي :
 - $\mathbf{B}_{\mathbf{o}} = \mathbf{B}_{\mathbf{e}} \Delta \mathbf{B} \tag{17' 17'}$

وإن أخفض سوية اهتزازية هي ً:

$$E_{v}(0) = hcG(0) \approx hc \sum_{s} \frac{\omega_{s} d_{s}}{2} \qquad (7\xi - 17)$$

- 444 -

وكما رأينا سابقاً فإن هB يمكن أن تعتبر كأنها القيمة المتوسطة لثابتة العطائة : $B = \frac{h}{8\pi^2 c I} \qquad (70 - 17)$ = -07) = -07 =

وضع الخطوط الطيفية لطيف الامتصاص والإصدار : باستخدام قاعدة الإصطفاء 1 + = ΔJ نجد الأعداد الموجية للخطوط في

باستخدام فاعدة الإصطفاء 1 + = لك جد الأعداد الموجية للعطوط في الإصدار والامتصاص :

 $\sigma = F (J + 1) - F (J)$ $\sigma = 2 B_o (J + 1) - 4 D (J + 1)^3$ (1V - 1r)

وضع الخطوط الطيفية في تشتت رامان :

بإستخدام قاعدة الاصطفاء 2 = ۵J عندئذ يمكن ايجــاد انزياح العدد الموجي في تشتت رامان :

- 2... -

الجدول التالي يعطى بعض القيم B , B₀ , B₀ , aB مقدرة بـ ^{1−}

	Be (cm-1)	$B_o (cm^{-1})$	$\Delta B = B_{e} - B_{o} (cm^{-1})$	$D(cm^{-1})$
HC / *5	10,5923	10.4404	0.1519	5.305×10-4
HC/37	10,5764	10.4247	0.1517	5.300×10-4
C ¹¹ O ₂ ¹⁶	0.391635	0.39021	0.00142	13.7 × 10-8
C ¹³ O ₂ ¹⁶	0.391635	0.390025	0.00138	13.7 × 10-8

١٣ ــ ٤ الطيوف الاهتزازية الدورانية :

١٣ – ٤ – ١ – عموميات على الطيف الإهتزازي – الدوراني :

۱ – الطاقة الإهتزازية – الدورانية :

 a) – التقريب الأول : تكتب الطاقة الاهتزازية الدورانية كمجموع للطاقة الإهتزازية والطاقة الدورانية . أي :

$$\frac{E_{\mathbf{VR}}}{hc} = \mathbf{G} + \mathbf{F}$$

حيث G يعتمد فقط على العدد الكمي الاهتزازي فقط وكذلك F يعتمد على العدد الكمى الدوراني .

 لعمل حساب أكثر دقة يجب اعتبار ومن البداية كامل الطاقة الإهتزازية الدورانية يمكن تلخيص خطوات الحساب :

ـ نكتب في البداية الطاقة الإهتزازية الدورانية في الميكانيك الكلاسيكي :

$$E_{VR} = T + V$$

الطاقة الحركية للإهتزاز والدوران يمكن وضعها تحت شكل مجموع .

 $\mathbf{T} = \mathbf{T_v} + \mathbf{T_R} + \mathbf{T_I}$

T_I الطاقة الحركية للتأثير المتبادل اهتزاز ـــ دوران ، ويمكن وضع الطاقة الكامنة تحت شكل سلسلة :

$$\mathbf{V} = \mathbf{V}_{\mathbf{o}} + \mathbf{V}_{\mathbf{1}} + \mathbf{V}_{\mathbf{2}} + \dots$$

٧ كمون هز توافتي :
 – يمكن أيضاً أن نضع صيغة للهاملتون تحت شكرل سا لمة بالنسبة للاحداثيات الطبيعية .

 $H = H_o + H_1 + H_2 + \dots$

باستخدام نظرية الاصطراب نوجد الطاقة الإهتزازية الدورانية تحت شكل نشر بسلسلة بالنسبة للاعداد الكمية الاهتزازية و لدورانية :
 بسلسلة بالنسبة للاعداد الكمية الاهتزازية و لدورانية :
 Eva = E₀ + E₁ + E₂ + . . .
 - من المريح دمج الحدود في السلسلة السابقة بشكل تكتب فيه :

$$\frac{E_{VR}}{hc} = G + F_{v}$$

حيث G الحد الطيفي الإهتزازي و F_v علاقة جديدة للحد الطيفي الدوراني تعتمد بنفس الوقت على الأعداد الكمية الدورانية والاعداد الكمية الاهتزازية .

- ٢ قواعد الإصطفاء :
- a) ا**لإصدار والامتصاص :** حتى يكون هناك إنتقال بين i , i , j <u>ج</u>ب أن يكون واحد من المركبات الثلاث ^{ij} عير معدوم أي : m^{ij} _Γ = ∫ ψ_i*M_Γ ψ_j dτ ≠ 0

$$\begin{split} \psi_{\mathbf{i}} &= \psi_{\mathbf{i}}^{\mathbf{v}} \, \psi_{\mathbf{j}}^{\mathbf{R}} \\ \psi_{\mathbf{j}} &= \psi_{\mathbf{j}}^{\mathbf{v}} \, \psi_{\mathbf{j}}^{\mathbf{R}} \end{split}$$

يمكن التعبير عن مركبات عزم القطب الكهربائي على المحاور الثابتة كتابع لمركبات على المحاور المتحركة xyz بالعلاقة :

$$M_{\Gamma} = \sum_{\gamma = x \ y \ z} M_{\gamma} \cos \left(\Gamma, \gamma\right)$$

وبالتعويض بالعلاقة :

$$\int \psi_{i}^{v*} \psi_{i}^{R*} M_{\gamma} \cos \left(\Gamma, \gamma \right) \psi_{j}^{v} \psi_{j}^{R} d\eta_{v} d\eta_{R}$$
$$\tau_{v} \eta_{R}$$

حيث dy متناسب مع π_{so} dQ_{so} و dη متناسب مع dθ dψ dφ يمكن كتابة العلاقة الأخيرة بالشكل :

$$\int \psi_i^{v*} M_{\gamma} \psi_j^{v} d\eta_A \int \psi_i^{R*} \cos(\mathbf{\Gamma}, \gamma) \psi_j^{R} d\eta_R$$
$$\eta_v \qquad \eta_R$$

نلاحظ أنه يجب أن تحقق قاعدة الاصطفاء الإهتزازية الانتقالات الدورانية مسموحة عندما تتحقق قواعد الإصطفاء في حالة الدوران فقط .

- b) تشتت رامان : يكون الإنتقال مسموح في حالة الاهتزاز الدوران بشرط أن تتحقق :
 - ـ قواعد الاصطفاء في حالة الاهتزاز كما في الفصل السابق .
- ـــ قواعد الاصطفاء في حالة الدوران والتي يتم الحصول عليها بأخذ استقطابية الإنتقال بدلاً من الاستقطابية الدائمة المأخوذة في حالة الدوران الصرف كما رأينا سابقاً .
 - ۲ ٤ ۲ الطيوف الاهتزازية الدورانية لجزيئات ثنائية الذرة :

١ ـــ الطاقة الإهتزازية الدورانية : تعطى علاقة الحد الطيفي الاهتزازي والدوراني بـ

$$\frac{E_{\mathbf{v}\mathbf{R}}}{hc} = \mathbf{G}\left(\mathbf{v}\right) + \mathbf{F}_{\mathbf{v}}\left(\mathbf{J}\right)$$

G (v) =
$$\omega_{o} (v + \frac{1}{2}) - \omega_{e} X_{e} (v + \frac{1}{2})^{2}$$

- : . ٣ -

$$F_{v}(J) = B_{v}J(J+1) - DJ^{2}(J+1)^{2}$$

و :

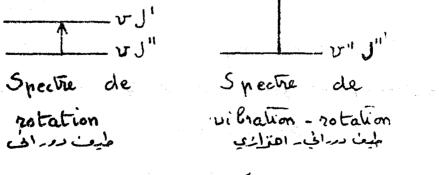
$$B_v = B_a - \alpha (v + \frac{1}{2})$$

حيث α تعرف تغير ثابت العطالة مع الإهتزاز . عند أخفض سوية اهتزازية (v = 0) نجد :

 $B_o = B_e - (\alpha / 2)$

٢ – قواعد الاصطفاء في الإصدار والإمتصاص :

a) - حتى يكون الإنتقال مسموح يجب أن يكون في البداية مسموح بقاعدة الإصطفاء الإهتزازية فمن أجل XY كل الإنتقالات الاهتزازية مسمو حة . وممنوعة في حالة x₁ . من بين الجزئيات ثنائية الذرة فقط الجزيئات ذات الذرات المتشابهه X₂

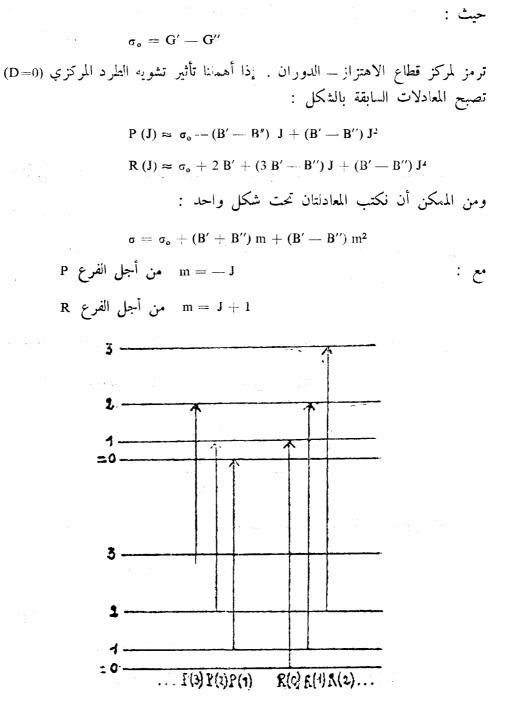


شکل (۱۳ – ۱۹)

b) – في حالة اهتزاز جزئية XY يوجد عزم الإنتقال الإهتزازي حسب oz . وقاعدة الاصطفاء الدورانية نحصل عليها من العلاقة : $\int \psi_i^{R*} \cos\left(\mathbf{\Gamma} \mathbf{\gamma}\right) \psi_j^R d\eta \neq 0$ $\eta_{\rm R}$ $\Delta J = +1$ والشكل (١٣ – ١٩) يعطى مخطط الإنتقال بين سويات الطاقة في هذه الحالة . ٣ _ طبوف الإصدار والامتصاص : من أجل كل انتقال اهتزازي نحصل على سلسلة خطوط طيفية اهتزازية – دورانية بصورة عامة ندعوها الأفرع . O, P, Q, R, S وهي مميزة بـ : $\Delta J = -2, -1, 0, +1 + 2$ الاعداد الموجية التابعة لهذا الفرعان تعطى بالعلاقتين : $\mathbf{P}(\mathbf{J}) = \frac{\mathbf{E}'(\mathbf{J}-\mathbf{I})}{\mathbf{h}c} - \frac{\mathbf{E}''(\mathbf{J})}{\mathbf{h}c}$ $R(J) = \frac{E'(J+1)}{h_2} - \frac{E''(J)}{h_2}$ حيث فرضنا أن J == J . بتعويض في هاتين العلاقتين علاقة الحد الطيفي نجد : $\frac{E(J)}{h_0} = G + B_v J (J + 1) - D J^2 (J + 1)^2$ تصبح : $P(J) = \sigma_{o} - (B' + B'') J + (B' - B'') J^{2} + 4 D J^{3}$ $R(J) = \sigma_{o} + 2B' - 4D + (3B' - B'' - 12D)J$

$$+ (B' - B'' - 12 D) J^2 - 4 D J^3$$

- 210 -

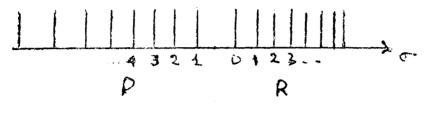


الشكل (۲۰ – ۲۰)

- ٣.٦ -

الإنتقالات الاهتزازية ـــ الدورانية (I) R (O) , R (I) و (P (I) , P (I) تعطى على انشكل (١٣ – ٢٠) ومن المهم ملاحظة بأنه لايوجد خط طيفي (O) P

والشكل (١٣ – ٢١) يبين كيف تتراص الخطوط الطيفية أكثر فأكثر في الفرع R وأن الخطوط الطيفية تتراص أقل فأقل من الفرع P .



شکل (۱۳ – ۲۱)

ی _ طیوف رامان

الجزئيات ثنائية الذرة متشابهة أو غير متشابهة الذرات لها طيف تشتت رامان اهتزازي ـــ دوراني .

MA WA WA MA

المراجع الأجنبت

- 1 A. MESSIAH, Mécanique (Dunoc'). Paris, 1972.
- 2 L. LANDAU et E. LIFCHITZ, Physique, tome III (Editions ûir). Moscou, 1967
- 3 L. I. SCHIFF, ! Quantum Mechanics (Mc Graw Hill). New York, 1968.
- 4 P. A. M. DIRAC, The principles of Quantum Mechanics (Clarendon Press). Oxford, 1958.
- 5 S. I. TOMONAGA, Quantum Mechanics (North Holland Publishing Company) Amsterdam, 1962.
- 6 A. S. DAVYDOV, Quantum Mechanics (Pergamon Press). Oxford, 1965.
- 7 D. J 7 D. I. BLOKHINTSEV, Mécanique (Mosson). Paris, 1967.
- 8 R. P. FEYNMAN, Vectuses on physics, tome III : Quantum Mechanics (Addison Wesley Publishing Company), 1965.
- 9 E. BERTEIN, Bases de liélectronique quantique (Eyrolles). Paris, 1965.
- 10 J. SALMON et GERVAT, Mécanique quantique (Masson). Paris, 1968.
- 11 J. BARRIOL, Eléments de mécanique quantique (Masson). Paris, 1966.
- 12 D. TER HAAR, Selected Problems in Quantum Mechanics (Infoscarch Otd.). Londres, 1964
- 13 H. MARGENAU et G. M. MURRPHY, The Mathematics of Physicsand Chemistsy Van Nostrand (Co). Prince(cn, 1964.
- 14 P. T. MATTHEWS, Introduction a la mécanique quantique (Dunod). Paris, 1970.
- 15 N. F. MOTT, *Elementasy quantum mechnics* (The QW ykeham Science Series). Londres, 1972.
- 16 C. Cohen Tannoudji, mécanique quantique (S, II) Hermenn (1973).
- 17 E. U. condon the Therory of atomic spectra combridge University press (1977).
- 18 J. F Cormwell, gruup theory and electronice energy bondsinschids, North -Holland publishing company London (1969).

- 2.9 -

عربی _ فرنسی

– A —

امتصاص الضوء Absorptior de lumière احتمال الامتصاص (probabilité d') طرق التقريب Approximation (methodes d') ذرة Atome (s) ذرات قاوية alcalins ذرة الأرغون d'Argon ذرة البور de Bore ذرة الديتريوم de deutérium الهليوم d'helium الهبدر وجين d'hydrogéne عدم استقرار الذرة (instabilité des) مستوى الذرة الحرة libre (niveaux de l') mésique عدد آفر کادرو Avogadro (nombre d') — B ----بالمسر Balmer علابة بالمر (Pormule de) حاجز كمون المتقاصة Barriere de potentiel حاجز كمون مستطيل rectongulaire

Base :	قاعارة
(changement de)	تغير القاعدة
continue	قاعدة مستمرة
orthonormée conpléte	قاعدة متنامده كامله
propre d'un operateur hermitique	قاعدة خاصة لمؤثر هرميي
Bessel (equation de)	معادلة بيسل
Bohr	بسور
(magnéton de)	(ماغنیتون) مغناتون بور
(postulats de)	فرضية بور
(rayon de)	نصف قطر بور
Sommerfeld (mécanique de)	ميكانيك بور سومرفيلد
Boltzman	بوالتزمان
(constante k de)	ثابت بولتزمان
Born (approximation de)	تقريب بورن
Bosons	بوزونات
Bra	يسرا
— C —	

Capture

Chaleur (s) spécifique (s)

(congelation)

Champ central (particule dans un)

électromagnétique

Commutateur

Commutation

relationsfondametales

du moment cinétique

Configuration

يأسر حرارة نوعية حرارة التجمد جزيئة في حقل مركزي حقل كهرمغناطيسي متبادل تبادل علاقات التبادل الأساسية تبادل العزم الحركي هيئة تشكيل (بنيه) fondamentale de l'helium exciteé de l'helium constante du mouvement Coordonné (s) d'une particule généralisées Corps noiv Couche saturée Courant de probabilité البنية الأساسية للهليوم البنية الثارة للهليوم ثابتة الحركة احداثيات جزئية جسم أسود مدار مشبع تيار الإحتمال

توالد – تحلل ا Degenerescence تحلل كولوني coulambienne درجة الجرية Degrée (s) de lilbrté طاقة مرافقة لدرجة (energie associée à un) نصف بئر كمون Demi- puits de potentiel كثافة طيفية Densité spectrale كثافة طيفية لتابع عشوائي d'une fanction aléatoire كثافة طيفية طاقيه لجسم أسود energteique du corps noir انعراج الكتروني Diffraction électronique انتش_ار diffusion التشتت عند سرعات ضعيفة aux très faibles vitesses تشتت مرن élastique التشتت دكرة صلية par une sphére dure دىر اك Dirac تابع ديراك شكلية ديراك (founction de) (formalisme de) عدم استمرارية الكمون Discontinuité de potentiel تشتت انتثار Dispersion

Doppler (effet) Dualité onde corpuscule Dynamique relativiste مفعول دوبلر ازدواجية موجية جسبم نحريل نهروي

---- E -----

تىادل Echange Ecrani حجب ثابت الحجب constante d' مفعول الحجب (effet d') اينشتاين Einstein مجموعة بإلكترونين Electron (système de deux) اصدار الضوء Emisson de liumiere احتمال الإصدار probabilité d'emission Energie مؤثر الطاقة الحركية cinétique (opérateur) مؤثر الطاقة الكامنة potentiel (opérateur) نظمية التوزيع المتساوي Equipartion (théoréme d') فضاء Espace فضاء ببعد لآبهائى مستمر à infinité continue de dimension فضاء الأطوار des phases فضاء خطى تابعي linéaire fonctionnel فضاء شعاعي vectoriel ح_الة Etat حالة مرتبطة lié حالة غير مرتبطة non dlié حالق خاصة التحول ديناميكي proper (d'une variable dynamique) حالة مستقرة stationnaire Etat dynamiquei

(quantique)	حالة ديناميكية كمية	
dependant du temps	حالة ديناميكية متعلقة بالزمن	
Evolution :		
(equation d')	علاقة التطور	
Escité (niveau)	مستوی مثار	
— F —		
Fermeture (relation de)	علاقة الإنغلاق	
Fermions	فير ميو نات	
Fonction aléatoire	تابع عشوائي	
ergodique		
stationnaire	تابع عشوائي مستقر	
Fonctions :		
de correlation	توابع الإرتباط	
de distribution d'une variable alaétoire	تابع توزيع لمتحول عشوائي	
d'onde	توابع موجية	
antisymétrique	تابع غير متناظر	
symétrique	تابع متناظر	
generatrice	تابع مولد	
propre	تابع خاص	
spherique	توابع كروية	
Fondamental (niveau)	سوية أساسية	
Forier (transformation de)	تحويلة فورية	
G		
Group :	زمرة	
des permutations	زمرة التبديلات	
des ratation	زمر الدورانات	
(théorie de)	نظرية الزمر	
(

- 110 -

— H and a sugar to معادلة هاملتون Hamilton (equation) d' الهرميونات الكروية Hormoniques sphérique کثیرات جلود هرمیت Hermite (polynomes d') terra a start a sa sa ta — I — مبدأ وعلاقة عدم التعين Incertitude (principe et relations d') عدم التمايزين من من من تيكاول كولوني Indiscernabilité Integrale coulambienne تكامل كولوني تبادلي d'echange كمون التأين Inonisation (potontiel d') * 10 Land Lat — K — Ket — L 🔐 - Andrew Alexandria and Alexandria a Neg atter Vico Landé (pormule de) عرض الخطوط Largure des raies كثيرات جدود لمجندر Legendre (polymnomes de) سليلة ليمان Lyman (série de) — M — كتلة منتزلة ميزون ميزون Masse reduite Méson Molécule جزئية ثنائية الذرة diatomique Moment (s) عزم حركي عزم حركي عزم مداري cinétique _orbitaux

.- 219 -

(quanification du) (valeur propre du) dipolaire électrique d'yn atome magnétique Multiplicité تكميم العزم التيمة الحاصة للعزم عزم ثنائي القطب الك_قربائي ل^زرة عزم مغناطيسي تعدديـــة

تعددية السويات

اسكان السويات عدد كمي عدد كمي مغناطيسي للسبين

-- N ---

Niveaux :

(multiplicité des)

(population des)

Nombre quantique

magnétique de spin

— **0** —

onde : الموجة الرافقة لدبروغلي associcé de De Broglu المعادلة الموجية (equation d') حزمة الموجه (paquet d') موجة جزئية partielle موجة مستوية plan مۇ ئوسىيى ا Operateur (s) مؤثر مرافتي adjoint مؤثر زاوي angulaire مؤثر التطور d'evolution مۇثور مرشح على تابع مۇثر ھرمىتي filtre sur un fanction hermitique مؤثر المطابقة مراسب مراجع identité مؤثر العكس م inverse

الفيزياء الذرية

- 215 -

مؤثر خطي scalaire vectoriel مروط التعامد orthogonalité (ccr.diticr: c') هزاز anharmonique

— P —

Parité	تماثل (زوجيه)
des fonctions spheriques	تماثل التوابع الكروية
(operateur)	مؤثر التماثل
Paroi réféchsante	حاجز عاكس
Pauli	
(malrices de)	مصفوفات باولي
(principe de)	مبدأ با ولي
Permutation :	
(operateur)	مؤثر التبديل
Perturbation	
dependant du temps	إضطراب تابع للزمن
stationnaires	إضطراب مستقر
Polairisation	استقطاب
Polynomes orthogenaux	کثیر ات حدود متعامدہ
Potentiel	
centrifuge	کمون طرد مرکزي
evante	کمو ن محجوب
Principe :	
de decomposition spectrale	مبدأ التحليل الطيفي
Probabilité de presence	احتمال الوجود

×,

127

Produit scalaire Projecteur Puite de potentiel parabolique symétrique

•		جداء سلمي
r		اسقاط
potentiel		
lique		بئر كمون قطعي بئر كمون متناظر
que		بئر کموں متناظر
	Q	

كمية الحركة

تكميم تكميم الطاقة

مؤثر كمية الحركة

قاعدة الذهب لفرمي

تمثيل مؤثر

تمثيل سلمي

تمثيل شعاعى

دوران خطي قاسي

دوران الحالات

طنين

Quantité de monvement (operateur) Quantification ! de l'energie

Rdiale (fonction d'onde) تابع الموجه القطري نشاط إشعاعي Raies permises et raies interdites Regle (s) فو اعد الإصطفاء

— R —

d'or de Fermi

Représentative

d'un operateur

scalaire

vectoriel

Resonance

Rotateur lineaire rigide

Rotations des etats

- 119 -

المقطع العرضي النعال Section efficace المقطع العرضي النفاضلي differentieile المقطع العرضي الفعال ألكلى total معينة سلاتر Slater (déterminant de) فضاء جزئى خاص Sous - eopace propre سبين جزئية Spin d'une particule ارتباط سين مدار Spin orbite (couplage) تناضد خطى للحالات Superpotion lineaire des etats رموز طفة Symboles spectroscopique - T -19 A زمن الإرتباط Temps de corrèlation حدود ذرية حدود ذرية Termes atomiques Transitions انتقالات محثه induites انتقالات ذاتي spontanées شنمافية حاجز Transparence d'une barrier المفعول النطتمي Tunnel (effet) -- V ---Valeur (s)

- S -

mayenne (s) propre d'un Hamiltonien d'une variable dynamique Veriable (s) simultanement mesurables Variations (méthode des) القيمة الوسطى القيمة الحاصة للهاملتون القيمة لمتحول ديناميكي متحولات قابلة للقياس بنفس الوقت

طريقة التغيرات

- 27+ -

Vecteur (s) propre		شعاع خاص
Vitesse :		
de groupe d'une onde		سرءت المجموعة لموجة
de phase d'une onde		سرعة الطور لموجة
	— W —	
Wien (loi de)		قانون واین
	Z	
Zeeman (effet)		مفعول زيمان

With BY and the MY

	الفهريس
الصفحة	الموضـــــوع
٣	المقدم الم
	الباب الأول
	الفيزياء الذريــة
	الفصـــل الأول
V .	المواضيع الأساسية لعلم الطيوف
٨	سويات الطاقة والانتقالات (الخطوط الطيفية)
11	أنواع الأثارة
10	المنظومات البصرية
14	طرق الكشف عن الاشعاع
	الفصل الثاني
14	حركة الكترون بدون سبين ضمن كمون مركزي (دراسة كوانتيه)
۲.	معادلة شرودينغر
8 41 - 5	احتمال وجود الالكتر ون ضمن ذرة هيدروجينية
<u> 70</u>	حالة كمون مركزي غير كولوني

	الفصل الثاليث
	تقريب الالكترونات المستقلة في كمون مركزي
٤٣	(التشكيلات الانكترونية)
٤٦	م يتويات الطاقة لمج _ا موعة ذات N الكترون مستقل ضمن كمون مركزي
٤٨	مبدأ باولي
٤٩	العدد الأعظمي للالكترونات المتعلقة بطبقة ــ أو بطبقة جزئية
	الفصل الرابع
٥٧	العزوم الحركية وتعدد مستويات الطاقة
٥٨	مركبات العزوم الحركية
۳.•	مردبات العزوم الحردية تحديدات لورنتز لمركبات الحقل
77	مبدأ حساب سويات الطاقة للذرات المتعددة الالكترونات
٧.	الحدود الطيفية
۷۳	تحديد العزوم الحركية وتعداد مستويات الطاقة المحتنفة للتشكيل الالكتروني
٧v	قواعد هوند - درست رضع زیده می ورد می
· · ·	القصل الخامس معدد ومتاريه المعاد ومتاريه

أطياف المنظومات الذرية بالكترون وبالكترونين انظرية الاشعاع الكمية الامتصاص والاصدار الكمية حساب معاملات انشتاين واعد الاصطفاء درات بالكترونين الارتباط بين العزوم الجزئية والنموذج الشعاعي قاعدة مجال لانده المتويات الطاقة المرة الهياروجين – البنية الناعمة للخطوط العزوم الحركية المتعلقة بمختلف المستويات

الفصيل السادس

العزوم المغناطيسية الفعالة

- الفصـــل الثامن نظريـــة الاشعاع ۲۰۳
- النظرية الكهرمغناطيسية الكلاسيكية

53

تمثيل الزمرة تعريف الأومورفيس نظرية التعامد العظمى

- فصل حركة الالكترونات والأنوية ٢٧٣
- نظرية بورن أوبنهاير الحدود الالكترونية الجزيئية الربط بين الحدود الجزئية والحدود الذرية أنواع التناظر للحالات الالكترونية استقرار الحالات الالكترونية – الرابطة الكيميائية

الفصل الحسادي عشر

سويات الطاقة الاهتزازية لجزيئة ثنائية الذرة (٣١٣

317

الهزاز اللاتوافقي

الفصل الثاني عشــر

- السويات الدورانية للجزيئات ٣٤٩
- طاقة الدائر القاسي في الميكانيك الكلاسيكي طاقة الدائرون القاسيون في ميكانياك الكم
- مخططات سويات الطاقة الدورانية

الفصل الثالث عشمر

	الكهرطيسي	المتبادل بين الجزيئات والاشعاع	التأثير
219		(الطيــوف الجــزئية)	
w().			

**	قواعد الاصطفاء والشدة
۳۷۲	تشتت رامان
***	الطيوف الاهتزازية
٣٧٤	قواعد الاصطفاء للاصدار وللإمتصاص
**	قواعد الاصطفاء من أجل تشتت رامان
ቸ <mark>ለ</mark> •	الانتقالات الساخنة (الحاره)
٣٨٣	الطيوف الاهتزازية للجزيئات المتعددة الذرات
	قواعد الاصطفاء
ሞለዓ	الطيوف الدورانية
344	الطيوف الدورانية للجزيئات الخطية

٤٠٠	وضع الخطوط الطيفية لطيف الأمتصاص والاصدار
٤•١	الطيوف الاهتزازية الدورانية
٤٠٩	المراجع الأجنبية .
115	دليل المصطلحات العلمية
274	الفيـــــر س

